

| Ejercicio 3. Las maquinas tragamonedas usualmente generan un premio cuando hay un acierto. Supongamos que se genera el acierto con el siguiente esquema: se genera un número aleatorio, y   |
|---|
| i) si es menor a un tercio, se suman dos nuevos números aleatorios  |
| ii) si es mayor o igual a un tercio, se suman tres números aleatorios .   |
| Si el resultado de la suma es menor o igual a 2, se genera un acierto.  |
| a) ¿Cuál es la probabilidad de acertar?.  |
| b) Implementar un algoritmo en computadora que estime la probabilidad de acertar, esto es, la fracción de veces que se acierta en <i>n</i> realizaciones del juego. Completar la siguiente tabla:   |
| $\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$  |
|   |
| $P(\chi \leq 2) = P(\chi_1 + \chi_2 \leq 2) \cdot P(\chi_3 = \frac{1}{3}) + P(\chi_1 + \chi_2 + \chi_3 \leq 2) \cdot P(\chi_3 = \frac{1}{3})$   |
| $P(W_1+V_2+W_3\leq 2)=P(W_1-W_2-V_3\geq -2)=P(3-W_1-W_2-V_3\geq 9)$   |
| POL sinctio 20 Uniforne s; X00(0,1) => 1-X00(0,1)   |
| P((1-w1)+(1-42)+(1-43)=1)=P(U+U+U=1)=2P(U+U+U+1)  |
| C72-J   |
| $=\frac{4}{3}+(1-\frac{1}{3})\cdot\frac{2}{3}=\frac{1}{3}+\frac{2}{3}-\frac{1}{9}=1-\frac{1}{9}+\frac{1}{9}$  |
| Ejercicio 4. Un supermercado posee 3 cajas, de los cuales, por una cuestión de ubicación, el 40% de los clientes eligen la caja 1 para pagar, el 32% la caja 2, y el 28% la caja 3. El tiempo que espera una persona para ser atendido en cada caja distribuye exponencial con medias 3, 4 y 5 minutos respectivamente. |
| a) ¿Cuál es la probabilidad de que un cliente espere menos de 4 minutos para ser atendido?  |
| b) Si el cliente tuvo que esperar más de 4 minutos. ¿Cuál es la probabilidad de que el cliente haya elegido cada una de las cajas?  |
| c) Simule el problema y estime las probabilidades anteriores con 1000 iteraciones. $ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccc$  |
| P(E 5:4) = P(C1 54), O,4 + P(C2 54), 0,32 + P(C3 54), 0,28 (C3  |
| $= 1 - D(C_{7} > 4) \cdot O_{1} + 1 - D(C_{2} > 4) \cdot O_{3} + 1 - D(C_{3} > 4) \cdot O_{2} $ $= 1 - e^{-4 \cdot \frac{1}{3}} \cdot O_{1} + 1 - e^{-4 \cdot \frac{1}{3}} \cdot O_{1} > 8 = 0,657.$  |
|   |

b) 
$$P(V \le 04 | E > 4) = P(E > 4)$$