Изпит по теория — ДИС 1 КН, 1 к., I п.

зимна сесия, 12.02.2023

част 1

Общо от двете части на изпита може да бъдат получени най-много 90 точки.

Оценката се формира по формулата

$$\min\left\{2+\frac{n}{20},6\right\},\,$$

където n е броят на получените точки общо от двете части. За успешното взимане на изпита са необходими поне 20 точки.

- 1. $(5+5\ {\rm T.})$ Формулирайте Принципа за непрекъснатост. Изяснете значението на участващите във формулировката понятия.
- 2. (2-2+1 т.) Какво наричаме редица от реални числа? Какво имаме предвид като казваме, че дадена редица е сходяща? Посочете пример на сходяща числова редица.
- 3. (5 т.) Докажете, че ако $\lim a_n = +\infty$ и $a_n > 0, \, n \in \mathbb{N},$ то $\lim \frac{1}{a_n} = 0.$
- 4. (3+7 т.) Формулирайте и докажете теоремата на Вайерщрас за непрекъснати функции, дефинирани върху краен затворен интервал.
- 5. (5+5+5 т.) Формулирайте и докажете теоремата за междинните стойности. С помощта на примери покажете, че направените в теоремата предположения са съществени.

Изпит по теория — ДИС 1 ${ m KH, 1 \ \kappa., I \ n.}$

зимна сесия, 12.02.2023

част 2

- 6. (5 т.) Какво наричаме локален екстремум на функция?
- 7. (5+5 т.) Формулирайте и докажете необходимо условие за локален екстремум за диференцируеми функции (теоремата на Ферма).
- 8. (5+5 т.) Формулирайте и докажете теоремата за крайните нараствания (теорема на Лагранж). Бележка: Може да използвате теоремата на Рол без доказателство.
- 9. (5 т.) Докажете, че апроксимационната формула

$$\sqrt{1+x} \approx 1 + \frac{x}{2} - \frac{x^2}{8}$$

дава стойността на $\sqrt{1+x}$ с грешка по-малка от 10^{-1} , ако $x \in \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$.

- 10. (5 т.) Какво представлява неопределеният интеграл на дадена функция?
- 11. $(5+5 \, \text{т.})$ Покажете и докажете какъв е резултатът от последователното прилагане на операциите диференциране и намиране на неопределен интеграл на функция.

Оценката се формира по формулата

$$\min\left\{2+\frac{n}{20},6\right\},\,$$

където n е броят на получените точки общо от двете части. За успешното взимане на изпита са необходими поне 20 точки.