Projektowanie algorytmów i metody sztucznej inteligencji Projekt 2 - Algorytmy sortowania

Adam Kubiak 249480 14 kwietnia 2020

Wykresy zamieszczone w sprawozdaniu ukazują zależność czasu wykonania algorytmu sortowania t(ms) od ilości danych w tablicy. Testy zostały przeprowadzone na tablicach: całkowicie losowej, posortowanej w 25%, 50%, 75%, 95%, 99%, 99,7%, i posortowanej w odwrotnej kolejności o rozmiarach:10000, 50000, 1000000, 500000, 1000000. Tablice zostały wypełnione liczbami pseudolosowymi z funkcji rand().

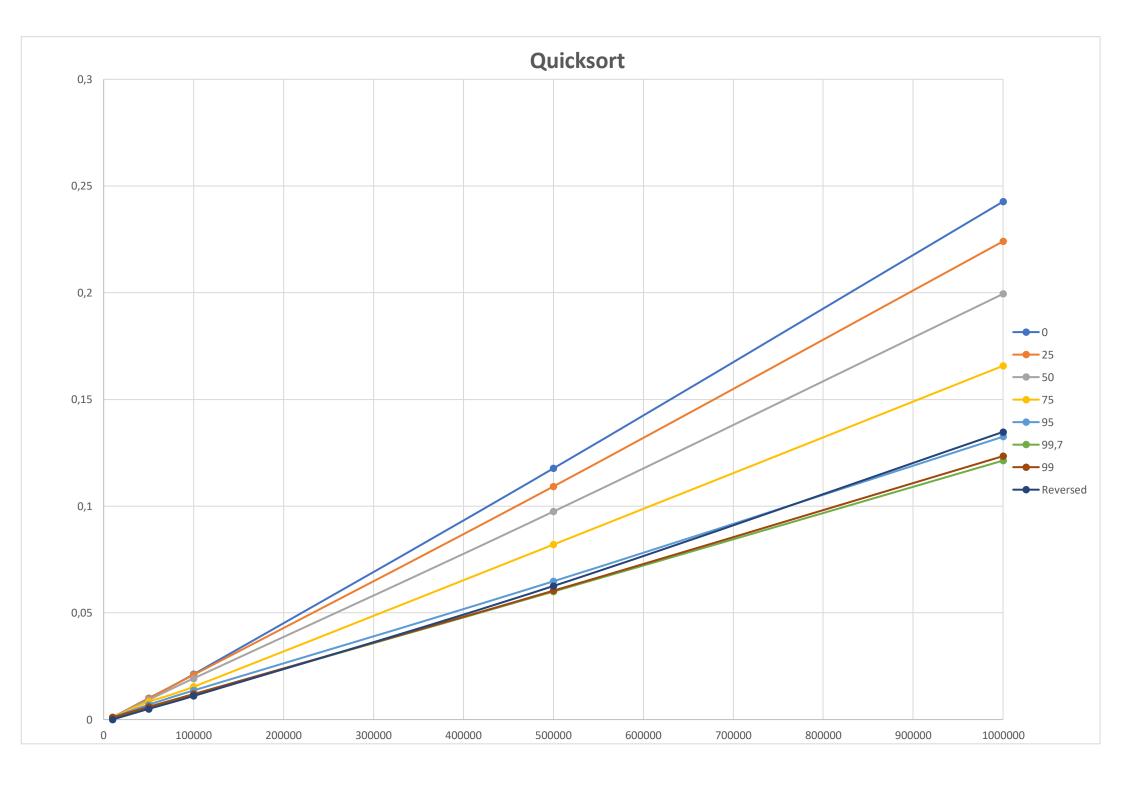
Quicksort - Sortowanie to należy do grupy algorytmów, które dzielą problem na podproblemy i wykorzystują rekurencję. Ma on liniowo logarytmiczną złożoność obliczeniową - O(nlog(n)) a w przypadku pesymistycznym kwadratową - $O(n^2)$.

Mergesort - Sortowanie to należy do grupy algorytmów, które dzielą problem na podproblemy i wykorzystują rekurencję. Ma on liniowo logarytmiczną złożoność obliczeniową - O(nlog(n)).

Introsort - Odmiana sortowania hybrydowego, w której wyeliminowany został problem złożoności O(n2) występującej w najgorszym przypadku algorytmu sortowania szybkiego.

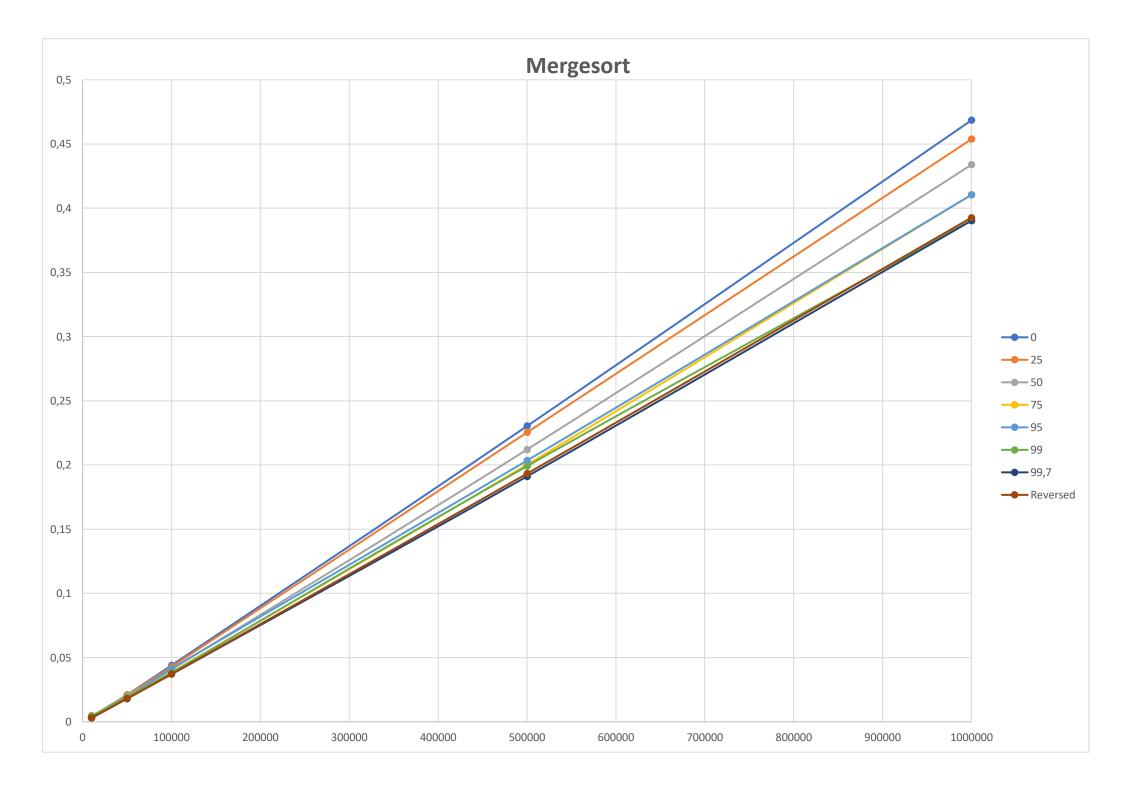
1) Quicksort

Percentage	Time [ms]	Number of elements				
		10000	50000	100000	500000	1000000
0	Min	0,001	0,01	0,02	0,116	0,24
	Max	0,002	0,01	0,02	0,124	0,25
	Average	0,00103	0,01	0,02123	0,11769	0,2427
25	Min	0,001	0,009	0,02	0,104	0,213
	Max	0,001	0,010	0,022	0,116	0,238
	Average	0,001	0,00984	0,02096	0,10922	0,22408
50	Min	0,001	0,009	0,018	0,088	0,179
	Max	0,001	0,01	0,021	0,11	0,229
	Average	0,001	0,0092	0,01927	0,09746	0,19945
	Min	0,001	0,008	0,015	0,078	0,156
75	Max	0,001	0,009	0,024	0,095	0,181
	Average	0,001	0,00836	0,01538	0,08199	0,16575
	Min	0,001	0,006	0,013	0,062	0,13
95	Max	0,001	0,007	0,017	0,08	0,141
	Average	0,001	0,00697	0,01365	0,06479	0,13254
99	Min	0,001	0,005	0,011	0,06	0,12
	Max	0,001	0,008	0,013	0,067	0,162
	Average	0,001	0,00598	0,01194	0,06039	0,12344
	Min	0	0,005	0,011	0,059	0,121
99,7	Max	0,001	0,006	0,015	0,066	0,126
	Average	0,00096	0,00571	0,01174	0,05996	0,12135
Reversed	Min	0	0,005	0,011	0,062	0,131
	Max	0,001	0,005	0,014	0,071	0,142
	Average	5,00E-05	0,005	0,01104	0,06257	0,13478



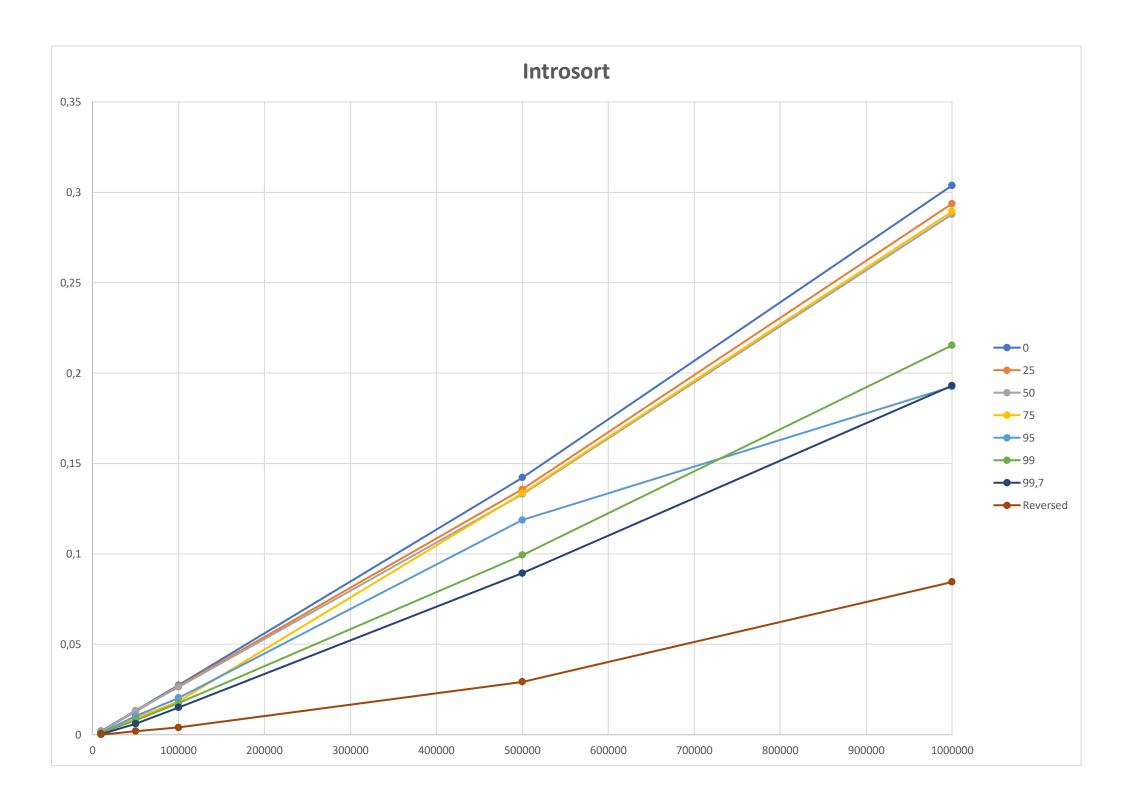
2) Mergesort

Percentage	Time [ms]	Number of elements					
		10000	50000	100000	500000	1000000	
0	Min	0,004	0,021	0,043	0,223	0,457	
	Max	0,004	0,024	0,046	0,267	0,496	
	Average	0,004	0,02105	0,04397	0,23032	0,46845	
25	Min	0,003	0,020	0,042	0,217	0,444	
	Max	0,004	0,021	0,054	0,291	0,496	
	Average	0,004	0,02086	0,0429	0,22536	0,45371	
50	Min	0,003	0,02	0,04	0,209	0,423	
	Max	0,004	0,025	0,056	0,233	0,486	
	Average	0,00323	0,02015	0,04077	0,21205	0,43385	
75	Min	0,003	0,019	0,038	0,199	0,405	
	Max	0,004	0,023	0,04	0,207	0,456	
	Average	0,00302	0,01908	0,03858	0,20028	0,4104	
95	Min	0,003	0,018	0,037	0,192	0,395	
	Max	0,004	0,024	0,066	0,237	0,503	
	Average	0,00304	0,01857	0,0414	0,20345	0,41038	
99	Min	0,003	0,018	0,037	0,189	0,388	
	Max	0,015	0,031	0,044	0,219	0,402	
	Average	0,00467	0,01945	0,03826	0,1991	0,39053	
99,7	Min	0,003	0,018	0,037	0,19	0,387	
	Max	0,003	0,019	0,039	0,194	0,432	
	Average	0,003	0,01802	0,03703	0,19112	0,39026	
Reversed	Min	0,003	0,018	0,037	0,192	0,391	
	Max	0,003	0,021	0,04	0,195	0,403	
	Average	3,00E-03	0,01807	0,03724	0,19331	0,39261	



3) Introsort

Percentage	Time [ms]	Number of elements					
		10000	50000	100000	500000	1000000	
0	Min	0,002	0,012	0,025	0,131	0,278	
	Max	0,002	0,015	0,031	0,173	0,341	
	Average	0,002	0,01319	0,02734	0,14221	0,30381	
25	Min	0,001	0,011	0,024	0,119	0,251	
	Max	0,002	0,016	0,031	0,168	0,376	
	Average	0,002	0,01270	0,02684	0,13574	0,29374	
50	Min	0,001	0,012	0,023	0,104	0,236	
	Max	0,002	0,018	0,033	0,177	0,413	
	Average	0,00148	0,01331	0,02637	0,133	0,28783	
75	Min	0,001	0,009	0,017	0,107	0,214	
	Max	0,001	0,01	0,024	0,17	0,365	
	Average	0,001	0,00912	0,01832	0,13353	0,28937	
95	Min	0,001	0,009	0,018	0,115	0,171	
	Max	0,001	0,013	0,023	0,152	0,238	
	Average	0,001	0,01017	0,02039	0,11875	0,1925	
99	Min	0	0,007	0,016	0,097	0,213	
	Max	0,002	0,01	0,024	0,108	0,231	
	Average	0,00101	0,00798	0,01745	0,0994	0,21537	
99,7	Min	0	0,006	0,015	0,087	0,188	
	Max	0,001	0,007	0,017	0,11	0,208	
	Average	0,00032	0,00605	0,01508	0,08931	0,19304	
Reversed	Min	0	0,002	0,004	0,028	0,083	
	Max	0	0,002	0,005	0,033	0,103	
	Average	0,00E+00	0,002	0,00401	0,02921	0,08444	



Wnioski:

Algorytmy sortowania szybkie i introspektywnego działają w przybliżonych czasach. Dzieje się tak ze względu na podobny styl działania. Dzięki podobnemu działaniu, oraz wiedzy o tych 3 algorytmach zgodnie z założeniami można łatwo zauważyć że sortowania szybkie i introspektywne są szybsze od sortowania przez scalanie. Na wykresie dla sortowania szybkiego widać jak bardzo zmienia się czas w zależności od danych wejściowych. Wyniki pomiarów czasów dla sortowania przez scalanie zgodnie z założeniem tego algorytmu nie wykazują znacznych różnic między maksymalnymi a minimalnymi czasami sortowania (jednak może przez szybkość sprzętu, nie jest to aż tak widoczne w porównaniu z innymi algorytmami, nie miałem możliwości sprawdzenia mojego kodu na innym komputerze). Wynika to z faktu, że dane wejściowe nie mają wpływu na ten algorytm w przeciwieństwie do sortowania szybkiego lub introspektywnego. Czas sortowania przez scalanie wraz z wzrostem ilości elementów tablic, czas rośnie bardzo liniowo i spadek czasu dla bardziej posortowanych tablic jest o wiele mniej zauważalny niż w przypadku innych algorytmów.