

DEVOIR SURVEILLÉ N°1

Nom :

Prénom :

Classe :

L'usage de la calculatrice est autorisé.

Le sujet est à rendre avec la copie

PREMIÈRE PARTIE

EXERCICE N°1

Automatismes

(5 points)

Pour ce premier exercice, aucune justification n'est demandée et une seule réponse est possible par question. Pour chaque question, reportez son numéro sur votre copie et indiquez votre réponse.

1) Jean consacre 25 % de sa journée de dimanche à faire ses devoirs.

80 % du temps consacré aux devoirs est consacré à faire un exposé.

Le pourcentage du temps consacré à l'exposé par rapport à la journée de dimanche est égal à :

1.a)

$$80\% - 25\%$$

1.b)

$$\frac{1}{4} \times 80\%$$

1.c)

$$0,08 \times 25\%$$

1.d)

Cela dépend de la durée de la journée de dimanche.

2) Un prix diminue de 50 %. Pour retrouver le prix initial, il faut une augmentation de :

2.a)

$$50\%$$

2.b)

$$100\%$$

2.c)

$$150\%$$

2.d)

$$200\%$$

3) Le prix d'une tablette a baissé : il est passé de 250 euros à 200 euros.

Cela signifie que ce prix a été multiplié par :

3.a)

$$1,25$$

3.b)

$$0,75$$

3.c)

$$0,8$$

3.d)

$$-0,8$$

4) On donne ci-contre la courbe représentative \mathcal{C} d'une fonction f définie sur l'intervalle $[-3 ; 2]$. On s'intéresse à l'équation $f(x) = 0$.

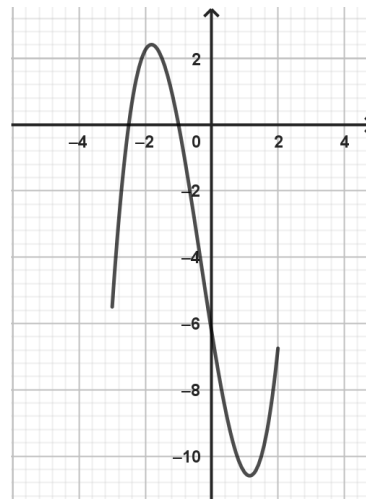
Une seule de ces propositions est exacte :

4.a) L'équation $f(x) = 0$ n'admet aucune solution

4.b) L'équation $f(x) = 0$ admet exactement une solution.

4.c) L'équation $f(x) = 0$ admet exactement deux solutions, et ces solutions sont négatives.

4.d) L'équation $f(x) = 0$ admet exactement deux solutions, et ces solutions sont de signes contraires.



5) On considère une fonction f définie sur \mathbb{R} dont le tableau de signes est donné ci-dessous.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f(x)$	+	0	-

Parmi les quatre expressions proposées pour la fonction f , une seule est possible.

5.a)

$$f(x) - 3x + 6$$

5.b)

$$f(x) x + 2$$

5.c)

$$f(x) x - 2$$

5.d)

$$f(x) - 4x + 2$$

DEUXIÈME PARTIE

EXERCICE N°2

(8 points)

On considère la parabole représentative de la fonction f définie \mathbb{R} sur par :

$f(x) = x^2 - 4x - 5$ dont le graphique est donné ci-contre dans un repère orthogonal :

On donne les renseignements suivants :

A a pour coordonnées $(-1 ; 0)$ et

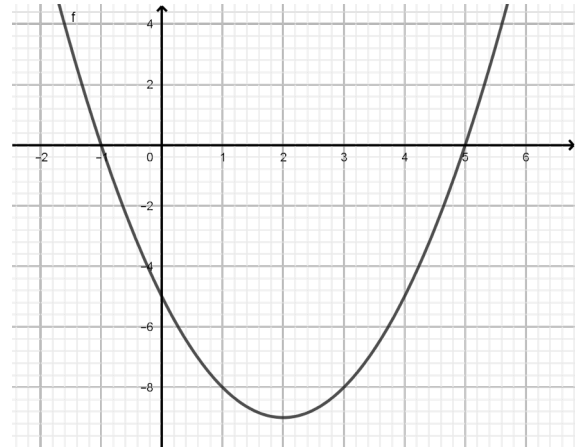
B a pour coordonnées $(5 ; 0)$.

1) Déterminer par le calcul la valeur exacte de l'ordonnée du point de la parabole d'abscisse 6.

2) En utilisant la méthode de votre choix, graphique ou algébrique, déterminer la forme factorisée de $f(x)$.

3) Calculer les coordonnées du sommet S de la parabole.

4) Résoudre l'équation $f(x) = -5$.



EXERCICE N°3

(7 points)

Une entreprise fabrique des lampes solaires. Elle ne peut pas produire plus de 5000 lampes par mois. Le résultat qu'elle peut réaliser en un mois, exprimé en centaines d'euros, est modélisé par une fonction b dont la représentation graphique est donnée ci-dessous. On rappelle que lorsque le résultat est positif, on l'appelle bénéfice. L'axe des abscisses indique le nombre de lampes produites et vendues exprimé en centaines.

En utilisant le graphique :

1) Lire $b(10)$ et interpréter ce résultat dans le contexte de l'exercice.

2) Déterminer avec la précision que la lecture graphique permet, le bénéfice maximal que peut réaliser l'entreprise et les quantités de lampes à fabriquer correspondantes.

3) La fonction b définie sur l'intervalle $[0 ; +\infty[$ est définie par l'expression suivante :

$$b(x) = -3x^2 + 160x - 1600$$

3.a) Montrer que :

$$b(x) = (x - 40)(-3x + 40)$$

3.b) Résoudre $b(x) = 0$

3.c) Donner la valeur exacte du maximum de la fonction b et en quel nombre il est atteint.

