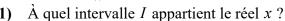
LA DÉRIVATION E07

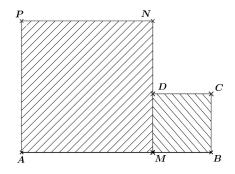
EXERCICE N°1 Du concret : Optimisation d'une aire

Extrait du Sesamath 1er spe n°48 p155

Soit un segment [AB] de longueur 10 et M un point de ce segment. Du même côté de ce segment, on construit deux carrés AMNP et MBCD. On pose AM = x et on étudie l'aire du domaine formé par ces deux carrés en fonction de x.



- 2) Soit f(x) l'aire du domaine. Montrer que, pour tout réel x de I, on a : $f(x) = 2x^2 20x + 100$.
- 3) Justifier que la fonction f est dérivable sur I et déterminer f'(x) pour tout x de I.
- 4) En déduire les variations de f sur I et la valeur de x pour laquelle l'aire du domaine est minimale.



EXERCICE N°2 Du concret : Optimisation d'un bénéfice

Extrait du Sesamath 1er spe n°81 p158

Une coopérative fabrique du jus de pomme. Elle produit entre 0 et 200 litres de jus. Elle a établi que ses coûts de production, en euros, de x dizaines de litres de jus de pommes étaient donnés par la fonction $C: x \mapsto x^2 - x + 10$. Chaque dizaine de litres produite sera vendue 19 \in .

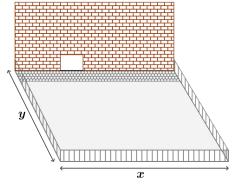
- 1) Quel est l'ensemble de définition de la fonction C?
- 2) On appelle R(x) la recette gagnée par la coopérative pour x dizaines de litres vendus. Exprimer R(x) en fonction de x.
- 3) On appelle B(x) le bénéfice réalisé par la coopérative lorsqu'elle produit et vend x dizaines de litres de jus de pomme. Quel que soit x, on a B(x)=R(x)-C(x). Montrer que la fonction bénéfice B est définie sur [0; 20] par $B(x)=-x^2+20x-10$.
- 4) Étudier les variations de la fonction $B \sup [0; 20]$.
- 5) En déduire le nombre de litres que la coopérative doit produire afin d'obtenir un bénéfice maximum.

EXERCICE N°3 Du concret : Optimisation d'un prix

Extrait du Déclic 1er spe n°87 p 124

Le gérant d'un magasin de sport souhaite faire construire une aire rectangulaire à l'extérieur du magasin pour permettre aux clients de tester certains produits. Il vaut que cette zone occupe 200 m² et que soit installée, sur trois de ses côtés, une clôture en bois coûtant 12 € le mètre. De plus, le long du côté attenant au mur du magasin, il fera poser une rangée de dalle en béton à 15 € le mètre.

Soient y la largeur et x la longueur du rectangle délimitant la zone. Le gérant aimerait connaître les valeurs de x et y qui minimiserait le prix de l'entourage de cette aire sachant que x est compris entre 10 et 40 m .



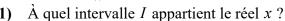
- 1) Montrer que $y = \frac{200}{x}$
- 2) Montrer que le prix p de la construction de l'entourage peut s'exprimer en fonction de x et que $p(x) = 27x + \frac{4800}{x}$
- 3) Étudier les variations de p sur l'intervalle [10; 40].
- **4)** Déterminer les dimensions de la zone pour que le prix de l'entourage soit minimal. Combien le gérant devra-t-il payer ?

LA DÉRIVATION E07

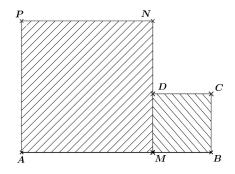
EXERCICE N°1 Du concret : Optimisation d'une aire

Extrait du Sesamath 1er spe n°48 p155

Soit un segment [AB] de longueur 10 et M un point de ce segment. Du même côté de ce segment, on construit deux carrés AMNP et MBCD. On pose AM = x et on étudie l'aire du domaine formé par ces deux carrés en fonction de x.



- 2) Soit f(x) l'aire du domaine. Montrer que, pour tout réel x de I, on a : $f(x) = 2x^2 20x + 100$.
- 3) Justifier que la fonction f est dérivable sur I et déterminer f'(x) pour tout x de I.
- 4) En déduire les variations de f sur I et la valeur de x pour laquelle l'aire du domaine est minimale.



EXERCICE N°2 Du concret : Optimisation d'un bénéfice

Extrait du Sesamath 1er spe n°81 p158

Une coopérative fabrique du jus de pomme. Elle produit entre 0 et 200 litres de jus. Elle a établi que ses coûts de production, en euros, de x dizaines de litres de jus de pommes étaient donnés par la fonction $C: x \mapsto x^2 - x + 10$. Chaque dizaine de litres produite sera vendue 19 \in .

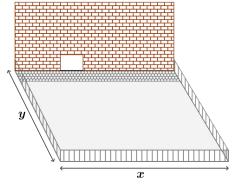
- 1) Quel est l'ensemble de définition de la fonction C?
- 2) On appelle R(x) la recette gagnée par la coopérative pour x dizaines de litres vendus. Exprimer R(x) en fonction de x.
- 3) On appelle B(x) le bénéfice réalisé par la coopérative lorsqu'elle produit et vend x dizaines de litres de jus de pomme. Quel que soit x, on a B(x)=R(x)-C(x). Montrer que la fonction bénéfice B est définie sur [0; 20] par $B(x)=-x^2+20x-10$.
- 4) Étudier les variations de la fonction $B \sup [0; 20]$.
- 5) En déduire le nombre de litres que la coopérative doit produire afin d'obtenir un bénéfice maximum.

EXERCICE N°3 Du concret : Optimisation d'un prix

Extrait du Déclic 1er spe n°87 p 124

Le gérant d'un magasin de sport souhaite faire construire une aire rectangulaire à l'extérieur du magasin pour permettre aux clients de tester certains produits. Il vaut que cette zone occupe 200 m² et que soit installée, sur trois de ses côtés, une clôture en bois coûtant 12 € le mètre. De plus, le long du côté attenant au mur du magasin, il fera poser une rangée de dalle en béton à 15 € le mètre.

Soient y la largeur et x la longueur du rectangle délimitant la zone. Le gérant aimerait connaître les valeurs de x et y qui minimiserait le prix de l'entourage de cette aire sachant que x est compris entre 10 et 40 m .



- 1) Montrer que $y = \frac{200}{x}$
- 2) Montrer que le prix p de la construction de l'entourage peut s'exprimer en fonction de x et que $p(x) = 27x + \frac{4800}{x}$
- 3) Étudier les variations de p sur l'intervalle [10; 40].
- **4)** Déterminer les dimensions de la zone pour que le prix de l'entourage soit minimal. Combien le gérant devra-t-il payer ?