

## Cartilla de código piola

UTN FRSF - El Rejunte

2017

## Índice

<b>1. C/C++</b>	<b>2</b>	<b>9. Flow</b>	<b>9</b>
1.1. I/O . . . . .	2	9.1. Edmond Karp . . . . .	9
1.1.1. scanf Format Strings . . . . .	2	9.2. Push Relabel . . . . .	9
1.1.2. printf Format Strings . . . . .	2	<b>10. Juegos</b>	<b>10</b>
<b>2. Template del Rejunte</b>	<b>3</b>	10.1. Ajedrez . . . . .	10
<b>3. Constantes y Tablas</b>	<b>4</b>	10.1.1. Non-Attacking N Queen . . . . .	10
3.1. Constantes . . . . .	4	<b>11. Utils</b>	<b>10</b>
<b>4. Estructuras de datos</b>	<b>4</b>	11.1. Convertir string a num e viceversa . . . . .	10
4.1. Disjoint Sets . . . . .	4		
4.1.1. Union Find (OOP) . . . . .	4		
4.1.2. Union Find (C Style/Static) . . . . .	4		
4.2. Segment Trees . . . . .	5		
4.2.1. Range Sum Query (lazy) . . . . .	5		
4.2.2. Range Min/Max Query (lazy) . . . . .	5		
<b>5. Strings</b>	<b>6</b>		
<b>6. Geometría</b>	<b>6</b>		
<b>7. Matemática</b>	<b>6</b>		
7.1. GCD & LCM . . . . .	6		
7.2. Combinatoria . . . . .	6		
7.3. Exponenciación de Matrices y Fibonacci . . . . .	7		
7.4. Operaciones Modulares . . . . .	7		
7.5. Funciones de Primos . . . . .	7		
7.6. Phollard's Rho . . . . .	8		
<b>8. Grafos</b>	<b>9</b>		

1. C/C++

1.1. I/O

1.1.1. scanf Format Strings

%[\*][width][length]specifier

spec	Tipo	Descripción
i	int	Dígitos dec. [0-9], oct. (0) [0-7], hexa (0x 0X) [0-9a-fA-F]. Con signo.
d, u	int, unsigned	Dígitos dec. [+0-9].
o	unsigned	Dígitos oct. [+0-7].
x	unsigned	Dígitos hex. [+0-9a-fA-F]. Prefijo 0x, 0X opcional.
f, e, g	float	Dígitos dec. c/punto flotante [+-.0-9]. Prefijo 0x, 0X y sufijo e, E opcionales.
c, [width]c	char, char*	Siguiente carácter. Lee width chars y los almacena contiguamente. No agrega \0.
s	char*	Secuencia de chars hasta primer espacio. Agrega \0.
p	void*	Secuencia de chars que representa un puntero.
[chars]	Scanset, char*	Caracteres especificados entre corchetes. ] debe ser primero en la lista, - primero o último. Agrega \0
[^chars]	!Scanset, char*	Caracteres no especificados entre corchetes.
n	int	No consume entrada. Almacena el número de chars leídos hasta el momento.
%		%% consume un %

sub-specifier	Descripción
*	Indica que se leerá el dato pero se ignorará. No necesita argumento.
width	Cantidad máxima de caracteres a leer.
length	Uno de hh, h, l, ll, j, z, t, L. Ver tabla siguiente.

length	d i	u o x
(none)	int*	unsigned int*
hh	signed char*	unsigned char*
h	short int*	unsigned short int*
l	long int*	unsigned long int*
ll	long long int*	unsigned long long int*

Continuación		
length	d i	u o x
j	intmax_t*	uintmax_t*
z	size_t*	size_t*
t	ptrdiff_t*	ptrdiff_t*
L		

length	f e g a	c s [ ] [^]	p	n
(none)	float*	char*	void**	int*
hh				signed char*
h				short int*
l	double*	wchar_t*		long int*
ll				long long int*
j				intmax_t*
z				size_t*
t				ptrdiff_t*
L	long double*			

1.1.2. printf Format Strings

%[flags][width][.precision][length]specifier

specifier	Descripción	Ejemplo
d or i	Entero decimal con signo	392
u	Entero decimal sin signo	7235
o	Entero octal sin signo	610
x	Entero hexadecimal sin signo	7fa
X	Entero hexadecimal sin signo (mayúsculas)	7FA
f	Decimal punto flotante (minúsculas)	392.65
F	Decimal punto flotante (mayúsculas)	392.65
e	Notación científica (mantisa/exponente), (minúsculas)	3.9265e+2
E	Notación científica (mantisa/exponente), (mayúsculas)	3.9265E+2
g	Utilizar la representación más corta: %e ó %f	392.65
G	Utilizar la representación más corta: %E ó %F	392.65
a	Hexadecimal punto flotante (minúsculas)	-0xc.90fep-2
A	Hexadecimal punto flotante (mayúsculas)	-0XC.90FEP-2
c	Character	a
s	String de caracteres	sample
p	Dirección de puntero	b8000000
n	No imprime nada. El argumento debe ser int*, almacena el número de caracteres imprimidos hasta el momento.	
%	Un % seguido de otro % imprime un solo %	%

flag	Descripción
-	Justificación a la izquierda dentro del campo width (ver width sub-specifier).
+	Forza a preceder el resultado de texttt+ o texttt-.
(espacio)	Si no se va a escribir un signo, se inserta un espacio antes del valor.
#	Usado con o, x, X specifiers el valor es precedido por 0, 0x, 0X respectivamente para valores distintos de 0.
0	Rellena el número con texttt0 a la izquierda en lugar de espacios cuando se especifica width.

width	Descripción
(número)	Número mínimo de caracteres a imprimir. Si el valor es menor que número, el resultado es rellando con espacios. Si el valor es mayor, no es truncado.
*	No se especifica width, pero se agrega un argumento entero precediendo al argumento a ser formateado. Ej. printf("---%d----\n", 3, 2); ⇒ "---- 5----".

precision	Descripción
(número)	Para d, i, o, u, x, X: número mínimo de dígitos a imprimir. Si el valor es más chico que número se rellena con 0. Para a, A, e, E, f, F: número de dígitos a imprimir después de la coma (default 6). Para g, G: Número máximo de cifras significativas a imprimir. Para s: Número máximo de caracteres a imprimir. Trunca.
.*	No se especifica precision pero se agrega un argumento entero precediendo al argumento a ser formateado.

length	d i	u o x X
(none)	int	unsigned int
hh	signed char	unsigned char
h	short int	unsigned short int
l	long int	unsigned long int
ll	long long int	unsigned long long int
j	intmax_t	uintmax_t
z	size_t	size_t
t	ptrdiff_t	ptrdiff_t
L		

length	f F e E g G a A	c	s	p	n
(none)	double	int	char*	void*	int*
hh					signed char*

Continuación					
length	f F e E g G a A	c	s	p	n
h					short int*
l		wint_t	wchar_t*		long int*
ll					long long int*
j					intmax_t*
z					size_t*
t					ptrdiff_t*
L	long double				

2.    Template del Rejunte

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define sqr(a) ((a)*(a))
3 #define rsz resize
4 #define forr(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);i++)
5 #define forn(i,n) forr(i,0,n)
6 #define dforn(i,n) for(int i=n-1;i>=0;i--)
7 #define forall(it,v) for(auto it=v.begin();it!=v.end();it++)
8 #define sz(c) ((int)c.size())
9 #define zero(v) memset(v, 0, sizeof(v))
10 #define pb push_back
11 #define mp make_pair
12 #define lb lower_bound
13 #define ub upper_bound
14 #define fst first
15 #define snd second
16 using namespace std;
17
18 typedef long long ll;
19 typedef pair<int,int> ii;
20 typedef vector<int> vi;
21 typedef vector<ii> vii;
22
23 int main()
24 {
25     //freopen("input","r",stdin);
26     //freopen("output","w",stdout);
27     ios::sync_with_stdio(false);
28     cin.tie(NULL);
29     cout.tie(NULL);
30
31     return 0;
32 }
```

### 3. Constantes y Tablas

#### 3.1. Constantes

```
1 #define INF 1000000000 // 1 billion, entra en int
2 #define EPS 1e-12
3 #define PI 3.1415926535897932384626
```

## 4. Estructuras de datos

### 4.1. Disjoint Sets

#### 4.1.1. Union Find (OOP)

Utiliza: <vector>

Notas: Rangos [i, j] (0 based). No recomendable si se tienen que crear y destruir muchos objetos. Probar funcionamiento en casos límites.

```
1 class UnionFind
2 {
3 private:
4     vector<int> p, rank, setSize;
5     int numSets;
6 public:
7     UnionFind(int N)
8     {
9         setSize.assign(N, 1);
10        numSets = N;
11        rank.assign(N, 0);
12        p.assign(N, 0);
13        for (int i = 0; i < N; i++) p[i] = i;
14    }
15    int findSet(int i) { return (p[i] == i) ? i : (p[i] = findSet(p[i])); }
16    bool isSameSet(int i, int j) { return findSet(i) == findSet(j); }
17    void unionSet(int i, int j)
18    {
19        int x = findSet(i), y = findSet(j);
20        if (!(x==y))
21        {
22            numSets--;
23            if (rank[x] > rank[y])
24            {
25                p[y] = x;
26                setSize[x] += setSize[y];
27            }
28            else
29            {
30                p[x] = y;
```

```
31        setSize[y] += setSize[x];
32        if (rank[x] == rank[y]) rank[y]++;
33    }
34 }
35 }
36 int numDisjointSets() { return numSets; }
37 int sizeOfSet(int i) { return setSize[findSet(i)]; }
38 };
```

#### 4.1.2. Union Find (C Style/Static)

Utiliza: <cstring>

Notas: Rangos [i, j] (0 based). En init(n),  $n \leq \text{MAXN}$

```
1 #define MAXN ...
2 int p[MAXN], rank[MAXN], setSize[MAXN], numSets;
3
4 inline void init(int n)
5 {
6     memset(rank, 0, sizeof(int)*n);
7     for(int i=0; i<n; ++i) p[i]=i, setSize[i]=1;
8     numSets = n;
9 }
10 inline int findSet(int i) { return (p[i] == i) ? i : (p[i] = findSet(p[i])); }
11 inline bool isSameSet(int i, int j) { return findSet(i) == findSet(j); }
12 void unionSet(int i, int j)
13 {
14     int x = findSet(i), y = findSet(j);
15     if (!(x==y))
16     {
17         numSets--;
18         if (rank[x] > rank[y])
19         {
20             p[y] = x;
21             setSize[x] += setSize[y];
22         }
23         else
24         {
25             p[x] = y;
26             setSize[y] += setSize[x];
27             if (rank[x] == rank[y]) rank[y]++;
28         }
29     }
30 }
31 inline int numDisjointSets() { return numSets; }
32 inline int sizeOfSet(int i) { return setSize[findSet(i)]; }
```

## 4.2. Segment Trees

### 4.2.1. Range Sum Query (lazy)

**Utiliza:** <cmath>

**Notas:** Limpiar st y lazy en cada testcase. En main():

- N es la cantidad de elementos del problema.
- $(0 \leq i, j < N)$  build(1,0,N-1), update(1,0,N-1,i,j,value), query(1,0,N-1,i,j). Los elementos en arr tienen que estar desde arr[0].
- $(1 \leq i, j \leq N)$  build(1,1,N), update(1,1,N,i,j,value), query(1,1,N,i,j). Los elementos en arr tienen que estar desde arr[1].

```

1 const int MAXN = ...;
2 const int MAXST = (int) (2*exp2(ceil(log2(MAXN)))+1);
3
4 #define OP(a,b) ((a) + (b))
5 #define NEUTRO 0LL
6
7 #define left(x) ((x)<<1)
8 #define right(x) (((x)<<1)+1)
9 #define middle(a,b) (((a)+(b))>>1)
10
11 ll st[MAXST], lazy[MAXST]; int arr[MAXN+1];
12
13 void build(int node, int a, int b)
14 {
15     if(a>b) return;
16     if(a==b){st[node] = arr[a]; return;}
17     int l=left(node), r=right(node), m=middle(a,b);
18     build(l,a,m);
19     build(r,m+1,b);
20     st[node]=OP(st[l],st[r]);
21 }
22
23 void update(int node, int a, int b, int i, int j, ll value)
24 {
25     int l=left(node), r=right(node), m=middle(a,b);
26
27     if(lazy[node]!=0LL)
28     {
29         st[node] = (b-a+1)*lazy[node]; // SET
30         // += (b-a+1)*lazy[node]; // ADD
31         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = lazy[node]; // SET
32         // lazy[l]+=lazy[node], lazy[r]+=lazy[node]; // ADD
33         lazy[node] = 0LL;
34     }
35
36     if(a>b || a>j || b<i) return;
37
38     if(a>=i && b<=j)
39     {

```

```

40         st[node] = (b-a+1)*value; // SET
41         // += (b-a+1)*value; // ADD
42         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = value;
43         // lazy[l]+=value, lazy[r]+=value; // ADD
44         return;
45     }
46
47     update(l,a,m,i,j,value);
48     update(r,m+1,b,i,j,value);
49
50     st[node] = OP(st[l],st[r]);
51 }
52
53 ll query(int node, int a, int b, int i, int j)
54 {
55     if(a>b || a>j || b<i) return NEUTRO;
56
57     int l=left(node), r=right(node), m=middle(a,b);
58
59     if(lazy[node]!=0)
60     {
61         st[node] = (b-a+1)*lazy[node];
62         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = lazy[node];
63         lazy[node] = 0;
64     }
65     if(a>=i && b<=j) return st[node];
66
67     int ql = query(l,a,m,i,j);
68     int qr = query(r,m+1,b,i,j);
69     return OP(ql,qr);
70 }

```

### 4.2.2. Range Min/Max Query (lazy)

**Utiliza:** <cmath>

**Notas:** Limpiar st y lazy en cada testcase. En main():

- N es la cantidad de elementos del problema.
- $(0 \leq i, j < N)$  build(1,0,N-1), update(1,0,N-1,i,j,value), query(1,0,N-1,i,j). Los elementos en arr tienen que estar desde arr[0].
- $(1 \leq i, j \leq N)$  build(1,1,N), update(1,1,N,i,j,value), query(1,1,N,i,j). Los elementos en arr tienen que estar desde arr[1].

```

1 const int MAXN = ...;
2 const int MAXST = (int) (2*exp2(ceil(log2(MAXN)))+1);
3
4 #define min(a,b) ((a)<(b)?(a):(b))
5 #define max(a,b) ((a)>(b)?(a):(b))
6
7 #define OP(a,b) (max(a,b)) // operador binario asociativo

```

```

8 #define NEUTRO 0          // elemento neutro del operador
9
10 #define left(x) ((x)<<1)
11 #define right(x) (((x)<<1)+1)
12 #define middle(a,b) (((a)+(b))>>1)
13
14 int st[MAXST], lazy[MAXST], arr[MAXN+1];
15
16 void build(int node, int a, int b)
17 {
18     if(a>b) return;
19     if(a==b) {st[node] = arr[a]; return;}
20     int l = left(node), r = right(node), m = middle(a,b);
21     build(l,a,m);
22     build(r,m+1,b);
23     st[node] = OP(st[l], st[r]);
24 }
25
26 void update(int node, int a, int b, int i, int j, int value)
27 {
28     int l = left(node), r = right(node), m = middle(a,b);
29
30     if(lazy[node]!=0)
31     {
32         st[node] = lazy[node]; // SET [a,b] to value
33         // += lazy[node]; // ADD value to [a,b]
34         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = lazy[node]; // SET
35         // lazy[l] +=lazy[node], lazy[r] += lazy[node]; // ADD
36         lazy[node] = 0;
37     }
38
39     if(a>b || a>j || b<i) return;
40
41     if(a>=i && b<=j)
42     {
43         st[node] = value; // SET
44         // += value; // ADD
45         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = value; // SET
46         // lazy[l] += value, lazy[r] += value; // ADD
47         return;
48     }
49
50     update(l,a,m,i,j,value);
51     update(r,m+1,b,i,j,value);
52
53     st[node] = OP(st[l], st[r]);
54 }
55
56 int query(int node, int a, int b, int i, int j)
57 {
58     if(a>b || a>j || b<i) return NEUTRO;
59
60     int l = left(node), r = right(node), m = middle(a,b);

```

```

61
62     if(lazy[node]!=0)
63     {
64         st[node] = lazy[node]; // SET [a,b] to value
65         // += lazy[node]; // ADD value to [a,b]
66         if(a!=b) lazy[l] = lazy[r] = lazy[node]; // SET
67         // lazy[l] +=lazy[node], lazy[r] += lazy[node]; // ADD
68         lazy[node] = 0;
69     }
70
71     if(a>=i && b<=j) return st[node];
72
73     int ql = query(l,a,m,i,j);
74     int qr = query(r,m+1,b,i,j);
75
76     return OP(ql, qr);
77 }

```

## 5. Strings

## 6. Geometría

## 7. Matemática

### 7.1. GCD & LCM

```

1 int gcd(int a, int b) { return b == 0 ? a : gcd(b, a % b); }
2 int lcm(int a, int b) { return a * (b / gcd(a, b)); }

```

### 7.2. Combinatoria

```

1 void cargarComb() //O(MAXN^2)
2 {
3     forn(i, MAXN+1) //comb[i][k]=i tomados de a k = i!/(k!*(i-k)!)
4     {
5         comb[0][i]=0;
6         comb[i][0]=comb[i][i]=1;
7         forr(k, 1, i) comb[i][k]=(comb[i-1][k-1]+comb[i-1][k]) %MOD;
8     }
9 }
10 ll lucas (ll n, ll k, int p)
11 { //Calcula (n,k) %p teniendo comb[p][p] precalculado.
12     ll aux = 1;
13     while (n + k)
14     {

```

```

15     aux = (aux * comb[n %p][k %p]) %p;
16     n/=p, k/=p;
17 }
18 return aux;
19 }

```

### 7.3. Exponenciación de Matrices y Fibonacci

```

1 #define SIZE 350
2 int NN;
3 void mul(double a[SIZE][SIZE], double b[SIZE][SIZE])
4 {
5     double res[SIZE][SIZE] = {{0}};
6     forn(i, NN) forn(j, NN) forn(k, NN) res[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
7     forn(i, NN) forn(j, NN) a[i][j] = res[i][j];
8 }
9 void powmat(double a[SIZE][SIZE], int n, double res[SIZE][SIZE])
10 {
11     forn(i, NN) forn(j, NN) res[i][j] = (i==j);
12     while(n)
13     {
14         if(n&1) mul(res, a), n--;
15         else mul(a, a), n/=2;
16     }
17 }
18
19 struct M22{    // |a b|
20     tipo a,b,c,d; // |c d| -- TIPO
21     M22 operator*(const M22 &p) const {
22         return (M22){a*p.a+b*p.c, a*p.b+b*p.d, c*p.a+d*p.c, c*p.b+d*p.d};}
23 };
24 M22 operator^(const M22 &p, int n)
25 { //VER COMO SE PUEDE PONER DENTRO DEL STRUCT
26     if(!n) return (M22){1, 0, 0, 1}; //identidad
27     M22 q=p^(n/2); q=q*q;
28     return n %2? p * q : q;
29 }
30
31 ll fibo(ll n) //calcula el fibonacci enesimo en O(logN)
32 {
33     M22 mat=(M22){0, 1, 1, 1}^n;
34     return mat.a*f0+mat.b*f1; //f0 y f1 son los valores iniciales
35 }

```

### 7.4. Operaciones Modulares

```

1 ll sumMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
2 {

```

```

3     return (a %m+b %m) %m;
4 }
5 ll difMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
6 {
7     ll ret=a %m-b %m;
8     if(ret<0) ret+=m;
9     return ret;
10 }
11 ll mulMod(ll a, ll b, ll m=MOD) //O(log b)
12 { //returns (a*b) %C, and minimize overflow
13     ll x=0, y=a %m;
14     while(b>0)
15     {
16         if(b%2==1) x=(x+y) %m;
17         y=(y*2) %m;
18         b/=2;
19     }
20     return x %m;
21 }
22 ll divMod(ll a, ll b, ll m=MOD)
23 {
24     return mulMod(a, inverso(b), m);
25 }
26 ll expMod(ll b, ll e, ll m=MOD) //O(log b)
27 {
28     if(!e) return 1;
29     ll q= expmod(b, e/2, m); q=mulmod(q, q, m);
30     return e%2? mulmod(b, q, m) : q;
31 }

```

### 7.5. Funciones de Primos

```

1 #define MAXP 100000 //no necesariamente primo
2 int criba[MAXP+1];
3 void crearCriba()
4 {
5     int w[] = {4, 2, 4, 2, 4, 6, 2, 6};
6     for(int p=25; p<=MAXP; p+=10) criba[p]=5;
7     for(int p=9; p<=MAXP; p+=6) criba[p]=3;
8     for(int p=4; p<=MAXP; p+=2) criba[p]=2;
9     for(int p=7, cur=0; p<=MAXP; p+=w[cur++&7]) if (!criba[p])
10     for(int j=p*p; j<=MAXP; j+=(p<<1)) if(!criba[j]) criba[j]=p;
11 }
12 vector<int> primos;
13 void buscarPrimos()
14 {
15     crearCriba();
16     forr (i, 2, MAXP+1) if (!criba[i]) primos.push_back(i);
17 }
18
19 //factoriza bien numeros hasta MAXP^2

```

```

20 void fact(ll n, map<ll, ll> &f) //O (cant primos)
21 { //llamar a buscarPrimos antes
22   forall(p, primos){
23     while(!(n %p))
24     {
25       f[*p]++; //divisor found
26       n/=*p;
27     }
28   }
29   if(n>1) f[n]++;
30 }
31
32 //factoriza bien numeros hasta MAXP
33 void fact2(ll n, map<ll, ll> &f) //O (lg n)
34 { //llamar a crearCriba antes
35   while (criba[n])
36   {
37     f[criba[n]]++;
38     n/=criba[n];
39   }
40   if(n>1) f[n]++;
41 }
42
43 //Usar asi: divisores(fac, divs, fac.begin()); NO ESTA ORDENADO
44 void divisores(map<ll, ll> &f, vector<ll> &divs, map<ll, ll>::iterator it, ll
    n=1)
45 {
46   if(it==f.begin()) divs.clear();
47   if(it==f.end())
48   {
49     divs.pb(n);
50     return;
51   }
52   ll p=it->fst, k=it->snd; ++it;
53   forn(_, k+1) divisores(f, divs, it, n), n*=p;
54 }
55 ll cantDivs(map<ll, ll> &f)
56 {
57   ll ret=1;
58   forall(it, f) ret*=(it->second+1);
59   return ret;
60 }
61 ll sumDivs(map<ll, ll> &f)
62 {
63   ll ret=1;
64   forall(it, f)
65   {
66     ll pot=1, aux=0;
67     forn(i, it->snd+1) aux+=pot, pot*=it->fst;
68     ret*=aux;
69   }
70   return ret;
71 }

```

```

72
73 ll eulerPhi(map<ll, ll> &f) // con criba: O(lg n)
74 {
75   ll ret=n;
76   forall(it, f) ret-=ret/it->first;
77   return ret;
78 }
79 ll eulerPhi2(ll n) // O (sqrt n)
80 {
81   ll r = n;
82   forr(i, 2, n+1)
83   {
84     if((ll)i*i>n) break;
85     if(n%i==0)
86     {
87       while(n%i==0) n/=i;
88       r -= r/i;
89     }
90   }
91   if (n != 1) r-= r/n;
92   return r;
93 }

```

## 7.6. Phollard's Rho

```

1 bool es_primo_prob(ll n, int a)
2 {
3   if(n==a) return true;
4   ll s=0, d=n-1;
5   while(d%2==0) s++, d/=2;
6   ll x=expmod(a, d, n);
7   if((x==1) || (x+1==n)) return true;
8   forn(i, s-1)
9   {
10     x=mulmod(x, x, n);
11     if(x==1) return false;
12     if(x+1==n) return true;
13   }
14   return false;
15 }
16 bool rabin (ll n) //devuelve true si n es primo
17 {
18   if(n==1) return false;
19   const int ar[]={2,3,5,7,11,13,17,19,23};
20   forn(j, 9) if(!es_primo_prob(n, ar[j])) return false;
21   return true;
22 }
23 ll rho(ll n)
24 {
25   if((n&1)==0) return 2;
26   ll x=2, y=2, d=1;

```



```

27 ll c=rand() %n+1;
28 while(d==1)
29 {
30     x=(mulmod(x,x,n)+c) %n;
31     y=(mulmod(y,y,n)+c) %n;
32     y=(mulmod(y,y,n)+c) %n;
33     if(x-y>=0) d=gcd(x-y,n);
34     else d=gcd(y-x,n);
35 }
36 return d==n? rho(n):d;
37 }
38 void factRho (ll n,map<ll,ll> &f) //O (lg n)^3 un solo numero
39 {
40     if (n == 1) return;
41     if (rabin(n))
42     {
43         f[n]++;
44         return;
45     }
46     ll factor = rho(n);
47     factRho(factor);
48     factRho(n/factor);
49 }

```

## 8. Grafos

## 9. Flow

### 9.1. Edmond Karp

```

1 #define MAX_V 1000
2 #define INF 1e9
3 //special nodes
4 #define SRC 0
5 #define SNK 1
6 map<int, int> G[MAX_V]; //limpiar esto -- unordered_map mejora
7 //To add an edge use
8 #define add(a, b, w) G[a][b]=w
9 int f, p[MAX_V];
10 void augment(int v, int minE)
11 {
12     if(v==SRC) f=minE;
13     else if(p[v]!=-1)
14     {
15         augment(p[v], min(minE, G[p[v]][v]));
16         G[p[v]][v]-=f, G[v][p[v]]+=f;
17     }
18 }
19 ll maxflow() //O(min(VE^2, Mf * E))

```

```

20 {
21     ll Mf=0;
22     do
23     {
24         f=0;
25         char used[MAX_V]; queue<int> q; q.push(SRC);
26         zero(used), memset(p, -1, sizeof(p));
27         while(sz(q))
28         {
29             int u=q.front(); q.pop();
30             if(u==SNK) break;
31             forall(it, G[u])
32                 if(it->snd>0 && !used[it->fst])
33                     used[it->fst]=true, q.push(it->fst), p[it->fst]=u;
34         }
35         augment(SNK, INF);
36         Mf+=f;
37     }while(f);
38     return Mf;
39 }

```

### 9.2. Push Relabel

```

1 #define MAX_V 1000
2 int N; //valid nodes are [0...N-1]
3 #define INF 1e9
4 //special nodes
5 #define SRC 0
6 #define SNK 1
7 map<int, int> G[MAX_V]; //limpiar esto -- unordered_map mejora
8 //To add an edge use
9 #define add(a, b, w) G[a][b]=w
10 ll excess[MAX_V];
11 int height[MAX_V], active[MAX_V], count[2*MAX_V+1];
12 queue<int> Q;
13
14 void enqueue(int v)
15 {
16     if (!active[v] && excess[v] > 0) active[v]=true, Q.push(v);
17 }
18 void push(int a, int b)
19 {
20     int amt = min(excess[a], ll(G[a][b]));
21     if(height[a] <= height[b] || amt == 0) return;
22     G[a][b]-=amt, G[b][a]+=amt;
23     excess[b] += amt, excess[a] -= amt;
24     enqueue(b);
25 }
26 void gap(int k)
27 {
28     forn(v, N)

```

```

29 {
30     if (height[v] < k) continue;
31     count[height[v]]--;
32     height[v] = max(height[v], N+1);
33     count[height[v]]++;
34     enqueue(v);
35 }
36 }
37 void relabel(int v)
38 {
39     count[height[v]]--;
40     height[v] = 2*N;
41     forall(it, G[v])
42         if(it->snd) height[v] = min(height[v], height[it->fst] + 1);
43     count[height[v]]++;
44     enqueue(v);
45 }
46 ll maxflow() //O(V^3)
47 {
48     zero(height), zero(active), zero(count), zero(excess);
49     count[0]=N-1; count[N]=1;
50     height[SRC] = N;
51     active[SRC] = active[SNK] = true;
52     forall(it, G[SRC])
53     {
54         excess[SRC] += it->snd;
55         push(SRC, it->fst);
56     }
57     while(sz(Q))
58     {
59         int v = Q.front(); Q.pop();
60         active[v]=false;
61         forall(it, G[v]) push(v, it->fst);
62         if(excess[v] > 0)
63             count[height[v]] == 1? gap(height[v]):relabel(v);
64     }
65     ll mf=0;
66     forall(it, G[SRC]) mf+=G[it->fst][SRC];
67     return mf;
68 }

```

## 10. Juegos

### 10.1. Ajedrez

#### 10.1.1. Non-Attacking N Queen

**Utiliza:** <algorithm>

**Notas:** todo es  $O(!N \cdot N^2)$ .

```

1 #define NQUEEN 8
2 #define abs(x) ((x)<0?(-(x)):(x))
3
4 int board[NQUEEN];
5 void inline init(){for(int i=0;i<NQUEEN;++i)board[i]=i;}
6 bool check(){
7     for(int i=0;i<NQUEEN;++i)
8         for(int j=i+1;j<NQUEEN;++j)
9             if(abs(i-j)==abs(board[i]-board[j]))
10                return false;
11     return true;
12 }
13 //en main
14 init();
15 do{
16     if(check()){
17         //process solution
18     }
19 }while(next_permutation(board,board+NQUEEN));

```

## 11. Utils

### 11.1. Convertir string a num e viceversa

```

1 #include <sstream>
2 string num_to_str(int x){
3     ostringstream convert;
4     return (convert << entero).str();
5 }
6
7 int str_to_num(string x){
8     int ret;
9     istringstream (x) >> ret;
10    return ret;
11 }

```