PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE E05

EXERCICE N°3

(Le corrigé)

Soit RST un triangle rectangle en R et H le projeté orthogonal de R sur la droite (ST). On donne $\widehat{RTS} = 40^{\circ}$ et ST = 7 cm.

Calculer RT, RS et RH en centimètre arrondis au centième.

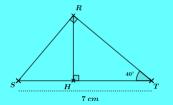
• Dans le triangle RST, rectangle en R.

Pourquoi ce triangle ? : Car il est rectangle et que l'on a au moins deux informations numériques sur lui.

- D'une part, on sait que :

$$\cos(\widehat{RTS}) = \frac{RT}{ST}$$

Pourquoi cos?: On connaît l'angle \widehat{RTS} , on connaît [ST] qui est l'hypoténuse du triangle rectangle choisi et on cherche la longueur de [RT] qui est le côté adjacent à \widehat{RTS} . La formule qui contient « adjacent » et « hypoténuse » est celle du cosinus (cos).



Au brouillon un dessin à « main levée ».

d'où
$$RT = ST \times \cos(\widehat{RTS}) = 7\cos(40) \approx 5,36$$

Donc $RT \approx 5,36$ cm à 0,01 près

D'autre part, on sait que :

$$\sin(\widehat{RTS}) = \frac{RS}{ST}$$

d'où
$$RS = ST \times \sin(\widehat{RTS}) = 7\sin(40) \approx 4.50$$

Donc
$$RS \approx 4.5$$
 cm à 0.01 près

Pourquoi sin ? : car [RS] est le côté opposé...

On pouvait aussi calculer la mesure de \widehat{RST} ($90^{\circ}-40^{\circ}=50^{\circ}$) et utiliser $\cos(\widehat{RST})$ ou s'amuser avec le théorème de Pythagore ou... tout ce qui pourrait permettre de trouver la réponse... Mais pourquoi faire compliqué quand on peut faire simple ?

• Dans le triangle \overrightarrow{RHT} , rectangle en \overrightarrow{H} .

Pourquoi ce triangle? ... On cherche RH ... et maintenant, on a nos **deux** informations numériques : $\widehat{RTH} = \widehat{RTS} = 40^{\circ}$ et $RT = 7\cos(40)$ (On préfère travailler avec une valeur exacte).

On sait que:

$$\sin\left(\widehat{RTH}\right) = \frac{RH}{RT}$$

On est dans le triangle RTH donc [RT] est l'hypoténuse et [RH] est le côté opposé à \widehat{RTH} ...

d'où
$$RH = RT \times \sin(\widehat{RTH}) = 7 \times \cos(40) \times \sin(40) \approx 3,45$$

Donc
$$RH \approx 3,45 \text{ cm à } 0,01 \text{ près}$$