

## Lenguajes y Compiladores. 17/03/2021

**Contenidos:** Primera aproximación a las nociones de gramática abstracta y semántica denotacional.

**Objetivos:** Comprender la diferencia entre gramática concreta y abstracta. Distinguir el lenguaje objeto del meta-lenguaje. Aprender la importancia de la dirección por sintaxis y de la composicionalidad; reconocer la diferencia entre esos conceptos.

Nota. Algunos de estos ejercicios requieren tener una definición de ciertos términos, por ejemplo, *semántica composicional*, *dirección por sintaxis*. Puede ser una buena idea, tanto para hacer los ejercicios como para revisarlos, discutir esas ideas y comprender los conceptos sobre los que están definidos.

1. Considere la siguiente gramática para las expresiones aritméticas:

$$\langle \text{intexp} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid \dots \\ \mid -\langle \text{intexp} \rangle \mid \langle \text{intexp} \rangle + \langle \text{intexp} \rangle \mid \langle \text{intexp} \rangle * \langle \text{intexp} \rangle$$

- (a) ¿Cuáles de las siguientes frases son ambiguas?

$$2 * -7, \quad -7 * 2, \quad 27 + 0, \quad 27 + 3 + -7$$

- (b) Enuncie todos los criterios que utiliza para resolver la ambigüedad de esas frases, es decir para quedarse entre una de las varias frases abstractas.

2. En las siguientes ecuaciones semánticas, ¿cuáles símbolos pertenecen al lenguaje objeto y cuáles al metalenguaje?

a)  $\llbracket 0 \rrbracket = 0$

b)  $\llbracket -e \rrbracket = -\llbracket e \rrbracket$

c)  $\llbracket e + f \rrbracket = \llbracket e \rrbracket + \llbracket f \rrbracket$

3. Aplique las ecuaciones semánticas para resolver

a)  $\llbracket 0 * (5 * (7 + 2)) \rrbracket$

b)  $\llbracket a * a + a * b + b * a + b * b \rrbracket$

4. Considere la siguiente gramática y ecuaciones con la precedencia habitual entre  $*$  y  $+$ :

$$\langle \text{intexp} \rangle ::= 1 \mid \langle \text{intexp} \rangle + \langle \text{intexp} \rangle \mid \langle \text{intexp} \rangle * \langle \text{intexp} \rangle$$

$$\llbracket 1 \rrbracket = 1$$

$$\llbracket e + e' \rrbracket = \llbracket e \rrbracket + \llbracket e' \rrbracket$$

$$\llbracket e * 1 \rrbracket = \llbracket e \rrbracket$$

$$\llbracket e * (e' + 1) \rrbracket = \llbracket e * e' \rrbracket + \llbracket e \rrbracket$$

Responda:

- a) ¿Define el conjunto de ecuaciones una función semántica?

- b) Para aquellas frases que tienen significado ¿tienen un único significado?

- c) ¿Es el conjunto de ecuaciones dirigido por sintaxis?

- d) ¿Es la semántica composicional?

5. Damos la siguiente gramática abstracta para los números binarios:

$$\langle \text{bin} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 0\langle \text{bin} \rangle \mid 1\langle \text{bin} \rangle$$

- a) Considere la función  $\llbracket \_ \rrbracket^s : \langle \text{bin} \rangle \rightarrow \mathbb{N}$  definida por:

$$\llbracket \alpha_0 \dots \alpha_{n-1} \rrbracket^s = \sum_{i=1}^n \alpha_{i-1} 2^{n-i}$$

¿Es dirigida por sintaxis? ¿Es composicional?

b) ¿Es la siguiente definición dirigida por sintaxis?

$$\llbracket \alpha \alpha_1 \dots, \alpha_{n-1} \rrbracket^i = \alpha 2^{n-1} + \llbracket \alpha_1 \dots, \alpha_{n-1} \rrbracket^i$$

c) ¿Puede dar una semántica mediante un conjunto de ecuaciones dirigidas por sintaxis?

6. ¿Es correcto el siguiente argumento?

*La semántica de los números binarios dada en el ejercicio 5 no es composicional, dado que si se reemplaza en la frase 1011 el último 1 por 01 (que tienen igual significado), la frase completa cambia de denotación*

7. Teniendo en cuenta la respuesta a los ejercicios anteriores, ¿puede definir una función dirigida por sintaxis  $\llbracket \_ \rrbracket^p : \langle \text{bin} \rangle \rightarrow \mathbb{N} \times \mathbb{N}$  tal que  $\pi_1 \llbracket e \rrbracket^p = \llbracket e \rrbracket^s$ ?

8. Se quiere extender el lenguaje de las expresiones aritméticas agregando la operación división entera, cuyo símbolo será  $\div$ .

a) Extienda la gramática y de la ecuación semántica.

b) Calcule  $\llbracket 2 \div 0 \rrbracket$ . Si es necesario reconsidere la ecuación semántica dada en (a).

9. Un posible tratamiento para la indefinición de los operadores aritméticos es introducir en el dominio semántico un elemento distinguido que la represente.

a) Extienda el dominio agregando el elemento **error**, y de nuevas ecuaciones para  $\div$ .

b) Calcule  $\llbracket (7 + (2 \div (5 * 0))) \rrbracket$ . Si es necesario reconsidere las ecuaciones semánticas de todos los operadores. Tenga en cuenta que la semántica debe ser una función total.