Pre-Pràctica 8: Runge Kutta. 23-24

Objectius: Resolució de EDOs, Runge-Kutta4, mètode del tir, Estats lligats

— Nom del programa **P8-23-24.f90**.

Resoldrem l'equació d'Schrödinger independent del temps per trobar els autovalors i autovectors d'una partícula en una caixa 1D de mida L.

$$-\frac{1}{2}\partial_x^2 \phi(x) + V(x)\phi(x) = E\phi(x) \quad \text{amb } x \in [0,1] \quad \text{i} \quad \phi(0) = \phi(1) = 0$$

on les x estan en unitats d'L i les energies en unitats de $\hbar^2/(mL^2)$. El potencial es constant: V(x)=-2.4.

1) Escriu una subrutina general RungeKutta4order(dx,funcin,dfuncout,nequs,edofuncio) que calculi un pas del mètode de Runge-Kutta 4, per a un sistema de nequs equacions de primer ordre acoblades. L'estructura inicial de la subrutina ha de ser,

SUBROUTINE RungeKutta4order(DX,funcin,dfuncout,nequs,edofuncio)
INTEGER NEQUS

DOUBLEPRECISION funcin(NEQUS), dfuncout(NEQUS)

on edofuncio haurà d'estar definida com a external.

2) Escriu una subrutina EDO(nequ,x,yinput,dyoutput), que donat x, i un vector yinput, torna el valor de dyinput/dx dins del vector dyoutput.

SUBROUTINE EDO(NEQU,X,YINPUT,DYOUTPUT)
DOUBLE PRECISION X,YINPUT(NEQU),DYOUTPUT(NEQU)

Escriu la subrutina especialitzada per a l'equació a resoldre.

- 3) Programa un mètode de tir per trobar l'estat fonamental i primer estat excitat de la partícula dins de la caixa. L'algorisme consta de quatre passos, els dos primers són per a començar el mètode de la secant per buscar $\phi_E(1)=0$, on $\phi_E(x)$ és la solució de l'equació per energia E:
 - a) Considera dos valors de l'energia E_1 i E_2 (diferents però propers).
 - b) Integra l'equació d'Schrödinger començant per $\phi(0)=0$ i $\phi'(0)=0.15$ fins al punt x=1, obtenint $\phi_{E_1}(1)$ i $\phi_{E_2}(1)$, respectivament.
 - c) Considera la nova energia,

$$E_3 = \frac{E_1 \phi_{E_2}(1) - E_2 \phi_{E_1}(1)}{\phi_{E_2}(1) - \phi_{E_1}(1)}$$
(0.25)

i torna a resoldre l'equació fins a x = 1.

- d) Si $|\phi_{E_3}(1)| < 10^{-5}$ considerem que hem convergit, si no, tornem a c) amb $E_2 \to E_1$ i $E_3 \to E_2$.
- 4) Obtingues els quatre primers autovalors i autovectors. Normalitza els autovectors, $\int_0^1 |\phi(x)|^2 dx = 1$. Escriu en un arxiu P8-23-24-res.dat els valors d'E per a cada pas de la secant pels quatre autovalors. Genera una figura P8-23-24-fig.png amb els quatre autovectors normalitzats comparant-los amb la solució exacta. Compara els resultats obtinguts amb 20 i 400 passos per integrar l'equació.

Entregable: P8-23-24.f90,P8-23-24-res.dat,P8-23-24-fig.png