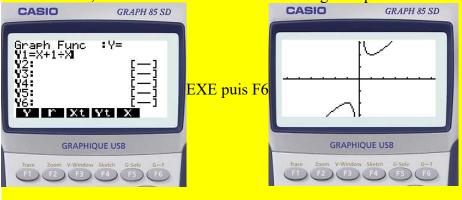
ÉTUDE DE FONCTIONS E01

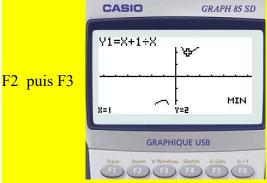
EXERCICE N°6 (Le corrigé)

Quelle somme minimale peut-on obtenir quand on ajoute un nombre strictement positif à son inverse ?Quelle somme minimale peut-on obtenir quand on ajoute un nombre strictement positif à son inverse ?

Notons x un nombre réel strictement positif et $f(x)=x+\frac{1}{x}$ la somme dont il est fait mention dans l'énoncé.

Il s'agit de de trouver le minimum de f sur \mathbb{R}^*_+ (se lit « R étoile plus » \mathbb{R} pour les nombres réels, on enlève zéro avec « * » et on ne garde que les nombres positifs avec « + »)





On en déduit que le minimum vaut 2 et qu'il est atteint quand x=1.

On remarque que la calculatrice a tracé la représentation pour les abscisses négatives aussi.

Il nous suffit de ne pas en tenir compte puisque notre fonction n'est définie (par l'exercice) que sur les réels strictement positifs.