5.1. Punto...5.2. Orden Radial de Puntos...5.3. Linea...5.4. Segmento...5.5. Rectangulo...

El Bichi

UTN FRSF - El Rejunte

2017

5. Geometría



1.	Índice C/C++ 1.1. I/O	2 2 2 3	5.6. Circulo	999
	1.1.2. printi Format Strings	9	6. Matemática	10
2.	Template del Rejunte	4	6.1. Identidades	
3.	Estructuras de datos	4	6.3. Teorema Chino del Resto	
	3.1. Set Mejorado	4	6.4. GCD & LCM	10
	3.2. Union Find	4	6.5. Euclides Extendido	10
	3.3. Hash Table	4	6.6. Combinatoria	1(
	3.4. RMQ	5	6.7. Exponenciación de Matrices y Fibonacci	1.
	3.4.1. RMQ (static)	5	6.8. Operaciones Modulares	1.
	3.4.2. RMQ (dynamic)	5	6.9. Funciones de Primos	1.
	3.4.3. RMQ (lazy)	5	6.10. Phollard's Rho	12
	3.4.4. RMQ (persistente)	6	6.11. Inversos	13
	5.2.2. (porosionio)	J	6.12. Fracciones	13
4.	Strings	6	6.13. Simpson	
	4.1. KMP	6	6.14. Tablas y cotas (Primos, Divisores, Factoriales, etc)	

7.	Grafos	14
	7.1. 2-SAT + Tarjan SCC	14
8.	Flow	15
	8.1. Edmond Karp	15
	8.2. Push Relabel	15
9.	Juegos	16
	9.1. Ajedrez	16
	9.1.1. Non-Attacking N Queen	16
10).Utils	17
	10.1. Funciones Utiles	17
	10.2. Convertir string a num e viceversa	17
	10.3. Truquitos para entradas/salidas	17

1. C/C++

1.1. I/O

1.1.1. scanf Format Strings

%[*][width][length]specifier

spec	Tipo	Descripción
i	int	Dígitos dec. [0-9], oct. (0) [0-7], hexa
		(0x 0X) [0-9a-fA-F]. Con signo.
d, u	int,	Dígitos dec. [+-0-9].
·	unsigned	0
0	unsigned	Dígitos oct. [+-0-7].
Х	unsigned	Dígitos hex. [+-0-9a-fA-F]. Prefijo 0x, 0X opcional.
f, e, g	float.	Dígitos dec. c/punto flotante [+0-9]. Prefijo 0x, 0X y
1, 0, 9	11000	sufijo e, E opcionales.
С,	char,	Siguiente carácter. Lee width chars y los almacena
[width]c	char*	contiguamente. No agrega \0.
S	char*	Secuencia de chars hasta primer espacio. Agrega \0.
р	void*	Secuencia de chars que representa un puntero.
[ahama]	Scanset,	Caracteres especificados entre corchetes.] debe ser primero
[chars]	char*	en la lista, – primero o último. Agrega \0
	!Scanset,	Constant of the second of the
[^chars]	char*	Caracteres no especificados entre corchetes.
n	int	No consume entrada. Almacena el número de chars leídos
		hasta el momento.
olo		% % consume un %

sub-specifier	Descripción	
*	Indica que se leerá el dato pero se ignorará. No necesita argumento.	
width	Cantidad máxima de caracteres a leer.	
lenght	Uno de hh, h, l, ll, j, z, t, L. Ver tabla siguiente.	

length d i		u o x
(none) int* unsigned		unsigned int*
hh signed char* unsigned char*		unsigned char*
h short int* unsigned short		unsigned short int*
l long int* unsigned long		unsigned long int*
ll long long int* unsigne		unsigned long long int*

Continuación		
length d i u o x		иох
j	intmax_t*	uintmax_t*
z size_t*		size_t*
t	ptrdiff_t*	ptrdiff_t*
L		

length	fega	c s [] [^]	p	n
(none)	float*	char*	void**	int*
hh				signed char*
h				short int*
1	double*	wchar_t*		long int*
11				long long int*
j				intmax_t*
Z				size_t*
t				ptrdiff_t*
L	long			
	double*			

1.1.2. printf Format Strings

%[flags][width][.precision][length]specifier

specifier	Descripción	Ejemplo
d or i	Entero decimal con signo	392
u	Entero decimal sin signo	7235
0	Entero octal sin signo	610
Х	Entero hexadecimal sin signo	7fa
X	Entero hexadecimal sin signo (mayúsculas)	7FA
f	Decimal punto flotante (minúsculas)	392.65
F	Decimal punto flotante (mayúsculas)	392.65
е	Notación científica (mantisa/exponente), (minúsculas)	3.9265e+2
E	Notación científica (mantisa/exponente), (mayúsculas)	3.9265E+2
g	Utilizar la representaciíon más corta: %e ó %f	392.65
G	Utilizar la representaciíon más corta: %E ó %F	392.65
a	Hexadecimal punto flotante (minúsculas)	-0xc.90fep-2
A	Hexadecimal punto flotante (mayúsculas)	-0XC.90FEP-2
С	Caracter	a
S	String de caracteres	sample

Continuación		
specifier	Descripción	Ejemplo
р	Dirección de puntero	b8000000
	No imprime nada. El argumento debe ser int*,	
n	almacena el número de caracteres imprimidos hasta el	
	momento.	
90	Un % seguido de otro % imprime un solo %	90

flag	Descripción	
_ Justificación a la izquierda dentro del campo width (ver width		
	sub-specifier).	
+	Forza a preceder el resultado de texttt+ o texttt	
(espacio)	Si no se va a escribir un signo, se inserta un espacio antes del valor.	
#	Usado con o, x, X specifiers el valor es precedido por 0, 0x, 0X	
π	respectivamente para valores distintos de 0.	
0	Rellena el número con texttt0 a la izquierda en lugar de espacios	
	cuando se especifica width.	

width	Descripción	
	Número mínimo de caracteres a imprimir. Si el valor es menor que	
(número) número, el resultado es rellando con espacios. Si el valor es may		
	no es truncado.	
	No se especifica width, pero se agrega un argumento entero	
*	precediendo al argumento a ser formateado. Ej.	
	printf("%*d\n", 3, 2); \Rightarrow " 5".	

precision	Descripción
	Para d, i, o, u, x, X: número mínimo de dígitos a imprimir. Si
	el valor es más chico que número se rellena con 0.
(número)	Para a, A, e, E, f, F: número de dígitos a imprimir después de
.(número)	la coma (default 6).
	Para g, G: Número máximo de cifras significativas a imprimir.
	Para s: Número máximo de caracteres a imprimir. Trunca.
No se especifica precision pero se agrega un argumento es	
• ^	precediendo al argumento a ser formateado.

length	d i	u o x X
(none)	int	unsigned int
hh	signed char	unsigned char
h	short int	unsigned short int
1	long int	unsigned long int
11	long long int	unsigned long long int

UTN FRSF - El Rejunte 3 ESTRUCTURAS DE DATOS

Continuación				
length	d i	u o x X		
j	intmax_t	uintmax_t		
Z	size_t	size_t		
t	ptrdiff_t	ptrdiff_t		
L				

length	f F e E g G a A	С	s	p	n
(none)	double	int	char*	void*	int*
hh					signed char*
h					short int*
1		wint_t	wchar_t*		long int*
11					long long int*
j					intmax_t*
Z					size_t*
t					ptrdiff_t*
L	long double				

2. Template del Rejunte

```
#include <bits/stdc++.h>
  #define sqr(a) ((a) * (a))
   #define rsz resize
   #define forr(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);i++)
   #define forn(i,n) forr(i,0,n)
   #define dforn(i,n) for(int i=n-1;i>=0;i--)
   #define forall(it,v) for(auto it=v.begin();it!=v.end();it++)
   #define sz(c) ((int)c.size())
   #define zero(v) memset(v, 0, sizeof(v))
  #define pb push_back
  #define mp make_pair
  #define lb lower bound
13 #define ub upper_bound
  #define fst first
  #define snd second
  #define PI 3.1415926535897932384626
  using namespace std;
19
20 typedef long long 11;
21 typedef pair<int, int> ii;
22 typedef vector<int> vi;
23 typedef vector<ii> vii;
24
25 int main()
26
    //freopen("input", "r", stdin);
27
     //freopen("output", "w", stdout);
```

```
ios::sync_with_stdio(false);
cin.tie(NULL);
cout.tie(NULL);
return 0;
}
```

3. Estructuras de datos

3.1. Set Mejorado

Esto solo compila en C++11.

3.2. Union Find

```
struct UnionFind{
     vector<int> f, setSize; //the array f contains the parent of each node
     int cantSets;
     void init(int n)
       f.clear(); setSize.clear();
       cantSets=n;
       f.rsz(n,-1);
       setSize.rsz(n,1);
10
     int comp(int x) {return (f[x]=-1?x:f[x]=comp(f[x]));}//0(1)
     bool join(int i,int j)
13
       bool con=comp(i) ==comp(j);
       if(!con)
16
17
         cantSets--;
18
         f[comp(i)]=comp(j);
19
         setSize[comp(j)]+=setSize[comp(i)];
20
         setSize[comp(i)]=setSize[comp(j)]; //no suma, solo asigna
21
       return con;
```

UTN FRSF - El Rejunte 3 ESTRUCTURAS DE DATOS

```
23 };
24 };
```

3.3. Hash Table

3.4. RMQ

3.4.1. RMQ (static)

Dado un arreglo y una operacion asociativa *idempotente*, get(i, j) opera sobre el rango [i, j). Restriccion: LVL \geq ceil(logn); Usar [] para llenar arreglo y luego build().

```
struct RMQ{
    #define LVL 10

    tipo vec[LVL][1<<(LVL+1)];

    tipo &operator[] (int p) {return vec[0][p];}

    tipo get (int i, int j) {//intervalo [i, j)}

    int p = 31-__builtin_clz(j-i);

    return min(vec[p][i],vec[p][j-(1<<p)]);

}

void build(int n) {//O(nlogn)

    int mp = 31-__builtin_clz(n);

    forn(p, mp) forn(x, n-(1<<p))

    vec[p+1][x] = min(vec[p][x], vec[p][x+(1<<p)]);

}};</pre>
```

3.4.2. RMQ (dynamic)

```
1 //Dado un arreglo y una operacion asociativa con neutro, get(i, j) opera
       sobre el rango [i, j).
   #define MAXN 100000
   #define operacion(x, y) max(x, y)
   const int neutro=0;
   struct RMO{
    int sz:
     tipo t[4*MAXN];
     tipo &operator[](int p) {return t[sz+p];}
     void init(int n){//O(nlgn)
      sz = 1 \ll (32 - builtin clz(n));
11
      forn(i, 2*sz) t[i]=neutro;
12
13
    void updall() { //O(n)
      dforn(i, sz) t[i] = operacion(t[2*i], t[2*i+1]);
     tipo get(int i, int j) {return get(i, j, 1, 0, sz);}
     tipo get(int i, int j, int n, int a, int b) {//O(lgn)
17
      if(j<=a || i>=b) return neutro;
      if(i<=a && b<=j) return t[n];</pre>
19
      int c=(a+b)/2;
20
       return operacion(get(i, j, 2*n, a, c), get(i, j, 2*n+1, c, b));
21
22
     void set(int p, tipo val){//0(lqn)
       for (p+=sz; p>0 && t[p]!=val;) {
24
        t[p]=val;
25
         p/=2;
26
         val=operacion(t[p*2], t[p*2+1]);
27
28
    }
29 } rmq;
30 //Usage:
31 cin >> n; rmq.init(n); forn(i, n) cin >> rmq[i]; rmq.updall();
```

3.4.3. RMQ (lazy)

UTN FRSF - El Rejunte 4 STRINGS

```
forn(i, 2*sz) dirty[i]=neutro2;
16
17
    void push(int n, int a, int b){//propaga el dirty a sus hijos
      if(dirtv[n]!=0){
        t[n]+=dirty[n] * (b-a); //altera el nodo
        if(n<sz){
20
21
          dirty[2*n]+=dirty[n];
22
           dirtv[2*n+1] += dirtv[n];
23
24
        dirty[n]=0;
25
      }
26
    Elem get(int i, int j, int n, int a, int b){//0(lgn)
      if(j<=a || i>=b) return neutro;
28
29
      push(n, a, b);//corrige el valor antes de usarlo
      if(i<=a && b<=j) return t[n];</pre>
30
      int c = (a+b)/2:
31
      return operacion(get(i, j, 2*n, a, c), get(i, j, 2*n+1, c, b));
33
34
    Elem get(int i, int j) {return get(i, j, 1, 0, sz);}
    //altera los valores en [i, i] con una alteracion de val
    void alterar(Alt val, int i, int j, int n, int a, int b) {//O(lgn)
      push(n, a, b);
38
      if(j<=a || i>=b) return;
      if(i<=a && b<=j){
39
        dirtv[n]+=val:
        push(n, a, b);
42
        return;
43
      int c=(a+b)/2;
      alterar(val, i, j, 2*n, a, c), alterar(val, i, j, 2*n+1, c, b);
      t[n]=operacion(t[2*n], t[2*n+1]);//por esto es el push de arriba
46
47
    void alterar(Alt val, int i, int i) {alterar(val,i,i,1,0,sz);}
```

3.4.4. RMQ (persistente)

```
typedef int tipo;
tipo oper(const tipo &a, const tipo &b) {
    return a+b;
}

struct node{
    tipo v; node *1,*r;
    node(tipo v):v(v), l(NULL), r(NULL) {}
    node(node *1, node *r) : l(l), r(r) {
        if(!l) v=r->v;
        else if(!r) v=l->v;
        else v=oper(l->v, r->v);
}

};
```

```
14 node *build (tipo *a, int tl, int tr) {//modificar para que tome tipo a
if (tl+1==tr) return new node(a[tl]);
16 int tm=(tl + tr)>>1;
    return new node (build (a, tl, tm), build (a, tm, tr));
18 }
| 19 | node *update(int pos, int new_val, node *t, int tl, int tr) {
if (tl+1==tr) return new node(new_val);
21 int tm=(tl+tr)>>1;
| if(pos < tm) return new node(update(pos, new_val, t->1, tl, tm), t->r);
else return new node(t->1, update(pos, new_val, t->r, tm, tr));
24 }
25 tipo get(int 1, int r, node *t, int t1, int tr) {
      if(l==t1 && tr==r) return t->v;
27 int tm=(tl + tr)>>1;
      if (r<=tm) return get(1, r, t->1, t1, tm);
      else if(l>=tm) return get(l, r, t->r, tm, tr);
    return oper(get(1, tm, t->1, t1, tm), get(tm, r, t->r, tm, tr));
31 }
```

4. Strings

4.1. KMP

```
| vector<int> b; //back table b[i] maximo borde de [0..i)
 2 void kmppre(string &P) //by gabina with love
    b.clear();
    b.rsz(P.size());
    int i = 0, j = -1; b[0] = -1;
     while (i<sz(P))
      while(j>=0 && P[i] != P[j]) j=b[j];
10
      i++, j++;
11
      b[i] = i;
12
13 }
14 void kmp(string &T, string &P) //Text, Pattern -- O(|T|+|P|)
15 {
16 kmppre(P);
| 17 | int i=0, j=0;
    while(i<sz(T))</pre>
19 {
      while(j>=0 && T[i]!=P[j]) j=b[j];
      i++, j++;
22
       if(j==sz(P))
23
        //P encontrado en T empezando en [i-j,i)
24
25
         j=b[j];
26
      }
```

UTN FRSF - El Rejunte 5 GEOMETRÍA

28 }

4.2. Z function

```
//z[i]=length of longest substring starting from s[i] that is prefix of s
  vector<int> z;
  void zFunction(string &s)
    int n=s.size();
    for (int i=1, l=0, r=0; i < n; i++)</pre>
     if(i<=r)
      z[i] = min(r-i+1, z[i-1]);
      while(i+z[i] < n \& \& s[z[i]] == s[i+z[i]])
     z[i]++;
11
      if(i+z[i]-1>r)
      l=i, r=i+z[i]-1;
13
14
15
16 void match(string &T, string &P) //Text, Pattern -- O(|T|+|P|)
17
    string s=P;
    s+='$'; //here append a character that is not present in T
    s.append(T);
   z.clear();
    z.rsz(s.size(),0);
    zFunction(s);
   forr(i,P.size()+1,s.size())
      if(z[i] == P.size()) //match found, idx = i-P.size()-1
25
26 }
```

4.3. Trie

```
struct trie{
   map<char, trie> m;
   void add(const string &s, int p=0)

{
    if(s[p]) m[s[p]].add(s, p+1);
}

void dfs()

{
   //Do stuff
   forall(it, m)
   it->second.dfs();
}

};
```

5. Geometría

5.1. Punto

```
struct pto{
     double x, y;
     pto (double x=0, double y=0): x(x), y(y) {}
     pto operator+(pto a) {return pto(x+a.x, y+a.y);}
    pto operator-(pto a) {return pto(x-a.x, y-a.y);}
    pto operator+(double a) {return pto(x+a, y+a);}
    pto operator*(double a) {return pto(x*a, y*a);}
     pto operator/(double a) {return pto(x/a, y/a);}
    //dot product, producto interno:
double operator* (pto a) {return x*a.x+y*a.y;}
    //module of the cross product or vectorial product:
12 //if a is less than 180 clockwise from b, a^b>0
double operator (pto a) {return x*a.y-y*a.x;}
14 //returns true if this is at the left side of line gr
bool left(pto q, pto r){return ((q-*this)^(r-*this))>0;}
| 16 | bool operator < (const pto &a) const{return x < a.x - EPS | | (abs(x-a.x) < EPS &&
         v<a.v-EPS);}
17 bool operator == (pto a) {return abs(x-a.x) < EPS && abs(y-a.y) < EPS;}
double norm() {return sqrt(x*x+y*y);}
double norm sq() {return x*x+y*y;}
20 };
21 double dist(pto a, pto b) {return (b-a).norm();}
22 typedef pto vec;
24 double angle (pto a, pto o, pto b) {
25 pto oa=a-o, ob=b-o;
return atan2(oa^ob, oa*ob);}
28 //rotate p by theta rads CCW w.r.t. origin (0,0)
29 pto rotate(pto p, double theta) {
   return pto(p.x*cos(theta)-p.y*sin(theta),
31
        p.x*sin(theta)+p.y*cos(theta));
32 }
```

5.2. Orden Radial de Puntos

```
struct Cmp{//orden total de puntos alrededor de un punto r
pto r;
Cmp(pto r):r(r) {}
int cuad(const pto &a) const{
   if(a.x > 0 && a.y >= 0)return 0;
   if(a.x < 0 && a.y > 0)return 1;
   if(a.x < 0 && a.y < 0)return 2;
   if(a.x > 0 && a.y < 0)return 3;
   assert(a.x ==0 && a.y < 0);
return -1;</pre>
```

UTN FRSF - El Rejunte 5 GEOMETRÍA

```
bool cmp(const pto&p1, const pto&p2)const{
    int c1 = cuad(p1), c2 = cuad(p2);
    if(c1==c2) return p1.y*p2.x<p1.x*p2.y;
        else return c1 < c2;
}

bool operator()(const pto&p1, const pto&p2) const{
    return cmp(pto(p1.x-r.x,p1.y-r.y),pto(p2.x-r.x,p2.y-r.y));
}

c)
};</pre>
```

5.3. Linea

```
int sgn(ll x){return x<0? -1 : !!x;}
struct line{
    line() {}
    double a,b,c;//Ax+By=C

    //pto MUST store float coordinates!
    line(double a, double b, double c):a(a),b(b),c(c){}
    line(pto p, pto q): a(q.y-p.y), b(p.x-q.x), c(a*p.x+b*p.y) {}
    int side(pto p){return sgn(ll(a) * p.x + ll(b) * p.y - c);}
    };

bool parallels(line l1, line l2){return abs(l1.a*l2.b-l2.a*l1.b) < EPS;}

pto inter(line l1, line l2){//intersection
    double det=l1.a*l2.b-l2.a*l1.b;
    if(abs(det) < EPS) return pto(INF, INF);//parallels
    return pto(l2.b*l1.c-l1.b*l2.c, l1.a*l2.c-l2.a*l1.c)/det;
}</pre>
```

5.4. Segmento

```
struct segm{
    pto s,f;
    segm(pto s, pto f):s(s), f(f) {}
    pto closest(pto p) {//use for dist to point
       double 12 = dist_sq(s, f);
       if(12==0.) return s;
       double t = ((p-s) * (f-s))/12;
       if (t<0.) return s;//not write if is a line</pre>
        else if(t>1.) return f;//not write if is a line
       return s+((f-s)*t);
12
      bool inside(pto p){return abs(dist(s, p)+dist(p, f)-dist(s, f))<EPS;}</pre>
13
14
  //NOTA: Si los segmentos son coolineales solo devuelve un punto de
       interseccion
16 pto inter(segm s1, segm s2) {
```

```
if(s1.inside(s2.s)) return s2.s; //Fix cuando son colineales
if(s1.inside(s2.f)) return s2.f; //Fix cuando son colineales

pto r=inter(line(s1.s, s1.f), line(s2.s, s2.f));

if(s1.inside(r) && s2.inside(r)) return r;

return pto(INF, INF);
}
```

5.5. Rectangulo

```
struct rect{
    //lower-left and upper-right corners
    pto lw, up;
};

//returns if there's an intersection and stores it in r
bool inter(rect a, rect b, rect &r){
    r.lw=pto(max(a.lw.x, b.lw.x), max(a.lw.y, b.lw.y));
    r.up=pto(min(a.up.x, b.up.x), min(a.up.y, b.up.y));
    //check case when only a edge is common
    return r.lw.x<r.up.x && r.lw.y<r.up.y;
}</pre>
```

5.6. Circulo

```
vec perp(vec v) {return vec(-v.y, v.x);}
 2 line bisector(pto x, pto y) {
    line l=line(x, y); pto m=(x+y)/2;
    return line(-1.b, 1.a, -1.b*m.x+1.a*m.y);
 6 struct Circle{
    pto o;
     double r;
    Circle(pto x, pto y, pto z){
      o=inter(bisector(x, y), bisector(y, z));
11
      r=dist(o, x);
12
13
    pair<pto, pto> ptosTang(pto p) {
      pto m=(p+o)/2;
15
      tipo d=dist(o, m);
16
      tipo a=r*r/(2*d);
17
      tipo h=sgrt(r*r-a*a);
      pto m2=o+(m-o)*a/d;
      vec per=perp(m-o)/d;
20
      return make_pair(m2-per*h, m2+per*h);
21
23 //finds the center of the circle containing p1 and p2 with radius r
24 //as there may be two solutions swap p1, p2 to get the other
bool circle2PtsRad(pto p1, pto p2, double r, pto &c) {
```

UTN FRSF - El Rejunte 5 GEOMETRÍA

```
double d2=(p1-p2).norm sq(), det=r*r/d2-0.25;
27
           if(det<0) return false;</pre>
28
           c = (p1+p2)/2+perp(p2-p1)*sqrt(det);
29
           return true;
30
31 #define sqr(a) ((a) * (a))
32 #define feq(a,b) (fabs((a)-(b)) < EPS)
33 pair<tipo, tipo ecCuad(tipo a, tipo b, tipo c) {//a*x*x+b*x+c=0
   tipo dx = sqrt(b*b-4.0*a*c);
    return make_pair((-b + dx)/(2.0*a),(-b - dx)/(2.0*a));
36 }
37 pair<pto, pto> interCL(Circle c, line l) {
   bool sw=false;
   if((sw=feq(0,1.b))){
   swap(l.a, l.b);
    swap(c.o.x, c.o.y);
   pair<tipo, tipo> rc = ecCuad(
   sgr(l.a) + sgr(l.b),
    2.0*1.a*1.b*c.o.y-2.0*(sqr(1.b)*c.o.x+1.c*1.a),
    sar(1.b) * (sar(c.o.x) + sar(c.o.y) - sar(c.r)) + sar(1.c) - 2.0 * 1.c * 1.b * c.o.y
    pair<pto, pto> p( pto(rc.first, (l.c - l.a * rc.first) / l.b),
                pto(rc.second, (1.c - 1.a * rc.second) / 1.b));
    if(sw){
     swap(p.first.x, p.first.y);
     swap(p.second.x, p.second.y);
53
   return p;
55
56 pair<pto, pto> interCC(Circle c1, Circle c2) {
   line l;
   1.a = c1.o.x-c2.o.x;
| 1.b = c1.0.v-c2.0.v;
   1.c = (\operatorname{sqr}(c2.r) - \operatorname{sqr}(c1.r) + \operatorname{sqr}(c1.o.x) - \operatorname{sqr}(c2.o.x) + \operatorname{sqr}(c1.o.y)
   -sqr(c2.o.y))/2.0;
62
   return interCL(c1, 1);
63 }
```

5.7. Area de poligono

```
double area(vector<pto> &p){//O(sz(p))}

double area=0;
forn(i, sz(p)) area+=p[i]^p[(i+1) %sz(p)];

//if points are in clockwise order then area is negative
return abs(area)/2;

//Area ellipse = M_PI*a*b where a and b are the semi axis lengths
//Area triangle = sqrt(s*(s-a)(s-b)(s-c)) where s=(a+b+c)/2
```

5.8. Punto en poligono log(n)

```
//checks if v is inside of P, using ray casting
//works with convex and concave.
//excludes boundaries, handle it separately using segment.inside()
bool inPolygon(pto v, vector<pto>& P) {
    bool c = false;
    forn(i, sz(P)) {
        int j=(i+1) %sz(P);
        if((P[j].y>v.y) != (P[i].y > v.y) &&
        (v.x < (P[i].x - P[j].x) * (v.y-P[j].y) / (P[i].y - P[j].y) + P[j].x))
        c = !c;
}
return c;
}</pre>
```

5.9. Chequeo de Convex

```
bool isConvex(vector<int> &p){//O(N), delete collinear points!
int N=sz(p);
if(N<3) return false;
bool isLeft=p[0].left(p[1], p[2]);
forr(i, 1, N)
   if(p[i].left(p[(i+1) %N], p[(i+2) %N])!=isLeft)
   return false;
return true; }</pre>
```

5.10. Convex Hull

```
1 //stores convex hull of P in S, CCW order
 2 //left must return >=0 to delete collinear points!
 3 void CH(vector<pto>& P, vector<pto> &S) {
 4 S.clear();
     sort(P.begin(), P.end());//first x, then y
     forn(i, sz(P)){//lower hull
      while (sz(S) \ge 2 \&\& S[sz(S)-1].left(S[sz(S)-2], P[i])) S.pop_back();
      S.pb(P[i]);
    S.pop_back();
    int k=sz(S);
dforn(i, sz(P)){//upper hull
13
      while (sz(S) \ge k+2 \&\& S[sz(S)-1].left(S[sz(S)-2], P[i])) S.pop_back();
14
      S.pb(P[i]);
15
16
    S.pop_back();
17 }
```

5.11. Cortar poligono

```
//cuts polygon Q along the line ab
//stores the left side (swap a, b for the right one) in P

void cutPolygon(pto a, pto b, vector<pto> Q, vector<pto> &P){
   P.clear();
   forn(i, sz(Q)){
      double left1=(b-a)^(Q[i]-a), left2=(b-a)^(Q[(i+1) %sz(Q)]-a);
      if(left1>=0) P.pb(Q[i]);
   if(left1*left2<0)
      P.pb(inter(line(Q[i], Q[(i+1) %sz(Q)]), line(a, b)));
}
</pre>
```

6. Matemática

6.1. Identidades

$$\sum_{i=0}^{n} \binom{n}{i} = 2^{n}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i \binom{n}{i} = n * 2^{n-1}$$

$$\sum_{i=m}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2} - \frac{m(m-1)}{2} = \frac{(n+1-m)(n+m)}{2}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i = \sum_{i=1}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i^{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} = \frac{n^{3}}{3} + \frac{n^{2}}{2} + \frac{n}{6}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i(i-1) = \frac{8}{6} (\frac{n}{2})(\frac{n}{2} + 1)(n+1) \text{ (doubles)} \rightarrow \text{Sino ver caso impar y par}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i^{3} = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^{2} = \frac{n^{4}}{4} + \frac{n^{3}}{2} + \frac{n^{2}}{4} = \left[\sum_{i=1}^{n} i\right]^{2}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i^{4} = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^{2}+3n-1)}{30} = \frac{n^{5}}{5} + \frac{n^{4}}{2} + \frac{n^{3}}{3} - \frac{n}{30}$$

$$\sum_{i=0}^{n} i^{p} = \frac{(n+1)^{p+1}}{p+1} + \sum_{k=1}^{p} \frac{B_{k}}{p-k+1} \binom{p}{k} (n+1)^{p-k+1}$$

$$r = e - v + k + 1$$

Teorema de Pick: (Area, puntos interiores y puntos en el borde) $A = I + \tfrac{B}{2} - 1$

6.2. Ec. Caracteristica

$$a_0T(n)+a_1T(n-1)+\ldots+a_kT(n-k)=0$$

$$p(x)=a_0x^k+a_1x^{k-1}+\ldots+a_k$$
 Sean r_1,r_2,\ldots,r_q las raíces distintas, de mult. m_1,m_2,\ldots,m_q
$$T(n)=\sum_{i=1}^q\sum_{j=0}^{m_i-1}c_{ij}n^jr_i^n$$
 Las constantes c_{ij} se determinan por los casos base.

6.3. Teorema Chino del Resto

$$y = \sum_{j=1}^{n} (x_j * (\prod_{i=1, i \neq j}^{n} m_i)_{m_j}^{-1} * \prod_{i=1, i \neq j}^{n} m_i)$$

6.4. GCD & LCM

```
int gcd(int a, int b) {return b? gcd(b,a%b) : a;}
int lcm(int a, int b) {return a*(b/gcd(a,b));}
```

6.5. Euclides Extendido

```
void extendedEuclid (11 a, 11 b) { //a * x + b * y = d
    if (!b) {x=1; y=0; d=a; return;}
    extendedEuclid (b,a%b);
    11 x1=y;
    11 y1=x-(a/b)*y;
    x=x1; y=y1;
}
```

6.6. Combinatoria

```
void cargarComb() //O(MAXN^2)
{
    forn(i, MAXN+1) //comb[i][k]=i tomados de a k = i!/(k!*(i-k)!)
    {
        comb[0][i]=0;
        comb[i][0]=comb[i][i]=1;
        forr(k, 1, i) comb[i][k]=(comb[i-1][k-1]+comb[i-1][k]) %MOD;
    }
}
ll lucas (ll n, ll k, int p)
{ //Calcula (n,k) %p teniendo comb[p][p] precalculado.
    ll aux = 1;
    while (n + k)
    {
        aux = (aux * comb[n %p][k %p]) %p;
        n/=p, k/=p;
    }
    return aux;
}
```

6.7. Exponenciación de Matrices y Fibonacci

```
#define SIZE 350
  int NN:
  void mul(double a[SIZE][SIZE], double b[SIZE][SIZE])
    double res[SIZE][SIZE] = {{0}};
    forn(i, NN) forn(j, NN) forn(k, NN) res[i][j]+=a[i][k]*b[k][j];
    forn(i, NN) forn(j, NN) a[i][j]=res[i][j];
  void powmat(double a[SIZE][SIZE], int n, double res[SIZE][SIZE])
    forn(i, NN) forn(j, NN) res[i][j]=(i==j);
    while (n)
      if(n&1) mul(res, a), n--;
      else mul(a, a), n/=2;
16
17
18
19 struct M22{ // |a b|
   tipo a.b.c.d:// /c d/ -- TIPO
    M22 operator*(const M22 &p) const {
    return (M22) {a*p.a+b*p.c, a*p.b+b*p.d, c*p.a+d*p.c,c*p.b+d*p.d};}
23 };
24 M22 operator (const M22 &p, int n)
  {//VER COMO SE PUEDE PONER DENTRO DEL STRUCT
   if(!n) return (M22){1, 0, 0, 1};//identidad
   M22 q=p^(n/2); q=q*q;
   return n %2? p * q : q;
  ll fibo(ll n)//calcula el fibonacci enesimo en O(logN)
31
32
    M22 mat=(M22)\{0, 1, 1, 1\}^n;
    return mat.a*f0+mat.b*f1;//f0 y f1 son los valores iniciales
35
```

6.8. Operaciones Modulares

```
12 | 11 expMod(11 b,11 e,11 m=MOD) //0(log b)
13 {
14 if(!e) return 1;
15 ll q = \exp Mod(b, e/2, m); q = mulMod(q, q, m);
return e %2? mulMod(b,q,m) : q;
17 }
18 ll sumMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
    return (a m+b m) m;
21 }
22 ll difMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
23 {
24 ll ret=a %m-b %m;
|25| if(ret<0) ret+=m;
26 return ret;
27 }
28 ll divMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
    return mulMod(a,inverso(b),m);
```

6.9. Funciones de Primos

Sea $n = \prod p_i^{k_i}$, fact(n) genera un map donde a cada p_i le asocia su k_i

```
#define MAXP 100000 //no necesariamente primo
 2 int criba[MAXP+1];
 3 void crearCriba()
   int w[] = \{4, 2, 4, 2, 4, 6, 2, 6\};
   for(int p=25;p<=MAXP;p+=10) criba[p]=5;</pre>
    for(int p=9;p<=MAXP;p+=6) criba[p]=3;</pre>
 for(int j=p*p; j<=MAXP; j+=(p<<1)) if(!criba[j]) criba[j]=p;</pre>
11 }
12 vector<int> primos;
13 void buscarPrimos()
14 {
   crearCriba():
    forr (i,2,MAXP+1) if (!criba[i]) primos.push_back(i);
17 }
18
19 //factoriza bien numeros hasta MAXP^2
20 void fact(ll n.map<ll.ll> &f) //0 (cant primos)
21 { //llamar a buscarPrimos antes
22 forall(p, primos) {
      while(!(n %*p))
24
        f[*p]++;//divisor found
26
        n/=*p;
```

```
if(n>1) f[n]++;
30 }
31
32 //factoriza bien numeros hasta MAXP
33 void fact2(ll n, map<ll, ll> &f) //0 (lg n)
34 { //llamar a crearCriba antes
    while (criba[n])
36
     f[criba[n]]++;
      n/=criba[n];
38
39
   if(n>1) f[n]++;
41
42
43 //Usar asi: divisores(fac, divs, fac.beqin()); NO ESTA ORDENADO
44 void divisores (map<11,11> &f, vector<11> &divs, map<11,11>::iterator it,11 n
45
46
   if(it==f.begin()) divs.clear();
   if(it==f.end())
    divs.pb(n);
50
     return;
51
   ll p=it->fst, k=it->snd; ++it;
   forn(, k+1) divisores(f, divs, it, n), n*=p;
54
55 | 11 cantDivs(map<11,11> &f)
56 {
   ll ret=1;
   forall(it, f) ret *= (it->second+1);
58
   return ret;
60 }
  11 sumDivs(map<11,11> &f)
61
62 {
   ll ret=1;
   forall(it, f)
    11 pot=1, aux=0;
66
    forn(i, it->snd+1) aux+=pot, pot*=it->fst;
     ret *=aux;
68
69
   return ret;
71 }
72
73 ll eulerPhi(ll n) // con criba: O(lg n)
74 {
   map<11,11> f;
   fact(n,f);
   ll ret=n;
78
   forall(it, f) ret-=ret/it->first;
   return ret;
```

```
81 ll eulerPhi2(ll n) // O (sgrt n)
82 {
|83| 11 r = n;
84 forr(i,2,n+1)
85 {
     if((ll)i*i>n) break;
86
     if(n%i==0)
89
     while(n%i==0) n/=i;
90
      r -= r/i;
91
92
93
   if (n != 1) r= r/n;
   return r:
95 }
```

6.10. Phollard's Rho

```
1 bool es_primo_prob(ll n, int a)
 2 {
 if (n==a) return true;
 4 ll s=0, d=n-1;
 5 while (d %2==0) s++, d/=2;
 6 ll x=expMod(a,d,n);
    if((x==1) || (x+1==n)) return true;
 8 forn(i,s-1)
10
    x=mulMod(x, x, n);
    if(x==1) return false;
12
      if(x+1==n) return true;
13 }
14 return false;
15 }
16 bool rabin (ll n) //devuelve true si n es primo
17 {
if (n==1) return false;
const int ar[]={2,3,5,7,11,13,17,19,23};
forn(j,9) if(!es_primo_prob(n,ar[j])) return false;
|21| return true;
22 }
23 ll rho(ll n)
24 {
25 if((n&1)==0) return 2;
26 ll x=2, y=2, d=1;
|27| ll c=rand() %n+1;
28 while (d==1)
29 {
30
      x = (mulMod(x, x, n) + c) %n;
      y = (mulMod(y, y, n) + c) %n;
      y = (mulMod(y, y, n) + c) %n;
```

```
if (x-y>=0) d=gcd (n, x-y);
      else d=gcd(n,y-x);
34
35
    return d==n? rho(n):d:
36
37
  void factRho (ll n,map<ll,ll> &f) //O (lq n)^3 un solo numero
39
40
    if (n == 1) return;
    if (rabin(n))
41
      f[n]++;
      return;
44
45
    11 factor = rho(n);
    factRho(factor,f);
    factRho(n/factor,f);
48
49
```

6.11. Inversos

```
#define MAXMOD 15485867
1l inv[MAXMOD]; //inv[i]*i=1 mod MOD

void calc(int p) //O(p)
{
   inv[1]=1;
   forr(i,2,p) inv[i]=p-((p/i)*inv[p%i]) %p;
}
int inverso(int x) //O(log x)
{
   return expMod(x, eulerPhi(MOD)-2); //si mod no es primo(sacar a mano)
   return expMod(x, MOD-2); //si mod es primo
}
```

6.12. Fracciones

```
struct frac{
   int p,q;
   frac(int p=0,int q=1):p(p),q(q) {norm();}

   void norm()

   int a=gcd(q,p);
   if(a) p/=a, q/=a;
   else q=1;
   if (q<0) q=-q, p=-p;
}

frac operator+(const frac& o)

{
   int a=gcd(o.q,q);</pre>
```

```
return frac(p*(o.q/a)+o.p*(q/a),q*(o.q/a));
15
16
     frac operator-(const frac& o)
17
18
       int a=gcd(o.q,q);
       return frac(p*(o.q/a)-o.p*(q/a),q*(o.q/a));
19
20
21
     frac operator*(frac o)
22
23
       int a=gcd(o.p,g), b=gcd(p,o.g);
24
       return frac((p/b) * (o.p/a), (q/a) * (o.q/b));
25
26
     frac operator/(frac o)
27
28
       int a=gcd(o.q,q), b=gcd(p,o.p);
29
       return frac((p/b) * (o.q/a), (q/a) * (o.p/b));
30
    bool operator<(const frac &o) const{return p*o.q < o.p*q;}</pre>
32
     bool operator==(frac o) {return p==o.p&&q==o.q;}
33 };
```

6.13. Simpson

```
double integral(double a, double b, int n=10000) //O(n), n=cantdiv

double area=0, h=(b-a)/n, fa=f(a), fb;
forn(i, n)

fb=f(a+h*(i+1));
area+=fa+ 4*f(a+h*(i+0.5)) +fb, fa=fb;
}
return area*h/6.;

10
```

6.14. Tablas y cotas (Primos, Divisores, Factoriales, etc)

Factoriales

UTN FRSF - El Rejunte 7 GRAFOS

0! = 1	11! = 39.916.800
1! = 1	$12! = 479.001.600 \ (\in \mathtt{int})$
2! = 2	13! = 6.227.020.800
3! = 6	14! = 87.178.291.200
4! = 24	15! = 1.307.674.368.000
5! = 120	16! = 20.922.789.888.000
6! = 720	17! = 355.687.428.096.000
7! = 5.040	18! = 6.402.373.705.728.000
8! = 40.320	19! = 121.645.100.408.832.000
9! = 362.880	$20! = 2.432.902.008.176.640.000 \ (\in \text{tint})$
10! = 3.628.800	21! = 51.090.942.171.709.400.000
max signe	ed tint = 9.223.372.036.854.775.807
max unsign	ned tint = 18.446.744.073.709.551.615

Primos

2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97 101 103 107 109 113 127 131 137 139 149 151 157 163 167 173 179 181 191 193 197 199 211 223 227 229 233 239 241 251 257 263 269 271 277 281 283 293 307 311 313 317 331 337 347 349 353 359 367 373 379 383 389 397 401 409 419 421 431 433 439 443 449 457 461 463 467 479 487 491 499 503 509 521 523 541 547 557 563 569 571 577 587 593 599 601 607 613 617 619 631 641 $643\ 647\ 653\ 659\ 661\ 673\ 677\ 683\ 691\ 701\ 709\ 719\ 727\ 733\ 739\ 743\ 751\ 757$ 761 769 773 787 797 809 811 821 823 827 829 839 853 857 859 863 877 881 883 887 907 911 919 929 937 941 947 953 967 971 977 983 991 997 1009 1013 1019 1021 1031 1033 1039 1049 1051 1061 1063 1069 1087 1091 1093 1097 $1103\ 1109\ 1117\ 1123\ 1129\ 1151\ 1153\ 1163\ 1171\ 1181\ 1187\ 1193\ 1201\ 1213$ 1217 1223 1229 1231 1237 1249 1259 1277 1279 1283 1289 1291 1297 1301 $1303\ 1307\ 1319\ 1321\ 1327\ 1361\ 1367\ 1373\ 1381\ 1399\ 1409\ 1423\ 1427\ 1429$ 1433 1439 1447 1451 1453 1459 1471 1481 1483 1487 1489 1493 1499 1511 1523 1531 1543 1549 1553 1559 1567 1571 1579 1583 1597 1601 1607 1609 1613 1619 1621 1627 1637 1657 1663 1667 1669 1693 1697 1699 1709 1721 1723 1733 1741 1747 1753 1759 1777 1783 1787 1789 1801 1811 1823 1831 1847 1861 1867 1871 1873 1877 1879 1889 1901 1907 1913 1931 1933 1949 1951 1973 1979 1987 1993 1997 1999 2003 2011 2017 2027 2029 2039 2053 2063 2069 2081

Primos cercanos a 10^n

9941 9949 9967 9973 10007 10009 10037 10039 10061 10067 10069 10079 99961 99971 99989 99991 100003 100019 100043 100049 100057 100069 999959 999961 999979 999983 1000003 1000033 1000037 1000039 9999943 9999971 9999991 10000019 10000079 10000103 10000121 99999941 9999959 99999971 9999989 100000007 100000037 100000039 100000049

 $\frac{999999893}{1000000007} \frac{999999929}{1000000003} \frac{9999999997}{1000000003} \frac{1000000009}{1000000003}$

Cantidad de primos menores que 10^n

```
\pi(10^{1}) = 4 \; ; \; \pi(10^{2}) = 25 \; ; \; \pi(10^{3}) = 168 \; ; \; \pi(10^{4}) = 1229 \; ; \; \pi(10^{5}) = 9592 \pi(10^{6}) = 78.498 \; ; \; \pi(10^{7}) = 664.579 \; ; \; \pi(10^{8}) = 5.761.455 \; ; \; \pi(10^{9}) = 50.847.534 \pi(10^{10}) = 455.052,511 \; ; \; \pi(10^{11}) = 4.118.054.813 \; ; \; \pi(10^{12}) = 37.607.912.018
```

7. Grafos

7.1. 2-SAT + Tarjan SCC

```
//We have a vertex representing a var and other for his negation.
   //Every edge stored in G represents an implication. To add an equation of
       the form allb. use addor(a, b)
   //MAX=max cant var, n=cant var
   #define addor(a, b) (G[neq(a)].pb(b), G[neq(b)].pb(a))
 5 vector<int> G[MAX*2];
 6 //idx[i]=index assigned in the dfs
 7 //lw[i]=lowest index(closer from the root) reachable from i
 8 int lw[MAX*2], idx[MAX*2], qidx;
 9 stack<int> q;
int gcmp, cmp[MAX*2];
| 11 | //verdad[cmp[i]]=valor de la variable i
12 bool verdad[MAX*2+1];
14 int neg(int x) { return x>=n? x-n : x+n;}
15 void tjn(int v) {
    lw[v]=idx[v]=++qidx;
    q.push(v), cmp[v]=-2;
     forall(it, G[v]) {
19
      if(!idx[*it] || cmp[*it] == -2) {
20
         if(!idx[*it]) tjn(*it);
21
         lw[v]=min(lw[v], lw[*it]);
22
23
    if(lw[v] == idx[v]) {
       int x;
```

UTN FRSF - El Rejunte 8 FLOW

```
do(x=q.top(); q.pop(); cmp[x]=qcmp;) while (x!=v);
      verdad[qcmp] = (cmp[neq(v)] < 0);
27
28
      qcmp++;
29
30
  //remember to CLEAR G!!!
32 bool satisf(){//0(n)
    memset(idx, 0, sizeof(idx)), qidx=0;
34
    memset(cmp, -1, sizeof(cmp)), qcmp=0;
    forn(i, n){
      if(!idx[i]) tjn(i);
36
      if(!idx[neq(i)]) tjn(neq(i));
37
38
39
    forn(i, n) if(cmp[i] == cmp[neg(i)]) return false;
    return true;
40
41
```

8. Flow

8.1. Edmond Karp

```
#define MAX_V 1000
   #define INF 1e9
   //special nodes
   #define SRC 0
  #define SNK 1
 6 map<int, int> G[MAX_V];//limpiar esto -- unordered_map mejora
   //To add an edge use
  #define add(a, b, w) G[a][b]=w
  int f, p[MAX_V];
10 void augment (int v, int minE)
11
    if(v==SRC) f=minE;
12
    else if(p[v]!=-1)
1.4
15
      augment(p[v], min(minE, G[p[v]][v]));
      G[p[v]][v]-=f, G[v][p[v]]+=f;
16
17
18
19 ll maxflow() //O(min(VE^2, Mf *E))
20
21
    11 Mf=0;
22
    do
23
24
25
       char used[MAX_V]; queue<int> q; q.push(SRC);
26
      zero(used), memset(p, -1, sizeof(p));
      while(sz(q))
27
28
        int u=q.front(); q.pop();
```

```
if(u==SNK) break;
31
         forall(it, G[u])
32
           if(it->snd>0 && !used[it->fst])
33
           used[it->fst]=true, q.push(it->fst), p[it->fst]=u;
34
35
      augment (SNK, INF);
36
      Mf+=f:
37
    }while(f);
    return Mf;
38
39 }
```

8.2. Push Relabel

```
#define MAX_V 1000
 2 int N; //valid nodes are [0...N-1]
 3 #define INF 1e9
 4 //special nodes
 5 #define SRC 0
 6 #define SNK 1
 7 map<int, int> G[MAX_V];//limpiar esto -- unordered_map mejora
 8 //To add an edge use
 9 #define add(a, b, w) G[a][b]=w
10 ll excess[MAX_V];
int height [MAX_V], active [MAX_V], cuenta [2*MAX_V+1];
12 queue<int> Q;
14 void enqueue (int v)
   if (!active[v] && excess[v] > 0) active[v]=true, Q.push(v);
17 }
18 void push(int a, int b)
19 {
| 20 | int amt = min(excess[a], ll(G[a][b]));
if (height[a] <= height[b] || amt == 0) return;</pre>
22 G[a][b]-=amt, G[b][a]+=amt;
excess[b] += amt, excess[a] -= amt;
enqueue(b);
25 }
26 void gap(int k)
27 {
28 forn (v, N)
29 {
30
      if (height[v] < k) continue;</pre>
31
      cuenta[height[v]]--;
32
      height[v] = max(height[v], N+1);
33
      cuenta[height[v]]++;
34
      enqueue (v);
35
    }
36 }
37 void relabel (int v)
```

UTN FRSF - El Rejunte

```
cuenta[height[v]]--;
    height[v] = 2*N;
   forall(it, G[v])
    if(it->snd) height[v] = min(height[v], height[it->fst] + 1);
    cuenta[height[v]]++;
    enqueue(v);
45
46 ll maxflow() //O(V^3)
    zero (height), zero (active), zero (cuenta), zero (excess);
    cuenta[0]=N-1; cuenta[N]=1;
    height[SRC] = N;
    active[SRC] = active[SNK] = true;
    forall(it, G[SRC])
53
      excess[SRC] += it->snd;
      push(SRC, it->fst);
55
57
    while (sz(Q))
58
59
      int v = Q.front(); Q.pop();
60
      active[v]=false;
     forall(it, G[v]) push(v, it->fst);
61
62
      if(excess[v] > 0)
      cuenta[height[v]] == 1? gap(height[v]):relabel(v);
63
64
    11 \text{ mf}=0;
    forall(it, G[SRC]) mf+=G[it->fst][SRC];
    return mf;
67
68 }
```

9. Juegos

9.1. Ajedrez

9.1.1. Non-Attacking N Queen

Utiliza: <algorithm>
Notas: todo es $O(!N \cdot N^2)$.

```
#define NQUEEN 8
#define abs(x) ((x)<0?(-(x)):(x))

int board[NQUEEN];

void inline init() {for(int i=0;i<NQUEEN;++i)board[i]=i;}

bool check() {
   for(int i=0;i<NQUEEN;++i)
        for(int j=i+1;i<NQUEEN;++j)
        if(abs(i-j)==abs(board[i]-board[j]))
        return false;</pre>
```

UTN FRSF - El Rejunte

10. Utils

10.1. Funciones Utiles

Algo	Params	Funcion	3
fill, fill_n	f, l / n, elem	void llena [f, l) o [f,	4 5
		f+n) con elem	6
lower_bound, upper_bound	f, l, elem	it al primer / ultimo donde se	7 8
		puede insertar elem para que	9
		quede ordenada	10
binary_search	f, l, elem	bool esta elem en [f, l)	11
copy	f, l, resul	hace resul+ i =f+ i $\forall i$	
find, find_if, find_first_of	f, l, elem	it encuentra i \in [f,l) tq. i=elem	,
	/ pred / f2, l2	$pred(i), i \in [f2,l2)$	
count, count_if	f, l, elem/pred	cuenta elem, pred(i)	Г
search	f, l, f2, l2	busca $[f2,l2) \in [f,l)$	1
replace, replace_if	f, l, old	cambia old / pred(i) por new	3
	/ pred, new		4
reverse	f, 1	da vuelta	6
partition, stable_partition	f, l, pred	pred(i) ad, !pred(i) atras	7
min_element, max_element	f, l, [comp]	it min, max de [f,l]	9
lexicographical_compare	f1,l1,f2,l2	bool con [f1,l1];[f2,l2]	10
next/prev_permutation	f,l	deja en [f,l) la perm sig, ant	11 12
set_intersection,	f1, l1, f2, l2, res	[res,) la op. de conj	-
set_difference, set_union,			
set_symmetric_difference,			
accumulate	f,l,i,[op]	$T = \sum /\text{oper de [f,l)}$	
inner_product	f1, l1, f2, i	$T = i + [f1, l1) \cdot [f2,)$	
partial_sum	f, l, r, [op]	$r+i = \sum /oper de [f,f+i] \forall i \in [f,f+i]$,1)
_builtin_ffs	unsigned int	Pos. del primer 1 desde la der	e-
		cha	
_builtin_clz	unsigned int	Cant. de ceros desde la izquie	r-
		da.	
_builtin_ctz	unsigned int	Cant. de ceros desde la derech	a.
_builtin_popcount	unsigned int	Cant. de 1s en x.	
_builtin_parity	unsigned int	1 si x es par, 0 si es impar.	
_builtin_XXXXXXII	unsigned ll	= pero para long long's.	

10.2. Convertir string a num e viceversa

```
#include <sstream>
string num_to_str(int x) {
    ostringstream convert;
    convert << x;
    return convert.str();

int str_to_num(string x) {
    int ret;
    istringstream (x) >> ret;
    return ret;
}
```

10.3. Truquitos para entradas/salidas

```
//Cantidad de decimales
cout << setprecision(2) << fixed;
//Rellenar con espacios(para justificar)
cout << setfill(' ') << setw(3) << 2 << endl;
//Leer hasta fin de linea
i// hacer cin.ignore() antes de getline()
while(getline(cin, line)) {
   istringstream is(line);
   while(is >> X)
      cout << X << " ";
   cout << endl;
}</pre>
```