FONCTIONS AFFINES ET ÉQUATIONS E01C

EXERCICE N°1 Maîtriser les bases (le corrigé)

Les fonctions suivantes, sont des fonctions affines qui, pour tout réel x, sont de la forme $x\mapsto m\,x+p$. Donner pour chacune la valeur de m et de p.

1)
$$x \mapsto 3x + 4$$

2)
$$x \mapsto -4x+1$$

3)
$$x \mapsto x+5$$

$$m = 3 \text{ et } p = 4$$

$$m = -4$$
 et $p = 1$

$$m = 1 \text{ et } p = 5$$

4)
$$x \mapsto 4-2x$$

5)
$$x \mapsto -7$$

6)
$$x \mapsto 8x$$

$$m = -2$$
 et $p = 4$

$$m = 0$$
 et $p = -7$

$$m = 8 \text{ et } p = 0$$

7)
$$x \mapsto \frac{-x}{2} + 3$$

8)
$$x \mapsto \frac{1}{3}x - \frac{1}{4}$$

$$9) \qquad x \mapsto x \left(x + \frac{1}{3} \right) - x^2$$

$$m = -\frac{1}{2}$$
 et $p = 3$

$$m = \frac{1}{3}$$
 et $p = -\frac{1}{4}$

$$m = \frac{1}{3}$$
 et $p = 0$

Quelques remarques:

• Pour 4)

« On remet dans l'ordre » : -2x+4

• Pour 5)

On pourrait écrire : 0x-7

• Pour 6)

On pourrait écrire : 8x+0

Pour le 7)

$$\frac{-x}{2} = -\frac{1}{2}x$$

• Pour le 9)

On sait reconnaître l'expresion d'une fonction affine en se basant sur sa forme développée réduite, donc on commence par déterminer cette forme...

$$x\left(x+\frac{1}{3}\right)-x^2 = x^2+\frac{1}{3}x-x^2 = \frac{1}{3}x$$

que l'on pourrait écrire $\frac{1}{3}x+0$