

FONCTIONS AFFINES ET INÉQUATIONS E06

EXERCICE N°2 (Le corrigé)

Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes.

1) $x^2 + 1 > (x+1)^2$

$$\begin{aligned} & x^2 + 1 > (x+1)^2 \\ \Leftrightarrow & x^2 + 1 > x^2 + 2x + 1 \\ \Leftrightarrow & x^2 + 1 - (x^2 + 2x + 1) < 0 \\ \Leftrightarrow & x^2 + 1 - x^2 - 2x - 1 > 0 \\ \Leftrightarrow & -2x > 0 \\ \Leftrightarrow & x < 0 \end{aligned}$$

On n'oublie pas que pour la dernière ligne, on a divisé par -2 chaque membre...

En notant S , l'ensemble des solutions :

$$S =]-\infty ; 0[$$

2) $3 - 4x \leq 6(x-2) - 10x$

$$\begin{aligned} & 3 - 4x \leq 6(x-2) - 10x \\ \Leftrightarrow & 3 - 4x \leq 6x - 12 - 10x \\ \Leftrightarrow & 3 - 4x \leq -4x - 12 \\ \Leftrightarrow & 3 - 4x - (-4x - 12) \leq 0 \\ \Leftrightarrow & 3 - 4x + 4x + 12 \leq 0 \\ \Leftrightarrow & 15 \leq 0 \end{aligned}$$

Cette dernière inégalité étant fausse (et ce quelle que soit la valeur de x puisqu'elle n'en dépend pas), on en déduit que

l'inéquation n'admet aucune solution.

On peut aussi écrire :

En notant S l'ensemble des solutions :

$$S = \emptyset$$

(\emptyset se lit : « ensemble vide »)

▪ Les symboles de comparaison bleus indiquent que l'on s'est posé la question : « Est-ce que je change le sens de l'inégalité ou pas ? »

▪ Comme d'habitude plusieurs autres « chemins » sont possibles pour arriver au même but et les lignes vertes ne sont pas nécessaires sur une copie.

3) $3(1-2x) \geq -6x+2$

$$\begin{aligned} & 3(1-2x) \geq -6x+2 \\ \Leftrightarrow & 3-6x \geq -6x+2 \\ \Leftrightarrow & 3-6x - (-6x+2) \geq 0 \\ \Leftrightarrow & 3-6x+6x-2 \geq 0 \\ \Leftrightarrow & 1 \geq 0 \end{aligned}$$

Cette dernière inégalité étant vraie (et ce quelle que soit la valeur de x puisqu'elle n'en dépend pas), on en déduit que tous les nombres sont solutions.

Autrement dit : En notant S l'ensemble des solutions : $S = \mathbb{R}$