FONCTIONS PART3 E01

EXERCICE N°3 (Le corrigé)

Déterminer une fonction polynôme P de degré 3 admettant 1, -3 et -4 pour racines et telle que P(2)=90.

On sait que P est une fonction polynôme de degré 3 et que ses racines sont 1,-3 et -4. Donc, pour tout réel x,

$$P(x) = a(x-1)(x+3)(x+4)$$
 avec a un nombre réel.

De plus P(2) = 90

Donc

$$a(2-1)(2+3)(2+4) = 90 \Leftrightarrow 30a = 90 \Leftrightarrow a = 3$$

Ainsi

$$P(x) = 3(x-1)(x+3)(x+4)$$

On peut aussi développer et réduire cette expression, dans le but de calculer la dérivée par exemple.

$$P(x) = 3x^3 + 18x^2 + 15x - 36$$