Nombres:

Adrian Felipe Velasquez Arias 202259456

**Edgar Fabian Rueda Colonia 202259606** 

# Justificación de las Funciones:

## Función 'gemerarCombinaciones' y 'PRC\_Ingenuo'

La función 'gemerarCombinaciones' se encarga de producir todas las subcadenas posibles de longitud 'n' a partir de un alfabeto específico. Esta función emplea una estructura de datos que es una secuencia de secuencias de caracteres ('Seq[Seq[Char]]'). La recursión se lleva a cabo a través de la función interna 'subcadenasIter', que acepta dos argumentos: 'subs', que representa las subcadenas generadas hasta ahora, y 'n', que indica la longitud actual de las subcadenas en proceso. Cuando 'n' excede la longitud deseada, la recursión se detiene y se devuelven las subcadenas generadas hasta ese punto.

En términos de las estructuras de datos utilizadas, se utiliza la función 'flatMap' para combinar las subcadenas existentes con cada carácter del alfabeto, generando así nuevas subcadenas. La función 'map' se utiliza para construir las subcadenas iniciales, cada una compuesta por un solo carácter del alfabeto.

La función 'PRC\_Ingenuo' busca la primera subcadena que cumple con un oráculo dado. Se basa en la función 'gemerarCombinaciones' para obtener todas las posibles subcadenas de longitud 'n-1'. La estructura de datos utilizada es una secuencia de caracteres ('Seq[Char]'). La función 'find' busca la primera subcadena que satisface el oráculo, y la función 'head' devuelve dicha subcadena.

La función 'PRC\_Mejorado' implementa un algoritmo de búsqueda más optimizado. Su objetivo es encontrar subcadenas que satisfacen un oráculo dado. A continuación, se describen las estructuras de datos utilizadas y se analiza por qué la función es correcta.

1. Implementación y Justificación:

Notación

gemerarCombinaciones:  $C*\times N \rightarrow C*$ 

PRC\_Ingenuo()=find(gemerarCombinaciones(alfabeto, *n*-1),oraculo)

Descripción de la Función 'PRC\_Mejorado'

PRC\_Mejorado()=encontrarSubcadenasAux(subcadenas,oraculo)[0]

encontrarSubcadenasAux(sck,oraculo)=  $\begin{cases} \{\}, \text{ si } sck=\{\} \\ c, \text{ si } \exists c \in \text{combinaciones}|\text{longitud}(c)=n \\ \text{encontrarSubcadenasAux}(\text{combinaciones},\text{oraculo}), \text{ en otro caso} \end{cases}$ 

- La función 'encontrarSubcadenasAux' maneja de manera eficiente la generación y filtrado de subcadenas, utilizando la función 'filter' para seleccionar aquellas que cumplen con el oráculo.
- La recursión se detiene cuando la lista de subcadenas (`sck`) está vacía, devolviendo una lista vacía.
- Se generan nuevas combinaciones de subcadenas y caracteres del alfabeto, y se filtran según el oráculo.
- Si alguna de las combinaciones tiene la longitud requerida (`n`), se devuelve esa combinación.
- En caso contrario, la función se llama recursivamente con las nuevas combinaciones.
- La función principal llama a la función auxiliar con la lista inicial de subcadenas y devuelve la primera subcadena encontrada que satisface el oráculo.

Descripción de la Función 'PRC\_turbo'

La función 'PRC\_turbo' implementa un algoritmo de búsqueda optimizado que encuentra subcadenas que cumplen con un oráculo dado. A continuación, se describen las estructuras de datos utilizadas y se analiza por qué la función es correcta.

1. Implementación y Justificación:

```
PRC_turbo=

{ alfabetoEnForma.filter(oraculo(_)).head, Si n=1  
    uniones.head, Si n es par  
    uniones.head, Si n es impar
```

encontrarSubcadenasVelozAux(sck,n,combinacion\_anterior)=

```
f uniones.filter(oraculo(_)), si sck.head.size + 1=n
    sck, si sck.head.size≥n
    encontrarSubcadenasVelozAux(uniones, n, sck_anterior), sck.head.size * 2 > n
    encontrarSubcadenasVelozAux(uniones, n, sck_anterior), en otros casos
```

- Se utilizan condiciones para determinar el flujo del algoritmo. La lógica se basa en generar y combinar subcadenas de manera estratégica para reducir el espacio de búsqueda.
- Si la longitud actual de las subcadenas alcanza `n`, se devuelve la lista de subcadenas. Si la longitud es menor que `n`, se realizan combinaciones y filtrados de subcadenas.
- Se utilizan diferentes estrategias de combinación según la longitud de las subcadenas, optimizando así el rendimiento del algoritmo.
- La función principal decide cómo proceder según la paridad de `n` y llama a la función auxiliar con las subcadenas correspondientes.

Función filtro\_cadenas

- Descripción:
- Esta función busca determinar si una cadena cumple con ciertos criterios al compararla con una lista de subcadenas de longitud `n`.

## Lógica:

- La función tiene una función auxiliar interna llamada `incluye` que verifica si una cadena está incluida en una lista de subcadenas.
- Si la longitud de la cadena es igual a `n`, se comprueba si la cadena está incluida en la lista de subcadenas.
- Si la longitud es diferente, se toma un segmento de longitud `n` de la cadena y se comprueba si está incluido en la lista de subcadenas. Luego, la función se llama recursivamente con el resto de la cadena.

## Función PRC\_turbo\_mejorada

- Implementación:
- -Igual que la función Turbo, solo que con un filtro de verificación de subcadenas, para eliminar las subcadenas que no pertenezcan a la lista anterior, para 'ahorrar' intentos del oráculo
  - Descripción:
- Esta función implementa un algoritmo de búsqueda optimizado para encontrar subcadenas que cumplen con un oráculo dado.
  - Lógica:
    - La lógica de la función se divide en casos:
- Si la longitud de las subcadenas más la unidad es igual a `n`, se combinan y filtran las subcadenas, y se devuelve el resultado.
- Si la longitud de las subcadenas es mayor o igual a `n`, se devuelven las subcadenas sin cambios.
- Si el doble de la longitud de las subcadenas es mayor que `n`, se combinan y filtran las subcadenas utilizando la lista de subcadenas de la iteración anterior.
- En otros casos, se combinan y filtran las subcadenas utilizando la lista de subcadenas actual.

- La función principal decide cómo proceder según la cantidad de `n` y llama a la función auxiliar con las subcadenas correspondientes.

### Función turboAcelerada

La función turboAcelerada implementa un algoritmo de búsqueda de subcadenas optimizado que aprovecha la paralelización en la reconstrucción de secuencias.

Descripción General

La función turboAcelerada busca subcadenas que cumplen con un oráculo utilizando un enfoque optimizado que involucra la reconstrucción paralela de secuencias.

#### Estructuras de Datos Utilizadas

- La función utiliza la estructura de datos de un árbol de sufijos (Trie) para representar las secuencias de manera eficiente.
- Se hace uso de las funciones auxiliares turboAceleradaAux y evaluar\_arbol para la manipulación y evaluación del árbol de sufijos.

### Implementación y Lógica

La función **turboAcelerada** se implementa de la siguiente manera:

```
turboAcelerada()=
```

head(combinar\_dos\_listas(sub\_cadenas,sub\_cadenas).filter(oraculo), si *n* es par

head(combinar\_dos\_listas(c1,c2).filter(oraculo)), si *n* es impar

### Donde:

- arbolDeSufijos:{alfabeto}→Trie es una función que construye el árbol de sufijos inicial a partir de las secuencias de un solo carácter del alfabeto.
- cadenas\_del\_arbol:Trie→{subcadenas} es una función que extrae todas las secuencias almacenadas en el árbol de sufijos.

- turboAceleradaAux:Trie×{subcadenas}×{subcadenas}→Trie es una función auxiliar que realiza la reconstrucción de secuencias en paralelo y actualiza el árbol de sufijos.
- filtro\_cadenas:{subcadenas}×{subcadenas}×Int→Boolean es una función que filtra las cadenas según ciertos criterios.
- La función principal turboAcelerada inicia con la creación del árbol de sufijos inicial, generado a partir de las subcadenas de longitud 1 del alfabeto.
- La función hace uso de la recursión y patrones de concordancia para actualizar el árbol de sufijos de manera eficiente.
- Se emplea la función turboAceleradaAux para reconstruir secuencias de manera paralela, y la función evaluar\_arbol para evaluar y actualizar el árbol según ciertos criterios.
- La función se divide en casos según la paridad de n y realiza combinaciones estratégicas para optimizar la búsqueda.

### a. Función raíz:

Devuelve el carácter de la raíz de un Trie.

Utiliza patrones de concordancia para manejar tanto nodos Nodo como nodos Hoja.

#### b. Función cabezas:

Devuelve una secuencia de caracteres correspondientes a los hijos directos de un Trie.

Utiliza patrones de concordancia para manejar nodos Nodo y nodos Hoja.

# c. Función agregar:

Agrega una cadena al árbol de sufijos de manera eficiente y correcta.

Maneja casos donde la cadena ya existe, se deben crear nuevos nodos o simplemente actualizar la marcación de un nodo.

# d. Función agregar\_secuencias

Agrega una secuencia de cadenas al árbol de sufijos utilizando la función agregar. Utiliza recursión para agregar cada secuencia al árbol.

# e. Función arbolDeSufijos

Construye un árbol de sufijos a partir de una lista de secuencias de cadenas.

Utiliza la función agregar\_secuencias para agregar cada secuencia al árbol inicial.

# f. Función pertenece

La función pertenece no se utiliza en el contexto actual del código.

Su lógica de verificación de pertenencia ha sido incorporada directamente en otras partes del código, específicamente en la función filtro\_cadenas de PRC\_turbo\_mejorada, ya que se tienen todas las secuencias en una variable se aprovecha para realizar el filtro con esta variable.

## Análisis paralelismo

					PRC_			PRC_	PRC_		
			PRC_		turbo			turbo	turbo		turbo
			Ingen	PRC_	_mej		PRC_	_mej	_mej	turbo	Acele
Tama	Prue	PRC_Ing	uoPa	Mejo	orad	PRC_	turbo	orad	orad	Acele	rada
ño	bas	enuo	r	rado	a	turbo	Par	a	aPar	rada	Par
	Tiem		9,162	3,026	4,661	1,045	1,347	0,296		3,280	1,235
2	ро	24,6667	8	5	4	1	8	5	0,269	6	2
	Tiem		2,926	0,447		14,55	2,939	1,866	3,095	1,859	1,451
3	ро	1,4213	1	5	1,741	36	5	6	1	1	9
	Tiem		2,434	0,405	0,491	0,296	1,492	0,260		0,420	0,228
4	ро	3,6249	4	8	5	7	5	6	1,156	7	7
	Tiem		1,711	0,330	0,764	0,961	0,352		0,318		72,17
5	ро	2,2825	8	8	9	2	5	1,499	7	6,185	78
	Tiem		6,752	0,470	0,350		0,335	0,296	0,299	0,524	1,019
6	ро	6,8564	3	3	4	0,305	1	9	1	4	3

,477
,471
,584
,823
,371
6,88
4
, , ,

Análisis del Paralelismo en las Funciones:

Análisis de la Función IngenuaPar

# Análisis de la Función IngenuaPar:

#### • Estructura de la Función:

- La función divide el conjunto de subcadenas (resultado) en dos partes, c1 y c2, utilizando la función parallel.
- Luego, realiza la búsqueda del oráculo en ambas mitades en paralelo utilizando la función find.
- Finalmente, selecciona la primera secuencia encontrada entre ambas mitades.

### Razones de la Mejora:

- La mejora observada puede atribuirse a la ejecución en paralelo de la búsqueda del oráculo en dos conjuntos de datos separados.
- En comparación con la versión secuencial (Ingenua), esta versión paralela tiene el potencial de reducir el tiempo total de ejecución, especialmente cuando la operación de búsqueda del oráculo es intensiva en cómputo.

## Análisis de la Función Mejorada:

#### • Estructura de la Función:

 La función comienza generando una lista de subcadenas de longitud 1 (alfabetoEnForma), donde cada subcadena es un solo carácter del alfabeto.

- Luego, se llama a la función auxiliar encontrarSecuenciasParAux con esta lista de subcadenas.
- o La función **encontrarSecuenciasParAux** opera en dos fases:
  - **Fase 1:** Llamada a la función **encontrarSecuenciasMSubs** en paralelo en dos mitades de la lista original. Cada llamada combina las subcadenas con un carácter del alfabeto y filtra aquellas que cumplen con el oráculo.
  - Fase 2: Combina los resultados paralelos (c1 y c2) y filtra las secuencias vacías. Si hay alguna secuencia de longitud n, devuelve ese conjunto de secuencias. De lo contrario, realiza una llamada recursiva.

#### • Razones de la Mejora:

- La mejora se basa en la paralelización de la búsqueda de secuencias optimizadas en dos conjuntos de datos separados.
- La función trabaja con secuencias más pequeñas y utiliza paralelismo para evaluar diferentes combinaciones simultáneamente, lo que podría conducir a un rendimiento mejorado.

### • Datos Irregulares:

- Los datos de rendimiento son irregulares y podrían deberse a la naturaleza de las operaciones paralelas, la carga de trabajo, o el tamaño del conjunto de datos en cada ejecución.
- o Tambien puede deberse a que el proceso de combinacion sea ligero o el proceso de union es pesado o a una suma de ambos.

#### Análisis de la Funciónes Turbo:

#### Paralelismo en Turbo:

• La función **Turbo** y **TurboMejorada** utiliza la paralelización mediante el uso de tareas (**task**) en las fases que requieren búsqueda y combinación de subcadenas.

### **Analisis Comparativa:**

- La versión paralela puede incluir complejidades adicionales, y si la tarea es lo suficientemente simple o no tiene suficiente trabajo para justificar la paralelización, podría resultar más eficiente en su versión secuencial.
- La diferencia de PRC\_turbo no se nota tanto como las demas funciones, ya que si
  quitamos el primer caso, la funcion paralela es mas constante y mas rapida en la
  mayoria de casos, sobretodo en los numeros impares, la funcion paralela es perfecta
  para esos casos, aunque el umbrar deberia ser mayor la TurboMejorada ya que en
  este umbral de datos no se a logrado mejorar el rendimiento lo que quiere decir que
  la version secuencial sige siendo muy eficiente y crear un nuevo hilo solo entorpece
  el buen algoritmo construido.
- La fucion PRC\_Mejorado tambien sufre de lo mismo pero alreves, presenta mejoras con las cadenas pares, aunque analizando mas a la version secuencial se puede observar que esta funcion es bastante mas lenta en cadenas impares, por lo que puede parecer que la funcion PRC\_turbo 'intenta' solventar este problema sin mucho exito.

 La funcion turboAceleradaPar al utilizar Parvector, si quitatmos el primer caso de la turboacelerada podemos ver que su rendimiento es muy similar lo que sugiere que la implementacion le Parvector es eficiente si se hiciera un cambio del codigo mas profundo, ya que si nodo implementase Parvector y no se hicieran transformaciones, la funcion TurboAceleradaPar seria considerablemente mejor

#### **Conclusiones Generales:**

La implementación y análisis de algoritmos para la búsqueda de subcadenas revela aspectos interesantes sobre el rendimiento y la eficacia de diferentes enfoques. A continuación, se resumen las observaciones clave y conclusiones derivadas de las distintas implementaciones y sus evaluaciones.

### • Eficiencia de la Versión Ingenua:

La versión PRC\_Ingenuo, que busca todas las subcadenas y selecciona la primera que satisface el oráculo, es sencilla, pero puede ser costosa en términos computacionales, especialmente para tamaños de datos más grandes. La paralelización de esta versión no siempre ofrece mejoras significativas debido a posibles cargas ligeras de trabajo y al overhead asociado con la gestión de tareas.

### • Mejoras mediante la Versión Mejorada:

 La versión PRC\_Mejorado introduce una estrategia más eficiente al generar subcadenas de manera incremental, evitando la generación completa de todas las subcadenas posibles. La paralelización en este caso demuestra ser beneficiosa al dividir la tarea en partes más pequeñas y procesarlas concurrentemente.

#### Rendimiento de la Versión Turbo:

 La versión PRC\_turbo, al forzar la longitud de la subcadena a ser impar y realizar combinaciones eficientes, muestra mejoras sustanciales en comparación con las implementaciones anteriores. Y aunque la versión paralela puede usarse sin problemas en los casos impares, la mejor función seria aquella que combine lo mejor de las dos funciones.

## • Importancia del Saber Cuándo Paralelizar:

En estos casos es importante paralelizar cuando los datos son grandes, y cuando el algoritmo se pueda paralelizar de una manera más 'natural', ¿a qué me refiero?, en el caso de la función turboParalela, cuando se fuerza a ser impar a un número, los tiempos de ejecución son más lentos, por lo tanto, hay que calcular muy bien cuando se empieza a ganar rendimiento y cuando se puede aplicar de manera natural a un algoritmo.

# • Balance entre Paralelización y Complejidad:

 La paralelización puede no ser siempre beneficiosa, especialmente para tareas más simples o conjuntos de datos pequeños. La complejidad adicional y el overhead introducido pueden superar los beneficios potenciales de la ejecución paralela.