

# LA DÉRIVATION E04

## EXERCICE N°1 Un peu de pratique : dérivée et équation de tangente

Pour chaque fonction  $f$ , déterminer sa fonction dérivée  $f'$  sur l'intervalle  $I$  qui est donné puis déterminer l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative  $C_f$  de la fonction  $f$  au point d'abscisse  $a$ .

- 1)  $f(x) = 4x^3 - 5x + 3$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = 1$ .
- 2)  $f(t) = -7t^2 - \frac{3}{t} + 5$ ,  $I = ]0 ; +\infty[$ ,  $a = 3$ .
- 3)  $f(x) = (2x-3)^3(x^2+1)$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = -1$ .
- 4)  $f(x) = \frac{4x^5 - 10x^2 + 3}{2x}$ ,  $I = ]-\infty ; 0[$ ,  $a = -1$ .

## EXERCICE N°2 Un peu de pratique : dérivée et nombre dérivé

Pour chaque fonction  $f$ , déterminer sa fonction dérivée  $f'$  sur l'intervalle  $I$  qui est donné puis calculer le nombre dérivé de  $f$  en  $a$ .

*Aide au calcul*  
 $125 \times 105 = 13125$   
 $54 \times 11^4 = 790614$

- 1)  $f(x) = \frac{\sqrt{2x+1}}{3x+2}$ ,  $I = [0 ; +\infty[$ ,  $a = 1$ .
- 2)  $f(t) = (2t+1)^3(5-3t)^4$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = -2$ .
- 3)  $f(x) = \frac{3+x^2}{(5x-10)^4}$ ,  $I = ]2 ; +\infty[$ ,  $a = 3$ .
- 4)  $f(x) = \frac{\sqrt{6-2x}}{x^2}$ ,  $I = ]0 ; 3]$ ,  $a = 1$ .

## EXERCICE N°3 Tangentes parallèles à une droite donnée

Extrait du déclin 1<sup>er</sup> spé 74 p 122

On considère la courbe  $C_f$  représentant la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = -3x^3 - x^2 - x + 1$$

*Aide au calcul*  
 $-\frac{343}{243} - \frac{49}{81} - \frac{7}{9} + 1 = -\frac{436}{243}$   
 $\frac{56}{9} - \frac{436}{243} = \frac{1076}{243}$

Déterminer les tangentes à  $C_f$  parallèles à la droite d'équation  $y = -8x + 2$ .

On précisera l'abscisse des points de tangence et leurs équations réduites respectives.

## EXERCICE N°4 Tangentes passant par un point donné

Extrait du déclin 1<sup>er</sup> spé 99 p 127

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = \frac{2}{x^2+1}$$

et on note  $C_f$  sa courbe représentative.

On souhaite déterminer les tangentes à  $C_f$  passant par le point  $M(0 ; 2)$ .

- 1) Démontrer que la tangente  $t_a$  au point d'abscisse  $a \in \mathbb{R}$  à la courbe  $C_f$  a pour équation réduite :

$$y = -\frac{4a}{(a^2+1)^2}x + \frac{6a^2+2}{(a^2+1)^2}.$$

- 2) Montrer que  $M(0 ; 2) \in T_a \Leftrightarrow a^2 - a^4 = 0$ .

- 3) Conclure.

# LA DÉRIVATION E04

## EXERCICE N°1 *Un peu de pratique : dérivée et équation de tangente*

Pour chaque fonction  $f$ , déterminer sa fonction dérivée  $f'$  sur l'intervalle  $I$  qui est donné puis déterminer l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative  $C_f$  de la fonction  $f$  au point d'abscisse  $a$ .

- 1)  $f(x) = 4x^3 - 5x + 3$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = 1$ .
- 2)  $f(t) = -7t^2 - \frac{3}{t} + 5$ ,  $I = ]0 ; +\infty[$ ,  $a = 3$ .
- 3)  $f(x) = (2x-3)^3(x^2+1)$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = -1$ .
- 4)  $f(x) = \frac{4x^5 - 10x^2 + 3}{2x}$ ,  $I = ]-\infty ; 0[$ ,  $a = -1$ .

## EXERCICE N°2 *Un peu de pratique : dérivée et nombre dérivé*

Pour chaque fonction  $f$ , déterminer sa fonction dérivée  $f'$  sur l'intervalle  $I$  qui est donné puis calculer le nombre dérivé de  $f$  en  $a$ .

*Aide au calcul*  
 $125 \times 105 = 13125$   
 $54 \times 11^4 = 790614$

- 1)  $f(x) = \frac{\sqrt{2x+1}}{3x+2}$ ,  $I = [0 ; +\infty[$ ,  $a = 1$ .
- 2)  $f(t) = (2t+1)^3(5-3t)^4$ ,  $I = \mathbb{R}$ ,  $a = -2$ .
- 3)  $f(x) = \frac{3+x^2}{(5x-10)^4}$ ,  $I = ]2 ; +\infty[$ ,  $a = 3$ .
- 4)  $f(x) = \frac{\sqrt{6-2x}}{x^2}$ ,  $I = ]0 ; 3]$ ,  $a = 1$ .

## EXERCICE N°3 *Tangentes parallèles à une droite donnée*

Extrait du décliné 1<sup>er</sup> spé 74 p 122

On considère la courbe  $C_f$  représentant la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = -3x^3 - x^2 - x + 1$$

*Aide au calcul*  
 $-\frac{343}{243} - \frac{49}{81} - \frac{7}{9} + 1 = -\frac{436}{243}$   
 $\frac{56}{9} - \frac{436}{243} = \frac{1076}{243}$

Déterminer les tangentes à  $C_f$  parallèles à la droite d'équation  $y = -8x + 2$ .

On précisera l'abscisse des points de tangence et leurs équations réduites respectives.

## EXERCICE N°4 *Tangentes passant par un point donné*

Extrait du décliné 1<sup>er</sup> spé 99 p 127

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = \frac{2}{x^2+1}$$

et on note  $C_f$  sa courbe représentative.

On souhaite déterminer les tangentes à  $C_f$  passant par le point  $M(0 ; 2)$ .

- 1) Démontrer que la tangente  $t_a$  au point d'abscisse  $a \in \mathbb{R}$  à la courbe  $C_f$  a pour équation réduite :

$$y = -\frac{4a}{(a^2+1)^2}x + \frac{6a^2+2}{(a^2+1)^2}.$$

- 2) Montrer que  $M(0 ; 2) \in T_a \Leftrightarrow a^2 - a^4 = 0$ .

- 3) Conclure.