

SUITES NUMÉRIQUES E02

EXERCICE N°1 (Le corrigé)

Une entreprise compte 23 salariés en fin d'année 2010. Durant l'année, le nombre de ses salariés double, mais en fin d'année, 22 salariés quittent l'entreprise.
On note s_n le nombre de salariés fin 2010 + n .

- 1) Écrire une relation de récurrence entre s_{n+1} et s_n .

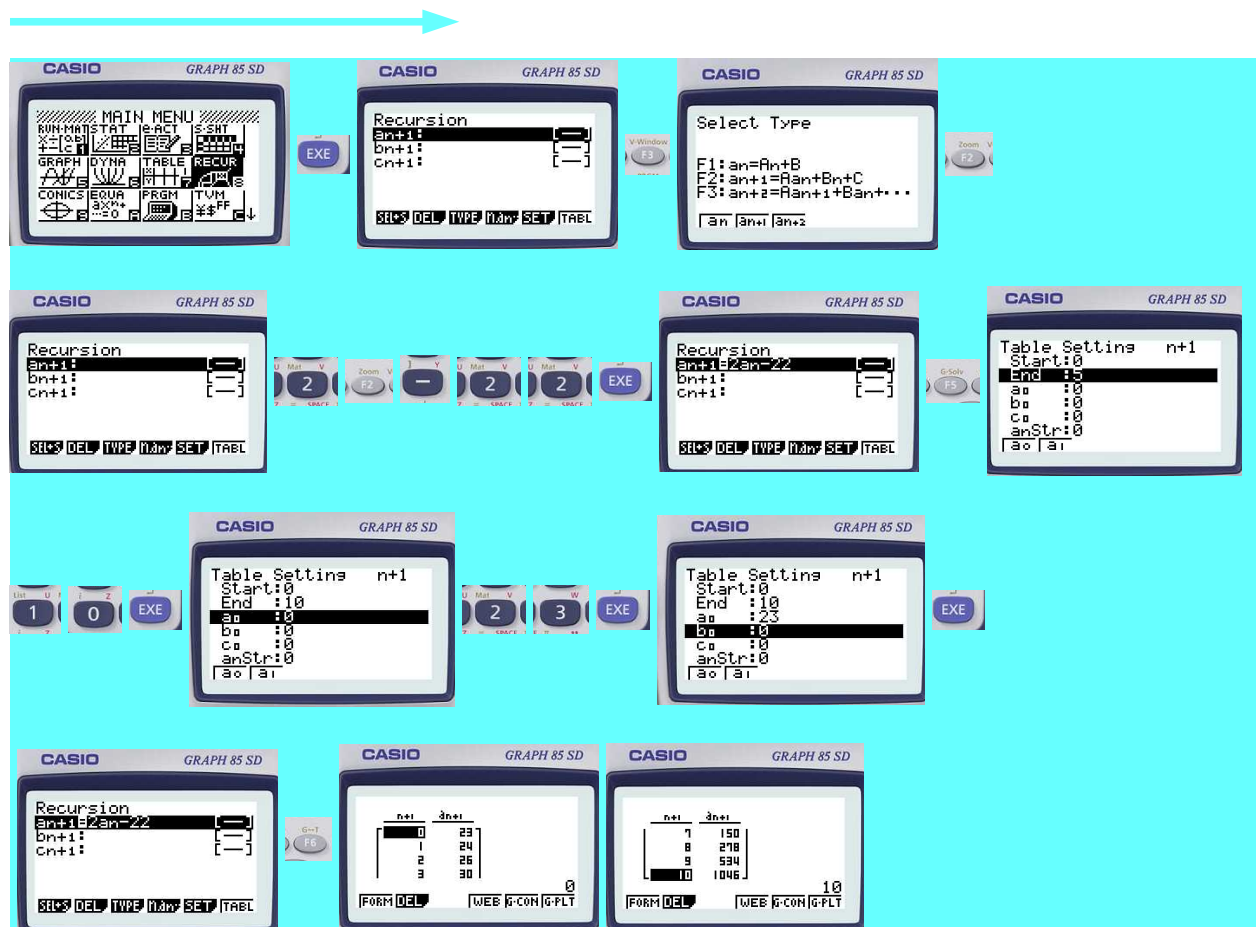
$$s_{n+1} = 2s_n - 22$$

Chaque année le nombre de salariés double : $2s_n$

mais en fin d'année, 22 salariés quittent l'entreprise : -22

- 2) À l'aide d'une calculatrice, calculer le nombre de salariés de proche en proche, jusqu'en fin 2020.

Nous allons utiliser le menu « RECUR »



2020 = 2010 + n , il s'agit donc de déterminer s_{10}

à l'aide la calculatrice, nous trouvons $s_{10} = 1046$.

Ainsi, en 2020, l'entreprise comptera 1046 salariés.

SUITES NUMÉRIQUES E02

EXERCICE N°2 (Le corrigé)

Entre 2010 et 2017, le prix annuel moyen d'un paquet de 20 cigarettes est passé de 3,20 € à 7,05 €. Il était de 7 € en 2016,

1) Calculer l'augmentation du prix entre 2010 et 2017, puis l'augmentation moyenne a sur un an.

$$7,05 - 3,2 = 3,85$$

De 2010 à 2017 le prix a augmenté de $3,85 \text{ €}$.

$$a = \frac{3,85}{7} = 0,55$$

Donc l'augmentation moyenne entre 2010 et 2017 est $a = 0,55 \text{ €}$

2) On suppose que le prix va continuer à augmenter de a € à partir de 2017.

On note $p(n)$ le prix en $2017+n$. Écrire la relation de récurrence entre $p(n)$ et $p(n+1)$. Suivant ce modèle, calculer le prix en 2021 de proche en proche, ou avec une calculatrice.

$$p(n+1) = p(n) + 0,55$$

On va procéder de la même façon qu'à la question 2) de l'exercice n°1.

2021 = 2017 + 4, il s'agit donc de déterminer $p(4)$



à l'aide de la calculatrice, nous trouvons : $p(4) = 9,25$

En 2021, le prix du paquet devrait être de $9,25 \text{ €}$.

3) En réalité, il est prévu 4 augmentations : 0,50 € en mars 2019, novembre 2019 et avril 2020 et 0,4 € en novembre 2020. Calculer le prix prévu fin 2020. Commenter.

En 2018, le prix du paquet était de 8,15 €.

En 2019, il a augmenté de $0,5 + 0,5 = 1 \text{ €}$. On en déduit que le prix était alors de 9,15 €.

Enfin, en 2020, il augmente de $0,5 + 0,4 = 0,9 \text{ €}$. Le prix prévu fin 2020 est donc de 10,05 €.

L'augmentation est beaucoup plus forte que prévue initialement. On peut penser que la raison est de dissuader plus efficacement les acheteurs...

SUITES NUMÉRIQUES E02

EXERCICE N°3 Python (Le corrigé)

Léa veut investir dans un commerce. Elle met 6 000 € sur un compte, puis ajoute 300 € tous les mois, sans rien retirer. Elle désire connaître le montant de son compte après n mois de placement.

- 1) Calculer le montant du compte de Léa, mois après mois, jusqu'après 3 mois de placement.

$$6000 + 300 = 6300$$

1^{er} mois : 6300 €

$$6300 + 300 = 6600$$

2^{ème} mois : 6600 €

$$6600 + 300 = 6900$$

3^{ème} mois : 6900 €

- 2) Appliquer le programme ci-dessous, écrit en langage naturel, pour $n=3$.

```
1  $u \leftarrow 6000$ 
2 Pour  $i$  allant de 1 à  $n$ 
3    $u \leftarrow u + 300$ 
4 Fin pour
```

u	6000	6300	6600	6900
n		3	3	3
i		1	2	3

On décrit l'évolution du contenu des variables.

- 3) Lequel de ces deux scripts est sa traduction en langage Python? Expliquer la différence.

```
def epargne( $n$ ):
     $u = 6000$ 
    for  $i$  in range( $n$ ):
         $u = u + 300$ 
    return  $u$ 
```

```
def epargne( $n$ ):
     $u = 6000$ 
    for  $i$  in range( $n-1$ ):
         $u = u + 300$ 
    return  $u$ 
```

C'est le premier script qui est la bonne traduction.

Notons toutefois que i ne prendra pas les valeurs 1, 2 et 3 mais 0, 1 et 2 ce qui ne changera pas les valeurs de u .

Le deuxième script donne en réalité la valeur de l'épargne au mois $n-1$

SUITES NUMÉRIQUES E02

EXERCICE N°4 (Le corrigé)

On considère une suite u définie par une relation fonctionnelle $u(n)=f(n)$.

1) La fonction f est croissante sur $[0 ; +\infty[$: peut-on affirmer que la suite u est croissante ?

La réponse est OUI.

Comme f est croissante sur $[0 ; +\infty[$ alors pour tout a et b ($a < b$) dans $[0 ; +\infty[$ on a : $f(a) < f(b)$.

En particulier, pour $a=n$ et $b=n+1$ on obtient que $f(n) < f(n+1)$ c'est à dire que $u(n) < u(n+1)$

2) La suite u est croissante : peut-on affirmer que la fonction f est croissante sur $[0 ; +\infty[$?

La réponse est NON.

Sur le contre-exemple suivant la suite u est représentée par les points « ronds » et la fonction f par la courbe verte.

La suite u est bien croissante alors que f n'est ni croissante ni décroissante.

