FONCTIONS PART4 E01

EXERCICE N°1 (Le corrigé)

On donne la fonction f définie sur [-20; 20] par : $f(x)=x^3-6x^2-135x+572$

1) Montrer que f(x)=(x+11)(x-4)(x-13).

$$(x+11)(x-4)(x-13) = (x+11)[x^2-13x-4x+52]$$

$$= (x+11)(x^2-17x+52)$$

$$= x^3-17x^2+52x+11x^2-187x+572$$

$$= x^3-6x^2-135x+572$$

$$= f(x)$$

2) En déduire les racines de f.

Les racines de f sont : -11 ; 4 et 13

3) Déterminer la dérivée f' de f.

$$f(x)=x^{3}-6x^{2}-135x+572$$

$$f'(x)=3x^{2}-6\times 2x-135\times 1+0$$

$$f'(x)=3x^{2}-12x-135$$

4) Montrer que f'(x)=3(x-9)(x+5).

$$3(x-9)(x+5) = 3(x^{2}+5x-9x-45)$$

$$= 3(x^{2}-4x-45)$$

$$= 3x^{2}-12x-135$$

$$= f'(x)$$

5) Dresser le tableau de signe de f'.

3>0 est vraie quelque soit la valeur de x

$$x-9 > 0 \Leftrightarrow x > 9$$

$$x+5 > 0 \Leftrightarrow x > -5$$

х	-20		-5		9		20
3		+		+		+	
x-9		_	0	_		+	
x+5		_		+	0	+	
f'(x)		+	0	_	0	+	

6) En déduire le tableau de variations de f.

x	-20	-5	9	20
		972		3472
f(x)	,			
	-7128		-400	

7) Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse 10.

Une équation de la tangente au point d'abscisse est :

$$y = f'(10)(x-10) + f(10)$$

$$y = 45(x-10)-378$$

$$y = 45x - 828$$