Introdução à acessibilidade urbana

um guia prático em R

Rafael H. M. Pereira, Daniel Herszenhut

2022-09-23T00:00:00+00:00

Table of contents

Αţ		ntação nça de uso	5
I	SE	ÇÃO 1: Introdução à acessibilidade urbana	6
1	O qu 1.1 1.2 1.3 1.4	Definição de acessibilidade urbana	8 8 8 9 10
2	2.1 2.2	Medidas baseadas em lugares	11 11 12 13 14 14
II	SE	ÇÃO 2: Calculando acessibilidade	16
3	Calc	culando acessibilidade urbana em R	18
	3.1	Cálculo da matriz de tempo de viagem	18 18 19 20 23
	3.3	Cálculo de acessibilidade com o r5r	$\frac{26}{28}$

Ш	SE	EÇÃO 3: Dados de transporte público	33
4	Dad	dos GTFS	35
	4.1	Estrutura dos arquivos de GTFS	35
		4.1.1 agency.txt	37
		4.1.2 stops.txt	38
		4.1.3 routes.txt	39
		4.1.4 trips.txt	41
		4.1.5 calendar.txt	42
		4.1.6 shapes.txt	42
		4.1.7 stop_times.txt	43
		4.1.8 frequencies.txt	44
	4.2	Onde encontrar GTFS de cidades brasileiras	
	4.2	Onde encontrar G1FS de cidades brasheiras	46
5		nipulação e visualização de dados GTFS	47
	5.1	Como extrair análises básicas de um GTFS (pacote gtfstools)	47
	5.2	Cálculo de velocidade das linhas	47
	5.3	Cálculo de frequência das linhas	47
	5.4	Mapear a rede de transporte público	47
	5.5	Como fazer edições na rede de transporte público (pacote gtfstools)	47
IV	SE	EÇÃO 4: Avaliação de impacto	48
6	Con	nparando a acessibilidade entre dois cenários de transporte	50
	6.1	Modificação do arquivo GTFS	50
	6.2	Cálculo da acessibilidade nos cenários antes e depois	50
	6.3	Visualização dos níveis e da diferença de acessibilidade	50
	6.4	Distribuição da acessibilidade entre grupos sociais	50
	0.1	Distributção da acossismando cristo grapos sociais	00
V	C E	CÃO. E. Dadas da Dusista AOD	E 1
V	36	EÇÃO: 5: Dados do Projeto AOP	51
VI	Ο.	uais dados estão disponívois?	53
v	Ųί	uais dados estão disponíveis?	54
	ъ.	Escopo dos dados:	
		los de população, empregos e serviços públicos:	54
7	Dad	los de população, empregos e serviços públicos:	54
	Dad	los de população, empregos e serviços públicos:	54 54
	Dad Dad	los de população, empregos e serviços públicos:	54 54 55
	Dad Dad 7.1	los de população, empregos e serviços públicos:	54 54 55 55

8	Dad	los de distribuição espacial de oportunidades	60
	8.1	Download dos dados	60
	8.2	Mapa de empregos	62
	8.3	Mapa de escolas	62
	8.4	Mapa de estabelecimentos de saúde	63
	8.5	Mapa de CRAS	64
9	Esti	mativas e mapas de acessibilidade	66
	9.1	Download dos dados	66
	9.1 9.2	Download dos dados	
		Mapa do tempo para acessar o hospital mais próximo	72
	9.2 9.3	Mapa do tempo para acessar o hospital mais próximo	72 73

Apresentação

Este livro tem como objetivo dar uma introdução sobre os conceitos e habilidades práticas necessárias para a realização de estudos e avaliações de impacto de acessibilidade urbana. Além de uma visão geral sobre indicadores de acessibilidade, o livro ensina a analisar dados espaciais e de redes de transporte utilizando a linguagem de programação R. O conteúdo do livro apresenta exemplos reproduzíveis que ilustram como calcular estimativas de acessibilidade por diferentes meios de transporte, como visualizar esses resultados em mapas e gráficos, e como usar esse tipo de metodologia para avaliar o impacto de projetos de transporte sobre acessibilidade urbana.

O conteúdo do livro foi pensado para as necessidades de trabalho de gestores públicos, além de analistas e pesquisadores de planejamento e transporte urbano. Por isso, o livro tem caráter prático "mão na masssa", e se apoia em exemplos reproduzíveis em R com dados para o Brasil.

O livro é elaborado por uma equipe do Instituto de Pesquisa Econômica Aplicada (Ipea) no âmbito da parceria entre Ipea e a Secretaria de Mobilidade e Desenvolvimento Regional e Urbano (SMDRU) do Ministério do Desenvolvimento Regional (MDR).

Este livro foi escrito e publicado com o sistema de publicação Quarto. Todo o código utilizado em seu preparo e na sua publicação do pode ser encontrado neste repositório.

Licença de uso

Licença Padrão Ipea: é permitida a reprodução e a exibição para uso educacional ou informativo, desde que respeitado o crédito ao autor original e citada a fonte (http://www.ipea.gov.br). Permitida a inclusão da obra em Repositórios ou Portais de Acesso Aberto, desde que fique claro para os usuários os termos de uso da obra e quem é o detentor dos direitos autorais, o Instituto de Pesquisa Econômica Aplicada (Ipea). Proibido o uso comercial ou com finalidades lucrativas em qualquer hipótese. Proibida a criação de obras derivadas. Proibida a tradução, inclusão de legendas ou voz humana. Para imagens estáticas e em movimento (vídeos e audiovisuais), ATENÇÃO: os direitos de imagem foram cedidos apenas para a obra original, formato de distribuição e repositório. Esta licença está baseada em estudos sobre a Lei Brasileira de Direitos Autorais (Lei 9.610/1998).

Part I

SEÇÃO 1: Introdução à acessibilidade urbana

Objetivo: O objetivo desta seção é (1) apresentar o conceito de acessibilidade urbana, esclarecendo a diferença entre acessibilidade e mobilidade; e (2) apresentar uma visão geral dos principais indicadores usados para medir acessibilidade.

Quantos postos de trabalho se consegue acessar em menos de uma hora usando transporte público? Quanto tempo se leva para chegar até o posto de saúde ou escola mais próxima da sua casa? As respostas a essas perguntas dependem diretamente das políticas de transporte e de desenvolvimento urbano das cidades. Essas políticas determinam em larga medida a acessibilidade urbana, isto é, a facilidade com a qual pessoas de diferentes grupos sociais e níveis de renda distintos conseguem acessar oportunidades de emprego, serviços de saúde e educação, atividades culturais e de lazer. Assim, essas políticas têm papel-chave para o funcionamento da economia, para a construção de cidades mais sustentáveis e inclusivas e para a redução da desigualdade de acesso a oportunidades.

1 O que é acessibilidade?

1.1 Definição de acessibilidade urbana

Acessibilidade é a facilidade com que as pessoas conseguem alcançar lugares e oportunidades – ou, inversamente, uma característica de lugares e oportunidades em termos de quão facilmente eles podem ser alcançados pela população (Geurs & van Wee, 2004; Neutens et al., 2010).

As condições de acessibilidade são influenciadas tanto pela co-distribuição espacial da população e de atividades econômicas e serviços públicos quanto pela configuração e desempenho das redes de transporte. Nesse sentido, a acessibilidade urbana tem papel fundamental na capacidade das pessoas de se deslocarem para acessar oportunidades, como empregos, escolas, etc.

As condições de acessibilidade urbana são moldadas por três componentes:

- Infraestrutura: A facilidade de acessar atividades depende da infra-estrutura e dos serviços de transporte existentes. Isso inclui, por exemplo, a capilaridade da rede de transporte público, a conectividade da rede viária, a existência de corredores de transporte de alta capacidade como trens, metrôs etc. Aqui, tanto a eficiência quanto a conectividade espacial e temporal da rede de transporte tem papel chaves.
- Uso do solo: A facilidade de acessar atividades também depende da co-distribuição espacial de pessoas, áreas residenciais e atividades como escolas, serviços de saúde, áreas de lazer, etc. Esse componente diz respeito à proximidade geográfica entre pessoas e oportunidades.
- Pessoas: A facilidade de acessar atividades também é afetada pelas características das pessoas. Fatores como deficiência físicas e cognitivas, idade, gênero, cor, e renda, por exemplo, podem influenciar de maneira importante a velocidade das pessoas se locomoverem, sua capacidade de utilizar determinados modos de transporte, e sua capacidade de circular pela cidade sem medo de algum tipo de violência ou descriminação.

1.2 Por que acessibilidade importa?

O conceito de acessibilidade é central em estudos de transporte por várias razões. Esse conceito articula de maneira mais explícita como políticas de transporte e políticas de desenvolvimento

e uso do solo urbano interagem de maneira a impactar as capacidades das pessoas de se deslocarem nas cidades. O acesso a postos trabalho, serviços de educação e saúde tem papel fundamental para a satisfação das necessidades individuais e sociais, e é uma condição necessária, embora não suficiente, para a expansão da liberdade de escolha das pessoas Lucas et al. (2016). Ademais, a ideia de acessibilidade traz à tona a dimensão espacial da injustiça e desigualdade no acesso a oportunidades, e ajuda a incorporar de maneira explícita a noção de espaço no desenho de políticas destinadas a enfrentar essas injustiças Pereira, Schwanen, and Banister (2017).

O nível de acesso a oportunidades numa cidade é um resultado conjunto da capacidade de as pessoas utilizarem tecnologias de transporte e da integração entre a distribuição geográfica de atividades vis-à-vis a conectividade espacial e temporal da rede de transporte Páez, Scott, and Morency (2012). Assim, a construção de cidades mais inclusivas e sustentáveis passa, em larga medida, por um planejamento integrado entre uso do solo e do sistema de transporte, o que tende a criar maior proximidade entre pessoas e atividades, aumentando a acessibilidade urbana e reduzindo a dependência de modos de transporte motorizados (Banister 2011).

1.3 Diferença entre micro e macro acessibilidade

Para fins de esclarecimento de conceitos, é importante distinguir entre o que nós chamamos de acessibilidade urbana e o uso mais corrente que é feito no português da palavra acessibilidade.

O termo acessibilidade é comumente utilizado para se referir a questões relacionadas à normas de design universal, construção e planejamento para inclusão de pessoas com diferentes graus e tipos de deficiência física. Isso é o que nós podemos chamar de microacessibilidade, pois trata na escala micro individual da capacidade de pessoas conseguirem acessar lugares, serviços, produtos etc.

A expressão acessibilidade urbana, por sua vez, pode ser entendida como macroacessibilidade, pois trata de uma maneira mais ampla sobre como a capacidade de acessar atividades considerando tanto as capacidades das pessoas utilizarem tecnologias de transporte quanto a distribuição espacial de atividades vis-à-vis a cobertura e conectividade da rede de transporte.

Notadamente, a microacessibilidade é um importante componente de uma noção mais ampla de acessibilidade urbana. Condições de microacessibilidade afetam diretamente a capacidade de pessoas embarcarem e utilizarem diferentes modos de transporte, de se locomoverem com segurança sobre calçadas e atravessar ruas etc.. Ainda, ambas micro e macroacessibilidade têm papel fundamental em moldar as condições de mobilidade urbana da população.

1.4 Diferença entre acessibilidade e mobilidade urbana

O conceito de acessibilidade é diferente, mas complementar ao de mobilidade urbana. Estudos sobre mobilidade urbana costumam olhar para os padrões de viagens que as pessoas efetivamente fazem no seu dia a dia – por exemplo, quantas viagens foram feitas, que modo de transporte as pessoas usam, qual a distância média das viagens, qual o tempo de deslocamento casa-trabalho etc. Informações de mobilidade são tipicamente captadas por meio de pesquisas de origem-destino, ou dados de GPS de telefones celulares, cartões de bilhetagem eletrônica etc. Dados sobre mobilidade urbana trazem informações importantes sobre as condições diárias de transporte e padrões de viagens, que captam aspectos importantes do desempenho econômico e ambiental das cidades e o bem-estar da população.

Tradicionalmente, o planejamento urbano e de transportes tem como foco melhorar a mobilidade urbana Levinson and King (2020). Esse foco na mobilidade tem motivado políticas que priorizam a circulação de automóveis, e visam aumentar a velocidade e a fluidez de trânsito para reduzir congestionamentos (Banister 2011). No entanto, a mobilidade não é um fim em si mesma. Via de regra, as pessoas se deslocam como um meio para acessar as atividades no destino da viagem.

Nesse sentido, tem-se observado um crescente consenso entre pesquisadores e agências de transporte que o objetivo de uma política de transporte é melhorar o acesso da população Bertolini, le Clercq, and Kapoen (2005). Se o que as pessoas querem é acessar atividades, então é possível pensar em formas de planejamento que facilitem as pessoas alcançarem tais atividades sem necessariamente promover o aumento da motorização e da velocidade no trânsito. Isso por ser alcançado, por exemplo, por políticas que promovem maior mix de uso do solo e maior integração entre planejamento de transporte e uso do solo e maior proximidade entre pessoas e atividades.

Quando o foco da política sai da mobilidade e passa a ser melhorar a acessibilidade urbana, abre-se um leque maior de possíveis instrumentos e ações de políticas públicas para promover um desenvolvimento urbano mais integrado e calcado na promoção da sustentabilidade e inclusão social Banister (2011).

2 Indicadores de acessibilidade

Existem diversos indicadores para se medir acessibilidade. Esses indicadores podem ser divididos em dois grandes grupos: indicadores baseados em lugar e indicadores baeados em pessoas (Dijst, de Jong, and van Eck 2002).

2.1 Medidas baseadas em lugares

Medidas baseadas em lugar medem a acessibilidade enquanto uma característica de um determinado local. Por simplificação, esses indicadores assumem que todas as pessoas que se encontram em um mesmo local têm as mesmas condições de acesso às atividades distribuídas pela cidade. Esses indicadores são sensíveis a fatores relacionados à distribuição espacial de atividades e à configuração e desempenho da rede de transporte, mas não levam em consideração as características individuais das pessoas.

Os indicadores desse tipo são os mais amplamente utilizados por agências de transporte e pesquisadores (**boisjoly2017get?**). Isso porque esses indicadores exigem menor quantidade de dados e são consideravelmente mais fáceis de serem calculados. Por este motivo, todo o material deste curso irá focar nesses indicadores de acessibilidade baseados em lugares.

Nós apresentamos abaixo uma rápida descrição de alguns desses indicadores. Note que, em geral, esses indicadores são medidos com base num custo de transporte calculado em termos de tempo de viagem. No entanto, o termo "custo" é utilizado aqui de maneira mais ampla, e pode se referir a outros tipos de custo como a distância de viagem ou seu custo monetário.

2.1.1 Mínimo custo de viagem

O Indicador de mínimo custo de viagem aponta qual o menor custo (por exemplo, em termos de tempo ou distância) de viagem até a oportunidade mais próxima. Ele permite captar, por exemplo, qual o tempo de viagem até o posto de saúde mais próximo. Esse é um dos indicadores mais simples de acessibilidade.

$$A_i = min(c_{i1}, c_{i2}, \dots, c_{ij}, \dots, c_{i(n-1)}, c_{in}) \iff O_j \ge 1$$

em que A_i é a acessibilidade na origem i, c_{ij} é o custo de deslocamento entre a origem i e o destino j, n é o número total de destinos na área de estudo e O_j é o número de oportunidades no destino j.

Vantagens e desvantagens: Este indicador tem as vantagens de ser fácil de se calcular com pouca exigência de dados, além de ser fácil de comunicar. Duas desvantagens, no entanto, é que ele não capta a quantidade de oportunidades acessíveis e nem aspectos de competição na demanda pela oportunidade. Por exemplo, uma pessoa pode morar muito perto de um hospital, mas essa proximidade pode não garantir um bom acesso aos serviços de saúde se esse for o único hospital da região que fica sobrecarregado com demanda de pacientes.

2.1.2 Medida cumulativa de oportunidades

O indicador de oportunidades cumulativas mede a quantidade de oportunidades que podem ser alcançadas dentro de um tempo máximo de viagem. Por exemplo, este indicador pode ser utilizado para medir a quantidade de empregos acessíveis por transporte público em até 60 minutos, ou a quantidade de escolas acessíveis em até 30 minutos de viagem a pé.

$$A_i = \sum_{j=1}^n O_j \times f(c_{ij})$$

$$f(c_{ij}) = \begin{cases} 1 & \text{se } c_{ij} \leq C \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$$

em que A_i é a acessibilidade na origem i, O_j é o número de oportunidades no destino j, n é o número total de destinos na área de estudo, $f(c_{ij})$ é um função binária que assume os valores 0 ou 1, a depender do custo de deslocamento c_{ij} entre a origem i e o destino j, e C é o limite de custo de deslocamento estabelecido.

Vantagens Vs desvantagens: A medida cumulativa de oportunidades também também é fácil de se calcular com pouca exigência de dados, além de ser fácil de comunicar. Isso contribui para tornar este indicador um dos mais utilizados por agências de transporte e de financiamento para analisar acessibilidade (boisjoly2017get?). Entre as suas desvantagens, no entanto, cabe destacar que este indicador não considera a influência da competição sobre oportunidades. Este indicador também exige a escolha de um único ponto de corte como tempo máximo de viagem. Além disso, esta medida assume todas as oportunidades são igualmente desejáveis pelas pessoas, esteja ela a uma distância de 10 ou 40 minutos de viagem, desde que esses tempos de viagem estejam dentro do limite pré-estabelecido.

2.1.3 Medidas gravitacionais

Indicadores gravitacionais de acessibilidade também medem a quantidade de oportunidades acessíveis a partir de uma determinado local, mas a contagem de cada oportunidade é gradualmente descontada à medida que o custo da viagem aumenta. Assim, oportunidades mais próximas têm uma importância maior, e o peso de cada oportunidade diminui quanto mais distante ela estiver.

O ritmo de decaimento desse peso em função do custo da viagem é conhecido como função de impedância. Essa função pode ser definida seguindo diversas diferentes fórmulas funcionais. Por exemplo, é possível considerar um decaimento linear. Neste caso, o peso da oportunidade diminui de maneira contínua ao longo do espaço até certo ponto a partir da onde o peso passa a ser zero. Outra opção é considerar uma função negativa exponencial, onde o peso cai muito rapidamente em distâncias mais próximas mas passa a ter uma queda mais suave como pesos igualmente baixos para oportunidades muito distantes.

$$A_i = \sum_{j=1}^n O_j \times f(c_{ij})$$

$$f_{lin}(c_{ij}) = \begin{cases} 1 - c_{ij}/C & \text{se } c_{ij} \leq C \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_{exp}(c_{ij}) = e^{-\beta c_{ij}}$$

em que A_i é a acessibilidade na origem $i,\,O_j$ é o número de oportunidades no destino $j,\,n$ é o número total de destinos na área de estudo, $f(c_{ij})$ é uma função de decaimento cujo resultado varia com o custo de deslocamento c_{ij} entre a origem i e o destino $j,\,f_{lin}(c_{ij})$ é a função de decaimento linear, C é o limite de custo de deslocamento estabelecido, $f_{exp}(c_{ij})$ é a função de decaimento exponencial negativa e β é um parâmetro que dita a velocidade de decaimento.

Vantagens Vs desvantagens: A principal vantagem de indicadores gravitacionais é que o desconto do peso das oportunidades pela sua distância reflete de alguma maneira o comportamento de como as pessoas costumam se comportar. Serviços e atividades que gostaríamos de acessar costumam ser mais atrativas quanto mais próximas elas estiverem, tudo mais constante. Este indicador tem ao menos duas desvantagens. A primeira delas é que os valores de acessibilidade estimados são de difícil interpretação pela forma como a contagem de oportunidades é descontada pela distância. Além disso, para que o indicador seja mais representativo do comportamento de viagem das pessoas, a forma funcional e o ritmo de decaimento da função de impedância precisam ser calibradas. Por isso, este indicador também requer a disponibilidade de dados de padrões de viagens disponíveis, por exemplo, a partir de pesquisas de origem destino.

2.1.4 Indicadores de acessibilidade com competição: floating catchment area

Em muitos casos, o acesso a oportunidades é afetado não apenas por questões de proximidade e custos de transporte, mas também pela possível competição de muitas pessoas que querem acessar a mesma oportunidade ao mesmo tempo. Isso é muito comum, por exemplo, em casos de acesso a serviços de saúde, escolas e empregos. Uma vaga de emprego só pode ser ocupada por uma pessoa de cada vez, o mesmo vale por exemplo para um leito de UTI ou vaga em uma escola.

Existe uma gama de indicadores de acessibilidade que buscam levar em consideração essa possível competição pelas oportunidades acessíveis. Vários desses indicadores são do tipo floating catchment area (áreas de influência flutuantes, em tradução livre). A título de exemplo, esses indicadores tentam levar em consideração como uma mesma pessoa pode potencialmente acessar vários leitos de UTI e, simultaneamente, como cada leito de UTI pode ser acessado por diversas pessoas. Assim, o acesso de uma pessoa ao serviço de leito de UTI é influenciado não apenas por questões de custos de transporte mas também pela disponibilidade de leitos de UTI por pessoas que potencialmente poderiam acessar os mesmos leitos.

Dentro dessa família de indicadores tipo floating catchment area (FCA). O indicador mais comumente utilizado é o 2-Step Floating Catchment Area (2SFCA), proposto originalmente por Luo and Wang (2003). Uma limitação do 2SFCA é que ele ele contabiliza que uma mesma pessoa pode potencialmente demandar várias oportunidades ao mesmo tempo, e que um mesmo serviço pode ser potencialmente utilizado por várias pessoas ao mesmo tempo. Isso é conhecido como problema de inflação de demanda e de oferta, respectivamente, e pode gerar estimativas enviesadas de acessibilidade (Paez, Higgins, and Vivona 2019). Para lidar com esse problema, Paez et al (2019) propuseram o indicador Balanced Floating Catchment Area ("BFCA"), uma das medidas mais novas na família de indicadores tipo floating catchment area.

Vantagens Vs desvantagens: Diferentes indicadores desse tipo vão ter pequenas variações em duas vantagens e desvantagens. No entanto, de uma maneira geral, a principal vantagem de indicadores tipo *floating catchment area* é a sua capacidade de incorporar aspectos de competição em medidas de acessibilidade. Uma das desvantagens destes tipos de indicadores é a difícil interpretação e comunicação dos seus resultados.

2.2 Medidas baseadas em pessoas

Indicadores de acessibilidade baseadoas em pessoas são sensíveis não apenas à distribuição espacial de atividades e a configuração e desempenho da rede de transporte. Esses indicadores mas também levam em consideração como características pessoais (como sexo, idade, deficiência física etc) e até questões como atividades e compromissos pessoais podem afetar a facidade de uma pessoa acessar determinadas atividades. Esse grupo de medidas inclui, por exemplo, indicadores de acessibilidade baseados em utilidade Miller (2018), indicadores baseados em atividades (Dong et al. 2006) ou medidas de espaço-tempo Neutens et al. (2012).

Embora esses tipos de indicadores sejam mais sofisticados, eles costumam demandar grandes quantidades de dados, incluindo registros de diários de viagem, pesquisas domiciliares tipo origem-destino etc. Por isso, o cálculo desses indicadores é computacionalmente mais intensivo e complexo, o que faz com que esses indicadores sejam menos utilizados Miller (2018).

Part II

SEÇÃO 2: Calculando acessibilidade

Objetivo: O objetivo desta seção é mostrar como calcular estimativas de acessibilidade urbana em R usando os pacotes r5r e accessibility.

O cálculo dos níveis de acessibilidade em um determinado local compreende duas etapas principais: primeiro, nós precisamos calcular uma matriz de custo, geralmente o tempo de viagem, entre as origens e os destinos de uma determinada cidade ou região considerando um modo de transporte; feito isso, calculamos a acessibilidade em cada ponto de origem considerando os custos de transporte entre cada origem e o número de oportunidades em cada destino. Nesta seção nós aprenderemos mais sobre essas duas etapas usando R, quais dados são necessários para executá-las e quais as vantagens e desvantagens dos diferentes métodos que podem ser usados para isso.

3 Calculando acessibilidade urbana em R

3.1 Cálculo da matriz de tempo de viagem

Como comentado anteriormente, a primeira etapa necessária para calcular os níveis de acessibilidade de uma área urbana é calcular a matriz de custo de viagem entre as diversas origens e destinos que a compõem. Na literatura científica e na prática do planejamento de sistemas de transporte público, esse custo é mais frequentemente representado pelo tempo de viagem que separa dois pontos (El-Geneidy et al. 2016; Venter 2016), embora trabalhos recentes tenham considerado também outros fatores, como o dinheiro necessário para realizar uma viagem e o nível de conforto da viagem entre um ponto e outro (Arbex and Cunha 2020; Herszenhut et al. 2022). Pela prevalência deste tipo de matriz na literatura e na prática, porém, iremos nos focar em matrizes de tempo de viagem.

Atualmente, a forma mais fácil e rápida de gerar uma matriz de tempo de viagem em R é utilizando o pacote r5r (Pereira et al. 2021), desenvolvido pela equipe do Projeto Acesso a Oportunidades, do Ipea. O pacote utiliza, por trás dos panos, o *software* de roteamento multimodal de transporte público R5, desenvolvido pela Conveyal¹.

3.1.1 Instalação do r5r

A instalação do r5r funciona como a instalação de qualquer pacote no R.

```
install.packages("r5r")
```

Além do R, o pacote r5r requer também a instalação do Java 11². Se você não sabe qual versão do Java você tem instalada em seu computador, você pode checar essa informação rodando este código no console do R.

```
cat(processx::run("java", args = "--version")$stdout)

openjdk 11.0.16 2022-07-19 LTS
OpenJDK Runtime Environment Zulu11.58+15-CA (build 11.0.16+8-LTS)
```

¹Disponível em https://github.com/ipeaGIT/gtfstools.

²Disponível em https://www.sptrans.com.br/desenvolvedores/.

3.1.2 Dados necessários

O uso do pacote r5r requer os seguintes dados:

- Rede viária (obrigatório): um arquivo com a rede viária e de infraestrutura de pedestres do OpenStreetMap, em formato .pbf;
- Rede de transporte público (opcional): um arquivo GTFS descrevendo a rede de transporte público da área de estudo;
- Topografia (opcional): um arquivo de dados em *raster* com o modelo digital de elevação em formato .tif, caso deseje-se levar em consideração os efeitos da topografia do local sobre os tempos de caminhada.

Aqui estão alguns lugares de onde você pode baixar estes dados:

- OpenStreetMap
 - osmextract, pacote de R
 - geofabrik, website
 - hot export tool, website
 - BBBike.org, website
- GTFS
 - tidytransit, pacote de R
 - transitland, website
 - No capítulo X desde livro (tabela xx) nós indicamos também onde baixar os dados de GTFS de algumas cidades brasileiras que compartilham seus dados publicamente.
- Topografia
 - elevatr, pacote de R
 - Nasa's SRTMGL1, website

Os arquivos destes dados devem ser salvos em uma mesma pasta que, preferencialmente, não contenha nenhum outro arquivo. Como se verá adiante, o r5r combina todos os dados salvos nesta pasta para criar uma rede de transporte multimodal que será utilizada para simulações de roteamento e cálculo das matrizes de viagem. Note que é possível ter mais de um arquivo GTFS na mesma pasta, nesse caso o r5r irá considerar as redes de transporte públicos de todos feeds. No entanto, a pasta deve conter um único arquivo de rede viária .pbf. Assumindo que os scripts de R estarão em uma pasta chamada R, a organização dos arquivos deverá seguir o esquema abaixo:

Para ilustrar as funcionalidades do r5r, nós vamos usar uma pequena amostra de dados para a cidade de Porto Alegre (Brasil). Esses dados estão disponíveis dentro do próprio pacote r5r na pasta system.file("extdata/poa", package = "r5r"):

```
/home/runner/work/intro_access_book/intro_access_book/renv/library/R-4.2/x86_64-pc-linux-gnu,
+-- poa.zip
+-- poa_elevation.tif
+-- poa_hexgrid.csv
+-- poa_osm.pbf
\-- poa_points_of_interest.csv
```

Esta pasta possui quatro arquivos que vamos usar agora:

- A rede viária do OpenStreetMap: poa_osm.pbf
- Dois feeds de GTFS das redes de ônibus e de trens: poa_eptc.zip e poa_trensurb.zip
- O dado de topografia: poa_elevation.tif
- Um arquivo poa_hexgrid.csv com coordenadas geográficas dos centróides de uma grade hexagonal regular cobrindo toda a área da amostra e com informações sobre o tamanho da população residente e o número de oportunidades (empregos, escolas e hospitais) em cada hexágono. Esses pontos serão utilizados como os pontos de origem e destino no cálculo da matriz de tempo de viagem.

3.1.3 Calculando a matriz de tempo de viagens

Antes de calcular a matriz de tempo de viagem, precisamos aumentar a memória disponível para o Java. Isto é necessário porque, por padrão, o R aloca apenas 512MB de memória para processos Java, o que não é suficiente para grandes consultas usando r5r. Para aumentar a memória disponível para 2GB, por exemplo, precisamos definir um valor para o parâmetro java.parameters no início do script antes de carregar as bibliotecas do R:

```
options(java.parameters = "-Xmx2G")
```

Pronto, agora vamos carregar as bibliotecas que vamos utilizar neste capítulo.

```
library(r5r)
library(accessibility)
library(sf)
library(data.table)
library(ggplot2)
library(aopdata)
```

Feito isso, o cálculo de uma matriz de tempo de viagens da sua área de estudo pode ser feito em dois passos. O primeiro passo é gerar a rede de transporte multimodal que será utilizada no roteamento. Para isso, nós utilizamos a função setup_r5(). Esta função baixa o software de roteamento R5 e o utiliza para criar a rede. A função setup_r5() recebe como input o caminho da pasta onde você armazenou seus dados. Além da função salvar na pasta alguns arquivos necessários para o roteamento, ela também retorna uma conexão com o R5, que neste exemplo nós chamamos de r5r_core, e que será utilizada no cálculo da matriz de tempo de viagem.

```
path <- system.file("extdata/poa", package = "r5r")

r5r_core <- setup_r5(path, use_elevation = TRUE, verbose = FALSE)

fs::dir_tree(path)</pre>
```

```
/home/runner/work/_temp/renv/cache/v5/R-4.2/x86_64-pc-linux-gnu/r5r/0.7.1/61db001154cd8334664+-- network.dat
+-- poa.zip
+-- poa_elevation.tif
+-- poa_hexgrid.csv
```

+-- poa_osm.pbf.mapdb.p
\-- poa_points_of_interest.csv

+-- poa_osm.pbf

+-- poa_osm.pbf.mapdb

O passo final é usar a função para o cálculo da matriz de tempo de viagem, apropriadamente chamada de travel_time_matrix(). Como inputs básicos, a função recebe a conexão com o R5 criada acima, pontos de origem e destino em formato de data.frame com as colunas id, lon e lat, o modo de transporte a ser utilizado, o horário de partida, o tempo máximo de caminhada permitido da origem até o embarque no transporte público e do desembarque até o destino, e o tempo máximo de viagem a ser considerado.

```
points <- fread(file.path(path, "poa_hexgrid.csv"))</pre>
```

```
ttm <- travel_time_matrix(
   r5r_core,
   origins = points,
   destinations = points,
   mode = c("WALK", "TRANSIT"),
   departure_datetime = as.POSIXct(
     "13-05-2019 14:00:00",
     format = "%d-%m-%Y %H:%M:%S"
   ),
   max_walk_dist = 800,
   max_trip_duration = 120,
   verbose = FALSE,
   progress = FALSE
)</pre>
```

	fromId	toId	travel_time
1:	89a901291abffff	89a901291abffff	1
2:	89a901291abffff	89a901295b7ffff	41
3:	89a901291abffff	89a9012809bffff	43
4:	89a901291abffff	89a901285cfffff	35
5:	89a901291abffff	89a90e934d7ffff	71
1169147:	89a90166da7ffff	89a90129133ffff	58
1169148:	89a90166da7ffff	89a9012ac43ffff	93
1169149:	89a90166da7ffff	89a90129a47ffff	19
1169150:	89a90166da7ffff	89a90128883ffff	65
1169151:	89a90166da7ffff	89a90166da7ffff	0

Diversos outros *inputs* podem ser passados para o cálculo da matriz, como a velocidade de caminhada e o número máximo de pernas de transporte público permitido, entre outros. Para mais informações sobre cada um dos parâmetros, por favor consulte a documentação da função disponível no pacote ou no site do r5r aqui.

Na prática, o que a função travel_time_matrix() faz é encontrar qual a rota de viagem mais rápida partindo de cada ponto de origem para todos os possíveis pontos de destino considerando o modo de viagem, horário de partida e demais parâmetros passados pelo usuário. Para isso, o r5r considera tempos de viagem de porta-a-porta. No caso de uma viagem por transporte público, por exemplo, o tempo total de viagem inclui a) o tempo de caminhada até a parada de transporte público; b) o tempo de espera pelo veículo na parada; c) o tempo de deslocamento dentro do veículo; e d) o tempo de viagem a pé da parada de desembarque até o destino. Em

casos em que mais de uma rota de transporte público é utilizada, o r5r também contabiliza o tempo gasto nas conexões, considerando a caminhada entre paradas e o tempo de espera pelo próximo veículo.

A função travel_time_matrix() utiliza uma extensão do algoritmo de roteamento RAPTOR (Conway, Byrd, and van der Linden 2017), o que torna o R5 extremamente rápido. A depender da quantidade de pares de origem-destino, o r5r pode ser entre 6 e 200 vezes mais rápido do que softwares alternativos para calcular uma matriz de tempo de viagem (Higgins et al. 2022).

3.2 Cálculo de acessibilidade

Após calculada a matriz de tempo de viagem entre as origens e os destinos da área de estudo, nós precisamos utilizá-la para calcular os níveis de acessibilidade do local. Para isso, nós utilizaremos o pacote accessibility, também desenvolvido pela equipe do Projeto Acesso a Oportunidades, que contém diversas funções para vários indicadores de acessibilidade.

Como *input* básico, todas as funções requerem uma matriz de custo pré-calculada (no nosso caso, a matriz de tempo de viagem calculada na seção anterior) e dados de uso do solo, como o número de determinados tipos de oportunidades em cada ponto da área de estudo, por exemplo.

Medida cumulativa de acesso a oportunidades

O exemplo abaixo mostra uma simples aplicação da função cumulative_cutoff(), utilizada para calcular o número de oportunidades que pode ser alcançado em um determinado limite de custo de viagem. No exemplo abaixo, nós calculamos o número de postos de trabalho que podem ser alcançados em até 30 minutos de viagem a partir de cada origem presente em nossa matriz de tempo de viagem.

```
setnames(ttm, c("fromId", "toId"), c("from_id", "to_id"))

cumulative_access <- cumulative_cutoff(
   ttm,
   points,
   opportunity = "schools",
   travel_cost = "travel_time",
   cutoff = 30
)</pre>
cumulative_access
```

```
id schools
   1: 89a901291abffff
                            19
   2: 89a9012a3cfffff
                             0
   3: 89a901295b7ffff
                            15
   4: 89a901284a3ffff
                             0
   5: 89a9012809bffff
                            20
1223: 89a90129133ffff
                             4
1224: 89a9012ac43ffff
                             9
1225: 89a90129a47ffff
                            12
1226: 89a90128883ffff
                            31
1227: 89a90166da7ffff
                            15
```

Mínimo custo de viagem

A função cost_to_closest(), por sua vez, calcula o mínimo custo de viagem necessário para alcançar um determinado número de oportunidades. O código abaixo, por exemplo, calcula o tempo de viagem mínimo para alcançar o hospital mais próximo a partir de cada origem.

```
min_cost <- cost_to_closest(</pre>
    ttm,
    points,
    opportunity = "schools",
    travel_cost = "travel_time"
  )
Warning in `[.data.table`(filled_access_df, is.na(get(access_col)),
`:=`(eval(access_col, : inf (type 'double') at RHS position 1 truncated
(precision lost) when assigning to type 'integer' (column 2 named 'min_cost')
  min_cost
                   id travel time
   1: 89a9012124fffff
   2: 89a9012126bffff
                                16
   3: 89a9012127bffff
                                11
   4: 89a90128003ffff
                                 7
   5: 89a90128007ffff
                                20
1223: 89a90e934cbffff
                                13
1224: 89a90e934cfffff
                                 9
```

```
1225: 89a90e934d3ffff 7
1226: 89a90e934d7ffff 0
1227: 89a90e934dbffff 23
```

Medidas gravitacionais de acessibilidade

A função gravity() calcula medidas gravitacionais de acessibilidade - ou seja, aquelas nas quais o peso de cada oportunidade diminui gradualmente com o aumento do custo de viagem. Existem, no entanto, uma gama de diferentes tipos de funções de decaimento que podem ser utilizadas, como funções de decaimento exponenciais negativas, de potências inversas, entre outras. Por isso, esta função recebe um *input* adicional: a função de decaimento a ser utilizada no cálculo. O exemplo abaixo apresenta o cálculo de acessibilidade a estabelecimentos de educação usando uma medida gravitacional exponencial negativa com parâmetro de decaimento igual a 0.2.

```
negative_exp_access <- gravity(</pre>
    ttm,
    points,
    opportunity = "schools",
    travel_cost = "travel_time",
    decay_function = decay_exponential(0.2)
  )
  negative_exp_access
                   id
                          schools
   1: 89a901291abffff 0.35892873
   2: 89a9012a3cfffff 0.00000000
   3: 89a901295b7ffff 0.52061269
   4: 89a901284a3ffff 0.00000000
   5: 89a9012809bffff 0.44769080
1223: 89a90129133ffff 0.02885676
1224: 89a9012ac43ffff 0.09138463
1225: 89a90129a47ffff 0.35857154
1226: 89a90128883ffff 1.86366449
1227: 89a90166da7ffff 0.40513107
```

Indicadores de acessibilidade com competição

Por fim, a função floating_catchment_area() calcula níveis de acessibilidade levando em consideração a competição por oportunidades usando diferentes indicadores do tipo floating

catchment area. Como diversos métodos de FCA podem ser utilizados, a função requer que o método desejado seja explicitamente assinalado. E, assim como a função de acessibilidade gravitacional, a função de decaimento utilizada também deve ser definida pelo usuário. O código a seguir mostra um exemplo de cálculo de acessibilidade a oportunidades de emprego usando o método BFCA (Paez, Higgins, and Vivona 2019), levando em consideração os efeitos de competição entre a população como um todo e uma função de decaimento exponencial com parâmetro de decaimento igual a 2.

```
bfca access <- floating catchment area(</pre>
    ttm,
    points,
    opportunity = "schools",
    travel_cost = "travel_time",
    demand = "population",
    method = "bfca",
    decay_function = decay_exponential(0.05)
  bfca_access
                   id
                            schools
   1: 89a901291abffff 0.0002574442
   2: 89a9012a3cfffff 0.0000000000
   3: 89a901295b7ffff 0.0002091911
   4: 89a901284a3ffff 0.0000000000
   5: 89a9012809bffff 0.0002276971
1223: 89a90129133ffff 0.0001352617
1224: 89a9012ac43ffff 0.0001416331
1225: 89a90129a47ffff 0.0001777023
1226: 89a90128883ffff 0.0002372291
1227: 89a90166da7ffff 0.0001957669
```

As funções apresentadas nesta seção podem receber também outros *inputs* não explicitamente mencionados aqui. Para mais informações sobre cada um dos parâmetros, por favor consulte a documentação do pacote accessibility no seu site.

3.3 Cálculo de acessibilidade com o r5r

Ao longo das duas seções anteriores, nós mostramos como calcular níveis de acessibilidade passo-a-passo. Para fins didáticos, é importante entender que o cálculo de estimativas de aces-

sibilidade tem como primeiro passo a geração de uma matriz de custos de viagens a partir de simulações de roteamento, que posteriormente é utilizada para estimar níveis de acessibilidade.

No entanto, o r5r inclui também uma função chamada accessibility() que faz todo esse processamento com uma única chamada. De forma parecida com a função de cálculo de matriz de tempo de viagem, a função de acessibilidade também recebe como *inputs* uma conexão com o R5, as origens, os destinos, os modos de transporte, o tempo de partida, entre outros. Adicionalmente, devem ser listadas também quais oportunidades devem ser consideradas e a função de decaimento que deve ser utilizada (bem como o valor do limite de custo e de parâmetro de decaimento). O exemplo abaixo mostra uma aplicação desta função.

```
r5r_access <- accessibility(
  r5r core,
  origins = points,
  destinations = points,
  opportunities_colname = "schools",
  decay_function = "step",
  cutoffs = 30,
  mode = c("WALK", "TRANSIT"),
  departure_datetime = as.POSIXct(
    "13-05-2019 14:00:00",
    format = "%d-%m-%Y %H:%M:%S"
  ),
  max walk dist = 800,
  max_trip_duration = 120,
  verbose = FALSE,
  progress = FALSE
r5r_access
```

	from_id	percentile	cutoff	accessibility
1:	89a901291abffff	50	30	17
2:	89a9012a3cfffff	50	30	0
3:	89a901295b7ffff	50	30	13
4:	89a901284a3ffff	50	30	0
5:	89a9012809bffff	50	30	17
1223:	89a90129133ffff	50	30	1
1224:	89a9012ac43ffff	50	30	8
1225:	89a90129a47ffff	50	30	10

1226:	89a90128883ffff	50	30	30
1227:	89a90166da7ffff	50	30	14

Como podemos observar, o resultado desta função são os níveis de acessibilidade já calculados. A informação "intermediária" de tempo de viagem entre origens e destinos, consequentemente, não fica disponível ao usuário com o uso da função. Ainda assim, este fluxo de trabalho pode ser uma boa alternativa para pessoas que estejam interessados puramente nos níveis de acessibilidade e não dependam do tempo de viagem em suas análises.

3.4 Análises de acessibilidade

Calculados os níveis de acessibilidade, procedemos então para sua análise. Existe uma grande variedade de análises que podem ser feitas usando esses dados, por exemplo de diagnóstico das condições de acessibilidade urbana de diferentes bairros, pesquisas sobre desigualdades de acesso a oportunidades entre diferentes grupos sociais, análises sobre exclusão social e accessibility poverty (insuficiência de acessibilidade, tradução livre), etc. Nesta seção, no entanto,nos restringiremos a apresentar duas análises relativamente simples e de fácil comunicação: a distribuição espacial da acessibilidade e sua distribuição entre diferentes grupos de renda.

Distribuição espacial de acessibilidade urbana

Para compreendermos a distribuição espacial da acessibilidade urbana de uma determinada cidade ou região, primeiro precisamos obter as informações espaciais dos pontos que foram utilizados como origens e destinos no cálculo da matriz. Os pontos que nós usamos nos exemplos anteriores, por exemplo, correspondem a células de uma grade hexagonal baseadas no índice H3, desenvolvido pela Uber (Brodsky 2018). O código e o mapa a seguir mostram a distribuição desses hexágonos na nossa área de estudo.

```
poa_grid <- read_grid("Porto Alegre")

poa_grid <- poa_grid[poa_grid$id_hex %in% points$id, ]

ggplot(poa_grid) + geom_sf()</pre>
```



Para visualizarmos os nossos dados de acessibilidade espacialmente, portanto, nós precisamos unir a nossa tabela com estimativas de acessibilidade com a tabela que contém os dados espaciais da grade usando a coluna de id dos hexágonos como nossa coluna-chave. Os comandos usados para isso, bem como o resultado da operação em formato de imagem, podem ser vistos no código e no mapa a seguir.

```
setDT(poa_grid)
poa_grid[cumulative_access, on = c(id_hex = "id"), schools_access := i.schools]

poa_grid_sf <- st_sf(poa_grid)

ggplot(poa_grid_sf) +
    geom_sf(aes(fill = schools_access), color = NA) +
    scale_fill_viridis_c(option = "inferno")</pre>
```



Como podemos ver, os níveis de acessibilidade tendem a se concentrar de forma mais acentuada no centro da cidade, onde existe maior concentração de empregos, e próximos aos grandes corredores de transportes da cidade. Pessoas que moram mais perto desses corredores tendem a gastar menos tempo no acesso a suas estações e conseguem acessar locais distantes relativamente rápido, por terem fácil acesso a modos de alta capacidade e velocidade. Pessoas que moram mais longe desses corredores, por sua vez, dependem de modos de menor velocidade operacional (como os ônibus municipais, por exemplo) e precisam gastar mais tempo para alcançar os corredores de média e alta capacidade. Como consequência, seus níveis de acessibilidade tendem a ser menores.

Distribuição socioeconômica de acessibilidade urbana

O mapa acima, embora revelador quanto aos locais em que estão dispostas as maiores concentrações de acessibilidade, nada diz sobre quais são os grupos socioeconômicos que possuem os maiores potenciais de acesso a oportunidades na região. Para isso, nós precisamos cruzar informações demográficas e econômicas de cada um dos nossos pontos de origem com os dados de acessibilidade previamente calculados. No exemplo abaixo, nós juntamos aos dados de acessibilidade a informação do decil de renda de cada uma das origens. Assim, nós conseguimos identificar se um hexágono é de baixa, média ou alta renda.

Os dados com as características socioeconômicas e perfil de renda que utilizamos no exemplo vêm do censo demográfico brasileiro de 2010, e foram agregados na grade espacial de dos hexágonos por (**pereira2022usosolo?**). Aqui, nós acessamos os dados diretamente de dentro do R usando o pacote **aopdata**, que será apresentado em mais detalhes no capítulo Xx.

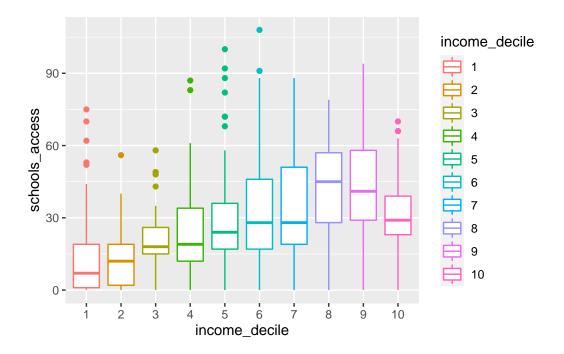
```
poa population <- read population("Porto Alegre", showProgress = FALSE)
  poa_grid[
    poa_population,
    on = "id_hex",
     `:=`(
      pop count = i.P001,
      income decile = i.R003
    )
  ٦
  poa_grid[, .(id_hex, schools_access, pop_count, income_decile)]
               id_hex schools_access pop_count income_decile
   1: 89a9012124fffff
                                   14
                                             733
   2: 89a9012126bffff
                                             355
                                                              9
                                   13
   3: 89a9012127bffff
                                   14
                                             996
                                                             10
   4: 89a90128003ffff
                                   34
                                            1742
                                                              4
   5: 89a90128007ffff
                                             477
                                                              5
                                   15
1218: 89a90e934cbffff
                                    7
                                                              4
                                             118
1219: 89a90e934cfffff
                                   12
                                             518
                                                              6
1220: 89a90e934d3ffff
                                    5
                                             846
                                                              6
                                                              7
1221: 89a90e934d7ffff
                                   12
                                            1615
1222: 89a90e934dbffff
                                     6
                                               0
                                                             NA
```

Como vocês podem perceber, nós também trouxemos a informação de contagem populacional em cada origem. Isto se dá porque nós iremos calcular a distribuição da acessibilidade de cada um dos decis de renda. Para isso, portanto, nós precisamos ponderar o nível de acessibilidade de cada origem pela quantidade de pessoas que residem ali. Desta forma, nós teremos a distribuição da acessibilidade das pessoas localizadas em origens de um determinado decil de renda. Caso optássemos por não ponderar, no entanto, nós teríamos a distribuição de acessibilidade não das pessoas localizadas em cada hexágono, mas dos hexágonos em si. Como em nossa análise nós nos importamos com as pessoas, e não com as células espaciais, precisamos fazer a ponderação. Nós podemos visualizar a distribuição de acessibilidade de cada decil usando um boxplot, como feito a seguir.

```
poa_grid[, income_decile := as.factor(income_decile)]

ggplot(poa_grid[!is.na(income_decile)]) +
   geom_boxplot(
```

```
aes(
    x = income_decile,
    y = schools_access,
    color = income_decile,
    weight = pop_count
)
```



O gráfico é muito claro em seu conteúdo: pessoas de mais baixa renda tendem a ter níveis de acessibilidade muito menores do que as de alta renda. Isso é um padrão comum em praticamente todas as cidades brasileiras e em diversas cidades do mundo (pereira2019desigualdades?). Isto ocorre, em larga medida, devido à localização espacial das comunidades de baixa e alta renda no território: os mais ricos costumam morar em áreas mais valorizadas, próximas das grandes concentração de empregos (e oportunidades de educação, saúde, lazer, etc., também) e com maior oferta de transporte público de média e alta capacidade. Os mais pobres, por sua vez, tendem a morar em locais mais afastados, onde o valor da terra é menor. Consequentemente, tendem também a se afastar das grandes concentrações de oportunidades. Junta-se a isso o fato de, na maior parte dos casos, a oferta de serviços de transporte público de média e alta capacidade ser menor em locais com maior concentração de pessoas de baixa renda. Como consequência, seus níveis de acessibilidade são, em média, muito menores do que os dos mais ricos, como o gráfico deixa claro.

Part III

SEÇÃO 3: Dados de transporte público

Objetivo: O objetivo desta seção é (1) apresentar o que é a especificação de dados de transporte público em formato GTFS; e (2) apresentar como trabalhar e analisar dados de GTFS usando R.

Dados de transporte público são peças fundamentais no planejamento de transportes em geral, e em análises de acessibilidade em particular. Para serem usados de forma que se tenha segurança no resultado das análises, esses dados precisam ser confiáveis e de simples inspeção e interpretação.

Tentando satisfazer esses critérios, cada vez mais agências de transporte público, tomadores de decisão e pesquisadores têm buscado utilizar dados estruturados conforme especificações abertas e colaborativas - ou seja, cujo formato seja decidido por uma comunidade de atores interessados, incluindo partes que produzem esses dados (agências de transporte público, por exemplo) e que os consomem (pesquisadores, desenvolvedores de ferramentas de planejamento, etc.). Embora uma especificação aberta não necessariamente resolva o problema da qualidade e da confiabilidade dos dados por ela descritos, ela traz várias vantagens. O uso de um formato padrão de dados para transporte público permite o desenvolvimento e compartilhamento de ferramentas e programas computacionais para análise desses dados. Assim, um programa desenvolvido por agências de transporte para qualquer cidade no Brasil, Estados Unidos ou Japão pode ser facilmente utilizado para quaisquer cidades do mundo que também organizam seus dados naquele formato padrão. Além disso, quanto mais amplamente utilizado é esse formato padrão de dados, maior tende a ser tanto a confiabilidade da especificação em siquanto a facilidade inspeção dos dados e de sua interpretação, visto que múltiplos atores detêm o conhecimento necessário para tal.

A especificação de dados aberta e colaborativa mais amplamente utilizada no contexto do planejamento de transporte público é o formato GTFS, sigla para General Transit Feed Specification (Especificação Geral de Redes de Transporte Público, em tradução livre). Seus usos abrangem tanto o planejamento quanto a operação de sistemas de transporte público. Como visto no capítulo XX, os dados de GTFS também são uma peça fundamental para calcular estimativas de acessibilidade urbana por transporte público. Nesta seção nós iremos aprender em mais detalhe o que são os dados GTFS, como eles são estruturados e como trabalhar com esses dados no R.

4 Dados GTFS

O formato GTFS é uma especificação aberta e colaborativa que visa descrever os principais componentes de uma rede de transporte público. Atualmente, dados GTFS podem ser divididos em duas grandes categorias:

- GTFS Schedule, ou GTFS Static, que contém o cronograma estático de linhas de transporte público e informações espaciais sobre o itinerário de cada linha e suas paradas;
- GTFS Realtime, que contém informações de localização de veículos em tempo real e alertas de possíveis atrasos, de mudanças de percurso e de eventos que possam interferir no cronograma planejado.

Ao longo desta seção, nós focaremos no **GTFS Schedule**. Clique aqui para mais informações sobre o GTFS Realtime.

Por ser uma especificação aberta e colaborativa, o formato GTFS tenta abarcar em sua definição um grande número de usos distintos que agências de transporte e desenvolvedores de ferramentas possam dar a ele. No entanto, agências e *softwares* podem ainda assim depender de informações que não constem na especificação oficial. Surgem, dessa forma, extensões da especificação. Algumas dessas extensões podem eventualmente se tornar parte da especificação oficial, caso isto seja aceito pela comunidade de usuários do GTFS. Nesta seção nós focaremos em um subconjunto de informações presentes no formato GTFS Schedule "puro", e, portanto, não cobriremos suas extensões.

4.1 Estrutura dos arquivos de GTFS

Usualmente, refere-se a um arquivo no formato GTFS Schedule (daqui em diante chamado apenas de GTFS) como feed. Neste livro, nós utilizaremos os termos feed e arquivo GTFS como sinônimos.

Um feed é nada mais do que um arquivo comprimido em formato .zip que contém um conjunto de tabelas salvas em formato .txt com algumas informações sobre a rede de transporte público (e.g. localização das paradas, frequências das viagens, traçado das rotas etc). Como em uma base de dados relacional, as tabelas de um feed têm algumas colunas-chave que permitem vincular os dados rotas, viagens, tabelas de horários etc. O esquema geral do GTFS é mostrado na Figure 4.1, mostrando apenas algumas das principais tabelas e com as colunas-chave destacadas como os pontos finais das setas.

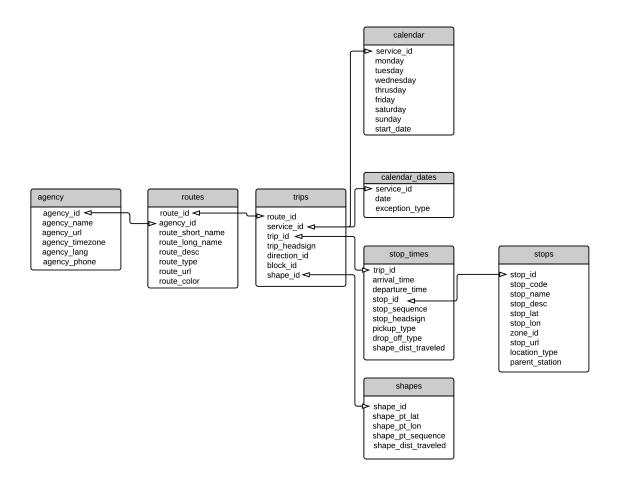


Figure 4.1: Esquema do formato GTFS

Ao todo, 22 tabelas compõem o formato GTFS¹. Nem todas, no entanto, são obrigatórias para que um feed seja considerado válido - sendo consideradas, portanto, opcionais. A especificação classifica cada tabela conforme sua obrigatoriedade em três possíveis categorias: obrigatórias, opcionais e condicionalmente obrigatórias (quando a obrigatoriedade de uma tabela depende da existência de uma determinada tabela, coluna ou valor). Para fins de simplicidade, neste livro nós consideraremos apenas as duas primeiras categorias e faremos comentários quanto à obrigatoriedade de cada tabela quando apropriado. Desta forma, ficam assim classificadas as tabelas:

- Obrigatórias: agency.txt, stops.txt, routes.txt, trips.txt, stop_times.txt, calendar.txt.
- Opcionais: calendar_dates.txt, fare_attributes.txt, fare_rules.txt, fare_products.txt, fare_leg_rules.txt, fare_transfer_rules.txt, areas.txt, stop_areas.txt, shapes.txt, frequencies.txt, transfers.txt, pathways.txt, levels.txt, translations.txt, feed_info.txt, attributions.txt.

Ao longo desta seção, nós aprenderemos a estrutura básica de um arquivo GTFS e das tabelas que o compõem. Portanto, vamos olhar apenas para as tabelas obrigatórias e para as tabelas opcionais mais frequentemente utilizadas por produtores e consumidores desses arquivos. Para mais informações sobre as tabelas e as colunas não abordadas nesta seção, por favor verifique a especificação oficial.

Nesta demonstração, nós utilizaremos um subconjunto de dados provenientes do feed da cidade de São Paulo criado pela SPTrans² e baixado em outubro de 2019. O feed contém as seis tabelas obrigatórias e mais duas tabelas opcionais bastante utilizadas, shapes.txt e frequencies.txt, o que permite uma boa visão geral sobre o formato GTFS.

4.1.1 agency.txt

Arquivo utilizado para descrever as operadoras de transporte que atuam no sistema descrito no arquivo GTFS. Embora o termo agency (agência) seja usado em lugar de operators (operadoras), por exemplo, fica a cargo do produtor do feed definir quais instituições serão listadas na tabela.

Por exemplo: múltiplas concessionárias de ônibus atuam em um determinado local, mas todo o planejamento de cronograma e de tarifa é realizado por uma instituição, em geral uma secretaria de transporte ou empresa pública específica. Esta instituição é também entendida pelos usuários do sistema como a operadora, de fato. Neste caso, devemos listar a instituição responsável pelo planejamento na tabela.

Agora, imagine um sistema em que a agência de transporte público local transfere a responsabilidade da operação de um sistema multimodal a diversas empresas, por meio de concessões.

¹Disponível em https://github.com/ipeaGIT/gtfstools.

²Disponível em https://www.sptrans.com.br/desenvolvedores/.

Cada uma dessas empresas é responsável pelo planejamento de cronogramas e tarifas dos modos que operam, desde que sejam seguidos determinados parâmetros pré-estabelecidos em contrato. Neste caso, devemos listar as operadoras (concessionárias) na tabela, e não a agência de transporte público em si.

A Table 4.1 mostra o arquivo agency.txt do feed da SPTrans. Como vocês podem ver, os responsáveis pelo feed optaram por listar a própria empresa no arquivo, e não as concessionárias que operam os ônibus e o metrô da cidade.

Table 4.1: Exemplo de arquivo agency.txt

agency_ic	d agency_nar	n@gency_url	agency_timezone agency_lang
1	SPTRANS	http://www.sptrans.com.br/?ve	rsao=014160149ica/Sao_Paulpt

É necessário notar que, embora estejamos apresentando o agency.txt em formato de tabela, o arquivo deve ser formatado como se fosse salvo em formato .csv. Ou seja, os valores de cada célula da tabela devem ser separados por vírgulas, e cada linha da tabela deve constar em uma linha no arquivo. A tabela acima, por exemplo, é definida da seguinte forma:

```
agency_id,agency_name,agency_url,agency_timezone,agency_lang
1,SPTRANS,http://www.sptrans.com.br/?versao=011019,America/Sao_Paulo,pt
```

Por uma questão de comunicação e interpretação dos dados, ao longo desta seção sempre apresentaremos os exemplos em formato de tabela. É importante ter em mente, porém, que essas tabelas são internamente estruturadas como mostrado acima.

4.1.2 stops.txt

Arquivo usado para descrever as paradas de transporte público que compõem o sistema. Os pontos listados neste arquivo podem fazer menção a paradas mais simples (como pontos de ônibus), estações, plataformas, entradas e saídas de estações, etc. A Table 4.2 mostra o stops.txt do feed da SPTrans.

Table 4.2: Exemplo de arquivo stops.txt

stop_idstop_name	$stop_desc$	stop_lat stop_lon
706325 Parada 14	Viad. Dr. Plínio De Queiroz, 901	
Bis B/C		23.5559346.65011
810602 R. Sta. Rita,	Ref.: R. Bresser / R. João Boemer	
56		23.5333746.61229

stop_idstop_name	$stop_desc$	stop_lat stop_lon
910776 Av. Do	Ref.: Rua Dona Ana Néri	
Estado, 5854		23.5589646.61520
1010092Parada	Av. Rangel Pestana, 1249 Ref.: Rua Caetano	
Caetano	Pinto/rua Prof. Batista De Andrade	23.5461546.62218
Pinto		
1010093Parada	Av. Rangel Pestana, 1479 Ref.: Rua Monsenhor	
Piratininga	Andrade	23.5450946.62006
1010099R. Xavantes,	Ref.: Rua Joli	
612		23.5354546.61368

As colunas stop_id e stop_name servem como identificadores de cada parada, porém cumprem papéis distintos. O principal propósito da stop_id é identificar relações entre esta tabela e outras que compõem a especificação (como veremos mais à frente no arquivo stop_times.txt). Já a coluna stop_name serve como um identificador que seja facilmente reconhecido pelo usuário do sistema. Seus valores, portanto, costumam ser nomes de estações, nomes de pontos de interesse da cidade ou endereços (como no caso do feed da SPTrans).

A coluna stop_desc, presente no feed da SPTrans, é opcional e permite à agência de transporte adicionar alguma descrição de cada parada e do seu entorno para facilitar a sua identificação. As colunas stop_lat e stop_lon, por fim, são as responsáveis por associar cada parada a uma posição espacial, através de suas coordenadas geográficas de latitude e longitude.

Entre as colunas opcionais não presentes neste feed estão a location_type e a parent_station. A location_type é utilizada para denotar o tipo de localização a que cada ponto se refere. Quando ausente, todos os pontos são interpretados como paradas de transporte público, mas valores distintos podem ser usados para distinguir uma parada (location_type = 0) de uma estação (location_type = 1) ou uma área de embarque (location_type = 2), por exemplo. A coluna parent_station é utilizada para descrever relações de hierarquia entre dois pontos. Por exemplo, uma área de desembarque deve dizer a qual parada/plataforma ela pertence e uma parada/plataforma pode também, opcionalmente, listar a qual estação ela pertence.

4.1.3 routes.txt

Arquivo usado para descrever as linhas de transporte público que rodam no sistema descrito pelo arquivo GTFS, incluindo os modos de transporte utilizados em cada uma. A Table 4.3 mostra o routes.txt do feed da SPTrans.

Table 4.3: Exemplo de arquivo routes.txt

route_id	agency_id	route_short_name	route_long_name	route_type
CPTM	1	CPTM L07	JUNDIAI - LUZ	2
L07				
CPTM	1	CPTM L08	AMADOR BUENO - JULIO	2
L08			PRESTES	
CPTM	1	CPTM L09	GRAJAU - OSASCO	2
L09				
CPTM	1	CPTM L10	RIO GRANDE DA SERRA -	2
L10			BRÁS	
CPTM	1	CPTM L11	ESTUDANTES - LUZ	2
L11				
CPTM	1	CPTM L12	CALMON VIANA - BRAS	2
L12				

Assim como no caso do arquivo stops.txt, a tabela do routes.txt também possui diferentes colunas que apontam o identificador de cada linha (route_id) e o seu nome. Neste caso, no entanto, existem duas colunas de nome, a route_short_name e a route_long_name. A primeira diz respeito ao nome da linha, usualmente utilizado por passageiros no dia-a-dia, enquanto o segundo tende a ser um nome mais descritivo. A SPTrans, por exemplo, optou por destacar os pontos finais de cada linha nesta coluna. Podemos notar também que os mesmos valores se repetem nas colunas route_id e route_short_name, o que não é obrigatório e nem proibido - neste caso, o produtor do feed julgou que os nomes das linhas poderiam funcionar satisfatoriamente como identificadores por serem razoavelmente curtos e não se repetirem.

A coluna agency_id é a chave que permite relacionar a tabela das rotas com a tabela descrita no agency.txt. Ela faz menção a uma agência descrita naquele arquivo, no caso a agência de id 1 (a própria SPTrans). Esta coluna é opcional no caso de feeds em que existe apenas uma agência, porém é obrigatória no caso em que existem mais de uma. Imaginemos, por exemplo, um feed que descreve um sistema multimodal que conta com um corredor de metrô e diversas linhas de ônibus: uma configuração possível de routes.txt descreveria as linhas de metrô como de responsabilidade da operadora do metrô, e as de ônibus como de responsabilidade da empresa responsável pelo planejamento das linhas de ônibus, por exemplo.

A coluna route_type é utilizada para descrever o modo de transporte utilizado em cada linha. Esta coluna aceita diferentes números, cada um representando um determinado modo. Este exemplo descreve linhas de trem, cujo valor numérico correspondente é 2. Os valores válidos para esta coluna são listados na especificação.

4.1.4 trips.txt

Arquivo usado para descrever as viagens realizadas pelo sistema de transporte público descrito pelo feed. A viagem é a unidade básica de movimento do formato GTFS: ela associa diferentes partidas de cada linha de transporte público a um serviço que opera em determinados dias da semana (como veremos mais à frente no arquivo calendar.txt) e uma trajetória de viagem (como veremos mais à frente no arquivo shapes.txt). A Table 4.4 mostra o trips.txt do feed da SPTrans.

trip_id	route_id	service_id	trip_headsign	direction_id	shape_id
CPTM L07-0	CPTM	USD	JUNDIAI	0	17846
	L07				
CPTM L07-1	CPTM	USD	LUZ	1	17847
	L07				
$\mathrm{CPTM}\ \mathrm{L}08\text{-}0$	CPTM	USD	AMADOR	0	17848
	L08		BUENO		
CPTM L08-1	CPTM	USD	JULIO	1	17849
	L08		PRESTES		
CPTM L09-0	CPTM	USD	GRAJAU	0	17850
	L09				
CPTM L09-1	CPTM	USD	OSASCO	1	17851
	L09				

Table 4.4: Exemplo de arquivo trips.txt

A coluna trip_id identifica cada uma das viagens descritas na tabela. A route_id faz referência a uma linha de transporte público identificada no arquivo routes.txt. A coluna service_id identifica serviços que determinam os dias da semana em que cada uma das viagens opera (dias úteis, finais de semana, uma mistura dos dois, etc.), descritos detalhadamente no arquivo calendar.txt. A última coluna à direita na tabela acima é a shape_id, que identifica a trajetória espacial de cada uma das viagens, descrita em detalhes no arquivo shapes.txt.

As duas colunas restantes, trip_headsign e direction_id, são opcionais e devem ser utilizadas para descrever o sentido/destino da viagem. A primeira, trip_headsign, é utilizada para ditar o texto que aparece no letreiro de veículos (no caso de um ônibus, por exemplo) ou em painéis informativos (como em metrôs e trens) destacando o destino da viagem. Já a coluna direction_id é frequentemente utilizada em conjunto com a primeira para dar uma conotação de ida ou volta para cada viagem, onde 0 representa ida e 1 volta, ou vice-versa (assim como ida e volta são conceitos que mudam conforme o referencial, os valores 0 e 1 podem ser usados como desejado, desde que um represente um sentido e o outro o contrário). No caso do nosso exemplo, as duas primeiras linhas são viagens que fazem menção à mesma

rota de transporte público (CPTM L07), porém em sentidos opostos: uma corre em direção a Jundiaí, e a outra à Luz.

4.1.5 calendar.txt

Arquivo usado para descrever os diferentes tipos de serviço existentes no sistema de transporte público descrito pelo feed. Um serviço, neste contexto, denota um conjunto de dias da semana em que viagens são realizadas. Cada serviço também é definido pela data em que começa a valer e pela data a partir do qual ele não é mais válido. A Table 4.5 mostra o calendar.txt do feed da SPTrans.

saturday sunday start_date end_date service id monday tuesday wednesday thursday friday USD U US SDD S

Table 4.5: Exemplo de arquivo calendar.txt

A coluna service_id identifica cada um dos serviços descritos na tabela. Como mostrado anteriormente, este identificador é usado também no arquivo trips.txt, e é o responsável por associar cada viagem a um determinado serviço.

As colunas monday, tuesday, wednesday, thursday, friday, saturday e sunday (segunda-feira a domingo, em inglês) são utilizadas para delimitar os dias em que cada serviço funciona. Um valor de 1 significa que o serviço opera em um determinado dia, enquanto um valor de 0 significa que ele não opera. Como podemos ver no exemplo acima, o serviço USD opera em todos os dias da semana. Já o serviço U__ opera apenas em dias úteis.

Por fim, as colunas start_date e end_date delimitam o intervalo em que cada serviço é válido. As datas do formato GTFS são sempre formatadas segundo a regra YYYYMMDD - ou seja, os primeiros quatro números definem o ano, os dois subsequentes definem o mês e os últimos dois, o dia. O valor 20220428, por exemplo, representa o dia 28 de abril de 2022.

4.1.6 shapes.txt

Arquivo usado para descrever a trajetória espacial de cada viagem listada no feed. Este arquivo é opcional, mas fortemente recomendado que agências de transporte o incluam em seus arquivos de GTFS. A Table 4.6 mostra o shapes.txt do feed da SPTrans.

Table 4.6: Exemplo de arquivo shapes.txt

${\rm shape_id}$	$shape_pt_lat$	$shape_pt_lon$	$shape_pt_sequence$
17846	-23.53517	-46.63535	1
17846	-23.53513	-46.63548	2
17846	-23.53494	-46.63626	3
17846	-23.53473	-46.63710	4
17846	-23.53466	-46.63735	5
17846	-23.53416	-46.63866	6

A coluna shape_id identifica cada uma das trajetórias descritas na tabela. Como mostrado anteriormente, este identificador é usado também no arquivo trips.txt, e é o responsável por associar cada viagem à sua trajetória espacial. Diferentemente de todos os outros identificadores que vimos até então, no entanto, o identificador shape_id se repete em diversas observações da tabela. Isso porque o arquivo apresenta para cada shape_id uma série de pontos espaciais, cujas coordenadas geográficas são apresentadas nas colunas shape_pt_lat e shape_pt_lon. Por sua vez, a coluna shape_pt_sequence lista a sequência na qual cada ponto se conecta para formar a trajetória de cada shape_id. Os valores listados nesta coluna devem ser ordenados de forma crescente.

4.1.7 stop_times.txt

Arquivo usado para descrever o cronograma com tabela de horários de cada viagem, incluindo o horário de chegada e partida em cada uma das paradas. A formatação deste arquivo depende da existência ou não de um arquivo frequencies.txt, o qual cobriremos a seguir. Por enquanto olharemos para o stop_times.txt do feed da SPTrans, que também conta com um frequencies.txt, na Table 4.7.

Table 4.7: Exemplo de arquivo stop_times.txt

trip_id	arrival_time	departure_time	stop_id	stop_sequence
CPTM L07-0	04:00:00	04:00:00	18940	1
CPTM L07-0	04:08:00	04:08:00	18920	2
CPTM L07-0	04:16:00	04:16:00	18919	3
CPTM L07-0	04:24:00	04:24:00	18917	4
CPTM L07-0	04:32:00	04:32:00	18916	5
CPTM L07-0	04:40:00	04:40:00	18965	6

A viagem cujo cronograma está sendo descrito é identificada pela coluna trip_id. De forma análoga ao que acontece na tabela de trajetórias, um mesmo trip_id se repete em muitas

observações da tabela porque, assim como uma trajetória é composta por uma sequências de pontos espaciais, um cronograma é composto por uma sequência de diversos horários de partida/chegada e paradas de transporte público.

As colunas seguintes, arrival_time, departure_time e stop_id, são as responsáveis por descrever o cronograma em si, associando um horário de chegada e um horário de partida para cada uma das paradas visitadas na viagem. As colunas de horário são formatadas segundo a regra HH:MM:SS - ou seja, os dois primeiros números definem a hora, os dois subsequentes os minutos e os últimos dois, os segundos. É importante ainda comentar que esta formatação aceita valores de hora maiores do que 24. Isto quer dizer que uma viagem cuja última parada seja visitada às 1h da manhã do dia seguinte ao que começou a rodar (digamos que ela tenha partido do ponto inicial às 23h) deve ter como horário de chegada 25:00:00, e não 01:00:00. A coluna stop_id, por sua vez, associa a parada visitada à uma descrição feita no arquivo stops.txt. Por fim, a coluna stop_sequence lista a sequência na qual cada parada se conecta às demais para formar o cronograma da viagem. Seus valores devem ser sempre ordenados de forma crescente.

Vale destacar aqui a diferença entre os arquivos shapes.txt e stop_times.txt. Embora os dois descrevam uma viagem espacialmente, eles o fazem de forma diferente. O stop_times.txt descreve a sequência de paradas e horários que compõem um cronograma, mas nada diz sobre o trajeto percorrido pelo veículo entre cada uma das paradas. Já o shapes.txt traz a trajetória da viagem como um todo, mas não descreve em que ponto do espaço estão as paradas da viagem. Quando usamos os dois arquivos em conjunto, portanto, sabemos não apenas o cronograma de cada viagem, mas também a trajetória da viagem entre paradas.

4.1.8 frequencies.txt

Arquivo opcional usado para descrever a frequência de cada viagem dentro de um determinado período do dia. A Table 4.8 mostra o frequencies.txt do feed da SPTrans.

trip_id	$start_time$	end_time	headway_secs
CPTM L07-0	04:00:00	04:59:00	720
CPTM L07-0	05:00:00	05:59:00	360
CPTM L07-0	06:00:00	06:59:00	360
CPTM L07-0	07:00:00	07:59:00	360
CPTM L07-0	08:00:00	08:59:00	360
CPTM L07-0	09:00:00	09:59:00	480

Table 4.8: Exemplo de arquivo frequencies.txt

A viagem cuja frequência está sendo descrita é identificada pela coluna trip_id. Novamente, um mesmo id pode aparecer em várias observações da tabela. Isso porque a especificação

GTFS prevê que uma mesma viagem pode ter frequências diferentes ao longo do dia (como em horários de pico e fora-pico, por exemplo). Assim, cada linha da tabela descreve um período do dia que se inicia no horário descrito na coluna start_time e termina no horário assinalado na end_time.

Dentro do período especificado por essas duas colunas a viagem possui um *headway* detalhado na coluna headway_secs. O *headway* é o tempo que separa a passagem de dois veículos que operam a mesma linha de transporte público. No caso desta tabela, esse tempo deve ser especificado em segundos. Um valor de 720 entre 04:00h e 05:00h, portanto, significa que dentro deste período a viagem CPTM L07-0 ocorre de 12 em 12 minutos.

É importante entender, agora, como a presença da tabela frequencies.txt altera a especificação da tabela stop_times.txt. Como podemos ver no nosso exemplo, o horário de partida definido no stop_times.txt para a viagem CPTM L07-0 é 04:00h, e ela chega na segunda parada às 04:08h. O cronograma de chegada e saída de uma mesma parada de uma viagem, no entanto, não pode ser definido mais de uma vez na tabela. Como então definir o cronograma das viagens que partem às 04:12h, 04:24h, 04:36h, etc. (lembrem-se que o headway desta viagem é de 12 minutos)?

No caso em que a frequência de uma viagem é especificada no frequencies.txt, o cronograma (a tabela de horários) de uma viagem definido no stop_times.txt deve ser entendido como uma referência que descreve o tempo entre paradas. Isto é, os horários ali definidos não devem ser interpretados à risca. Por exemplo, o cronograma listado estabelece que o tempo de viagem entre a primeira e a segunda parada é de 8 minutos, e o tempo entre a segunda e a terceira também. Ou seja, a viagem que parte da primeira parada às 04:00h chega na segunda às 04:08h, e na terceira às 04:16h. A próxima viagem, que parte da primeira parada às 04:12h, por sua vez, chega na segunda parada às 04:20h, e na terceira às 04:28h.

Assumindo partidas de 12 em 12 minutos a partir das 04:00h, por exemplo, poderíamos descrever as mesmas viagens no stop_times.txt sem fazer uso do arquivo frequencies.txt. Para isso poderíamos adicionar um sufixo que identificasse cada uma das viagens referentes à linha (route_id) com identificador CPTM L07 ao longo do dia. A viagem (trip_id) com identificador CPTM L07-0_1, por exemplo, seria a primeira viagem do dia e partiria da primeira parada às 04:00h e chegaria na segunda parada às 04:08h. A viagem CPTM L07-0_2, por sua vez, seria a segunda viagem e partiria da primeira parada às 04:12h e chegaria na segunda às 04:20h, e daí em diante. Cada uma dessas viagens deveria ser também adicionada ao arquivo trips.txt e a quaisquer outros que possuam a coluna trip_id como identificador.

Outra variável que afeta a forma na qual o frequencies.txt afeta as tabelas de horários na tabela stop_times.txt é a coluna opcional exact_times. Um valor de 0 nesta coluna (ou quando ela está ausente do feed, como no caso do arquivo GTFS da SPTrans) indica que a viagem não necessariamente segue um cronograma fixo ao longo do período. Ao invés disso, operadores tentam se ater a um determinado headway durante o período. Naquele exemplo de uma viagem cujo headway é de 12 minutos entre as 04:00h e 05:00h, isto significaria que não necessariamente a primeira partida sairá exatamente às 04:00h, a segunda às 04:12h, e por aí

em diante. A primeira pode, por exemplo, sair às 04:02h. A segunda, às 04:14h ou 04:13h, etc. Caso desejemos definir um cronograma que é seguido à risca, obtendo o mesmo resultado de definir diversas viagens semelhantes partindo em diferentes horários no stop_times.txt (como mostrado anteriormente), devemos utilizar o valor 1 na coluna exact_times.

4.2 Onde encontrar GTFS de cidades brasileiras

No Brasil, existem dados de GTFS para diversas cidades. Em muitos casos, no entanto, esses dados são de propriedade de empresas operadoras e concessionárias de transporte, e não do poder público. Infelizmente, esses arquivos raramente são disponibilizados aberta e publicamente, contrariando boas práticas de gestão e compartilhamento de dados de interesse público. A Table 4.9 mostra as fontes dos dados GTFS de algumas das poucas cidades do Brasil que disponibilizavam seus feeds abertamente no momento desta publicação.

Table 4.9: Fontes de dados GTFS publicamente disponíveis no Brasil

Cidade	Fonte	Informações
Belo Horizonte	BHTrans	Dado aberto: transporte convencional; transporte suplementar.
Fortaleza	ETUFOR	Dado aberto.
Fortaleza	Metrofor	Dado aberto.
Porto Alegre	EPTC	Dado aberto.
Rio de Janeiro	SMTR	Dado aberto.
São Paulo	EMTU	Download neste link. Necessário cadastro.
São Paulo	SPTrans	Download neste link. Necessário cadastro.

Obs. Os dados de GTFS disponibilizados para Rio de Janeiro e Porto Alegre não necessariamente cobrem todos os modos de transporte público disponíveis nessas cidades.

5 Manipulação e visualização de dados GTFS

5.1 Como extrair análises básicas de um GTFS (pacote gtfstools)

Usualmente, arquivos GTFS oriundos de bases oficiais são utilizados para desenvolver análises e pesquisas que possuem diversos elementos comuns. Visando facilitar a leitura, o processamento e a análise desses dados, portanto, a equipe do Projeto Acesso a Oportunidades vêm desenvolvendo o pacote de R gtfstools¹, que oferece diversas funções que facilitam a manipulação e a exploração de feeds. Nesta seção, nós iremos passar por algumas das funcionalidades mais frequentemente utilizadas do pacote.

5.2 Cálculo de velocidade das linhas

5.3 Cálculo de frequência das linhas

5.4 Mapear a rede de transporte público

5.5 Como fazer edições na rede de transporte público (pacote gtfstools)

¹Disponível em https://github.com/ipeaGIT/gtfstools.

Part IV

SEÇÃO 4: Avaliação de impacto

Objetivo: O objetivo desta seção é mostrar como avaliar o impacto de políticas urbanas sobre acessibilidade urbana usando R.

Embora muito utilizado na literatura científica, o conceito de acessibilidade ainda não é tão utilizado no planejamento e operação de sistemas de transporte público por parte de agências de transportes e tomadores de decisão. Muito disto se dá pela dificuldade de incorporar análises de acessibilidade a métodos de avaliação de projetos comumente utilizados, como análises de custo e benefício, por exemplo. Esta seção apresenta um método de avaliação de impactos de projetos e investimentos de transporte que tem na acessibilidade sua principal ferramenta.

A aplicação do método envolve a edição de arquivos GTFS, o cálculo de matrizes de custo, a tomada de decisão por trás da escolha de qual medida de acessibilidade utilizar, a estimativa dos níveis de acessibilidade, a visualização espacial desses níveis e o cálculo e análise de indicadores de desigualdade. Engloba, portanto, muitos dos pontos abordados neste livro, e serve como uma aplicação prática dos conceitos até então apresentados.

[RAFA: mencionar que uma avaliação de um projeto ou política deve ser a mais abrangente possível, considerando desde aspectos de participação social no desenho do projeto até o seu impacto em termos mais amplos considerados aspectos ambientais, econômicos, sociais, etc. A análise de impacto de acessibilidade, da qual tratamos nesse capítulo, é uma dessas dimensões de impacto.

6 Comparando a acessibilidade entre dois cenários de transporte

Neste capítulo nós avaliaremos o impacto de uma política relativamente simples, mas que pode trazer significativos benefícios em termos de acessibilidade à população: o aumento da frequência das linhas de transporte público.

Para isso, nós precisaremos comparar os níveis de acessibilidade antes e depois da suposta implementação desta política. Precisamos, portanto, modificar o GTFS original da área de estudo para atualizar as frequências das rotas nele descritas, calcular duas matrizes de tempo de viagem distintas (uma antes e outra depois da política), calcular dois conjuntos de níveis de acessibilidade distintos e comparar esse conjunto. Neste capítulo, vamos cobrir este passoa-passo em detalhes, começando primeiro pela edição do GTFS original.

6.1 Modificação do arquivo GTFS

fdsafsda

6.2 Cálculo da acessibilidade nos cenários antes e depois

FDSAFSAD

6.3 Visualização dos níveis e da diferença de acessibilidade

FSADFSD

6.4 Distribuição da acessibilidade entre grupos sociais

FASDFSDA

Part V

SEÇÃO: 5: Dados do Projeto AOP

Objetivo: o objetivo deste capítulo é mostrar como fazer download e analisar os dados do projeto Acesso a Oportunidades (AOP) utilizando o pacote aopdata no R.

Nos capítulos anteriores, você aprendeu como calcular indicadores de acessibilidade. No entanto, em muitos casos, você não tem disponibilidade para calcular esses indicadores por conta própria e tudo o que você quer é analisar os resultados que já foram calculados por alguém.

O projeto Acesso a Oportunidades disponibiliza uma extensa base de dados com informações sobre a distribuição da população, atividades econômicas e serviços públicos, além de várias estimativas de acessibilidade urbana para diversos tipos de atividades. Essas estimativas de acessibilidade estão disponíveis para diferentes modos de transporte (caminhada, bicicleta, transporte público e automóvel), horários do dia (pico e fora-pico), grupos populacionais (segundo níveis de renda, cor, sexo e idade) e para diferentes atividades (empregos, escolas, serviços de saúde e centros de assistência social). Nesta versão, a base de dados traz essas informações para diversos anos (2017, 2018 e 2019), se apoiando em uma única metodologia consistente para as 20 maiores cidades do Brasil. Veja abaixo ?@tbl-tabela_dados_pop e ?@tbl-tabela_dados_access.

As metodologias utilizadas para gerar estes dados são apresentadas em detalhe em publicações separadas, para os dados populacionais e de uso do solo (pereira2022usosolo?), e para os dados de acessibilidade (pereira2022acessibilidade?).

Part VI Quais dados estão disponíveis?

Escopo dos dados:

Dados de população, empregos e serviços públicos:

Tabela x. Informações socioeconômicas da população e de distribuição espacial de atividades, segundo ano e fonte de dados.

Dado	Informações
Características sociodemográficas da população	Quantidade de pessoas segundo sexo, faixa de idade e cor/ra
Estabelecimentos de educação	Quantidade de creches e escolas públicas segundo nível infan
Estabelecimentos de saúde	Quantidade de estabelecimentos de saúde que atendem pelo
Atividade econômica	Quantidade de empregos formais conforme o nível de instruç
Estabelecimentos de assistência social	Quantidade de CRAS

[:] Informações socioeconômicas da população e de distribuição espacial de atividades, segundo ano e fonte de dados $\{\#tbl-tabela_dados_pop\}$

Dados de acessibilidade urbana:

Indicador (código)	Descrição
Tempo mínimo de viagem (TMI) Medida cumulativa ativa (CMA)	Tempo até a oportunidade mais próxima Quantidade de oportunidades acessíveis em um determinado limite de ter
Medida cumulativa passiva (CMP)	Quantidade de pessoas que acessam a localidade em um determinado limi

[:] Indicadores de acessibilidade calculados no Projeto Acesso a Oportunidades $\{\#tbl-tabela_dados_access\}$

Todas as bases de dados criadas pelo Projeto Acesso a Oportunidades (AOP) estão disponíveis para download no site do projeto ou pelo pacote de R aopdata. Nas próximas seções são apresentados exemplos de como baixar e visualizar esses dados em R.

7 Dados de população e socioeconômicos

7.1 Download dos dados

Para fazer o download dos dados do projeto AOP usando o pacote aopdata, você pode usar a função read_population(). Essa função baixa estimativas do Censo Demográfico de 2010 do IBGE sobre a distribuição espacial da população e suas características em termos de renda domiciliar per capita, cor, sexo e idade. Nesta função, o parâmetro city permite você indicar os dados de qual cidade serão baixados.

Os dados estão agregados espacialmente em uma grade de hexágonos H3 na resolução 9, na qual cada hexágono tem uma área de 0.11 km2, o que equivale a aproximadamente o tamanho de um quarteirão. Para baixar os dados com as informações espaciais de geometria da grade espacial, você deve usar o parâmetro geometry = TRUE.

Neste exemplo, abaixo, nós mostramos como baixar os dados de população do Censo de 2010 para Fortaleza.

Os dados da tabela tem essa aparência aqui:

```
head(df)
```

```
Simple feature collection with 6 features and 22 fields
```

Geometry type: POLYGON

Dimension: XY

Bounding box: xmin: -38.50828 ymin: -3.889301 xmax: -38.4983 ymax: -3.878958

Geodetic CRS: WGS 84

```
id hex abbrev muni name muni code muni P001 P002 P003 P004 P005
  year
                                                               30
                                                                     8
                                                                          21
                                                                                0
1 2010 89801040323ffff
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
                                                                                      1
                                                                         233
2 2010 89801040327ffff
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
                                                              318
                                                                    77
                                                                                0
                                                                                      8
3 2010 8980104032bfffff
                                                                0
                                                                     0
                                                                           0
                                                                                0
                                                                                      0
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
4 2010 8980104032fffff
                                                                          77
                                                                                      2
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
                                                              103
                                                                    24
                                                                                0
                                                               43
                                                                          31
5 2010 89801040333ffff
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
                                                                    11
                                                                                0
                                                                                      1
6 2010 89801040337ffff
                                  for Fortaleza
                                                    2304400
                                                              348
                                                                    86
                                                                         252
                                                                                0
                                                                                     10
  P006 P007 P010 P011 P012 P013 P014 P015 P016
                                                    R001 R002 R003
    17
                           2
                                                 1 168.6
1
         13
                3
                      4
                                 3
                                      8
                                            9
                                                              1
   168
                                                12 202.6
2
        150
               30
                     50
                          26
                                38
                                     80
                                           82
                                                              1
                                                                   1
3
     0
           0
                0
                      0
                           0
                                 0
                                      0
                                            0
                                                 0
                                                       NA
                                                            NA
                                                                  NA
4
    53
         50
                                     25
                                                 4 245.6
               10
                     16
                           8
                                13
                                           27
                                                              1
                                                                   1
    22
                     7
         21
                4
                           3
                                 5
                                           12
                                                 1 187.3
                                                                   1
5
                                     11
                                                              1
   175
        173
                     54
                          27
                                     89
                                                14 168.6
                                                                   1
               34
                                41
                                           89
                          geometry
1 POLYGON ((-38.50232 -3.8858...
2 POLYGON ((-38.50527 -3.8840...
3 POLYGON ((-38.49932 -3.8841...
4 POLYGON ((-38.50227 -3.8824...
5 POLYGON ((-38.50237 -3.8893...
6 POLYGON ((-38.50532 -3.8875...
```

De imediato, se nota que os nomes das variáveis (colunas) da base de dados estão organizadas com códigos, como P001, P002...R001, R002 etc. A descrição completa do dicionário de variáveis está disponível aqui. A descrição de algumas dessas colunas é apresentada nas próximas seções, onde mostramos como fazer a visualização de alguns desses dados em mapas e gráficos.

7.2 Mapa de população total

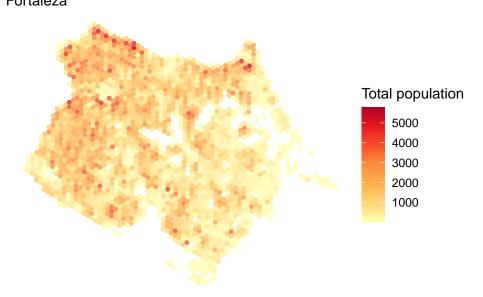
Antes de visualizar os dados do aopdata, nós precisamos carregar algumas bibliotecas de visualização e manipulação de dados.

```
# load libraries
library(patchwork)
library(ggplot2)
library(scales)
library(sf)
```

Com um comando, é possível visualizar a distribuição espacial da população de Fortaleza. A figura mostra um mapa coroplético onde a cor de cada célula da grade espacial é preenchida com base na quantidade total de pessoas residentes (variável P001).

```
ggplot() +
  geom_sf(data=subset(df, P001>0), aes(fill=P001), color=NA, alpha=.8) +
  scale_fill_distiller(palette = "Y10rRd", direction = 1)+
  labs(title='Population distribution',
       subtitle = 'Fortaleza', fill="Total population") +
  theme_void()
```

Population distribution Fortaleza



7.3 Mapa de população por cor

Além da informação sobre a população total em cada célula, o dados do aopdata também permitem saber a quantidade de pessoas de diferentes cores (variáveis P002 a P005), sexo (variáveis P006 e P007) e faixas etárias (variáveis P010 à P016). O código abaixo ilustra como é simples calcular a proporção de pessoas negras e brancas em cada hexágono e visualizar esses dados num mapa.

```
pop_b <- ggplot() +
    geom_sf(data=subset(df, P001 >0), aes(fill=P003 / P001), color=NA, alpha=.8) +
    scale_fill_distiller(palette = "RdPu", direction = 1, labels = percent, limits=c(0, 1))+
    labs(title='Proportion of black population', fill="Black pop.") +
    theme_void()

pop_w <- ggplot() +
    geom_sf(data=subset(df, P001 >0), aes(fill=P002 / P001), color=NA, alpha=.8) +
    scale_fill_distiller(palette = "YlGnBu", direction = 1, labels = percent, limits=c(0, 1)
    labs(title='Proportion of white population', fill="White pop.") +
    theme_void()

# plot figure
    pop_b + pop_w
```



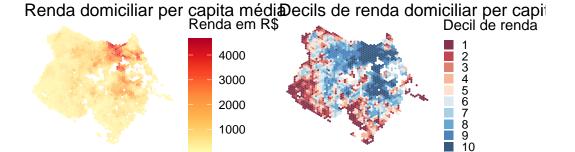
7.4 Mapa de população por renda

Os dados trazem também informação sobre a renda domiciliar per capita média de cada hexágono (R001), e sua classificação em termos de quintil (R002) e decil de renda (R003). Com esses dados, é possível visualizar com o comando abaixo a distribuição espacial dos diferentes níveis de renda da cidade.R

```
renda_c <- ggplot() +
    geom_sf(data=subset(df, P001 >0), aes(fill=R001), color=NA, alpha=.8) +
    scale_fill_distiller(palette = "YlOrRd", direction = 1)+
    labs(title='Renda domiciliar per capita média', fill="Renda em R$") +
    theme_void()

renda_d <- ggplot() +
    geom_sf(data=subset(df, !is.na(R002)), aes(fill=factor(R003)), color=NA, alpha=.8) +
    scale_fill_brewer(palette = "RdBu") +
    labs(title='Decils de renda domiciliar per capita', fill="Decil de renda") +
    theme_void() +
    theme(legend.key.size = unit(.3, 'cm'))

# plot figure
renda_c + renda_d</pre>
```



8 Dados de distribuição espacial de oportunidades

8.1 Download dos dados

O pacote aopdata também permite baixar, para todas cidades incluídas no projeto, dados anuais da distribuição espacial de empregos (de baixa, média e alta escolaridade), estabelecimentos de saúde (de baixa, média e alta complexidade), escolas pública (ensino infantil, fundamental e médio), e de centros de referência de assistência social (Cras).

Todos esses dados podem ser baixados com a função read_landuse(), que funciona da mesma maneira que a função read_population(). Você só precisa indicar nos parâmetros da função qual cidade (city) e ano (year) devem ser baixados, além de apontar se deseja que os dados contenham as informações espaciais dos hexágonos (geometry = TRUE).

Neste exemplo, abaixo, nós mostramos como baixar os dados de uso do solo no ano de 2019 para Belo Horizonte. Note que essa função automaticamente já baixa também os dados de população, automaticamente.

Downloading land use data for the year 2019

Downloading population data for the year 2010

head(df)

Simple feature collection with 6 features and 39 fields Geometry type: POLYGON Dimension: XΥ xmin: -43.87914 ymin: -19.86084 xmax: -43.85906 ymax: -19.82421 Bounding box: WGS 84 Geodetic CRS: id hex abbrev muni name_muni code_muni P001 P002 P003 P004 P005 1 89a881345a3ffff bho Belo Horizonte 2 89a881345a7ffff bho Belo Horizonte 3 89a881345b7ffff bho Belo Horizonte 4 89a88136103ffff bho Belo Horizonte 3106200 508 5 89a88136107ffff bho Belo Horizonte 6 89a8813610bffff bho Belo Horizonte P006 P007 P010 P011 P012 P013 P014 P015 P016 R001 R002 R003 year T001 T002 NA 2019 NANA NANANA 2019 NA NA 2019 NA 10 502.9 3 2019 9 491.8 3 2019 7 502.8 3 2019 T003 T004 E001 E002 E003 E004 M001 M002 M003 M004 S001 S002 S003 S004 C001 geometry 1 POLYGON ((-43.86011 -19.829... 2 POLYGON ((-43.86313 -19.827... 3 POLYGON ((-43.86321 -19.830... 4 POLYGON ((-43.8731 -19.8608... 5 POLYGON ((-43.87612 -19.859... 6 POLYGON ((-43.87001 -19.859...

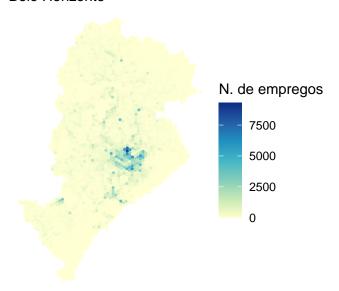
Antes de visualizar os dados de uso do solo nas próxima seções, vamos carregar algumas bibliotecas de visualização e manipulação de dados.

load libraries
library(patchwork)
library(ggplot2)
library(scales)
library(sf)

8.2 Mapa de empregos

Como nos exemplos anteriores, é possível visualizar o mapa de distribuição espacial de empregos usando o pacote ggplot2 com o código abaixo:

Distribuição espacial de empregos Belo Horizonte

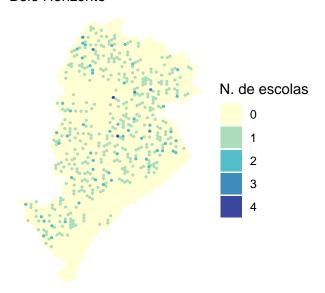


8.3 Mapa de escolas

As variáveis que indicam o número de escolas em cada célula são aquelas que começam com a letra E__. Neste exemplo abaixo, nós mapeamos a distribuição espacial de todas escolas de Belo Horizonte a partir da variável E001.

```
ggplot() +
  geom_sf(data=df, aes(fill=as.factor(E001)), color=NA, alpha=.9) +
```

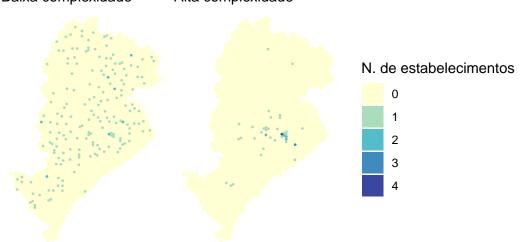
Distribuição espacial de escolas Belo Horizonte



8.4 Mapa de estabelecimentos de saúde

Para analisar a distribuição espacial de estabelecimentos de saúde, você deve analisar as variáveis que começam com a letra S___. O código abaixo nos permite comparar a distribuição espacial de estabelecimentos de saúde de baixa complexidade (S002) e alta complexidade (S004).

Estabelecimentos de saúde Baixa complexidade Alta complexidade



8.5 Mapa de CRAS

Por fim, a distribuição espacial dos Centros de Referência de Assistência Social (Cras) pode ser analisada com a variável C001.

```
ggplot() +
  geom_sf(data=df, aes(fill=as.factor(C001)), color=NA, alpha=.9) +
  scale_fill_brewer(palette = "YlGnBu", direction = 1) +
  labs(title='Centros de Referência de Assistência Social (Cras)',
       subtitle = 'Belo Horizonte', fill="N. de Cras") +
  theme_void()
```

Centros de Referência de Assistência Social (Cras) Belo Horizonte



9 Estimativas e mapas de acessibilidade

9.1 Download dos dados

Finalmente, o pacote aopdata também permite baixar, para todas cidades incluídas no projeto, estimativas anuais de acesso a empregos, serviços saúde, educação e assistência social por modo de transporte

Todos esses dados podem ser baixados com a função read_access(), que funciona da mesma maneira que as funções read_population() e read_landuse() apresentadas nos capítulos anteriores. Aqui, no entanto, além de indicar a cidade (city) e o ano (year) de referência para baixar os dados, você também precisa informar qual o modo de transporte (mode) será baixado e se você quer estimativas de acessibilidade no horário de pico (peak = TRUE) ou forapico (peak = TRUE). Esses dados representam a acessibilidade mediana do período de pico (entre 6h e 8h) e fora-pico (entre 14h e 16h).

Neste exemplo, abaixo, nós mostramos como baixar os dados de uso de acessibilidade urbana no ano de 2019 para São Paulo no período de pico. Nesse exemplo, nós baixamos tanto as estimativas de acessibilidade por automóvel quanto por transporte público, e empilhamos os dados num único data.frame. Note que essa função automaticamente já baixa também os dados de população e de uso do solo, automaticamente.

```
library(aopdata)

# download aop accessibility data
df_pt <- read_access(
    city='São Paulo',
    mode='public_transport',
    year=2019,
    peak = TRUE,
    geometry = TRUE,
    showProgress = FALSE
)

df_car <- read_access(
    city='São Paulo',</pre>
```

```
mode='car',
    year=2019,
    peak = TRUE,
    geometry = TRUE,
    showProgress = FALSE
  )
  # row bind into a single data.frame
  df <- rbind(df_pt, df_car)</pre>
  head(df)
Simple feature collection with 6 features and 205 fields
Geometry type: POLYGON
Dimension:
                XΥ
Bounding box:
                xmin: -46.63863 ymin: -23.71413 xmax: -46.62834 ymax: -23.70485
Geodetic CRS:
                WGS 84
            id hex abbrev_muni name muni code_muni year P001 P002 P003 P004 P005
1 89a81000003ffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019
                                                             322
                                                                   127
                                                                        190
                                                                                0
                                                                                     5
2 89a81000007ffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019
                                                              16
                                                                     3
                                                                         13
                                                                                0
                                                                                     0
3 89a8100000bffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019 2386 1142 1232
                                                                                2
                                                                                    10
                                                                   260
                                                                        622
                                                                                     3
4 89a8100000fffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019
                                                             885
5 89a81000013ffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019
                                                             725
                                                                   340
                                                                        380
                                                                                     5
6 89a81000017ffff
                            spo Sao Paulo
                                              3550308 2019
                                                             211
                                                                   110
                                                                         98
  P006 P007 P010 P011 P012 P013 P014 P015 P016 R001 R002 R003 T001 T002 T003
   158
        164
               33
                    63
                               35
                                     85
                                          75
                                                 3 477.6
                                                                       72
                          28
                                                             2
                                                                   3
                                                                             19
                                                                                  50
1
2
     9
          7
                2
                     2
                           2
                                      2
                                           5
                                                    65.7
                                                                        0
                                                                              0
                                                                                   0
                                3
                                                 0
                                                                   1
3 1216 1170
                                                                       52
              247
                   410
                         174
                              269
                                    682
                                         572
                                                32 377.2
                                                                              6
                                                                                  24
               96
   460
        425
                   124
                          88
                              127
                                    175
                                         266
                                                 9 363.9
                                                                        0
                                                                              0
                                                                                   0
5
   371
        354
               85
                   129
                          51
                               78
                                    196
                                         173
                                                13 503.5
                                                                   3
                                                                                   0
   104
        107
               20
                    33
                          16
                               25
                                     52
                                          59
                                                 6 687.9
                                                             3
                                                                      113
                                                                                  65
  T004 E001 E002 E003 E004 M001 M002 M003 M004 S001 S002 S003 S004 C001
1
     3
          0
                0
                     0
                           0
                                0
                                      0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                            0
                                                                 0
                                                                       0
2
     0
                0
                     0
                           0
                                 0
                                      0
                                            0
                                                 0
                                                       0
                                                            0
                                                                 0
                                                                       0
                                                                            0
          0
3
    22
                                                                 0
                                                                       0
                                                                            0
          0
                0
                     0
                           0
                                 0
                                      0
                                            0
                                                 0
                                                       0
                                                            0
4
     0
          0
                0
                     0
                           0
                                 0
                                      0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                            0
                                                                 0
                                                                       0
                                                                            0
5
     0
                0
                     0
                           0
                                 0
                                            0
                                                 0
                                                                 0
                                                                            0
          0
                                      0
    30
                           1 1477
                                      0 1168
                                               309
                                                            0
                                                                            0
               mode peak CMATT15 CMATB15 CMATM15 CMATA15 CMAST15 CMASB15
1 public_transport
                              315
                                        71
                                                175
                                                          69
                                                                    0
                                                                            0
                                                                                     0
2 public_transport
                              313
                                        70
                                                174
                                                          69
                                                                    0
                                                                            0
                                                                                     0
                        1
                                                                    2
                                                                            2
                                                                                     2
3 public_transport
                              229
                                        43
                                                161
                                                          25
                        1
4 public_transport
                              551
                                       123
                                                343
                                                          85
                                                                    3
                                                                            3
                                                                                     3
```

5	public_t	transport	: 1	421	90	262	69	2	2	2
6	public_t	transport	1	312	76	187	49	0	0	0
	CMASA15	CMAET15	CMAEI15	CMAEF15	CMAEM15	CMAMT15	CMAMI15	CMAMF15	CMAMM15	
1	0	2	0	2	1	1477	0	1168	309	
2	0	2	0	2	1	1477	0	1168	309	
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
4	0	4	1	3	2	3132	460	1965	707	
5	0	2	0	2	1	1477	0	1168	309	
6	0	2	0	2	1	1477	0	1168	309	
	CMACT15	CMPPT15	CMPPH15	CMPPM15	CMPPB15	CMPPA15	CMPPI15	CMPPN15	CMPP0005	I15
1	0	4895	2428	2467	2238	27	2	2628		505
2	0	4895	2428	2467	2238	27	2	2628		505
3	0	9537	4645	4892	4685	64	3	4785		872
4	0	13109	6331	6778	6453	61	8	6587	1	.088
5	0	4934	2452	2482	2368	48	0	2518		461
6	0	3199	1608	1591	1567	20	0	1612		317
	CMPP0614	1115 CMPF	P1518I15	CMPP1924	4I15 CMP	2539I15	CMPP4069	9I15 CMPF	P70I15 CM	OSTTAI
1		809	371		566	1313	:	1247	84	4797
2		809	371		566	1313	:	1247	84	4228
3	-	1538	726	:	1138	2550		2539	174	2648
4	2	2012	967		1575	3383	;	3783	301	6200
5		749	373		587	1271	:	1372	121	5773
6		487	239		374	807		891	84	6608
	CMATB30	CMATM30	${\tt CMATA30}$	CMAST30	CMASB30	CMASM30	CMASA30	CMAET30	CMAEI30	
1	1293	2789	715	5	5	5	0	18	5	
2	1170	2452	606	4	4	4	0	13	4	
3	714	1526	408	4	4	4	0	9	2	
4	1598	3641	961	5	5	5	0	19	6	
5	1589	3271	913	5	5	5	0	18	5	
6	1821	3659	1128	6	6	6	0	22	5	
	CMAEF30	CMAEM30	CMAMT30	CMAMI30	CMAMF30	CMAMM30	CMACT30	CMPPT30	CMPPH30	
1	13	4	15148	2409	10765	1974	1	59041	28457	
2	9	3	10497	1949	6931	1617	1	40049	19392	
3	7	3	7222	1069	5137	1016	1	59792	28974	
4	13	5	15710	2527	10551	2632	2	101380	48709	
5	13	4	15148	2409	10765	1974	1	81985	39473	
6	17	5	19547	2409	14343	2795	1	83186	40111	
	CMPPM30	CMPPB30	CMPPA30	CMPPI30	CMPPN30	CMPP000	5I30 CMPI	P0614I30	CMPP1518	3130
1	30584	28535	446	29	30031	ί	5263	8809	4	111
2	20657	19159	273	14	20603	;	3610	6061	2	2866
3	30818	28424	365	25	30978	ί	5376	9204	4	241
4	52671	47601	955	66	52758	9	9076	15239	6	971
5	42512	39784	695	49	41457	-	7189	12278	5	675

6	43075	40359	728	51	42048		7302	1237	1	5749
	CMPP1924I30 CMPP2539I30		CMPP4069I30 CMPF		P70I30	CMATT60	CMATB60	CMATM60	CMATA60	
1	6	6817 15664		16	16733		96195	18711	54773	22711
2	4	4673 10486		1:	11274		72810	14161	40949	17700
3	6927 15859		15859	16646		1539	147237	26399	82208	38630
4	11	L658	27259	28303		2874	107938	21292	61768	24878
5	9	9311	21712	23351		2469	161353	28971	91687	40695
6	9	9459	22070	23	3710	2525	158016	28997	91280	37739
	CMAST60	CMASB60	CMASM60	CMASA60	CMAET60	CMAEI6	O CMAEF6	O CMAEM6	O CMAMT6	80
1	50	38	48	6	120	4	:0 7	76 2	9 8776	31
2	40	34	39	2	108	3	66 6	88 2	8 7990)2
3	57	45	56	5	135	4	:5 8	38	0 9395	8
4	56	43	54	6	128	4	:2 8	32	1 9279	9
5	59	44	57	7	141	4	.7 9	00 3	2 9792	25
6	56	43	54	6	139	4	:7 8	37	2 9628	31
	CMAMI60	CMAMF60	CMAMM60	${\tt CMACT60}$	CMPPT60	СМРРН6	O CMPPM6	O CMPPB6	O CMPPA6	80
1	15059	56558	16144	5	547471	25997	1 28750	00 27773	4 1113	34
2	14014	50455	15433	5	501558	23855	0 26300	8 24796	2 878	31
3	16318	61918	15722	6	633994	29945	4 33454	10 33906	4 1983	38
4	15615	60049	17135	5	689942	32556	36438	37857	1 2181	.0
5	16744	63838	17343	6	666492	31475	9 35173	36053	2 2066	31
6	16812	62265	17204	6	632529	29922	25 33330)4 33465	5 1795	57
	CMPPI60 CMPPN60 CMPP0009		5160 CMPI	P0614I60	CMPP15	18I60 CN	MPP1924I6	O CMPP25	39160	
1	407	258196	44	1866	76195		34899	5939	3 1	.46870
2	383	244432	41	1903	71199		32501	5487	3 1	.34759
3	473	274619	49	9586	83666		38585	6729	8 1	69669
4	496	289065	53	3223	89680		41446	7235	4 1	.84045
5	483	284816 5		L720	87430		40333	7041	8 1	78015
6	451 279466 49		9804	84545		38888	6745	67458 168928		
	CMPP4069	9I60 CMPI	P70I60 CN	MATT90 CI	ИАТВ90 С	MATM90	CMATA90	CMAST90	CMASB90	CMASM90
1	162	2048				577124	424653	169	111	160
2	146	361			153982	540566	393572	160	107	152
3	194	1234	30956 14	128750 2	211239	719220	498291	190	119	179
4	214	1049	35145 13		191461	669950	501062	182	117	172
5	205	5504	33072 14	143193	211449	723001	508743	203	131	191
6		2822		106215			501818	204	132	193
	CMASA90	CMAET90	CMAEI90	CMAEF90	CMAEM90			O CMAMF9	O CMAMMS	90
1	42	337	107	207	92	21854	2 3086	34 13152	6 5615	52
2	39	328	105	201	90					
3	50	370	123	222	101					
4	46	355	117	214	92					
5	51	415	136	248	114					
6	51	415	137	247	114	26694	6 3957	'8 15913	7 6823	31

	CMACT90 (CMPPT90 C	мррнал см	РРМОО СМ	PPR90	CMPP	AOU GWEDI	ON CMPPNO	0 CMPP0005I90	
1				06544 11				36 502578		
2				63440 10				240 48711		
3			894649 10					302 55156		
4			978494 11)65 61488(
5			946208 10							
								'14 59998:		
6					. 1272271 883 .4I90 CMPP2539I			558 588150		
1	1834		87698	165449				573567	121291	
2	1762		84154	157827		454122 432825		545306	113657	
3				187004		513061			140631	
	204:		97829					650643	150406	
4	2258		107835	205069 198411		561408 541774		707435	145268	
5	2188		104726					684520		
6	2128		101535	19140		5217		655761	137385	
								CMASM120		
1	2136716	328724				357	235		82	
2	2095040	321900		70482		355	235		80	
3	2203072	344047		72300		374	243		86	
4	2494268	397258		78898		418	266		97	
5	2275396	357833		73958		401	265		90	
6	2195795	342423	1130056	72331		387	257		88	
								CMAMF120		
1	821	288	481	22		18042	83000			
2	815	288		21		16846	83610			
3	855	293		23		32772	82410			
4	976	340	576	26		10890	97742			
5	948	333		25	1 6	00516	97066	367244		
6	942	334	554	25		04830	98765		137632	
	CMACT120			CMPPM12	O CMP	PB120	CMPPA120	CMPPI120	CMPPN120	
1	20	4018897	1890513			40395	134426		1340037	
2	20	3860887	1814742			45536	130803			
3	21	4320562		228848		45882	142238			
4	24	4752649	2234731	251791	8 30	37441	153875	5098	1556235	
5	22	4351102	2049261	230184		35091	140022	4377	1471612	
6	21	4191716	1974700	221701	6 26	27575	136196	4172	1423773	
	CMPP0005	I120 CMPP	0614I120	CMPP1518	I120	CMPP19	924I120 C	MPP2539I1:	20 CMPP4069I120	
1	281477 467671		21	217602 40		408477	108479	92 1300130		
2	269676 448086		208699			391944	10413	17 1251187		
3	301337 501274		501274	23	3530	439651		11639	31 1400822	
4	330	330744 549438		25	256378		484187	127778	1541189	
5	307	7070	511736		7911		444278	11731	40 1401287	
6	297	7029	494835	22	9726		427661	112990	08 1348228	
	CMPP70I12	20 TMIST	TMISB TMI	SM TMISA	TMIE	T TMIE	EI TMIEF	TMIEM TMI	CT	

1	2587	748	17	17	17	53	8.0	26	8.0	8.0	21
2	2499	978	21	21	21	55	9.0	28	9.0	9.0	23
3	2800)17	13	13	13	50	17.0	26	17.0	17.0	30
4	3129	933	13	13	13	53	7.0	13	7.0	7.0	28
5	2756	880	12	12	12	51	8.0	24	8.0	8.0	19
6	2643	329	16	16	16	49	5.8	22	5.8	5.8	16
				geo	ometry						
1	POLYGON	((-46	.63251	-23.7	711						
2	POLYGON	((-46	.63552	-23.7	709						
3	POLYGON	((-46	.62941	-23.7	709						
1	סטו עמטא	((-16	632/12	-33 .	708						

4 POLYGON ((-46.63242 -23.709... 5 POLYGON ((-46.6326 -23.7141... 6 POLYGON ((-46.63561 -23.712...

Os nomes das variáveis (colunas) com estimativas de acessibilidade também estão organizadas com códigos, como CMAEF30, TMISB ou CMPPM60. O nome das colunas com estimativas de acessibilidade são a junção de três componentes: 1) Tipo de indicador de acessibilidade 2) Tipo de oportunidade / pessoas 3) Tempo limite

- 1) O **tipo de indicador** de acessibilidade é indicado pelas primeiras 3 letras. O projeto AOP atualmente inclui três tipos de indicadores:
- CMA Indicador de acessibilidade cumulativo ativo
- CMP Indicador de acessibilidade cumulativo passivo
- TMI Indicador de tempo mínimo até oportunidade mais próxima
- 2) O **tipo de atividade** é indicado pelas letras seguintes, no meio do nome da variável. O projeto AOP atualmente inclui diversos tipos de atividades:
- TT Todos empregos
- TB Empregos de baixa escolaridade
- TM Empregos de média escolaridade
- TA Empregos de alta escolaridade
- ST Todos estabelecimentos de saúde
- SB Estabelecimentos de saúde de baixa complexidade
- SM Estabelecimentos de saúde de média complexidade
- SA Estabelecimentos de saúde de alta complexidade
- ... e assim por diante.

No caso do indicador de acessibilidade passiva (CMP), as letras do meio do nome da variável indicam qual o grupo populacional de referência.

• PT População total

- PH População de homens
- PM População de mulheres
- PB População branca
- PN População negra
- P1924I População de 19 a 24 anos de idade
- P2539I População de 25 a 39 anos de idade
- 3) O **tempo limite de viagem** é indicado pelos números no final do nome da variável. Esses números somente se aplicam para os indicadores de acessibildade cumulativa ativa (CMA) e passiva (CMP).

Exemplos:

CMAEF30: Número de escolas de ensino fundamental acessíveis em até 30 minutos

TMISB: Tempo de viagem até o estabelecimento de saúde mais próximo com serviços de baixa complexidade

CMPPM60: Quantidade de mulheres que conseguem acessar determinado hexágono em até 60 minutos

Lembre-se, a descrição completa do dicionário de variáveis está disponível no site to pacote aopdata.

A seguir, nós mostramos alguns exemplos de como visualizar essas estimativas de acessibilidade.

9.2 Mapa do tempo para acessar o hospital mais próximo

Neste exemplo, nós vamos comparar o nível de acessibilidade até hospitais entre modos automóvel vs transporte público. Para analisar qual o tempo mínimo de viagem (TMI) até um hospital de alta complexidade (SA), nós precisamos analisar a variável TMISA. Com o código abaixo, nós carregamos as bibliotecas para manipulação e visualização de dados, e visualizamos a distribuição espacial dos valores de TMISA para ambos modos de transporte.

Note, no entanto, que os tempos de viagem por transporte público costumam ser muito mais longos do que por automóvel. Então para facilitar a visualização dos resultados, nós truncamos a distribuição dos valores de TMISA em 60 minutos ou mais.

```
# load libraries
library(ggplot2)
library(data.table)
library(patchwork)
library(scales)
```

Tempo de viagem até hospital de alta complex. mais próximo São Paulo



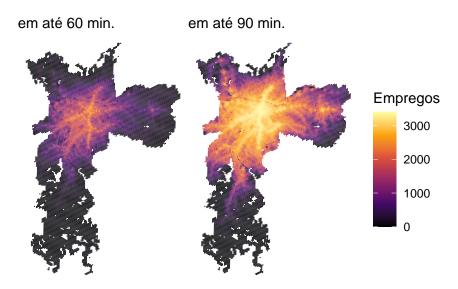
9.3 Mapa da quantidade de oportunidades acessíveis

Uma vez que os dados já foram baixados do aopdata, é muito simples comparar por exemplo a quantidade de oportunidades acessíveis em diferentes tempos de viagem. O código abaixo

ilustra como visualizar num mapa o número de empregos acessíveis em até 60 e 90 minutos de viagem por transporte público, e como colocar esses mapas lado a lado para comparação.

```
# limits for legend scale
value_limits <- c(0, max(df_pt$CMATT90, na.rm=T)/1000)</pre>
# create maps
fig60 <- ggplot() +
          geom_sf(data=subset(df_pt, !is.na(mode)), aes(fill=CMATT60/1000), color=NA, alph
          scale_fill_viridis_c(option = 'inferno', limits = value_limits) +
          labs(subtitle = 'em até 60 min.', fill="Empregos") +
          theme_void()
fig90 <- ggplot() +
          geom_sf(data=subset(df_pt, !is.na(mode)), aes(fill=CMATT90/1000), color=NA, alph
          scale_fill_viridis_c(option = 'inferno', limits = value_limits) +
          labs(subtitle = 'em até 90 min.', fill="Empregos") +
          theme_void()
# plot figure
fig60 + fig90 +
  plot_layout(guides = 'collect') +
  plot_annotation(title = 'Quantidade de empregos acessíveis por transporte público',
                  subtitle = "São Paulo")
```

Quantidade de empregos acessíveis por transporte público São Paulo



9.4 Desigualdades de acesso a oportunidades

Existem diversas maneiras de se analisar quão desiguais são as condições de acesso a oportunidades a partir dos dados do aopdata. Nós apresentamos nesta subseção três exemplos de como esse tipo de análise pode ser realizada.

Desigualdade no tempo de acesso TMI

Neste primeiro exemplo, nós vamos comparar qual o tempo médio de viagem até o hospital mais próximo para pessoas de diferentes níveis de renda. Para isso, o código abaixo calcula o valor médio de TMISA ponderada pela população em cada hexágono. Essa ponderação é necessária porque o número de hexágonos pode variar muito entre hexágonos.

Antes disso, cabe observar que alguns hexágonos da cidade não conseguem acessar nenhum hospital em até 2h de viagem. Em casos como esse, o valor das variáveis TMI__ é infinito (Inf). Para lidar com esses casos, nós substituímos abaixo todos valores Inf por 120 minutos.

```
# copy data to new data.table
dt <- copy(df_pt)
setDT(dt)

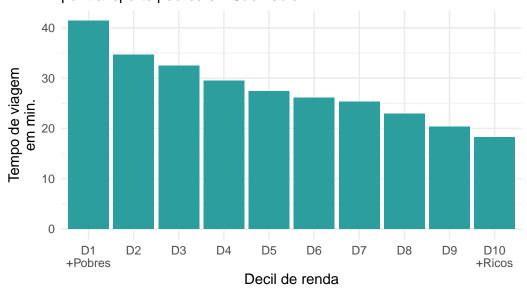
# replace Inf travel time with 120</pre>
```

```
dt[, TMISA := fifelse(TMISA==Inf, 120, TMISA)]

# calculate average travel time by income
temp <- dt[, .(average = weighted.mean(x=TMISA, w=P001, na.rm=T)), by=R003]
temp <- na.omit(temp)

ggplot() +
   geom_col(data=temp, aes(y=average, x=factor(R003)), fill='#2c9e9e', color=NA) +
   scale_x_discrete(labels=c("D1\n+Pobres", paste0('D', 2:9), "D10\n+Ricos")) +
   labs(title = 'Média de tempo de viagem até o hospital mais proximo',
        subtitle = 'por transporte público em São Paulo',
        x='Decil de renda', y='Tempo de viagem\nem min.') +
   theme_minimal()</pre>
```

Média de tempo de viagem até o hospital mais proximo por transporte público em São Paulo

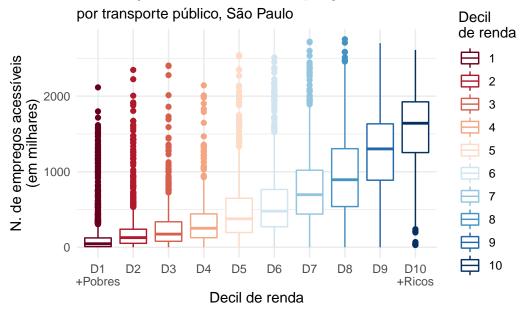


Desigualdade do número de oportunidades acessíveis CMA

Outra maneira de examinar a desigualdade de acesso a oportunidades é comparar a quantidade de oportunidades acessíveis por diferentes grupos populacionais considerando-se um mesmo modo de transporte e tempo de viagem. Nesse caso, nós analisamos o Indicador de acessibilidade cumulativo ativo (CMA).

Neste exemplo abaixo, nós utilizamos $box\ plots$ para comparar a quantidade de empregos acessíveis por transporte público em até $30\ \text{minutos}$ de viagem.

Distribução do número de empregos acessíveis em até 30 ı



Também é possível comparar como diferentes modos de transporte possibilitam diferentes níveis de acessibilidade, e como essa diferença pode variar muito entre cidades. Nesse exemplo, abaixo, nós vamos comparar a quantidade de empregos acessíveis em até 30 minutos de viagem a pé e de carro. O primeiro passo é baixar os dados de acessibilidade a pé e por automóvel para todas as cidades.

```
# download data
df_car <- read_access(city = 'all', mode='car', year = 2019, showProgress = FALSE)
df_walk <- read_access(city = 'all', mode='walk', year = 2019, showProgress = FALSE)</pre>
```

O próximo passo é calcular para cada cidade a média ponderada do número de empregos acessíveis em até 30 minutos (CMATT30) para cada um dos modos de transporte. Com esses

resultados prontos para cada modo, nós juntamos essas estimativas num único data.frame e calculamos a razão da acessibilidade por carro dividida pela acessibilidade à pé.

```
# calculate the average number of jobs accessible in 30min
  df_car2 <- df_car[, .(access_car = weighted.mean(CMATT30, w = P001, na.rm=T)), by=name_mum
  df_walk2 <- df_walk[, .(access_walk = weighted.mean(CMATT30, w = P001, na.rm=T)), by=name_</pre>
  # merge and get the ratio between walking and driving access
  df <- merge(df_car2, df_walk2)</pre>
  df[, ratio := access_car/access_walk]
  head(df)
        name_muni access_car access_walk
                                            ratio
1:
            Belem
                    155270.4
                                9392.235 16.53179
2: Belo Horizonte
                    529890.0 12464.233 42.51284
3:
         Brasilia
                    220575.9
                               4110.703 53.65892
4:
         Campinas
                    256333.1
                                6748.923 37.98133
```

Pronto, agora é só visualizar os resultados. Como esperado, a figura abaixo mostra que é possível acessar muito mais empregos em 30 min. por automóvel do que em caminhada. No entanto, essa diferença varia muito entre cidades. Em São Paulo e em Brasília, 30 minutos de viagem por automóvel permite acessar, em média, um número de empregos 54 vezes maior do que a pé. Em Belém, onde observamos a menor diferença, o automóvel ainda permite acessar 17 vezes mais empregos do que a caminhada.

4181.209 41.29919

10471.135 47.21331

5:

6:

Campo Grande

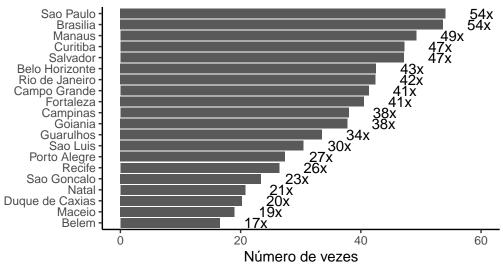
Curitiba

172680.5

494376.9

Diferença da quantidade de empregos acessiveis por automóvel vs a pé

em até 30 min. de viagem



Referências bibliográficas

- Arbex, Renato, and Claudio B. Cunha. 2020. "Estimating the Influence of Crowding and Travel Time Variability on Accessibility to Jobs in a Large Public Transport Network Using Smart Card Big Data." Journal of Transport Geography 85 (May): 102671. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2020.102671.
- Banister, David. 2011. "The Trilogy of Distance, Speed and Time." *Journal of Transport Geography* 19 (4): 950–59. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2010.12.004.
- Bertolini, L., F. le Clercq, and L. Kapoen. 2005. "Sustainable Accessibility: A Conceptual Framework to Integrate Transport and Land Use Plan-Making. Two Test-Applications in the Netherlands and a Reflection on the Way Forward." *Transport Policy* 12 (3): 207–20. https://doi.org/10.1016/j.tranpol.2005.01.006.
- Brodsky, Isaac. 2018. "H3: Uber's Hexagonal Hierarchical Spatial Index." *Uber Engineering Blog.* https://eng.uber.com/h3/.
- Church, A, M Frost, and K Sullivan. 2000. "Transport and Social Exclusion in London." Transport Policy 7 (3): 195–205. https://doi.org/10.1016/S0967-070X(00)00024-X.
- Conway, Matthew Wigginton, Andrew Byrd, and Marco van der Linden. 2017. "Evidence-Based Transit and Land Use Sketch Planning Using Interactive Accessibility Methods on Combined Schedule and Headway-Based Networks." Transportation Research Record: Journal of the Transportation Research Board 2653 (1): 45–53. https://doi.org/10.3141/2653-06.
- Dijst, Martin, Tom de Jong, and Jan Ritsema van Eck. 2002. "Opportunities for Transport Mode Change: An Exploration of a Disaggregated Approach." *Environment and Planning B: Planning and Design* 29 (3): 413–30. https://doi.org/10.1068/b12811.
- Dong, Xiaojing, Moshe E. Ben-Akiva, John L. Bowman, and Joan L. Walker. 2006. "Moving from Trip-Based to Activity-Based Measures of Accessibility." *Transportation Research Part A: Policy and Practice* 40 (2): 163–80. https://doi.org/10.1016/j.tra.2005.05.002.
- El-Geneidy, Ahmed, David Levinson, Ehab Diab, Genevieve Boisjoly, David Verbich, and Charis Loong. 2016. "The Cost of Equity: Assessing Transit Accessibility and Social Disparity Using Total Travel Cost." *Transportation Research Part A: Policy and Practice* 91 (September): 302–16. https://doi.org/10.1016/j.tra.2016.07.003.
- Farrington, John, and Conor Farrington. 2005. "Rural Accessibility, Social Inclusion and Social Justice: Towards Conceptualisation." *Journal of Transport Geography* 13 (1): 1–12. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2004.10.002.
- Geurs, Karst, and Bert van Wee. 2004. "Accessibility Evaluation of Land-Use and Transport Strategies: Review and Research Directions." *Journal of Transport Geography* 12 (2): 127–40. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2003.10.005.

- Herszenhut, Daniel, Rafael H. M. Pereira, Licinio da Silva Portugal, and Matheus Henrique de Sousa Oliveira. 2022. "The Impact of Transit Monetary Costs on Transport Inequality." Journal of Transport Geography 99 (February): 103309. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo. 2022.103309.
- Higgins, Christopher, Matthew Palm, Amber DeJohn, Luna Xi, James Vaughan, Steven Farber, Michael Widener, and Eric Miller. 2022. "Calculating Place-Based Transit Accessibility: Methods, Tools and Algorithmic Dependence." *Journal of Transport and Land Use* 15 (1). https://doi.org/10.5198/jtlu.2022.2012.
- Levinson, David, and David King. 2020. Transport Access Manual: A Guide for Measuring Connection Between People and Places. Committee of the Transport Access Manual, University of Sydney.
- Lucas, Karen, Giulio Mattioli, Ersilia Verlinghieri, and Alvaro Guzman. 2016. "Transport Poverty and Its Adverse Social Consequences." *Proceedings of the Institution of Civil Engineers Transport* 169 (6): 353–65. https://doi.org/10.1680/jtran.15.00073.
- Luo, Wei, and Fahui Wang. 2003. "Measures of Spatial Accessibility to Health Care in a GIS Environment: Synthesis and a Case Study in the Chicago Region." *Environment and Planning B: Planning and Design* 30 (6): 865–84. https://doi.org/10.1068/b29120.
- Miller, Eric J. 2018. "Accessibility: Measurement and Application in Transportation Planning." Transport Reviews 38 (5): 551–55. https://doi.org/10.1080/01441647.2018.1492778.
- Neutens, Tijs, Matthias Delafontaine, Darren M. Scott, and Philippe De Maeyer. 2012. "An Analysis of Day-to-Day Variations in Individual Space—time Accessibility." *Journal of Transport Geography*, Special Issue on Time Geography, 23 (July): 81–91. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2012.04.001.
- Neutens, Tijs, Tim Schwanen, Frank Witlox, and Philippe De Maeyer. 2010. "Equity of Urban Service Delivery: A Comparison of Different Accessibility Measures." *Environment and Planning A: Economy and Space* 42 (7): 1613–35. https://doi.org/10.1068/a4230.
- Paez, Antonio, Christopher D. Higgins, and Salvatore F. Vivona. 2019. "Demand and Level of Service Inflation in Floating Catchment Area (FCA) Methods." Edited by Tayyab Ikram Shah. *PLOS ONE* 14 (6): e0218773. https://doi.org/10.1371/journal.pone.0218773.
- Páez, Antonio, Darren M. Scott, and Catherine Morency. 2012. "Measuring Accessibility: Positive and Normative Implementations of Various Accessibility Indicators." *Journal of Transport Geography* 25 (November): 141–53. https://doi.org/10.1016/j.jtrangeo.2012.03.016.
- Papa, Enrica, Cecilia Silva, Marco Te Brömmelstroet, and Angela Hull. 2015. "Accessibility Instruments for Planning Practice: A Review of European Experiences." *Journal of Transport and Land Use*, June. https://doi.org/10.5198/jtlu.2015.585.
- Pereira, Rafael H. M., Marcus Saraiva, Daniel Herszenhut, Carlos Kaue Vieira Braga, and Matthew Wigginton Conway. 2021. "R5r: Rapid Realistic Routing on Multimodal Transport Networks with R⁵ in R." *Transport Findings*, March, 21262. https://doi.org/10.32866/001c.21262.
- Pereira, Rafael H. M., Tim Schwanen, and David Banister. 2017. "Distributive Justice and Equity in Transportation." *Transport Reviews* 37 (2): 170–91. https://doi.org/10.1080/01441647.2016.1257660.

Venter, Christoffel. 2016. "Assessing the Potential of Bus Rapid Transit-Led Network Restructuring for Enhancing Affordable Access to Employment – The Case of Johannesburg's Corridors of Freedom." Research in Transportation Economics 59 (November): 441–49. https://doi.org/10.1016/j.retrec.2016.05.006.