

# LES FONCTIONS PART1 M01

## EXERCICE N°1

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x)=2x^2-6x-20$  et  $C_f$  sa courbe représentative.

- 1) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $f(x)=2(x+2)(x-5)$ .
- 2) Déterminer l'image de  $-2$  par la fonction  $f$ .
- 3) Déterminer le point de la courbe  $C_f$ , ayant pour abscisse  $x=-3$ .
- 4) Déterminer les antécédents éventuels de  $0$  et de  $-20$  par la fonction  $f$ .

## EXERCICE N°2

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

Pour chacune des fonctions suivantes, déterminer le tableau de variations de la fonction sur  $\mathbb{R}$ .

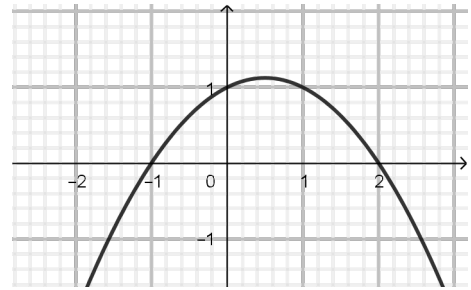
- 1)  $f(x)=-5x^2+30x-7$       2)  $g(x)=6x^2-18x-1$       3)  $h(x)=0,3x^2+9x-1,2$

## EXERCICE N°3

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

On considère la parabole  $C_f$  rapportée à un repère orthogonal.

Déterminer la forme factorisée de cette fonction



## EXERCICE N°4

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

Soit  $g$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x)=x^2+x-6$  et  $C_g$  sa courbe représentative.

- 1) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $g(x)=(x-2)(x+3)$ .
- 2) Dresser le tableau des signes de la fonction  $g$ .



# LES FONCTIONS PART1 M01C

## EXERCICE N°1 (Le corrigé)

[RETOUR À L'EXERCICE 1](#)

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 - 6x - 20$  et  $C_f$  sa courbe représentative.

1) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $f(x) = 2(x+2)(x-5)$ .

Soit  $x \in \mathbb{R}$ ,

$$\begin{aligned} 2(x+2)(x-5) &= 2[x^2 - 5x + 2x - 10] \\ &= 2[x^2 - 3x - 10] \\ &= 2x^2 - 6x - 20 \end{aligned}$$

Ainsi, pour tout réel  $x$ ,  $f(x) = 2(x+2)(x-5)$ .

2) Déterminer l'image de  $-2$  par la fonction  $f$ .

$$f(-2) = 2(-2+2)(-2-5)$$

$$f(-2) = 0$$

On pouvait aussi écrire :

$$f(-2) = 2 \times (-2)^2 - 6 \times (-2) - 20$$

$$f(-2) = 0$$

On a simplement choisi le calcul le plus simple...

3) Déterminer le point de la courbe  $C_f$ , ayant pour abscisse  $x = -3$ .

Un point du plan muni d'un repère étant défini par ses coordonnées, l'énoncé nous demande en fait de déterminer l'ordonnée du point (l'abscisse est déjà connue : c'est  $-3$ ).

Calculons :

$$f(-3) = 2(-3+2)(-3-5)$$

$$f(-3) = 2(-1)(-8)$$

$$f(-3) = 16$$

On en déduit que le point cherché est le point de coordonnées  $(-3 ; 16)$ .

4) Déterminer les antécédents éventuels de  $0$  et de  $-20$  par la fonction  $f$ .

Il s'agit ici de trouver (si il(s) existe(nt)) le(s) nombre(s) dont l'image par  $f$  est zéro.

▪ Commençons par les antécédents éventuels de  $0$  par  $f$ .

Soit  $x$  un antécédent de  $0$  par  $f$ .

alors :

$$f(x) = 0$$

qui s'écrit encore :

$$2(x+2)(x-5) = 0$$

Or, un produit de facteurs est nul si et seulement si l'un au moins de ses facteurs est nul.

Donc :

$2=0$	ou	$x+2=0$	ou	$x-5=0$
absurde		$x = -2$		$x = 5$

On en déduit que :  $0$  possède deux antécédents par  $f$  :  $-2$  et  $5$ .

Ici, on a choisi de travailler avec la forme factorisée car on avait directement  $0$  pour membre de droite.

▪ Déterminons à présent les antécédents éventuels de  $-20$  par  $f$ .

Soit  $x$  un antécédent de  $-20$  par  $f$ .

alors,

les équations suivantes sont équivalentes :

$$f(x) = -20$$

$$2x^2 - 6x - 20 = -20$$

$$2x^2 - 6x = 0$$

$$2x(x-3) = 0$$

Or, un produit de facteurs est nul si et seulement si l'un au moins de ses facteurs est nul.

Donc :

$2x = 0$	ou	$x-3 = 0$
$x = 0$		$x = 3$

On en déduit que :  $-20$  possède deux antécédents par  $f$  :  $0$  et  $3$ .



# LES FONCTIONS PART1 M01C

## EXERCICE N°2 (Le corrigé)

[RETOUR À L'EXERCICE 2](#)

Pour chacune des fonctions suivantes, déterminer le tableau de variations de la fonction sur  $\mathbb{R}$ .

1)  $f(x) = -5x^2 + 30x - 7$       2)  $g(x) = 6x^2 - 18x - 1$       3)  $h(x) = 0,3x^2 + 9x - 1,2$

1)

$f(x)$  est de la forme  $ax^2 + bx + c$  avec  $a = -5$ ,  $b = 30$  et  $c = -7$

On a alors  $\frac{-b}{2a} = -\frac{30}{2 \times (-10)} = 1,5$  et  $f(1,5) = 26,75$

et comme  $a < 0$ , on en déduit le tableau suivant :

$x$	$-\infty$	1,5	$+\infty$
$f(x)$		26,75	

2)

$g(x)$  est de la forme  $ax^2 + bx + c$  avec  $a = 6$ ,  $b = -18$  et  $c = -1$

On a alors  $\frac{-b}{2a} = \frac{-(-18)}{2 \times 6} = 1,5$  et  $g(1,5) = -14,5$

et comme  $a > 0$ , on en déduit le tableau suivant :

$x$	$-\infty$	1,5	$+\infty$
$g(x)$		-14,5	

3)

$h(x)$  est de la forme  $ax^2 + bx + c$  avec  $a = 0,3$ ,  $b = 9$  et  $c = -1,2$

On a alors  $\frac{-b}{2a} = \frac{-9}{2 \times 0,3} = -15$  et  $h(-15) = -68,7$

et comme  $a > 0$ , on en déduit le tableau suivant :

$x$	$-\infty$	-15	$+\infty$
$h(x)$		-68,7	

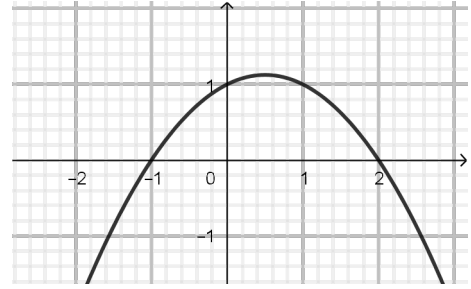
# LES FONCTIONS PART1 M01C

## EXERCICE N°3 (Le corrigé)

[RETOUR À L'EXERCICE 3](#)

On considère la parabole  $C_f$  rapportée à un repère orthogonal.

Déterminer la forme factorisée de cette fonction



$C_f$  est une parabole qui coupe l'axe des abscisses en  $-1$  et  $2$ .

On en déduit qu'il existe un nombre réel  $a$  tel que pour tout nombre réel  $x$ ,

$$f(x) = a(x+1)(x-2)$$

$$f(x) = a(x-(-1))(x-2)$$

De plus,  $C_f$  coupe l'axe des ordonnées en  $1$ .

On en déduit que  $f(0) = 1$

$$\text{Or } f(0) = a(0+1)(0-2) = -2a$$

On obtient :  $-2a = 1$  d'où l'on tire  $a = -\frac{1}{2}$

Pour finir :  $f(x) = -\frac{1}{2}(x+1)(x-2)$

# LES FONCTIONS PART1 M01C

## EXERCICE N°4 (Le corrigé)

[RETOUR À L'EXERCICE 4](#)

Soit  $g$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x) = x^2 + x - 6$  et  $C_g$  sa courbe représentative.

1) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $g(x) = (x-2)(x+3)$ .

Soit  $x \in \mathbb{R}$ ,

$$\begin{aligned}(x-2)(x+3) &= x^2 + 3x - 2x - 6 \\ &= x^2 - x - 6\end{aligned}$$

Ainsi,  $g(x) = (x-2)(x+3)$

2) Dresser le tableau des signes de la fonction  $g$ .

▪  $x - 2 > 0 \Leftrightarrow x > 2$

▪  $x + 3 > 0 \Leftrightarrow x > -3$

On en déduit le tableau suivant :

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$
$x-2$		$-$	$ $	$-$
$x+3$		$-$	$0$	$+$
$g(x)$		$-$	$+$	$ $
		$+$	$0$	$-$