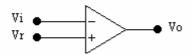
#### **COMPARATORI**

Un comparatore è un circuito che ha due possibili valori d'uscita, mediante i quali segnala il risultato del confronto delle tensioni sui due ingressi.

L'amplificatore operazionale ad anello aperto costituisce un comparatore semplice, che confronta un segnale d'ingresso con uno di riferimento e fornisce in uscita una tensione continua a livello alto o basso (positivo o negativo) a seconda che il segnale d'ingresso sia maggiore oppure minore di quello di riferimento. Si distinguono due tipi ci comparatori semplici, comparatore invertente e comparatore non invertente.

## **Comparatore invertente**

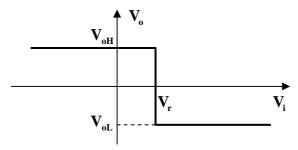
Il circuito di figura mostra un amplificatore operazionale ad anello aperto con una tensione  $V_r$  di riferimento all'ingresso non invertente e il segnale  $V_i$  a quello invertente



$$\begin{aligned} \mathbf{V}_{o} &= \mathbf{A}_{o} \big( \mathbf{V}_{r} - \mathbf{V}_{i} \big) \end{aligned} \begin{cases} \text{se} \quad \mathbf{V}_{i} < \mathbf{V}_{r} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{r} - \mathbf{V}_{i} > \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{o} = \mathbf{V}_{oH} \\ \\ \text{se} \quad \mathbf{V}_{i} > \mathbf{V}_{r} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{r} - \mathbf{V}_{i} < \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{o} = \mathbf{V}_{oL} \end{aligned}$$

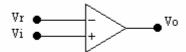
supponendo  $A_0 > 0$ .

La caratteristica d'uscita è la seguente:



## Comparatore non invertente

Per ottenere un comparatore non invertente è sufficiente mettere la tensione di riferimento  $V_r$  all'ingresso invertente e la tensione  $V_i$  a quello non invertente, come in figura

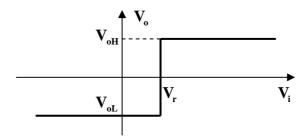


1

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_{o} &= \mathbf{A}_{o} \big( \mathbf{V}_{i} - \mathbf{V}_{r} \big) \end{aligned} \begin{cases} \text{se} \quad \mathbf{V}_{i} < \mathbf{V}_{r} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{i} - \mathbf{V}_{r} < \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{o} = \mathbf{V}_{oL} \\ \\ \text{se} \quad \mathbf{V}_{i} > \mathbf{V}_{r} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{i} - \mathbf{V}_{r} > \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{V}_{o} = \mathbf{V}_{oH} \end{aligned}$$

supponendo  $A_0 > 0$ .

La caratteristica d'uscita è la seguente:



Non necessariamente i due livelli di tensione  $V_{oH}$  e  $V_{oL}$  sono di segno opposto; in molte applicazioni sono dello stesso segno con, ovviamente,  $V_{oH} > V_{oL}$ . I comparatori sono molto usati in circuiti che richiedono il rilevamento di livelli di tensione, che si incontrano soprattutto nell'elettronica digitale.

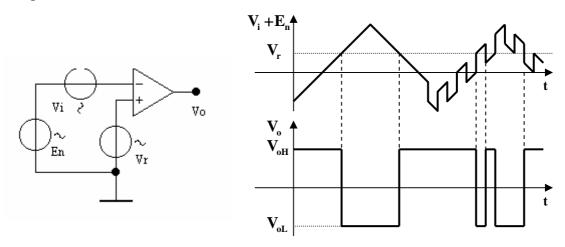
## Limiti dei comparatori semplici

Occorre evidenziare i limiti di un comparatore con una struttura circuitale così scarna e con operazionali adatti ad usi generici.

- L'operazionale per usi generici è piuttosto lento nella commutazione. Occorre, in certi casi, valutare le prestazioni dell'operazionale per quanto riguarda il tempo di propagazione. In particolare, se il segnale d'ingresso è lentamente variabile nel tempo, in prossimità della soglia di commutazione, essendo l'amplificazione ad anello aperto di valore finito, l'uscita potrebbe assumere per un certo tempo valori di tensione diversi dalle tensioni di saturazione.
- Le uscite degli operazionali generalmente commutano fra  $+V_{SAT}$  e  $-V_{SAT}$ ; in questo modo non è possibile pilotare dispositivi che richiedono livelli di tensione particolari ad esempio 0 e 5 V, come gli integrati TTL, o 0 e 5 ÷ 15 V, come i CMOS.
- Infine, un comparatore realizzato con una struttura ad anello aperto si rivela assai sensibile alle tensioni di rumore presenti ad uno o all'altro degli ingressi, tensione di rumore che può originare commutazioni indesiderate.

#### Il rumore nei comparatori (comparatori con isteresi)

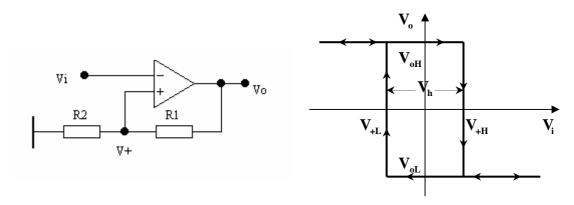
In figura (a) è illustrato un tipico comparatore che confronta il segnale  $V_i$  con il livello di riferimento di  $V_r$ . Il generatore  $E_n$  rappresenta la tensione di rumore considerata come un treno di impulsi. In figura (b) sono illustrati i diagrammi del segnale risultante  $V = V_i + E_n$  e la tensione d'uscita. Come si vede, durante il primo periodo, in cui si è ipotizzata l'assenza di disturbi ( $E_n$  cortocircuitato), l'uscita commuta regolarmente; in presenza di disturbi, invece, quando  $V_i$  si avvicina a  $V_r$ ,  $V_o$  presenta commutazioni indesiderate o oscillazioni incontrollate e la funzionalità del circuito risulta compromessa.



A questa situazione si può rimediare inserendo nel circuito del comparatore semplice una retroazione positiva.

La retroazione positiva viene realizzata applicando all'ingresso non invertente una parte della tensione di uscita, tramite un partitore resistivo, come in figura.

Questo tipo di comparatore viene indicato con il nome di trigger di Schmitt o comparatore con isteresi.



L'uscita commuta ogni qualvolta la tensione  $\mathbf{V}_{-} = \mathbf{V}_{i}$  sull'ingresso invertente uguaglia la tensione  $\mathbf{V}_{+}$  sull'ingresso non invertente.

La tensione  $V_+$  dipende dalla tensione d'uscita che può assumere due valori,  $V_{oH}$  e  $V_{oL}$ , pertanto, si avranno due tensioni di soglia,  $V_{+H}$  e  $V_{+L}$ .

- Se 
$$V_0 = V_{oH}$$
  $\Rightarrow$   $V_+ = V_{+H} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oH}$  tensione di soglia superiore

- Se 
$$V_0 = V_{oL}$$
  $\Rightarrow$   $V_+ = V_{+L} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oL}$  tensione di soglia inferiore

Quando  $V_i$ , crescendo, uguaglia e tende a superare  $V_{_{+H}}$ , prevale l'ingresso invertente su quello non invertente provocando la commutazione dell'uscita da  $V_{_{oH}}$  a  $V_{_{oL}}$ , e la tensione sull'ingresso non invertente passa da  $V_{_{+H}}$  a  $V_{_{+L}}$ , ossia la tensione di soglia subisce una drastica variazione.

Una nuova commutazione dell'uscita si avrà quando la tensione d'ingresso  $V_i$ , decrescendo, uguaglia e tende a scendere al di sotto di  $V_{+L}$ , prevale l'ingresso non invertente su quello invertente provocando la commutazione dell'uscita da  $V_{oL}$  a  $V_{oH}$ , e la tensione sull'ingresso non invertente passa da  $V_{+L}$  a  $V_{+H}$ , ossia la tensione di soglia subisce un'altra drastica variazione.

Il circuito, come evidenziato dalla caratteristica d'uscita, presenta una isteresi di ampiezza  $V_h$ , ossia le commutazioni dell'uscita avvengono per valori della tensione di soglia diversi tra loro ed esiste un intervallo delle tensioni d'ingresso per le quali l'uscita rimane allo stato precedente. Riassumendo:

$$- \quad \text{Se } V_{i} \leq V_{+L} \quad \Rightarrow \quad V_{o} = V_{oH}$$

– Se 
$$V_{_{+L}} < V_{_{i}} < V_{_{+H}}$$
  $\Rightarrow$   $V_{_{o}}$  = stato precedente

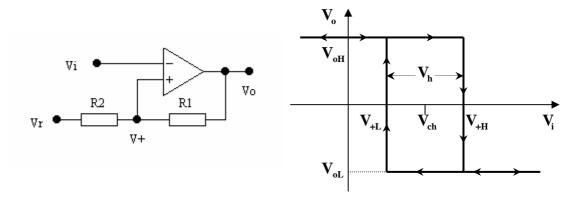
$$-\quad \text{Se } V_i \geq V_{_{+H}} \quad \Rightarrow \quad V_{_0} = V_{_{0L}}$$

Si può concludere che l'impiego della retroazione positiva spinge  $\mathbf{V}_{o}$  a commutare più velocemente; inoltre, se le due soglie di commutazione sono sufficientemente distanziate e maggiori dei picchi della tensione di rumore, vengono eliminate le false commutazioni.

La differenza  $V_h = V_{+H} - V_{+L}$  fra le due soglie di commutazione prende il nome di ampiezza dell'isteresi. Per evitare false commutazioni occorre dunque che  $V_h$  sia maggiore dell'ampiezza picco-picco dei disturbi; così l'ampiezza dell'isteresi indicherà l'ampiezza del segnale di rumore che può essere tollerata o il margine di rumore. Il centro dell'isteresi,  $V_{ch} = \frac{V_{+H} + V_{+L}}{2}$ , in questo caso è zero.

# Comparatore con isteresi invertente

Se si vuole un centro dell'isteresi diverso da zero, si collega la resistenza  $R_2$ , non a massa, ma ad una opportuna tensione di riferimento come in figura.



Alla tensione  $V_+$  contribuiscono due cause,  $V_o$  e  $V_r$ , e le soglie di commutazione si ottengono applicando il principio di sovrapposizione degli effetti:

$$V_{+H} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oH} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_{r} \qquad e \qquad V_{+L} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oL} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_{r}$$

Il centro dell'isteresi, supponendo  $\mathbf{V}_{_{\mathbf{0}\mathbf{H}}} = -\mathbf{V}_{_{\mathbf{0}\mathbf{L}}}$ , è:

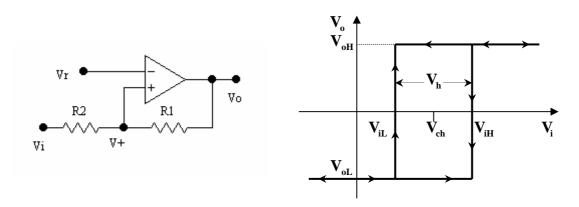
$$V_{ch} = \frac{V_{+H} + V_{+L}}{2} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_r$$

L'ampiezza dell'isteresi è:

$$V_{h} = V_{+H} - V_{+L} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \cdot 2V_{oH}$$

## Comparatore con isteresi non invertente

Il comparatore con isteresi non invertente si ottiene invertendo tra loro le tensioni d'ingresso e di riferimento, come in figura.



La commutazione dell'uscita si ha ogni qualvolta la tensione  ${\bf V}_{\!_+}$  uguaglia la tensione  ${\bf V}_{\!_-}={\bf V}_{\!_{\rm r}}$  .

Alla tensione  $V_{+}$  contribuiscono due cause,  $V_{o}$  e  $V_{i}$ ; applicando il principio di sovrapposizione degli effetti, si ha:

$$\mathbf{V}_{+} = \frac{\mathbf{R}_{1}}{\mathbf{R}_{1} + \mathbf{R}_{2}} \cdot \mathbf{V}_{i} + \frac{\mathbf{R}_{2}}{\mathbf{R}_{1} + \mathbf{R}_{2}} \cdot \mathbf{V}_{o}$$

Supponendo la tensione d'uscita a livello alto,  $V_o = V_{oH}$ , la tensione  $V_+$  deve essere necessariamente maggiore della tensione  $V_- = V_r$ .

Se 
$$V_o = V_{oH} \implies V_+ = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_i + \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oH} > V_r$$

La commutazione dell'uscita da  $V_{oH}$  a  $V_{oL}$  si avrà quando, diminuendo la tensione d'ingresso  $V_i$  la tensione  $V_+$  uguaglia e tende a scendere al di sotto della tensione  $V_r$ , per un valore della tensione d'ingresso  $V_{iL}$ , che è anche il valore della tensione di **soglia inferiore**. Si impone, quindi, che:

$$V_{+} = \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} \cdot V_{iL} + \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \cdot V_{oH} = V_{r} \implies V_{iL} = -\frac{R_{2}}{R_{1}} \cdot V_{oH} + \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}\right) V_{r}$$

Supponendo la tensione d'uscita a livello basso,  $V_o = V_{oL}$ , la tensione  $V_+$  deve essere necessariamente minore della tensione  $V_- = V_r$ .

Se 
$$V_o = V_{oL} \implies V_+ = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_i + \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{oL} < V_r$$

La commutazione dell'uscita da  $V_{oL}$  a  $V_{oH}$  si avrà quando, aumentando la tensione d'ingresso  $V_i$  la tensione  $V_+$  uguaglia e tende a superare la tensione  $V_r$ , per un valore della tensione d'ingresso  $V_{iH}$ , che è anche il valore della tensione di **soglia superiore**. Si impone, quindi, che:

$$V_{+} = \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} \cdot V_{iH} + \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \cdot V_{oL} = V_{r} \implies V_{iH} = -\frac{R_{2}}{R_{1}} \cdot V_{oL} + \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}\right) V_{r}$$

Il centro dell'isteresi, supponendo  $V_{oH} = -V_{oL}$ , è:

$$V_{ch} = \frac{V_{iH} + V_{iL}}{2} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)V_r$$

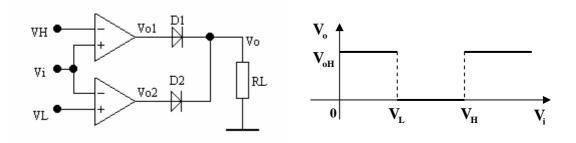
L'ampiezza dell'isteresi è:

$$\mathbf{V}_{\mathrm{h}} = \mathbf{V}_{\mathrm{iH}} - \mathbf{V}_{\mathrm{iL}} = \frac{\mathbf{R}_{2}}{\mathbf{R}_{1}} \cdot 2\mathbf{V}_{\mathrm{oH}}$$

### Comparatore a finestra

Il comparatore a finestra segnala con uno dei due livelli di uscita quando il segnale d'ingresso  $V_i$  è compreso tra due valori di tensione  $V_L$  e  $V_H$ , e con l'altro livello quando è esterno a tale intervallo.

Il circuito si realizza combinando un comparatore invertente con uno non invertente aventi tensioni di riferimento diverse.



Quando uno dei due diodi è in conduzione circola corrente attraverso la resistenza R con conseguente caduta di tensione ai suoi capi, ossia si ha una tensione d'uscita  $V_{oH}$ ; se entrambi i diodi sono interdetti, non può circolare corrente attraverso la resistenza R e quindi ai suoi capi non vi è alcuna caduta di tensione, la tensione d'uscita è nulla,  $V_{oL} = 0$ .