CCF 全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2012) 复赛

普及组

(请选手务必仔细阅读本页内容)

一. 题目概况

中文题目名称	质因数分解	寻宝	摆花	文化之旅
英文题目与子目录	prime	treasure	flower	culture 🔥
可执行文件名	prime	treasure	flower	culture
输入文件名	prime.in	treasure.in	flower.in	culture.in
输出文件名	prime.out	treasure.out	flower.out	culture.out
每个测试点时限	1 秒	1秒	1 秒	1 秒
测试点数目	10	10	10	10
每个测试点分值	10	10	10	10
附加样例文件	有	有	有	有
结果比较方式	全文比较(过滤行末空格及文末回车)			
题目类型	传统	传统	传统	传统

二. 提交源程序文件名

对于 C++语言	prime.cpp	treasure.cpp	flower.cpp	culture.cpp
对于C语言	prime.c	treasure.c	flower.c	culture.c
对于 pascal 语	prime.pas	treasure.pas	flower.pas	culture.pas

三. 编译命令(不包含任何优化开关)

	- And 1 1-1016-		~ ~		
	对于 C++语言	g++ -o prime	g++ -o treasure	g++ -o flower	g++ -o culture
		prime.cpp -lm	treasure.cpp -lm	flower.cpp -lm	culture.cpp -lm
Ī	对于 C 语言	gcc -o prime	gcc -o treasure	gcc-o flower	gcc -o culture
		prime.c -lm	treasure.c -lm	flower.c -lm	culture.c -lm
	对于 pascal 语	fpc prime.pas	fpc	fpc flower.pas	fpc culture.pas

四. 运行内存限制

内存上限	128M	128M	128M	128M

注意事项:

- 1、文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 2、C/C++中函数 main()的返回值类型必须是 int,程序正常结束时的返回值必须是 0。
- 3、全国统一评测时采用的机器配置为: CPU Intel Core2 Quad Q8200 2.33GHz, 内存 2G, 上 述时限以此配置为准。
 - 4、特别提醒: 评测在 NOI Linux 下进行。

1.质因数分解

(prime.cpp/c/pas)

【问题描述】

已知正整数 n 是两个不同的质数的乘积, 试求出较大的那个质数。

【输入】

输入文件名为 prime. in。 输入只有一行,包含一个正整数 n。

【输出】

输出文件名为 prime.out。输出只有一行,包含一个正整数 p,即较大的那个质数。

【输入输出样例】

prime.in	prime.out	111
21	7	

【数据范围】

for (i=2; i < 50000; i++)

对于 60%的数据, $6 \le n \le 1000$ 。 对于 100%的数据, $6 \le n \le 2*10^9$ 。

```
[解题思路]
1.根据数据范围,可以判断数据范围为长整型(long=4 bytes)
   补充数据类型:
   整型
                char
                           1byte
                           4bytes
                Int
                Short
                           2bytes
                           4bytes
                Long
                Long long
                           8bytes
程序:
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include <string.h>
int a[44722] = \{0\};
                             //用于筛选法求素数,有题目数据范围可知,涉及到的最大素数一定小于44722
int b[10000] = \{0\};
                              //用于存储素数,b[i]用于存储第i+1个素数
int count=0;
                             //筛选法求素数,主要考虑到时间效率,所以用此法求素数
void calculatePrime (void)
   int i, j;
   memset(a, -1, sizeof(a));
   memset(b, 0, sizeof(b));
   a[0]=a[1]=0;
   for (i=2; i < 50000; i++)
         if (a[i]=-1)
                for (j=i+i; j<50000; j+=i)
                       a[j]=0;
```

```
if (a[i]=-1)
                  b[count++]=i;
int main(void)
   int i, n, squre, temp;
   FILE *inputfp;
   FILE *outputfp;
   calculatePrime();
   inputfp=fopen("prime.in.txt","r");
   outputfp=fopen("prime.out.txt", "w");
   while (fscanf(inputfp, "%d", &n)!=EOF)
           printf("%d", n);
           squre=(int)sqrt(n);
           for (i=0; i \le qure \& i \le count; i++)
                   if (n‰[i]=0) //核心:两个素数的积一定为合适,且只有3个因子
                          temp=n/b[i];
                          break;
           fprintf(outputfp, "%d\n", temp);
   fclose(inputfp);
   fclose(outputfp);
   return 0;
```

2. 寻宝

(treasure.cpp/c/pas)

传说很遥远的藏宝楼顶层藏着诱人的宝藏。小明历尽千辛万苦终于找到传说中的这个藏宝楼,藏宝楼的门口竖着一个木板,上面写有几个大字:寻宝说明书。说明书的内容如下:

藏宝楼共有 N+1 层,最上面一层是顶层,顶层有一个房间里面藏着宝藏。除了顶层外,藏宝楼另有 N 层,每层 M 个房间,这 M 个房间围成一圈并按逆时针方向依次编号为 0,…, M-1。其中一些房间有通往上一层的楼梯,每层楼的楼梯设计可能不同。每个房间里有一个 指示牌,指示牌上有一个数字 x,表示从这个房间开始按逆时针方向选择第 x 个有楼梯的房 间(假定该房间的编号为 k),从该房间上楼,上楼后到达上一层的 k 号房间。比如当前房 间的指示牌上写着 2,则按逆时针方向开始尝试,找到第 2 个有楼梯的房间,从该房间上楼。如果当前房间本身就有楼梯通向上层,该房间作为第一个有楼梯的房间。

寻宝说明书的最后用红色大号字体写着:"寻宝须知:帮助你找到每层上楼房间的指示 牌上的数字(即每层第一个进入的房间内指示牌上的数字)总和为打开宝箱的密钥"。

请帮助小明算出这个打开宝箱的密钥。

【输入】

输入文件为 treasure.in

第一行 2 个整数 N 和 M, 之间用一个空格隔开。N 表示除了顶层外藏宝楼共 N 层楼,

M 表示除顶层外每层楼有 M 个房间。

接下来 N*M 行,每行两个整数,之间用一个空格隔开,每行描述一个房间内的情况, 其中第(i-1)*M+j 行表示第 i 层 j-1 号房间的情况(i=1, 2, ..., N; j=1, 2, ..., M)。第一个整数 表示该房间是否有楼梯通往上一层(0 表示没有,1 表示有),第二个整数表示指示牌上的数 字。注意,从 j 号房间的楼梯爬到上一层到达的房间一定也是 j 号房间。

最后一行,一个整数,表示小明从藏宝楼底层的几号房间进入开始寻宝(注:房间编号 从0开始)。

【输出】

输出文件名为 treasure.out。 输出只有一行,一个整数,表示打开宝箱的密钥,这个数可能会很大,请输出对 20123

取模的结果即可。

【输入输出样例】

treasure.in	treasure.out	
2 3	5	
1 2		
0 3		
1 4		
0 1		
1 5		
1		

【输入输出样例说明】

第一层:

0号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是2;

1号房间,无楼梯通往上层,指示牌上的数字是3;

2号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是4; 第二层:

0号房间,无楼梯通往上层,指示牌上的数字是1;

1号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是5;

2号房间,有楼梯通往上层,指示牌上的数字是2;

小明首先进入第一层(底层)的 1 号房间,记下指示牌上的数字为 3,然后从这个房间 开始,沿逆时针方向选择第 3 个有楼梯的房间 2 号房间进入,上楼后到达第二层的 2 号房间,记下指示牌上的数字为 2,由于当前房间本身有楼梯通向上层,该房间作为第一个有楼梯的 房间。因此,此时沿逆时针方向选择第 2 个有楼梯的房间即为 1 号房间,进入后上楼梯到达 顶层。这时把上述记下的指示牌上的数字加起来,即 3+2=5,所以打开宝箱的密钥就是 5。

【数据范围】

对于 50%数据,有 0<N≤1000, 0<x≤10000;

对于 100% 数据, 有 0<N≤10000, 0<M≤100, 0<x≤1,000,000。

[解题思路]

- 1. 建立数组,存储数据,然后模拟寻宝过程,统计总和
- 2. 将每一层有楼梯的房间数统计为一个数组
- 3. 标牌上的数字x可能远远大于每一层有楼梯的房间数, 所以可以对房间数求余。(考虑余数为0的情况)

```
#include <stdio.h>
const int mod=20123;
int a[10000][100][2];
int b[10000]:
int main(void)
   int n, m, start, i, j, k, temp;
   FILE *inputfp;
   FILE *outputfp;
   inputfp=fopen("treasure.in.txt","r"),
   outputfp=fopen("treasure.out.txt", "w");
   while(fscanf(inputfp, "%d%d", &n, &m)!=EOF)
           for (i=0; i \le n; i++)
                   b[i]=0;
                   for (j=0; j \le m; j++)
                          fscanf(inputfp, "%d%d", &a[i][j][0], &a[i][j][1]);
                                                         //统计各层有楼梯的房间的个数
                          if (a[i][j][0]=1)
                                  b[i]++;
           fscanf(inputfp, "%d", &start);
           for (temp=0, i=0; i \le n; i++)
                   temp=(temp+a[i][start][1])%mod;
                                                         //累加求密钥
                   k=(a[i][start][1]\%b[i]=0)?b[i]:a[i][start][1]\%b[i];
                                                  //对牌号做取模处理,减少无效循环次数
```

3. 摆花

(flower.cpp/c/pas)

小明的花店新开张,为了吸引顾客,他想在花店的门口摆上一排花,共 m 盆。通过调 查顾客的喜好,小明列出了顾客最喜欢的 n 种花,从 1 到 n 标号。为了在门口展出更多种花,规定第 i 种花不能超过 a_i 盆,摆花时同一种花放在一起,且不同种类的花需按标号的从小到 大的顺序依次摆列。

试编程计算,一共有多少种不同的摆花方案。

【输入】

输入文件 flower.in, 共 2 行。

第一行包含两个正整数 n 和 m, 中间用一个空格隔开。

第二行有 n 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,依次表示 a_1 、 a_2 、…… a_n 。

【输出】

输出文件名为 flower.out。 输出只有一行,一个整数,表示有多少种方案。注意: 因为方案数可能很多,请输出

方案数对 1000007 取模的结果。

【输入输出样例1】

flower.in	flower.out	
2 4	2	
3 2		

【输入输出样例说明】

有 2 种摆花的方案,分别是(1,1,1,2), (1,1,2,2)。括号里的 1 和 2 表示两种花, 比如第一个方案是前三个位置摆第一种花,第四个位置摆第二种花。

【数据范围】

对于 20%数据, 有 0<n≤8, 0<m≤8, 0≤a_i≤8;

对于 50% 数据, 有 0<n≤20, 0<m≤20, 0≤a_i≤20;

对于 100%数据,有 0<n≤100, 0<m≤100, 0≤ a≤100。

[解题思路]

- 1. 建立数组,存储数据
- 2. 动态规划问题,同背包问题类似。只不过是要求所有的可能组合方案数。

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
const int mod=1000007:
int main(void)
    int n, m, i, j, k;
   int a[101], f[101][101];
   FILE *inputfp;
   FILE *outputfp;
   inputfp=fopen("treasure.in.txt", "r");
   outputfp=fopen("treasure.out.txt", "w");
   while(fscanf(inputfp, "%d%d", &n, &m) !=EOF)
           memset(f, 0, sizeof(f));
           f[0][0]=1;
           for (i=1; i \le n; i++)
                    fscanf(inputfp, "%d", &a[i]);
           for (i=1; i \le n; i++)
                                                    //动态规划,和背包问题相似。求组合和方案数目
                    for (j=0; j \le m; j++)
                            for (k=0; k \le a[i] \& k \le j; k++)
                                    f[i][j]=(f[i][j]+f[i-1][j-k]) \mod;
           fprintf(outputfp, "%d\n", f[n][m]);
   fclose(inputfp);
   fclose(outputfp);
   return 0;
```

4. 文化之旅

(culture.cpp/c/pas)

有一位使者要游历各国,他每到一个国家,都能学到一种文化,但他不愿意学习任何一 种文化超过一次(即如果他学习了某种文化,则他就不能到达其他有这种文化的国家)。不 同的国家可能有相同的文化。不同文化的国家对其他文化的看法不同,有些文化会排斥外来 文化(即如果他学习了某种文化,则他不能到达排斥这种文化的其他国家)。

现给定各个国家间的地理关系,各个国家的文化,每种文化对其他文化的看法,以及这 位使者游历的起点和终点(在起点和终点也会学习当地的文化),国家间的道路距离,试求 从起点到终点最少需走多少路。

【输入】

输入文件 culture.in。

第一行为五个整数 N, K, M, S, T, 每两个整数之间用一个空格隔开, 依次代表国家 个数(国家编号为1到 N), 文化种数(文化编号为1到 K), 道路的条数, 以及起点和终点 的编号(保证 S 不等于 T);

第二行为 N 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,其中第 i 个数 C_i ,表示国家 i 的文化为 C_i 。

接下来的 K 行,每行 K 个整数,每两个整数之间用一个空格隔开,记第 i 行的第 j 个数 为 a_{ij} , a_{ij} = 1 表示文化 i 排斥外来文化 j (i 等于 j 时表示排斥相同文化的外来人), a_{ii} = 0 表示

不排斥(注意 i 排斥 i 并不保证 i 一定也排斥 i)。

接下来的 M 行,每行三个整数 u, v, d, 每两个整数之间用一个空格隔开,表示国家 u 与国家 v 有一条距离为 d 的可双向通行的道路(保证 u 不等于 v, 两个国家之间可能有多条 道路)。

【输出】

输出文件名为 culture.out。 输出只有一行,一个整数,表示使者从起点国家到达终点国家最少需要走的距 离数 (如

果无解则输出-1)。

【输入输出样例1】

culture.in	culture.out
2 2 1 1 2 1 2 0 1 1 0 1 2 10	-1

【输入输出样例说明】

由于到国家2必须要经过国家1,而国家2的文明却排斥国家1的文明,所以不可能到达国家2。

【输入输出样例2】

culture . in	culture.out	
2 2 1 1 2	10	
1 2		
0 1		
0 0		
1 2 10		

【输入输出样例说明】

路线为1->2。

【数据范围】

对于 20%的数据, 有 2≤N≤8, K≤5;

对于 30%的数据,有 2 \leq N \leq 10,K \leq 5; 对于 50%的数据,有 2 \leq N \leq 20,K \leq 8; 对于 70%的数据,有 2 \leq N \leq 100,K \leq 10;

对于 100%的数据,有 2≤N≤100,1≤K≤100,1≤M≤N²,1≤k_i≤K,1≤u, v≤N,1≤d≤1000,

 $S \neq T$, $1 \leq S$, $T \leq N_{\circ}$

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
const int MAX=100001;
int main(void)
    int N, K, M, S, T, i, j, k, sum;
    int C[101], D[101], a[101][101], u[10001], v[10001], d[10001];
   FILE *inputfp;
   FILE *outputfp;
    inputfp=fopen("culture.in", "r");
   outputfp=fopen("culture.out.txt", "w");
   while(fscanf(inputfp, "%d%d%d%d%d", &N, &K, &M, &S, &T)!=E0F)
            for (i=1; i \leftarrow N; i++) fscanf (input fp, "%d", &C[i]);
            for (i=1; i \le K; i++) {
                    for (j=1; j \le K; j++) fscanf (input fp, "%d", &a[i][j]);
            for (i=0; i < M; i++) fscanf(inputfp, "%d%d%d", &u[i], &v[i], &d[i]);
            for (i=1;i \leq N;i++) D[i] = MAX;
            D[S] = 0;
            for (i=1; i \le N; i++) {
                                                               //动态规划
                    for (j=1; j \le N; j++) {
                             for (k=0; k \le M; k++) {
                                     sum = D[j] + d[k];
                                     if (u[k]=j \&\& sum < D[v[k]] \&\& a[C[v[k]]][C[j]]=0) {
                                              D[v[k]] = sum;
                                     if (v[k]=j \&\& sum D[u[k]]\&\& a[C[u[k]]][C[j]]==0) {
                                              D[u[k]] = sum;
```

```
普及组
全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2012)复赛 试题及解答
       if (D[T]<100001)
              fprintf(outputfp, "%d\n", D[T]);
       else
              fprintf (outputfp, "%d\n", -1);
fclose(inputfp);
fclose(outputfp);
return 0;
```