Linéarisation, réalisation des trames de piles (de ERTL à LTL, de LTL à LIN, puis de LIN à MIPS)

David Delahaye

David.Delahaye@lirmm.fr

Faculté des Sciences

Master Informatique M1 2022-2023



Location Transfer Language (LTL)

Dans LTL, les registres physiques sont alloués

- Les fonctions (procédures) sont toujours structurées sous forme de graphe de flot de contrôle;
- Lors du passage de ERTL à LTL, des instructions de « spill » ont été insérées, et des instructions mortes ont été supprimées en les remplaçant par des sauts inconditionnels;
- Dans la suite, cette structure ne sera plus utile et on revient donc à une structure linéaire.

Fonction factorielle (en récursif)

```
f(n: integer): integer
if n=0 then
f:=1
else
f:=n 	imes f(n-1)
```

En ERTL (rappel)

```
procedure f(1)
                                               f20: move $a0, %3 \rightarrow f19
var %0, %1, %2, %3, %4, %5, %6
                                               f19: call f(1) \rightarrow f18
entry f11
                                               f18 : move \%2, \$v0 \rightarrow f1
f11: newframe \rightarrow f10
                                               f1: \text{ mul } \%1, \%0, \%2 \rightarrow f0
f10: move %6, $ra \rightarrow f9
                                               f0: i \rightarrow f17
                                               f17: move $v0, %1 \rightarrow f16
f9: move \%5, \$s1 \to f8
f8: \text{ move } \%4,\$s0 \to f7
                                               f16: move ra, \%6 \to f15
f7: move \%0, \$a0 \to f6
                                               f15: move $s1, \%5 \rightarrow f14
f6: \text{ li } \%1, 0 \rightarrow f5
                                               f14: move $s0, \%4 \rightarrow f13
f5: blez \%0 \rightarrow f4, f3
                                               f13: delframe \rightarrow f12
f3: addiu \%3, \%0, -1 \rightarrow f2
                                               f12: jr $ra
f2: i \rightarrow f20
                                               f4: \text{ li } \%1, 1 \to f0
```

Traduction en LTL

```
f20: j \rightarrow f19
procedure f(1)
var 8
                                                   f19: call f \rightarrow f18
entry f 11
                                                  f18: i \rightarrow f1
f11: newframe \rightarrow f10
                                                  f1: \text{ mul } v0, s0, v0 \rightarrow f0
f10: sets local (0), $ra \rightarrow f9
                                                  f0: i \rightarrow f17
                                                  f17: j \rightarrow f16
f9: i \rightarrow f8
f8: sets local (4), $s0 \rightarrow f7
                                                  f16 : gets ra, local(0) \rightarrow f15
f7 : move $s0,$a0 \rightarrow f6
                                                  f15: i \rightarrow f14
f6: i \rightarrow f5
                                                  f14: gets $s0, local(4) \rightarrow f13
                                                  f13: delframe \rightarrow f12
f5: blez \$s0 \to f4, f3
f3: addiu $a0, $s0, -1 \rightarrow f2
                                                  f 12: jr $ra
f2: i \rightarrow f20
                                                  f4: li $v0, 1 \rightarrow f0
```

Élimination des sauts inconditionnels

Nettoyage du graphe de flot de contrôle

- Dans LTL, l'instruction de saut inconditionnel est redondante, puisque chaque instruction mentionne explicitement son ou ses successeurs;
- On peut donc réaliser une transformation de LTL vers lui-même qui élimine tous ces sauts inconditionnels :
- Techniquement, il s'agit juste d'une manipulation assez triviale du graphe de flot de contrôle.

Code linéarisé (LIN)

Adieu, graphe de flot de contrôle!

- Le graphe de flot de contrôle disparaît au profit d'une suite linéaire d'instructions (on obtient un programme séquentiel);
- Le successeur de chaque instruction redevient implicite, sauf en cas de branchement (on saute vers une instruction avec un label);
- Les labels disparaissent, sauf pour les instructions cibles d'un branchement (instructions avec labels qui sont les cibles de sauts).

Traduction en LIN procedure f(1)mul \$v0, \$s0, \$v0 var 8 f 16: f11: gets ra, local(0)newframe gets \$s0, local(4)sets local (0), \$ra delframe sets local (4), \$s0 jr \$*ra* move \$s0, \$a0 f4: blez \$s0, f4 li \$v0,1addiu \$a0,\$s0,-1i *f* 16

call f

Linéarisation

Nettoyage du graphe de flot de contrôle

- La traduction de LTL vers LIN se fait par un simple parcours du graphe de flot de contrôle;
- Lorsqu'on examine un sommet pour la première fois, on émet d'abord une étiquette, puis l'instruction associée à ce sommet, dont on examine ensuite les successeurs, en commençant par celui à qui le contrôle est transféré implicitement;
- Lorsqu'on ré-examine un sommet déjà rencontré, on émet une instruction de saut inconditionnel vers l'étiquette correspondante;
- On supprime a posteriori les étiquettes superflues.

Linéarisation

Variations et critères de qualité

- On peut vérifier que cet algorithme ne produit jamais de saut (conditionnel ou inconditionnel) vers un saut inconditionnel;
- Différents ordres de parcours des sommets donnent lieu à différentes linéarisations, inverser la condition d'un saut conditionnel offre également une certaine latitude;
- Certaines linéarisations peuvent être considérées comme préférables si elles utilisent le saut j en des points moins critiques.

Exemple de linéarisation

```
Deux linéarisations d'une même boucle
 début :
                                       début :
 test:
                                       i test
 (test)
                                       corps:
 bgtz $t1, fin
                                       (corps)
                                       test:
 corps:
                                       (test)
 (corps)
                                       blez $t1, corps
i test
 fin:
                                       fin:
La première exécute j à chaque itération, la seconde non.
```

Assembleur MIPS

Gestion des trames de pile

- La gestion des trames de pile se fait par incrémentation et décrémentation explicite du registre \$sp;
- L'accès à la pile se fait à l'aide d'un décalage fixe vis-à-vis de \$sp.

```
Traduction en MIPS
```

```
f17: addiu $sp, $sp, -8
     sw $ra, 4($sp)
     sw $s0, 0($sp)
     move $s0, $a0
     blez $s0, f4
     addiu $a0, $s0, -1
     jal f17
     mul $v0, $s0, $v0
f28: lw $ra, 4($sp)
     lw $s0, 0($sp)
     addiu $sp, $sp, 8
     jr $ra
f4: li $v0, 1
     j f28
```

Organisation des trames de pile

Utilisation de \$sp

- La taille des régions (paramètres entrants/sortants, variables locales)
 qui forment une trame de pile est enfin connue (l'allocation de registre nous a fourni cette information);
- Un décalage relatif à l'une des trois régions peut donc être traduit en un simple décalage vis-à-vis de \$sp;
- Les instructions newframe et delframe peuvent également être traduites en décrémentations et incrémentations de \$sp.

Bonus : optimiser les appels terminaux

Appels terminaux

- Un appel g dans une fonction h est dit terminal si cet appel est la dernière opération effectuée dans h;
- En particulier, dans ce cas là, on voit que le résultat de g devient celui de h, donc h peut « passer la main » à g;
- Une fonction est terminale si tous ses appels de fonctions (dans son corps) sont terminaux;
- On cherche à optimiser les appels terminaux.

Exemple : la fonction factorielle en récursif

Version non terminale f(n : integer) : integer

```
if n=0 then f:=1 else f:=n 	imes f(n-1)
```

Exemple : la fonction factorielle en récursif

Version terminale

Appel avec f(n, 1).

```
f(n: integer)(acc: integer): integer
if n = 0 then
f: = acc
else
f: = f(n-1, n \times acc)
```

Optimisation des appels terminaux

Principe

- Après le retour d'un appel terminal, l'appelant se contentera de détruire sa trame puis de passer la main à son propre appelant;
- Par conséquent, la trame de l'appelant n'a plus lieu d'être avant même l'appel, et il vaut mieux que l'appelé rende directement la main à l'appelant de l'appelant.

Optimisation des appels terminaux

Concrètement

Supposons que l'on ait un appel terminal à g dans h. Celui-ci sera compilé de la manière optimisée suivante :

- la valeur initiale des registres « callee-save » est restaurée (y compris \$ra, qui contient donc l'adresse de retour dans l'appelant de h);
- La trame de h est désallouée;
- Les arguments de g sont passés comme d'habitude, les quatre premiers dans les registres \$a0 à \$a1, les autres sur la pile;
- Le contrôle est transféré à g par un simple saut (j au lieu de jal).

Du point de vue de l'appelé g, tout se passe comme s'il était appelé par l'appelant de h.

Exemple : la fonction factorielle en récursif

Traduction optimisée de l'appel terminal en MIPS

```
mul $a1, $a0, $a1  # calcul des arguments
addiu $a0, $a0, -1
lw $ra, 0($sp)  # restauration des callee-save
addiu $sp, 4  # désallocation de la pile
j fact  # appel de fact
```

Appels récursifs terminaux

Principe

- Dans le cas d'un appel récursif terminal, il est possible d'optimiser encore plus;
- En effet, si f s'appelle elle-même de façon terminale, rien ne sert de restaurer les registres « callee-save », détruire la trame de f pour ensuite recréer la trame et sauvegarder les registres « callee-save » dans l'appelé;
- Il suffit de passer le contrôle à f directement après l'allocation de la trame dans f.

Appels récursifs terminaux

Concrètement

Il convient donc de :

- Placer les arguments attendus par f, dans les registres \$a0 à \$a3 pour les premiers, et en écrasant les précédents dans la trame de l'appelant pour les autres;
- Transférer le contrôle par un simple saut j au point situé après l'allocation de la trame et la sauvegarde des registres « callee-save ».

Exemple : la fonction factorielle en récursif

```
Traduction encore plus optimisée en MIPS
begin: addiu $sp, $sp, -4
       sw $ra, 0($sp)
loop: blez $a0, base
       mul $a1, $a0, $a1
       addiu $a0, $a0, -1
       i loop
end: lw $ra, 0($sp)
       addiu $sp, $sp, 4
       jr $ra
base: move $v0, $a1
       j end
```

Exemple : la fonction factorielle en récursif

Programme équivalent

```
f(n : integer)(acc : integer) : integer

while n > 0 do

(acc := n \times acc;

n := n - 1);

f := acc
```

Exercice

Fonction de Fibonacci

$$f(n) = \begin{cases} 0, & \text{si } n = 0 \\ 1, & \text{si } n = 1 \\ f(n-1) + f(n-2), & \text{sinon} \end{cases}$$

- Écrire la fonction de Fibonacci en itératif ;
- Écrire la fonction de Fibonacci en récursif terminal ;
- Écrire la fonction de Fibonacci en MIPS optimisé.

Exercice

Soit la fonction suivante

$$f(n) = \begin{cases} n - 10, \text{ si } n > 100\\ f(f(n+11)), \text{ sinon} \end{cases}$$

- Que calcule cette fonction pour $n \le 101$?
- Écrire cette fonction en récursif terminal.

Correction

Résultat

• Elle rend toujours 91 pour $n \le 101$.

Fonction récursive terminale

$$g(n,c) = \begin{cases} n, \text{ si } c = 0\\ g(n-10, c-1), \text{ si } n > 100 \text{ et } c \neq 0\\ g(n+11, c+1), \text{ si } n \leq 100 \text{ et } c \neq 0 \end{cases}$$

$$f(n) = g(n,1)$$