## REPONSES A L'EXERCICE I de Mathématiques

I-1-	<b>A)</b> $ln(a) \times ln(b)$		$\mathbf{B)} \ln(a) + \ln(b)$		$(C) \ln(a) + \ln(1 + \frac{b}{a})$		
I-2-	<b>A)</b> ]0; +∞[	B)]-1;1[		(C)]-∞; -1[ ∪ ]1; +∞[)		<b>D)</b> $]e^{-1}$ ; $+\infty[$	
I-3-	<b>A)</b> $\lim_{x \to a} \frac{f(x)}{g(x)} = 0^+$	$\mathbf{B})\lim_{x\to a} \frac{f(x)}{g(x)} = +\infty$		C) $\lim_{x \to a} f(x) \times g(x) = 0^+$		<b>D)</b> $\lim_{x \to a} f(x) \times g(x) = +\infty$	
I-4-	<b>A)</b> asymptote horizor	ntale B) asympto		ote verticale C) déc		croissante sur $]a; +\infty[$	
	<b>A)</b> $f'(1) = -2$	<b>B)</b> $f'(1) = 10$		<b>C)</b> $f'(1) = 1$			
I-5-	<b>D)</b> $y = -2x + 3$	<b>E)</b> $y = 10x + 3$		<b>F)</b> $y = x + 2$		<b>G)</b> $y = -2x + 5$	
I-6-	$\mathbf{A)}f(c)=0$		naximum ou nimum local	C) $f(x) = c$ admet une unique solution			
I-7-	A) $f(a) \times f(b)$ $\Rightarrow f$ s'annule sur	Compri				mpris entre $f(a)$ et $f(b)$ = $k$ admet une solution sur[ $a$ ; $b$ ]	
I-8-	<b>A)</b> $f$ croissante sur $[a;b]$	B) f'	croissante sur [a;b]	C) f convexe su	r [a; b])	<b>D)</b> $C_f$ en-dessous de $[AB]$	
I-9-	<b>A)</b> raison égale à 1	<b>B)</b> $u_{19} = 20$		C) suite convergente		$\boxed{\mathbf{D}) u_1 + \dots + u_{10} = 50}$	
I-10-	<b>A)</b> $(u_n)$ géométrique de raison $\frac{5}{4}$	<b>B)</b> $(u_n)$ arithmétique de raison $\frac{5}{4}$		$(u_n)$ décroissante		$\mathbf{D)}\lim_{n\to+\infty}u_n=5$	
I-11-	<b>A)</b> $P(A) \times P(B)$	$\mathbf{B)}P(A)+P(B)$		$ \begin{array}{c}                                     $			
I-12-	<b>A)</b> $P(X = 1) = \frac{2}{3}$	<b>B)</b> $P(X = 1) = \frac{1}{3}$		(C) E(X) = 2		<b>D)</b> $E(X) = \frac{11}{3}$	
I-13-	<b>A)</b> (AB) et (DC) sécantes	B) (AB) et (DC) parallèles		<b>C)</b> $ABCD$ parallélogramme $\Leftrightarrow b = 2a$		$\begin{array}{c} \textbf{D) } ABCD \\ \text{parallélogramme} \\ \Leftrightarrow b = -2a \end{array}$	

## REPONSES A L'EXERCICE II de Mathématiques

		•
Les p <i>Or, si</i> <i>droit</i>		ants au plan de la dalle selon les droites $(A_0B_0)$ et $(F_0G_0)$ .  Explan sécant à l'un est sécant à l'autre et leurs intersections sont deux
G <sub>0</sub> F <sub>0</sub> J Or, si Comr temp Etape Les p La dr paral Théo Si u de P <sub>1</sub>	$F_1A_1$ est un rectangle donc $(A_0B_0)$ et $F_1G_1$ est un rectangle donc $(F_0G_0)$ et $\mathbf{deux}$ droites sont parallèles, alors tone les droites $(A_0B_0)$ et $(F_0G_0)$ sont s, puis $(A_1B_1)$ et $(F_1G_1)$ sont parallèles. Pet $\mathcal{P}_2$ sont sécants selon la droite $(A_1B_1)$ est une droite du plan $\mathcal{P}_1$ lèles. Prème du toit: $P_1$ et $P_2$ sont deux plans $P_2$ et $P_3$ et $P_4$ et $P_4$ sont deux plans $P_1$ et $P_2$ et $P_3$ et $P_4$ et $P_4$ sont deux plans $P_1$ et $P_4$ et $P_4$ et $P_4$ sont deux plans $P_4$ et $P_4$ et $P_4$ et $P_4$ sont deux plans $P_4$ et $P_4$ et $P_4$ et $P_4$ sont deux plans $P_4$ et	It $(A_1B_1)$ sont parallèles. $(F_1G_1)$ sont parallèles. Oute droite parallèle à l'une est parallèle à l'autre. Parallèles, alors $(A_1B_1)$ et $(F_0G_0)$ sont parallèles, dans un premier les dans un deuxième temps.  Troite $(D_1H_1)$ . $(D_2: D_1)$ est une droite du plan $(D_1: D_2)$ . Ces deux droites sont es sécants. Sécants. Sécants la droite d'intersection de la droite d'intersection d'inte
II-3-	$\overline{D_1H_1}(-10 ; 0 ; 0)$	$\overrightarrow{D_1E_1}$ ( 2 ; 2 ; -1 )
II-4-	Le vecteur $\overrightarrow{n_1}(0;1;2)$ est un vecte En effet:	eur normal au plan $\mathcal{P}_1$ .
$\overrightarrow{n_1} \cdot \overrightarrow{D}$ Le ve	$\overrightarrow{_1E_1} = 2 \times 0 + 2 \times 1 - 1 \times 2 = 0$ . D	0. Donc le vecteur $\overrightarrow{n_1}$ est orthogonal au vecteur $\overrightarrow{D_1H_1}$ . onc le vecteur $\overrightarrow{n_1}$ est orthogonal au vecteur $\overrightarrow{D_1E_1}$ . vecteurs non colinéaires du plan $\mathcal{P}_1$ donc c'est un vecteur normal

**II-5-** Equation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_1: y+2z-16=0$  En effet :

Le plan  $\mathcal{P}_1$  a pour vecteur normal  $\overrightarrow{n_1}(0;1;2)$  et passe par  $D_1(0;0;8)$ . Soit M(x;y;z) un point de l'espace.  $M \in \mathcal{P}_1 \iff \overrightarrow{n_1} \cdot \overrightarrow{D_1 M} = 0 \iff 0 \times x + 1 \times y + 2 \times (z-8) = 0 \iff y+2z-16=0$ 

II-6-  $z_1 = 4$ 

En effet:

 $F_1 \in \mathcal{P}_1$  donc ses coordonnées vérifient l'équation obtenue à la question II-5- soit :

$$y_{F_1} + 2z_{F_1} - 16 = 0 \iff 8 + 2z_1 - 16 = 0 \iff 2z_1 = 8 \iff z_1 = 4$$
.

II-7-  $F_0 F_1 = 4$ 

II-8-  $\tan \alpha = \frac{1}{2}$ 

II-9- La toiture du bâtiment respecte / ne respecte pas les normes de la région.

(Barrer le terme qui ne convient pas)

En effet:

 $\tan \alpha = \frac{1}{2} \operatorname{donc} \alpha \simeq 26.6^{\circ} \operatorname{et} \operatorname{n'est} \operatorname{pas} \operatorname{comprise} \operatorname{entre} 33^{\circ} \operatorname{et} 45^{\circ}.$ 

**II-10-** Une équation cartésienne du plan  $(B_0C_0C_1)$  est donnée par x-y-4=0.

En effet:

 $x_{B_0} - y_{B_0} - 4 = -8 + 12 - 4 = 0$ 

 $x_{C_0} - y_{C_0} - 4 = 2 + 2 - 4 = 0$ 

 $x_{C_1} - y_{C_1} - 4 = 2 + 2 - 4 = 0$ .

Les coordonnées de trois points non alignés du plan vérifient l'équation x-y-4=0, donc une équation cartésienne du plan  $(B_0C_0C_1)$  est donnée par x-y-4=0.

**II-11-** Représentation paramétrique de la droite  $(B_1C_1)$ :

$$\begin{cases} x = t + 4 \\ y = t \\ z = \frac{1}{2}t + 8 \end{cases}, t \in \mathbb{R} \text{ ou} \begin{cases} x = 2t + 4 \\ y = 2t \\ z = t + 8 \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

**II-12-** Il est possible / impossible de prolonger le pan de toit jusqu'au sol.

(Barrer le terme qui ne convient pas)

En effet:

Intersection des deux droites 
$$(A_1H_1)$$
 et  $(B_1C_1)$ : 
$$\begin{cases} x = -10 = 2t + 4 \\ y = 2k = 2t \\ z = 8 + k = t + 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = k = -7 \\ x = -10 \\ y = -14 \\ z = 1 \end{cases}$$

Les deux bords du toit sont sécants en un point situé à 1m/1unité du sol. Il ne sera donc pas possible de prolonger ce toit jusqu'au sol car il s'arrêtera avant de l'atteindre.

## REPONSES A L'EXERCICE III de Mathématiques

III-1- 
$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$$

III-2- 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$$

En effet:  $f(x) = -(1+x^2)e^{-x} = -e^{-x} - x^2e^{-x}$ .

Or,  $\lim_{x \to +\infty} e^{-x} = 0$  et  $\lim_{x \to +\infty} x^2 e^{-x} = 0$  donc par somme  $\lim_{x \to +\infty} -e^{-x} - x^2 e^{-x} = 0$ .

III-3-Equation cartésienne de  $\Delta$  : y = 0

Position de  $C_f$  par rapport à  $\Delta$  :  $C_f$  est **en-dessous de**  $\Delta$ 

III-4- 
$$a = 1$$

$$b = -$$

En effet:

$$f'(x) = (1+x^2)e^{-x} - 2xe^{-x} = (x^2 - 2x + 1)e^{-x} = (x-1)^2e^{-x}$$

III-5- 
$$\mathcal{E} = \{1\}$$

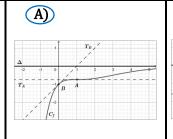
III-6-

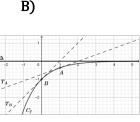
X	-∞		1		+∞
Signe de $f'(x)$		+	0	+	
Variations de f	-8		$\frac{-2}{e}$		• 0

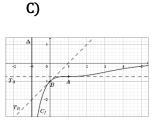
III-7- Equation cartésienne de  $T_A$ :  $y = \frac{-2}{\rho}$ 

Equation cartésienne de  $T_B$ : y = x - 1

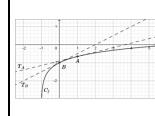
III-8-







D)



**III-9-** L'équation f(x) = -3 admet une unique solution dans l'intervalle [-1; 0].

En effet : La fonction f est continue et strictement croissante sur l'intervalle [-1; 0].

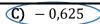
On a: f(-1) = -2e et f(0) = -1. Donc f(-1) < -3 < f(0).

Ainsi d'après le théorème de la bijection, l'équation f(x) = -3 admet une unique solution dans l'intervalle [-1;0].

III-10-



**B)** 
$$-0.5$$



**D)** −1