STATISTIQUES À DEUX VARIABLES E03

EXERCICE N°4 (Le corrigé)

Afin d'orienter ses investissements, une petite chaîne d'hôtels réalise des analyses sur le taux d'occupation des chambres. Elle établit un lien entre le taux d'occupation, exprimé en %, et le montant des frais de publicité :

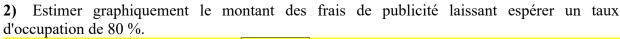
On donne ci-contre le nuage de points obtenu pour cette étude ainsi qu'une droite Δ fournissant un bon ajustement affine de ce nuage.



y : taux d'occupation (en %)

1) Estimer graphiquement le taux d'occupation espéré pour un budget publicitaire de 48 000€.

Le taux espéré est de 50%



Les frais de publicité monteraient à 76000 €

- 3) On admet que Δ a pour coefficient directeur 1,03 et passe par le point A(10;11,73). Déterminer l'équation réduite de la droite Δ puis retrouver les résultats obtenus aux questions 1) et 2) par le calcul.
- L'équation réduite de Δ est de la forme y = mx + p avec m = 1,03 (d'après l'énoncé)

et comme $A \in \Delta$:

$$p = y_A - mx_A = 11,73 - 1,03 \times 10 = 1,43$$

Ainsi Δ admet pour équation réduite y = 1,03 x+1,43

• Pour la question 1) $1,03 \times 48 = 50,57$

ce qui correspond à notre lecture graphique.

Pour la question 2)

Il s'agît de résoudre l'équation 1,03 x+1,16 = 80

$$1,03 x+1,43 = 80 \Leftrightarrow 1,03 x = 1,03 x = 78,57 \Leftrightarrow x = \frac{78,57}{1,03} \approx 76$$

Ce qui correspond à notre lecture graphique.