АРИФМЕТИКА Е02

Мета цієї діяльності — продемонструвати, що число $\frac{1}{3}$ не є десятковим числом. Для цього нам потрібні деякі приготування...

EXERCICE N°1 Помножити на 3

Даємо натуральне число N .

Якщо N кратне 10, то існує таке натуральне ціле число p, що $N = p \times 10$

1) Доведіть, що тоді цифра одиниць 3N дорівнює нулю.

Якщо N не кратне 10, то його одиниця може бути такою: 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9 (але не 0).

2) Доведіть, що тоді цифра одиниць 3N не дорівнює нулю.

Ми виводимо з цієї вправи, що:

Якщо натуральне число N не кратне 10, то його трійка 3N також не кратна 10.

EXERCICE N°2 Що таке десяткове число?

Définition n°1.

Десяткове число — це число, яке можна записати у вигляді десяткового дробу, тобто частки цілого числа на ступінь 10. Іншими словами :

Якщо $a \in \text{десятковим дробом},$ то існують два цілі числа N і q, такі що $a = \frac{N}{10^q}$.

Exemple n°1.

$$46,97 = \frac{4967}{10^2} \quad ; \quad -35,789 = -\frac{35789}{10^3}$$

Remarque n°1.

$$46,97 = \frac{4967}{10^2} = \frac{46970}{10^3} = \frac{469700}{10^4} = \dots$$

Було б зручніше, якби ми всі вибрали однаковий сценарій! Домовляємося взяти чисельник якомога ближче до нуля. Це означає, що:

Якщо десяткове число a відмінне від нуля, то чисельник N не буде кратним 10.

1) припустимо, що $\frac{1}{3}$ є десятковим числом, що це означає?

EXERCICE N°3 Démonstration par l'absurde

Показати що $\frac{1}{3}$ пне ϵ десятковим числом.