

Pre-Pràctica 3: Zeros de funcions. Derivada. 23-24

Objectius: [derivades](#), [Newton-Raphson](#), [bisecció](#), [external](#)

— Nom del programa principal **P3-23-24.f90**.

Precisió de reals: **double precision**.

Tots els outputs amb 12 xifres significatives, p.ex. `format(e20.12)`

Tots els resultats a: **P3-23-24.res.dat**, afegeix una línia descriptiva separant els diferents resultats (començant la línia amb `#`). Deixa dues línies en blanc per separar els blocs i utilitza "index" a `gnuplot`.

El dia de la pràctica haureu de fer servir parts del codi que desenvolupeu a continuació.

- 1) Escriu dues subrutines, `newtonraphson(fun,xini,preci,nitera,valorarrel)` i `biseccio(fun,A,B, preci, nitera, valorarrel)` que trobin una arrel de la funció $f(x)$ que retorna la subrutina `fun(x,valorf,valordf)`.

Els inputs de les subrutines són:

- `xini`, double precision, punt inicial de Newton Raphson.
- `A`, `B` double precision, punts inicials de bisecció.
- `preci`, double precision, precisió desitjada.
- `fun(x,valorf,valordf)`, subrutina que retorna el valor de $f(x)$ i $f'(x)$, respectivament. Definida com a `external`.

Els outputs,

- `nitera`, integer, nombre d'iteracions per aconseguir la precisió.
- `valorarrel`, double precision, valor de l'arrel

- 2) Per a testejar les subrutines `biseccio` i `newtonraphson`:

- a) Considera el polinomi de grau 3 amb $E \in [0, 2\pi]$.

$$P(E) = -\frac{57\pi}{160} + \left(\frac{57}{80} + \frac{17\pi}{20}\right)E - \left(\frac{17}{10} + \frac{\pi}{2}\right)E^2 + E^3 \quad (0.4)$$

Representa gràficament la funció $F(E) = \sinh(E)P(E)$ i la seva derivada a l'interval considerat, **P3-23-24-fig1.png**.

- b) Mitjançant la subrutina de bisecció troba les tres arrels d' $F(E)$, fent servir la informació visual de la representació gràfica, amb una precisió de **1.d-12**.
- c) A continuació estudia la convergència del mètode de Newton-Raphson per trobar les arrels reals començant des de 9 punts diferents, $E_0 = 0.1, 0.2, 0.65, 0.7, 1.3, 2.4, 2.6, 3.9$ i 5.3 amb una precisió **1d-12**. Escriu en un fitxer **P3-23-24-res.dat** el valor E_0 i el nombre d'iteracions necessàries per assolir la precisió. Fes una gràfica que il·lustri la convergència del mètode pels valors $E_0 = 0.2, 0.65, 2.4$, p.ex. mostra com varia el valor aproximat de l'arrel per a cada iteració del mètode, **P3-23-24-fig2.png**.

- 3) Considera la següent fórmula a dos punts per a calcular la derivada primera d'una funció dins de l'interval $[a, b]$,

$$\begin{aligned} \text{si } x \in (a, b) \quad f'(x) &= \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h} \\ \text{si } x = a \quad f'(a) &= \frac{f(a+h) - f(a)}{h} \\ \text{si } x = b \quad f'(b) &= \frac{f(b) - f(b-h)}{h}. \end{aligned} \quad (0.5)$$

Construeix una subrutina **derivataula(ndates, valorsx, funci, dfunci)** que rebi dos vectors, un amb els valors de la variable equiespaiats ($x_{k+1} - x_k = h$), x_k , **valorsx(ndates)**, i l'altre amb els valors corresponents de la funció $f(x_k)$, **funci(ndates)**, i retorni un vector amb la derivada calculada numèricament $f'(x_k)$, **dfunci(ndates)**.

- 4) Per a testejar la subrutina **derivataula**.

Genera dues taules amb 25 i 230 punts de la funció $F(E)$ amb $0 \in [0, 2\pi]$, calcula numèricament la seva derivada amb la subrutina de l'apartat anterior, escriu en dos fitxers: **P3-23-24-res3-n25.dat** i **P3-23-24-res3-n230.dat**: E , $F(E)$, $F'_{\text{approx}}(E)$, $F'(E)$. Fes una gràfica **P3-23-24-fig3.png** comparant les derivades aproximades amb 25 i 230 punts amb el resultat exacte.

Entregable: **P3-23-24.f90**, **P3-23-24-res.dat**, **P3-23-24-res3-n34.dat**, **P3-23-24-res3-n420.dat**, **P3-23-24-fig1.png**, **P3-23-24-fig2.png**, **P3-23-24-fig3.png+scripts gnuplot**