TOOLBOX - GENETICKÉ ALGORITMY

pre riešenie optimalizačných problémov v prostredí Matlab®

POUŽÍVATEĽSKÁ PRÍRUČKA

Ivan Sekaj

Úvod

Toolbox - Genetické algoritmy je určený na použitie v programovom prostredí Matlab pre riešenie optimalizačných problémov, ktoré používajú predovšetkým reálnečíselné kódovanie reťazcov. Jeho ďalším špecifikom je, že je minimalizujúci, čiže za lepšie jedince, ktoré sú preferované, považuje tie, ktoré dosahujú menších hodnôt účelovej funkcie resp. fitness funkcie. V prípade maximalizácie sa použije doplnková účelová funkcia. Hodnoty účelovej funkcie alebo fitness môžu nadobúdať kladné aj záporné reálnečíselné hodnoty.

Prehľad funkcíí

among - medziľahlé kríženie	37
change - mutácia duplicitných reťazcov	38
crosgrp - kríženie medzi viacerými rodičmi	39
crossov - viacbodové kríženie dvoch rodičov	40
genrpop - vygenerovanie náhodnej reálnečíselnej populácie	41
invfit - doplnok účelovej funkcie	42
muta - aditívna mutácia	43
mutm - multiplikatívna mutácia	44
mutx - obyčajná mutácia	45
selbest - výber najlepších reťazcov	46
seldiv - výber podľa maximálnej diverzity	47
selrand - náhodný výber reťzcov	48
selsort - výber a zotriedenie reťazcov podľa úspešnosti	49
selsus - výber pomocou váhovaného ruletového kolesa	50
shake - náhodné premiešanie poradia reťazcov v populácii	51
swapgen - mutácia poradia génov v reťazci	52
swappart - vzájomná výmena poradia dvoch častí reťazcov	53

among - medziľahlé kríženie

Charakteristika:

Funkcia vytvorí novú populáciu reťazcov, ktorá vznikne medziľahlým skrížením susedných alebo náhodne vytvorených dvojíc reťazcov pôvodnej populácie. Z každej dvojice rodičov vzniknú dvaja noví potomkovia využitím vzťahu

$$P = R_1 + \alpha(R_2 - R_1)$$

kde P je reťazec potomka, R_1 a R_2 sú rodičovské reťazce, α je matica obsahujúca v diagonále náhodné čísla $0 \le \alpha_i \le 1$ a mimo diagonály 0. Vzniknutí potomkovia budú lokalizovaní v priestore "medzi" obomi rodičmi. Krížené sú všetky reťazce z populácie Oldpop (ak ich je párny počet).

Syntax: Newpop=among(Oldpop,sel)

Newpop - novovytvorená populácia Oldpop - pôvodná populácia sel - spôsob výberu krížených dvojíc: 0-náhodné dvojice 1-susedné dvojice v populácii

Príklad:

```
A =[ 1
  2 2 2 2
   3
    3
       3 3
  4
    4
       4 4
   5
     5
       5
          5
   6
     6
        6
          6]
```

B=among(A,1)

change - eliminácia duplicitných reťazcov

Charakteristika:

Funkcia vyhľadá a zmení všetky duplicitné reťazce v populácii. V závislosti od premennej *option* sa duplicitné reťazce buď zmutujú v jednom géne (aditívne alebo multiplikatívne) alebo sa nahradia reťazcom náhodných čísel.

Syntax:

Newpop=change(Oldpop,option,Space)

Newpop - nová zmenená (výstupná) populácia

Oldpop - stará (vstupná) populácia

- option 0 duplicitné reťazce sa aditívne zmutujú v jednom géne hodnotami z rozsahu Space
 - 1 duplicitné reťazce sa multiplikatívne zmutujú v jednom géne hodnotami z rozsahu Space
 - 2 duplicitné reťazce sa nahradia reťazcami náhodných čísel z rozsahu Space

Space - matica o dvoch riadkoch a toľkých stĺpcoch ako je dĺžka reťazca, prvý riadok matice určuje dolné ohraničenia jednotlivých génov reťazcov a druhý riadok horné ohraničenia.

Príklad:

Crosgrp - kríženie medzi viacerými rodičmi

Charakteristika:

Funkcia skríži viac rodičov a vytvorí určený počet potomkov, ktorých gény sú náhodne zdedené od jednotlivých rodičov. Počet rodičov môže byť väčší ako 2. Počet potomkov a rodičov nemusí byť rovnaký.

Syntax:

Newgroup=crosgrp(Oldgroup,num)

Newgroup - novovytvorená skupina skrížených potomkov Oldgroup - skupina rodičov num - počet novovytvorených potomkov

Príklad:

B=crosgrp(A, 10)

Crossov - kríženie

Charakteristika:

Funkcia vytvorí novú populáciu reťazcov, ktorá vznikne skrížením všetkých reťazcov starej populácie 1- až 4-bodovým krížením. Krížené sú všetky reťazce (ak je ich párny počet). Výber párov je buď náhodný alebo sú vybrané susedné reťazce v populácii podľa voľby parametra sel.

Syntax:

Newpop=crossov(Oldpop,num,sel)

```
Newpop - matica skríženej (výstupnej) populácie
Oldpop - pôvodná (vstupná) populácia
num - počet bodov kríženia (miest rozdelenia) od 1 do 4
sel - spôsob výberu dvojíc:
0 - náhodný
```

1 - susedné dvojice v populácii

Príklad:

```
A = [1
     1 1
          1
            1
  2
     2
      2
          2
            2
  3 3 3 3
            3
  4
    4
      4 4
            4
  5 5 5 5
            5
  6
     6 6 6
            6]
```

B=crossov(A,1,0)

Genroo - vygenerovanie nahodnej reálnečíselnej populácie

Charakteristika:

Funkcia vygeneruje populáciu zvoleného počtu reťazcov. Jednotlivé gény reťazcov obsahujú náhodné reálne čísla z definovaného rezsahu. Rozsah sa definuje pre každý gén samostatne pomocou matice *Space*. Prvý riadok tejto matice určuje dolné ohraničenia a druhý riadok horné ohraničenia jednotlivých génov.

Syntax:

Newpop=genrpop(popsize ,Space)

```
Newpop - nová, zmutovaná populácia
popsize - počet reťazcov generovanej populácie
Space - matica obmedzení, ktorej 1. riadok je vektor minimálnych a 2.
riadok je vektor maximálnych prípustných hodnôt génov
```

Príklad:

```
S = \begin{bmatrix} -10 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 10 & 1 & 10 & 10 & 0 \end{bmatrix}
```

A=genrpop(6,S)

```
A = [ -7.502  0.521  1.778  0.832  -0.336  2.771  0.199  5.080  2.518  -0.248  3.960  0.784  3.961  3.087  -0.589  -5.048  0.419  8.332  3.669  -0.400  5.129  0.802  0.710  7.887  -0.054  9.362  0.542  6.120  1.722  -0.963 ]
```

Funkcia vygeneruje populáciu reťazcov náhodných reálnych čísel z priestoru ohraničeného prvkami dvojriadkovej matice *Space*. Prvý riadok tejto matice určuje dolné ohraničenia jednotlivých génov reťazcov a druhý riadok horné ohraničenia. Dĺžka reťazcov je určená počtom prvkov v riadku v matici obmedzení.

Syntax:

Newpop=genrpop(popsize, Space)

```
Newpop - matica vytvorenej populácie
popsize - požadovaný počet reťazcov (chromozómov) v populácii
Space - matica obmedzení, ktorej 1.riadok je vektor minimálnych
a 2. riadok je vektor maximálnych prípustných hodnôt génov
reťazcov
```

Príklad:

```
S = [0 \quad 0 \quad 0 \quad -10
1 10 100 0]
```

A=genrpop(10,S)

invfit - doplnok k účelovej funkcii

Funkcia vypočíta doplnok k vektoru hodnôt účelovej funkcie podľa vzťahu

Newobj=(max(Oldobj)-Oldobj)+min(Oldobj)

Takto je možné z maximalizačnej úlohy vytvoriť minimalizačnú úlohu pre potreby tohoto toolboxu.

Syntax:

Newobj=invfit(Oldobj)

Newobj - (výstupný) vektor hodnôt doplnkovej účelovej funkcie Oldobj - (vstupný) vektor hodnôt pôvodnej účelovej funkcie

Príklad:

old=[1 2 3 10 0.1 100]

new=invfit(old)

new=[99.1000 98.1000 97.1000 90.1000 100.0000 0.1000]

muta - aditívna mutácia

Funkcia zmutuje populáciu reťazcov s intenzitou úmernou parametru *rate* (z rozsahu od 0 do 1). Mutovaných je len niekoľko génov v rámci celej populácie. Mutácie vzniknú pripočítaním alebo odpočítaním náhodných čísel ohraničených veľkostí k pôvodným hodnotám náhodne vybraných génov celej populácie. Absolútne hodnoty prípustných veľkostí aditívnych mutácií sú ohraničené hodnotami vektora *Amp*. Po tejto operácii sú ešte výsledné hodnoty génov ohraničené (saturované) na hodnoty prvkov matice *Space*. Prvý riadok matice určuje dolné ohraničenia a druhý riadok horné ohraničenia jednotlivých génov.

Syntax:

Newpop=muta(Oldpop,rate,Amp,Space)

Newpop - nová, zmutovaná populácia

Oldpop - stará populácia

Amp - vektor ohraničení prípustných aditívnych hodnôt mutácií

Space - matica obmedzení, ktorej 1. riadok je vektor minimálnych a 2. riadok je vektor maximálnych prípustných mutovaných hodnôt

rate - miera početnosti mutovania génov v populácii (od 0 do 1)

Príklad:

B=muta(A, 0.1, Amp, S)

mutm - multiplikatívna mutácia

Funkcia zmutuje populáciu reťazcov s intenzitou úmernou parametru *rate* (z rozsahu od 0 do 1). Mutovaných je len niekoľko génov v rámci celej populácie. Mutácie vzniknú vynásobením pôvodných hodnôt náhodne vybraných génov náhodnými číslami ohraničených veľkostí. Prípustné veľkosti multiplikatívnych hodnôt sú ohraničené hodnotami dvojriadkovej matice *Amps*. Po tejto operácii sú ešte výsledné hodnoty génov ohraničené prvkami matice *Space*. Prvý riadok oboch matíc určuje dolné ohraničenia a druhý riadok horné ohraničenia jednotlivých génov.

Syntax:

Newpop=mutm(Oldpop,rate,Amps,Space)

Newpop - nová, zmutovaná populácia

Oldpop - stará populácia

Amps - matica obmedzení multiplikatívnych hodnôt, ktorej 1.riadok je vektor maximálnych a 2. riadok je vektor minimálnych prípustných multiplikatívnych hodnôt

Space - matica obmedzení, ktorej 1.riadok je vektor minimálnych a 2. riadok je vektor maximálnych prípustných mutovaných hodnôt rate - miera početnosti mutovania génov v populácii (od 0 do 1)

Príklad:

A = [1	1	1	1	1	Amp =	[0.5	0.5	0.9	0.9	0.9
2	2	2	2	2		1.0	1.0	1.5	2.0	2.0]
3	3	3	3	3						_
4	4	4	4	4						
5	5	5	5	5	S = [0	0	0	0	0	
6	6	6	6	6]	10	10	10	10	10]	

B=mutm(A,0.1,Amp,S)

mutx - obyčajná mutácia

Funkcia zmutuje populáciu reťazcov s intenzitou úmernou parametru rate (z rozsahu od 0 do 1). Mutovaných je len niekoľko génov v rámci celej populácie. Mutované hodnoty sú zmenené na náhodné hodnoty z priestoru definovaného ohraničeniami pomocou dvojriadkovej matice. Prvý riadok matice určuje dolné ohraničenia jednotlivých génov reťazcov a druhý riadok ich horné ohraničenia.

Syntax:

Newpop=mutx(Oldpop,rate,Space)

Newpop - nová, zmutovaná populácia
Oldpop - stará populácia
Space - matica obmedzení, ktorej 1.riadok je vektor minimálnych a 2.
riadok je vektor maximálnych prípustných mutovaných hodnôt
rate - miera početnosti mutovania génov v populácii (od 0 do 1)

Príklad:

```
A = [1
                  1
       2
           2
              2
                  2
    2
              3
    3
       3
           3
                  3
              4
    4
       4
           4
                  4
    5
       5
           5
              5
                  5
           6
       6
              6
                  61
S = [0]
              0
       0
           0
                  0
   10 10 10 10 10]
B=mutx(A,0.1,S)
B = [1.0000]
           1.0000 1.0000 1.0000
                                 1.0000
   2.0000
           6.7135 2.0000 2.0000 2.0000
   2.9209 3.0000 3.0000 3.0000 3.0000
   4.0000 4.0000 4.0000 4.0000 4.0000
   5.0000 5.0000 5.0000 5.8097
                                 5.0000
   6.0000 6.0000 6.0000 6.0000 6.0000 1
```

selbest - výber najlepších jedincov

Funkcia skopíruje zo vstupnej populácie do výstupnej populácie určené počty reťazcov v závislosti od ich hodnôt účelovej funkcie. O tom, ktoré reťazce budú kopírované, rozhoduje vektor *Nums*, ktorého prvky určujú počty vybraných reťazcov nasledovne: prvá hodnota určuje koľkokrát sa skopíruje najúspešnejší reťazec do výstupnej populácie, druhá hodnota určuje koľkokrát sa skopíruje 2. najúspešnejší reťazec do výstupnej populácie atď. Najúspešnejšími reťazcami sú chápané jedince s najmenšími hodnotami účelovej funkcie.

Syntax:

Newpop=selbest(Oldpop,Objpop,Nums);

```
Newpop - nová (výstupná) populácia
```

Oldpop - stará (vstupná) populácia

Objpop - vektor hodnôt účelovej funkcie starej populácie

Nums - vektor, ktorého prvky určujú, koľkokrát sa reťazec na

príslušnom poradí úspešnosti skopíruje do cieľovej populácie

Príklad:

uf=[1 2 3 4 5 6]

vyber=[2 0 1 1]

B=selbest(A,uf,vyber)

Seldiv - výber na základe maximálnej miery diverzity

Funkcia vyberie zo vstupnej populácie do výstupnej populácie určené počty čo najodlišnejších reťazcov. Mierou odlišnosti (diverzity) pritom je euklidovská vzdialenosť jednotlivých génov daného reťazca od referenčného reťazca. Referenčným reťazcom môže byť buď najúspešnejší jedinec populácie (s najmenšou hodnotou účelovej funkcie), alebo reťazec priemerných hodnôt génov populácie. O tom, ktoré reťazce budú kopírované, rozhoduje vektor *Nums*, ktorého prvky určujú počty vybraných reťazcov nasledovne: prvá hodnota určuje koľkokrát sa skopíruje najviac odlišný reťazec do cieľovej populácie, druhá hodnota určuje koľkokrát sa skopíruje 2. najodlišnejší reťazec v poradí do cieľovej populácie atď.

Syntax:

Newpop=seldiv(Oldpop,Objpop,Nums,sw)

Newpop - nová (výstupná) populácia

Oldpop - stará (vstupná) populácia

Objpop - vektor hodnôt účelovej funkcie starej populácie

Nums - vektor, ktorého prvky určujú, koľkokrát sa reťazec na príslušnom poradí podľa miery diverzity skopíruje do novej populácie

sw - prepínač: 0 - vzťažný reťazec pri určovaní miery diverzity tvorí aritmetický priemer génov všetkých reťazcov

1 - vzťažný reťazec pri určovaní diverzity je najlepší jedinec

Príklad:

A = [2 2 2 2 2	B=seldiv(A,uf,nums,1)
4 2 1 3 3	
2 2 2 3 2	Vektor miery diverzity jednotlivých reťazcov voči
0 2 0 3 2	najlepšiemu reťazcu
8 2 5 2 7	[2 2 2 2 2] je:
2 2 9 2 2	,
3 3 3 3 3	d = [0 2.646 1 1.732 8.367 7 2.236 2.236]
0 2 2 2 1]	
	B = [8 2 5 2 7
uf=[1 5 2 4 3 7 6 10]	8 2 5 2 7
nums=[2 1 1]	2 2 9 2 2
	4 2 1 3 3]

selrand - náhodný výber jedincov

Funkcia náhodne vyberie zo vstupnej populácie do výstupnej populácie určený počet reťazcov.

Syntax:

Newpop=selrand(Oldpop,Objpop, Num);

Newpop - nová (výstupná) populácia Oldpop - stará (vstupná) populácia Objpop - vektor hodnôt účelovej funkcie starej populácie Num – počet náhodne vybraných reťazcov

Príklad:

B=selrand(A,5)

selsort - výber a zoradenie jedincov podľa úspešnosti

Funkcia vyberie zo vstupnej populácie do výstupnej populácie určený počet najúspešnejších reťazcov, ktoré naviac zotriedi podľa hodnoty účelovej funkcie od najúspešnejšieho po najhoršieho. Najúspešnejšími reťazcami sú chápané jedince s najmenšími hodnotami účelovej funkcie.

Syntax:

Newpop=selsort(Oldpop,Objpop,Num);

Newpop - nová (výstupná) populácia Oldpop - stará (vstupná) populácia Objpop - vektor hodnôt účelovej funkcie starej populácie Num – počet vybraných najúspešnejších reťazcov

Príklad:

uf=[4 2 6 3 1 5]

pocet=4

B=selsort(A,uf,pocet)

Selsus - výber jedincov pomocou váhovaného ruletového kolesa

Funkcia vyberie zo vstupnej populácie do výstupnej populácie určený počet reťazcov pomocou výberu, ktorého ekvivalentom je otáčanie váhovaným ruletovým kolesom. Váhované ruletové koleso je rozdelené na kruhové výseky, z ktorých každý je priradený jednému reťazcu a jeho veľkosť je nepriamo úmerná hodnote jeho účelovej funkcie (resp. priamo úmerná jeho úspešnosti). Úspešnejšie reťazce majú väčšiu šancu byť vybrané.

Syntax:

Newpop=selsus(Oldpop,Objpop,Num);

Newpop - nová (výstupná) populácia Oldpop - stará (vstupná) populácia Objpop - vektor hodnôt účelovej funkcie starej populácie Num – počet vybraných najúspešnejších reťazcov

Príklad:

uf=[1 2 3 4 5 6]

B=selsus(A,uf,4)

shake - náhodné premiešanie poradia reťazcov v populácii

Charakteristika:

Funkcia vráti novú populáciu, v ktorej budú mať reťazce pôvodnej populácie náhodne zmenené poradia. Intenzita premiešania môže byť nastavená od hodnoty 0 - žiadne premiešanie až po hodnotu 1 - maximálne premiešanie.

Syntax:

Newpop=shake(Oldpop,rate);

Newpop - matica populácie so zmeneným poradím reťazcov Oldpop - matica populácie s pôvodným poradím reťazcov rate - intenzita premiešania (od 0 do 1)

Príklad:

B=shake(A, 0.9)

SWAPGEN - mutácia poradia génov v reťazci

Charakteristika:

Funkcia zmutuje poradie génov v náhodne vybraných reťazcoch populácie. Početnosť mutácií v populácii je úmerná parametru *rate* (z rozsahu od 0 do 1). Pri mutácii reťazca je vymenené poradie dvoch náhodne vybraných génov.

Syntax:

Newpop=swapgen(Oldpop,rate)

Newpop - nová, zmutovaná populácia Oldpop - stará populácia rate - určuje početnosť výskytu mutácií v populácii

Príklad:

```
A=[1 2 3 4 5 6 7
7 6 5 4 3 2 1
1 1 1 2 2 2 2 2
1 2 3 4 5 6 7
7 7 7 7 7 5 5]
```

B=swapgen(A, 0.5)

```
B=[1 2 3 4 5 6 7
7 2 5 4 3 6 1
1 1 1 2 2 2 2 2
1 2 3 4 5 6 7
7 7 7 7 5 7 5]
```

SWappart - vzájomná výmena poradia dvoch častí reťazcov

Charakteristika:

Funkcia náhodne vyberie niekoľko reťazcov, u každého reťazca vymení poradie jeho dvoch častí, ktoré vzniknú rozdelením reťazca v náhodnej pozícii. Početnosť takto modifikovaných reťazcov v populácii je úmerná parametru *rate* (z rozsahu od 0 do 1).

Syntax:

Newpop=swappart(Oldpop,rate)

Newpop - nová, zmenená populácia Oldpop - stará populácia rate - určuje početnosť výskytu tejto modifikácie v populácii

Príklad:

A=[1 2 3 4 5 6 7 7 6 5 4 3 2 1 1 1 1 2 2 2 2 2 1 2 3 4 5 6 7 7 7 7 7 7 5 5]

B=swappart(A, 0.5)

B=[6 7 1 2 3 4 5 7 6 5 4 3 2 1 2 2 2 1 1 1 2 1 2 3 4 5 6 7 7 7 7 7 7 5 5]