PROPORTIONS ET ÉVOLUTIONS E05

EXERCICE N°2 (Le corrigé)

Les deux questions sont indépendantes. Les coefficients multiplicatifs sont à arrondir à 10^{-4} .

Le gouvernement d'un pays envisage de baisser une taxe d'habitation et un impôt.

1) Il est envisagé de baisser la taxe d'habitation de 15 % en deux ans. On suppose que le pourcentage de baisse est le même chaque année. Justifier que ce pourcentage de baisse annuel est alors égal à environ 7,8 %.

Une baisse de 15 % correspond à un coefficient multiplicateur CM_g valant 0,85. g pour global...

Notons CM le coefficient multiplicateur moyen et posons t = CM - 1 le taux correspondant.

On a: $CM_g = CM \times CM = CM^2$

On obtient $CM^2 = 0.85$

d'où $CM = \sqrt{0.85}$ ou $CM = -\sqrt{0.85}$

Comme un coefficient multiplicateur est positif, il reste : $CM = \sqrt{0.85}$

Ainsi $t = CM - 1 = \sqrt{0.85} - 1 \approx -0.078$

Soit un pourcentage de baisse annuel d'environ 7,8 %.

2) Il est envisagé de baisser l'impôt de 20 % en quatre ans.

La première année, cet impôt baisse de 6 %, la deuxième année, la baisse est de 5 % et la troisième année de 4%.

2.a) Quelle est la baisse, en pourcentage, de cet impôt au terme des trois premières années ? Les baisses de 6 %; 5 % et 4 % correspondent respectivement aux coefficients multiplicateurs 0,94; 0,95 et 0,96.

Le coefficient multiplicateur global sur ces trois années vaut donc :

 $0.94 \times 0.95 \times 0.96 \approx 0.8573$

On en déduit le taux d'évolution correspondant :

0.8573 - 1 = -0.1427

Soit une baisse d'environ 14,27 %

2.b) Pour atteindre l'objectif d'une baisse de 20 % en quatre ans, quel pourcentage de baisse ce gouvernement doit-il décider pour la quatrième année?

Ici, attention! Pas question d'additionner ou de soustraire des taux d'évolutions.

Souvenez-vous de la hausse de 10 % suivie de la baisse de 10 % ...

Une baisse de 20 % correspond à un CM_g valant 0,8.

En notant CM_4 le coefficient multiplicateur correspondant au taux de la 4^e année :

 $0.94 \times 0.95 \times 0.96 \times CM_4 = 0.8$

donc $CM_4 = \frac{0.8}{0.85728} \approx 0.9332$

On en déduit le taux d'évolution correspondant :

0,9332 - 1 = -0,0668

Soit une baisse d'environ 6,68 %