

PROBABILITÉS CONDITIONNELLES E04C

EXERCICE N°1 Échauffement

Soient Ω un univers et A et B deux événements.

1) Compléter l'arbre ci-contre.

2) Calculer les probabilités suivantes :

2.a) $P(A \cap B)$.

$$P(A \cap B) = 0,3 \times 0,25 = 0,075$$

$$P(A \cap B) = 0,075$$

2.b) $P(A \cap \bar{B})$.

$$P(A \cap \bar{B}) = 0,3 \times 0,75 = 0,225$$

$$P(A \cap \bar{B}) = 0,225$$

2.c) $P(\bar{A} \cap B)$.

$$P(\bar{A} \cap B) = 0,7 \times 0,95 = 0,665$$

$$P(\bar{A} \cap B) = 0,665$$

2.d) $P(\bar{A} \cap \bar{B})$.

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0,7 \times 0,05 = 0,035$$

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0,035$$

2.e) $P(B)$.

$$\begin{aligned} P(B) &= P(A \cap B) + P(\bar{A} \cap B) \\ &= 0,075 + 0,665 \end{aligned}$$

$$P(B) = 0,74$$

2.f) $P(\bar{B})$.

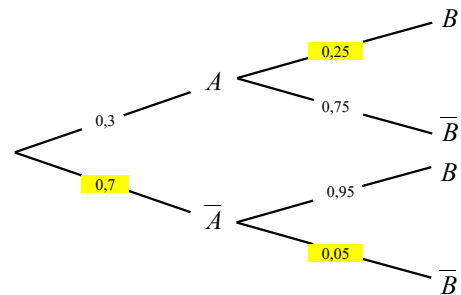
$$P(\bar{B}) = 1 - P(B) = 1 - 0,74 = 0,26$$

$$P(\bar{B}) = 0,26$$

On aurait pu le calculer directement :

$$\begin{aligned} P(\bar{B}) &= P(A \cap \bar{B}) + P(\bar{A} \cap \bar{B}) \\ &= 0,225 + 0,035 \end{aligned}$$

$$P(\bar{B}) = 0,26$$



PROBABILITÉS CONDITIONNELLES E04C

EXERCICE N°2 Utiliser un arbre pondéré

Le matin, Géraldine boit du café avec une probabilité $\frac{7}{12}$ ou du thé avec une probabilité $\frac{5}{12}$.

Lorsqu'elle boit du café, elle y met du sucre la moitié du temps alors que quand elle boit du thé, elle y met du sucre 90 % du temps.

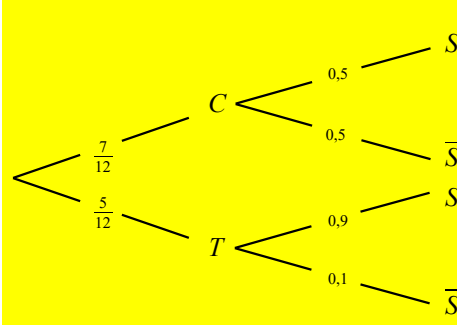
On appelle :

C l'événement : « elle boit du café ce matin »,

T l'événement : « elle boit du thé ce matin » et

S l'événement : « elle met du sucre dans sa boisson ce matin ».

1) Représenter la situation par un arbre pondéré.



2) Quelle est la probabilité qu'elle boive un café sucré ce matin ?

$$P(C \cap S) = \frac{7}{12} \times 0,5 = \frac{7}{12} \times \frac{1}{2} = \frac{7}{24}$$

Ainsi, la probabilité qu'elle boive un café sucré vaut $\boxed{\frac{7}{24}}$.

3) Déterminer la probabilité qu'elle ne mette pas de sucre dans sa boisson ce matin.

$$\begin{aligned} P(\bar{S}) &= P(C \cap \bar{S}) + P(T \cap \bar{S}) \\ &= \frac{7}{12} \times 0,5 + \frac{5}{12} \times 0,1 \\ &= \frac{35}{120} + \frac{50}{120} \\ &= \frac{85}{120} \\ &= \frac{17}{24} \end{aligned}$$

Ainsi, la probabilité qu'elle ne mette pas de sucre vaut $\boxed{\frac{17}{24}}$.

PROBABILITÉS CONDITIONNELLES E04C

EXERCICE N°3 Un rangement particulier

Émile a rangé les chaussettes de son père dans deux tiroirs. Il a mis 5 chaussettes noires, 3 chaussettes grises et 2 chaussettes blanches dans un tiroir, et 7 chaussettes noires et 3 chaussettes grises dans l'autre. Son père choisit au hasard une chaussette dans chaque tiroir.

1) Représenter la situation par un arbre pondéré.

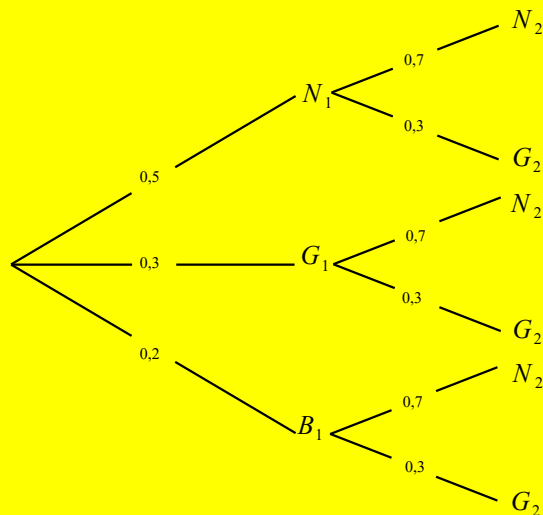
N_1 : « Obtenir une chaussette noire dans le 1^{er} tiroir »

G_1 : « Obtenir une chaussette grise dans le 1^{er} tiroir »

B_1 : « Obtenir une chaussette blanche dans le 1^{er} tiroir »

N_2 : « Obtenir une chaussette noire dans le 2^{ème} tiroir »

G_2 : « Obtenir une chaussette grise dans le 2^{ème} tiroir »



2) Quelle est la probabilité p_1 que le père ait une chaussette blanche et une chaussette noire?

$$p_1 = 0,2 \times 0,7 = 0,14$$

$$p_1 = 0,14$$

3) Quelle est la probabilité p_2 que le père ait des chaussettes assorties ?

$$p_2 = \frac{1}{2} \times \frac{7}{10} + \frac{3}{10} \times \frac{3}{10} = \frac{7}{20} + \frac{9}{100} = \frac{35}{100} + \frac{9}{100} = \frac{44}{100} = \frac{11}{25} = 0,44$$

$$p_2 = 0,44$$

4) Quelle est la probabilité p_3 que le père ait au moins une chaussette noire ?

$$p_3 = \frac{1}{2} + \frac{3}{10} \times \frac{7}{10} + \frac{1}{5} \times \frac{7}{10} = \frac{1}{2} + \frac{21}{100} + \frac{7}{50} = \frac{50}{100} + \frac{21}{100} + \frac{14}{100} = \frac{85}{100} = \frac{17}{20} = 0,85$$

$$p_3 = 0,85$$

PROBABILITÉS CONDITIONNELLES E04C

EXERCICE N°4 Tennis

(Calculatrice autorisée)

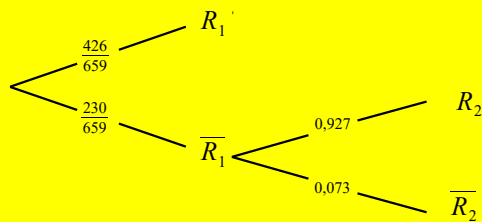
Sur l'ensemble d'un tournoi de tennis, un joueur a réussi 426 des 659 premiers services et 92,7 % de ses seconds services.

On choisit un service de joueur au hasard et on note :

R_1 : « Le joueur a réussi son premier service »

R_2 : « Le joueur a réussi son second service »

1) Construire un arbre de probabilités représentant la situation.



2) Calculer la probabilité que le joueur ait commis une double faute ce jour-là.
(Arrondir à 10^{-4} , puis donner la probabilité sous forme de pourcentage)

$$P(R_1 \cap R_2) = \frac{230}{659} \times 0,073 \approx 0,0255$$

Soit environ 2,55 %