Ejemplos contrates de hipótesis de una media

Ricardo Alberich, Juan Gabriel Gomila y Arnau Mir

Prueba plan de organización cadena de producción

La empresa ALUMINIA CALIFORNIA SUR (ALCASU) por sugerencia del comité sindical ha modificado los puestos y tareas de su cadena de producción de un tipo específico de ventanas de aluminio con gran demanda.

En la actualizad se espera fabricar una media $\mu=100$ unidades por hora con una desviación típica de $\sigma=9$. El jefe de producción no quiere aceptar definitivamente la modificación s salvo que se tenga evidencia de que la media de producción es definitivamente superior a la de la organización anterior.

Prueba plan de organización cadena de producción

Para asegurarlo plantea el siguiente contraste

$$\begin{cases} H_0: \mu \le 80 \\ H_1: \mu > 80 \end{cases}$$

Necesita una muestra aleatoria, y controla durante n=25 horas la producción obteniendo los siguientes resultados

```
89.25
      75.65
             94.73
                    88.58
                           94.55
                                  82.60
                                         82.48
                                                82.68
83.90
     101.08
             89.54
                    72.22
                           79.99
                                  75.49
                                         76.44
                                                66.79
             78.52
                                                92.13
65.73
      86.84
                    72.88
                           85.40
                                  84.70
                                         82.95
91.40 85.47
             72.13
                    85.28
                           74.21
                                  86.16
                                         81.09
                                                88.38
84.79
      75.14
             86.24
                    63.11
```

Prueba plan de organización cadena de producción

La media de la muestra es $\overline{x}=82$. Si suponemos que X=\$ número de unidades fabricadas por hora es aproximadamente normal y que $\sigma=9$ sigue siendo conocida.

Entonces el estadístico de contraste es al nivel de siginificación lpha= 0.05 es

Rechazar H_0 si

$$Z = \frac{\overline{x} - 80}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{82 - 80}{\frac{9}{\sqrt{25}}} = \frac{2}{\frac{9}{5}} = \frac{10}{9} > z_{0.05} = 1.645.$$

Como $\frac{10}{9} = 1.1111 > 1.645$