Croissance exponentielle E02

EXERCICE N°1 Reconnaître une croissance exponentielle

On suit l'évolution d'une quantité sur plusieurs périodes. Dans chaque cas, préciser s'il s'agit ou non d'un phénomène à croissance exponentielle.

- 1) La quantité augmente chaque période de 50 %.
- 2) La quantité est augmentée de 50 unités à chaque période.
- 3) La quantité double à chaque période.
- 4) La quantité diminue de 30 % à chaque période.
- 5) La quantité est diminuée de 30 unités à chaque période.

EXERCICE N°2 Déterminer le terme général (et un nouveau symbole)

Préciser la nature puis donner le terme général des suites proposées :

1)
$$u:\begin{cases} u(0) = 3 \\ \forall n \in \mathbb{N}, u(n+1) = 4u(n) \end{cases}$$

2)
$$v:\begin{cases} v_1 = -2 \\ \forall n \in \mathbb{N}^*, v_{n+1} = 0.5 v_n \end{cases}$$

EXERCICE N°3 Sens de variation d'une suite

Préciser la nature puis déterminer le sens de variation des suites proposées :

1)
$$u: \begin{cases} u(0) = 2 \\ \forall n \in \mathbb{N}, u(n+1) = 5u(n) \end{cases}$$

2)
$$v:\begin{cases} v_1 = 10 \\ \forall n \in \mathbb{N}^*, v_{n+1} = 0.95 v_n \end{cases}$$

EXERCICE N°4 Sens de variation d'une fonction exponentielle

Chacune des fonctions suivantes est de la forme : $k \times a^x$. Pour chaque cas, préciser k et a et donner le sens de variation de la fonction. Pour tout $x \in \mathbb{R}_+$:

1)
$$f(x) = 5 \times 0.5^x$$

$$f(x) = 5 \times 0.5^{x}$$
 2) $g(x) = \frac{1}{2} \times 3^{x}$

3)
$$h(x) = 2 \times 1,05^x$$

4)
$$k(x) = 7^x$$

4)
$$k(x) = 7^x$$
 5) $m(x) = 7 \times 0.3^x$ **6)** $n(x) = 0.7^x$

6)
$$n(x) = 0.7^x$$

EXERCICE N°5 Reconnaître une fonction exponentielle sur un graphique

considère les fonctions f, g et h dont les courbes sont tracées dans le repère ci-contre.

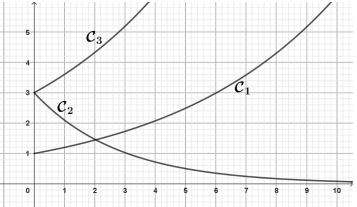
Elles sont respectivement définies pour tout $x \in \mathbb{R}_+$ par :

•
$$f(x) = 3 \times 0.7^{x}$$

•
$$g(x) = 3 \times 1,2^x$$

$$h(x) = 1,2^x$$

Associer chaque fonction à sa courbe représentative.



EXERCICE N°6 Taux moven

Déterminer les taux moyens associés aux taux d'évolution globale et au nombre de périodes données. On arrondira, si nécessaire, à 0,01 % près.

- 1) Une hausse globale de 15 % sur cinq périodes.
- 2) Une baisse globale de 20 % sur quatre périodes.
- 3) Une hausse globale de 1,2 % sur deux périodes.
- 4) Une baisse globale de 70 % sur 10 périodes.

EXERCICE N°7 Recherche de seuil

On considère les fonctions f et g respectivement définies sur \mathbb{R}_+ par :

$$f(x) = 8 \times 0.5^{x}$$
 et $g(x) = 0.1 \times 1.5^{x}$.

- 1) Afficher les courbes à la calculatrice.
- 2) Déterminer à partir de quelle valeur entière de x, on a f(x) < g(x).

Croissance exponentielle E02

EXERCICE N°1 Reconnaître une croissance exponentielle

On suit l'évolution d'une quantité sur plusieurs périodes. Dans chaque cas, préciser s'il s'agit ou non d'un phénomène à croissance exponentielle.

- 1) La quantité augmente chaque période de 50 %.
- 2) La quantité est augmentée de 50 unités à chaque période.
- 3) La quantité double à chaque période.
- 4) La quantité diminue de 30 % à chaque période.
- 5) La quantité est diminuée de 30 unités à chaque période.

EXERCICE N°2 Déterminer le terme général (et un nouveau symbole)

Préciser la nature puis donner le terme général des suites proposées :

1)
$$u:\begin{cases} u(0) = 3 \\ \forall n \in \mathbb{N}, u(n+1) = 4u(n) \end{cases}$$

2)
$$v:\begin{cases} v_1 = -2 \\ \forall n \in \mathbb{N}^*, v_{n+1} = 0.5 v_n \end{cases}$$

EXERCICE N°3 Sens de variation d'une suite

Préciser la nature puis déterminer le sens de variation des suites proposées :

1)
$$u: \begin{cases} u(0) = 2 \\ \forall n \in \mathbb{N}, u(n+1) = 5u(n) \end{cases}$$

2)
$$v:\begin{cases} v_1 = 10 \\ \forall n \in \mathbb{N}^*, v_{n+1} = 0.95 v_n \end{cases}$$

EXERCICE N°4 Sens de variation d'une fonction exponentielle

Chacune des fonctions suivantes est de la forme : $k \times a^x$. Pour chaque cas, préciser k et a et donner le sens de variation de la fonction. Pour tout $x \in \mathbb{R}_+$:

1)
$$f(x) = 5 \times 0.5^x$$

$$f(x) = 5 \times 0.5^{x}$$
 2) $g(x) = \frac{1}{2} \times 3^{x}$

3)
$$h(x) = 2 \times 1,05^x$$

4)
$$k(x) = 7^x$$

4)
$$k(x) = 7^x$$
 5) $m(x) = 7 \times 0.3^x$ **6)** $n(x) = 0.7^x$

6)
$$n(x) = 0.7^x$$

EXERCICE N°5 Reconnaître une fonction exponentielle sur un graphique

considère les fonctions f, g et h dont les courbes sont tracées dans le repère ci-contre.

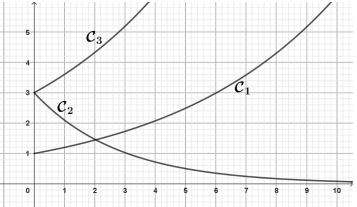
Elles sont respectivement définies pour tout $x \in \mathbb{R}_+$ par :

•
$$f(x) = 3 \times 0.7^{x}$$

•
$$g(x) = 3 \times 1,2^x$$

$$h(x) = 1,2^x$$

Associer chaque fonction à sa courbe représentative.



EXERCICE N°6 Taux moven

Déterminer les taux moyens associés aux taux d'évolution globale et au nombre de périodes données. On arrondira, si nécessaire, à 0,01 % près.

- 1) Une hausse globale de 15 % sur cinq périodes.
- 2) Une baisse globale de 20 % sur quatre périodes.
- 3) Une hausse globale de 1,2 % sur deux périodes.
- 4) Une baisse globale de 70 % sur 10 périodes.

EXERCICE N°7 Recherche de seuil

On considère les fonctions f et g respectivement définies sur \mathbb{R}_+ par :

$$f(x) = 8 \times 0.5^{x}$$
 et $g(x) = 0.1 \times 1.5^{x}$.

- 1) Afficher les courbes à la calculatrice.
- 2) Déterminer à partir de quelle valeur entière de x, on a f(x) < g(x).