SUITES NUMÉRIQUES E05

EXERCICE N°1 (Le corrigé)

Un capital de 4 000 € est placé à 2 % par an à intérêts composés.

On rappelle le principe du placement à intérêts composés : à la fin de chaque année, les intérêts sont intégrés à l'ancien capital et génèrent eux-mêmes des intérêts les années suivantes.

On modélise le capital acquis tous les ans par une suite. Ainsi on pose : V(0)=4000 .

1) Calculer le capital acquis à la fin de la 1^e année puis de la 2^e année.

Il s'agit de calculer V(1) et V(2).

$$V(1) = V(0) + \frac{2}{100} \times V(0) = 4000 + \frac{2}{100} \times 4000$$
, ainsi $V(1) = 4080$

$$V(2) = V(1) + \frac{2}{100} \times V(1) = 4080 + \frac{2}{100} \times 4080$$
, ainsi $V(2) = 4161,6$

Le capital acquis à la fin de la 1^{ere} année vaut : 4080 € et celui acquis à la fin de la 2^{eme} année vaut : 4161,5 €

2) Démontrer que le capital n'est pas en progression arithmétique.

D'une part :
$$V(2)-V(1) = 4161,5-4080 = 81,6$$
 et d'autre part : $V(1)-V(0) = 4080-4000 = 80$

Ainsi les différences entre deux termes successifs ne sont pas toutes égales, ce qui prouve que le capital n'est pas en progression arithmétique.

3) Compléter la phrase suivante: « Augmenter quantité de 2 % revient à la multiplier par ... »

Augmenter une quantité de 2 % revient à la multiplier par 1,02

4) En déduire que la suite V est géométrique préciser sa raison et le premier terme.

Pour passer d'un terme au suivant, on multiplie à chaque fois par le même nombre |:1,02|. On en déduit que V est géométrique, de raison q=1,02 et de 1^{er} terme V(0)=4000

5) Écrire une formule de récurrence permette calculer V(n+1) en fonction de V(n). $V(n+1) = 1,02 \times V(n)$

6) Calculer et interpréter V(5).

On utilise la calculatrice, avec le mode « Recur »

à l'aide la calculatrice : $V(5) \approx 4416,3$



Et on interprète:

Le capital acquis à la fin de la 5^{eme} année vaut environ 4416,32 €