# Ejemplo estandarización y cálculo de probabilidades

Ricardo Alberich, Juan Gabriel Gomila y Arnau Mir

## Section 1

Ejemplo estandarización y cálculo de probabilidades

# Planteamiento del problema

Supongamos que, con base en datos históricos, creemos que el porcentaje del aumento del salario anual para los directores ejecutivos de todas las corporaciones de tamaño medio se distribuyen normalmente con una media del 12.2% y una desviación estándar del 3.6%

# Planteamiento del problema

Supongamos que, con base en datos históricos, creemos que el porcentaje del aumento del salario anual para los directores ejecutivos de todas las corporaciones de tamaño medio se distribuyen normalmente con una media del 12.2% y una desviación estándar del 3.6%.

Se elige una muestra aleatoria simple de 10 directores ejecutivos y nos piden cuál es la probabilidad que el porcentaje medio del aumento de los directores de dicha muestra sea mayor del 14.4%.

Sean  $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}$  la m.a.s. que nos da los 10 aumentos de los 10 directores ejecutivos elegidos.

Sean  $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}$  la m.a.s. que nos da los 10 aumentos de los 10 directores ejecutivos elegidos.

Sea

$$\overline{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10}}{10}$$

la variable aleatoria que nos da el aumento medio de los 10 directores de la muestra.

Sean  $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}$  la m.a.s. que nos da los 10 aumentos de los 10 directores ejecutivos elegidos.

Sea

$$\overline{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10}}{10}$$

la variable aleatoria que nos da el aumento medio de los 10 directores de la muestra.

Como la distribución de cada variable aleatoria  $X_i$ ,  $i=1,2,\ldots,10$  es  $X_i=N(\mu=12.2,\sigma=3.6)$ , la distribución de  $\overline{X}$  será:

Sean  $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8, X_9, X_{10}$  la m.a.s. que nos da los 10 aumentos de los 10 directores ejecutivos elegidos.

Sea

$$\overline{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10}}{10}$$

la variable aleatoria que nos da el aumento medio de los 10 directores de la muestra.

Como la distribución de cada variable aleatoria  $X_i$ ,  $i=1,2,\ldots,10$  es  $X_i=N(\mu=12.2,\sigma=3.6)$ , la distribución de  $\overline{X}$  será:

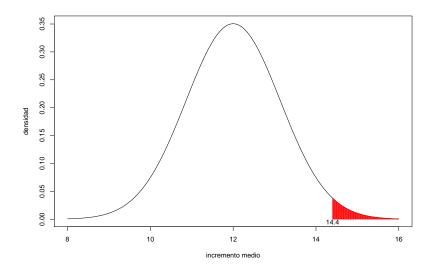
$$\overline{X} = N\left(\mu_{\overline{X}} = \mu_X = 12.2, \sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma_X}{\sqrt{10}} = \frac{3.6}{\sqrt{10}} = 1.1384\right)$$

## Soluci<u>ón</u>

Nos piden  $P(\overline{X} > 14.4)$ :

Nos piden  $P(\overline{X} > 14.4)$ :

$$P(\overline{X} > 14.4) = P\left(Z > \frac{14.4 - 12.2}{1.1384}\right) = P(Z > 2.1082) = 0.0175075.$$



# Planteamiento del problema

Un fabricante de bujías dice que la duración de las mismas se distribuye según una distribución normal con una media de 100000 km. y una desviación estándar de 6500 km.

# Planteamiento del problema

Un fabricante de bujías dice que la duración de las mismas se distribuye según una distribución normal con una media de 100000 km. y una desviación estándar de 6500 km.

Se ha elegido una muestra de 16 bujías y se ha verificado que tienen una duración media de 94150 km. Si la afirmación del fabricante fuese cierta, ¿cuál es la probabilidad de encontrar una muestra con una duración media de 94150 km. o menos?

Sean  $T_1, \ldots, T_{16}$  la duración de las 16 bujías de la muestra.

Sean  $T_1, \ldots, T_{16}$  la duración de las 16 bujías de la muestra.

Sea  $\overline{T} = \frac{T_1 + \dots + T_{16}}{16}$  la variable aleatoria que nos da la duración media de una muestra de 16 bujías.

Sean  $T_1, \ldots, T_{16}$  la duración de las 16 bujías de la muestra.

Sea  $\overline{T} = \frac{T_1 + \dots + T_{16}}{16}$  la variable aleatoria que nos da la duración media de una muestra de 16 bujías.

Como cada  $T_i$  se distribuye como una distribución normal  $N(\mu = 100000, \sigma = 6500)$ , la distribución de la variable  $\overline{T}$  será:

Sean  $T_1, \ldots, T_{16}$  la duración de las 16 bujías de la muestra.

Sea  $\overline{T} = \frac{T_1 + \dots + T_{16}}{16}$  la variable aleatoria que nos da la duración media de una muestra de 16 bujías.

Como cada  $T_i$  se distribuye como una distribución normal  $N(\mu=100000,\sigma=6500)$ , la distribución de la variable  $\overline{T}$  será:

$$\overline{T} = N \left( \mu_{\overline{T}} = \mu = 100000, \sigma_{\overline{T}} = \frac{\sigma}{\sqrt{16}} = \frac{6500}{4} = 1625 \right).$$

Nos piden:

Nos piden:

$$P(\overline{T} \le 94150) = P\left(Z \le \frac{94150 - 100000}{1625}\right) = P(Z \le -3.6)$$
  
=0.0001591.

Nos piden:

$$P(\overline{T} \le 94150) = P\left(Z \le \frac{94150 - 100000}{1625}\right) = P(Z \le -3.6)$$
  
=0.0001591.

Si la afirmación del fabricante fuese cierta, la probabilidad de encontrar una muestra con una duración media de 94150 km. o menos sería muy improbable.

Nos piden:

$$P(\overline{T} \le 94150) = P\left(Z \le \frac{94150 - 100000}{1625}\right) = P(Z \le -3.6)$$
  
=0.0001591.

Si la afirmación del fabricante fuese cierta, la probabilidad de encontrar una muestra con una duración media de 94150 km. o menos sería muy improbable.

Por tanto, tendríamos que ser bastante escépticos acerca de la afirmación del fabricante.

