Ingeniería del Software II 4 - Propiedades de los sistemas reactivos y su análisis

Propiedades de los sistemas concurrentes

Con frecuencia, los programas concurrentes suelen ser reactivos, y sus características diferentes de las de los programas secuenciales convencionales.

Por esto, las propiedades que en general se desea garantizar de programas concurrentes difieren de las propiedades de programas secuenciales. Algunas de estas son:

- No violación de invariantes de sistema
- Ausencia de starvation
- Ausencia de deadlock
- Garantía de exclusion mutua en el acceso a recursos compartidos
- Ausencia de livelock

Categorías de propiedades

Una clasificación clásica de las propiedades de los sistemas reactivos incluye las siguientes cuatro categorías:

- Propiedades de alcanzabilidad ("reachability")
- Propiedades de seguridad ("safety")
- Propiedades de vitalidad ("liveness")
- Propiedades de equidad ("fairness")

Propiedades de alcanzabilidad ("reachability")

"Es posible que el sistema llegue a algún estado de un conjunto dado"

Por ejemplo:

- o una (o alguna) componente entra a la region crítica
- es posible llegar a un estado de ERROR (ej: deadlock, violación de exclusión mutua, violación de invariante, etc.)

En este último caso nos interesa que se cumpla la negación de la propiedad. Es usual que la propiedad de interés sea la negación de la alcanzabilidad.

Propiedades de seguridad ("safety")

"Nunca va a pasar nada malo"

Por ejemplo:

- o no es posible llegar a un estado de deadlock
- se garantiza exclusión mutua
- ø el sistema preserva un invariante dado

Propiedades de seguridad ("safety")

"Nunca va a pasar nada malo"

Por ejemplo:

- o no es posible llegar a un estado de deadlock
- o se garantiza exclusión mutua
- el sistema preserva un invariante dado

En general, la negación de una propiedad safety es una propiedad de alcanzabilidad

Propiedades de vitalidad ("liveness")

"Siempre es posible que algo bueno ocurra"

Por ejemplo:

- o un (sub)proceso dado termina su ejecución
- ø es posible alcanzar un estado de estabilidad
- si se llama al ascensor, este llegará en algún momento

Propiedades de equidad ("fairness")

"Siempre ocurrirá algo de manera frecuente"

Por ejemplo:

- siempre que un proceso esté esperando para entrar a una región crítica, entonces logrará entrar
- siempre que un proceso solicite periódicamente un recurso finalmente se le será asignado.
- o un proceso dado no sufre de inanición

Pospondremos su estudio en más detalle para la próxima unidad.

Propiedades como conjuntos de trazas

La semántica de procesos (en realidad, una de las semánticas más simples para procesos) puede definirse como el conjunto de todas sus ejecuciones. Cada ejecución de un proceso puede verse como la sucesión de eventos en los cuales el proceso se involucra (y en el orden en que lo hace).

Ejemplo: Consideremos el siguiente proceso:

```
MAKER = (make->ready->MAKER).

USER = (ready->use->USER).

||MAKER_USER = (MAKER || USER).
```

La única traza posible para MAKER es:

```
make, ready, make, make, ...
```

Algunas trazas posibles para **MAKER_USER** son:

```
make, ready, use, make, ready, use, ...
make, ready, make, ready, use, ...
```

Propiedades como conjuntos de trazas (cont.)

Al igual que los procesos, las propiedades tienen una semántica dada en términos de conjuntos de trazas. Una propiedad P se identifica con todas las sucesiones de eventos atómicos que exhiben la propiedad P.

Por ejemplo, la propiedad "no ocurren dos producciones (make) sucesivas" contiene las siguientes trazas:

```
use, use, use, use, use, use, ...
make, use, make, use, make, use, make, use, ...
ready, ready, ready, ready, ...
```

Propiedades como conjuntos de trazas (cont.)

Al igual que los procesos, las propiedades tienen una semántica dada en términos de conjuntos de trazas. Una propiedad *P* se identifica con todas las sucesiones de eventos atómicos que exhiben la reconstrucción de la r

Por ejemplo, la propie no necesariamente se corresponde con las trazas definidas por el comportamiento por el modelo bajo estudio

```
use, use, use, use, use, use, ...
make, use, make, use, make, use, make, use, ...
ready, ready, ready, ready, ...
```

Dado un lenguaje regular $A \subseteq \Sigma^*$ definimos

$$A^{\omega} \stackrel{\text{def}}{=} \{ \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3 \dots \mid \forall i \geq 0 : \sigma_i \in A \land \sigma_i \neq \epsilon \}$$

es decir, A^{ω} es el lenguaje que contiene todas las concatenaciones infinitas de palabras no vacías de A.

Un lenguaje L se dice ω -regular si existen lenguajes regulares A_i y B_i , $0 \le i \le k$, tal que $\epsilon \notin B_i \ne \emptyset$ y

$$L = \bigcup_{0 \le i \le k} A_i \cdot B_i^{\omega}$$

donde · denota la concatenación habitual de lenguajes.

Propiedad: Los lenguajes ω -regulares son cerrados por union, intersección y complemento.

Dado un lenguaje regular 🗸

$$A^{\omega} \stackrel{\mathrm{def}}{=} \{ \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3 . . \}$$

También las $A^{\omega} \stackrel{\mathrm{def}}{=} \{ \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3 \dots$ denominaremos fragmentos de trazas

es decir, A^{ω} es el leng las concatenaciones infinitas de palabras no vacías de A.

Un lenguaje L se dice ω -regular si existen lenguajes regulares A_i y B_i , $0 \le i \le k$, tal que $\epsilon \notin B_i \ne \emptyset$ y

$$L = \bigcup_{0 \le i \le k} A_i \cdot B_i^{\omega}$$

donde · denota la concatenación habitual de lenguajes.

Propiedad: Los lenguajes ω -regulares son cerrados por union, intersección y complemento.

Ejemplo:

La propiedad P sobre el proceso $MAKER_USER$ puede escribirse como cualquiera de las siguientes expresiones ω -regulares:

$$((make + \varepsilon)(ready + use))^{\omega}$$

$$\left((\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^* \, \mathtt{make} \, \mathtt{make} \, (\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^\omega
ight)$$

Ejemplo:

La propiedad P sobre el proceso $MAKER_USER$ pue le escribirse como cualquiera de las siguientes evaluares: ω -regulares:

Los lenguajes ω-regulares son cerrados por complemento

$$\left((\mathtt{make} + \varepsilon) (\mathtt{ready} + \mathtt{use}) \right)^{\omega}$$

$$((\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^* \, \mathtt{make} \, \mathtt{make} \, (\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^\omega)$$

Observar:

- Si una traza viola una propiedad de safety, lo hace en un "instante" finito.
- Si un prefijo de una traza (infinita) viola una propiedad de safety, no hay forma de remediarlo (cualquiera sea la forma en que se continúe, la traza no dejará de violar la propiedad).

Es decir:

Un conjunto de trazas $P \subseteq \Sigma^{0}$ es una propiedad de safety si cumple

$$\forall \sigma: \quad \sigma \notin P \implies \exists i \geq 0: \forall \beta: \ \sigma[..i]\beta \notin P$$

o equivalentemente:

Observar:

- Si una traza viola una propiedad de safety, lo hace en un "instante" finito.
- Si un prefijo de una traza (infinita) viola una propied Una propiedad P es de de remediarlo (cualquiera sea la forma en que 🦅 safety si toda palabra en su de violar la propiedad). complemento tiene un "prefijo malo"

Es decir:

Un conjunto de trazas $P \subseteq \Sigma^{\omega}$ es una propiedad de safe

$$\forall \sigma: \quad \sigma \notin P \implies \exists i \geq 0: \forall \beta: \ \sigma[..i]\beta \notin P$$

o equivalentemente:

Observar:

- Si una traza viola una propiedad de safety, lo hace en un "instante" finito.
- Si un prefijo de una traza (infinita) viola una propiedad de safety, no hay forma de remediarlo (cualquiera sea la forma en que se continúe, la traza no dejará de violar la propiedad).

Es decir:

Un conjunto de trazas $P \subseteq \Sigma^{\omega}$ es una propiedad de safety si cumple

$$\forall \sigma: \quad \sigma \notin P \implies \exists i \geq 0: \forall \beta: \ \sigma[..i]\beta \notin P$$

o equivalentemente:

$$\forall \sigma: \ \forall i \geq 0: \exists \beta: \ \sigma[..i]\beta \in P \implies \sigma \in P$$

Observar:

- Si una traza viola una propiedad de safety, lo hace en un "instante" finito.
- Si un prefijo de una traza (infinita) viola una propiedad de safety, no hay forma de remediarlo (cualquiera sea la forma en que se continúe, la traza no dejará de violar la propiedad).

Es decir:

Un conjunto de trazas $P \subseteq \Sigma^{\omega}$ es una propiedad C

 $\forall \sigma: \quad \sigma \notin P \implies \exists i \geq 0: \forall i \in \mathcal{A}$

Una propiedad *P* es de safety si toda traza infinita que se pueda "aproximar" finitamente con trazas de *P*, también está en *P*

o equivalentemente:

$$\forall \sigma: \ \forall i \geq 0: \exists \beta: \ \sigma[..i]\beta \in P \implies \sigma \in P$$

Ejemplos:

$$((\mathtt{make} + \varepsilon)(\mathtt{ready} + \mathtt{use}))^{\omega}$$

o Complemento:

Prefijos malos

 $(make + ready + use)^* make make (make + ready + use)^{\omega}$

Ejemplos:

$$((\mathtt{make} + \varepsilon)(\mathtt{ready} + \mathtt{use}))^{\omega}$$

o Complemento:

Prefijos malos

$$(make + ready + use)^* make make (make + ready + use)^{\omega}$$

$$\left(\left(\mathtt{make} + \mathtt{ready}\right)^* \left(\mathtt{use} \, \mathtt{ready}^* \left(\mathtt{use} + \varepsilon\right) \mathtt{ready}^* \mathtt{make}\right)^*\right)^{\omega}$$

Sólo se puede usar hasta dos productos sin que antes se haga otro

Ejemplos:

$$((\mathtt{make} + \varepsilon)(\mathtt{ready} + \mathtt{use}))^{\omega}$$

o Complemento:

Prefijos malos

$$(make + ready + use)^* make make (make + ready + use)^{\omega}$$

$$\left(\left(\mathtt{make} + \mathtt{ready}\right)^* \left(\mathtt{use} \, \mathtt{ready}^* \left(\mathtt{use} + \varepsilon\right) \mathtt{ready}^* \mathtt{make}\right)^*\right)^{\omega}$$

o Complemento:

Prefijos malos

$$(make + ready + use)^* (use ready^*use ready^*use) (make + ready + use)^{\omega}$$

Observar:

Ningún fragmento de traza (finito) viola una propiedad de liveness: Si el evento que se esperaba que ocurriera aún no lo hizo, puede suceder más adelante.

Es decir:

Un conjunto de trazas $P \subseteq \Sigma^{\omega}$ es una propiedad de liveness si cumple

$$\forall \alpha \in \Sigma^* : \exists \beta \in \Sigma^\omega : \alpha \beta \in P$$

Es decir, una propiedad *P*es de liveness si toda palabra en su
complemento **NO** tiene un "prefijo
malo"

Ejemplo:

$$(make + ready)^*$$
 use $(make + ready + use)^{\omega}$

En algún momento se puede consumir

Ejemplo:

 $(make + ready)^*$ use $(make + ready + use)^{\omega}$

Todos los posibles prefijos aparecen en la propiedad

es equivalente a:

$$(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^*$$
 use $(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^\omega$

Ejemplo:

 $(\mathtt{make} + \mathtt{ready})^*$ use $(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^{\omega}$

Todos los posibles prefijos aparecen en la propiedad

es equivalente a:

$$(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^*$$
 use $(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^\omega$

$$((\mathtt{ready} + \mathtt{use})^* \mathtt{make})^{\omega}$$

La producción se realiza indefinidamente (se producen infinitos "make" a lo largo de la ejecución)

Ejemplo:

 $(\mathtt{make} + \mathtt{ready})^*$ use $(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^{\omega}$

Todos los posibles prefijos aparecen en la propiedad

es equivalente a:

$$(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^*$$
 use $(\mathtt{make} + \mathtt{ready} + \mathtt{use})^{\omega}$

$$((ready + use)^* make)^{\omega}$$

es equivalente a:

Todos los posibles prefijos aparecen en la propiedad

$$(ready + use + make)^* ((ready + use)^* make)^{\omega}$$

Safety, liveness y todas las demás

Teorema [Alpern & Schneider 85]:

Toda propiedad puede escribirse como la intersección de una propiedad de safety y una de liveness.

suponer que $\Sigma = \{a, b, c\}$

Ejemplo: a until b

algún evento b ocurre inmediatamente precedido por una serie ininterrumpida de eventos a (léase: "a ocurre hasta que ocurre b")

$$a^* b \Sigma^{\omega} = (a^* b \Sigma^{\omega} + a^{\omega}) \cap (\Sigma^* b \Sigma^{\omega})$$

A la izquierda de la intersección se da la propiedad safety y a la derecha, la de liveness.

(¿Qué significa cada una de estas propiedades?)

Los distintos tipos de propiedades en FSP se verifican y/o modelan de manera distinta.

Deadlock

¿Cuáles son las cuatro condiciones necesarias para que ocurra deadlock?

Los distintos tipos de propiedades en FSP se verifican y/o

SYS

printer:

Dput

RESOURCE

p:P

printer

scanne(

modelan de manera distinta.

Deadlock

```
q:Q
                                                                    scanner:
                                                      printer
                                                                    RESOURCE
RESOURCE = (get -> put -> RESOURCE).
                                                                   aet
                                                     scanner
                                                                   bud
P = (printer.get -> scanner.get -> copy
                  -> printer.put -> scanner.put -> P).
Q = (scanner.get -> printer.get -> copy
                  -> printer.put -> scanner.put -> Q).
||SYS = (p:P || q:Q
        || {p,q}::printer:RESOURCE
        || {p,q}::scanner:RESOURCE
```

Los distintos modelan de m

LTSA puede checkear deadlock. Lo hace mediante una búsqueda exahustiva.

se verifican y/o

SYS

printer:

scanner:

RESOURCE

put

get

bud

RESOURCE

p:P

q:Q

printer

scanne(

Deadlock

Safety

ERROR es un "prefijo malo"

En FSP podemos expresar las propiedades de safety mediante procesos haciendo uso del estado de **ERROR** para indicar cuáles son las trazas que violan esta propiedad (i.e. los prefijos malos).

Ejemplo: Una persona educada golpea sólo una vez antes de entrar y no entra sin golpear.

```
PROC_POLITE = (knock->(enter->PROC_POLITE | knock->ERROR )
| enter->ERROR | PROC_POLITE |
| coda ejecución que lleva a
```

knock

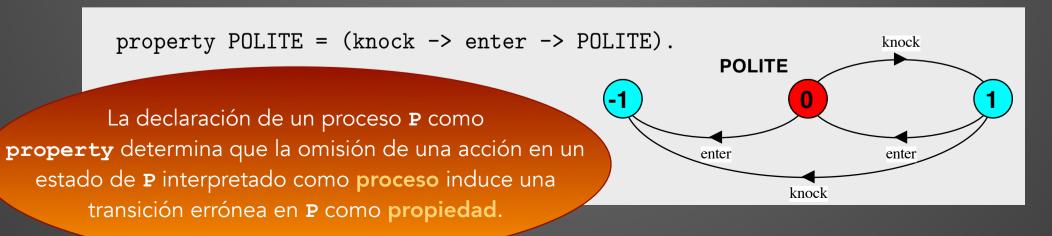
Safety (cont.)

FSP provee una construcción que nos permite obviar el agregado "a mano" de los estados de error:

property
$$N = P$$

indica que los eventos correspondientes al alfabeto de **P** deben ocurrir respetando el patrón de ocurrencias definido por **P** (toda ocurrencia no definida por **P** lleva al estado de **ERROR**).

En el ejemplo anterior:



Análisis de propiedades en FSP Safety (cont.)

Ejemplo

Análisis de propiedades en FSP Safety (cont.)

Ejemplo

```
const Max = 3
range Int = 0..Max
SEMAPHORE(N=0) = SEMA[N],
SEMA[v:Int] = (up->SEMA[v+1]
                  |when(v>0)| down->SEMA[v-1]
LOOP = (mutex.down->enter->exit->mutex.up->LOOP).
||SEMADEMO| = (p[1..3]:LOOP)
             || {p[1..3]}::mutex:SEMAPHORE(1)).
                                                    Propiedad de
                                                 exclusión mututua
property MUTEX
= (p[i:1..3].enter->p[i].exit->MUTEX).
| | CHECK = (SEMADEMO | | MUTEX).
```

Safety (cont.)

Ejemplo

```
LTSA puede checkear safety.
                                                También lo hace mediante
                                                 búsqueda exhaustiva.
const Max = 3
```

```
range Int = 0..Max
SEMAPHORE(N=0) = SEMA[N],
               = (up->SEMA[v+1]
SEMA[v:Int]
                 |when(v>0) down->SEMA[v-1]
LOOP = (mutex.down->enter->exit->mutex.up->LO
||SEMADEMO| = (p[1..3]:LOOP
             || {p[1..3]}::mutex:SEMAPHORE(1)).
property MUTEX
```

Verificar cambiando la inicialización del semáforo a 2.

Propiedad de exclusión mututua

```
= (p[i:1..3].enter->p[i].exit->MUTEX).
```

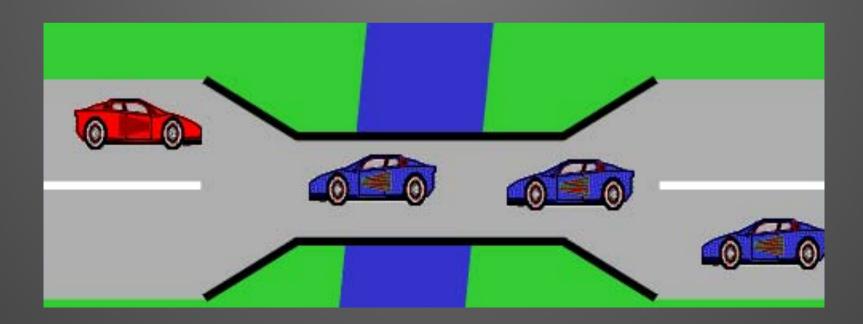
```
| | CHECK = (SEMADEMO | | MUTEX).
```

Análisis de propiedades en FSP Safety (cont.)

Ejemplo: Un puente de una sola vía

Un puente sobre un río tiene el ancho suficiente para permitir tráfico en sólo una dirección. Por consiguiente, los autos sólo pueden cruzar el puente concurrentemente si viajan en la misma dirección.

Cuando dos autos que viajan en direcciones opuestas ingresan al puente al mismo tiempo ocurre una violación de seguridad.



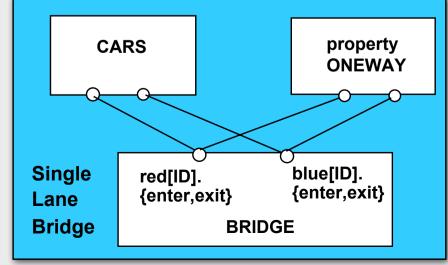
Ejemplo: Un puente de una sola vía

BLUE[i:ID] = (blue[ID].enter -> BLUE[i+1]

|when(i==1)blue[ID].exit -> ONEWAY

|when(i>1)blue[ID].exit -> BLUE[i-1]

```
const N = 3 // \text{ number of each type of car}
range T = 0..N // type of car count
range ID= 1..N // car identities
CAR = (enter->exit->CAR).
                                                    BRIDGE = BRIDGE[0][0].
                                                    BRIDGE[nr:T][nb:T] =
/* cars may not overtake each other */
NOPASS1 = C[1].
                                                            (when (nb==0)
C[i:ID] = ([i].enter \rightarrow C[i]N+1]).
                                                              red[ID].enter -> BRIDGE[nr+1][nb]
                                                            |red[ID].exit -> BRIDGE[nr-1][nb]
NOPASS2 = C[1].
                                                            |when (nr==0)
C[i:ID] = ([i].exit -> C[i%N+1]).
                                                              blue[ID].enter -> BRIDGE[nr][nb+1]
                                                            |blue[ID].exit -> BRIDGE[nr][nb-1]
||CONVOY = ([ID]:CAR || NOPASS1 || NOPASS2).
||CARS = (red:CONVOY || blue:CONVOY).
                                                    ||SingleLaneBridge = (CARS || BRIDGE || ONEWAY ).
property ONEWAY = ( red[ID].enter -> RED[1]
                   | blue[ID].enter -> BLUE[1]
                  ),
                                                                                           property
                                                                   CARS
RED[i:ID] = (red[ID].enter -> RED[i+1]
                                                                                           ONEWAY
            |when(i==1)red[ID].exit -> ONEWAY
            |when( i>1)red[ID].exit -> RED[i-1]
```



Liveness

LTSA solo puede manejar un conjunto reducido de propiedades de liveness:

```
progress N = { a1, a2, ...}
```

Esto indica que, en toda ejecución fuertemente equitativa (strongly fair), alguna de la acciones **a1**, **a2**,... debe ejecutarse infinitas veces

Ejemplo:

Análisis de pror

LTSA puede checkear progreso. En este caso, el algoritmo se basa en la búsqueda de ciclos que atrapen las acciones en N

Liveness

LTSA solo puede manejar un coriliveness:

```
progress N = { a1, a2, ...}
```

Esto indica que, en toda ejecución fuertemente equitativa (strongly fair), alguna de la acciones **a1**, **a2**,... debe ejecutarse infinitas veces

Ejemplo:

Análisis de pror

LTSA puede checkear progreso. En este caso, el algoritmo se basa en la búsqueda de ciclos que atrapen las acciones en N

Liveness

LTSA solo puede manejar un coriliveness:

```
progress N = \{ a1, a2, \ldots \}
```

Esto indica que, en toda ejecución fuer salguna de la acciones **a1**, **a2**,... debe ejecución

Ejemplo:

Explicación: LTSA verifica bajo la suposición de **strong fairness**. Sin esta suposición, la propiedad es falsa.

LTSA la verifica verdadera

Análisis de pror

LTSA puede checkear progreso. En este caso, el algoritmo se basa en la búsqueda de ciclos que atrapen las acciones en N

Liveness

LTSA solo puede manejar un coriliveness:

```
progress N = \{ a1, a2, \ldots \}
```

Esto indica que, en toda ejecución fuer Salguna de la acciones **a1**, **a2**,... debe ejecu

Ejemplo:

Ejemplo: para el puente de una sola vía

```
progress BLUECROSS = {blue[ID].enter}
progress REDCROSS = {red[ID].enter}
```

Explicación: LTSA verifica bajo la suposición de **strong fairness**. Sin esta suposición, la propiedad es falsa.

LTSA la verifica verdadera

LTSA las verifica correctas!! :-(

Prioridades entre acciones

LTSA asume en general que la elección es equitativa (fair), por eso no reporta error de progreso en el ejemplo de la moneda o en el puente de una sola vía.

Sin embargo, sabemos que es posible que los autos azules (o los rojos) acaparen el puente haciendo que los rojos (o los azules) esperen por siempre.

Entonces, para detectar problemas de progreso debemos imponer poltícas de scheduling en las acciones que modele la situación en la que el puente (o cualquier otro sistema en general) es sometido a usos extremos.

Operador de alta prioridad: $| | C = (P | | Q) << \{a_1, \ldots, a_n\}$ especifica una composición en la cual las acciones a_1, \ldots, a_n tienen mayor prioridad que cualquier otra acción en P | | Q, incluyendo tau.

Operador de baja prioridad: $| | C = (P | | Q) >> \{a_1, \ldots, a_n\}$ especifica una composición en la cual las acciones a_1, \ldots, a_n tienen menos prioridad que cualquier otra acción en P | | Q, incluyendo tau.

Análisis de propiedades en FSP Liveness (cont.)

Ejemplo: Siguiendo con el puente de una sola vía deseamos modelar que el puente se encuentra congestionado.

Para ello daremos menor prioridad a los eventos de salida del puente. De esta manera se prioriza a la entrada sobre la salida forzando la congestión del puente:

```
||CongestedBridge =
    SingleLaneBridge >> {red[ID].exit,blue[ID].exit}.
```

Al verificar las propiedades de progreso, LTSA nos indicará ahora una situación de error.

Análisis de propiedades en FSP Liveness (cont.)

modelar que el puente se encu Para ello daremos menor pri puente. De esta manera se pi forzando la congestión del puent

```
||CongestedBridge =
    SingleLaneBridge >> {red[ID].exit,blue[ID].exit}.
```

Al verificar las propiedades de progreso, LTSA nos indicará ahora una situación de error.