

FONCTIONS POLYNOMIALES DU SECOND DEGRÉ E03C

EXERCICE N°1 Discriminant pour résoudre des équations (Le corrigé)

Résoudre les équations suivantes dans \mathbb{R} .

1) $3x^2 + 6x - 24 = 0$

Posons $\Delta = 6^2 - 4 \times 3 \times (-24) = 18$
le discriminant de cette équation. $\Delta > 0$, il y a donc deux solutions :

$$x_1 = \frac{-6 - \sqrt{18}}{2 \times 3} = -1 - \frac{3}{2}\sqrt{2} \quad \text{et}$$
$$x_2 = \frac{-6 + \sqrt{18}}{2 \times 3} = -1 + \frac{3}{2}\sqrt{2}$$

3) $2x^2 - 12x + 19 = 0$

Posons $\Delta = (-12)^2 - 4 \times 2 \times 19 = -8$
le discriminant de cette équation. $\Delta < 0$, il n'y a donc aucune solution.

2) $5x^2 + 10\sqrt{2}x - 30 = 0$

Posons $\Delta = (10\sqrt{2})^2 - 4 \times 5 \times (-30) = 800$
le discriminant de cette équation. $\Delta > 0$, il y a donc deux solutions :

$$x_1 = \frac{-10\sqrt{2} - \sqrt{800}}{2 \times 5} = -3\sqrt{2} \quad \text{et}$$
$$x_2 = \frac{-10\sqrt{2} + \sqrt{800}}{2 \times 5} = \sqrt{2}$$

4) $2x^2 + 11x - 6 = 4x^2 - 10x + 4$

Notons S l'ensemble des solutions de cette équation. Pour $x \in \mathbb{R}$, les assertions suivantes sont équivalentes.

$$x \in S$$

$$2x^2 + 11x - 6 = 4x^2 - 10x + 4$$

$$2x^2 + 11x - 6 - (4x^2 - 10x + 4) = 0$$

$$-2x^2 + 21x - 10 = 0$$

On a bien précisé que les 4 assertions (« phrases mathématique ») étaient équivalentes (elles « signifient la même chose ») c'est à dire que rechercher les solutions de la première équation revient à chercher celles de la dernière. C'est grâce à cela qu'on a pu conclure.

Posons $\Delta = 21^2 - 4 \times (-2) \times (-10) = 361$
le discriminant de cette dernière équation. $\Delta > 0$, il y a donc deux solutions :

$$x_1 = \frac{-21 - 19}{2 \times (-2)} = 10 \quad \text{et}$$

$$x_2 = \frac{-21 + 19}{2 \times (-2)} = -\frac{1}{2}$$

On en déduit que :

$$S = \left\{ -\frac{1}{2} ; 10 \right\}$$