LES FONCTIONS EXPONENTIELLES E03

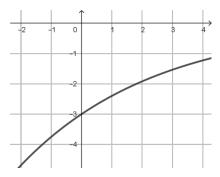
EXERCICE N°3

(Le corrigé)

Soient k et a deux réels.

On donne ci-contre la représentation graphique d'une fonction f définie pour tout réel x par : $f(x)=ka^x$.

Quelle est l'expression de f parmi les 4 propositions suivantes. Justifier.



•
$$f_1(x) = 3 \times 0.8^x$$

•
$$f_2(x) = -3 \times 0.8^x$$

•
$$f_3(x) = -3 \times 1,2^x$$

•
$$f_1(x) = 3 \times 0.8^x$$

• $f_2(x) = -3 \times 0.8^x$
• $f_3(x) = -3 \times 1.2^x$
• $f_4(x) = -3 \times 1.2^{-x}$

La courbe passe par le point de coordonnées (0; -3) ce qui exclut f_1 .

Car
$$f_1(0) = 3 \times 0.8^0 = 3$$

La courbe représente une fonction croissante, ce qui exclut f_3 .

On va calculer l'image d'un point pour départager les deux dernières.

$$f_2(2) = -3 \times 0.8^2 \approx -1.92 > -2$$

$$f_4(2) = -3 \times 1, 2^{-2} \approx -2,08 < -2$$

On a choisi de calculer l'image de 2 car la courbe « passe près d'une intersection de carreaux » et qu'il est possible que les valeurs obtenues permettent de trancher.

Pour 1 ou 3 par exemple le dessin ne permet pas de trancher « nettement ».

$$f_4(2) = -3 \times 1, 2^{-2} \approx -2,08 < -2$$
 ce qui exclut car $f(2) > -2$.

Il nous reste
$$f_2(x) = -3 \times 0.8^x$$