

Fonctions affines et équations M04

Exercice 1

Développer les expressions suivantes :

a. $(x+1)^2$ b. $(2x+3)^2$ c. $(x+6)^2$
d. $(5x+1)^2$ e. $(3x+3)^2$ e. $(a+b)^2$

Correction 1

● A l'aide d'une identité remarquable :

a. $(x+1)^2 = x^2 + 2 \times x \times 1 + 1^2$
 $= x^2 + 2x + 1$
b. $(2x+3)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2$
 $= 4x^2 + 12x + 9$
c. $(x+6)^2 = x^2 + 2 \times x \times 6 + 6^2$
 $= x^2 + 12x + 36$
d. $(5x+1)^2 = (5x)^2 + 2 \times 5x \times 1 + 1^2$
 $= 25x^2 + 10x + 1$
e. $(3x+3)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 3 + 3^2$
 $= 9x^2 + 9x + 9x + 9$

f. $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

● A l'aide de la double distributivité :

a. $(x+1)^2 = (x+1)(x+1) = x \times x + x \times 1 + 1 \times x + 1 \times 1$
 $= x^2 + 2x + 1$
b. $(2x+3)^2 = (2x+3)(2x+3)$
 $= 2x \times 2x + 2x \times 3 + 3 \times 2x + 3 \times 3$
 $= 4x^2 + 6x + 6x + 9 = 4x^2 + 12x + 9$
c. $(x+6)^2 = (x+6)(x+6) = x \times x + x \times 6 + 6 \times x + 6 \times 6$
 $= x^2 + 6x + 6x + 36 = x^2 + 12x + 36$
d. $(5x+1)^2 = (5x+1)(5x+1)$
 $= 5x \times 5x + 5x \times 1 + 1 \times 5x + 1 \times 1$
 $= 25x^2 + 5x + 5x + 1 = 25x^2 + 10x + 1$
e. $(3x+3)^2 = (3x+3)(3x+3)$
 $= 3x \times 3x + 3x \times 3 + 3 \times 3x + 3 \times 3$
 $= 9x^2 + 9x + 9x + 9 = 9x^2 + 18x + 9$
f. $(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a \times a + a \times b + b \times a + b \times b$
 $= a^2 + 2ab + b^2$

Exercice 2

Développer les expressions suivantes :

a. $(x-2)^2$ b. $(x-3)^2$ c. $(3x-1)^2$
d. $(5x-1)^2$ e. $(3x-2)^2$ f. $(a-b)^2$

Correction 2

● A l'aide des identités remarquables :

a. $(x-2)^2 = x^2 - 2 \times x \times 2 + 2^2$
 $= x^2 - 4x + 4$
b. $(x-3)^2 = x^2 - 2 \times x \times 3 + 3^2$
 $= x^2 - 6x + 9$
c. $(3x-1)^2 = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 1 + 1^2$
 $= 9x^2 - 6x + 1$
d. $(5x-1)^2 = (5x)^2 - 2 \times 5x \times 1 + 1^2$
 $= 25x^2 - 10x + 1$
e. $(3x-2)^2 = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 2 + 2^2$
 $= 9x^2 - 12x + 4$
f. $(a-b)^2 = a^2 - 2 \times a \times b + b^2$

● A l'aide de la double distributivité :

a. $(x-2)^2 = (x-2)(x-2)$
 $= x \times x + x \times (-2) + (-2) \times x + (-2) \times (-2)$
 $= x^2 - 2x - 2x + 4 = x^2 - 4x + 4$
b. $(x-3)^2 = (x-3)(x-3)$
 $= x \times x + x \times (-3) + (-3) \times x + (-3) \times (-3)$
 $= x^2 - 3x - 3x + 9 = x^2 - 6x + 9$
c. $(3x-1)^2 = (3x-1)(3x-1)$
 $= 3x \times 3x + 3x \times (-1) + (-1) \times 3x + (-1) \times (-1)$
 $= 9x^2 - 3x - 3x + 1 = 9x^2 - 6x + 1$
d. $(5x-1)^2 = (5x-1)(5x-1)$
 $= 5x \times 5x + 5x \times (-1) + (-1) \times 5x + (-1) \times (-1)$
 $= 25x^2 - 5x - 5x + 1 = 25x^2 - 10x + 1$
e. $(3x-2)^2 = (3x-2)(3x-2)$
 $= 3x \times 3x + 3x \times (-2) + (-2) \times 3x + (-2) \times (-2)$
 $= 9x^2 - 6x - 6x + 4 = 9x^2 - 12x + 4$
f. $(a-b)^2 = (a-b)(a-b)$
 $= a \times a + a \times (-b) + (-b) \times a + (-b) \times (-b)$
 $= a^2 - a \times b - b \times a + b^2 = a^2 - 2 \times a \times b + b^2$

Exercice 3

Développer les expressions suivantes :

a. $(x+2)(x-2)$ b. $(x+1)(x-1)$
c. $(2x-3)(2x+3)$ d. $(3-4x)(3+4x)$
e. $(2x+2)(2x-2)$ f. $(a+b)(a-b)$

Correction 3

● A l'aide des identités remarquables :

a. $(x+2)(x-2) = x^2 - 2^2 = x^2 - 4$
b. $(x+1)(x-1) = x^2 - 1^2 = x^2 - 1$
c. $(2x-3)(2x+3) = (2x)^2 - 3^2 = 4x^2 - 9$
d. $(3-4x)(3+4x) = 3^2 - (4x)^2 = 9 - 16x^2$
e. $(2x+2)(2x-2) = (2x)^2 - 2^2 = 4x^2 - 4$
f. $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

● A l'aide de la double distributivité :

a. $(x+2)(x-2) = x \times x + x \times (-2) + 2 \times x + 2 \times (-2)$
 $= x^2 - 2x + 2x - 4 = x^2 - 4$

b. $(x+1)(x-1) = x \times x + x \times (-1) + 1 \times x + 1 \times (-1)$
 $= x^2 - x + x - 1 = x^2 - 1$

c. $(2x-3)(2x+3) = 2x \times 2x + 2x \times 3 - 3 \times 2x - 3 \times 3$
 $= 4x^2 + 6x - 6x - 9 = 4x^2 - 9$

d. $(3-4x)(3+4x) = 3 \times 3 + 3 \times 4x - 4x \times 3 - 4x \times 4x$
 $= 9 + 12x - 12x - 16x^2 = 9 - 16x^2$

e. $(2x+2)(2x-2) = 2x \times 2x + 2x \times (-2) + 2 \times 2x + 2 \times (-2)$
 $= 4x^2 - 4x + 4x - 4 = 4x^2 - 4$

f. $(a+b)(a-b) = a \times a + a \times (-b) + b \times a + b \times (-b)$
 $= a^2 - a \times b - b \times a - b^2 = a^2 - b^2$

Exercice 4

Développer chacune des expressions suivantes :

a. $(3x+2)^2$ b. $(2x-5)^2$
c. $(3x+8)(3x-8)$ d. $(-4x-1)^2$

Correction 4

a. $(3x+2)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 2 + 2^2 = 9x^2 + 12x + 4$

b. $(2x-5)^2 = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 5 + 5^2 = 4x^2 - 20x + 25$

c. $(3x+8)(3x-8) = (3x)^2 - 8^2 = 9x^2 - 64$

d. $(-4x-1)^2 = [(-1) \times (4x+1)]^2 = (-1)^2 \times (4x+1)^2$
 $= (4x+1)^2 = (4x)^2 + 2 \times 4x \times 1 + 1^2$
 $= 16x^2 + 8x + 1$

Exercice 5

Développer les expressions suivantes :

a. $(2x+1)(3-x)$ b. $(5-2x)(3-x) - 3(3-2x)$
c. $(x+1)^2 + (2x-1)^2$ d. $(x-2)(2x-1)(5-x)$

Correction 5

a. $(2x+1)(3-x) = 6x - 2x^2 + 3 - x = -2x^2 + 5x + 3$

b. $(5-2x)(3-x) - 3(3-2x)$
 $= 15 - 5x - 6x + 2x^2 - 9 + 6x = 2x^2 - 5x + 6$

c. $(x+1)^2 + (2x-1)^2 = (x^2 + 2x + 1) + (4x^2 - 4x + 1)$
 $= 5x^2 - 2x + 2$

d. $(x-2)(2x-1)(5-x) = (2x^2 - x - 4x + 2)(5-x)$
 $= (2x^2 - 5x + 2)(5-x)$
 $= 10x^2 - 2x^3 - 25x + 5x^2 + 10 - 2x$
 $= -2x^3 + 15x^2 - 27x + 10$

Exercice 6

1. Parmi les trois expressions ci-dessous une seule a été obtenu par le développement d'une identité remarquable? Laquelle? Préciser l'expression de départ :

a. $4x^2 + 6x + 9$ b. $4x^2 + 24x + 9$ c. $4x^2 + 12x + 9$

2. Même question avec les expressions :

a. $x^2 - 64x + 64$ b. $x^2 - 16x + 64$ c. $x^2 - 8x + 64$

3. Même question avec les expressions :

a. $9x^2 + 15x + 25$ b. $9x^2 + 30x + 25$ c. $9x^2 + 6x + 25$

Correction 6

1. Les trois expressions présentent comme point commun :

- un terme du second degré valant $4x^2$ où : $4x^2 = (2x)^2$
- un terme numérique valant 9 où : $9 = 3^2$

On identifie ces expressions à l'identité remarquable $(a+b)^2$ où : $a=2x$; $b=3$
Développons l'expression suivante :

$$(2x+3)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2 = 4x^2 + 12x + 9$$

L'expression de départ est présentée à la réponse **c.**

2. Les trois expressions présentent comme point commun :

- un terme du second degré valant x^2
- un terme numérique valant 64 où : $64 = 8^2$

On identifie ces expressions à l'identité remarquable $(a-b)^2$ où : $a=x$; $b=8$

Développons l'expression suivante :

$$(x-8)^2 = x^2 - 2 \times x \times 8 + 8^2 = x^2 - 16x + 64$$

L'expression de départ est présentée à la réponse **b.**

3. Les trois expressions présentent :

- un terme du second degré valant $9x^2$ où : $9x^2 = (3x)^2$
- un terme numérique valant 25 où : $25 = 5^2$

On identifie ces expressions à l'identité remarquable $(a+b)^2$ où : $a=3x$; $b=5$

Développons l'expression suivante :

$$(3x+5)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 5 + 5^2 = 9x^2 + 30x + 25$$

L'expression de départ est présentée à la réponse **b.**

Exercice 7

On considère les expressions littérales suivantes :

a. $25x^2 + 20x + 4$ b. $9x^2 + 18x + 9$ c. $81x^2 + 80x + 25$
d. $4x^2 - 12x + 9$ e. $9x^2 - 14x + 4$ f. $25x^2 - 10x + 1$
g. $16x^2 - 32x - 16$ h. $25x^2 - 16$ i. $36 - 4x^2$

1. Les identités remarquables permettent d'écrire les fac-

torisations suivantes :

- $a^2 + 2 \cdot ab + b^2 = (a + b)^2$
- $a^2 - 2 \cdot ab + b^2 = (a - b)^2$
- $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

En identifiant, si possible, chacune des expressions proposées à l'une des identités remarquables, compléter le tableau ci-dessous :

	a	b	$2 \cdot ab$
a.			
b.			
c.			
d.			
e.			
f.			
g.			
h.			
i.			

2. Parmi les expressions proposées, lesquelles sont factorisées ? On donnera alors leur forme factorisée.

Correction 7

1.

	a	b	$2 \cdot ab$
a.	$5x$	2	$20x$
b.	$3x$	3	$18x$
c.	$9x$	5	$90x$
d.	$2x$	3	$12x$
e.	$3x$	2	$12x$
f.	$5x$	1	$2x$
g.	$4x$	\times	\times
h.	$5x$	4	\times
i.	6	$2x$	\times

2. a. $25x^2 + 20x + 4 = (5x + 2)^2$

b. $9x^2 + 18x + 9 = (3x + 3)^2$

- c. L'expression $81x^2 + 80x + 25$ s'identifie à la première identité remarquable et oblige à choisir $a = 9x$ et $b = 3$. Or, on a le développement suivant :

$$(9x + 5)^2 = 81x^2 + 90x + 25$$

Le terme du double-produit ne coïncide pas avec celui de l'énoncé : on ne peut factoriser cette expression à l'aide des identités remarquables.

d. $4x^2 - 12x + 9 = (2x - 3)^2$

- e. L'expression $9x^2 - 14x + 4$ s'identifie à la seconde identité remarquable et oblige à choisir les valeurs $a = 3x$ et $b = 2$. Or, dans ce cas, le double-produit aurait pour valeur :

$$2 \times a \times b = 2 \times 3x \times 2 = 12x$$

Le terme du double-produit ne correspond pas avec le terme en " x " de l'expression de l'énoncé : on ne peut pas factoriser cette expression avec les identités remarquables.

f. $25x^2 - 10x + 1 = (5x + 1)^2$

- g. L'expression $16x^2 - 32x - 16$ ne peut s'identifier avec la première ou la seconde identité remarquable car le coefficient du terme en " x^2 " et le terme numérique n'ont pas le même signe.

h. $25x^2 - 16 = (5x - 4)(5x + 4)$

i. $36 - 4x^2 = (6 - 2x)(6 + 2x)$

Exercice 8

Factoriser chacune des expressions littérales suivantes :

a. $9x^2 + 12x + 4$

b. $x^2 - 10x + 25$

c. $81x^2 - 126x + 49$

d. $36x^2 + 24x + 4$

e. $x^2 - 16$

f. $4x^2 - 25$

Correction 8

- a. On a l'égalité suivante :

$$9x^2 + 12x + 4 = (3x)^2 + 12x + 2^2$$

Par identification avec la première identité remarquable, on choisit :

$$a = 3x ; b = 2$$

Dans ce cas, le terme du double-produit a pour valeur :

$$2 \times a \times b = 2 \times 3x \times 2 = 12x$$

Ainsi, le terme du double-produit correspond au terme en " x " de l'expression, on obtient la factorisation :

$$9x^2 + 12x + 4 = (3x + 2)^2$$

- b. On a l'égalité suivante :

$$x^2 - 10x + 25 = x^2 - 10x + 5^2$$

Par identification avec la seconde identité remarquable, on choisit :

$$a = x ; b = 5$$

Ainsi, le terme du double-produit doit avoir pour valeur :

$$-2 \times a \times b = -2 \times x \times 5 = -10x$$

Ce double-produit correspond au terme en " x " de l'expression. On en déduit la factorisation :

$$x^2 - 10x + 25 = (x - 5)^2$$

- c. On a l'égalité :

$$81x^2 - 126x + 49 = (9x)^2 - 126x + 7^2$$

En identifiant l'expression avec la seconde identité re-

marquable, on choisit :

$$a = 9x \quad ; \quad b = 7$$

Ainsi, le terme du double-produit a pour valeur :

$$-2 \times a \times b = -2 \times 9x \times 7 = -126x$$

Le double-produit correspond au terme en “x” de l’expression, on obtient la factorisation suivante :

$$81x^2 - 126x + 49 = (9x - 7)^2$$

d. On a l’égalité algébrique :

$$36x^2 + 24x + 4 = (6x)^2 + 24x + 2^2$$

En identifiant cette expression avec la première identité remarquable, on choisit les valeurs :

$$a = 6x \quad ; \quad b = 2$$

Avec ces valeurs, le terme du double-produit a pour valeur :

$$2 \times a \times b = 2 \times 6x \times 2 = 24x$$

Ce terme correspond au terme en “x” de l’expression, on obtient la factorisation :

$$36x^2 + 24x + 4 = (6x + 2)^2$$

e. On remarque l’égalité ci-dessous :

$$x^2 - 16 = x^2 - 4^2$$

Par identification avec la troisième identité remarquable, on obtient la factorisation :

$$= (x + 4)(x - 4)$$

f. On remarque l’égalité ci-dessous :

$$4x^2 - 25 = (2x)^2 - 5^2$$

Par identification avec la troisième identité remarquable, on obtient la factorisation :

$$= (2x + 5)(2x - 5)$$

Exercice 9

Factoriser, **si possible**, les expressions littérales suivantes en mettant en avant votre démarche :

a. $4x^2 - 24x + 9$

b. $9 + 24x - 16x^2$

c. $64x^2 - 9$

d. $9x^2 + 30x + 25$

e. $x^4 - 4x^2 + 4$

f. $16x^2 + 20x + 25$

Correction 9

a. On a l’égalité :

$$4x^2 - 24x + 9 = (2x)^2 - 24x + 3^2$$

Par identification avec la seconde identité remarquable, on choisit les valeurs :

$$a = 2x \quad ; \quad b = 3$$

Avec ces valeurs, Le terme du double-produit a pour expression :

$$-2 \times a \times b = -2 \times 2x \times 3 = -12x$$

Ce terme ne correspond pas au terme en “x” de l’expression : cette expression n’est pas factorisable par identification avec une identité remarquable.

b. Le terme en “x²” et le terme numérique n’ont pas le même signe : cette expression ne peut s’identifier avec la première ou la seconde identité remarquable. On en déduit que cette expression ne peut se factoriser à l’aide d’une identité remarquable.

c. On a l’égalité :

$$64x^2 - 9 = (8x)^2 - 3^2$$

Par identification avec la troisième identité remarquable, on obtient la factorisation suivante :

$$= (8x + 3)(8x - 3)$$

d. On a l’égalité :

$$9x^2 + 30x + 25 = (3x)^2 + 30x + 5^2$$

Par identification avec la première identité remarquable, on choisit les valeurs :

$$a = 3x \quad ; \quad b = 5$$

Avec ces valeurs, le terme du double-produit a pour valeur :

$$2 \times a \times b = 2 \times 3x \times 5 = 30x$$

Ce terme correspond au terme en “x” de l’expression.

On en déduit la factorisation suivante :

$$9x^2 + 30x + 25 = (3x + 5)^2$$

e. On a l’égalité :

$$x^4 - 4x^2 + 4 = (x^2)^2 - 4x^2 + 2^2$$

Par identification avec la seconde identité remarquable, on choisit les valeurs :

$$a = x^2 \quad ; \quad b = 2$$

Le terme du double-produit a alors pour valeur :

$$-2 \times a \times b = -2 \times x^2 \times 2 = -4x^2$$

Ce terme correspond au terme en “x²” de l’expression.

On en déduit la factorisation suivante :

$$x^4 - 4x^2 + 4 = (x^2 - 2)^2$$

f. On a l’égalité :

$$16x^2 + 20x + 25 = (4x)^2 + 20x + 5^2$$

Par identification avec la première identité, on choisit les valeurs :

$$a = 4x \quad ; \quad b = 5$$

Avec ces valeurs, le terme du double-produit a pour valeur :

$$2 \times a \times b = 2 \times 4x \times 5 = 40x$$

Ce terme ne correspond pas au terme en “x” de l’expression : cette identité remarquable n’est pas factorisable à l’aide d’une identité remarquable.

Exercice 10

Factoriser les expressions suivantes :

a. $x^2 - 4x + 4$

b. $9x^2 + 12x + 4$

c. $x^2 - 9$

d. $(2x + 1)^2 - (2x - 1)^2$

Correction 10

a. $x^2 - 4x + 4 = x^2 - 2 \times 2 \cdot x + 2^2 = (x - 2)^2$

b. $9x^2 + 12x + 4 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 2 + 2^2 = (3x + 2)^2$

c. $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x + 3)(x - 3)$

d. $(2x + 1)^2 - (2x - 1)^2$

$$= [(2x + 1) + (2x - 1)] \cdot [(2x + 1) - (2x - 1)]$$

$$= (2x + 1 + 2x - 1) \cdot (2x + 1 - 2x + 1) = 4x \times 2 = 8x$$

Exercice 11

Factoriser les expressions suivantes :

- a. $(x+2)^2 + (3x+3)(x-1)$
- b. $(x+1)(3x+2) + (3x-1)(2x+1)$
- c. $(2x-1)^2 - (3x+3)(x-5)$
- d. $(3x+1)(4x+5) + (3x+4)(5-x)$

Indication : il nécessaire d'obtenir la forme développée-réduite de chacune de ses expressions pour reconnaître une identité remarquable.

Correction 11

- a. $(x+2)^2 + (3x+3)(x-1)$
 $= x^2 + 4x + 4 + 3x^2 - 3x + 3x - 3$
 $= 4x^2 + 4x + 1 = (2x+1)^2$
- b. $(x+1)(3x+2) + (3x-1)(2x+1)$
 $= 3x^2 + 2x + 3x + 2 + 6x^2 + 3x - 2x - 1$
 $= 9x^2 + 6x + 1 = (3x+1)^2$
- c. $(2x-1)^2 - (3x+3)(x-5)$
 $= 4x^2 - 4x + 1 - (3x^2 - 15x + 3x - 15)$
 $= 4x^2 - 4x + 1 - 3x^2 + 15x - 3x + 15$
 $= x^2 + 8x + 16 = (x+4)^2$
- d. $(3x+1)(4x+5) + (3x+4)(5-x)$
 $= 12x^2 + 15x + 4x + 5 + 15x - 3x^2 + 20 - 4x$
 $= 9x^2 + 30x + 25 = (3x+5)^2$

Exercice 12

Factoriser chacune des expressions suivantes :

- a. $(5x+2)(3-2x) - (5x+2)(x+1)$
- b. $49x^2 - 42x + 9$
- c. $(9x-4)^2 - (9x-4)$
- d. $16x^2 - 1$

Correction 12

- a. $(5x+2)(3-2x) - (5x+2)(x+1)$
 $= (5x+2)[(3-2x) - (x+1)] = (5x+2)(2-3x)$
- b. En identifiant cette expression, on a l'écriture suivante :
 $49x^2 - 42x + 9 = (7x-3)^2$
- c. $(9x-4)^2 - (9x-4) = (9x-4)[(9x-4) - 1]$
 $= (9x-4)(9x-5)$
- d. En identifiant cette expression avec la troisième identité remarquable, on obtient la factorisation suivante :
 $16x^2 - 1 = (4x)^2 - 1^2 = (4x+1)(4x-1)$

Exercice 13

Factoriser les expressions suivantes. Aucune justification particulière n'est demandée :

- a. $-9x^2 + 12x - 4$
- b. $(x+2)^2 - (x+2)$
- c. $(x+2)^2 - 9$
- d. $25x^2 - 9 - (5x+3)(5-x)$
- e. $9x^4 - 12x^2 + 4$

Correction 13

a. $-9x^2 + 12x - 4 = -(9x^2 - 12x + 4)$
 $= -[(3x)^2 - 2 \times (3x) \times 2 + 2^2] = -(3x-2)^2$

- b. $(x+2)^2 - (x+2) = (x+2)(x+2) - (x+2) \times 1$
 $= (x+2)[(x+2) - 1] = (x+2)(x+1)$
- c. $(x+2)^2 - 9 = (x+2)^2 - 3^2 = [(x+2) + 3][(x+2) - 3]$
 $= (x+2+3)(x+2-3) = (x+5)(x-1)$
- d. $25x^2 - 9 - (5x+3)(5-x)$
 $= (5x)^2 - 3^2 - (5x+3)(5-x)$
 $= (5x+3)(5x-3) - (5x+3)(5-x)$
 $= (5x+3)[(5x-3) - (5-x)]$
 $= (5x+3)(5x-3-5+x) = (5x+3)(6x-8)$
- e. $9x^4 - 12x^2 + 4 = (3x^2)^2 - 2 \times (3x) \times 2 + 2^2 = (3x^2 - 2)^2$

Exercice 14

Factoriser les expressions suivantes :

- a. $(x-1)(2x+1) - (2x-2)(5-2x)$
- b. $(2+x)(3-x) + (5-2x)(3-x)$
- c. $3(4+2x) - (3+x)(10+5x)$
- d. $(2-x)(3x-4) + \left(2 - \frac{3}{2}x\right)(2x+3)$
- e. $(2x+1)^2 - 4(2-3x)^2$
- f. $18x^2 - 24x + 8 + (3x-2)(2-x)$

Correction 14

- a. $(x-1)(2x+1) - (2x-2)(5-2x)$
 $= (x-1)(2x+1) - 2(x-1)(5-2x)$
 $= (x-1)[(2x+1) - 2(5-2x)]$
 $= (x-1)(2x+1-10+4x)$
 $= (x-1)(6x-9) = 3(x-1)(2x-3)$
- b. $(2+x)(3-x) + (5-2x)(3-x)$
 $= [(2+x) + (5-2x)](3-x)$
 $= (2+x+5-2x)(3-x) = (7-x)(3-x)$

$$\begin{aligned}
\text{c. } & 3(4+2x) - (3+x)(10+5x) \\
&= 3[2(2+x)] - (3+x)[5(2+x)] \\
&= 6(2+x) - 5(3+x)(2+x) \\
&= [6 - 5(3+x)](2+x) = (6 - 15 - 5x)(2+x) \\
&= 5(-9 - 5x)(2+x) = -(5x+9)(x+2)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{d. } & (2-x)(3x-4) + \left(2 - \frac{3}{2}x\right)(2x+3) \\
&= (2-x)(3x-4) + \left[-\frac{1}{2}(-4+3x)\right](2x+3) \\
&= (2-x)(3x-4) - \frac{1}{2}(-4+3x)(2x+3) \\
&= \left[(2-x) - \frac{1}{2}(2x+3)\right](3x-4) \\
&= \left(2-x-x-\frac{3}{2}\right)(3x-4) = \left(\frac{1}{2}-2x\right)(3x-4)
\end{aligned}$$

On pouvait trouver également $\left(2 - \frac{3}{2}x\right)(4x-1)$ qui est une expression égale.

$$\begin{aligned}
\text{e. } & (2x+1)^2 - 4(2-3x)^2 \\
&= (2x+1)^2 - [2(2-3x)]^2 \\
&= [(2x+1) + 2(2-3x)][(2x+1) - 2(2-3x)] \\
&= (2x+1+4-6x)(2x+1-4+6x) \\
&= (5-4x)(8x-3)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{f. } & 18x^2 - 24x + 8 + (3x-2)(2-x) \\
&= 2(9x^2 - 12x + 4) + (3x-2)(2-x) \\
&= 2(3x-2)^2 + (3x-2)(2-x) \\
&= (3x-2)[2(3x-2) + (2-x)] \\
&= (3x-2)(6x-4+2-x) = (3x-2)(5x-2)
\end{aligned}$$

Exercice 15

Factoriser les expressions suivantes :

$$\text{a. } (2x-4)(3x+1) - (6x+2)(4x+1)$$

$$\text{b. } (2-6x) + (x+1)(3x-1)$$

$$\text{c. } (2x-8)(7x+1) - 16 + x^2$$

Correction 15

$$\begin{aligned}
\text{a. } & (2x-4)(3x+1) - (6x+2)(4x+1) \\
&= (2x-4)(3x+1) - 2(3x+1)(4x+1) \\
&= (3x+1)[(2x-4) - 2(4x+1)] \\
&= (3x+1)[2x-4-8x-2] \\
&= (3x+1)(-6x-6) = -6(3x+1)(x+1)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{b. } & (2-6x) + (x+1)(3x-1) = 2(1-3x) - (x+1)(1-3x) \\
&= (1-3x)[2 - (x+1)] = (1-3x)(2-x-1) \\
&= (1-3x)(1-x) = (3x-1)(x-1)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{c. } & (2x-8)(7x+1) - 16 + x^2 \\
&= 2(x-4)(7x+1) + x^2 - 16 \\
&= 2(x-4)(7x+1) + (x+4)(x-4) \\
&= (x-4)[2(7x+1) + (x+4)] \\
&= (x-4)(14x+2+x+4) = (x-4)(15x+6) \\
&= 3(x-4)(5x+2)
\end{aligned}$$