$$P(S = on) = pq_{yes} + (1 - p)q_{no}$$