

The background image shows the main entrance of RUDN University. On the left, there is a tall white column topped with a dark sculpture of a crown. In the foreground, a large fountain with multiple water jets is active. The university building is a modern, multi-story structure with large glass windows. On the right side of the building, there is a large blue world map and the university's name in Russian and English. The sky is blue with some clouds.

Лабораторная работа No 5. (Построение графиков)

Адабор Кристофер Твум

1032225824

НКНбд-01-22

Основные пакеты для работы с графиками в

Адабор Кристофер Твум

1032225824

НКНбд-01-22

using Plots

задание функции:

$f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0.3x}$

генерирование массива значений x в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1

$x = \text{range}(-5, 10, \text{length}=151)$

генерирование массива значений y :

$y = f.(x)$

указывается, что для построения графика используется $gr()$:

$gr()$

задание опций при построении графика

$\text{plot}(x, y,$
 $\text{title}=\text{"A simple curve"},$
 $\text{xlabel}=\text{"Variable x"},$
 $\text{ylabel}=\text{"Variable y"},$
 $\text{color}=\text{"blue"},$
 $\text{linewidth}=2)$

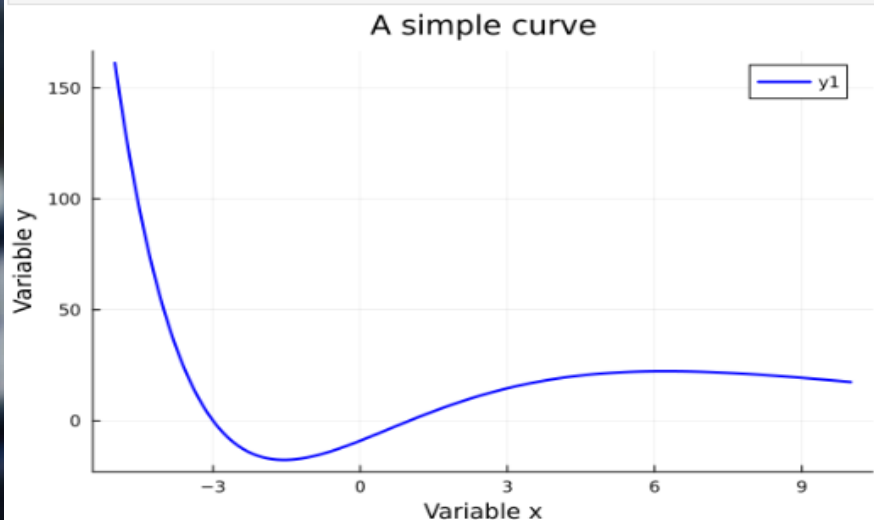


Рис. 5.2. График функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0.3x}$, построенный при помощи pyplot()

using Plots

задание функции:

$f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0.3x}$

генерирование массива значений x в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1

$x = \text{range}(-5, 10, \text{length}=151)$

генерирование массива значений y :

$y = f.(x)$

используем $gr()$ вместо pyplot()

$gr()$

задание опций при построении графика

$\text{plot}(x, y,$
 $\text{title}=\text{"Простая кривая"},$
 $\text{xlabel}=\text{"Переменная x"},$
 $\text{ylabel}=\text{"Переменная y"},$
 $\text{color}=\text{"blue"},$
 $\text{linewidth}=2)$

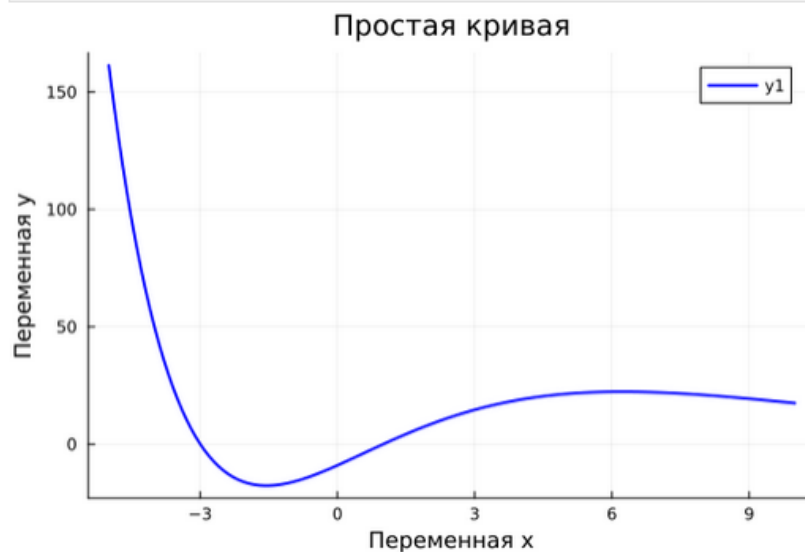


Рис. 5.3. График функции $\sin(x)$

```
]]: using Plots

# Используем gr() вместо pyplot() так как он работает стабильнее
gr()

# задание функции sin(x):
sin_theor(x) = sin(x)

# построение графика функции sin(x):
plot(sin_theor, -2π, 2π,
     title="График функции sin(x)",
     xlabel="x",
     ylabel="sin(x)",
     color="blue",
     linewidth=2,
     label="sin(x)",
     legend=:topright,
     grid=true)
```

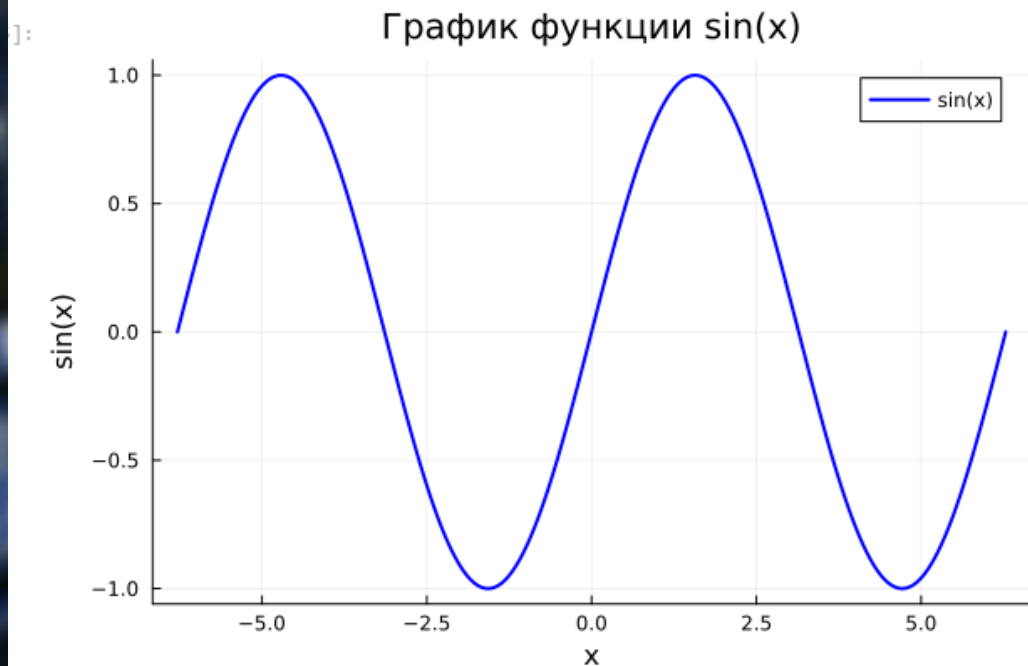


Рис. 5.4. График функции разложения исходной функции в ряд Тейлора

```
using Plots

# Используем gr() вместо pyplot()
gr()

# задание функции разложения sin(x) в ряд Тейлора (5 членов):
function sin_taylor(x)
    sum = 0.0
    for i in 0:4
        term = (-1)^i * x^(2*i+1) / factorial(2*i+1)
        sum += term
    end
    return sum
end

# построение графика функции разложения в ряд Тейлора:
plot(sin_taylor, -2π, 2π,
     title="Разложение sin(x) в ряд Тейлора (5 членов)",
     xlabel="x",
     ylabel="sin_taylor(x)",
     color="red",
     linewidth=2,
     label="sin(x) ряд Тейлора",
     legend=:topright,
     grid=true)
```

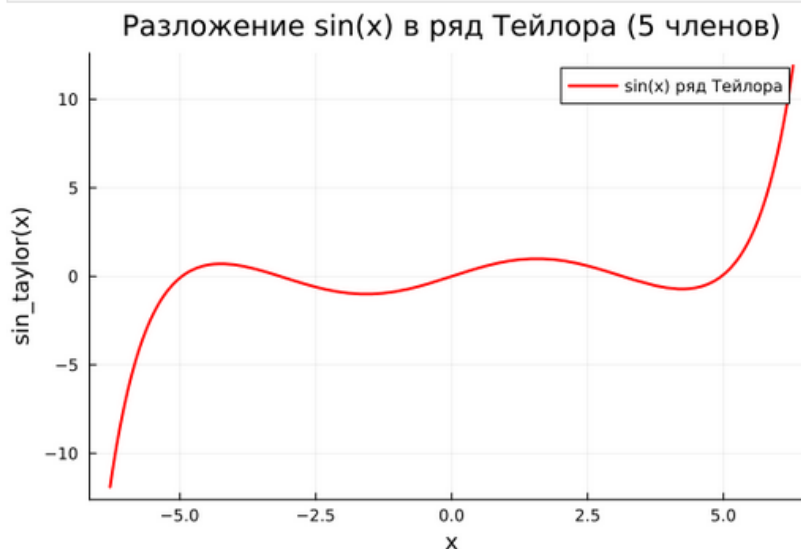


Рис. 5.5. Графики исходной функции и её разложения в ряд Тейлора

```
8]: using Plots

# Используем gr() вместо pyplot()
gr()

# задание точной функции sin(x):
sin_theor(x) = sin(x)

# задание функции разложения sin(x) в ряд Тейлора:
function sin_taylor(x)
    sum = 0.0
    for i in 0:4
        term = (-1)^i * x^(2*i+1) / factorial(2*i+1)
        sum += term
    end
    return sum
end

# построение двух функций на одном графике:
plot(sin_theor, -π, π,
    label = "sin(x), теоретическое значение",
    linewidth=2,
    color=:blue,
    title="Сравнение sin(x) и ряда Тейлора",
    xlabel="x",
    ylabel="y",
    legend=:bottomright)

plot!(sin_taylor, -π, π,
    label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора",
    linewidth=2,
    linestyle=:dash,
    color=:red)
```

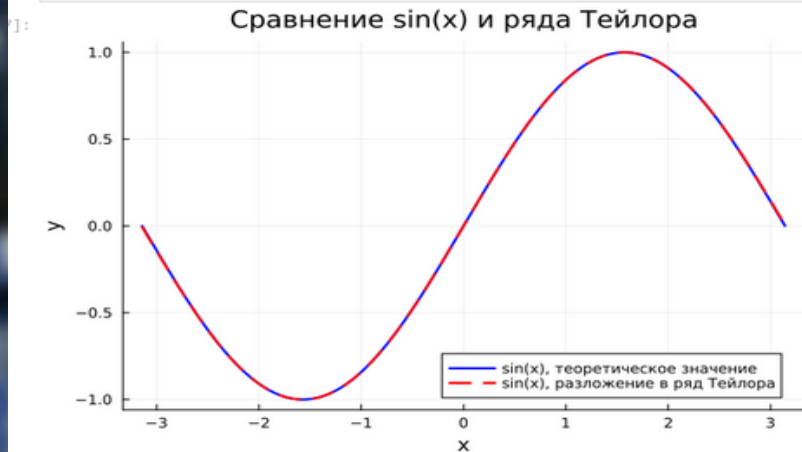


Рис. 5.6. Вид графиков из рис. 5.5 после добавления опций при их построении

```
8]: # сохранение графика в файле в формате pdf или png:
savefig("taylor.pdf")
savefig("taylor.png")
```

8]: "C:\\Users\\KRIS\\Desktop\\Pere\\taylor.png"

```
9]: using Plots

# Используем gr() вместо pyplot()
gr()

# задание функции sin(x):
sin_theor(x) = sin(x)

# задание функции разложения исходной функции в ряд Тейлора:
sin_taylor(x) = [(-1)^i * x^(2*i+1) / factorial(2*i+1) for i in 0:4] |> sum

plot(
    # функция sin_taylor:
    sin_taylor, -π, π,

    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора",
    line=( :blue, 2, :solid),

    # размер графика:
    size=(800, 500),
```



```

# размер графика:
size=(800, 500),

# параметры отображения значений по осям
xticks = (-5:0.5:5),
yticks = (-1:0.1:1),
xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
ytickfont = font(12, "Times New Roman"),

# подписи по осям:
ylabel = "y",
xlabel = "x",

# название графика:
title = "Разложение в ряд Тейлора",

# поворот значений, заданный по оси x:
xrotation = 45,

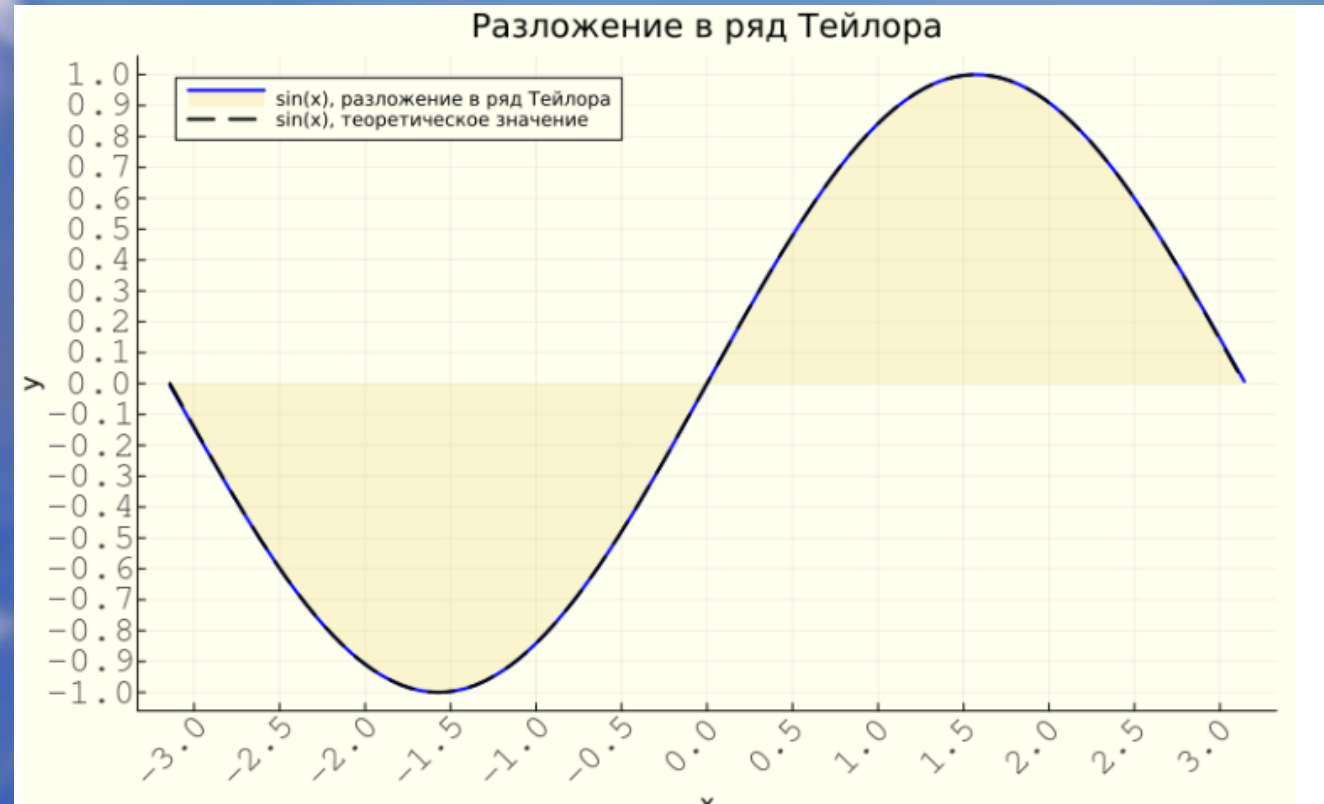
# заливка области графика цветом:
fillrange = 0,
fillalpha = 0.3,
fillcolor = :lightgoldenrod,

# задание цвета фона:
background_color = :ivory
)

plot!(
    # функция sin_theor:
    sin_theor, -π, π,

    # подпись в легенде, цвет и тип линии:
    label = "sin(x), теоретическое значение",
    line=(:black, 2, :dash))

```



Точечный график

Рис. 5.7. График десяти случайных значений на плоскости

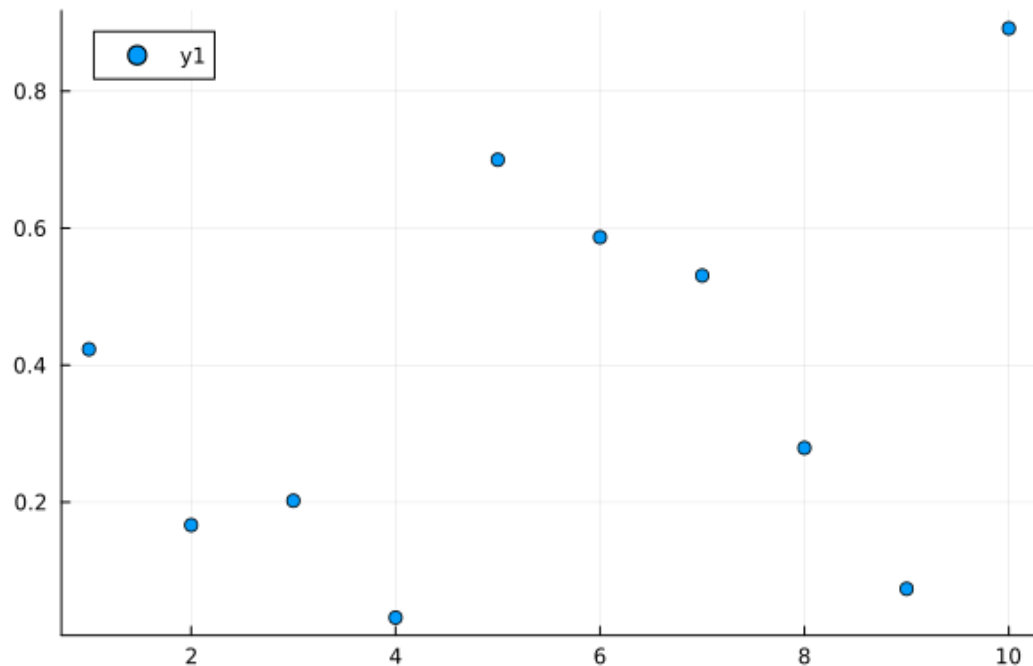
```
0]: using Plots

gr()

x = range(1, 10, length=10)
y = rand(10)

# параметры построения графика:
plot(x, y,
     seriestype = :scatter,
     title = "Точечный график")
```

Точечный график



5.8. График пятидесяти случайных значений на плоскости с различными опциями отображения

```
1]: using Plots

gr()

# параметры распределения точек на плоскости:
n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
ms = rand(50) * 30

# параметры построения графика:
scatter(x, y, markersize = ms)
```

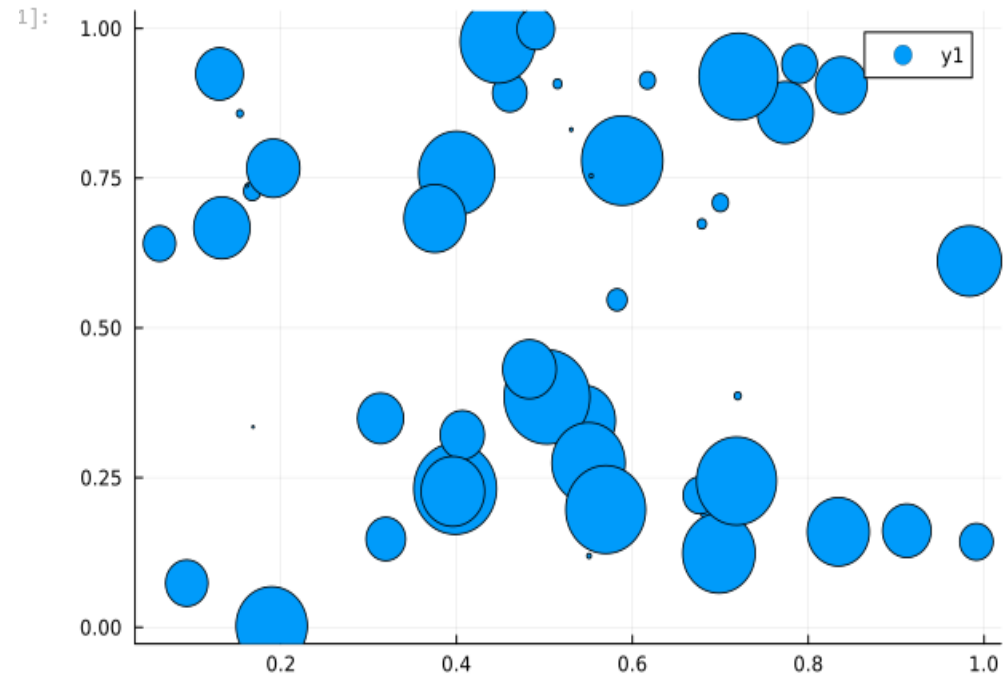


Рис. 5.9. График пятидесяти случайных значений в пространстве с различными опциями отображения ¶

```
using Plots

gr()

# параметры распределения точек в пространстве:
n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
z = rand(n)
ms = rand(50) * 30

# параметры построения графика:
scatter(x, y, z, markersize = ms)
```

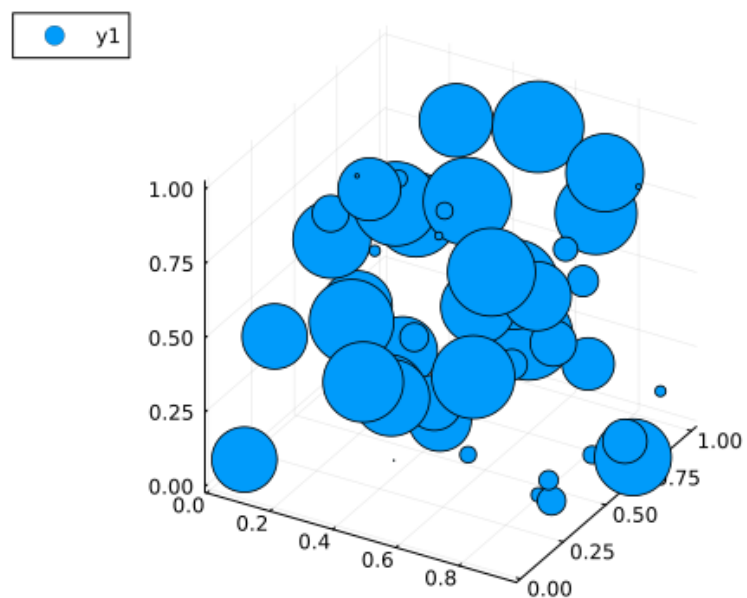


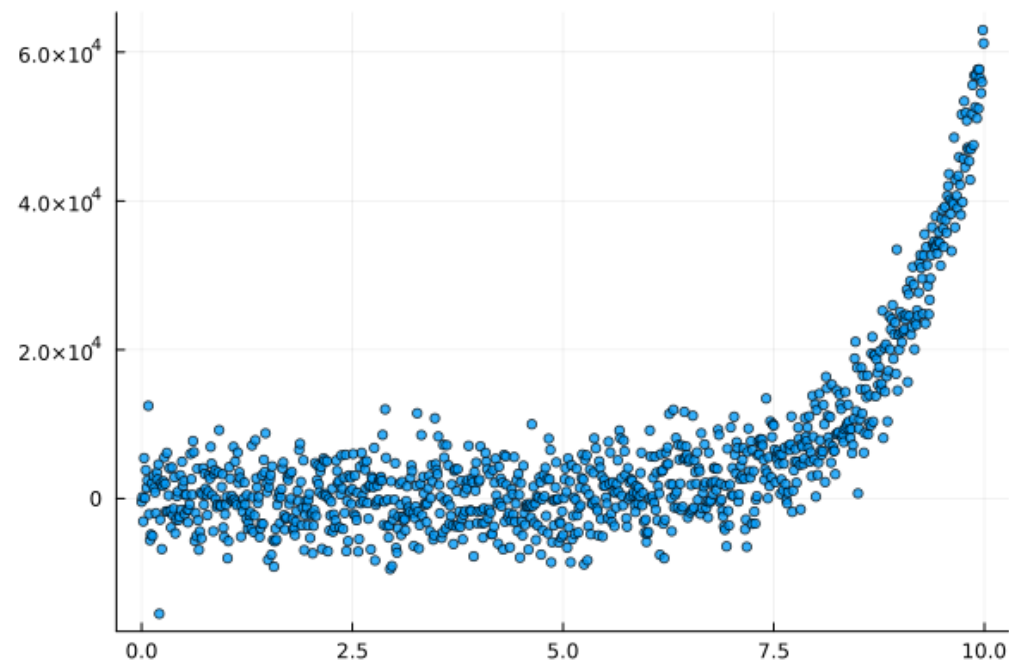
Рис. 5.10. Пример функции

```
using Plots

gr()

# массив данных от 0 до 10 с шагом 0.01:
x = collect(0:0.01:9.99)
# экспоненциальная функция со случайным сдвигом значений:
y = exp.(ones(1000) .* x) + 4000 * randn(1000)

# построение графика:
scatter(x, y, markersize = 3, alpha = 0.8, legend = false)
```



Аппроксимация данных

```
using Plots, LinearAlgebra

gr()

# Данные
x = collect(0:0.01:9.99)
y = exp.(1 .+ x) + 4000 * randn(1000)
```

```
# График данных
scatter(x, y, markersize=3, alpha=0.8, legend=false,
        title="Аппроксимация полиномом 5-й степени",
        xlabel="x", ylabel="y")
```

```
# Аппроксимация
A = hcat(ones(1000), x, x.^2, x.^3, x.^4, x.^5)
c = A \ y
y_fit = A * c
```

```
# График аппроксимации
plot!(x, y_fit, linewidth=3, color=:red)
```

Аппроксимация полиномом 5-й степени

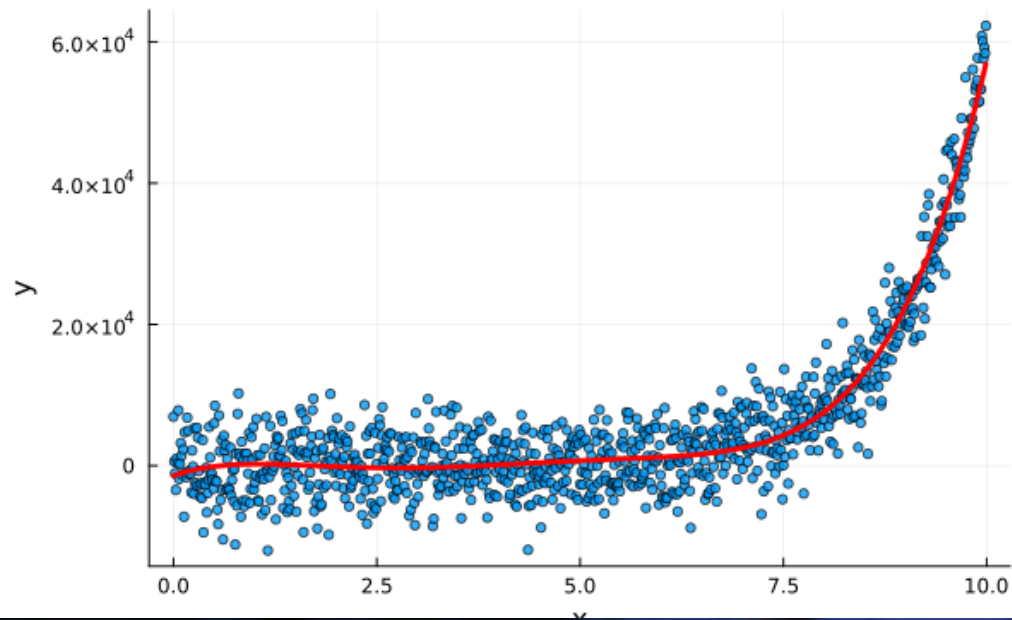


Рис. 5.12. Пример отдельно построенной траектории

```
using Plots

gr()

# пример случайной траектории
plot(randn(100),
     ylabel = "y1",
     leg = :topright,
     grid = false)
```

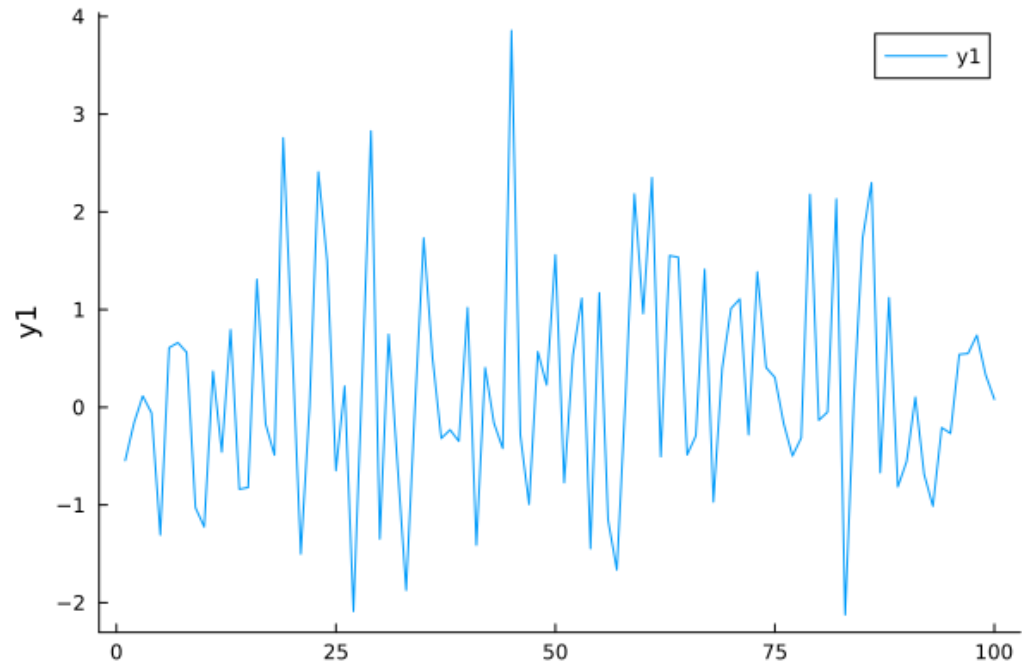


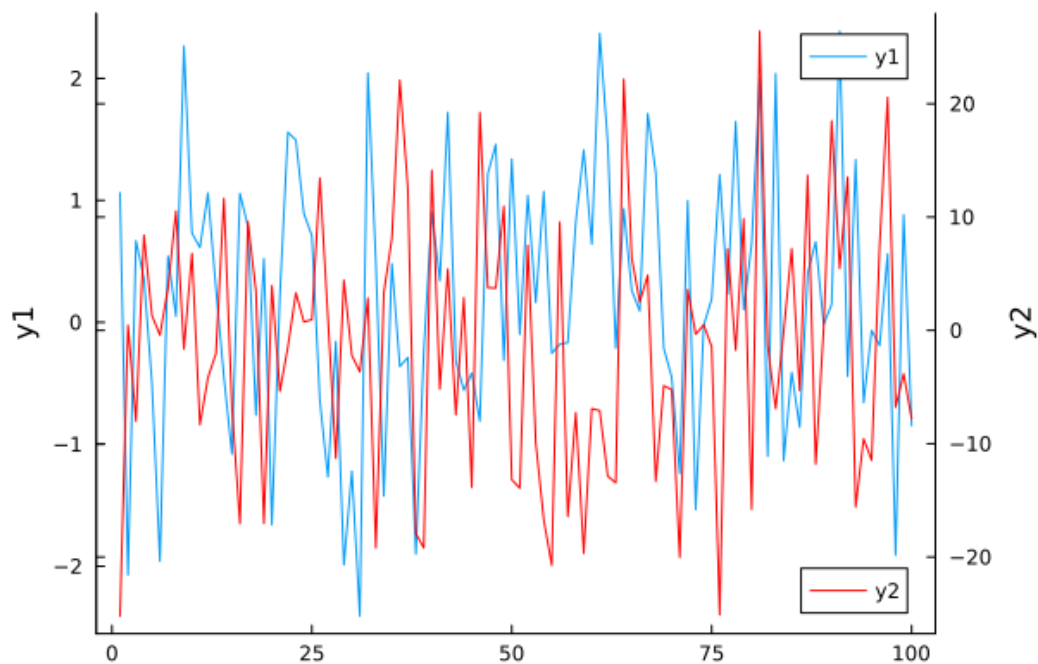
Рис. 5.13. Пример двух траекторий на одном графике с двумя осями ординат

```
using Plots

gr()

# пример случайной траектории
plot(randn(100),
     ylabel = "y1",
     leg = :topright,
     grid = false)

# пример добавления на график второй случайной траектории
plot!(twinx(), randn(100) * 10,
      color = :red,
      ylabel = "y2",
      leg = :bottomright,
      grid = false,
      box = :on)
```



5.14. График функции, заданной в полярных координатах

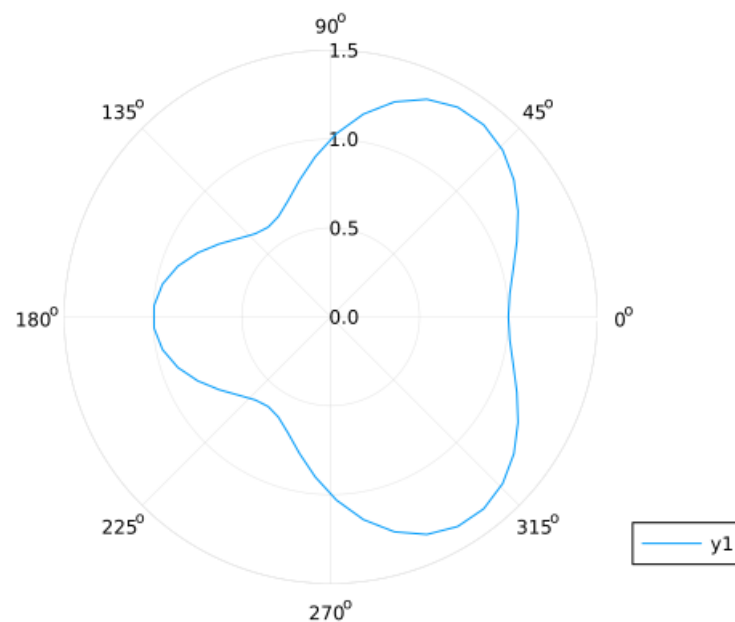
```
] using Plots

gr()

# функция в полярных координатах:
r(θ) = 1 + cos(θ) * sin(θ)^2

# полярная система координат:
θ = range(0, stop=2π, length=50)

# график функции, заданной в полярных координатах:
plot(θ, r.(θ),
     proj = :polar,
     lims = (0, 1.5))
```



Полярные координаты

- Рис. 5.15. Параметрический график кривой на плоскости

```
18]: using Plots
      gr()
      # Usar directamente las funciones sin asignar a variables
      plot(t -> sin(t), t -> sin(2t), 0, 2π, leg=false, fill=(0, :orange))
```

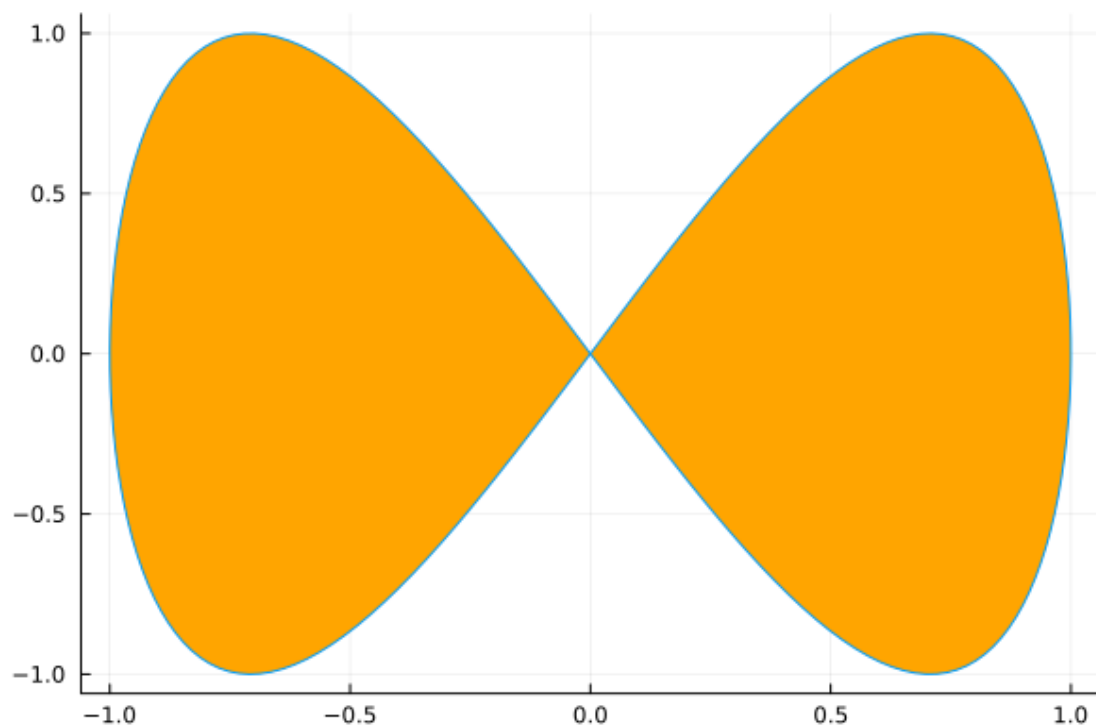


Рис. 5.16. Параметрический график кривой в пространстве

```
using Plots
gr()
t = range(0, stop=10, length=1000)
x = cos.(t)
y = sin.(t)
z = sin.(5t)
plot(x, y, z)
```

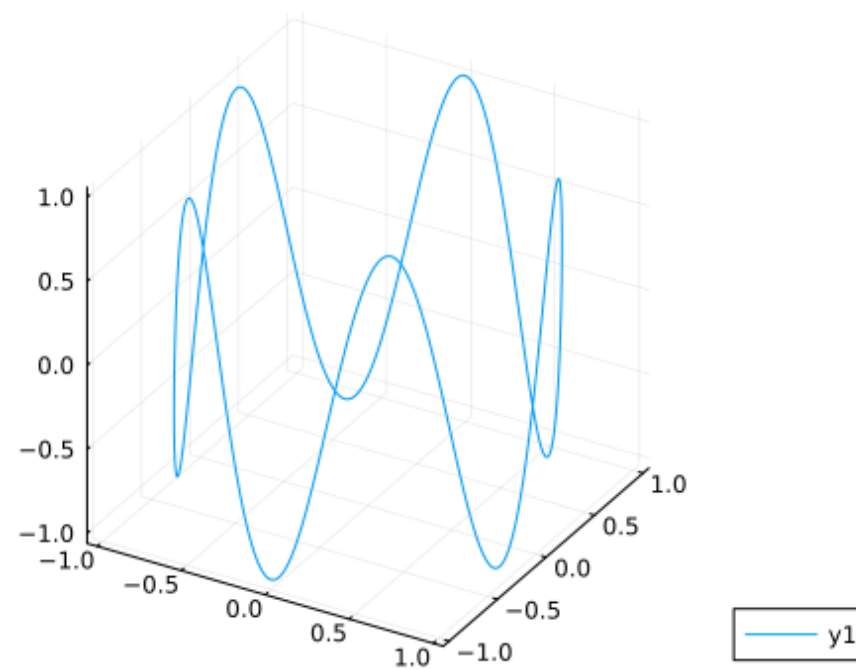


График поверхности

5.2.8. График поверхности

```
using Plots

# Используем gr() вместо pyplot()
gr()

# Функция поверхности
f(x, y) = x^2 + y^2

# Создаем сетку координат
x = -10:10
y = -10:10

# ===== Рис. 5.17. График поверхности (surface()) =====
p1 = surface(x, y, f,
  title = "Рис. 5.17. График поверхности (surface())",
  xlabel = "x",
  ylabel = "y",
  zlabel = "f(x,y) = x^2 + y^2",
  color = :viridis,
  camera = (45, 45))

# ===== Рис. 5.18. График поверхности (plot() wireframe) =====
p2 = plot(x, y, f,
  linetype = :wireframe,
  title = "Рис. 5.18. График поверхности (wireframe)",
  xlabel = "x",
  ylabel = "y",
  zlabel = "f(x,y) = x^2 + y^2",
  color = :red,
  linewidth = 1,
  camera = (45, 45))

# ===== Рис. 5.19. Сглаженный график поверхности =====
x_smooth = range(-10, 10, length=50)
y_smooth = range(-10, 10, length=50)
p3 = surface(x_smooth, y_smooth, f,
  title = "Рис. 5.19. Сглаженный график поверхности",
  xlabel = "x",
  ylabel = "y",
  zlabel = "f(x,y) = x^2 + y^2",
  color = :heat,
  camera = (45, 45))

# ===== Рис. 5.20. График поверхности с изменённым углом зрения =====
x_angle = range(-2, 2, length=100)
y_angle = range(-2, 2, length=100)
f_angle(x, y) = x*y - x - y + 1

p4 = plot(x_angle, y_angle, f_angle,
  linetype = :surface,
  c = cgrad([:red, :blue]),
  camera = (-30, 30),
  title = "Рис. 5.20. Поверхность с изменённым углом зрения",
  xlabel = "x",
  ylabel = "y",
  zlabel = "f(x,y) = xy - x - y + 1")
```

Рис. 5.17. График поверхности (surface())

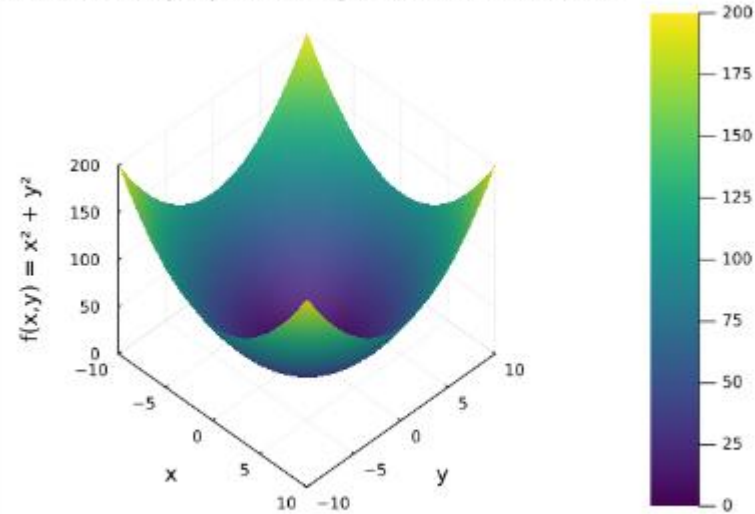


Рис. 5.18. График поверхности (wireframe)

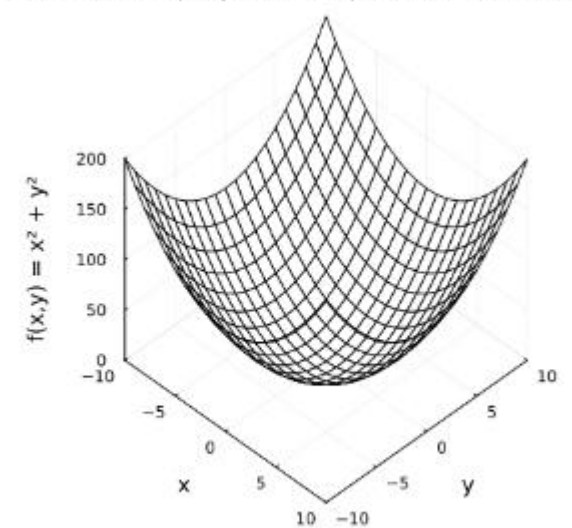


Рис. 5.19. Сглаженный график поверхности

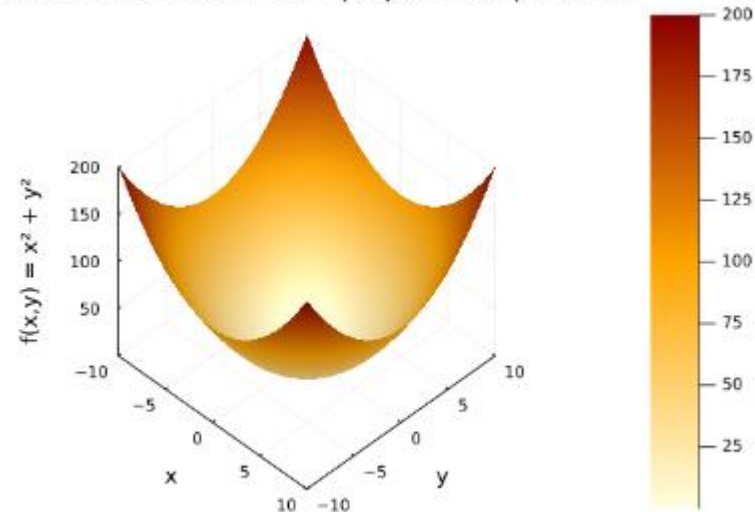


Рис. 5.20. Поверхность с изменённым углом зрения

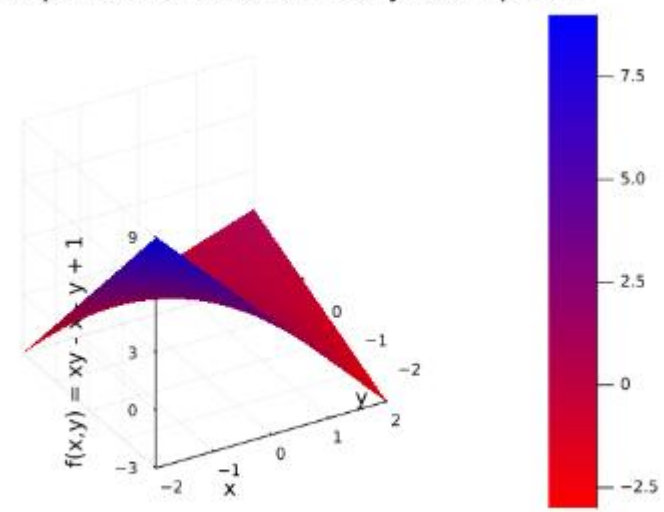


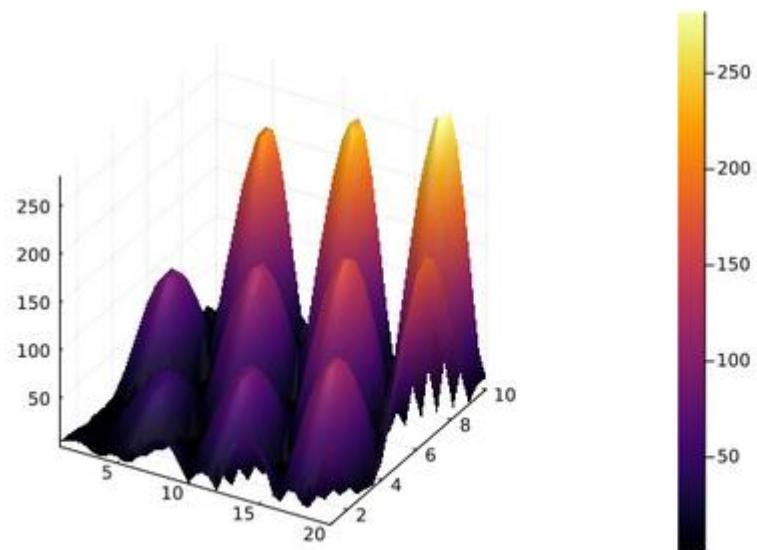
Рис. 5.21. График поверхности, заданной функцией $g(x, y) = (3x + y^2)|\sin(x) + \cos(y)|$

```
using Plots

gr()

x = 1:0.5:20
y = 1:0.5:10
g(x, y) = (3x + y^2) * abs(sin(x) + cos(y))

plot(x, y, g,
      linetype = :surface)
```



using Plots

gr()

x = 1:0.5:20

y = 1:0.5:10

g(x, y) = (3x + y^2) * abs(sin(x) + cos(y))

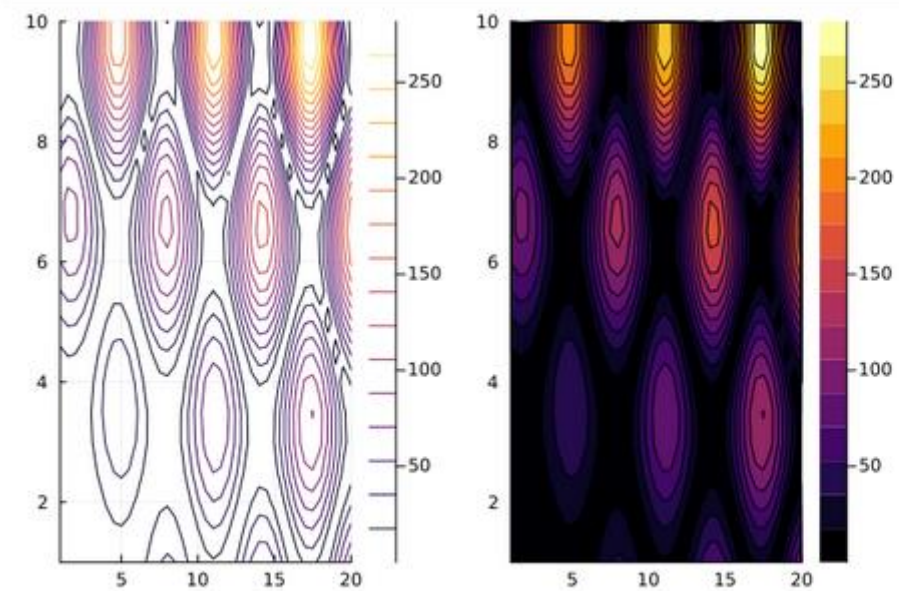
Puc. 5.22

p1 = contour(x, y, g)

Puc. 5.23

p2 = contour(x, y, g, fill=true)

plot(p1, p2, layout = (1, 2))



5.2.10. Векторные поля

using Plots

gr()

определение переменных:

X = range(-2, stop=2, length=100)

Y = range(-2, stop=2, length=100)

определение функции:

h(x, y) = x^3 - 3x + y^2

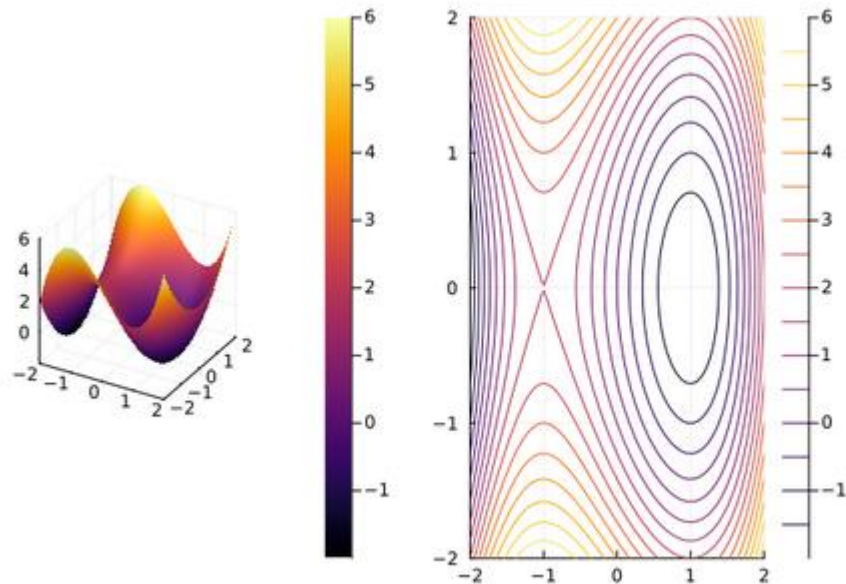
построение поверхности:

p1 = plot(X, Y, h, linetype = :surface)

построение линий уровня:

p2 = contour(X, Y, h)

plot(p1, p2, layout = (1, 2))



using Plots

gr()

определение функции:

h(x, y) = x^3 - 3x + y^2

градиент:

x = range(-2, stop=2, length=12)

y = range(-2, stop=2, length=12)

производная от исходной функции:

dh(x, y) = [3x^2 - 3; 2y] / 25

Рис. 5.26. Векторное поле функции

p1 = contour(x, y, h, fill=true)

quiver!(x, y, quiver=dh, color=:blue)

Рис. 5.27. Векторное поле функции (скорректирована область видимости)

p2 = contour(x, y, h, fill=true)

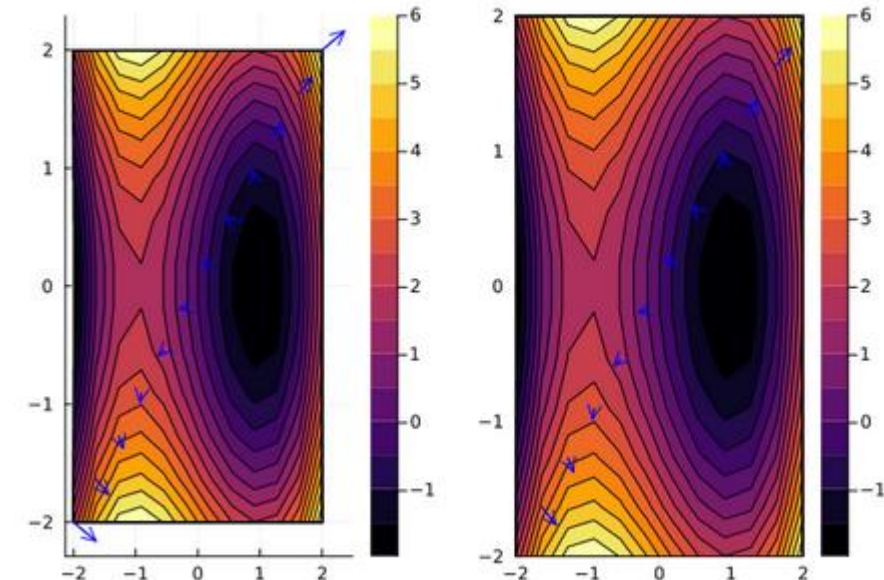
quiver!(x, y, quiver=dh, color=:blue)

xlims!(-2, 2)

ylims!(-2, 2)

Mostrar ambas gráficas

plot(p1, p2, layout=(1,2))



5.2.11.1. Gif-анимация

```
using Plots
```

```
gr()
```

```
# Рис. 5.28. Статичный график поверхности
```

```
X = range(-5, stop=5, length=40)
```

```
Y = range(-5, stop=5, length=40)
```

```
surface(X, Y, (x,y) -> sin(x) + cos(y))
```

```
# Рис. 5.29. Анимированный график поверхности
```

```
X = range(-5, stop=5, length=40)
```

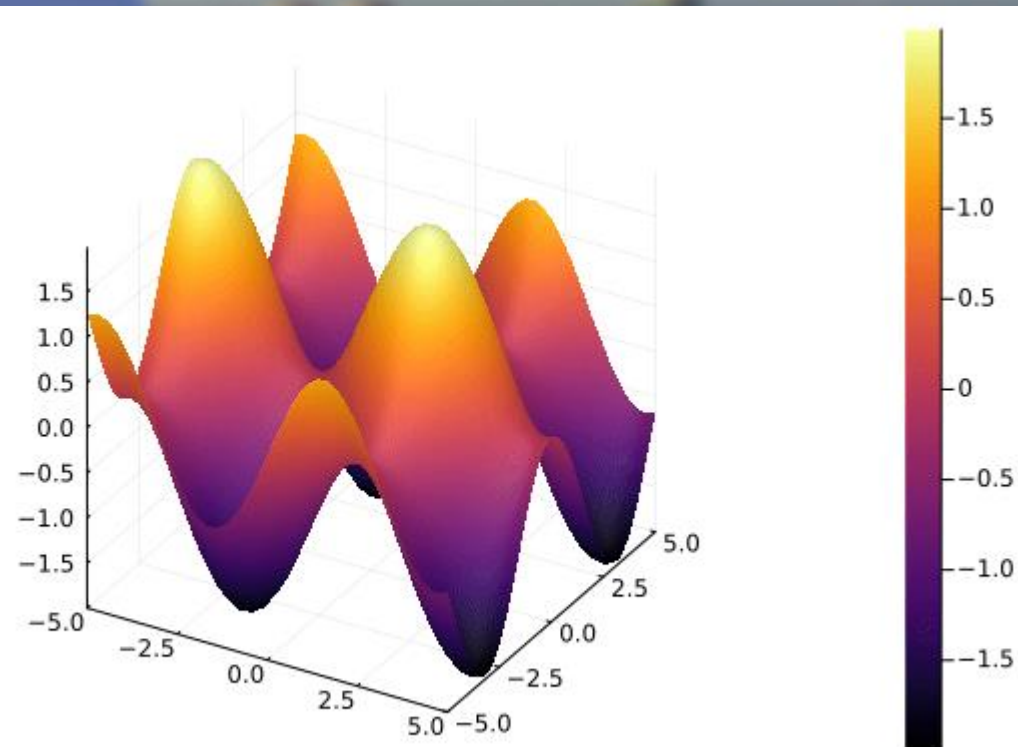
```
Y = range(-5, stop=5, length=40)
```

```
@gif for i in range(0, stop=2π, length=100)
```

```
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x + 10sin(i)) + cos(y))
```

```
end
```

```
[ Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\tmp.gif
```



Гипоциклоида

5.2.11.2. Гипоциклоида

Гипоциклоида — плоская кривая, образуемая точкой окружности, катящейся по внутренней стороне другой окружности без скольжения:

$$\begin{cases} x = r(k-1) \left(\cos t + \frac{\cos((k-1)t)}{k-1} \right), \\ y = r(k-1) \left(\sin t - \frac{\sin((k-1)t)}{k-1} \right), \end{cases}$$

где $k = \frac{R}{r}$, R — радиус неподвижной окружности, r — радиус катящейся окружности. Модуль величины k определяет форму гипоциклоиды.

```
[26]: using Plots

gr()

# радиус малой окружности:
r_val = 1
# коэффициент для построения большой окружности:
k = 3
# число отсчётов:
n = 100

# массив значений угла θ:
θ = collect(0:2π/100:2π+2π/100)

# массивы значений координат:
X = r_val*k*cos.(θ)
Y = r_val*k*sin.(θ)

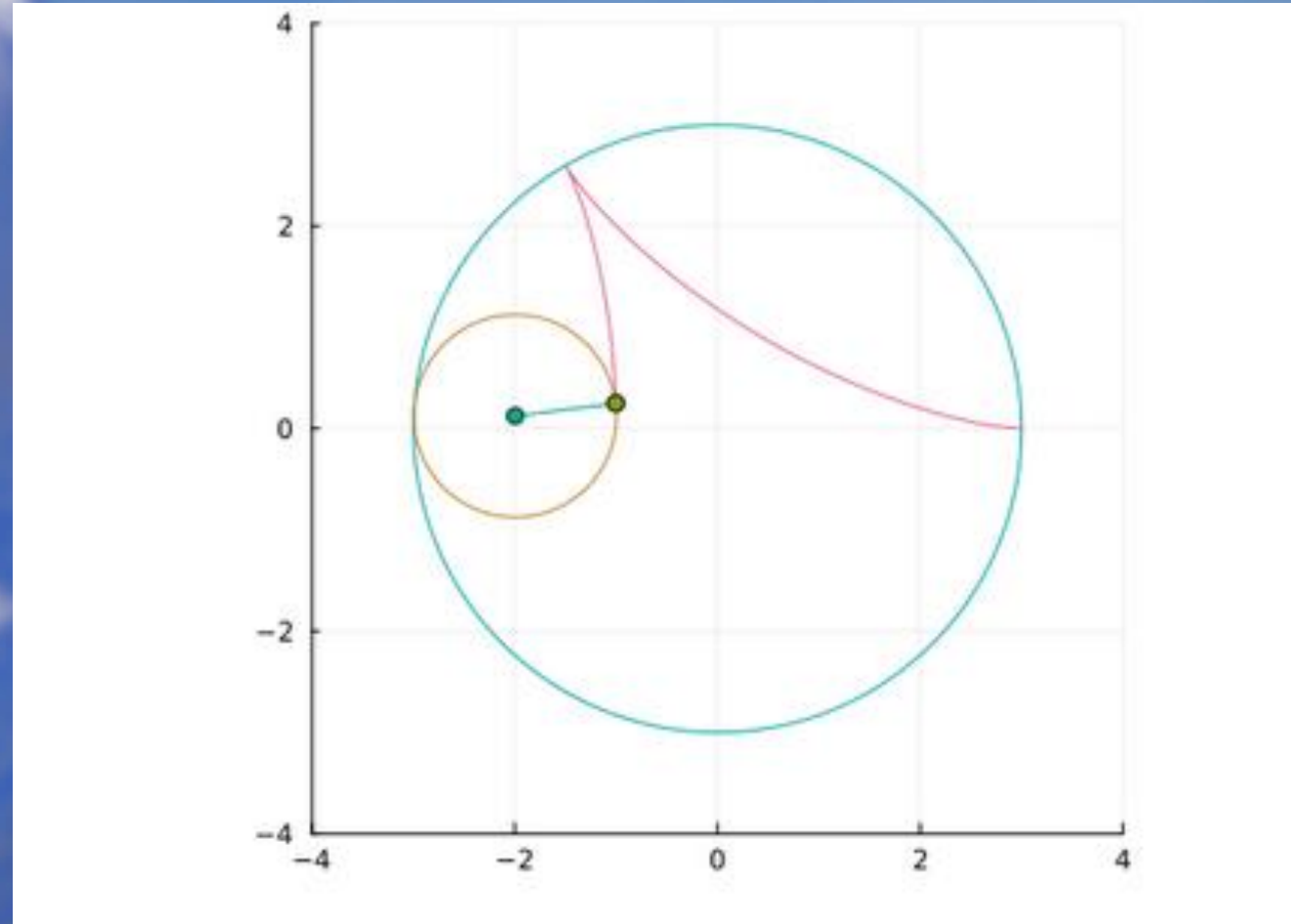
# задаём оси координат:
plt = plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), aspect_ratio=1, legend=false)

# Рис. 5.30. Большая окружность гипоциклоиды:
plot!(plt, X, Y)

# Рис. 5.31. Половина пути гипоциклоиды:
i = 50
t = θ[1:i]
x = r_val*(k-1)*cos.(t) + r_val*cos.((k-1)*t)
y = r_val*(k-1)*sin.(t) - r_val*sin.((k-1)*t)
plot!(x, y)

# Рис. 5.32. Малая окружность гипоциклоиды:
xc = r_val*(k-1)*cos(t[end]) + r_val*cos.(θ)
yc = r_val*(k-1)*sin(t[end]) + r_val*sin.(θ)
plot!(xc, yc)

# Рис. 5.33. Малая окружность гипоциклоиды с добавлением радиуса:
x1 = transpose([r_val*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
y1 = transpose([r_val*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
plot!(x1, y1, markershape=:circle, markersize=4)
scatter!([x[end]], [y[end]])
```



Анимация движения гипоциклоиды

Рис. 5.34. Анимация движения гипоциклоиды

```
7]: using Plots

gr()

# радиус малой окружности:
r_val = 1
# коэффициент для построения большой окружности:
k = 3
# число отсчётов:
n = 100

# массив значений угла  $\theta$ :
 $\theta = \text{collect}(0:2\pi/100:2\pi+2\pi/100)$ 

# массивы значений координат:
X = r_val*k*cos.( $\theta$ )
Y = r_val*k*sin.( $\theta$ )

# Рис. 5.34. Анимация движения гипоциклоиды
anim = @animate for i in 1:n

    # задаём оси координат:
    plt = plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), aspect_ratio=1, legend=false)

    # большая окружность:
    plot!(plt, X, Y)

    t =  $\theta[1:i]$ 

    # гипоциклоида:
    x = r_val*(k-1)*cos.(t) + r_val*cos.((k-1)*t)
    y = r_val*(k-1)*sin.(t) - r_val*sin.((k-1)*t)
    plot!(x, y)

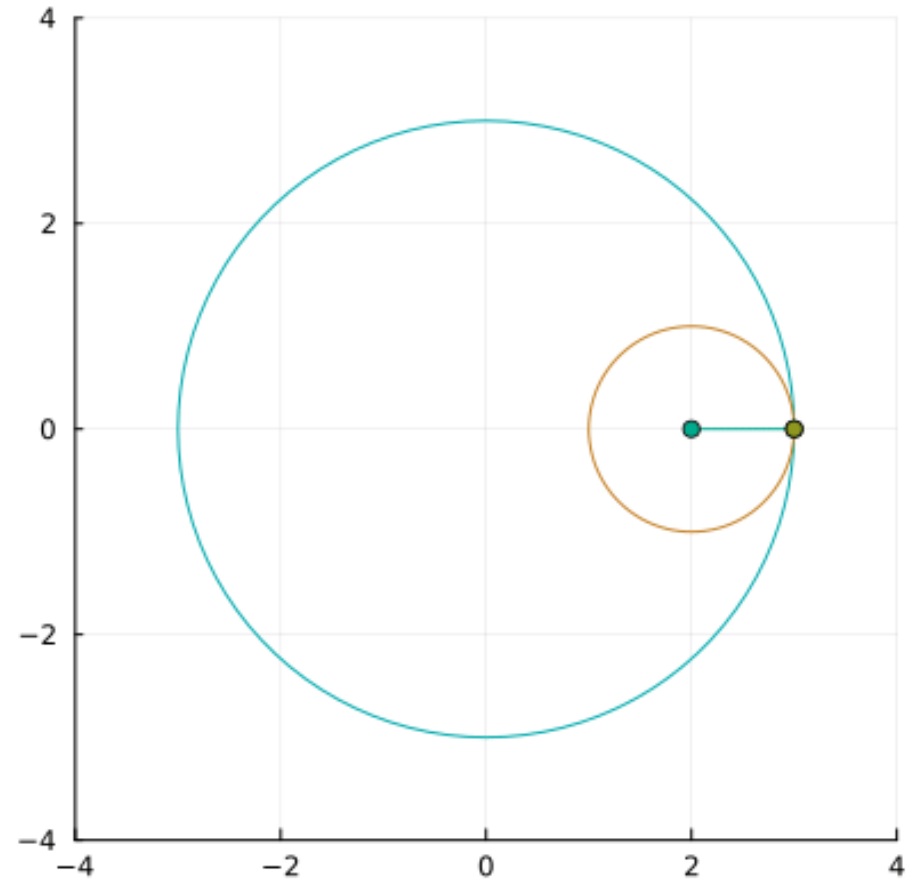
    # малая окружность:
    xc = r_val*(k-1)*cos(t[end]) .+ r_val*cos.( $\theta$ )
    yc = r_val*(k-1)*sin(t[end]) .+ r_val*sin.( $\theta$ )
    plot!(xc, yc)

    # радиус малой окружности:
    x1 = transpose([r_val*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
    y1 = transpose([r_val*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
    plot!(x1, y1, markershape=:circle, markersize=4)
    scatter!([x[end]], [y[end]])

end

# Сохраним анимацию в gif-файл:
gif(anim, "hypocycloid.gif")
```

[Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\hypocycloid.gif



Errorbars

5.2.12. Errorbars ¶

using Plots, Statistics

gr()

задание массива значений:

sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]

сгенерируем массив ошибок:

n = 10

y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]

errs = 1.96 * sds / sqrt(n)

Рис. 5.35. График исходных значений:

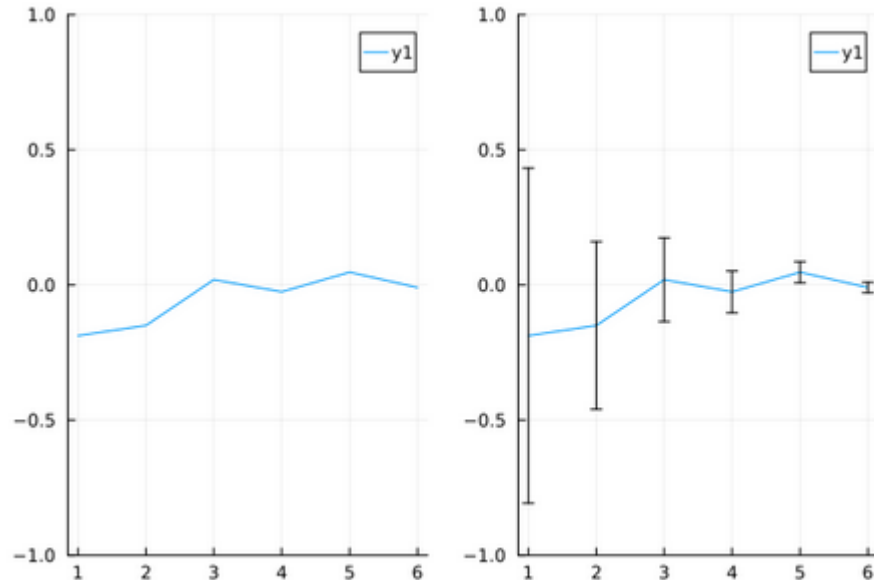
p1 = plot(y, ylims=(-1,1))

Рис. 5.36. График исходных значений с отклонениями:

p2 = plot(y, ylims=(-1,1), err=errs)

Mostrar ambas gráficas

plot(p1, p2, layout=(1,2))



using Plots, Statistics

gr()

задание массива значений:

sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]

n = 10

y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]

errs = 1.96 * sds / sqrt(n)

Рис. 5.37. Поворот графика:

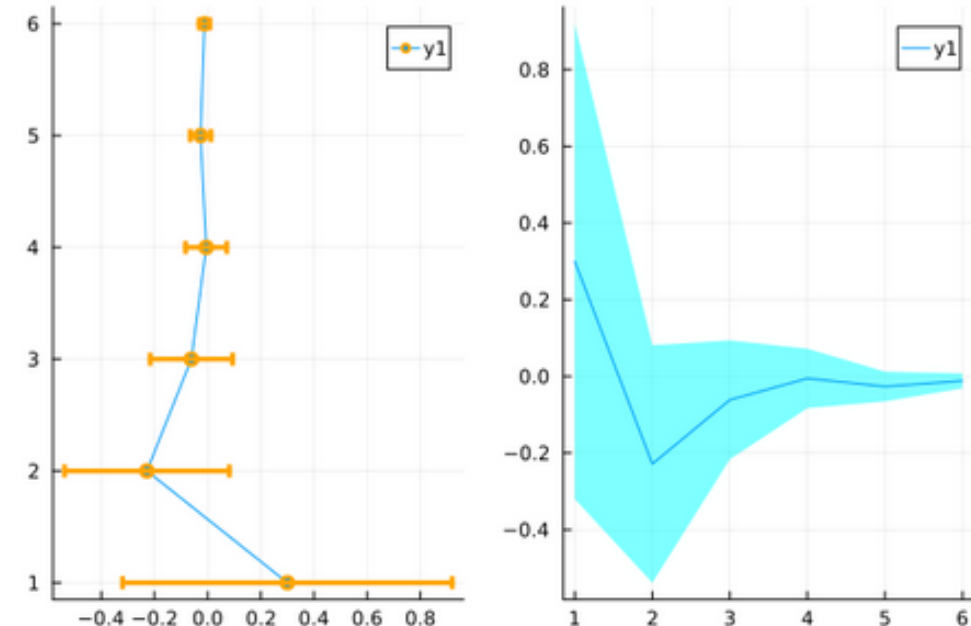
p1 = plot(y, 1:length(y), xerr=errs, marker=stroke(3,:orange))

Рис. 5.38. Заполнение цветом:

p2 = plot(y, ribbon=errs, fillcolor=:cyan)

Mostrar ambas gráficas

plot(p1, p2, layout=(1,2))



Использование пакета Distributions

```
using Plots, Statistics
```

```
gr()
```

```
# График ошибок по двум осям
```

```
n = 10
```

```
x = [(rand()+1) .* randn(n) .+ 2i for i in 1:5]
```

```
y = [(rand()+1) .* randn(n) .+ i for i in 1:5]
```

```
f(v) = 1.96 * std(v) / sqrt(n)
```

```
xerr = map(f, x)
```

```
yerr = map(f, y)
```

```
x_mean = map(mean, x)
```

```
y_mean = map(mean, y)
```

```
# Рис. 5.39. График ошибок по двум осям:
```

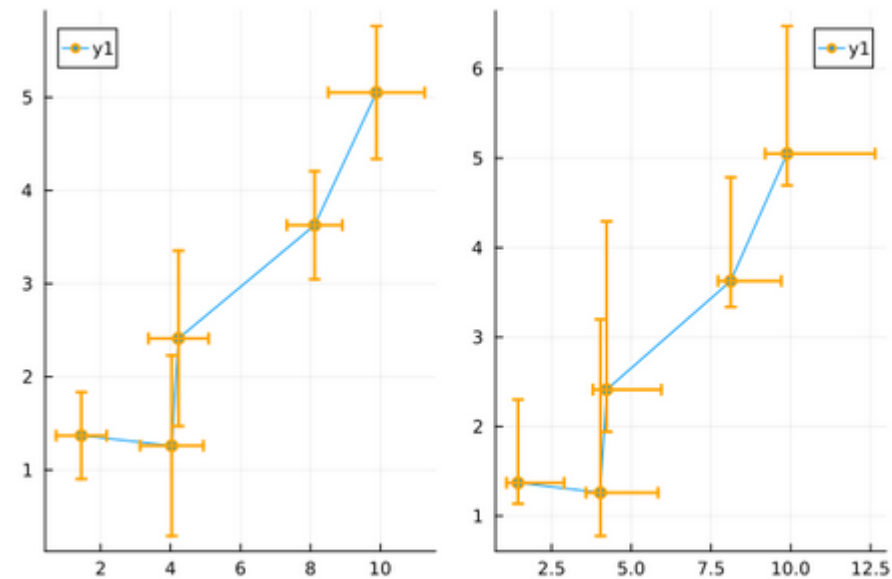
```
p1 = plot(x_mean, y_mean, xerr=xerr, yerr=yerr, marker=stroke(2, :orange))
```

```
# Рис. 5.40. График асимметричных ошибок по двум осям:
```

```
p2 = plot(x_mean, y_mean, xerr=(0.5xerr, 2xerr), yerr=(0.5yerr, 2yerr), marker=stroke(2, :orange))
```

```
# Показать обе графики
```

```
plot(p1, p2, layout=(1,2))
```



5.2.13. Использование пакета Distributions

```
using Plots, Statistics
```

```
gr()
```

```
# Рис. 5.41. Гистограмма, построенная по массиву случайных чисел:
```

```
ages1 = rand(15:55, 1000)
```

```
p1 = histogram(ages1)
```

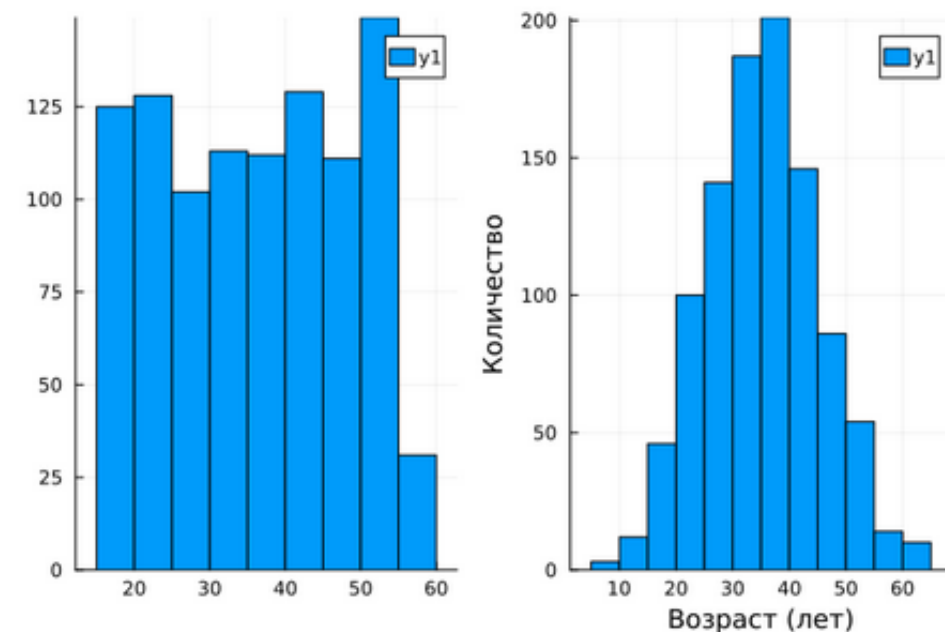
```
# Рис. 5.42. Гистограмма нормального распределения (используя randn):
```

```
ages2 = 35.0 .+ 10.0 .* randn(1000)
```

```
p2 = histogram(ages2, xlabel="Возраст (лет)", ylabel="Количество")
```

```
# Показать обе графики
```

```
plot(p1, p2, layout=(1,2))
```



Подграфики

5.2.14. Подграфики

```
using Plots
```

```
gr()
```

```
# построение серии графиков:
```

```
x = range(-2, 2, length=10)
```

```
y = rand(10, 4)
```

```
# Рис. 5.44. Серия из 4-х графиков в ряд:
```

```
p1 = plot(x, y, layout=(4, 1))
```

```
# Рис. 5.45. Серия из 4-х графиков в сетке:
```

```
p2 = plot(x, y, layout=4)
```

```
# Рис. 5.46. Серия из 4-х графиков разной высоты в ряд:
```

```
p3 = plot(x, y, layout=grid(4, 1, heights=[0.2, 0.3, 0.4, 0.1]))
```

```
# Mostrar las tres gráficas
```

```
plot(p1, p2, p3, layout=(1, 3), size=(1200, 400))
```

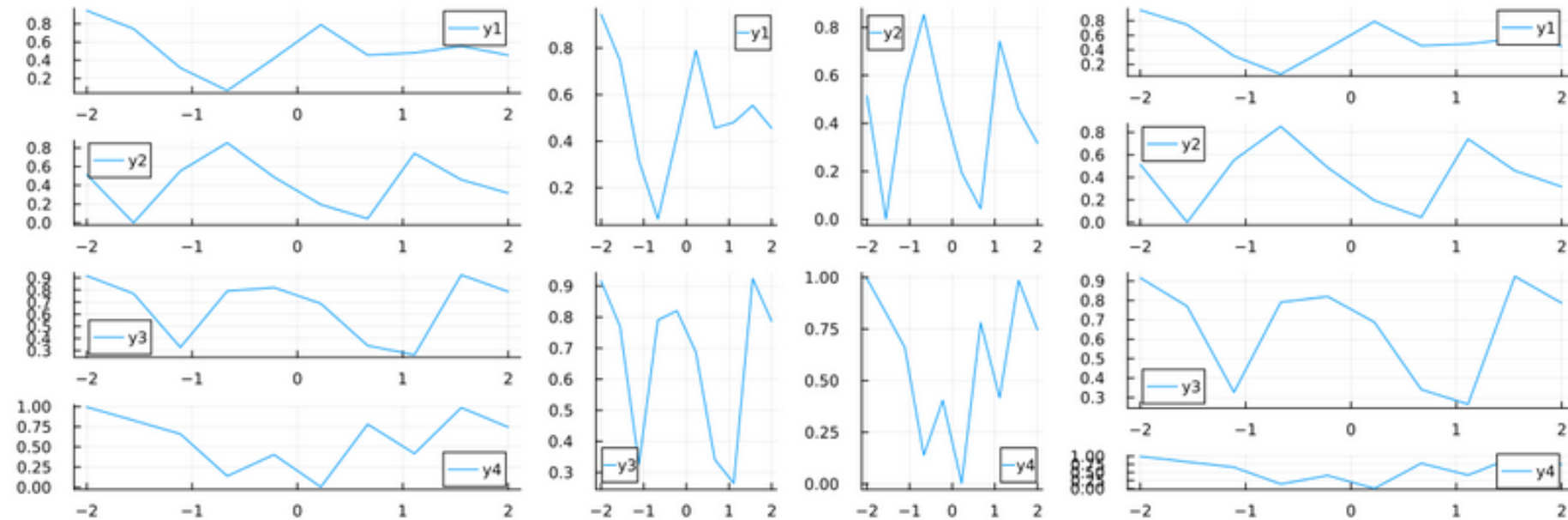


Рис. 5.47. Объединение нескольких графиков в одной сетке

```
using Plots

gr()

# график в виде линий:
p1 = plot(rand(10, 2))

# график в виде точек:
p2 = scatter(rand(10, 2))

# график в виде линий с оформлением:
p3 = plot(rand(10, 2), xlabel="Labelled plot of two columns", lw=2, title="Wide lines")

# гистограммы:
p4 = histogram(rand(10, 2))

# Рис. 5.47. Объединение нескольких графиков в одной сетке
plot(p1, p2, p3, p4, layout=(2, 2), legend=false, background_color=:ivory)
```

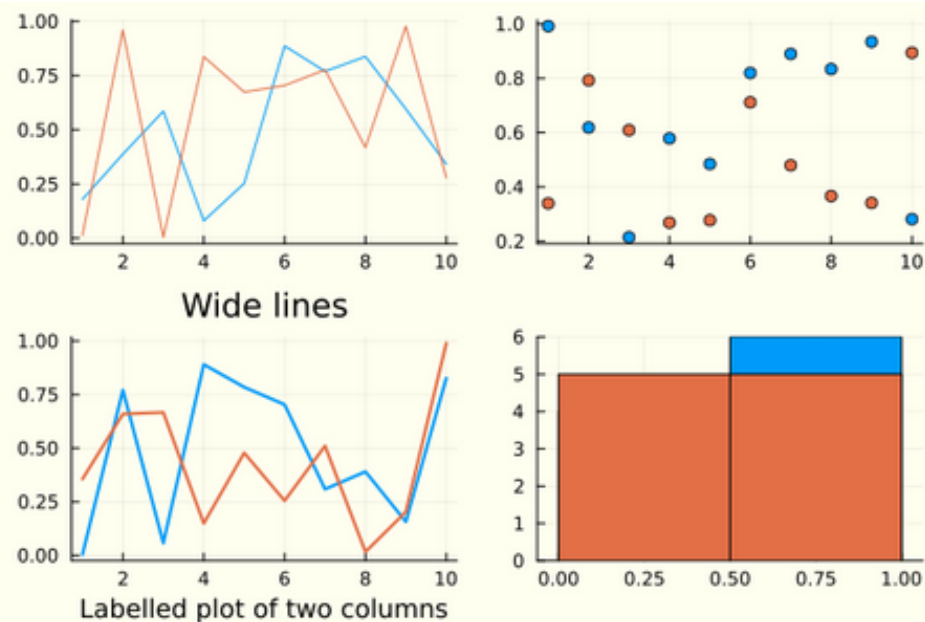


Рис. 5.48. Разнообразные варианты представления данных

```
using Plots

gr()

seriestypes = [:step, :sticks, :bar, :hline, :line, :path]
titles = ["step" "sticks" "bar" "hline" "line" "path"]

# Рис. 5.48. Разнообразные варианты представления данных
plot(rand(20, 6),
     st = seriestypes,
     layout = (2, 3),
     ticks = nothing,
     legend = false,
     title = titles,
     m = 3)
```

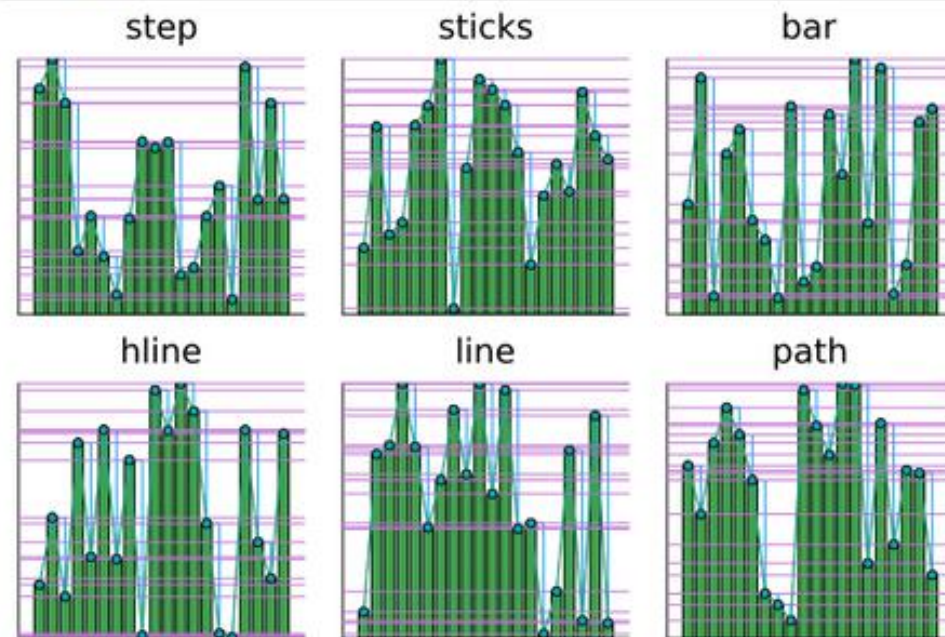


Рис. 5.49. Демонстрация применения сложного макета для построения графиков

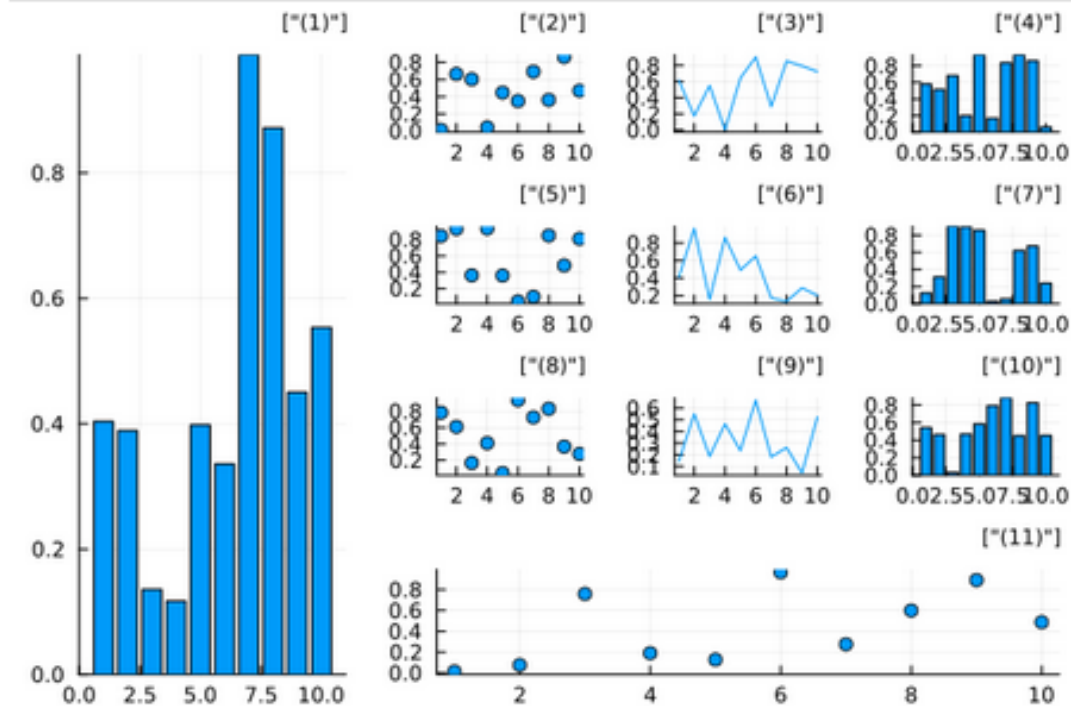
```
using Plots
```

```
gr()
```

```
# Рис. 5.49. Демонстрация применения сложного макета для построения графиков
```

```
l = @layout [a{0.3w} [grid(3, 3)  
                b{0.2h}]]
```

```
plot(rand(10, 11),  
     layout = l,  
     legend = false,  
     seriestype = [:bar :scatter :path],  
     title = [["$i"] for j=1:1, i=1:11],  
     titleloc = :right,  
     titlefont = font(8))
```



Задание

5.3. Задание

1. Используя Jupyter Lab, повторите примеры из раздела 5.2. При этом дополните графики обозначениями осей координат, легендой с названиями траекторий, названиями графиков и т.п.
2. Выполните задания для самостоятельной работы (раздел 5.4).

```
using Plots, Statistics, LinearAlgebra

# Используем gr() как стабильный бэкенд
gr()

# ===== ПОВТОРЕНИЕ ПРИМЕРОВ ИЗ РАЗДЕЛА 5.2 С ДОПОЛНИТЕЛЬНЫМИ ОПЦИЯМИ =====

# 1. Базовая функция с улучшенными подписями
println("1. Построение базовой функции...")
f(x) = (3x.^2 .+ 6x .- 9).*exp.(-0.3x)
x = range(-5, 10, length=151)
y = f.(x)

plot(x, y,
      title="График функции f(x) = (3x² + 6x - 9)e⁻⁰·³ˣ",
      xlabel="Переменная x",
      ylabel="Переменная y",
      color="blue",
      linewidth=2,
      label="f(x)",
      legend=:topright,
      grid=true)

# 2. Sin(x) и ряд Тейлора с улучшенной визуализацией
println("2. Сравнение sin(x) и ряда Тейлора...")
sin_theor(x) = sin(x)

function sin_taylor_improved(x)
    s = 0.0
    term = x
    for i in 0:4
        s += term
        term *= -x^2 / ((2*i+2)*(2*i+3))
    end
    return s
end
end
```

5.4. Задания для самостоятельного выполнения

Задание 1

```
using Plots

function plot_all_sin_types()
    x = range(0, 2π, length=100)
    y = sin.(x)

    plots = [
        # 1. Простой график
        plot(x, y, title="Простой график", label="sin(x)",

        # 2. Точечный график
        scatter(x, y, title="Точечный график", label="sin(x)",

        # 3. График с палочками
        plot(x, y, st=:sticks, title="График с палочками", label="sin(x)",

        # 4. Ступенчатый график
        plot(x, y, st=:step, title="Ступенчатый график", label="sin(x)",

        # 5. Гистограмма
        histogram(y, title="Гистограмма sin(x)", label=""),

        # 6. График с областями
        plot(x, y, st=:path, fill=(0, :lightblue), title="График с заливкой", label="sin(x)",

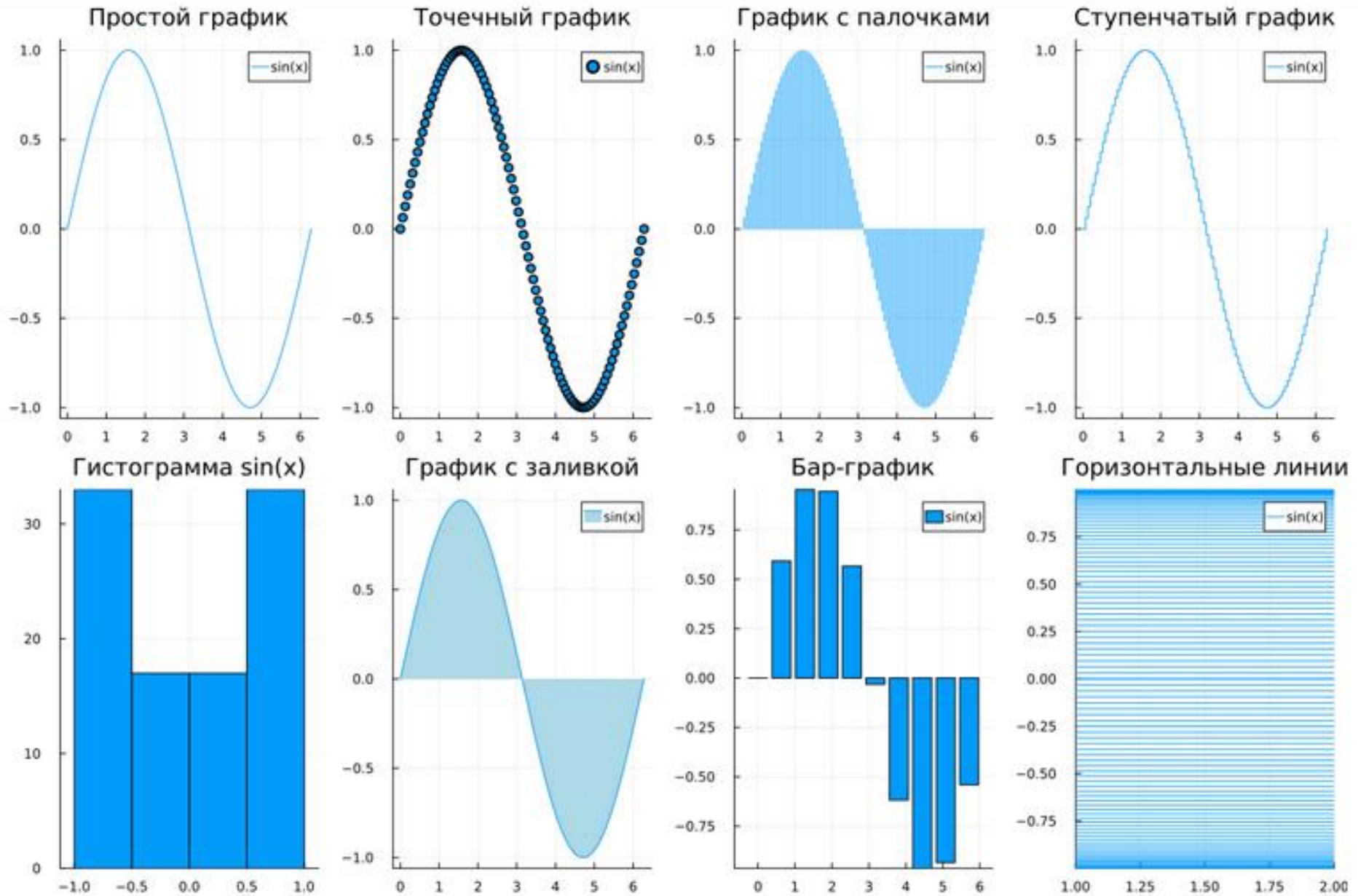
        # 7. График с барами
        bar(x[1:10:end], y[1:10:end], title="Бар-график", label="sin(x)",

        # 8. График с горизонтальными линиями
        plot(x, y, st=:hline, title="Горизонтальные линии", label="sin(x)")
    ]

    plot(plots..., layout=(2,4), size=(1200, 800))
end

plot_all_sin_types()
```

Задания для самостоятельного выполнения



```
: using Plots
```

```
function plot_sin_line_styles()
```

```
    x = range(0, 2π, length=50)
```

```
    y = sin.(x)
```

```
    # Все возможные стили линий
```

```
    line_styles = [:solid, :dash, :dot, :dashdot, :dashdotdot]
```

```
    line_colors = [:blue, :red, :green, :orange, :purple]
```

```
    p = plot(title="Разные стили линий для sin(x)")
```

```
    for (i, style) in enumerate(line_styles)
```

```
        plot!(x, y .+ i*0.2,
```

```
              line=style,
```

```
              color=line_colors[i],
```

```
              label="style: $style",
```

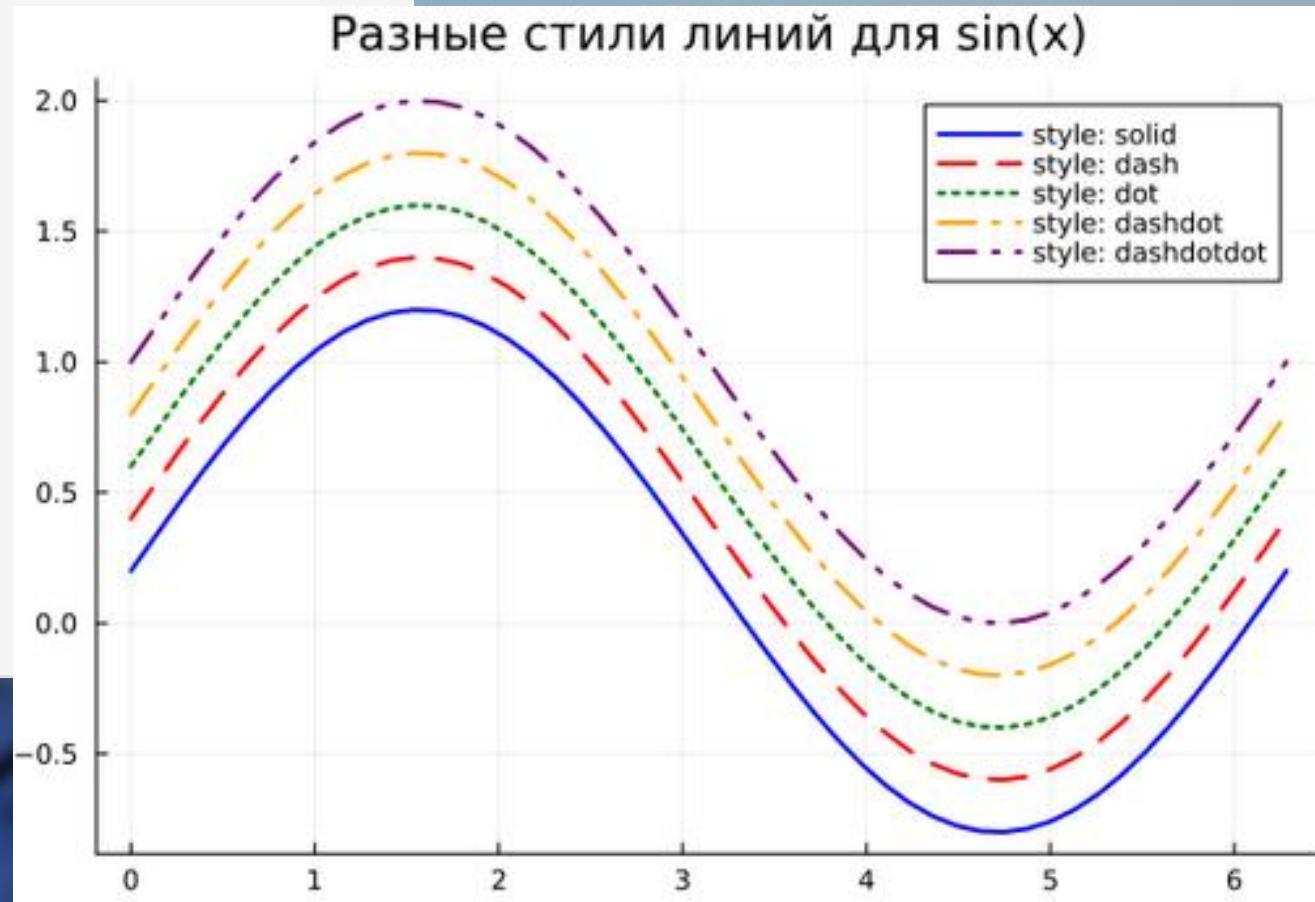
```
              linewidth=2)
```

```
    end
```

```
    return p
```

```
end
```

```
plot_sin_line_styles()
```



Задание 3

```
] using Plots

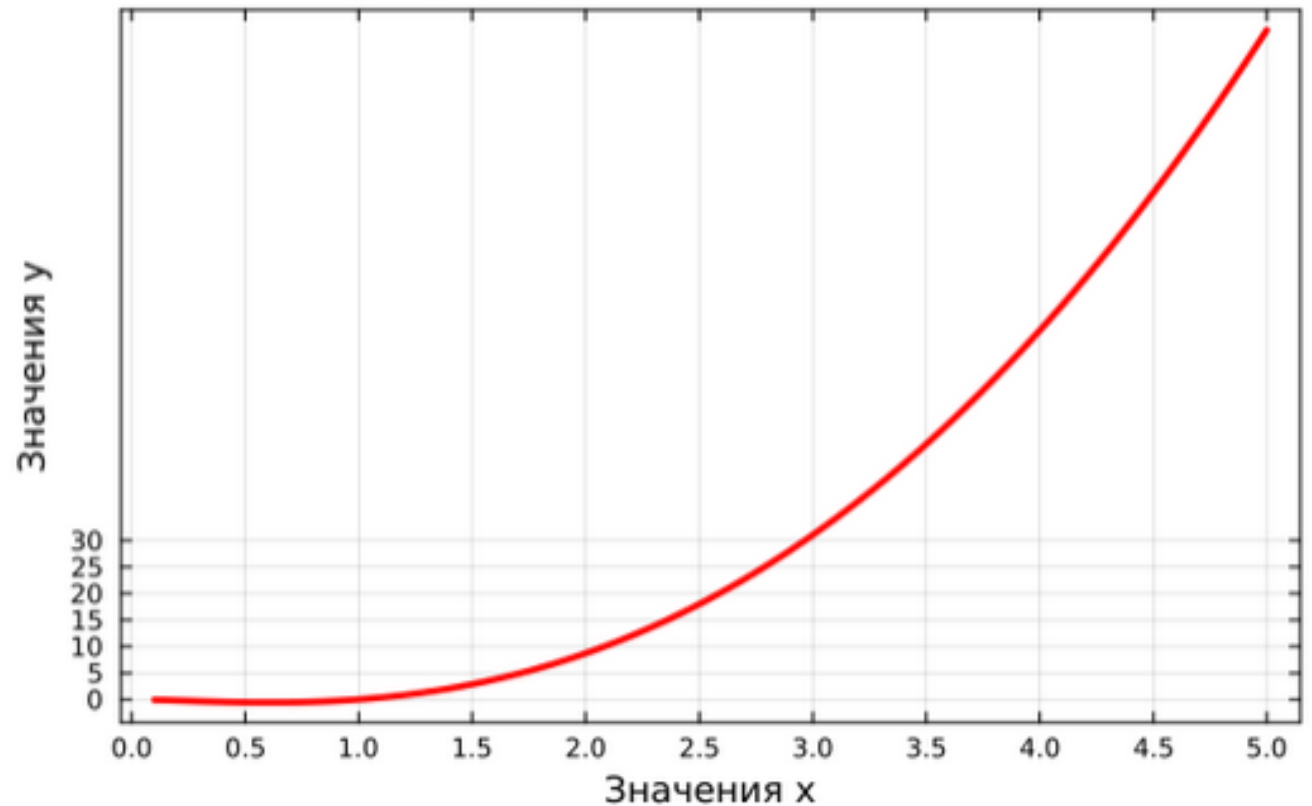
function plot_custom_function()
    # Функция  $y(x) = \pi x^2 \ln(x)$ 
    y_func(x) =  $\pi * x^2 * \log(x)$ 

    # Область определения ( $x > 0$  из-за логарифма)
    x = range(0.1, 5, length=100)
    y_vals = y_func.(x)

    plot(x, y_vals,
        title="График функции  $y(x) = \pi x^2 \ln(x)$ ",
        xlabel="Значения x",
        ylabel="Значения y",
        color=:red,
        linewidth=3,
        grid=true,
        legend=false,
        xticks=0:0.5:5,
        yticks=-10:5:30,
        framestyle=:box)
end

plot_custom_function()
```

График функции $y(x) = \pi x^2 \ln(x)$



Задание 4 ¶

using Plots

```
function plot_function_family()
    # Вектор x
    x_points = [-2, -1, 0, 1, 2]
    # Функция  $y(x) = x^3 - 3x$ 
    y_func(x) = x^3 - 3x
    y_vals = y_func.(x_points)

    # 4 подграфика
    p1 = scatter(x_points, y_vals,
        title="Точки",
        xlabel="x", ylabel="y(x)",
        color=:blue, markersize=8,
        label="")

    p2 = plot(x_points, y_vals,
        title="Линии",
        xlabel="x", ylabel="y(x)",
        color=:red, linewidth=2,
        label="")

    p3 = plot(x_points, y_vals,
        title="Линии и точки",
        xlabel="x", ylabel="y(x)",
        color=:green, linewidth=2,
        marker=:circle, markersize=6,
        label="")

    # Интерполируем для гладкой кривой
    x_smooth = range(-2, 2, length=100)
    y_smooth = y_func.(x_smooth)

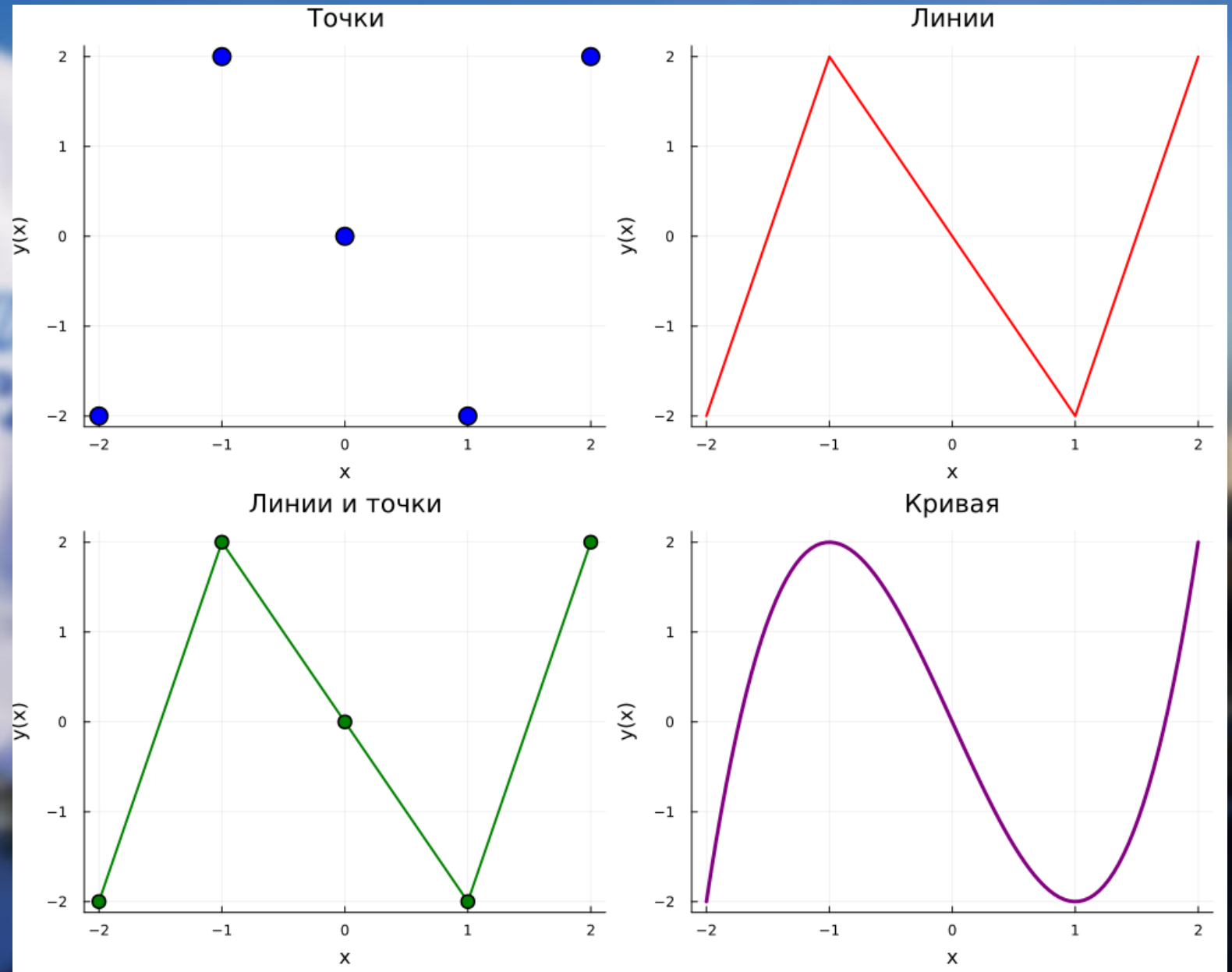
    p4 = plot(x_smooth, y_smooth,
        title="Кривая",
        xlabel="x", ylabel="y(x)",
        color=:purple, linewidth=3,
        label="")

    # Объединяем все графики
    plot(p1, p2, p3, p4, layout=(2,2), size=(1000, 800))

    # Сохраняем с вашей фамилией
    savefig("figure_ADABOR.png") # Замените ADABOR на вашу фамилию
end

plot_function_family()
```

"C:\\Users\\KRIS\\Desktop\\Pere\\figure_ADABOR.png"



Задание 5

```
using Plots

function plot_two_functions_comparison()
    # Вектор x
    x = range(3, 6, step=0.1)

    # Функции
    y1(x) = π * x
    y2(x) = exp(x) * cos(x)

    y1_vals = y1.(x)
    y2_vals = y2.(x)

    # График 1: Обе функции на одном рисунке
    p1 = plot(x, y1_vals,
              label="y1(x) = πx",
              color=:blue,
              linewidth=2,
              xlabel="x",
              ylabel="y",
              title="Две функции на одном графике",
              legend=:topright,
              grid=true)

    plot!(x, y2_vals,
           label="y2(x) = e*cos(x)",
           color=:red,
           linewidth=2)

    # График 2: С двумя осями ординат
    p2 = plot(x, y1_vals,
              label="y1(x) = πx",
              color=:blue,
              linewidth=2,
              xlabel="x",
              ylabel="y1",
              title="Две функции с разными осями Y",
              legend=:topright,
              grid=true)

    plot!(twinx(), x, y2_vals,
           label="y2(x) = e*cos(x)",
           color=:red,
           linewidth=2,
           ylabel="y2",
           legend=:bottomright)

    plot(p1, p2, layout=(2,1), size=(800, 600))

    println("Недостатки первого графика:")
    println("1. Масштабы функций сильно отличаются")
    println("2. Функция y2(x) плохо видна из-за большого диапазона значений")
    println("3. Трудно сравнивать поведение функций")
end

plot_two_functions_comparison()
```

Недостатки первого графика:

1. Масштабы функций сильно отличаются

2. Функция $y_2(x)$ плохо видна из-за большого диапазона значений

Задание 6

```
using Plots
```

```
function plot_experimental_data()
```

```
    # Генерируем экспериментальные данные с ошибкой измерения
```

```
    x_exp = range(0, 10, length=20)
```

```
    # Истинная функция:  $y = 2x + 3 + \text{шум}$ 
```

```
    y_true = 2 .* x_exp .+ 3
```

```
    # Добавляем случайную ошибку измерения
```

```
    error = randn(20) .* 2
```

```
    y_exp = y_true + error
```

```
    # Ошибки для каждого измерения
```

```
    errors = abs.(randn(20) .* 1.5)
```

```
    scatter(x_exp, y_exp,
```

```
        title="Экспериментальные данные с ошибками измерения",
```

```
        xlabel="Переменная x",
```

```
        ylabel="Переменная y",
```

```
        label="Экспериментальные точки",
```

```
        yerror=errors,
```

```
        markersize=6,
```

```
        color=:blue,
```

```
        legend=:topleft)
```

```
    # Добавляем линию тренда
```

```
    plot!(x_exp, y_true,
```

```
        label="Истинная зависимость  $y=2x+3$ ",
```

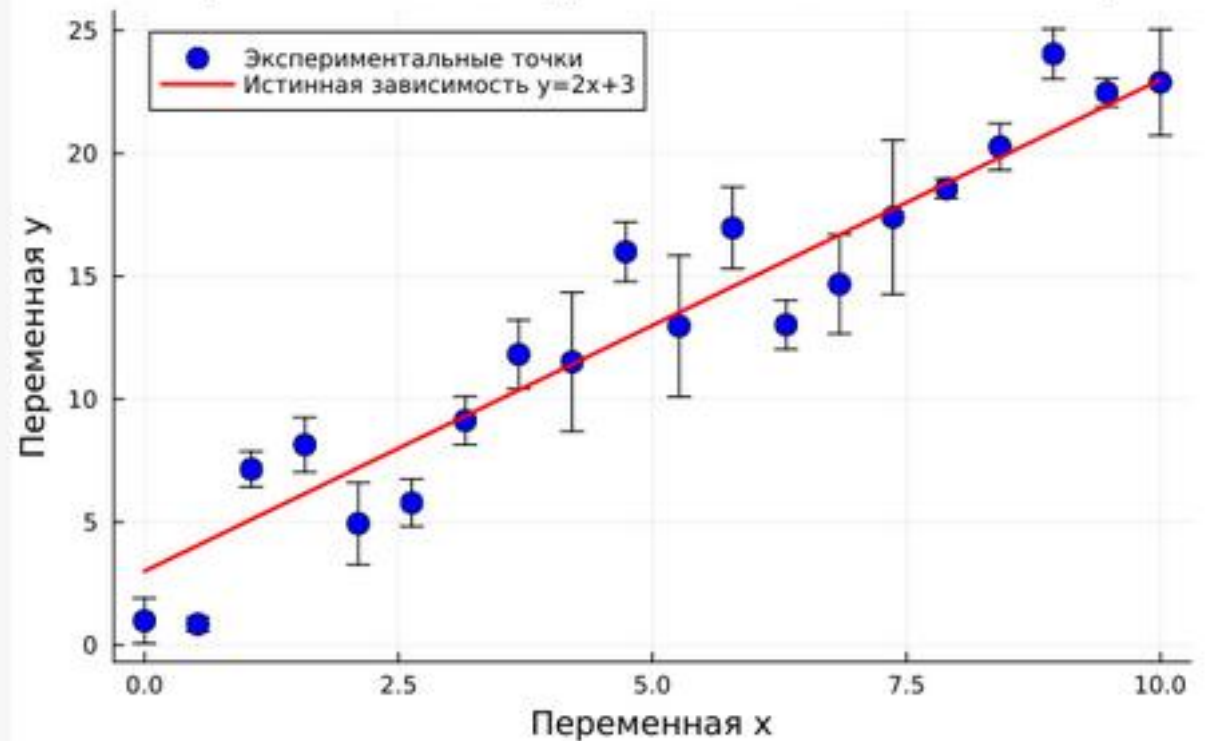
```
        color=:red,
```

```
        linewidth=2)
```

```
end
```

```
plot_experimental_data()
```

Экспериментальные данные с ошибками измерения:



Задание 7

```
using Plots, Statistics
```

```
function plot_random_scatter()
```

```
    # Генерируем случайные данные
```

```
    n = 100
```

```
    x_rand = randn(n)
```

```
    y_rand = 2 .* x_rand .+ randn(n) .* 0.5
```

```
    scatter(x_rand, y_rand,
```

```
        title="Точечный график случайных данных",
```

```
        xlabel="Случайная переменная X",
```

```
        ylabel="Случайная переменная Y",
```

```
        label="Случайные точки",
```

```
        markersize=5,
```

```
        color=:green,
```

```
        markerstrokewidth=0.5,
```

```
        alpha=0.7,
```

```
        legend=:bottomright,
```

```
        grid=true,
```

```
        framestyle=:box)
```

```
    # Добавляем линию регрессии
```

```
    slope = cor(x_rand, y_rand) * std(y_rand) / std(x_rand)
```

```
    intercept = mean(y_rand) - slope * mean(x_rand)
```

```
    x_line = [minimum(x_rand), maximum(x_rand)]
```

```
    y_line = slope .* x_line .+ intercept
```

```
    plot!(x_line, y_line,
```

```
        label="Линия регрессии",
```

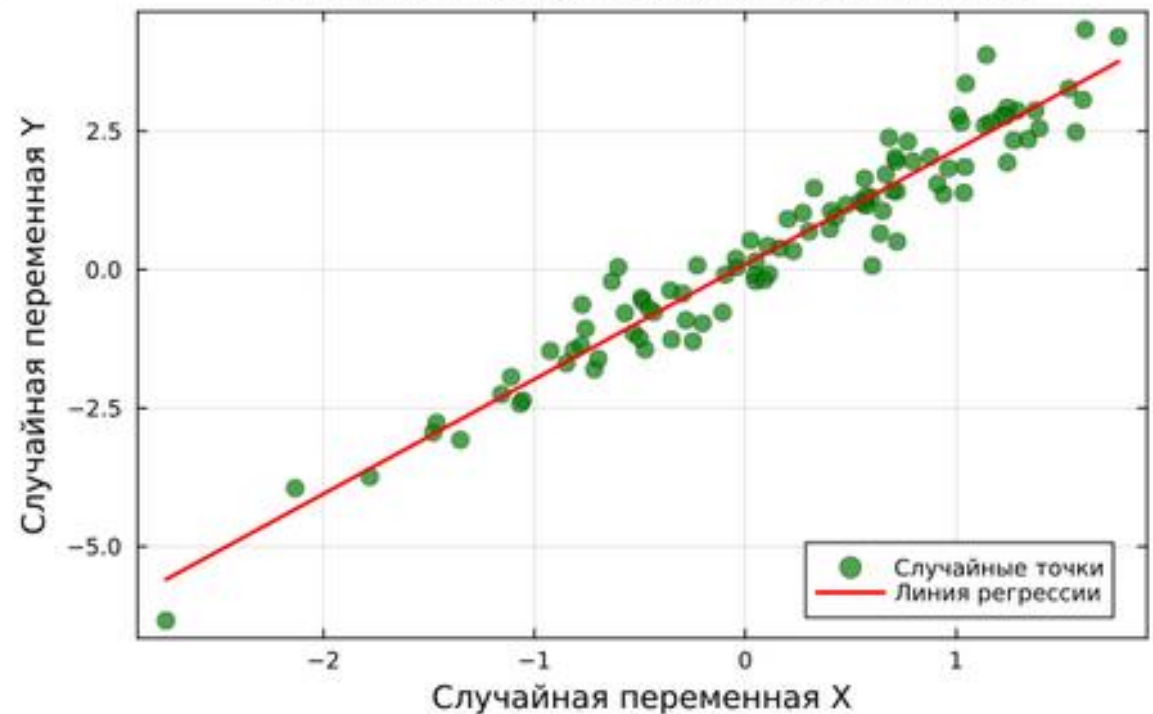
```
        color=:red,
```

```
        linewidth=2)
```

```
end
```

```
plot_random_scatter()
```

Точечный график случайных данных



Задание 8

```
using Plots, Statistics, LinearAlgebra
```

```
function plot_3d_random_scatter()
```

```
    # Генерируем 3D случайные данные
```

```
    n = 150
```

```
    x_3d = randn(n)
```

```
    y_3d = randn(n)
```

```
    z_3d = 2 .* x_3d .+ 3 .* y_3d .+ randn(n) .* 0.5
```

```
    scatter(x_3d, y_3d, z_3d,
```

```
        title="3D точечный график случайных данных",
```

```
        xlabel="Ось X",
```

```
        ylabel="Ось Y",
```

```
        zlabel="Ось Z",
```

```
        label="3D точки",
```

```
        markersize=4,
```

```
        color=:viridis,
```

```
        markerstrokewidth=0,
```

```
        alpha=0.7,
```

```
        legend=:topright,
```

```
        camera=(45, 30))
```

```
    # Добавляем плоскость регрессии
```

```
    x_plane = range(minimum(x_3d), maximum(x_3d), length=10)
```

```
    y_plane = range(minimum(y_3d), maximum(y_3d), length=10)
```

```
    A = [x_3d y_3d ones(n)] \ z_3d
```

```
    z_plane = [A[1]*x + A[2]*y + A[3] for x in x_plane, y in y_plane]
```

```
    surface!(x_plane, y_plane, z_plane,
```

```
        alpha=0.3,
```

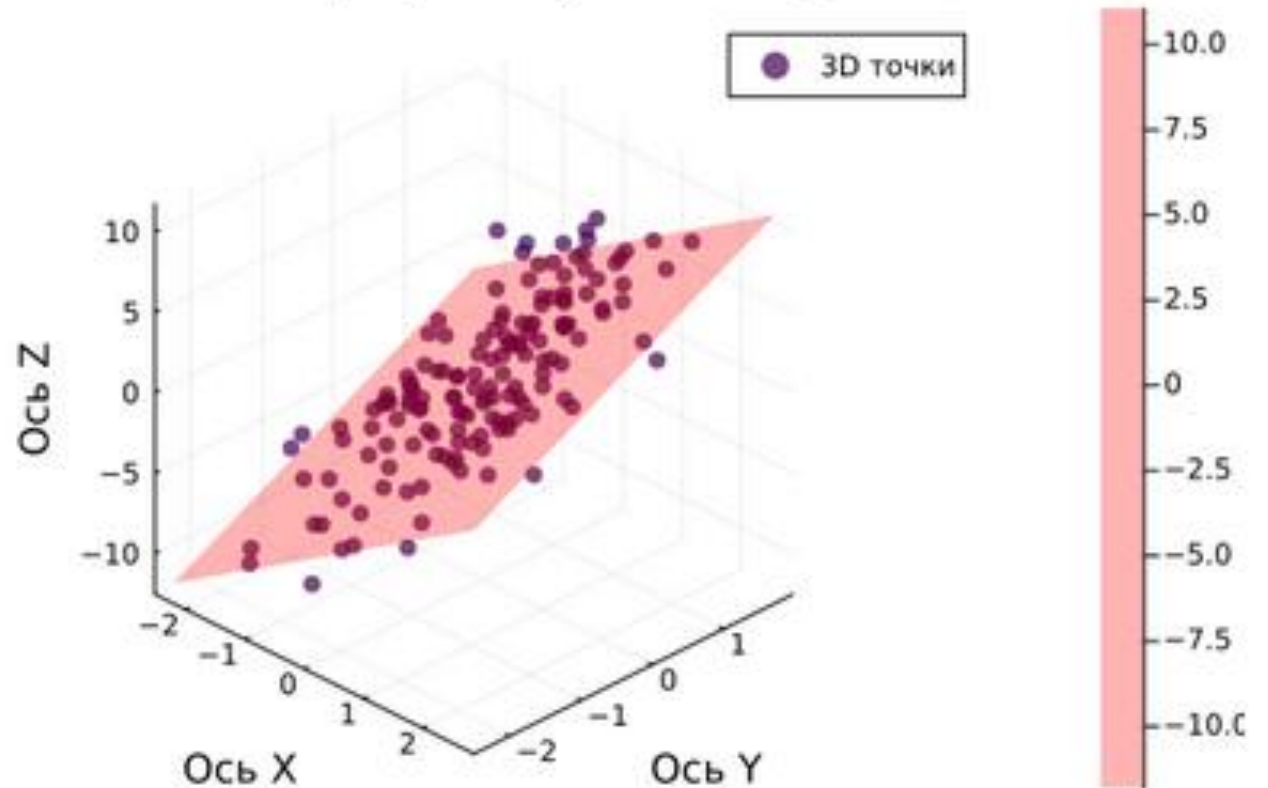
```
        color=:red,
```

```
        label="Плоскость регрессии")
```

```
end
```

```
plot_3d_random_scatter()
```

3D точечный график случайных данных



Задание 9

```
using Plots

function create_sine_animation()
    # Анимация синусоиды
    anim = @animate for phase in range(0, 4π, length=50)
        x_anim = range(0, 2π, length=100)
        y_anim = sin.(x_anim .+ phase)

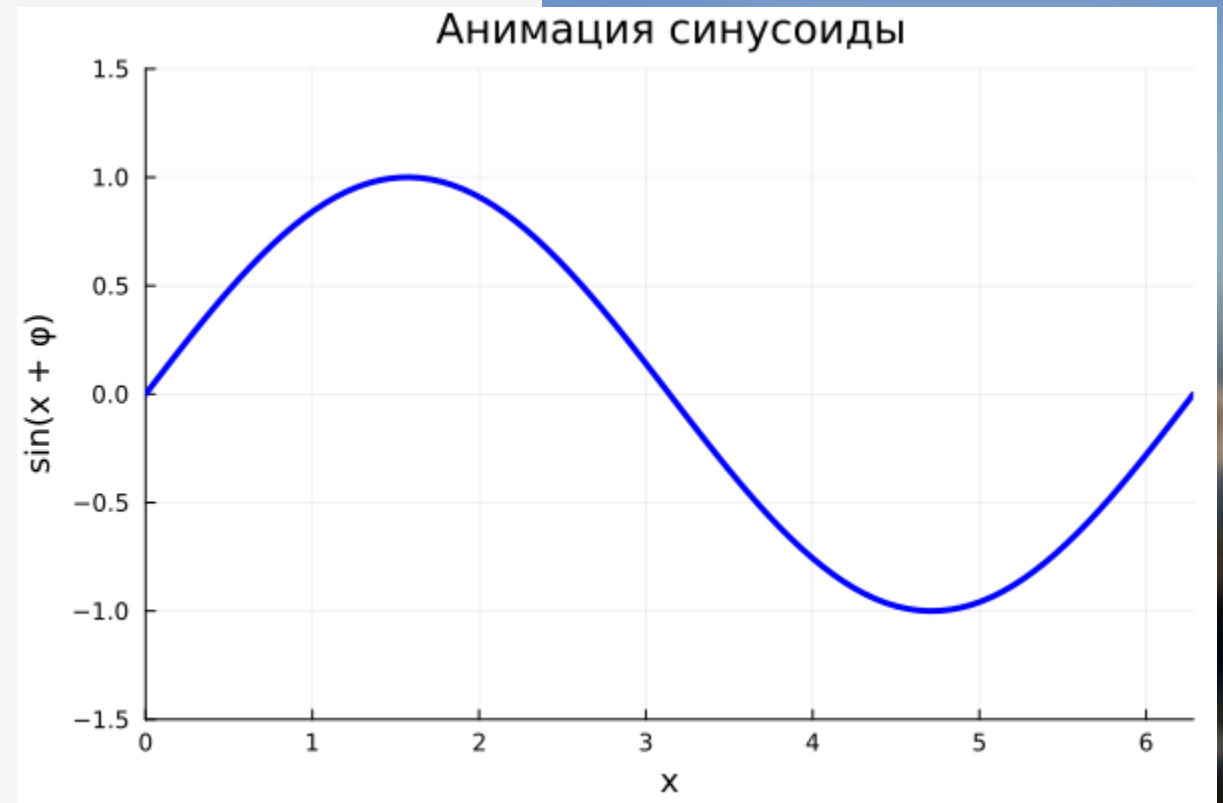
        plot(x_anim, y_anim,
            title="Анимация синусоиды",
            xlabel="x",
            ylabel="sin(x + φ)",
            xlim=(0, 2π),
            ylim=(-1.5, 1.5),
            color=:blue,
            linewidth=3,
            legend=false)
    end

    # Сохраняем анимацию
    gif(anim, "sine_animation.gif", fps=10)
    println("Анимация сохранена в файл sine_animation.gif")
end

create_sine_animation()
```

Анимация сохранена в файл sine_animation.gif

[Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\sine_animation.gif



Задание 10

```
using Plots

function create_hypocycloid_animation()
    # Простая гипоциклоида с k=3
    r = 1
    k = 3
    θ = range(0, 2π, length=100)

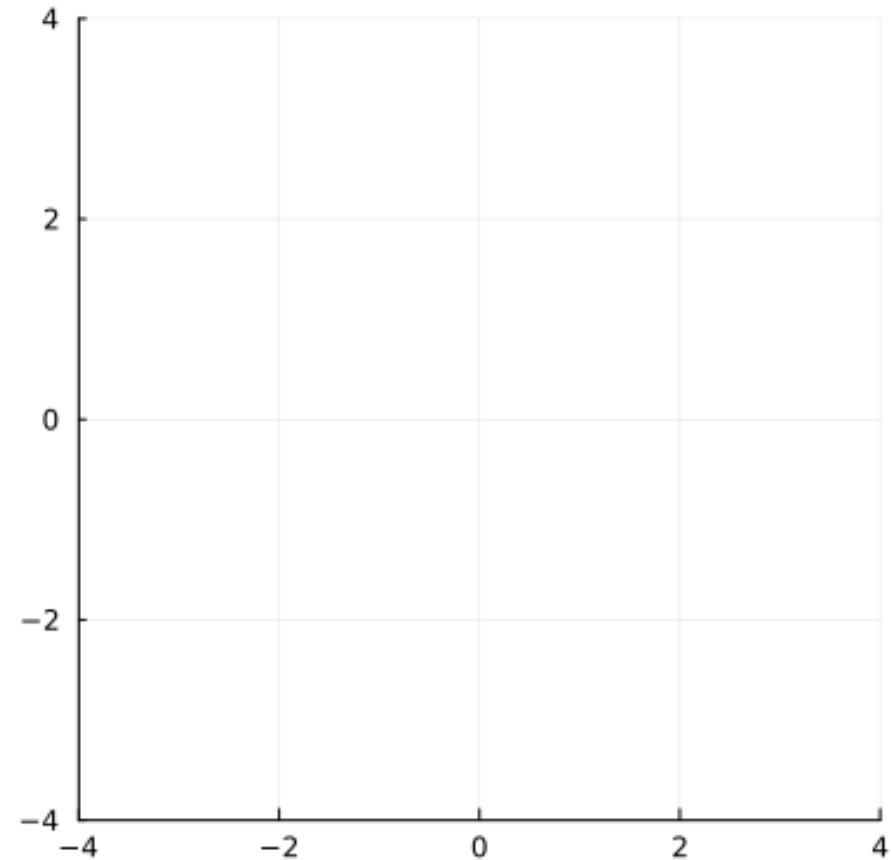
    anim = @animate for i in 1:length(θ)
        t = θ[1:i]
        x = r*(k-1)*cos.(t) + r*cos.((k-1)*t)
        y = r*(k-1)*sin.(t) - r*sin.((k-1)*t)

        plot(x, y,
            title="Гипоциклоида (k=3)",
            xlim=(-4, 4),
            ylim=(-4, 4),
            aspect_ratio=1,
            color=:red,
            linewidth=2,
            legend=false)
    end

    gif(anim, "hypocycloid_simple.gif", fps=15)
    println("Анимация гипоциклоиды сохранена")
end

create_hypocycloid_animation()
```

Гипоциклоида (k=3)



Задание 11

```
using Plots

function create_epicycloid_animations()
    # Функция для эпициклоиды
    #  $x = r(k+1)\cos(t) - r\cos((k+1)t)$ 
    #  $y = r(k+1)\sin(t) - r\sin((k+1)t)$ 

    # Целые значения  $k$ 
    k_epi_int = [2, 3]

    # Рациональные значения  $k$ 
    k_epi_rat = [3/2, 5/2]

    # Создаем анимации для целых  $k$ 
    for k in k_epi_int
        r = 1
         $\theta = \text{range}(0, 2\pi, \text{length}=200)$ 

        anim = @animate for i in 1:length( $\theta$ )
            t =  $\theta[1:i]$ 
            x = r*(k+1)*cos.(t) - r*cos.((k+1)*t)
            y = r*(k+1)*sin.(t) - r*sin.((k+1)*t)

            plot(x, y,
                title="Эпициклоида (k=$k)",
                xlim=(-2k, 2k),
                ylim=(-2k, 2k),
                aspect_ratio=1,
                color=:purple,
                linewidth=2,
                label="")

            # Большая окружность
            X_big = r*k*cos.( $\theta$ )
            Y_big = r*k*sin.( $\theta$ )
            plot!(X_big, Y_big, color=:orange, linewidth=1, label="")
        end

        gif(anim, "epicycloid_int_${k}.gif", fps=20)
    end
end
```

```
# Создаем анимации для рациональных  $k$ 
for k_rat in k_epi_rat
    r = 1
     $\theta = \text{range}(0, 4\pi, \text{length}=400)$ 

    anim = @animate for i in 1:length( $\theta$ )
        t =  $\theta[1:i]$ 
        x = r*(k_rat+1)*cos.(t) - r*cos.((k_rat+1)*t)
        y = r*(k_rat+1)*sin.(t) - r*sin.((k_rat+1)*t)

        plot(x, y,
            title="Эпициклоида (k=$k_rat)",
            xlim=(-2k_rat, 2k_rat),
            ylim=(-2k_rat, 2k_rat),
            aspect_ratio=1,
            color=:brown,
            linewidth=2,
            label="")

        X_big = r*k_rat*cos.( $\theta$ )
        Y_big = r*k_rat*sin.( $\theta$ )
        plot!(X_big, Y_big, color=:orange, linewidth=1, label="")
    end

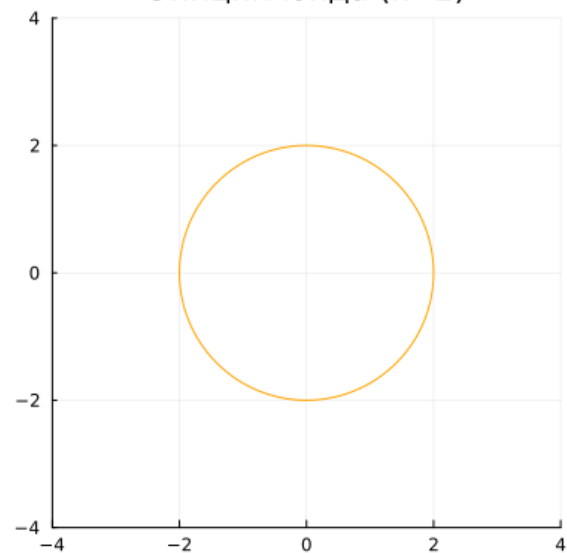
    gif(anim, "epicycloid_rat_${k_rat}.gif", fps=20)
end

println("Анимации эпициклоид сохранены в файлы")
end

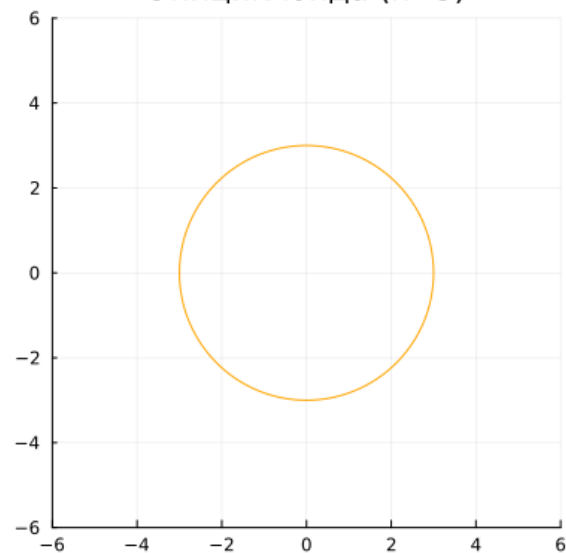
create_epicycloid_animations()
```

```
[ Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\epicycloid_int_2.gif
[ Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\epicycloid_int_3.gif
[ Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\epicycloid_rat_1.5.gif
Анимации эпициклоид сохранены в файлы
[ Info: Saved animation to C:\Users\KRIS\Desktop\Pere\epicycloid_rat_2.5.gif
```

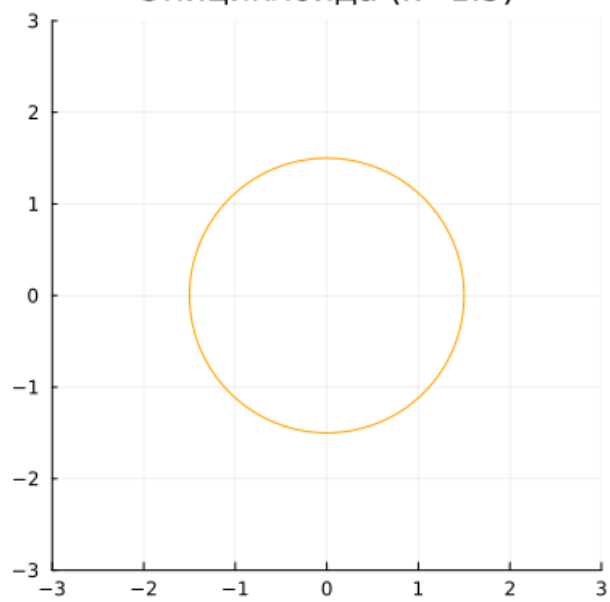
Эпициклоида ($k=2$)



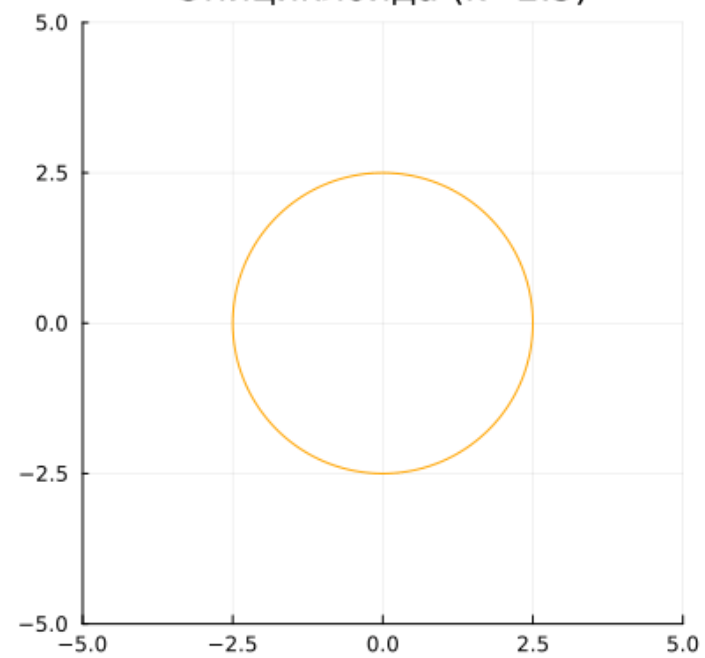
Эпициклоида ($k=3$)



Эпициклоида ($k=1.5$)



Эпициклоида ($k=2.5$)





Спасибо за внимание