

Actividad Guiada 2 de Algoritmos de Optimizacion

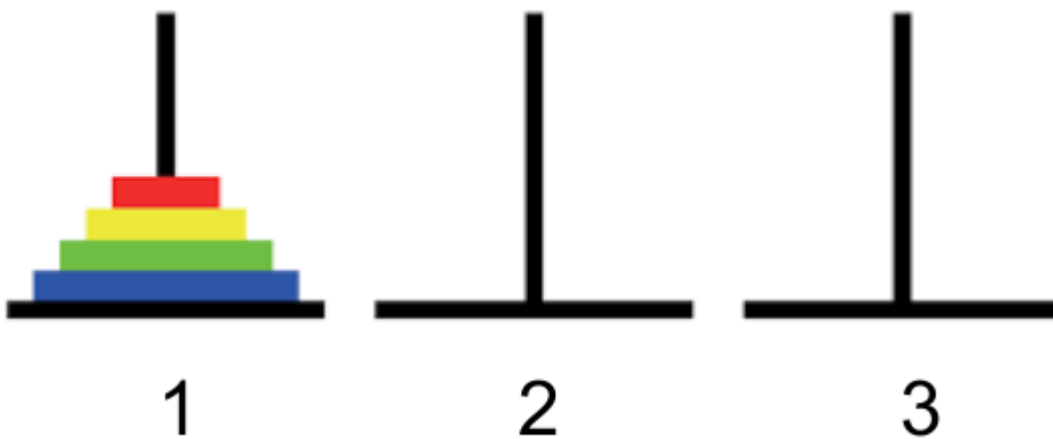
Nombre: Carlos Adrian Espinoza Alvarez

<https://colab.research.google.com/drive/1HSEQEYyaBuXRs9GNzURs6MMGpUbcDJ8V?usp=sharing>

<https://github.com/AdrianEspinoza92/03MIAR---Algoritmos-de-Optimizacion.git>

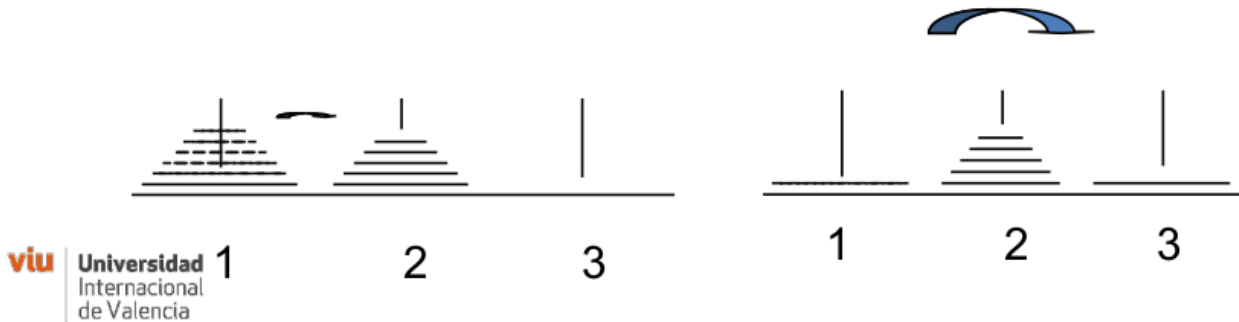
Haz doble clic (o pulsa Intro) para editar

✓ Torres de Hanoi - Divide y venceras



Resolver(Total_fichas=4, Desde=1 , Hasta=3) es valido con:

- Resolver(Total_fichas=3, Desde=1, Hasta=2)
- Mover(Desde=1, Hasta=3)
- Resolver(Total_fichas=3, Desde=2, Hasta=3)



#Torres de Hanoi – Divide y venceras

#####

#####

```
def Torres_Hanoi(N, desde, hasta):
```

```
    #N – N° de fichas
```

```
    #desde – torre inicial
```

```
    #hasta – torre fina
```

```
    if N==1 :
```

```
        print("Lleva la ficha desde " + str(desde) + " hasta " + str(hasta))
```

```
    else:
```

```
        Torres_Hanoi(N-1, desde, 6-desde-hasta)
```

```
        print("Lleva la ficha desde " + str(desde) + " hasta " + str(hasta))
```

```
        Torres_Hanoi(N-1, 6-desde-hasta, hasta)
```

```
Torres_Hanoi(10, 1, 3)
```

#####

```
⇒ Lleva la ficha desde 1 hasta 2
   Lleva la ficha desde 1 hasta 3
   Lleva la ficha desde 2 hasta 3
   Lleva la ficha desde 1 hasta 2
   Lleva la ficha desde 3 hasta 1
   Lleva la ficha desde 3 hasta 2
   Lleva la ficha desde 1 hasta 2
   Lleva la ficha desde 1 hasta 3
   Lleva la ficha desde 2 hasta 3
   Lleva la ficha desde 2 hasta 1
   Lleva la ficha desde 3 hasta 1
   Lleva la ficha desde 2 hasta 3
   Lleva la ficha desde 1 hasta 2
   Lleva la ficha desde 1 hasta 3
   Lleva la ficha desde 2 hasta 3
```

```

Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 3
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 3 hasta 1
Lleva la ficha desde 3 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 2
Lleva la ficha desde 1 hasta 3
Lleva la ficha desde 2 hasta 3

```

✓ Cambio de monedas - Técnica voraz

Haz doble clic (o pulsa Intro) para editar

```

#Cambio de monedas – Técnica voraz
#####
SISTEMA = [12, 5 ,2, 1 ]
#####
def cambio_monedas(CANTIDAD,SISTEMA):
#....
    SOLUCION = [0]*len(SISTEMA)
    ValorAcumulado = 0

```

```

for i,valor in enumerate(SISTEMA):
    monedas = (CANTIDAD-ValorAcumulado)//valor
    SOLUCION[i] = monedas
    ValorAcumulado = ValorAcumulado + monedas*valor

    if CANTIDAD == ValorAcumulado:
        return SOLUCION

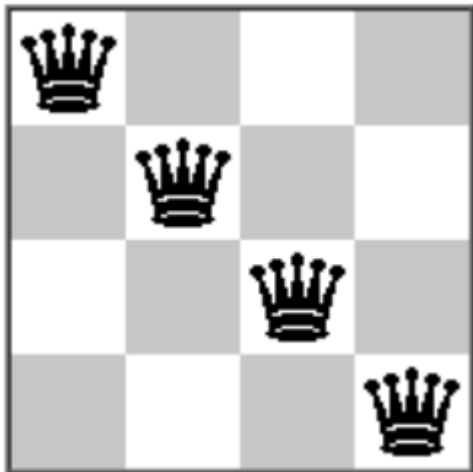
print("No es posible encontrar solucion")
cambio_monedas(15,SISTEMA)

```

```
#####
```

```
⇒ [1, 0, 1, 1]
```

✓ N Reinas - Vuelta Atrás(Backtracking)



```

#N Reinas - Vuelta Atrás()
#####

#Verifica que en la solución parcial no hay amenazas entre reinas
#####
def es_prometedora(SOLUCION,etapa):
    #####
    #print(SOLUCION)
    #Si la solución tiene dos valores iguales no es valida => Dos reinas en la misma columna
    for i in range(etapa+1):
        #print("El valor " + str(SOLUCION[i]) + " está " + str(SOLUCION.count(SOLUCION[i])) + " veces")
        if SOLUCION.count(SOLUCION[i]) > 1:
            return False

    #Verifica las diagonales
    for j in range(i+1, etapa +1 ):

```

```

    #print("Comprobando diagonal de " + str(i) + " y " + str(j))
    if abs(i-j) == abs(SOLUCION[i]-SOLUCION[j]) : return False
return True

#Traduce la solución al tablero
#####
def escribe_solucion(S):
#####
    n = len(S)
    for x in range(n):
        print("")
        for i in range(n):
            if S[i] == x+1:
                print(" X " , end="")
            else:
                print(" - ", end="")

#Proceso principal de N-Reinas
#####
def reinas(N, solucion=[],etapa=0):
#####
    ### ....
    if len(solucion) == 0:          # [0,0,0...]
        solucion = [0 for i in range(N) ]

    for i in range(1, N+1):
        solucion[etapa] = i
        if es_prometedora(solucion, etapa):
            if etapa == N-1:
                print(solucion)
            else:
                reinas(N, solucion, etapa+1)
        else:
            None

    solucion[etapa] = 0

reinas(8,solucion=[],etapa=0)

```



```

[5, 2, 4, 7, 3, 8, 6, 1]
[5, 2, 6, 1, 7, 4, 8, 3]
[5, 2, 8, 1, 4, 7, 3, 6]
[5, 3, 1, 6, 8, 2, 4, 7]
[5, 3, 1, 7, 2, 8, 6, 4]
[5, 3, 8, 4, 7, 1, 6, 2]
[5, 7, 1, 3, 8, 6, 4, 2]
[5, 7, 1, 4, 2, 8, 6, 3]
[5, 7, 2, 4, 8, 1, 3, 6]
[5, 7, 2, 6, 3, 1, 4, 8]
[5, 7, 2, 6, 3, 1, 8, 4]
[5, 7, 4, 1, 3, 8, 6, 2]
[5, 8, 4, 1, 3, 6, 2, 7]
[5, 8, 4, 1, 7, 2, 6, 3]
[6, 1, 5, 2, 8, 3, 7, 4]
[6, 2, 7, 1, 3, 5, 8, 4]
[6, 2, 7, 1, 4, 8, 5, 3]
[6, 3, 1, 7, 5, 8, 2, 4]
[6, 3, 1, 8, 4, 2, 7, 5]
[6, 3, 1, 8, 5, 2, 4, 7]
[6, 3, 5, 7, 1, 4, 2, 8]
[6, 3, 5, 8, 1, 4, 2, 7]
[6, 3, 7, 2, 4, 8, 1, 5]
[6, 3, 7, 2, 8, 5, 1, 4]
[6, 3, 7, 4, 1, 8, 2, 5]
[6, 4, 1, 5, 8, 2, 7, 3]
[6, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 3]
[6, 4, 7, 1, 3, 5, 2, 8]
[6, 4, 7, 1, 8, 2, 5, 3]
[6, 8, 2, 4, 1, 7, 5, 3]
[7, 1, 3, 8, 6, 4, 2, 5]
[7, 2, 4, 1, 8, 5, 3, 6]
[7, 2, 6, 3, 1, 4, 8, 5]
[7, 3, 1, 6, 8, 5, 2, 4]
[7, 3, 8, 2, 5, 1, 6, 4]
[7, 4, 2, 5, 8, 1, 3, 6]
[7, 4, 2, 8, 6, 1, 3, 5]
[7, 5, 3, 1, 6, 8, 2, 4]
[8, 2, 4, 1, 7, 5, 3, 6]
[8, 2, 5, 3, 1, 7, 4, 6]
[8, 3, 1, 6, 2, 5, 7, 4]
[8, 4, 1, 3, 6, 2, 7, 5]

```

```
escribe_solucion([1, 5, 8, 6, 3, 7, 2, 4])
```



```

X - - - - -
- - - - - X -
- - - - X - -
- - - - - - X
- X - - - - -
- - - X - - -
- - - - X - -
- - X - - - -

```

```
import random
```

```

# Generar listas de puntos aleatorios
LISTA_1D = [random.randrange(1, 10000) for _ in range(1000)]
LISTA_2D = [(random.randrange(1, 10000), random.randrange(1, 10000)) for _ in range(1000)]

# Función para encontrar los dos puntos más cercanos en 1D utilizando fuerza bruta
def closest_points_1D_brute_force(points):
    min_distance = float('inf')
    closest_pair = None
    for i in range(len(points)):
        for j in range(i + 1, len(points)):
            distance = abs(points[i] - points[j])
            if distance < min_distance:
                min_distance = distance
                closest_pair = (points[i], points[j])
    return closest_pair, min_distance

# Función para encontrar los dos puntos más cercanos en 2D utilizando fuerza bruta
def distance_2D(point1, point2):
    return ((point1[0] - point2[0])**2 + (point1[1] - point2[1])**2)**0.5

def closest_points_2D_brute_force(points):
    min_distance = float('inf')
    closest_pair = None
    for i in range(len(points)):
        for j in range(i + 1, len(points)):
            distance = distance_2D(points[i], points[j])
            if distance < min_distance:
                min_distance = distance
                closest_pair = (points[i], points[j])
    return closest_pair, min_distance

# Ejecutar métodos en las listas generadas
result_1D = closest_points_1D_brute_force(LISTA_1D)
result_2D = closest_points_2D_brute_force(LISTA_2D)

# Mostrar resultados
print("Resultado en 1D (Fuerza Bruta):")
print(f"Puntos más cercanos: {result_1D[0]}, Distancia: {result_1D[1]}")

print("\nResultado en 2D (Fuerza Bruta):")
print(f"Puntos más cercanos: {result_2D[0]}, Distancia: {result_2D[1]}")

```



Resultado en 1D (Fuerza Bruta):

Puntos más cercanos: (5324, 5324), Distancia: 0

Resultado en 2D (Fuerza Bruta):

Puntos más cercanos: ((9932, 2658), (9934, 2664)), Distancia: 6.3245553203367!

```

# Función Divide y Vencerás para 1D
def closest_points_1D_divide_and_conquer(points):
    if len(points) <= 1:
        return None, float('inf')
    if len(points) == 2:
        return (points[0], points[1]), abs(points[0] - points[1])

    points.sort() # Ordenar los puntos
    mid = len(points) // 2
    left_points = points[:mid]
    right_points = points[mid:]

    left_closest, left_min_distance = closest_points_1D_divide_and_conquer(left_p
    right_closest, right_min_distance = closest_points_1D_divide_and_conquer(righ

    min_distance = min(left_min_distance, right_min_distance)
    closest_pair = left_closest if left_min_distance < right_min_distance else ri

    # Verificar puntos cercanos en los bordes
    border_points = [p for p in points if abs(p - points[mid]) < min_distance]
    for i in range(len(border_points)):
        for j in range(i + 1, len(border_points)):
            distance = abs(border_points[i] - border_points[j])
            if distance < min_distance:
                min_distance = distance
                closest_pair = (border_points[i], border_points[j])

    return closest_pair, min_distance

# Función Divide y Vencerás para 2D
def distance_2D(point1, point2):
    return ((point1[0] - point2[0])**2 + (point1[1] - point2[1])**2)**0.5

def closest_points_2D_divide_and_conquer(points):
    if len(points) <= 1:
        return None, float('inf')
    if len(points) == 2:
        return (points[0], points[1]), distance_2D(points[0], points[1])

    points.sort(key=lambda point: point[0]) # Ordenar los puntos por coordenada
    mid = len(points) // 2
    left_points = points[:mid]
    right_points = points[mid:]

    left_closest, left_min_distance = closest_points_2D_divide_and_conquer(left_p
    right_closest, right_min_distance = closest_points_2D_divide_and_conquer(righ

    min_distance = min(left_min_distance, right_min_distance)
    closest_pair = left_closest if left_min_distance < right_min_distance else ri

    # Buscar puntos cercanos al borde
    mid_x = points[mid][0]
    border_points = [point for point in points if abs(point[0] - mid_x) < min_dis
    border_points.sort(key=lambda point: point[1]) # Ordenar por coordenada y

```



```
for i in range(len(border_points)):
    for j in range(i + 1, min(i + 7, len(border_points))): # Comparar con lo
        distance = distance_2D(border_points[i], border_points[j])
        if distance < min_distance:
            min_distance = distance
            closest_pair = (border_points[i], border_points[j])

return closest_pair, min_distance

# Ejecutar Divide y Vencerás en las listas generadas
result_1D_divide_and_conquer = closest_points_1D_divide_and_conquer(LISTA_1D)
result_2D_divide_and_conquer = closest_points_2D_divide_and_conquer(LISTA_2D)

# Mostrar resultados
print("Resultado en 1D (Divide y Vencerás):")
print(f"Puntos más cercanos: {result_1D_divide_and_conquer[0]}, Distancia: {result_1D_divide_and_conquer[1]}")

print("\nResultado en 2D (Divide y Vencerás):")
print(f"Puntos más cercanos: {result_2D_divide_and_conquer[0]}, Distancia: {result_2D_divide_and_conquer[1]}")
```



Resultado en 1D (Divide y Vencerás):

Puntos más cercanos: (9621, 9621), Distancia: 0

Resultado en 2D (Divide y Vencerás):

Puntos más cercanos: ((9932, 2658), (9934, 2664)), Distancia: 6.3245553203367!