

# LA MÉTHODE CMR E01C

## EXERCICE N°3 Je prépare le DS (Le corrigé)

Dès leur arrivée en Nouvelle-Zélande autour de 1200, les êtres humains y ont introduit de nombreuses espèces. Sans prédateurs naturels, certaines pullulent. Ainsi, de nos jours, la vallée de l'Orongorongo est confrontée à une invasion de rats noirs, que les autorités essaient de limiter. Un site de la vallée est pris pour étude.

Résultats de CMR sur la période 2003-2004 dans la vallée d'Orongorongo

	Session 2003	Session 2004
Individus capturés en début de session	34	28
Individus capturés en fin de session	52	60
Individus marqués dans la recapture	26	24

1) Déterminer la taille de la population au départ de l'étude en 2003.

Nous allons calculer l'indice de Lincoln-Petersen que nous noterons  $N$ .

Nous savons que  $N = \frac{M \times c}{r}$

où

- $M$  est le nombre d'individus marqués lors de la première capture,
- $c$  est le nombre d'individus capturés lors de la seconde capture et
- $r$  est le nombre d'individus recapturés.

Ainsi :

$$N = \frac{34 \times 52}{26} = 68$$

On peut donc estimer la population de rats noirs en 2003 comportait environ 68 individus .

2) Déterminer la taille de la population en 2004.

Avec les mêmes notations,

$$N = \frac{28 \times 60}{24} = 70$$

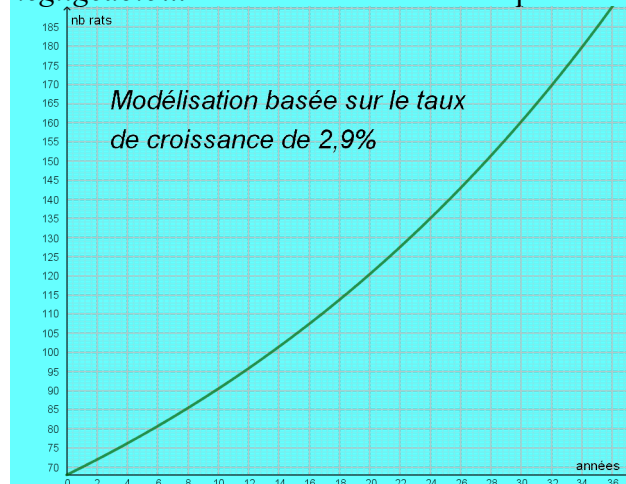
On peut donc estimer la population de rats noirs en 2004 comportait environ 70 individus .

3) Le gouvernement craint une croissance de la population. À l'aide des résultats de l'étude, donner des arguments pour confirmer ou modérer cette crainte. Que conseiller d'autre ?

▪ En 2003, la taille de la population était de 68 individus, et en 2004, elle est passée à 70 individus. La croissance de la population de rats noirs est donc modérée avec seulement une augmentation de 2 individus en une année ce qui représente :

$$70 - 68 / 68 \approx 0,029 \text{ soit une hausse d'environ } 2,9 \%$$

Vous trouverez dans vos manuels où sur le net que cette évolution est considérée comme *négligeable*... à vous d'exercer votre esprit critique...



▪ Il faudrait poursuivre l'étude sur plusieurs années afin de confirmer ou d'infirmer cette augmentation.

4) Une ville envisage de lancer une campagne massive de dératisation. Les scientifiques veulent estimer l'impact du poison sur la mortalité au sein de la population de rats. Sur 200 rats retrouvés morts depuis le début de l'étude, 100 présentent des signes d'empoisonnement, soit 50 %.

Déterminer si cette fréquence observée est précise à  $\pm 3$  % avec un niveau de confiance de 95 %.

Notons  $f$  la fréquence observée,

$$f = 0,5$$

Il s'agit de calculer la marge d'erreur pour un niveau de confiance 95 % :

$$\epsilon = 1,96 \sqrt{0,5 \frac{(1-0,5)}{200}} \approx 0,069 \text{ soit environ } 6,9 \text{ \%}.$$

Cette marge est supérieure à 3 % donc cette fréquence n'est pas précise à  $\pm 3$  % .

5) Le gouvernement néo-zélandais considère que cette estimation n'est pas assez fiable. Calculer le nombre de rats devant être échantillonnés pour considérer que cette valeur de 50 % de rats empoisonnés soit fiable à  $\pm 3$  % avec un niveau de confiance de 95 %.

Notons  $n$  le nombre rats devant être échantillonnés.

La question se traduit par :

$$\epsilon \leq 0,03$$

qui équivaut à :

$$1,96 \sqrt{\frac{0,5(1-0,5)}{n}} \leq 0,03$$

$$1,96 \sqrt{\frac{0,5(1-0,5)}{n}} \leq 0,03 \Leftrightarrow \sqrt{\frac{0,25}{n}} \leq \frac{0,03}{1,96} \Leftrightarrow \frac{0,25}{n} \leq \left(\frac{0,03}{1,96}\right)^2$$

car on travaille avec  
des nombres positifs

$$\Leftrightarrow \underbrace{\frac{n}{0,25}}_{\text{par passage à l'inverse}} \geq \left(\frac{1,96}{0,03}\right)^2 \Leftrightarrow n \geq 0,25 \times \left(\frac{1,96}{0,03}\right)^2 \approx 1067,11$$

On prendra donc l'unité supérieure puisque  $n$  est un nombre entier.

Ou encore à :

$$n \geq 1068 \text{ .}$$

On faudra donc capturer au moins 1068 rats pour avoir la fiabilité cherchée.