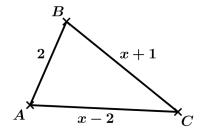
FONCTIONS AFFINES ET INÉQUATIONS E06

EXERCICE N°3 (Le corrigé)

x est un nombre réel supérieur ou égal à 2.

Existe-t-il une ou des valeurs de x pour la(les)quelle(s) le triangle ABC est rectangle en A?



Comme $x \ge 2$, on sait que le plus grand côté est [BC].

On en déduit que si le triangle \overrightarrow{ABC} est rectangle alors son hypoténuse est [BC]

Le triangle \overrightarrow{ABC} est rectangle en A si et seulement si $\overrightarrow{BC}^2 = AB^2 + AC^2$ Or:

$$BC^{2} = AB^{2} + AC^{2}$$

$$\Leftrightarrow (x+1)^{2} = 2^{2} + (x-2)^{2}$$

$$\Leftrightarrow x^{2} + 2x + 1 = 4 + x^{2} - 4x + 4$$

$$\Leftrightarrow x^{2} + 2x + 1 = x^{2} - 4x + 8$$

$$\Leftrightarrow x^{2} + 2x + 1 - (x^{2} - 4x + 4) = 0$$

$$\Leftrightarrow x^{2} + 2x + 1 - x^{2} + 4x - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow 6x - 3 = 0$$

$$\Leftrightarrow 6x = 3$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{3}{6} = 0,5$$

Cette équation possède une unique solution : 0,5.

Mais cette solution n'est pas compatible avec notre problème car 0,5 n'est supérieur ou égal à 2. Ainsi, il n'existe de valeur de x répondant à la question .