FONCTIONS PART2 E01

EXERCICE N°1 (Le corrigé)

Soit la fonction f définir sur \mathbb{R} par $f(x) = -x^2 - 2x + 1$.

1) Calculer
$$\frac{f(h)-f(0)}{h}$$

$$\frac{f(h) - f(0)}{h} = \frac{-h^2 - 2h + 1 - 1}{h} = \frac{-h^2 - 2h}{h} = \frac{h(-h+2)}{h} = -h+2$$
Ainsi
$$\frac{f(h) - f(0)}{h} = -h+2$$

2) En déduire
$$f'(0)$$
.

On sait que f'(0) s'obtient en faisant tendre h vers zéro dans $\frac{f(h)-f(0)}{h}$

Or
$$\frac{f(h)-f(0)}{h} = -h+2$$
 tend vers -2 quand h vers zéro.

$$Donc f'(0) = -2$$

3) Interpréter graphiquement ce nombre.

La courbe représentative de la fonction f admet, au point d'abscisse zéro une tangente dont la pente est -2.