

1 Si 147 se divide por cierto número, resulta el triple de este ¿cuál es el número?

Solución.

$$\frac{147}{x} = 3x$$

$$147 = 3x(x)$$

$$147 = 3x^2$$

$$\frac{147}{3} = x^2$$

$$x^2 = 49$$

$$x = \sqrt{49}$$

$$x = 7$$

COMPROBAMOS.

$$\frac{147}{7} = 3 \cdot 7$$

$$21 = 21 \checkmark$$

2 Dos números, cuyo producto es 980, son entre sí como 4:5, calcula estos números.

Solución.

$$4a = 5b$$

$$a = \frac{5b}{4}$$

$$a \cdot b = 980$$

$$\frac{5b}{4} \cdot b = 980$$

$$5b \cdot b = 980 \cdot 4$$

$$5b^2 = 3920$$

$$b^2 = \frac{3920}{5}$$

$$b = \sqrt{784}$$

$$b = 28$$

$$4a = 5b$$

$$4a = 5 \cdot 28$$

$$4a = 140$$

$$a = \frac{140}{4}$$

$$a = 35$$

comprobamos.

$$a \cdot b = 980$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$
$$35 \cdot 28 = 980$$

$$980 = 980 \checkmark$$

3. el producto de los  $\frac{2}{5}$  de un número más 6 por los  $\frac{2}{5}$  menos 6 es 540 ¿cual es el número?

Solución.

$$\left(\frac{2}{5}x + 6\right) \left(\frac{2}{5} - 6\right) = 540$$

$$\frac{2}{5}x + \left(6 \frac{2}{5} - 6\right) = 540$$

$$\frac{2}{5}x + (-3,6) = 540$$

$$\frac{2}{5}x - 3,6 = 540$$

$$\frac{2}{5}x = 540 + 3,6$$

$$\frac{2}{5}x = 543,6$$

$$x = \frac{543,6}{\frac{2}{5}} = 1359$$

Comprobamos.

$$\frac{2}{5} \cdot 1359 + 6 \cdot \frac{2}{5} - 6 = 540.$$

4. El producto de los  $\frac{5}{6}$  de un número por sus  $\frac{3}{8}$  es 720 ¿cual es el número?

Solución.

$$\frac{5}{6}x \cdot \frac{3}{8} = 720$$

$$\frac{5}{6}x = \frac{720}{\frac{3}{8}}$$

$$\frac{5}{6}x = 1920.$$

$$x = \frac{1920}{\frac{5}{6}}$$

$$x = 2304$$

Comprobamos.

$$\frac{5}{6} \cdot 2304 \cdot \frac{3}{8} = 720$$



5 Calcular tres números Pares consecutivos, cuya suma sea igual a  $\frac{3}{32}$  del producto.

Solución.

Números:  $x$ ,  $x+2$ ,  $x+4$

$$x + x+2 + x+4 = \left(\frac{3}{32}\right) (x)(x+2)(x+4)$$

$$\rightarrow 3x + 6 = \left(\frac{3}{32}\right) \cdot x(x+2)(x+4)$$

$$\rightarrow 3(x+2) = \frac{3}{32} x(x+2)(x+4)$$

$$\rightarrow 32 = x(x+4)$$

$$\rightarrow 0 = x^2 + 4x - 32$$

$$\rightarrow (x+8)(x-4)$$

$$x+8=0 \\ x=-8$$

$$x-4=0$$

$$x=4$$

Los números son:

4, 6, 8

El número positivo.

6 La suma de los cuadrados de tres números consecutivos es 365 ¿cuáles son estos números?

Solución.

$$\underbrace{x^2}_a + \underbrace{(x+1)^2}_b + \underbrace{(x+2)^2}_c = 365$$

$$a = x^2$$

$$b = (x+1)^2 = x^2 + 2x \cdot 1 + 1^2 \Rightarrow x^2 + 2x + 1$$

$$c = (x+2)^2 = x^2 + 2x \cdot 2 + 2^2 \Rightarrow x^2 + 4x + 4$$

$$x^2 + x^2 + 2x + 1 + x^2 + 4x + 4 = 365$$

$$(x^2 + x^2 + x^2) + (2x + 4x) + (1 + 4) = 365$$

$$3x^2 + 6x + 5 = 365$$

$$3x^2 + 6x + 5 - 365 = 0$$

$$\frac{3x^2}{a} + \frac{6x}{b} - \frac{360}{c} = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4(3)(-360)}}{2 \cdot 3}$$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{36 + 4320}}{6}$$

$$x = \frac{-6 \pm 66}{6}$$

Opción 1 = 10, → (Opción) el positivo

Opción 2 = -12

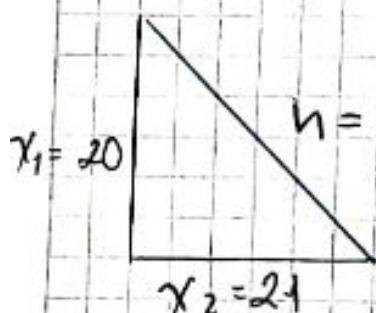
Los números son: 10, 11, 12.

$$10^2 + 11^2 + 12^2 = 365$$

o también

$$-12^2 - 11^2 - 10^2 = -365$$

7. La hipotenusa de un triángulo rectángulo mide 9m más que uno de los catetos y 8m más que el otro. Calcula los lados del triángulo.



$$h = x_1 + 9$$

$$h = x_2 + 8$$

$$h^2 = x_1^2 + x_2^2$$

$$(x_1 + 9)^2 = x_1^2 + x_2^2$$

$$x_1 + 9 = x_2 + 8$$

$$x_2 = x_1 + 9 - 8 = \underline{x_1 + 1}$$



$$(x_1 + 9)^2 = x_1^2 + (x_1 + 1)^2$$

$$x_1^2 + 18x_1 + 81 = x_1^2 + x_1^2 + 2x_1 + 1$$

$$\cancel{x_1^2} + 18x_1 + 81 - \cancel{x_1^2} - x_1^2 - 2x_1 - 1 = 0$$

$$-x_1^2 + 16x_1 + 80 = 0 \quad (-1)$$

$$x_1^2 - 16x_1 - 80 = 0$$

$$(x - 20)(x + 4) = 0$$

$$x - 20 = 0$$

$$x = 20$$

$$x + 4 = 0$$

$$x = -4$$

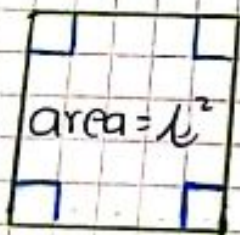
$$h = 20 + 9$$

$$h = 29$$

$$29 - 8 = x_2$$

$$x_2 = 21$$

8. Con un pedazo cuadrado de cartón se construye una caja de cartón abierta cortando en cada esquina cuadrados de 3 cm de largo y doblando hacia arriba los rectángulos resultantes (de 3 cm de altura). Si la caja tiene un volumen de  $432 \text{ cm}^3$  ¿de cuántos  $\text{cm}^2$  de cartón se disponía al principio?



$$V = \text{area} \cdot h$$

$$V = l^2 \cdot h$$

$$V = l^2 \cdot 3$$

$$l = \sqrt{\frac{432}{3}} = 6\sqrt{6}$$

$$l = l + 3 + 3 \quad \text{Area } l^2$$

$$l = l + 6$$

$$l_2 = 6\sqrt{6} + 6$$

$$l = (6\sqrt{6} + 6)^2$$

$$l = 428,36 \text{ cm}^2$$



9. La edad de Adolfo es 15 años menos que el doble de la edad de Teresa y la séptima parte de la edad de Adolfo es 20 años menos que la edad de Teresa. Calcula ambas edades.

Solución.

$$A = 2T - 15$$

$$\frac{A}{7} = T - 20$$

$$A = T - 20 \cdot 7$$

$$A = 7T - 140$$

$$7T - 140 = 2T - 15$$

$$5T = 125$$

$$T = \frac{125}{5}$$

$$T = 25$$

$$A = 2T - 15$$

$$A = 2(25) - 15$$

$$A = 35$$

• la edad de Adolfo es 35 años

• la edad de Teresa es 25 años.

10. Un Padre Reparte \$10.000 entre sus dos hijos al mayor le da \$2.000 más que al menor cuánto dinero le corresponde a cada uno?

$X = \text{Mayor}$        $Y = \text{menor}$

$$X = Y + 2000$$

$$X + Y = 10.000$$

$$Y + 2000 + Y = 10.000$$

$$2Y + 2000 = 10000$$

$$2 \cdot Y = 8000$$

$$Y = \frac{8000}{2}$$

$$Y = 4000$$

$$X = 4000 + 2000$$

$$X = 6.000$$

Comprobamos.

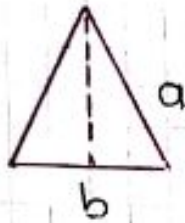
$$10.000 = Y + X$$

$$10.000 = 4000 + 6000$$

$$10.000 = 10.000 \checkmark$$

**11** la suma de la base con la altura de un triángulo es 30 m. y el área del triángulo es  $112 \text{ m}^2$ . calcula la base y la altura del triángulo?

solución.



$$a + b = 30 \text{ m}$$

$$\frac{a \cdot b}{2} = 112 \text{ m}^2$$

$$a = 30 - b$$

$$b \cdot (30 - b) = 112 \cdot 2$$

$$30b - b^2 - 224 = 0$$

$$b^2 - 30b + 224 = 0$$

$$b^2 - 14b - 16b + 224 = 0$$

$$b(b - 14) - 16(b - 14) = 0$$

$$(b - 16)(b - 14) = 0$$

$$b - 16 = 0 \quad b - 14 = 0$$

$$b = 16$$

$$b = 14$$

$$a + 16 = 30$$

$$a = 30 - 16$$

$$a = 14$$

$$a + 14 = 30$$

$$a = 30 - 14$$

$$a = 16$$

**12** Determinar dos números impares consecutivos, sabiendo que la suma de sus cuadrados es 394.

solución

$$2x + 1$$

$$2x + 3$$

$$(2x + 1)^2 + (2x + 3)^2 = 394$$

$$4x^2 + 4x + 1 + 4x^2 + 12x + 9 = 394$$

$$8x^2 + 16x + 10 - 394 = 0$$

$$8x^2 + 16x - 384 = 0$$

$$x^2 + 2x - 48 = 0$$

$$x^2 + 8x - 6x - 48 = 0$$



$$x(x+8) - 6(x+8) = 0$$

$$(x+8)(x-6) = 0$$

$$x_1 = -8$$

$$x_2 = 6 \quad \checkmark$$

$$2(6) + 1 = 13$$

$$13 = 13 \quad \checkmark$$

$$2(6) + 3 = 15$$

$$15 = 15 \quad \checkmark$$

13. Hallar los números consecutivos cuyo producto sea 728:

Solución. menor:  $x+2$   
mayor:  $x+4$

$$(x+2) \cdot (x+4) = 728$$

$$x^2 + 4x + 2x + 8 - 728 = 0$$

$$x^2 + 6x - 720 = 0$$

$$x^2 + 30x - 24x - 720 = 0$$

$$x(x+30) - 24(x+30) = 0$$

$$(x+30)(x-24) = 0$$

$$x = -30$$

$$x = 24 \quad \checkmark$$


$$x+2 = 24+2 = 26$$

$$x+4 = 24+4 = 28$$

$$26 \times 28 = 728$$

$$728 = 728 \quad \checkmark$$



 Encuentra la Fracción que si se disminuye su numerador en 4 unidades y se aumenta su denominador en 5, es equivalente a 1.

Solución.

$$\frac{x-4}{y+5} = 1$$

$$x-4 = y+5$$

$$x-y = 9$$

$$y = 9 - x$$

$$\frac{(9-x)-4}{y+5} = 1$$

$$9-x-4 = y+5$$

$$= 0 = y$$

$$x - y = 9$$

$$x - 0 = 9$$

$$x = 9$$

# POTENCIACIÓN Y RADICACIÓN

## Ejercicio 1

Si  $a^a = 2$ , calcular:

$$E = a^{2a} + a^{a^{a+1}}$$

Sol:

1. hacemos  $2a = 2 \cdot a$  y  $a^{a+1} = a^a \cdot a$

$$E = a^{2a} + a^{a^a \cdot a}$$

2. Aplicamos la propiedad  $x^{nm} = (x^n)^m$ , donde  $a^a \cdot a = a \cdot a^a$

$$E = (a^a)^2 + (a^a)^{a^a}$$

3. Aplicamos el dato del problema  $a^a = 2$

$$E = (2)^2 + (2)^2$$

$$= 4 + 4$$

$$\boxed{E = 8}$$

## Ejercicio 2

Calcular  $M^3$  si se cumple la siguiente condición:

$$M = \sqrt{2 \cdot \sqrt{3 \cdot \sqrt{2 \cdot \sqrt{3 \dots \infty}}}}$$

Sol:

1. Coloreando el Fragmento Repetido

$$M = \sqrt{2 \cdot \sqrt{3 \cdot \sqrt{2 \cdot \sqrt{3 \dots \infty}}}}$$

2. Como es una serie repetitiva, el colorado también es,  $M$  lo escribimos así:

$$M = \sqrt{2 \cdot \sqrt{3M}}$$



3. Elevamos al cuadrado para eliminar la raíz.

$$(M)^2 = (\sqrt{2 \cdot \sqrt{3} M})^2$$

$$M^2 = 2\sqrt{3}M$$

4. Elevamos al cuadrado otra vez para eliminar la raíz.

$$(M^2)^2 = (2\sqrt{3}M)^2$$

5. Resolviendo

$$M^4 = (2\sqrt{3}M)^2 = 2^2 (\sqrt{3}M)^2 = 4 \cdot 3M$$

6. Simplificamos M Finalmente logramos resolver  $M^3$

$$M^3 = 12$$

## EJERCICIOS DE POTENCIACION

$$5. \frac{\left[\left(\frac{2}{3}\right)^5\right]^4 \cdot \left[\left(\frac{2}{3}\right)^7\right]^3}{\left[\left(\frac{2}{3}\right)^6\right]^2 \cdot \left[\left(\frac{2}{3}\right)^3\right]^9}$$

$$\frac{\left(\frac{2}{3}\right)^{20} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{21}}{\left(\frac{2}{3}\right)^{12} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{27}} = \frac{\left(\frac{2}{3}\right)^{41}}{\left(\frac{2}{3}\right)^{39}} = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \left(\frac{4}{9}\right)$$

El resultado es  $\left(\frac{4}{9}\right)$



$$\left[ \frac{(2^3 \cdot 2^6)^{-2} \cdot (3^4)^3 \cdot 3}{(2^6 \cdot 2^{10})^{-1} \cdot (3^6 \cdot 3^2 \cdot 3^5)} \right]^{10}$$

$$\left[ \frac{(2^9)^{-2} \cdot (3^4)^3 \cdot 3}{(2^{16})^{-1} \cdot (3^{13})} \right]^{10}$$

$$\left[ \frac{2^{-18} \cdot 3^{12} \cdot 3}{2^{-16} \cdot 3^{13}} \right]^{10}$$

$$\left[ \frac{2^{-18} \cdot 3^{13}}{2^{-16} \cdot 3^{13}} \right]^{10}$$

$$\left[ \frac{2^{-18}}{2^{-16}} \right]^{10} \rightarrow \left[ 2^{-18 - (-16)} \right]^{10} \rightarrow \left[ 2^{-2} \right]^{10} = 2^{-20}$$

$$= 2^{-20} = \frac{1}{2^{20}}$$

# ARITMETICA SOL 1

Scribe

Resuelvo la siguiente expresión, pero sin utilizar la calculadora.

$$(0,28 + 0,02 - 0,16) (0,5 \cdot 0,2)$$

0,025

Vamos a expresar todos de forma de fraccionario

0,28  $\cdot \frac{100}{100} \rightarrow$  Multiplicamos el decimal por 1 que se puede expresar de varias formas entonces:

0,02  $\cdot \frac{100}{100}$  se multiplica por 1 y cuantos ceros, hayan después de la coma del decimal

$$0,16 \cdot \frac{100}{100} = \frac{16}{100} = \frac{8}{50} = \frac{4}{25}$$

$$0,5 \cdot \frac{10}{10} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

$$0,2 \cdot \frac{10}{10} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

$$0,025 \cdot \frac{1000}{1000} = \frac{25}{1000} = \frac{1}{40}$$

$$0,02 \cdot \frac{100}{100} = \frac{2}{100} = \frac{1}{50}$$

$$0,28 \cdot \frac{100}{100} = \frac{28}{100} = \frac{14}{50} = \frac{7}{25}$$

$(0,28 + 0,02 - 0,16) (0,5 \cdot 0,2)$   $\rightarrow$  Reemplazamos en decimales

$$\left( \frac{7}{25} + \frac{1}{50} - \frac{4}{25} \right) \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{5} \right)$$

$$\frac{1}{40}$$

$$\left( \frac{14}{50} + \frac{1}{50} - \frac{8}{50} \right) \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{5} \right) = \left( \frac{7}{50} \right) \left( \frac{40}{10} \right) = \left( \frac{7}{50} \right) \left( \frac{4}{1} \right) = \frac{28}{50}$$

convertimos las fracciones en homogéneas

Hacemos extremos y medios

RTA  $\leftarrow \frac{28}{50}$



## EXPRESIONES ALGEBRAICAS

Resuelvo los siguientes ejercicios

a)  $\sqrt{24} - 5\sqrt{6} + \sqrt{486}$

b)  $\sqrt[3]{54} - \sqrt[3]{16} + \sqrt[3]{250}$

c)  $2\sqrt{5} + \sqrt{45} + \sqrt{180}$

d)  $2\sqrt{12} - 3\sqrt{75} + \sqrt{27}$

Las raíces se suman dependiendo del número que las acompaña y además hay que descomponer las raíces y expresarlas o más simplificadas posibles

a)  $\sqrt{24} - 5\sqrt{6} + \sqrt{486} =$

$$\sqrt{2^2 \cdot 2 \cdot 3} - 5\sqrt{6} + \sqrt{3^2 \cdot 3^2 \cdot 2 \cdot 3}$$

$$2\sqrt{6} - 5\sqrt{6} + 3 \cdot 3\sqrt{6}$$

$$2\sqrt{6} - 5\sqrt{6} + 9\sqrt{6}$$

$$6\sqrt{6}$$

$$24 \mid 2$$

$$12 \mid 2$$

$$6 \mid 2$$

$$3 \mid 2$$

$$1$$

$$6 \mid 2$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

$$486 \mid 2$$

$$243 \mid 3$$

$$81 \mid 9 = 3 \cdot 3$$

$$9 \mid 9 = 3 \cdot 3$$

$$1$$

Las raíces con igual radicando se suman sus números enteros

b)  $\sqrt[3]{54} - \sqrt[3]{16} + \sqrt[3]{250}$

$$\sqrt[3]{3^3 \cdot 2} - \sqrt[3]{2^3 \cdot 2} + \sqrt[3]{5^3 \cdot 2}$$

$$3\sqrt[3]{2} - 2\sqrt[3]{2} + 5\sqrt[3]{2}$$

$$6\sqrt[3]{2}$$

$$54 \mid 2$$

$$27 \mid 3$$

$$9 \mid 9 = 3 \cdot 3$$

$$1$$

$$16 \mid 2$$

$$8 \mid 2$$

$$4 \mid 4$$

$$1$$

$$250 \mid 2$$

$$125 \mid 5$$

$$25 \mid 5$$

$$5 \mid 5$$

$$1$$

sin importar el índice de la raíz pero estas deben ser iguales.

c)  $2\sqrt{5} + \sqrt{45} + \sqrt{180}$

$$2\sqrt{5} + \sqrt{5 \cdot 3^2} + \sqrt{2^2 \cdot 5 \cdot 3^2}$$

$$2\sqrt{5} + 3\sqrt{5} + 2 \cdot 3\sqrt{5}$$

$$2\sqrt{5} + 3\sqrt{5} + 6\sqrt{5}$$

$$11\sqrt{5}$$

$$45 \mid 5$$

$$9 \mid 3$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

$$180 \mid 2$$

$$90 \mid 2$$

$$45 \mid 5$$

$$9 \mid 3$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

d)  $2\sqrt{12} - 3\sqrt{75} + \sqrt{27}$

$$2\sqrt{2^2 \cdot 3} - 3\sqrt{5^2 \cdot 3} + \sqrt{3^2 \cdot 3}$$

$$2 \cdot 2\sqrt{3} - 3 \cdot 5\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$$

$$4\sqrt{3} - 15\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$$

$$-8\sqrt{3}$$

$$12 \mid 2$$

$$6 \mid 2$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

$$75 \mid 5$$

$$15 \mid 5$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

$$27 \mid 3$$

$$9 \mid 3$$

$$3 \mid 3$$

$$1$$

SOL 1



## Expresiones Algebraicas

Calcula el área de la pantalla de un celular la cual está dada por las siguientes expresiones en b y h

$$b = \sqrt{\sqrt{531441}} \quad b = (2^2)^2$$

$$h = \sqrt{\sqrt{531441}}$$

$$h = \sqrt{\sqrt{96}}$$

↓

multiplicamos los terminos de las raíces y obtenemos

$$h = \sqrt[6]{96} \rightarrow \text{cancelamos potencia con raíz}$$

$$h = 9 \text{ cm}$$

$$\begin{array}{r} 531441 \mid 9 \rightarrow \\ 59049 \mid 9 \\ 6561 \mid 9 \\ 729 \mid 9 \\ 81 \mid 9 \\ 9 \mid 9 \\ 1 \end{array}$$

Simplificamos la expresión lo que más se pueda simplificar obteniendo así que el número 9, se multiplica por sí mismo 6 veces

$$h = (2^2)^2 \rightarrow \text{se puede expresar como}$$

$$h = 2^2 \cdot 2^2 = 2^4 = 16 \text{ cm}$$

multiplicamos exponentes por que son de la misma base

$$A = b \cdot h = 9 \text{ cm} \cdot 16 \text{ cm} = 144 \text{ cm}^2$$