Paradigmas de Computação Paralela Relatório de Desenvolvimento

11 de Janeiro de 2020

Conteúdo

| 1 | Ane | exos | ŀ |
|---|-----|--------------------------------------|---|
| | 0.5 | Autores | 4 |
| | 0.4 | Conclusão | 4 |
| | 0.3 | Demonstração e Análise de Resultados | 2 |
| | 0.2 | Implementação do algoritmo paralelo | 4 |
| | 0.1 | Introdução | 2 |

0.1 Introdução

Este trabalho, realizado no âmbito da Unidade Curricular de Paradigmas da Computação Paralela, tem como principal objetivo a melhoria da versão OpenMP do algoritmo trabalhado ao longo do semestre (multiplicação de matrizes esparsas por vetores), melhoria essa que é efetuada usando a versão 4.0 do OpenMP

0.2 Implementação do algoritmo paralelo

A alteração feita em relação ao algoritmo anterior foi o acréscimo da diretiva pragma omp proc_bind (spread—close—master).

A diretiva OMP_PROC_BIND controla a política de afinidade de threads e se as threads do OpenMP podem ser movidas entre locais. Com o recurso à afinidade de threads, tem-se um controle refinado de como as threads são vinculados e distribuídas pelos locais. Como a máquina usada para este trabalho é NUMA, esta distribuição de threads pode ter um grande impacto na performance. Existem três políticas de afinidade de threads: MASTER, CLOSE e SPREAD.

A política de afinidade de threads MASTER faz com que cada thread da "team" sejam alocados para o mesmo local que a master. Já a política de afinidade de threads CLOSE faz com que as threads sejam alocadas para locais próximos da thread pai. Por outro lado, o objetivo da política de afinidade de threads SPREAD é criar uma distribuição esparsa para a "team "de T threads entre os P locais do local de partiçao da thread pai.

A diretiva OMP_PLACES define o posicionamento da thread que pode ser especificado usando um nome abstrato ou por uma lista explícita dos locais. Esses nomes abstratos podem ser sockets, cores, threads.Nos sockets,o local corresponde a um único socket. Nas threads cada local corresponde a um único hardware thread. Por último,nos cores corresponde a um núcleo único com o número correspondente hardware threads.

0.3 Demonstração e Análise de Resultados

Após o desenvolvimento da solução para o problema, foram efetuados vários testes para perceber melhor o comportamento do algoritmo, em termos de melhoria de performance em relação à versão realizada no primeiro trabalho. Para uma melhor comparação foi usado o mesmo nodo,o 662, com 24 cores, 48 com Hyperthreading, para a apresentação dos resultados.

A realização dos testes levou em consideração os mesmos aspetos do primeiro trabalho com exceção do número de testes necessários para o cálculo da mediana que foram cinco para este trabalho em vez de dez. Foram realizados testes para as políticas de afinidade *close, spread e master* e para cada uma recorreu-se a omp_places para sockets, cores e threads. No entanto, os resultados apresentados dizem respeito aos melhores tempos obtidos para cada política: para close e spread os melhores valores foram a usar *threads* e para a master os melhores valores foram a usar *sockets*.

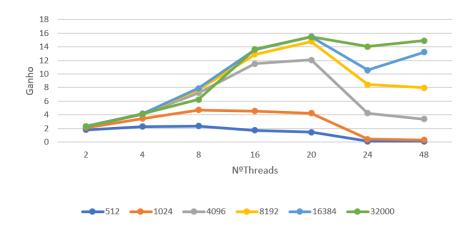


Figura 1: Ganho usando close

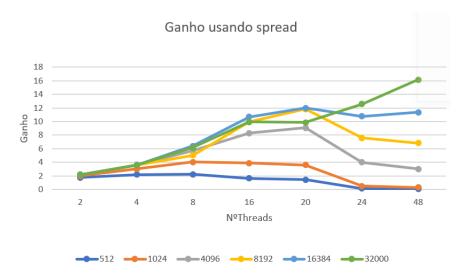


Figura 2: Ganho usando spread

Gráfico usando master

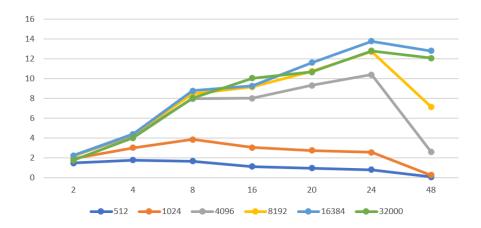


Figura 3: Ganho usando master

Matriz com tamanho 512 e 1024

Para os tamanhos 512 e 1024 podemos observar pelo gráfico que não é possível obter um ganho significativo, embora se note uma ligeira melhoria no mesmo de uma matriz com tamanho 512 para 1024. À medida que se aumenta o número de cores existe perda da performance. Isto acontece devido ao overhead que o array auxiliar provoca, assim como a respetiva redução dos vários arrays no array resultado.

Matriz com tamanho 4096 e 8192

Para tamanho 4096 da matriz verificou-se melhorias nos tempos de execução até aos 20 cores, sendo esse aumento mais acentuado quando se usa master.

Para ambos os gráficos, a matriz de tamanho 8192 apresenta uma curva de ganho semelhante a 4096 em termos de formato na qual até 20 cores existem melhorias nos tempos obtidos. A melhoria é minima e é devido a uma melhor utilização do array auxiliar a cada thread que compensa o overhead que este cria pois possui muitos mais dados para analisar. A partir dos 20 cores é possível observar perde de performance pois é preciso grande quantidade dados da memória.

Matriz com tamanho 16384 e 32000

Em ambos os gráficos, as matrizes de tamanho 16384 e 32000 possuem um comportamento semelhante. Observa-se que os ganhos são maiores em 16384 até aos 20 cores quando se usa master e até aos 24 cores quando se usa spread devido à maneira como as threads são distribuídas pelos locais dependendo da política de afinidade usada, atingindo o pico máximo de 16,2 para 48 threads.

0.4 Conclusão

Com a realização deste trabalho aprofundamos os nossos conhecimentos sobre as diversas mudanças que estiveram na origem do *OpenMP 4.0*.

A produção do algoritmo paralelo em relação ao anterior foi relativamente simples, no entanto o grupo verificou bastantes melhorias na performance como se pode observar pela melhor curva de escalabilidade onde não houve tantas oscilações. Em relação a usar master ou spread não houve grandes diferenças como se pode ver pela semelhança da curva.

Em suma, ficámos satisfeitos com o conhecimento e experiência adquiridos nesta unidade curricular, que irão ser úteis em trabalhos futuros.

0.5 Autores

- Adriana Meireles a82582
- Shazhod Yusupov a82617

Capítulo 1

Anexos

De seguida, segue-se os dados relativos ao tratamento do problema usando **close**.

| | 512 | | | | | | | |
|----------------------|-------------|------------|------------|-----------|------------|----------|----------|----------|
| Medicões/NºProcessos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | 1,1261 | 0,6723 | 0,4621 | 0,4779 | 0,6438 | 0,7795 | 10,132 | 18,0032 |
| 2 | 1,0855 | 0,6044 | 0,4973 | 0,468 | 0,7156 | 0,7669 | 10,0843 | 17,6522 |
| 3 | 1,1194 | 0,63 | 0,492 | 0,4619 | 0,6928 | 1,328 | 10,0972 | 15,5527 |
| 4 | 1,1567 | 0,6298 | 0,50424 | 0,4841 | 0,6474 | 0,7763 | 10,0835 | 15,5296 |
| 5 | 1,1687 | 0,6146 | 0,501 | 0,4844 | 0,6554 | 0,732 | 10,2596 | 16,0981 |
| Mediana | 1,1261 | 0,6298 | 0,4973 | 0,4779 | 0,6554 | 0,7763 | 10,0972 | 16,0981 |
| Ganho | 1 | 1,78802795 | 2,26442791 | 2,3563507 | 1,71818737 | 1,450599 | 0,111526 | 0,069952 |

| | | 1024 | | | | | | | |
|----------------------|--------|-------------|------------|------------|------------|------------|------------|----------|---------|
| | | Sequential: | | | | | | | |
| Medições/NºProcessos | | | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 4,5655 | 2,2356 | 1,285 | 0,9463 | 0,9188 | 1,0821 | 10,4514 | 14,6117 |
| 2 | | 4,536 | 2,0442 | 1,2988 | 0,9422 | 0,9809 | 1,0009 | 8,0993 | 15,1004 |
| 3 | | 4,3782 | 2,2044 | 1,3002 | 0,9499 | 0,9809 | 1,0506 | 8,3152 | 14,7217 |
| 4 | | 4,467 | 2,0365 | 1,4323 | 0,9783 | 1,0522 | 1,0657 | 10,5371 | 15,8229 |
| 5 | | 4,3838 | 2,1072 | 1,2589 | 0,9713 | 0,9195 | 1,0365 | 10,5171 | 15,1946 |
| Me | ediana | 4,467 | 2,1072 | 1,2988 | 0,9499 | 0,9809 | 1,0506 | 10,4514 | 15,1004 |
| Ga | anho , | 1 | 2,11987472 | 3,43932861 | 4,70260027 | 4,55398104 | 4,25185608 | 0,427407 | 0,29582 |

| | 4096 | | | | | | | |
|----------------------|-------------|------------|------------|------------|------------|------------|----------|----------|
| Medições/NºProcessos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | 70,2259 | 30,702 | 17,4596 | 10,2269 | 6,5039 | 5,5147 | 17,0088 | 21,9679 |
| 2 | 69,6332 | 32,556 | 17,2487 | 9,9716 | 6,0984 | 5,7725 | 14,5018 | 21,1113 |
| 3 | 70,1187 | 30,6927 | 17,3462 | 9,6871 | 5,8755 | 5,8876 | 14,1454 | 16,9891 |
| 4 | 69,7578 | 31,0119 | 17,3285 | 9,4311 | 5,8905 | 5,9906 | 16,5716 | 19,5124 |
| 5 | 70,5484 | 30,5484 | 17,3981 | 9,4956 | 6,0924 | 5,8131 | 16,5044 | 20,7245 |
| Mediana | 70,1187 | 30,702 | 17,3462 | 9,6871 | 6,0924 | 5,8131 | 16,5044 | 20,7245 |
| Ganho | 1 | 2,28384796 | 4,04230898 | 7,23835823 | 11,5092082 | 12,0621871 | 4,248485 | 3,383372 |

| | | 8192 | | | | | | | |
|--------------|-----------|-------------|------------|------------|------------|------------|------------|----------|----------|
| Medições/Nºl | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | 10003303 | 279,3756 | 123,6896 | 68,258 | 36,584 | 26,5626 | 22,876 | 33,349 | 30,7775 |
| 2 | | 283,332 | 121,9396 | 67,9734 | 46,1296 | 26,103 | 19,063 | 33,0496 | 28,5218 |
| 3 | | 279,8583 | 122,44088 | 85,6121 | 46,0016 | 21,513 | 19,7005 | 35,1394 | 38,5758 |
| 4 | | 281,5247 | 123,5772 | 68,4632 | 36,1433 | 21,5154 | 18,8668 | 28,7701 | 35,3774 |
| 5 | | 282,9914 | 122,3253 | 68,3351 | 36,4265 | 21,8354 | 18,946 | 36,4735 | 38,4516 |
| | Mediana | 281,5247 | 122,44088 | | | | | | 35,3774 |
| | Ganho | 1 | 2,29927047 | | 7,69529576 | 12,8930407 | 14,7681215 | | 7,957756 |
| | | | , | • | · | • | - | , | , |
| | | 16384 | | | | | | | |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 1133,341 | 489,6071 | 272,7059 | 143,0544 | 82,3282 | 72,4213 | 84,7123 | 106,3238 |
| 2 | | 1140,5268 | 489,7482 | 264,8468 | | 83,2854 | 89,1399 | 109,2312 | 83,528 |
| 3 | | 1127,4479 | 490,9187 | 271,9011 | 143,024 | 82,6852 | 74,4881 | 107,4496 | 81,8535 |
| 4 | | 1126,2989 | 491,2369 | 249,2261 | 144,2856 | 85,1793 | 72,1078 | 106,9989 | 85,7856 |
| 5 | | 1275,624 | 489,2551 | 343,4499 | 181,1024 | 83,2564 | 73,1404 | 105,0624 | 93,7096 |
| | Mediana | 1133,341 | 489,7482 | 271,9011 | 143,4718 | 83,2564 | 73,1404 | 106,9989 | 85,7856 |
| | Ganho | 1 | 2,31413 | 4,16821043 | 7,89939905 | 13,6126592 | 15,495417 | 10,59208 | 13,21132 |
| | | | | | | | | | |
| | | 32000 | | | | | | | |
| Medições/Nºl | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 4321,8007 | 1863,8034 | 1047,6522 | 694,9259 | 314,2441 | 277,0953 | 305,2454 | 290,608 |
| 2 | | 4312,6234 | 1885,4956 | 1321,4066 | 693,783 | 315,796 | 279,29 | 279,9252 | 265,8043 |
| 3 | | 4838,2451 | 1890,9087 | 1048,0432 | 696,7005 | 392,8639 | 333,7865 | 308,0687 | 330,5567 |
| 4 | | 4303,973 | 1889,0318 | 1042,1244 | 691,3621 | 317,4228 | 341,0586 | 310,6831 | 289,9894 |
| 5 | | 4319,7808 | 2290,2764 | 1264,5956 | 549,9935 | 316,3581 | 278,5099 | 321,755 | 281,1232 |
| | Mediana | 4319,7808 | 1889,0318 | 1048,0432 | 693,783 | 316,3581 | 279,29 | 308,0687 | 289,9894 |
| | Ganho | 1 | 2,28676976 | 4,12175834 | 6,22641489 | 13,6547185 | 15,4670085 | 14,02213 | 14,89634 |

De seguida, segue-se os dados relativos ao tratamento do problema usando **spread**.

| | | 512 | | | | | | | |
|--------------|----------------------|----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|---------|----------|
| Medições/NºP | Medições/NºProcessos | | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 1,109191 | 0,632999 | 0,525733 | 0,485542 | 0,744879 | 0,764453 | 7,88599 | 15,09383 |
| 2 | | 1,091399 | 0,609647 | 0,527927 | 0,498519 | 1,232858 | 0,756838 | 7,92847 | 15,71825 |
| 3 | | 1,101057 | 0,641656 | 0,498709 | 0,500642 | 0,645296 | 0,760915 | 8,94752 | 18,71845 |
| 4 | | 1,158536 | 0,707346 | 0,472483 | 0,521157 | 0,677445 | 0,763071 | 7,87585 | 15,59344 |
| 5 | | 1,198344 | 0,63594 | 0,505506 | 0,49069 | 0,620186 | 0,760915 | 7,87702 | 16,44111 |
| | Mediana | 1,109191 | 0,63594 | 0,505506 | 0,498519 | 0,677445 | 0,760915 | 7,88599 | 15,71825 |
| | Ganho | 1 | 1,7441756 | 2,1942193 | 2,2249724 | 1,6373152 | 1,4577068 | 0,14065 | 0,070567 |

| | | 1001 | | | | | | | |
|--------------|-----------|-------------|-----------|-----------|---|-----------|-------------|---|----------|
| | | 1024 | | | | | | | |
| 26 11 2 2 2 | | Sequential: | | | | | 20 | 0.4 | 40 |
| Medições/Nº | Processos | 4.600040 | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 4,628049 | 2,270064 | 1,561968 | 1,160012 | 1,29179 | 1,25417 | 8,51651 | 15,02765 |
| 2 | | 4,666961 | 2,354409 | 1,487411 | 1,235266 | 1,201445 | 1,315362 | 9,49374 | |
| 3 | | 4,683063 | 2,341632 | 1,5548 | 1,155676 | 1,159685 | 1,292416 | 10,7472 | 16,4274 |
| 4 | | 4,658105 | 2,335679 | 1,50523 | 1,153316 | 1,213073 | 1,356094 | 8,55578 | |
| 5 | | 4,693146 | 2,335101 | 1,618099 | 1,724647 | 1,152949 | 1,228759 | 10,7319 | |
| | Mediana | 4,666961 | 2,335679 | | | | | | 15,18776 |
| | Ganho | . 1 | 1,9981175 | 3,0016472 | 4,0232006 | 3,8844566 | 3,6110362 | 0,49158 | 0,307284 |
| | | | | | | | | | |
| | | 4096 | | | | | | | |
| Medições/NºI | rocessos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 73,548865 | 33,861564 | 21,437081 | 12,374426 | 8,706185 | 7,533814 | 16,2955 | 21,40675 |
| 2 | | 72,95126 | 33,810598 | 20,667682 | 12,405731 | 8,633756 | 7,953527 | 16,1325 | 24,45858 |
| 3 | | 73,792937 | 33,996492 | 20,669734 | 12,91671 | 9,536111 | 8,082126 | 18,6906 | 24,43393 |
| 4 | | 73,099293 | 33,715237 | 20,561455 | 12,769997 | 9,075005 | 8,097303 | 18,4973 | 21,98146 |
| 5 | | 73,465267 | 35,342535 | 20,567512 | 12,915332 | 8,879968 | 8,361245 | 18,4395 | |
| | Mediana | 73,465267 | | 20,667682 | 12,769997 | | 8,082126 | | 24,43393 |
| | Ganho | 1 | 2,1695769 | 3,5545963 | 5,7529588 | 8,2731455 | 9,0898443 | 3,98412 | 3,00669 |
| OBCOCO | | 1 | 1 | | 1 | 1 | 1 | | |
| | | 8192 | | | | | | | |
| Medições/NºI | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 286,45601 | 129,86878 | 78,37989 | 46,650774 | 34,736489 | 24,216753 | 40,9966 | |
| 2 | | 281,66936 | 129,63114 | 70,71522 | 45,908832 | 28,648372 | 24,034545 | 28,0929 | |
| 3 | | 281,74042 | 129,47187 | 99,557391 | 56,875009 | 28,574586 | 29,44424 | 36,627 | 47,5531 |
| 4 | | 284,94632 | 130,13261 | 79,411183 | 57,072538 | 28,345462 | 23,846421 | 37,4874 | 41,78895 |
| 5 | | 285,42334 | 130,8673 | 78,646251 | 57,219283 | 29,257088 | 24,063032 | 39,5024 | 40,80992 |
| | Mediana | 284,94632 | 129,86878 | 78,646251 | 56,875009 | 28,648372 | 24,063032 | 37,4874 | 41,78895 |
| | Ganho | 1 | 2,1941095 | 3,6231393 | 5,0100444 | 9,9463356 | 11,841663 | 7,60112 | 6,8187 |
| | | | | | | | | | |
| | | 16384 | | | | | | | |
| Medições/NºI | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 1387,3522 | 691,03286 | 329,18221 | 183,59227 | 108,78605 | 97,106802 | 115,307 | 104,0629 |
| 2 | | 1169,1519 | 545,22249 | 327,97887 | 234,63376 | 135,44464 | 97,525554 | 110,017 | 103,7345 |
| 3 | | 1186,8831 | 543,7189 | 327,69776 | 185,26974 | 108,66879 | 99,284046 | | 104,3477 |
| 4 | | 1171,1257 | 544,46661 | 327,78178 | 230,83759 | 139,9649 | 117,14455 | | 108,0381 |
| 5 | | 1185,5247 | 546,99119 | 328,64854 | 182,99428 | 110,77348 | 98,811326 | | 104,4462 |
| | Mediana | 1185,5247 | 545,22249 | 327,97887 | 185,26974 | 110,77348 | 98,811326 | | 104,3477 |
| | Ganho | 1 | 2,174387 | 3,6146374 | | 10,702243 | 11,997862 | | 11,3613 |
| | | | _,_,,, | -, | ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,, | , | ,,,,,,,,,,, | ,,,,,,,, | 7,2012 |
| | | 32000 | | | | | | | |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 5328,2229 | | 1285,3933 | 740,91016 | 415,273 | 389,62865 | | 307,2101 |
| 2 | | 4548,0262 | 2092,853 | 1266,9574 | 736,18253 | 543,83958 | 393,57947 | | 272,0674 |
| 3 | | 4538,8833 | | 1576,6456 | 720,87545 | | | | 268,4292 |
| 4 | | 4564,5522 | 2083,4631 | 1153,5946 | 697,95554 | | 461,83633 | | 300,3118 |
| 5 | | 4319,7808 | | 1255,7349 | | 538,56379 | | | 281,1832 |
| | Mediana | 4548,0262 | | | | | | | 281,1832 |
| | Ganho | 5408,8388 | | | | | 9,8477013 | | 16,1746 |
| | | 2 | _, | -,, | -, | ., | ,, | ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,, | , |

De seguida, segue-se os dados relativos ao tratamento do problema usando ${f master}.$

| | | E40 | | | | | | | |
|-------------------|-----------|-------------|------------|------------|------------|------------|------------|----------|----------|
| h 4 1: - 2' 1h 10 | D | 512 C | 2 | 4 | | 10 | 20 | 24 | 40 |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 0.0501 | | 16 | 20 | | 48 |
| | | 0,6518 | 0,4456 | 0,3581 | | 0,5774 | 0,6757 | 2,5391 | 10,6713 |
| 2 | | 0,6525 | 0,4511 | 0,3676 | 0,405 | 0,5793 | 0,6766 | | 10,1555 |
| 3 | | 0,6465 | 0,4594 | 0,3671 | 0,3911 | 0,5792 | 0,6748 | | 10,1101 |
| 4 | | 0,6519 | 0,4371 | 0,3648 | | | 0,6818 | | |
| 5 | | 0,6444 | 0,4404 | 0,3731 | | 0,5547 | 0,6812 | 0,8258 | 10,2059 |
| | Mediana | 0,6518 | | | | | 0,6766 | | |
| | Ganho | 1 | 1,46274686 | 1,775538 | 1,6589463 | 1,12885348 | 0,96334614 | 0,8036 | 0,064182 |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| Coluna1 💌 | Coluna2 🔻 | Coluna1 ▼ | Coluna2 🔻 | Coluna3 🔻 | Coluna4 💌 | Coluna5 💌 | Coluna6 💌 | Colun 🔻 | Colun 💌 |
| | | 1024 | | | | | | | |
| | | Sequential: | _ | | _ | | | | |
| Medições/Nº | Processos | | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 2,6108 | 1,3657 | 0,8331 | | 0,8735 | | | 10,3741 |
| 2 | | 2,5777 | 1,386 | 0,8694 | 0,6498 | 0,8768 | 0,9612 | 1,023 | 10,3654 |
| 3 | | 2,6033 | 1,3654 | 0,8564 | 0,6745 | 0,8535 | 0,9504 | | 10,547 |
| 4 | | 2,6104 | 1,3652 | 0,8667 | 0,6884 | 0,8503 | 0,9431 | | 13,0486 |
| 5 | | 2,5907 | 1,3791 | 0,8899 | 0,6562 | 0,8485 | 0,9293 | | 10,9237 |
| | Mediana | 2,6033 | | | 0,6745 | 0,8535 | | | 10,547 |
| | Ganho , | 1 | 1,90620195 | 3,00369217 | 3,8595997 | 3,05014646 | 2,73916246 | 2,552255 | 0,246828 |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| Coluna1 💌 | Coluna2 🔻 | Coluna3 🔻 | Coluna4 💌 | Coluna5 🔻 | Coluna6 🔻 | Coluna7 💌 | Coluna8 🔻 | Colun 🔻 | Colun 💌 |
| | | 4096 | | | | | | | |
| Medições/№ | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | | 48 |
| 1 | | 41,0857 | 18,5934 | 9,6355 | 5,1541 | 4,991 | 4,3952 | 4,0031 | 13,3652 |
| 2 | | 41,1251 | 18,8019 | 9,6805 | 5,1218 | 5,1773 | 4,4739 | 3,9523 | 16,0944 |
| 3 | | 41,1136 | 18,813 | 9,5877 | 5,1514 | 5,1729 | 4,4148 | | 14,024 |
| 4 | | 41,0212 | 18,7688 | 9,7597 | 5,1928 | 5,126 | 4,3764 | 3,9379 | 15,7794 |
| 5 | | 41,6826 | 18,7872 | 9,6537 | 5,226 | 5,0721 | 4,4238 | 3,9654 | 16,073 |
| | Mediana | 41,1136 | 18,7872 | 9,6537 | 5,1541 | 5,126 | 4,4148 | 3,9523 | 15,7794 |
| | Ganho | 1 | 2,18838358 | 4,25884376 | 7,97687278 | 8,02060086 | 9,31267555 | 10,40245 | 2,605524 |

| Coluna1 💌 | Coluna2 🔻 | | Coluna4 💌 | Coluna5 💌 | Coluna6 🔻 | Coluna7 💌 | Coluna8 💌 | Colun 🔻 | Colun 💌 |
|-------------|-----------|-------------|------------|------------|------------|------------|-------------|----------|-----------|
| | | 4096 | | | | | | | |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | | 24 | 48 |
| 1 | | 41,0857 | 18,5934 | 9,6355 | 5,1541 | 4,991 | 4,3952 | 4,0031 | 13,3652 |
| 2 | | 41,1251 | 18,8019 | 9,6805 | 5,1218 | 5,1773 | 4,4739 | 3,9523 | 16,0944 |
| 3 | | 41,1136 | 18,813 | 9,5877 | 5,1514 | 5,1729 | 4,4148 | 3,951 | 14,024 |
| 4 | | 41,0212 | 18,7688 | 9,7597 | 5,1928 | 5,126 | 4,3764 | 3,9379 | 15,7794 |
| 5 | | 41,6826 | 18,7872 | 9,6537 | 5,226 | 5,0721 | 4,4238 | 3,9654 | 16,073 |
| | Mediana | 41,1136 | 18,7872 | 9,6537 | 5,1541 | 5,126 | 4,4148 | 3,9523 | 15,7794 |
| | Ganho | 1 | 2,18838358 | 4,25884376 | 7,97687278 | 8,02060086 | 9,31267555 | 10,40245 | 2,605524 |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| Coluna1 🔻 | Coluna2 🔻 | Coluna3 🔻 | Coluna4 💌 | Coluna5 🔻 | Coluna6 🔻 | Coluna7 💌 | Coluna8 🔻 | Colun 🔻 | Colun 🔻 🕽 |
| | | 8192 | | | | | | | |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | 20 | 24 | 48 |
| 1 | | 165,044408 | 74,658014 | 37,824091 | 19,385039 | 17,947979 | 14,897175 | 12,8336 | 21,25857 |
| 2 | | 164,023236 | 74,961136 | 37,256898 | 19,332392 | 17,87239 | 14,907219 | 12,91048 | 33,34678 |
| 3 | | 165,089863 | 74,202724 | 37,30282 | 19,108603 | 17,816262 | 15,057662 | 12,82637 | 28,17401 |
| 4 | | 163,935783 | 73,829059 | 37,281379 | 19,326554 | 18,006831 | 15,436442 | 13,3502 | 22,28275 |
| 5 | | 164,030419 | 74,919801 | 37,542845 | 19,298179 | 17,909874 | 15,893074 | 12,88858 | 22,91757 |
| | Mediana | 164,030419 | 74,7889075 | 37,30282 | 19,3123665 | 17,891132 | 15,247052 | 12,88858 | 22,91757 |
| | Ganho | 1 | 2,19324529 | 4,39726592 | 8,49354319 | 9,16825269 | 10,7581727 | 12,72681 | 7,15741 |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| Coluna1 💌 | Coluna2 🔻 | Coluna3 🔻 | Coluna4 💌 | Coluna5 🔻 | Coluna6 🔻 | Coluna7 🔻 | Coluna8 🔻 | Colun 🔻 | Colun 🔻 🕽 |
| | | 16384 | | | | | | | |
| Medições/Nº | Processos | Sequential: | 2 | 4 | 8 | 16 | | | |
| 1 | | 656,829318 | 294,003777 | | | 71,08636 | 9757,649399 | 49,24724 | 51,241867 |
| 2 | | 659,729675 | 297,270260 | 149,413925 | 74,832790 | 69,389565 | 55,910421 | 47,76966 | 50,02004 |
| 3 | | 663,698061 | 295,638059 | 148,363534 | 75,262548 | 71,048645 | 56,566471 | 47,76593 | 51,3062 |
| 4 | | 656,09246 | 294,714152 | 147,742141 | 75,344944 | 71,081845 | 57,739794 | 47,75458 | 58,97142 |
| 5 | | 656,283881 | 294,684117 | 149,301083 | 74,598786 | 66,587873 | 57,613890 | 47,44561 | 58,238843 |
| | Mediana | 658,006778 | 294,684117 | 149,357504 | 75,012475 | 71,065245 | 56,566471 | 47,76593 | 51,3062 |
| | Ganho | 1 | 2,23292244 | 4,40558231 | 8,77196464 | 9,25919242 | 11,6324523 | 13,77565 | 12,82509 |