LIFPF – Programmation fonctionnelle TD3 – Structures inductives et types

Licence informatique UCBL – Printemps 2022–2023

Exercice 1: Arbres binaires

- 1. Rappeler la définition des arbres binaires d'entiers (int) avec données dans le nœuds. Donner des exemples d'arbres contenant 0, 1, 2 et 3 int.
- 2. On rappelle que les arbres binaires de recherche sont des arbres binaires tels que :
 - Le fils gauche ne contient que des éléments plus petits que le nœud courant.
 - Le fils droit ne contient que des éléments plus grands que le nœud courant.

Est-il possible de définir les arbres binaires de recherche uniquement avec la déclaration type? Si oui, donner la définition, sinon expliquer pourquoi et comment contourner le problème.

3. Discuter des différences entre fonctions et constructeurs de type.

Exercice 2 : Généralisation des arbres binaires

- 1. Définir un type paramétré 'a abr pour des arbres binaires. Le paramètre de type correspondra au type des éléments.
- 2. Définir la fonction **renverse** qui renverse un arbre c'est-à-dire qui inverse les fils gauche et droit de chacun des nœuds de l'arbre. On prendra soin de bien écrire le type des paramètres et du résultat de la fonction. Ces types devront être les plus généraux possibles.
- 3. Pourquoi n'a-t-on pas que des paramètres de type différents pour chaque type dans la fonction précédente?
- 4. On regarde à présent le cas particulier où le paramètre de type 'a est une paire ('b * 'c). Donner une fonction assoc qui prend un élément e de type 'b et renvoie la liste des éléments de type 'c associés à e dans l'arbre.
- 5. Contrairement à la fonction renverse, la fonction assoc accède à la valeur des éléments. Pourtant son type reste paramétré, pourquoi?
- 6. De même qu'en λ-calcul, OCaml peut prendre des fonctions en arguments. Donner le code de la fonction insere qui insère un élément dans un arbre binaire de recherche. Cette fonction prendra en argument la fonction qui permettra de comparer les éléments de l'arbre. Pour obtenir le bon type pour insere, il faudra réfléchir au type de cette fonction de comparaison par rapport au type des autres arguments de insere.
- 7. Donner une version alternative de assoc avec les hypothèses suivantes :
 - l'arbre est un arbre de recherche ordonnée selon les clés (de type 'b);
 - on a *au plus* une occurrence de chaque clé dans l'arbre;
 - le résultat n'est plus une liste mais une 'c option.