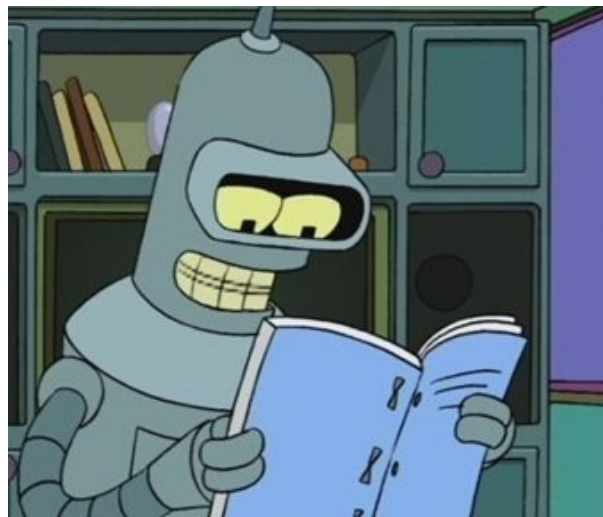


# Zeit- und Ortsabhängige Prädiktion von Umweltzuständen für die Vorhersage von Personen- Auftrittswahrscheinlichkeiten



Studienarbeit Januar/2021

Adrian Kleimeier  
Matrikelnummer 3111950

Hannover, 15. Januar 2021

Erstprüfer	Prof. Dr.-Ing. Tobias Ortmaier
Zweitprüfer	Prof. Dr.-Ing. Vorname Nachname
Betreuer	Marvin Stüde, M.Sc.

Ich, Adrian Kleimeier, versichere hiermit, dass die vorliegende Arbeit selbstständig verfasst wurde, keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel benutzt wurden, alle Stellen der Arbeit, die wörtlich oder sinngemäß aus anderen Quellen übernommen wurden, als solche kenntlich gemacht sind und die Arbeit in gleicher oder ähnlicher Form noch keiner Prüfungsbehörde vorgelegen hat.

Hannover, 15. Januar 2021

(Adrian Kleimeier)

## **Zeit- und Ortsabhängige Prädiktion von Umweltzuständen für die Vorhersage von Personen- Auftrittswahrscheinlichkeiten**

Adrian Kleimeier, Matrikelnummer 3111950

### **Allgemeines:**

Am Campus Maschinenbau in Garbsen wird der Serviceroboter Sobi entwickelt, welcher Studenten und Besuchern Informationen bereitstellen und bei der Orientierung auf dem Campusgelände helfen soll. Um eine möglichst hohe Rate an Mensch-Roboter-Interaktionen zu erreichen, muss der Roboter Informationen über das zeit- und ortsabhängige Personenaufkommen auf dem Campusgelände zur Verfügung haben. Diese Informationen können für die Bahnplanung verwendet werden, um die voraussichtlich benötigte Zeit einer Kontaktaufnahme mit einem Menschen zu minimieren. In der Forschung existieren Modelle zur Prädiktion dieser Umweltzustände auf Basis von binären sowie quantitativen Darstellungen.

### **Aufgabe:**

Im Rahmen dieser Arbeit soll eine Methodik entwickelt und für den spezifischen Anwendungsfall am Maschinenbau-Campus Garbsen angepasst werden. Als Ansatz einer solchen Methodik kann das FreMEN- Modell dienen. Die Grundidee der Methode ist die Transformation binärer zeit- und ortsabhängiger Darstellungen elementarer Umweltzustände (in diesem Fall die Anwesenheit bzw. Nichtanwesenheit von Personen) in den Frequenzbereich mittels der Fouriertransformation. In diesem werden die dominantesten Frequenzen identifiziert und auf Basis dieser eine inverse Fouriertransformation durchgeführt. Als Ergebnis erhält man eine Funktion, welche die Wahrscheinlichkeit für die zukünftigen Umweltzustände angibt.

Im Rahmen dieser Arbeit ergeben sich insbesondere die folgenden Aufgabenpunkte:

- Literaturrecherche über Methoden der binären sowie quantitativen Darstellung von Umweltzuständen
- Entwicklung einer Methodik und Anpassung an den vorliegenden Anwendungsfall
- Überprüfung der Modellgüte bei unterschiedlichen Periodendauern mittels eines Testdatensatzes
- Überprüfung der Modellgüte bei unterschiedlichen Periodendauern mittels eines Simulations- Datensatzes oder eines Langzeitdatensatzes
- Ermittlung weiterführender Fragestellungen zur Optimierung der kurzfristigen Vorhersagegüte des Modells

Die Bearbeitungszeit beträgt 300 Stunden.

Ausgabe der Aufgabenstellung: 15.06.2020  
Abgabe der Arbeit spätestens 15.01.2021  
am:  
Erstprüfer:  
Zweitprüfer:  
Betreuer: M. Sc. Marvin Stüde

## **Kurzfassung**

In der Kurzfassung sollen auf maximal einer Seite die Aufgabe, die verwendeten Methoden sowie die erzielten Erkenntnisse dargestellt werden. Ein Leser soll idealerweise anhand der Kurzfassung abschätzen können, ob die Arbeit für ihn brauchbare Informationen enthält.

---

## Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Grundlagen</b>	<b>2</b>
2.1	Fourierreihen und Fouriertransformation . . . . .	2
2.2	Diskrete Fouriertransformation . . . . .	4
2.3	Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	5
2.3.1	Binomialverteilung . . . . .	5
2.3.2	Poissonverteilung . . . . .	6
<b>3</b>	<b>Stand der Technik</b>	<b>8</b>
<b>4</b>	<b>Tipps zur Erstellung der Arbeit</b>	<b>15</b>
4.1	Darstellung von Gleichungen . . . . .	15
4.2	Darstellung von Grafiken . . . . .	16
4.3	Software . . . . .	16
4.3.1	Matlab, Corel . . . . .	16
4.3.2	LaTeX . . . . .	17
4.4	Literaturverweise . . . . .	17
4.5	Eigene Befehle in LaTeX . . . . .	17
<b>5</b>	<b>Betreuer- und/oder projektspezifische Anmerkungen</b>	<b>18</b>
<b>6</b>	<b>(Beispielkapitel) Robotersysteme</b>	<b>19</b>
6.1	PR2 . . . . .	19
6.2	ROS . . . . .	20
	<b>Anhang</b>	<b>21</b>
	<b>Literatur</b>	<b>22</b>

## Nomenklatur

Selten bzw. nur abschnittsweise verwendete Symbole und Formelzeichen sowie abweichende Bedeutungen werden ausschließlich im Text beschrieben. **Achtung: Bitte bei Erstellung der Arbeit die unten stehenden Beispiele löschen und nur Abkürzungen/Zeichen aufführen, die verwendet werden!**

### Allgemeine Konventionen

Skalar	Klein- oder Großbuchstabe (kursiv): $a$ , $A$
Vektor	Kleinbuchstabe (fett und kursiv): $\mathbf{a}$
Matrix	Großbuchstabe (fett und kursiv): $\mathbf{A}$
Punkt	Klein- oder Großbuchstabe: $a$ , $A$
Körper	Großbuchstabe (fett): $\mathbf{A}$

### Lateinische Buchstaben

$A$	Querschnittsfläche
$A_S$	Spanungsquerschnitt
und so weiter	

### Griechische Buchstaben

$\alpha$ , $\beta$ , $\gamma$	Rotationswinkel um die $x$ -, $y$ - und $z$ -Achse
-------------------------------	--

### Koordinatensysteme

$(KS)_i$	Koordinatensystem $i$
$(KS)_0$	ortsfestes Inertialkoordinatensystem

### Abkürzungen

AR	erweiterte Realität (Augmented Reality)
CNC	rechnergestützte numerische Steuerung (Computerized Numerical Control)
MHH	Medizinische Hochschule Hannover

# 1 Einleitung

Einleitungstext



## 2 Grundlagen

In diesem Kapitel wird auf die mathematischen Grundlagen zum Verständnis der Arbeit eingegangen. Während in Abschnitt 2.1 auf die Darstellung periodischer Funktionen mittels Fourierreihen eingegangen wird, behandelt Abschnitt 2.2 die mathematische Formulierung der diskreten Fouriertransformation für abgetastete Signale und geht des Weiteren auf das Nyquist-Shannon-Abtasttheorem ein.

In Abschnitt 2.3 folgt dann eine Erläuterung zu Wahrscheinlichkeitsverteilungen. Den Anfang bildet hier die Binomialverteilung (Abschnitt 2.3.1), bevor zuletzt die Poisson-Verteilung (Abschnitt 2.3.2) besprochen wird.

### 2.1 Fourierreihen und Fouriertransformation

Periodische Signale tauchen in vielen Bereichen der Physik und Technik auf. Ein Signal bezeichnet hierbei eine Funktion, welche eine physikalische Größe in Abhängigkeit von der Zeit, dem Ort, oder einer anderen Variablen darstellt. Betrachtet man periodische Funktionen, so zeichnen sich diese durch ihre Periodendauer  $T$  aus. Die gesamten Informationen des Signals stecken in dieser Periode, so dass gilt:  $F(t) = F(t + T)$ . Jede periodische Funktion kann durch eine Überlagerung von Sinus- und Kosinusfunktionen unterschiedlicher Periodendauern  $2\pi n$  approximiert werden. Dargestellt werden kann dies durch eine Fourierreihe.

$$F(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^N [a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t)] \quad (2.1)$$

Hierbei bezeichnet  $\omega = 2\pi/T$  die Kreisfrequenz der Grundschwingung. Im Allgemeinen geht  $N$  gegen  $\infty$ . Die Konstanten  $a_0, a_1 \dots$  werden als gerade Fourierkoeffizienten bezeichnet,  $b_1, b_2 \dots$  hingegen als ungerade Fourierkoeffizienten. Dies leitet sich daraus ab, dass der  $\cos(x)$  eine gerade und der  $\sin(x)$  eine ungerade Funktion ist.

Des Weiteren lässt sich eine Fourierreihe durch Sinusfunktionen mit unterschiedlichen

Amplituden und Phasen beschreiben. Die Fourierreihe lautet dann:

$$F(t) = \rho_0 + \sum_{n=1}^N \rho_n \sin(n\omega t + \Phi_n) \quad (2.2)$$

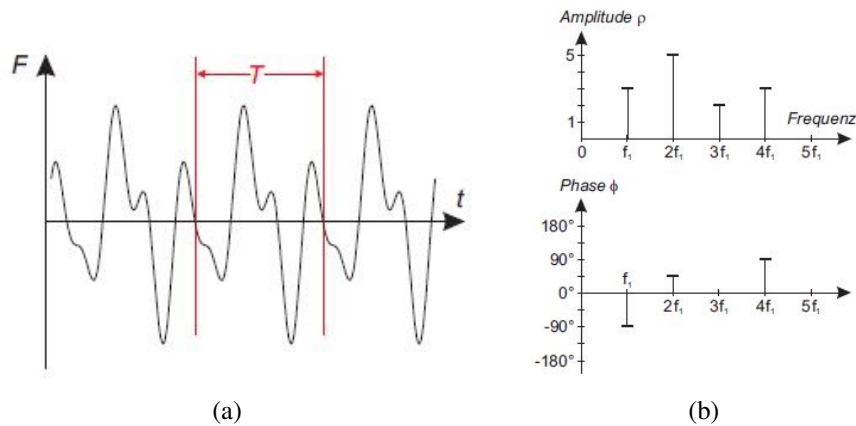
Die Grundfrequenz des Signals besitzt eine Frequenz  $f_1 = 1/T = \omega/2\pi$ . Die weiteren Sinus- und Kosinusfunktionen der Fourierreihe besitzen Frequenzen  $f_n = nf_1$ , also ganzzahlige Vielfache der Grundfrequenz. Die Umrechnung von Gleichung 2.1 nach Gleichung 2.2 erfolgt mithilfe der Definitionen:

$$\rho_0 = \frac{a_0}{2} \quad (2.3)$$

$$\rho_n = \sqrt{a_n^2 + b_n^2} \quad (2.4)$$

$$\Phi_n = \arctan\left(\frac{a_n}{b_n}\right) \quad (2.5)$$

Mit  $\rho_0$  2.3 wird hierbei der Gleichanteil des Signals bezeichnet,  $\rho_n$  2.4 steht für die Amplitude der  $n$ -ten Frequenz und  $\Phi_n$  2.5 für die Phasenverschiebung der  $n$ -ten Frequenz. Ein Signal kann also durch sein Kosinus- und Sinusspektrum sowie durch sein Amplituden- und Phasenspektrum charakterisiert werden. Grafisch veranschaulicht wird die Fourierreihe durch Bild 2.1. Im linken Bild eingezeichnet ist ein periodisches Signal mit der Periodendauer  $T$ , für welches also  $F(t) = F(t + T)$  gilt. Im rechten Bild finden sich die das Gesamtsignal definierenden Frequenzen, mit ihren zugehörigen Amplituden  $\rho$  und Phasenversatz  $\Phi$ .



**Bild 2.1:** Periodisches Signal mit zugehörigem Amplituden- und Phasenspektrum (Quelle: Eichler))

Die Fouriertransformation überführt die Gleichung aus dem Zeitbereich  $F(t)$  nun in den

Frequenzbereich  $F(\omega)$ . Für analoge Signale ist die Fouriertransformation nun wie folgt definiert:

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)e^{-j\omega t} dt. \quad (2.6)$$

$$F(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega)e^{j\omega t} d\omega \quad (2.7)$$

Gleichung 2.6 überführt eine von der Zeit abhängige Funktion aus dem Zeitbereich über Integration von  $-\infty$  bis  $\infty$  über alle Zeitpunkte  $t$  in den Frequenzbereich. Die inverse Fouriertransformation wird durch Gleichung 2.7 beschrieben. Die Rücktransformation erfolgt durch Integration von  $-\infty$  bis  $\infty$  des von der Frequenz  $\omega$  abhängigen Signals über alle Frequenzen  $\omega$ .

## 2.2 Diskrete Fouriertransformation

Die in Abschnitt 2.1 dargestellten Gleichungen gelten für analoge Funktionen. In der Praxis ist es aber so, dass keine vollständige Kenntnis über ein Signal vorliegt, sondern dies nur durch Messungen zu diskreten Zeitpunkten abgetastet werden kann. Hieraus resultiert die Diskrete Fourier-Transformation (DFT). Die resultierenden Werte  $F(n)$  der diskreten Fouriertransformation eines zu den Zeitpunkten  $k$  abgetasteten Signals  $f(t)$  können mittels Gleichung 2.8 berechnet werden. Die inverse diskrete Fouriertransformation erfolgt dann durch Gleichung 2.9.

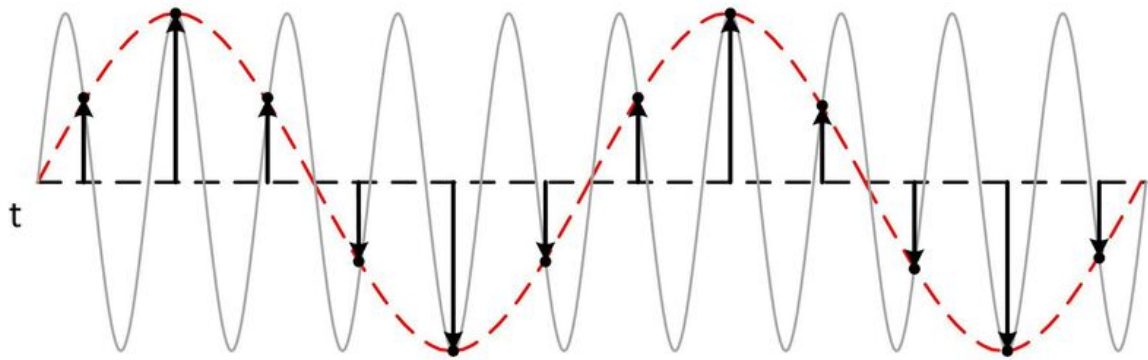
$$F(n) = \sum_{k=0}^{N-1} x[k]e^{j\frac{2\pi}{N}kn} \quad (2.8)$$

$$f[k] = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} F(n)e^{j\frac{2\pi}{N}kn} \quad (2.9)$$

Im Zusammenhang mit der Diskreten Fouriertransformation ist abschließend das Abtasttheorem von Nyquist und Shannon zu nennen. Das Theorem besagt, dass ein beliebig geformtes, kontinuierliches Signal immer dann durch ein diskretes Signal darstellbar und auch exakt wiederherstellbar ist, wenn die Abtastfrequenz des Signals mindestens doppelt so hoch ist, wie die höchste im kontinuierlichen Signal enthaltene Frequenz. Beträgt die höchste Frequenz in unserem Signal also beispielsweise 10 Hz, so müssen wir unser Signal mit mindestens 20 Hz abtasten, um unser Signal vollständig rekonstruieren zu können.

Die Folgen einer zu geringen Abtastfrequenz werden in Bild 2.2 ersichtlich. Die Abtastung

des Signals zu den mit schwarz markierten Zeitpunkten reicht nicht aus, um das in grau dargestellte Originalsignal zu rekonstruieren. Stattdessen ergibt sich das in rot dargestellte Signal.



**Bild 2.2:** Originalsignal (grau) und durch Abtastung rekonstruiertes Signal (rot) Quelle(<https://www.geothermie.de/bibliothek/lexikon-der-geothermie/a/abtasttheorem.html>)

## 2.3 Wahrscheinlichkeitsverteilungen

### 2.3.1 Binomialverteilung

Als Bernoulli-Experiment wird ein Zufallsexperiment bezeichnet, bei dem es lediglich zwei Ausgänge geben kann. Ein Ereignis A tritt entweder ein oder nicht. Führt man ein Bernoulli-Experiment  $n$ -mal hintereinander unter den gleichen Bedingungen durch, so erhält man eine Bernoulli-Kette der Länge  $n$ . Das Eintreten des Ereignisses A wird gemeinhin als Erfolg bezeichnet, die Wahrscheinlichkeit  $P(A) = p$  bezeichnet man als Erfolgswahrscheinlichkeit. Als Ereignis A kann hier beispielhaft das Werfen einer Münze mit dem Ausgang *Zahl* genannt werden. Eine Binomialverteilung entsteht nun, wenn wir die Anzahl der Erfolge bei einer Bernoulli-Kette ermitteln wollen. Mathematisch formuliert lässt sich die Binomialverteilung ausdrücken als:

$$P(X = x) = \binom{n}{x} p^x q^{n-x} \quad (2.10)$$

$X$  bezeichnet hierbei die Anzahl der Versuchsdurchführungen, bei denen ein Erfolg eintritt.

$X$  kann die Werte  $x = 0, 1, 2, \dots, n$  annehmen.  $p$  steht für die Eintrittswahrscheinlichkeit eines Erfolges,  $q$  für die Wahrscheinlichkeit eines Misserfolges. Die Zufallsvariable  $X$  ist binomialverteilt und ihre Wahrscheinlichkeitsverteilung eine Binomialverteilung mit den Parametern  $n, p$ . Kurz:  $X \sim \text{Bi}(n; p)$ . Die grafische Darstellung einer Binomialverteilung für die Wahrscheinlichkeit der Anzahl an Würfeln eines Würfels mit dem Ereignis 1 bei sieben Würfeln ist in Abbildung xy abgebildet.

### 2.3.2 Poissonverteilung

Eine Zufallsvariable  $X$ , welche unendlich viele Werte  $x = 0, 1, 2, \dots$  mit den Wahrscheinlichkeiten

$$P(X = x) = \frac{\lambda^x}{x!} e^{-\lambda} \quad (\lambda > 0) \quad (2.11)$$

annehmen kann, wird als poissonverteilt mit dem Parameter  $\lambda$  bezeichnet. Die zugehörige Verteilung heißt Poisson-Verteilung. Der Erwartungswert sowie die Varianz der Poisson-Verteilung werden ausgedrückt als:

$$\mu = E(X) = \lambda \quad (2.12)$$

$$\sigma^2 = \text{Var}(X) = \lambda \quad (2.13)$$

Anhand der obigen Formeln erkennt man, dass der Parameter der Poisson-Verteilung gerade gleich ihres Erwartungswertes ist, selbiges gilt für die Varianz. Häufig ist es von Interesse, die Anzahl  $X_t$  eines Ereignisses innerhalb eines Zeitraumes von 0 bis  $t$  zu prognostizieren. Die Menge von Zufallsvariablen  $X_t, t \geq 0$ , wird als Poisson-Prozess mit der Intensität  $\lambda$  bezeichnet, falls  $X_t$  einer Poisson-Verteilung folgt, es also gilt:

$$P(X_t = x) = \frac{(\lambda t)^x}{x!} e^{-\lambda t} \quad (2.14)$$

Ein Poisson-Prozess muss dabei drei Voraussetzungen erfüllen:

- Die Wahrscheinlichkeit für ein Ereignis ist proportional zur Beobachtungsdauer  $\Delta t$ , aber unabhängig von der Lage der Beobachtungsdauer.
- Die Wahrscheinlichkeiten für ein Ereignis an unterschiedlichen Orten sind voneinander unabhängig
- Für infinitesimal kleine  $\Delta t$  ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Ereignis mehr als einmal auftritt, im Vergleich zur Wahrscheinlichkeit, dass es genau einmal vorkommt,

vernachlässigbar klein.

### 3 Stand der Technik

In diesem Kapitel wird auf den Stand der Technik eingegangen. Im weitesten zitiere ich hier die wissenschaftlichen Paper, auf denen meine Arbeit beruht. Ob man das Kapitel noch weiter einteilen muss, wird sich später zeigen, erstmal lasse ich es ohne Unterkapitel.

Mobile Roboter finden immer mehr Einzug in Umgebungen, welche von Menschen bewohnt sind. Diese Menschen üben Aktivitäten aus, welche in der Folge zu Veränderungen eben dieser Umgebung führen. Man kann davon ausgehen, dass viele dieser Aktivitäten täglichen Routinen mit typischen Mustern folgen, welche von mobilen Robotern erkannt werden und zur robusteren Darstellung ihrer Umgebung genutzt werden können. Mapping in statischen Umgebungen stellt ein weit erforschtes Gebiet dar [Eichler.2006]. Für das Mapping in dynamischen Umgebungen gibt es verschiedene Ansätze. Während ein Ansatz darauf abzielt, sich bewegende Objekte aus der Umgebungsdarstellung herauszufiltern [Hahnel.30Sept.5Oct.2002], werden in anderen diese Objekte getrackt und als bewegte Landmarken klassifiziert [Montesano.2008]. Diese separations-basierten Ansätze können jedoch nicht auf Langzeitveränderungen der Umgebungsstruktur eingehen.

Im Gegensatz hierzu stehen adaptive Ansätze, welche davon ausgehen, dass die Karte niemals komplett ist und diese durch kontinuierliches Mapping aktualisieren. So können der Karte durch neue Observierungen des mobilen Roboters neue Features hinzugefügt werden [Milford.2010]. In [Krajnik.2014] wird nun erstmalig versucht, die räumlich-zeitliche Dynamik der Umgebung durch ihr Frequenzspektrum darzustellen. Die Zustände von lokalen Umgebungsmodellen, wie zum Beispiel einer Tür, welche entweder offen oder geschlossen sein kann, sollen hier durch Wahrscheinlichkeitsfunktionen repräsentiert werden, welche aus der Superposition periodischer Funktionen entstehen. In [Krajnik.2014] wird als Motivation dazu angeführt, dass die meisten Mapping Ansätze wichtige Komponenten der Umwelt, wie z.B. eine Tür, durch lediglich zwei eindeutige Zustände dargestellt werden. Eine Tür ist also entweder geöffnet oder geschlossen. Diese Zustände können jedoch auch durch ihre Wahrscheinlichkeit  $p_j$  ausgedrückt werden. Bayes-Filter gehen hierzu von einer statischen Welt aus, d.h. die Wahrscheinlichkeiten der Zustände  $p_j$  werden als konstant angesehen. Durch neue Beobachtungen können diese konstanten Annahmen verändert werden, alte Beobachtungen werden so jedoch über die Zeit "vergessen"[Krajnik.2014]. Nimmt man jetzt jedoch an, dass diese Zustandswahrscheinlichkeiten Funktionen der Zeit sind, also  $p_j(t)$  gilt, und diesen zeitlichen Veränderungen der Wahrscheinlichkeiten eine finite Nummer periodischer

Prozesse zu Grunde liegt, könnte man den Einfluss und die Periodizität eben dieser Prozesse identifizieren und die Zustandswahrscheinlichkeit  $p_j(t)$  aus dieser Beschreibung ermitteln. In [Krajnik.2014] wird nun die in Abschnitt 2.1 erläuterte Fouriertransformation benutzt, um diese periodischen Prozesse zu identifizieren. Als Beispiel wird ein Belegungsnetz herangeführt. Jede der Zellen des Belegungsnetzes kann zwei Zustände  $s_j = \{\text{frei}, \text{belegt}\}$  annehmen. Diese Zustände sind jedoch nicht konstant, sondern eine Funktion der Zeit, also  $s_j(t)$ . Die Unsicherheit des Zustandes wird nun durch sein Wahrscheinlichkeit  $p_j(t)$  ausgedrückt. Da die Zellen unabhängig voneinander sind, kann die Fouriertransformation separat auf jede Zelle des Belegungsnetzes angewendet werden.

Die über die Zeit aufgetragenen Zustände einer Zelle  $s(t)$  werden mittels der Fouriertransformation  $P = FT(s(t))$  transformiert. Es werden  $l$  Koeffizienten  $P_i$  des Spektrums  $P$  ausgewählt und zusammen mit ihren Frequenzen  $\omega_i$  benutzt, um mittels der inversen Fouriertransformation  $p(t) = IFT(s(t))$  die Wahrscheinlichkeitsfunktion  $p(t)$  des Zellzustandes zu bestimmen. Abschließend wird ein Schwellwert benutzt, um aus  $p(t)$  eine Schätzung  $s'(t)$  der tatsächlichen Zustandsfunktion  $s(t)$  zu bestimmen. Das Set  $P$  besteht hierbei aus  $l$  Tripeln mit den Einträgen  $(abs(P_i), arg(P_i), \omega_i)$ , wobei  $abs(P_i)$  für die Amplitude,  $arg(P_i)$  für den Phasenversatz und  $\omega_i$  für die Frequenz des jeweiligen periodischen Prozesses steht, welcher den Zustand  $s(t)$  beeinflusst.

Der Zustand einer Zelle wird nun über die Gleichung xy approximiert.

$$s(t) = (IFT(P) > 0.5) \oplus (t \notin 0) \quad (3.1)$$

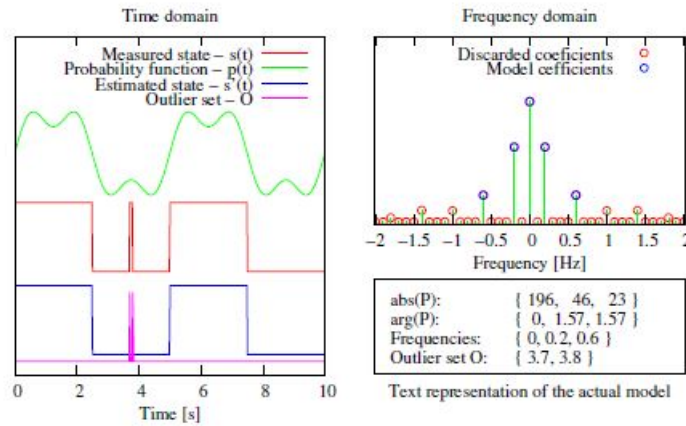
Ist die Wahrscheinlichkeit  $p(t)$  einer Zellbelegung größer als 0.5, so wird die Zelle als belegt geschätzt, sofern der Zeitpunkt  $t$  nicht zum Set der Ausreißer 0 gehört. Der in Gleichung benutzte Schwellwert von 0.5 kann willkürlich gesetzt werden. So können Vorhersagen über zukünftige Zustände der Zelle mit einem gewissen Konfidenzniveau von  $c$  durch die Gleichung:

$$s'(t, c) = IFT(P) > c \quad (3.2)$$

getroffen werden. Grafisch verdeutlicht wird die Methodik durch Bild 3.1.

In der linken Grafik rot dargestellt sind die über einen zeitlichen Verlauf aufgenommenen, binären Zustände einer Beispielzelle. Der grüne Graph beschreibt das zugehörige FreMEN-Modell der Ordnung drei. In blau aufgetragen sind die Vorhersagen des Modells ermittelt anhand eines Schwellwertes von 0.5. Der lila Graph stellt die Zeitpunkte dar, zu denen die Modellvorhersage von den tatsächlichen Zellzuständen abweicht [Krajnik.2014]. Die rechte obere Grafik repräsentiert das Frequenzspektrum der Zelle, die für das Modell ausgewählten





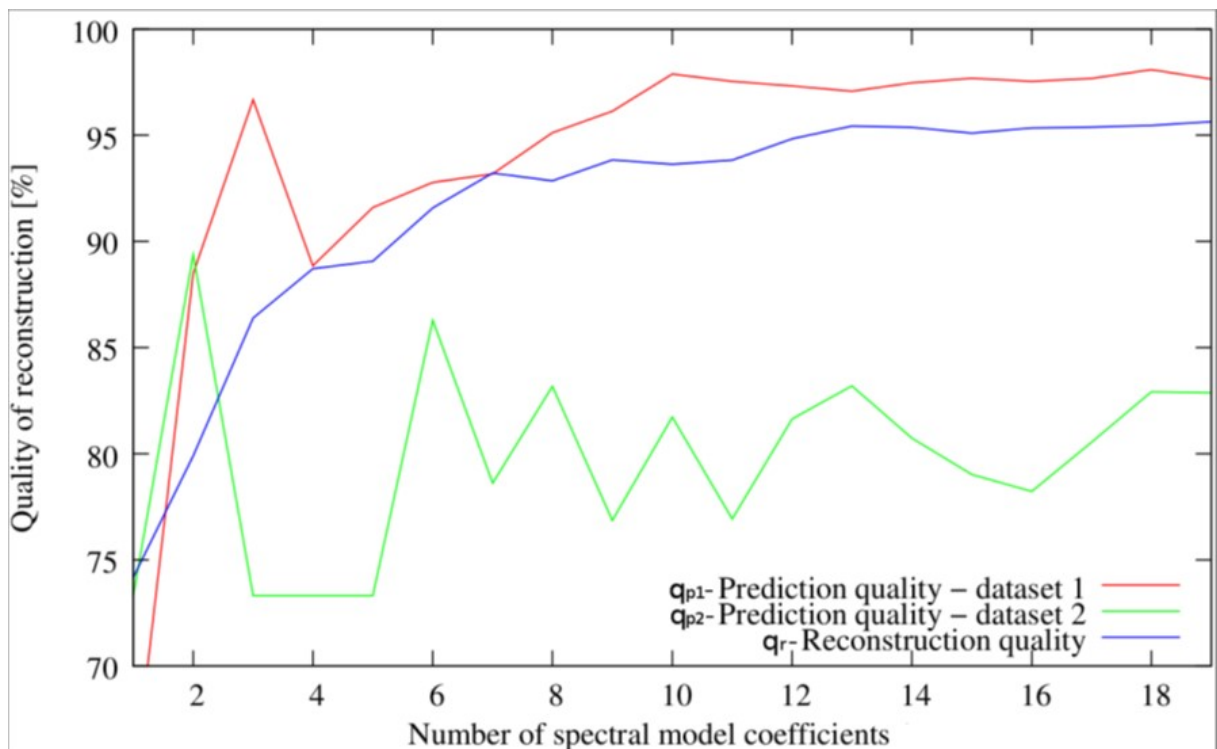
**Bild 3.1:** Beispiel eines über die Zeit gemessenen Zellzustandes sowie seines Spektralmodells und Wahrscheinlichkeitsprädiktion Quelle (Krajnik.2014)

Frequenzen sind durch blaue Kreise markiert. Das zuvor erwähnte Tripel bestehend aus Amplitude, Phasenversatz und Frequenz der jeweiligen periodischen Prozesse ist in der rechten unteren Grafik dargestellt. Um die Auswirkungen des Modellgrades, also der Anzahl der in das Modell einflussenden periodischen Prozesse, zu erforschen, wurde die Methodik auf einen Datensatz angewendet, bei welchem ein SCITOS-G5 mobiler Roboter ausgestattet mit RGB-D und Lasersensoren, Personen in einem Bürogebäude über eine Dauer von einer Woche mit einer Rate von 30 Hz detektiert hat.

Die Genauigkeit des Modells  $q(t_a, t_b)$  wird anhand von Gleichung xy berechnet und beschreibt das Verhältnis von korrekt geschätzten Zellzuständen zu der Gesamtdauer des betrachteten Intervalls.

$$q(t_a, t_b) = \frac{1}{t_b - t_a} \int_{t_a}^{t_b} |s'(t) - s(t)| dt \quad (3.3)$$

Unterschieden wurde nun in [Krajnik.2014] zwischen dem Rekonstruktionsfehler  $q_r$  sowie dem Prädiktionsfehler  $q_p$ . Der Rekonstruktionsfehler beschreibt, wie genau das Modell Zeitintervalle beschreibt, welche zur Ermittlung der Modellparameter verwendet wurden. Der Prädiktionsfehler hingegen beschreibt die Genauigkeit des Modells in Bezug auf Zeiträume, welche nicht zur Modellermittlung verwendet wurden. Die ermittelte Abhängigkeit des Rekonstruktions-sowie Prädiktionsfehlers von der Modellordnung ist in Bild 3.2 aufgezeigt.



**Bild 3.2:** Modellgenauigkeit vs. Modellordnung Quelle (Krajnik.2014)

Die Rekonstruktionsgenauigkeit liegt bei einer Modellordnung von 15, d.h. es wurden 15 periodische Prozesse zum Approximieren des Zustandssignales verwendet, bei 95 %. Die Rekonstruktionsgenauigkeit  $q_r$  steigt dabei monoton mit der Modellordnung, die Prädiktionsgenauigkeit  $q_p$  hingegen nicht.

Die lokalen Maxima von  $q_{p1}$  und  $q_{p2}$  lassen den Schluss zu, dass für die Vorhersage eine Modellordnung von zwei oder drei optimal ist (siehe Bild 3.2).

Einen Vergleich zwischen der in [Krajnik.2014] beschriebenen "Frequency Map Enhancement" (FreMEN) Methode und der Anwendung von periodischen Gauß-Mixmodellen zur Darstellung der Dynamik von Umweltzuständen zieht [Krajnik.2015b]. FreMEN basiert hier, wie auch schon in [Krajnik.2014] darauf, die zeitliche Funktion  $s(t)$  eines Umweltzustandes durch seine Wahrscheinlichkeitsfunktion  $p(t)$  zu schätzen. Auch hier wird wieder mittels einer Fouriertransformation das Frequenzspektrum  $S(\omega)$  der zeitlichen Funktion  $s(t)$  bestimmt, und die  $l$  prominentesten Frequenzen mit ihren Amplituden  $a_j$ , ihrem Phasenversatz  $\varphi_j$  sowie ihrer Frequenz  $\omega_j$  abgespeichert. Die Ermittlung der Wahrscheinlichkeit eines Umweltzustandes zum Zeitpunkt  $t$  ergibt sich nun durch die Superposition der  $l$  Frequenzen

mittels Gleichung 3.4.

$$p(t) = a_o + \sum_{j=1}^n a_j \cos(\omega_j t + \varphi_j) \quad (3.4)$$

Die erste spektrale Komponente  $a_0$  stellt hierbei den Durchschnitt aller binären Werte von  $s(t)$  dar. FreMEN besitze aber laut [Krajnik.2015b] zwei wesentliche Nachteile. So erlaube es zum Einen, lediglich einen periodischen Prozess pro Frequenz zu modellieren. Des Weiteren bilde es wiederkehrende, aber kurze Prozesse, schlecht ab. Als Beispiel wird hier die morgendliche Dusche angeführt, welche eine tägliche, aber kurze Routine sei. Da in [Krajnik.2014] herausgearbeitet wurde, dass die optimale Modellordnung für eine möglichst genaue Prognostizierfähigkeit bei lediglich zwei bis drei liegt, könnten solche kurzen Routinen schlicht nicht abgebildet werden.

Als zweiter Ansatz werden Gaussian Mixture Models (GMM) genannt. Diese können multidimensionale Funktionen als gewichtete Summe aus mehreren Gauß-Funktionen mittels Gleichung xy approximieren.

$$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sum_{j=1}^m \frac{\omega_j}{\sigma_j} e^{-\frac{(t-\mu_j)^2}{2\sigma_j^2}} \quad (3.5)$$

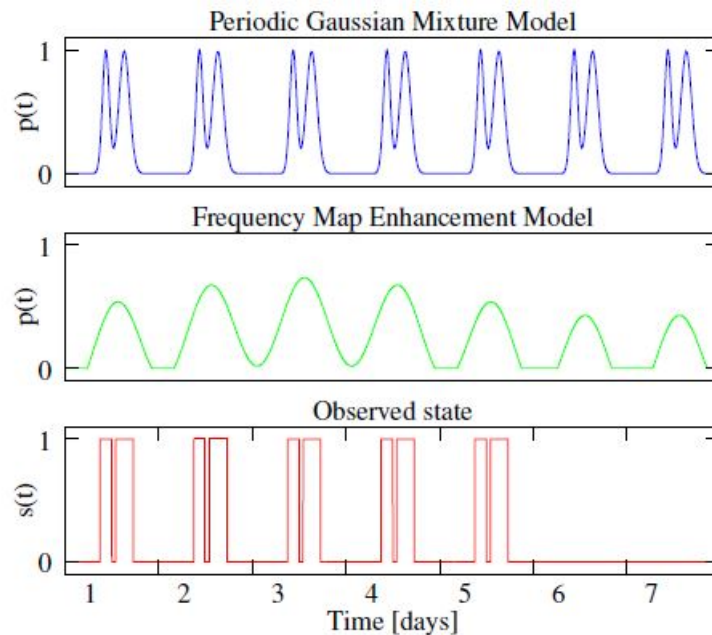
Die Parameter der individuellen Komponenten eines GMM, namentlich das Gewicht  $\omega_k$ , der Durchschnitt  $\mu_j$  sowie die Standardabweichung  $\sigma_j$  werden typischerweise mittels Trainingsdaten anhand des Iterative Expectation Maximization (EM) oder des Maximum A-Posteriori (MAP) Algorithmus ermittelt. Während GMM's in der Lage sind, Funktionen jeglichen Aussehens zu modellieren, liegt ihre Limitation darin, dass sie definitionsgemäß keine periodischen Funktionen repräsentieren können [Krajnik.2015b]. Um diesem Problem entgegenzuwirken, wird vorab eine Periode von einem Tag vorgegeben. Diese Vorgabe erlaubt es, die gemessene Sequenz der Umweltzustände  $s(t)$  in eine Sequenz  $p'(t)$  umzuwandeln.

$$p'(t) = \frac{k}{\tau} \sum_{i=1}^{\frac{k}{\tau}} s(t + i\tau) \quad (3.6)$$

In Gleichung 3.6 bezeichnet  $[\tau]$  die vorab definierte Periodendauer,  $k$  beschreibt die Länge der Sequenz  $s(t)$ . Nach Anwendung des Expectation Maximization Algorithmus kann nun die Wahrscheinlichkeit für einen Umweltzustand mittels Gleichung 3.7 berechnet werden.

$$p(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sum_{j=1}^m \frac{w_j}{\tau_j} e^{-\frac{(\text{mod}(t,\tau) - \mu_j)^2}{2\sigma_j^2}} \quad (3.7)$$

Hierbei beschreibt  $\tau$  die vorgegebene Periodendauer der Funktion  $p(t)$  und  $\text{mod}$  ist der Modulo-Operator. Dass die Stärken und Schwächen dieser periodischen GMM-basierten (PerGaM) Modelle komplementär zu denen der FreMEEn-Methodik sind, wir anhand von Bild 3.3 deutlich. Das PerGaM-Modell kann selbst kurze, mehrfache Events approximieren,



**Bild 3.3:** PerGaM und FreMEEn Modellvergleich Quelle (Krajnik.2015b)

jedoch kann es lediglich eine Periodendauer repräsentieren, welche a priori (im Vorhinein) bekannt bzw. festgelegt werden muss. Als Resultat werden kurzzeitige Events, wie z.B. Mittagspausen, gut approximiert, die wöchentliche Dynamik mit dem Fehlen von Personen am Wochenende kann hingegen jedoch nicht modelliert werden. Im Vergleich dazu sieht man das FreMEEn-Modell, welches diese Wochendynamik durch ein Abflachen der Signalamplitude an den beiden Wochenendtagen abbildet (siehe Bild 3.3).

In Bezug auf die zeitlich-räumliche Kartierung durch mobile Roboter führt [Krajnik.2015] an, dass dieses auch eine räumlich-zeitliche Explorationsstrategie benötigt. Im Vergleich zu klassischen Explorationsstrategien, bei denen, bedingt durch die endliche Größe der zu erforschenden Karte, die Exploration ebenfalls finit ist, sei die Exploration dynamischer Umgebungen niemals abgeschlossen. Vielmehr bekäme die räumlich-zeitliche Exploration Teil der täglichen Routine des Roboters. Es stellt sich ein wesentlicher Nachteil der in [Krajnik.2014] vorgestellten Methode zur Darstellung von Umweltzuständen in Bezug auf

die kontinuierliche Exploration einer Karte durch einen mobilen Roboter. Diese beruht ja auf der traditionellen Fast Fourier Transformation (FFT). Die Fast Fourier Transformation kann jedoch lediglich die komplette Sequenz eines Umweltzustandes  $s(t)$  in sein Frequenzspektrum  $S(\omega)$  transformieren. Außerdem erfordert der Algorithmus, dass die Zustandsobservierungen mit der immer gleichen Frequenz aufgenommen werden. Orte mit der immer selben Frequenz zu erkunden, sei jedoch nicht effizient, sodass in [Krajnik.2015] eine neue Methode zur Darstellung von Umweltzuständen durch zeitlich variable Wahrscheinlichkeitsfunktionen vorgestellt wird. Die Methode erlaubt ein inkrementelles und kontinuierliches Aktualisieren des räumlich-zeitlichen Umgebungsmodells durch wenige Observierungen, welche zu unterschiedlichen, nicht gleichmäßig verteilten Zeitpunkten, und an unterschiedlichen Orten aufgenommen werden können.

Jeder Umweltzustand wird nun durch die Nummer getätigter Observierungen  $n$ , seines Durchschnittes  $\mu$  sowie zwei Sets  $A, B$  komplexer Zahlen  $\alpha_k$  und  $\beta_k$ , welche zu dem Set  $\Omega$  periodischer Prozesse  $\omega_k$  gehören, welche den Umweltzustand beeinflussen. Anfangs wird der Wert  $\mu$  zu 0.5 und alle  $\alpha_k$  sowie  $\beta_k$  zu 0 gesetzt, was einem vollkommen unbekannten Zustand entspricht. Die inkrementelle Aktualisierung des Modells erfolgt nun anhand von Gleichung 3.11.

$$\mu \leftarrow \frac{1}{n+1}(n\mu + s(t)), \quad (3.8)$$

$$\alpha_k \leftarrow \frac{1}{n+1}(n\alpha_k + s(t)e^{-jt\omega_k}) \quad \forall \omega_k \in \Omega, \quad (3.9)$$

$$\beta_k \leftarrow \frac{1}{n+1}(n\beta_k + \mu e^{ind-jt\omega_k}) \quad \forall \omega_k \in \Omega, \quad (3.10)$$

$$n \leftarrow n + 1 \quad (3.11)$$

## 4 Tipps zur Erstellung der Arbeit

Im Folgenden sind einige Tipps zur schriftlichen Ausarbeitung zu finden, z. B. zur korrekten Darstellung von Gleichungen und Grafiken oder zum Bezug der dazu notwendigen Software. Grundsätzlich lassen sich unter folgendem Link Hilfestellungen zu den meisten Problemen bei der Erstellung Arbeit finden: <http://bfy.tw/Bq9t>

### 4.1 Darstellung von Gleichungen

Der am imes verwendete Formelsatz entspricht der DIN 1338 und lässt sich auch in sämtlichen Skripten des imes wiederfinden, z. B. in Robotik I, Robotik II oder Mechatronische Systeme.

Grundsätzlich gilt: Variablennamen werden kursiv gesetzt (auch wenn diese als Index benutzt werden, z. B.  $a_i$ ), beschreibende Indizes (z. B.  $b_{\text{Reifen}}$  oder  $b_R$ ) und allgemeine Funktionen (z. B. Sinus- oder e-Funktion) aufrecht:

$$f(t) = \int_{t_{\text{start}}}^{t_{\text{end}}} \sin(\omega t) dt. \quad (4.1)$$

Bei der ersten Verwendung von Variablen sollten diese unmittelbar vor oder nach der Gleichung im Text erläutert werden, in diesem Fall die exemplarische Funktion  $f(t)$ , Start- und Endzeitpunkt  $t_{\text{start}}$  bzw.  $t_{\text{end}}$ , Kreisfrequenz  $\omega$  und Zeit  $t$ .

Matrizen und Vektoren werden fett gedruckt dargestellt. Matrizen werden mit großen, Vektoren mit kleinen Buchstaben bezeichnet. In der Gleichung

$$\mathbf{q} = (q_1, q_2, \dots, q_n)^T \quad (4.2)$$

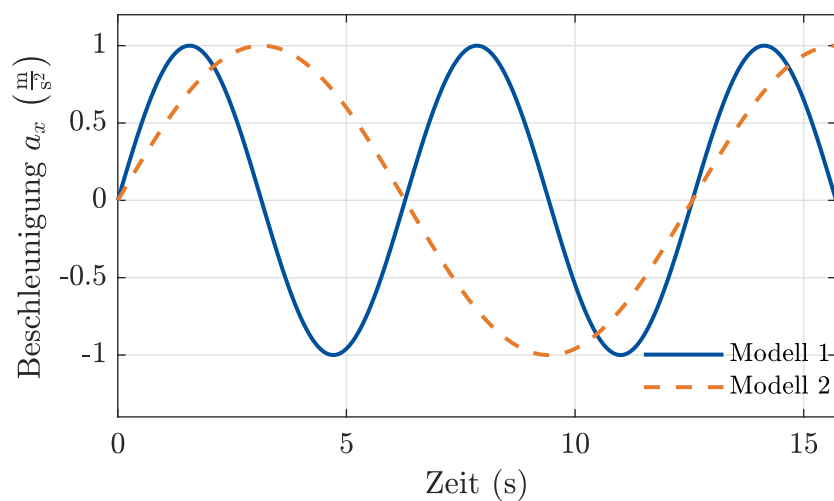
beschreibt  $\mathbf{q}$  den Vektor mit allen Gelenkwinkeln,  $q_1$  hingegen den Gelenkwinkel der ersten Achse. Zahlreiche weitere Beispiele zur Darstellung von Formeln können in den oben genannten Skripten nachgeschlagen werden.

Weitere Beispiele für korrekten Formelsatz:

**TODO -> versch. Stellen aus Skripten suchen und Code kopieren**

## 4.2 Darstellung von Grafiken

Grafiken sollten nach Möglichkeit als Vektorgrafiken (z. B. .eps, .pdf) exportiert und in LaTeX eingebunden werden. Die Schriftart sollte der Schriftart der restlichen Arbeit entsprechen (Times). Die Schriftgröße in der Grafik sollte kleiner oder gleich der Größe des Fließtextes sein (nach eigenem Ermessen, solange die Lesbarkeit noch gegeben ist). Auch bei Abbildungen sind die Formatierungsschriften aus Abschnitt 4.1 einzuhalten. Ein Beispielplot aus Matlab ist in Bild 4.1 dargestellt. Das Skript zur Erstellung des Plots in Matlab ist unter `template_einfach.m` zu finden.



**Bild 4.1:** Vergleich der zeitlichen Beschleunigungsverläufe der beiden Modellierungsansätze Hü (blau) und Hott (orange gestrichelt)

## 4.3 Software

### 4.3.1 Matlab, Corel

Für Matlab und Corel sind an der Uni Hannover kostenlose Campuslizenzen verfügbar. Anleitungen zum Bezug sind unter <https://www.luis.uni-hannover.de/softwarekatalog.html> zu finden. Für Corel existiert am imes ein Plugin zur Nutzung von LaTeX-Befehlen. Das Plugin und die zugehörige Anleitung sind im Vorlagenordner zu finden. Alternativ zu Corel kann auch die freie Software Inkscape genutzt werden (<https://inkscape.org>).

### 4.3.2 LaTeX

Vorschläge für TeX-Distributionen:

- MiKTeX (Windows): <https://miktex.org/>
- TeXLive (allg.): <http://www.tug.org/texlive/>

Vorschläge für Texteditoren:

- TeXnicCenter (Windows): <http://www.texniccenter.org/>
- TeXMaker (allg.): <http://www.xmlmath.net/texmaker/>

## 4.4 Literaturverweise

Beispiele für Literaturverweise sind im Literaturverzeichnis zu finden, z. B. Journalbeitrag [Ber59], Konferenzbeitrag [Hus+08], Buch [WH09]. Sofern nicht explizit anders eingestellt, taucht nur diejenige Literatur im Verzeichnis auf, auf die in der Arbeit verwiesen wird.

## 4.5 Eigene Befehle in LaTeX

In LaTeX können auch eigene Befehle definiert und genutzt werden, z. B. zur Verwendung immer wiederkehrender Formelzeichen. So kann beispielsweise ein Koordinatensystem  $(KS)_A$  direkt mit dem Befehl `\ks{A}` eingefügt werden. Eine Liste der Befehle ist in der Datei `befehle.sty` zu finden.



## **5 Betreuer- und/oder projektspezifische Anmerkungen**

Für Ergänzungen zur Vorlage, die nicht allgemeingültig sind, bitte ausschließlich dieses Kapitel nutzen!

ToDo's für die Vorlage:

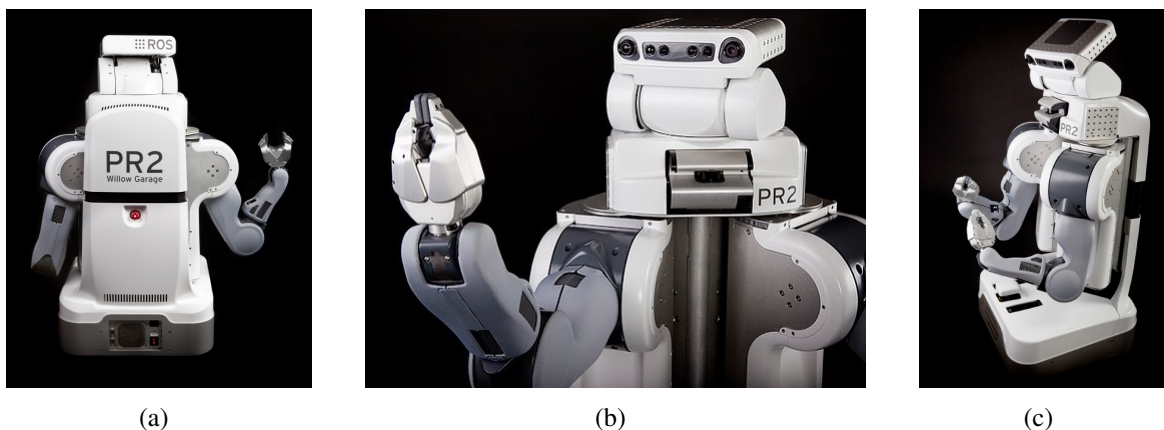
- Aufgabenstellung direkt ins Dokument, Platzhalter-pdf, manuell reinsortieren?
- mehr Beispiele für Formelsatz aus versch. Skripten reinkopieren
- Befehle.sty erläutern

## 6 (Beispielkapitel) Robotersysteme

Das folgende Kapitel soll als Beispielkapitel dienen. Nach der Kapitelüberschrift wird der Kapitelinhalt in ein paar Sätzen beschrieben. Hier steht weiterer Text.

### 6.1 PR2

Der PR2 (Willow Garage Inc., Menlo Park, USA) ist ein *menschenähnlicher* Serviceroboter, der seinen Dienst in Wohnräumen verrichten soll und derzeit im sogenannten PR2 Beta-Programm von elf Forschungseinrichtungen über einen Zeitraum von zwei Jahren getestet wird [Wil10]. Hier steht weiterer Text. d



**Bild 6.1:** Serviceroboter PR2 von Willow Garage (Quelle: Willow Garage))

Ausgestattet ist der PR2 mit zwei Armen, die jeweils sieben Freiheitsgrade haben und an deren Enden ein Greifer montiert ist, siehe Bild 6.1. Die Sensorik des Armes besteht aus einer Kamera am Unterarm und Druck- sowie Beschleunigungssensoren am Greifer. Die Nutzlast eines Arms ist mit 1,8 kg ausgewiesen. Weiterhin verfügt der Roboter über einen dreh- und schwenkbaren Kopf, in dem eine 5-Megapixel Farbkamera, ein LED-Texturprojektor und zwei Stereokameras integriert sind, wobei eine Kamera für die Fernsicht und die andere für die Objektmanipulation genutzt wird. Unterhalb des Kopfes ist ein schwenkbarer Laserscanner und ein Inertialsensor verbaut. Die Position des Oberkörpers lässt sich in der Höhe

zwischen 1330 mm und 1645 mm (Gesamthöhe) variieren. Angetrieben wird die omnidirektionale Basis von vier gelenkten Rädern, die eine maximale Geschwindigkeit von 3,6 km/h ermöglichen. Die quadratische Basis hat eine Kantenlänge von 668 mm. Als Recheneinheit stehen zwei Server zur Verfügung, die jeweils auf acht CPU-Kernen rechnen und dabei auf 24 GB Arbeitsspeicher zugreifen können. Als Betriebssystem wird Ubuntu verwendet, auf dem das Robot Operating System, kurz ROS, die Grundlage für die Datenverarbeitung bildet. Da ROS innerhalb dieser Arbeit ebenfalls zum Einsatz kommt, wird dieses in Abschnitt 6.2 vorgestellt und an den entsprechenden Stellen weiter erläutert. Die Kosten für einen PR2-Roboter belaufen sich derzeit auf etwa 400 000 US-Dollar<sup>1</sup>. Mit Hilfe des PR2 wurden von den zuvor erwähnten Beta-Testern Szenarien bewältigt, die innerhalb des menschlichen Wohnraumes auftreten können. An der TU München hat ein PR2-Roboter beispielsweise zusammen mit einem anderen Robotersystem einen Pfannkuchen gebacken [Mün11].

## 6.2 ROS

Hier steht weiterer Text.

**Listing 6.1:** Launchfile zum Start der hokuyo\_node

```

1 <!-- launch hokuyo node -->
2 <node pkg="hokuyo_node" type="hokuyo_node" name="hokuyo_node" output
   ="screen">
3   <param name="port" value="/dev/ttyACM0"/>
4   <param name="frame_id" value="/base_laser_front_link"/>
5 </node>

```

<sup>1</sup>Der angegebene Preis wurde am 16.08.2011 der Website <http://www.willowgarage.com/pages/pr2/order> entnommen und versteht sich exklusive Steuern und Versandkosten.

**Tabelle 6.1:** Technische Daten der youBot Plattform

Bezeichnung	Formelzeichen	
Gesamtlänge	$a$	530 mm
Gesamtbreite	$b$	350 mm
Höhe	$h$	106 mm
Radstand	$l$	470 mm

## Anhang

## Literatur

- [Ber59] R. Bertodo. „Development of High-temperature Strain Gauges“. In: *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers* 173.23 (1959), S. 605–616.
- [Hus+08] Andreas Hussong, Thomas Rau, Hubertus Eilers, Stephan Baron, Bodo Heimann, Martin Leinung, Thomas Lenarz und Omid Majdani. „Conception and design of an automated insertion tool for cochlear implants“. In: *Proc. 30th Annual Int. Conf. of the IEEE Engineering in Medicine and Biology Society EMBS 2008*. 2008, S. 5593–5596. DOI: 10.1109/IEMBS.2008.4650482.
- [Mün11] Technische Universität München. *TUM Rosie and PR2 James make pancakes together*. Englisch. Abrufdatum: 18.12.2011. Okt. 2011. URL: <http://www.willowgarage.com/blog/2010/10/21/tum-rosie-and-pr2-james-make-pancakes-together>.
- [WH09] Erich Wintermantel und Suk-Woo Ha. *Medizintechnik – Life Science Engineering*. 5. Auflage. München, Schaffhausen: Springer, März 2009. Kap. Funktionsersatz des Innenohres, S. 1401–1417.
- [Wil10] Willow Garage. *The Results Are In: PR2 Beta Program Recipients!* Englisch. Abrufdatum: 16.08.2011. Mai 2010. URL: <http://www.willowgarage.com/blog/2010/05/04/pr2-beta-program-recipients>.