LA FONCTION INVERSE E01

EXERCICE N°4 (Le corrigé)

Résoudre les équations suivantes pour tout réel x non nul

1)
$$\frac{-3}{x} = 0$$

2)
$$\frac{4}{x} = \frac{3}{x} + 2$$

3)
$$-\frac{5}{x} + 2 = \frac{3}{x} - 1$$

4)
$$\frac{4}{x} + \frac{1}{2} = 0$$

L'énoncé nous précise que $x \neq 0$, il n'est donc pas nécessaire de le rappeler à chaque question. Par contre, au cas où, on garde à l'esprit qu'il faut vérifier si il n'y pas d'autres valeurs interdites.

$$\frac{-3}{x}$$
 = 0 n'admet aucune solution.

L'énoncé nous précise que $x \neq 0$, il n'est donc pas nécessaire de le rappeler à chaque question. Par contre, au cas où, on garde à l'esprit qu'il faut vérifier si il n'y pas d'autres valeurs interdites.

$$\frac{4}{x} = \frac{3}{x} + 2 \iff \frac{1}{x} = 2 \iff 1 = 2x \iff \frac{1}{2} = x$$
Valable car $x \neq 0$

L'équation admet une unique solution : $\frac{1}{2}$

Au cas où :
$$\frac{4}{x} - \frac{3}{x} = \frac{3}{x} + 2 - \frac{3}{x}$$

L'énoncé nous précise que $x \neq 0$, il n'est donc pas nécessaire de le rappeler à chaque question. Par contre, au cas où, on garde à l'esprit qu'il faut vérifier si il n'y pas d'autres valeurs interdites. 3)

$$-\frac{5}{x} + 2 = \frac{3}{x} - 1 \Leftrightarrow 3 = \frac{8}{x} \iff 3x = 8 \Leftrightarrow x = \frac{8}{3}$$

L'équation admet une unique solution : $\frac{8}{3}$

Au cas où:
$$-\frac{5}{x} + 2 + \frac{5}{x} + 1 = \frac{3}{x} - 1 + 1 + \frac{5}{x}$$

L'énoncé nous précise que $x \neq 0$, il n'est donc pas nécessaire de le rappeler à chaque question. Par contre, au cas où, on garde à l'esprit qu'il faut vérifier si il n'y pas d'autres valeurs interdites.

4)

$$\frac{4}{x} + \frac{1}{2} = 0 \Leftrightarrow \frac{4}{x} = -\frac{1}{2} \underset{\text{Valable car } x \neq 0}{\Leftrightarrow} \qquad 8 = -x \Leftrightarrow -8 = x$$

L'équation admet une unique solution : -8