Multizestaw zadań

Patryk Wirkus

1 Wikie 1 / 2 3.12 2

1. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 1 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-3}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

2. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 2 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-4}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 4}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

3. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 3 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

4. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 4 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{5}{3}} D.4^{\frac{-5}{3}} E.4^{\frac{3}{5}} F.4^{\frac{-3}{5}} G.4^{5-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

5. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 5 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

6. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 6 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{6}{5}} D.4^{\frac{-6}{5}} E.4^{\frac{5}{6}} F.4^{\frac{-5}{6}} G.4^{6-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

7. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 7 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-7}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

A.4⁻⁴ B.4⁴ C.4
$$\frac{7}{2}$$
 D.4 $\frac{-7}{2}$ E.4 $\frac{2}{7}$ F.4 $\frac{-2}{7}$ G.4⁷⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

8. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 8 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{7}{3}} D.4^{\frac{-7}{3}} E.4^{\frac{3}{7}} F.4^{\frac{-3}{7}} G.4^{7-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

9. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 9 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-7}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Tests

 ${\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{7}{4}}~D.4^{\frac{-7}{4}}~E.4^{\frac{4}{7}}~F.4^{\frac{-4}{7}}~G.4^{7-4}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

10. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 10 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-7}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{7}{5}}~D.4^{\frac{-7}{5}}~E.4^{\frac{5}{7}}~F.4^{\frac{-5}{7}}~G.4^{7-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

11. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 11 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-7}{8^{2n}-6}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 7}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-4} - \frac{7}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{6}{2^{6n}}\right)} = 4^{-4}$$

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{7}{6}} D.4^{\frac{-7}{6}} E.4^{\frac{6}{7}} F.4^{\frac{-6}{7}} G.4^{7-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

12. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 12 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-8}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

13. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 13 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-8}{8^{2n}-5}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 8}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-3n} - 8}{8^{2n} - 5} = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

14. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 14 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-8}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

 $\mathbf{Test}:$

A.4⁻⁴ B.4⁴ C.4 $\frac{8}{7}$ D.4 $\frac{-8}{7}$ E.4 $\frac{7}{8}$ F.4 $\frac{-7}{8}$ G.4⁸⁻⁷ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

15. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 15 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

16. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 16 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{9}{4}} D.4^{\frac{-9}{4}} E.4^{\frac{4}{9}} F.4^{\frac{-4}{9}} G.4^{9-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

17. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 17 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Tests

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

18. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 18 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

A.4⁻⁴ B.4⁴ C.4 $\frac{9}{7}$ D.4 $\frac{-9}{7}$ E.4 $\frac{7}{9}$ F.4 $\frac{-7}{9}$ G.4⁹⁻⁷ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

19. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 19 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-9}{8^{2n}-8}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{9}{8}} D.4^{\frac{-9}{8}} E.4^{\frac{8}{9}} F.4^{\frac{-8}{9}} G.4^{9-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

20. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 20 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-10}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus , recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

$$A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

21. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 21 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-10}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

A.4⁻⁴ B.4⁴ C.4^{$\frac{10}{7}$} D.4^{$\frac{-10}{7}$} E.4^{$\frac{7}{10}$} F.4^{$\frac{-7}{10}$} G.4^{$\frac{10-7}{7}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

22. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 22 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

23. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 23 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{11}{2}}~D.4^{\frac{-11}{2}}~E.4^{\frac{2}{11}}~F.4^{\frac{-2}{11}}~G.4^{11-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

24. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 24 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{3}{2^{6n}}\right)} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{11}{3}} D.4^{\frac{-11}{3}} E.4^{\frac{3}{11}} F.4^{\frac{-3}{11}} G.4^{11-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

25. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 25 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

26. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 26 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{2n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{2n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{2n}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{11}{5}} D.4^{\frac{-11}{5}} E.4^{\frac{5}{11}} F.4^{\frac{-5}{11}} G.4^{11-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

27. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 27 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{11}{6}}~D.4^{\frac{-11}{6}}~E.4^{\frac{6}{11}}~F.4^{\frac{-6}{11}}~G.4^{11-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

28. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 28 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-7}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{11}{7}} D.4^{\frac{-11}{7}} E.4^{\frac{7}{11}} F.4^{\frac{-7}{11}} G.4^{11-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

29. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 29 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-8}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{11}{8}}~D.4^{\frac{-11}{8}}~E.4^{\frac{8}{11}}~F.4^{\frac{-8}{11}}~G.4^{11-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

30. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 30 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-9}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{11}{9}} D.4^{\frac{-11}{9}} E.4^{\frac{9}{11}} F.4^{\frac{-9}{11}} G.4^{11-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

31. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 31 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-4}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{11}{10}}~D.4^{\frac{-11}{10}}~E.4^{\frac{10}{11}}~F.4^{\frac{-10}{11}}~G.4^{11-10}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

32. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 32 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{26n})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

 $\rm A.4^{-4}~B.4^{4}~C.4^{\frac{12}{5}}~D.4^{\frac{-12}{5}}~E.4^{\frac{5}{12}}~F.4^{\frac{-5}{12}}~G.4^{12-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

33. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 33 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-12}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

$$4^{-4}$$

Test:

A.4⁻⁴ B.4⁴ C.4^{$$\frac{12}{7}$$} D.4 ^{$\frac{-12}{7}$} E.4 $\frac{7}{12}$ F.4 $\frac{-7}{12}$ G.4 ^{$\frac{12}{12}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

34. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 34 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-4}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-4} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-4} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-4} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-4}$$

Odpowiedź:

 4^{-4}

Test

 $A.4^{-4} B.4^{4} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

35. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 35 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-3}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

36. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 36 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-4}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{4}{3}}~D.4^{\frac{-4}{3}}~E.4^{\frac{3}{4}}~F.4^{\frac{-3}{4}}~G.4^{4-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

37. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 37 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-5}{8^{2n}-2}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-5} - \frac{5}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{2}{2^{6n}}\right)} = 4^{-5}$$

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

38. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 38 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{5}{3}} D.4^{\frac{-5}{3}} E.4^{\frac{3}{5}} F.4^{\frac{-3}{5}} G.4^{5-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

39. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 39 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-5}{8^{2n}-4}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4^{2n} - 4^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4^{2n} = 1$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

40. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 40 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{6}{5}}~D.4^{\frac{-6}{5}}~E.4^{\frac{5}{6}}~F.4^{\frac{-5}{6}}~G.4^{6-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

41. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 41 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-2}$.

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

42. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 42 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{7}{3}} D.4^{\frac{-7}{3}} E.4^{\frac{3}{7}} F.4^{\frac{-3}{7}} G.4^{7-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

43. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 43 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

44. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 44 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{7}{5}} D.4^{\frac{-7}{5}} E.4^{\frac{5}{7}} F.4^{\frac{-5}{7}} G.4^{7-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

45. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 45 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{7}{6}}~D.4^{\frac{-7}{6}}~E.4^{\frac{6}{7}}~F.4^{\frac{-6}{7}}~G.4^{7-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

46. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 46 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-8}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

A.4⁻⁵ B.4⁵ C.4
$$\frac{8}{3}$$
 D.4 $\frac{-8}{3}$ E.4 $\frac{3}{8}$ F.4 $\frac{-3}{8}$ G.4⁸⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

47. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 47 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

48. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 48 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-8}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{8}{7}} D.4^{\frac{-8}{7}} E.4^{\frac{7}{8}} F.4^{\frac{-7}{8}} G.4^{8-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

49. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 49 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-9}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

A.4⁻⁵ B.4⁵ C.4 $\frac{9}{2}$ D.4 $\frac{-9}{2}$ E.4 $\frac{2}{9}$ F.4 $\frac{-2}{9}$ G.4⁹⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

50. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 50 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-9}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} -$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-5} - \frac{9}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{4}{2^{6n}}\right)} = 4^{-5}$$

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{9}{4}} D.4^{\frac{-9}{4}} E.4^{\frac{4}{9}} F.4^{\frac{-4}{9}} G.4^{9-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

51. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 51 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-9}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

52. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 52 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-9}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{9}{7}} D.4^{\frac{-9}{7}} E.4^{\frac{7}{9}} F.4^{\frac{-7}{9}} G.4^{9-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

53. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 53 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{9}{8}}~D.4^{\frac{-9}{8}}~E.4^{\frac{8}{9}}~F.4^{\frac{-8}{9}}~G.4^{9-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

54. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 54 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-5}-10}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-5}-10}{8^{2n}-3}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

55. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 55 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-10}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5}$ $B.4^{5}$ $C.4^{\frac{10}{7}}$ $D.4^{\frac{-10}{7}}$ $E.4^{\frac{7}{10}}$ $F.4^{\frac{-7}{10}}$ $G.4^{10-7}$ H.0 $I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

56. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 56 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-10}{8^{2n}-9}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

A.4⁻⁵ B.4⁵ C.4^{$\frac{10}{9}$} D.4^{$\frac{-10}{9}$} E.4^{$\frac{9}{10}$} F.4^{$\frac{-9}{10}$} G.4^{$\frac{10-9}{9}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

57. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 57 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

A.4⁻⁵ B.4⁵ C.4 $^{\frac{11}{2}}$ D.4 $^{\frac{-11}{2}}$ E.4 $^{\frac{2}{11}}$ F.4 $^{\frac{-2}{11}}$ G.4¹¹⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

58. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 58 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{11}{3}}~D.4^{\frac{-11}{3}}~E.4^{\frac{3}{11}}~F.4^{\frac{-3}{11}}~G.4^{11-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

59. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 59 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test:

$$A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

60. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 60 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{11}{5}}~D.4^{\frac{-11}{5}}~E.4^{\frac{5}{11}}~F.4^{\frac{-5}{11}}~G.4^{11-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

61. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 61 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-6}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{11}{6}}~D.4^{\frac{-11}{6}}~E.4^{\frac{6}{11}}~F.4^{\frac{-6}{11}}~G.4^{11-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

62. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 62 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 ${\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{11}{7}}~D.4^{\frac{-11}{7}}~E.4^{\frac{7}{11}}~F.4^{\frac{-7}{11}}~G.4^{11-7}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

63. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 63 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-8}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{8}{2^{6n}}\right)} = 4^{-5}$$

$$4^{-5}$$

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{11}{8}} D.4^{\frac{-11}{8}} E.4^{\frac{8}{11}} F.4^{\frac{-8}{11}} G.4^{11-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

64. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 64 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

$$4^{-5}$$

Test:

 $\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{11}{9}}~D.4^{\frac{-11}{9}}~E.4^{\frac{9}{11}}~F.4^{\frac{-9}{11}}~G.4^{11-9}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

65. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 65 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-11}{8^{2n}-10}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 11}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{11}{10}} D.4^{\frac{-11}{10}} E.4^{\frac{10}{11}} F.4^{\frac{-10}{11}} G.4^{11-10} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

66. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 66 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-12}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

A.4⁻⁵ B.4⁵ C.4 $^{\frac{12}{5}}$ D.4 $^{\frac{-12}{5}}$ E.4 $^{\frac{5}{12}}$ F.4 $^{\frac{-5}{12}}$ G.4¹²⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

67. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 67 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-12}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-5}-12}{8^{2n}-7}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

 4^{-5}

Test:

 $A.4^{-5} B.4^{5} C.4^{\frac{12}{7}} D.4^{\frac{-12}{7}} E.4^{\frac{7}{12}} F.4^{\frac{-7}{12}} G.4^{12-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

68. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 68 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-5}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-5} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-5} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-5} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-5}$$

Odpowiedź:

 4^{-5}

Test:

 ${\rm A.4^{-5}~B.4^{5}~C.4^{\frac{12}{11}}~D.4^{\frac{-12}{11}}~E.4^{\frac{11}{12}}~F.4^{\frac{-11}{12}}~G.4^{12-11}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

69. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 69 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-3}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

70. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 70 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-4}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

71. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 71 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

72. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 72 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-5}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 5}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4
$$\frac{5}{3}$$
 D.4 $\frac{-5}{3}$ E.4 $\frac{3}{5}$ F.4 $\frac{-3}{5}$ G.4⁵⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

73. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 73 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{5}{4}}~D.4^{\frac{-5}{4}}~E.4^{\frac{4}{5}}~F.4^{\frac{-4}{5}}~G.4^{5-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

74. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 74 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-6}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{6}{5}} D.4^{\frac{-6}{5}} E.4^{\frac{5}{6}} F.4^{\frac{-5}{6}} G.4^{6-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

75. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 75 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-7}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{7}{2}}~D.4^{\frac{-7}{2}}~E.4^{\frac{2}{7}}~F.4^{\frac{-2}{7}}~G.4^{7-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

76. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 76 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-7}{8^{2n}-3}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 7}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-6} - \frac{7}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{3}{2^{6n}}\right)} = 4^{-6}$$

$$4^{-6}$$

Test:

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4 $\frac{7}{3}$ D.4 $\frac{-7}{3}$ E.4 $\frac{3}{7}$ F.4 $\frac{-3}{7}$ G.4⁷⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

77. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 77 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-7}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

78. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 78 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-7}{8^{2n}-5}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 7}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

 4^{-6}

Test

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{7}{5}} D.4^{\frac{-7}{5}} E.4^{\frac{5}{7}} F.4^{\frac{-5}{7}} G.4^{7-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

79. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 79 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-6}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{7}{6}} D.4^{\frac{-7}{6}} E.4^{\frac{6}{7}} F.4^{\frac{-6}{7}} G.4^{7-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

80. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 80 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-8}{8^{2n}-3}.$

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-6}-8}{8^{2n}-3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{8}{3}}~D.4^{\frac{-8}{3}}~E.4^{\frac{3}{8}}~F.4^{\frac{-3}{8}}~G.4^{8-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

81. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 81 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

82. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 82 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-8}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{8}{7}} D.4^{\frac{-8}{7}} E.4^{\frac{7}{8}} F.4^{\frac{-7}{8}} G.4^{8-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

83. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 83 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-9}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 9}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

84. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 84 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-9}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{9}{4}} D.4^{\frac{-9}{4}} E.4^{\frac{4}{9}} F.4^{\frac{-4}{9}} G.4^{9-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

85. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 85 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-9}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4
$$\frac{9}{5}$$
 D.4 $\frac{-9}{5}$ E.4 $\frac{5}{9}$ F.4 $\frac{-5}{9}$ G.4⁹⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

86. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 86 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{9}{7}} D.4^{\frac{-9}{7}} E.4^{\frac{7}{9}} F.4^{\frac{-7}{9}} G.4^{9-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

87. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 87 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-9}{8^{2n}-8}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{9}{8}}~D.4^{\frac{-9}{8}}~E.4^{\frac{8}{9}}~F.4^{\frac{-8}{9}}~G.4^{9-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

88. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 88 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-10}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{10}{3}}~D.4^{\frac{-10}{3}}~E.4^{\frac{3}{10}}~F.4^{\frac{-3}{10}}~G.4^{10-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

89. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 89 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-10}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-6} - \frac{10}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{7}{2^{6n}}\right)} = 4^{-6}$$

$$4^{-6}$$

Test:

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4^{$\frac{10}{7}$} D.4^{$\frac{-10}{7}$} E.4^{$\frac{7}{10}$} F.4^{$\frac{-7}{10}$} G.4^{$\frac{10-7}{10}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

90. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 90 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{10}{9}}~D.4^{\frac{-10}{9}}~E.4^{\frac{9}{10}}~F.4^{\frac{-9}{10}}~G.4^{10-9}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

91. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 91 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} -$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

 4^{-6}

Test

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

92. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 92 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4^{$\frac{11}{3}$} D.4^{$\frac{-11}{3}$} E.4^{$\frac{3}{11}$} F.4^{$\frac{-3}{11}$} G.4^{$\frac{11-3}{3}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

93. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 93 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-4}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{11}{4}}~D.4^{\frac{-11}{4}}~E.4^{\frac{4}{11}}~F.4^{\frac{-4}{11}}~G.4^{11-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

94. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 94 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test

 ${\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{11}{5}}~D.4^{\frac{-11}{5}}~E.4^{\frac{5}{11}}~F.4^{\frac{-5}{11}}~G.4^{11-5}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

95. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 95 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-6}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test.

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{11}{6}} D.4^{\frac{-11}{6}} E.4^{\frac{6}{11}} F.4^{\frac{-6}{11}} G.4^{11-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

96. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 96 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{11}{7}}~D.4^{\frac{-11}{7}}~E.4^{\frac{7}{11}}~F.4^{\frac{-7}{11}}~G.4^{11-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

97. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 97 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 $\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{11}{8}}~D.4^{\frac{-11}{8}}~E.4^{\frac{8}{11}}~F.4^{\frac{-8}{11}}~G.4^{11-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

98. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 98 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-9}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

$$4^{-6}$$

Test:

$$A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{11}{9}} D.4^{\frac{-11}{9}} E.4^{\frac{9}{11}} F.4^{\frac{-9}{11}} G.4^{11-9} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

99. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 99 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-6}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{11}{10}} D.4^{\frac{-11}{10}} E.4^{\frac{10}{11}} F.4^{\frac{-10}{11}} G.4^{11-10} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

100. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 100 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test

A.4⁻⁶ B.4⁶ C.4^{$\frac{12}{5}$} D.4^{$\frac{-12}{5}$} E.4^{$\frac{5}{12}$} F.4^{$\frac{-5}{12}$} G.4¹²⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

101. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 101 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-12}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-6} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-6}$$

Odpowiedź:

 4^{-6}

Test:

 ${\rm A.4^{-6}~B.4^{6}~C.4^{\frac{12}{7}}~D.4^{\frac{-12}{7}}~E.4^{\frac{7}{12}}~F.4^{\frac{-7}{12}}~G.4^{12-7}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

102. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 102 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-6}-12}{8^{2n}-11}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-6} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-6} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-6} - \frac{12}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{11}{2^{6n}}\right)} = 4^{-6}$$

$$4^{-6}$$

Test:

 $A.4^{-6} B.4^{6} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

103. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 103 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-3}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

104. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 104 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-4}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

105. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 105 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 5}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Tost

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

106. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 106 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-5}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-7}-5}{8^{2n}-3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{5}{3}} D.4^{\frac{-5}{3}} E.4^{\frac{3}{5}} F.4^{\frac{-3}{5}} G.4^{5-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

107. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 107 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

108. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 108 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-6}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test.

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{6}{5}} D.4^{\frac{-6}{5}} E.4^{\frac{5}{6}} F.4^{\frac{-5}{6}} G.4^{6-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

109. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 109 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-7}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

110. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 110 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{7}{3}}~D.4^{\frac{-7}{3}}~E.4^{\frac{3}{7}}~F.4^{\frac{-3}{7}}~G.4^{7-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

111. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 111 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-7}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$A-7$$

Test:

$$A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

112. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 112 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{7}{5}}~D.4^{\frac{-7}{5}}~E.4^{\frac{5}{7}}~F.4^{\frac{-5}{7}}~G.4^{7-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

113. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 113 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-7}{8^{2n}-6}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{7}{6}}~D.4^{\frac{-7}{6}}~E.4^{\frac{6}{7}}~F.4^{\frac{-6}{7}}~G.4^{7-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

114. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 114 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-8}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

115. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 115 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-8}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-7} - \frac{8}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{5}{2^{6n}}\right)} = 4^{-7}$$

$$4^{-7}$$

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

116. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 116 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-8}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{8}{7}}~D.4^{\frac{-8}{7}}~E.4^{\frac{7}{8}}~F.4^{\frac{-7}{8}}~G.4^{8-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

117. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 117 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

118. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 118 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{9}{4}}~D.4^{\frac{-9}{4}}~E.4^{\frac{4}{9}}~F.4^{\frac{-4}{9}}~G.4^{9-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

119. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 119 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-5}.$

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

120. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 120 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{9}{7}}~D.4^{\frac{-9}{7}}~E.4^{\frac{7}{9}}~F.4^{\frac{-7}{9}}~G.4^{9-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

121. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 121 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{9}{8}} D.4^{\frac{-9}{8}} E.4^{\frac{8}{9}} F.4^{\frac{-8}{9}} G.4^{9-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

122. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 122 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-10}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

123. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 123 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-10}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{10}{7}} D.4^{\frac{-10}{7}} E.4^{\frac{7}{10}} F.4^{\frac{-7}{10}} G.4^{10-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

124. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 124 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$A-7$$

Test:

$$A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

125. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 125 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

126. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 126 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{11}{3}}~D.4^{\frac{-11}{3}}~E.4^{\frac{3}{11}}~F.4^{\frac{-3}{11}}~G.4^{11-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

127. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 127 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{11}{4}}~D.4^{\frac{-11}{4}}~E.4^{\frac{4}{11}}~F.4^{\frac{-4}{11}}~G.4^{11-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

128. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 128 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{5}{2^{6n}}\right)} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{11}{5}} D.4^{\frac{-11}{5}} E.4^{\frac{5}{11}} F.4^{\frac{-5}{11}} G.4^{11-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

129. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 129 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{11}{6}}~D.4^{\frac{-11}{6}}~E.4^{\frac{6}{11}}~F.4^{\frac{-6}{11}}~G.4^{11-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

130. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 130 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 17} = \lim_{n \to \infty} \frac{$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{11}{7}} D.4^{\frac{-11}{7}} E.4^{\frac{7}{11}} F.4^{\frac{-7}{11}} G.4^{11-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

131. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 131 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

 $\mathbf{Test}:$

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{11}{8}}~D.4^{\frac{-11}{8}}~E.4^{\frac{8}{11}}~F.4^{\frac{-8}{11}}~G.4^{11-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

132. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 132 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-9}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-9}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{11}{9}} D.4^{\frac{-11}{9}} E.4^{\frac{9}{11}} F.4^{\frac{-9}{11}} G.4^{11-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

133. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 133 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

$$4^{-7}$$

Test:

 $\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{11}{10}}~D.4^{\frac{-11}{10}}~E.4^{\frac{10}{11}}~F.4^{\frac{-10}{11}}~G.4^{11-10}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

134. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 134 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-12}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{12}{5}} D.4^{\frac{-12}{5}} E.4^{\frac{5}{12}} F.4^{\frac{-5}{12}} G.4^{12-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

135. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 135 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-12}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 $A.4^{-7} B.4^{7} C.4^{\frac{12}{7}} D.4^{\frac{-12}{7}} E.4^{\frac{7}{12}} F.4^{\frac{-7}{12}} G.4^{12-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

136. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 136 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-7}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-7} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-7} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-7} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-7}$$

Odpowiedź:

 4^{-7}

Test:

 ${\rm A.4^{-7}~B.4^{7}~C.4^{\frac{12}{11}}~D.4^{\frac{-12}{11}}~E.4^{\frac{11}{12}}~F.4^{\frac{-11}{12}}~G.4^{12-11}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

137. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 137 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-3}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4 $\frac{3}{2}$ D.4 $\frac{-3}{2}$ E.4 $\frac{2}{3}$ F.4 $\frac{-2}{3}$ G.4³⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

138. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 138 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-4}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

139. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 139 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{5}{2}}~D.4^{\frac{-5}{2}}~E.4^{\frac{2}{5}}~F.4^{\frac{-2}{5}}~G.4^{5-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

140. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 140 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 5}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{5}{3}}~D.4^{\frac{-5}{3}}~E.4^{\frac{3}{5}}~F.4^{\frac{-3}{5}}~G.4^{5-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

141. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 141 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-5}{8^{2n}-4}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-8} - \frac{5}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{4}{2^{6n}}\right)} = 4^{-8}$$

$$4^{-8}$$

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4^{$\frac{5}{4}$} D.4^{$\frac{-5}{4}$} E.4^{$\frac{4}{5}$} F.4^{$\frac{-4}{5}$} G.4⁵⁻⁴ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

142. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 142 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 6}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4^{$\frac{6}{5}$} D.4^{$\frac{-6}{5}$} E.4^{$\frac{5}{6}$} F.4^{$\frac{-5}{6}$} G.4⁶⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

143. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 143 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

 4^{-8}

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

144. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 144 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

 ${f Test:}$

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{7}{3}} D.4^{\frac{-7}{3}} E.4^{\frac{3}{7}} F.4^{\frac{-3}{7}} G.4^{7-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

145. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 145 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-4}$.

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

 4^{-8}

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

146. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 146 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{7}{5}} D.4^{\frac{-7}{5}} E.4^{\frac{5}{7}} F.4^{\frac{-5}{7}} G.4^{7-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

147. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 147 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 7}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{7}{6}} D.4^{\frac{-7}{6}} E.4^{\frac{6}{7}} F.4^{\frac{-6}{7}} G.4^{7-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

148. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 148 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-8}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{8}{3}}~D.4^{\frac{-8}{3}}~E.4^{\frac{3}{8}}~F.4^{\frac{-3}{8}}~G.4^{8-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

149. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 149 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 8}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{8}{5}}~D.4^{\frac{-8}{5}}~E.4^{\frac{5}{8}}~F.4^{\frac{-5}{8}}~G.4^{8-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

150. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 150 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-8}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4⁸
$$\overline{}$$
 D.4⁻⁸ $\overline{}$ E.4⁷ $\overline{}$ F.4⁻⁷ $\overline{}$ G.4⁸⁻⁷ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

151. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 151 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-8}-9}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{9}{2}}~D.4^{\frac{-9}{2}}~E.4^{\frac{2}{9}}~F.4^{\frac{-2}{9}}~G.4^{9-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

152. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 152 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-9}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus , recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{9}{4}}~D.4^{\frac{-9}{4}}~E.4^{\frac{4}{9}}~F.4^{\frac{-4}{9}}~G.4^{9-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

153. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 153 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-9}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{9}{5}}~D.4^{\frac{-9}{5}}~E.4^{\frac{5}{9}}~F.4^{\frac{-5}{9}}~G.4^{9-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

154. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 154 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-9}{8^{2n}-7}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} -$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-8} - \frac{9}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{7}{2^{6n}}\right)} = 4^{-8}$$

$$4^{-8}$$

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4 $\frac{9}{7}$ D.4 $\frac{-9}{7}$ E.4 $\frac{7}{9}$ F.4 $\frac{-7}{9}$ G.4⁹⁻⁷ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

155. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 155 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-8}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{9}{8}}~D.4^{\frac{-9}{8}}~E.4^{\frac{8}{9}}~F.4^{\frac{-8}{9}}~G.4^{9-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

156. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 156 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-10}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 10} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

 4^{-8}

Test

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

157. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 157 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-10}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4 $^{\frac{10}{7}}$ D.4 $^{\frac{-10}{7}}$ E.4 $^{\frac{7}{10}}$ F.4 $^{\frac{-7}{10}}$ G.4¹⁰⁻⁷ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

158. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 158 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-10}{8^{2n}-9}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-8}-10}{8^{2n}-9}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

 4^{-8}

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

159. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 159 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

160. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 160 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4 $\frac{11}{3}$ D.4 $\frac{-11}{3}$ E.4 $\frac{3}{11}$ F.4 $\frac{-3}{11}$ G.4¹¹⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

161. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 161 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4^{$\frac{11}{4}$} D.4^{$\frac{-11}{4}$} E.4^{$\frac{4}{11}$} F.4^{$\frac{-4}{11}$} G.4^{$\frac{11-4}{11}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

162. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 162 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{11}{5}}~D.4^{\frac{-11}{5}}~E.4^{\frac{5}{11}}~F.4^{\frac{-5}{11}}~G.4^{11-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

163. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 163 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

A.4⁻⁸ B.4⁸ C.4
$$^{\frac{11}{6}}$$
 D.4 $^{\frac{-11}{6}}$ E.4 $^{\frac{6}{11}}$ F.4 $^{\frac{-6}{11}}$ G.4¹¹⁻⁶ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

164. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 164 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{11}{7}} D.4^{\frac{-11}{7}} E.4^{\frac{7}{11}} F.4^{\frac{-7}{11}} G.4^{11-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

165. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 165 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{11}{8}}~D.4^{\frac{-11}{8}}~E.4^{\frac{8}{11}}~F.4^{\frac{-8}{11}}~G.4^{11-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

166. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 166 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-9}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{11}{9}}~D.4^{\frac{-11}{9}}~E.4^{\frac{9}{11}}~F.4^{\frac{-9}{11}}~G.4^{11-9}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

167. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 167 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-11}{8^{2n}-10}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-8} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{10}{2^{6n}}\right)} = 4^{-8}$$

$$4^{-8}$$

Test:

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{11}{10}} D.4^{\frac{-11}{10}} E.4^{\frac{10}{11}} F.4^{\frac{-10}{11}} G.4^{11-10} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

168. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 168 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

$$4^{-8}$$

Test:

 $\rm A.4^{-8}~B.4^{8}~C.4^{\frac{12}{5}}~D.4^{\frac{-12}{5}}~E.4^{\frac{5}{12}}~F.4^{\frac{-5}{12}}~G.4^{12-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

169. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 169 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-12}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 12} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

 4^{-8}

Test

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{12}{7}} D.4^{\frac{-12}{7}} E.4^{\frac{7}{12}} F.4^{\frac{-7}{12}} G.4^{12-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

170. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 170 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-8}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-8} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-8} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-8} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-8}$$

Odpowiedź:

 4^{-8}

 ${f Test:}$

 $A.4^{-8} B.4^{8} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

171. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 171 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-3}{8^{2n}-2}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

172. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 172 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-4}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 4}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test.

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

173. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 173 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test.

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

174. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 174 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

A.4⁻⁹ B.4⁹ C.4 $\frac{5}{3}$ D.4 $\frac{-5}{3}$ E.4 $\frac{3}{5}$ F.4 $\frac{-3}{5}$ G.4⁵⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

175. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 175 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

176. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 176 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

$$A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{6}{5}} D.4^{\frac{-6}{5}} E.4^{\frac{5}{6}} F.4^{\frac{-5}{6}} G.4^{6-5} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

177. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 177 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-9}-7}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{7}{2}}~D.4^{\frac{-7}{2}}~E.4^{\frac{2}{7}}~F.4^{\frac{-2}{7}}~G.4^{7-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

178. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 178 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-7}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus , recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{7}{3}} D.4^{\frac{-7}{3}} E.4^{\frac{3}{7}} F.4^{\frac{-3}{7}} G.4^{7-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

179. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 179 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-7}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{7}{4}}~D.4^{\frac{-7}{4}}~E.4^{\frac{4}{7}}~F.4^{\frac{-4}{7}}~G.4^{7-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

180. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 180 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-7}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-9} - \frac{7}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{5}{2^{6n}}\right)} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test:

A.4⁻⁹ B.4⁹ C.4 $\frac{7}{5}$ D.4 $\frac{-7}{5}$ E.4 $\frac{5}{7}$ F.4 $\frac{-5}{7}$ G.4⁷⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

181. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 181 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{7}{6}} D.4^{\frac{-7}{6}} E.4^{\frac{6}{7}} F.4^{\frac{-6}{7}} G.4^{7-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

182. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 182 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-8}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

183. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 183 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

 ${f Test:}$

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

184. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 184 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-8}{8^{2n}-7}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-9}-8}{8^{2n}-7}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{8}{7}}~D.4^{\frac{-8}{7}}~E.4^{\frac{7}{8}}~F.4^{\frac{-7}{8}}~G.4^{8-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

185. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 185 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-9}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

A.4⁻⁹ B.4⁹ C.4^{$\frac{9}{2}$} D.4^{$\frac{-9}{2}$} E.4^{$\frac{2}{9}$} F.4^{$\frac{-2}{9}$} G.4⁹⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

186. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 186 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-9}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 9}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{9}{4}} D.4^{\frac{-9}{4}} E.4^{\frac{4}{9}} F.4^{\frac{-4}{9}} G.4^{9-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

187. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 187 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-9}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

188. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 188 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{9}{7}}~D.4^{\frac{-9}{7}}~E.4^{\frac{7}{9}}~F.4^{\frac{-7}{9}}~G.4^{9-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

189. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 189 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

$$A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{9}{8}} D.4^{\frac{-9}{8}} E.4^{\frac{8}{9}} F.4^{\frac{-8}{9}} G.4^{9-8} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

190. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 190 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-9}-10}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

A.4⁻⁹ B.4⁹ C.4 $\frac{10}{3}$ D.4 $\frac{-10}{3}$ E.4 $\frac{3}{10}$ F.4 $\frac{-3}{10}$ G.4¹⁰⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

191. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 191 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-10}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{10}{7}} D.4^{\frac{-10}{7}} E.4^{\frac{7}{10}} F.4^{\frac{-7}{10}} G.4^{10-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

192. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 192 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{10}{9}}~D.4^{\frac{-10}{9}}~E.4^{\frac{9}{10}}~F.4^{\frac{-9}{10}}~G.4^{10-9}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

193. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 193 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{2}{2^{6n}}\right)} = 4^{-9}$$

$$4^{-9}$$

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

194. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 194
 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{11}{3}} D.4^{\frac{-11}{3}} E.4^{\frac{3}{11}} F.4^{\frac{-3}{11}} G.4^{11-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

195. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 195
 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

196. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 196 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

A.4⁻⁹ B.4⁹ C.4 $^{\frac{11}{5}}$ D.4 $^{\frac{-11}{5}}$ E.4 $^{\frac{5}{11}}$ F.4 $^{\frac{-5}{11}}$ G.4¹¹⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

197. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 197 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-6}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-6}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{11}{6}}~D.4^{\frac{-11}{6}}~E.4^{\frac{6}{11}}~F.4^{\frac{-6}{11}}~G.4^{11-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

198. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 198 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 ${\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{11}{7}}~D.4^{\frac{-11}{7}}~E.4^{\frac{7}{11}}~F.4^{\frac{-7}{11}}~G.4^{11-7}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

A

199. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 199
 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-8}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{11}{8}} D.4^{\frac{-11}{8}} E.4^{\frac{8}{11}} F.4^{\frac{-8}{11}} G.4^{11-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

200. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 200 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

$$\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{11}{9}}~D.4^{\frac{-11}{9}}~E.4^{\frac{9}{11}}~F.4^{\frac{-9}{11}}~G.4^{11-9}~H.0~I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

201. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 201 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{11}{10}}~D.4^{\frac{-11}{10}}~E.4^{\frac{10}{11}}~F.4^{\frac{-10}{11}}~G.4^{11-10}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

202. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 202 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

$$A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{12}{5}} D.4^{\frac{-12}{5}} E.4^{\frac{5}{12}} F.4^{\frac{-5}{12}} G.4^{12-5} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

203. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 203 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-12}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

 4^{-9}

Test:

 $A.4^{-9} B.4^{9} C.4^{\frac{12}{7}} D.4^{\frac{-12}{7}} E.4^{\frac{7}{12}} F.4^{\frac{-7}{12}} G.4^{12-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

204. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 204 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-9}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-9} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-9} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-9} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-9}$$

Odpowiedź:

$$4^{-9}$$

Test:

 $\rm A.4^{-9}~B.4^{9}~C.4^{\frac{12}{11}}~D.4^{\frac{-12}{11}}~E.4^{\frac{11}{12}}~F.4^{\frac{-11}{12}}~G.4^{12-11}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

205. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 205 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-3}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{3}{2}}~D.4^{\frac{-3}{2}}~E.4^{\frac{2}{3}}~F.4^{\frac{-2}{3}}~G.4^{3-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

206. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 206 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-4}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 4}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-10} - \frac{4}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{3}{2^{6n}}\right)} = 4^{-10}$$

$$4^{-10}$$

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

207. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 207 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-10}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

208. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 208 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-5}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{5}{3}} D.4^{\frac{-5}{3}} E.4^{\frac{3}{5}} F.4^{\frac{-3}{5}} G.4^{5-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

209. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 209 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-5}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Tost.

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

210. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 210 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-6}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{6}{5}} D.4^{\frac{-6}{5}} E.4^{\frac{5}{6}} F.4^{\frac{-5}{6}} G.4^{6-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

211. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 211 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-7}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

212. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 212 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 7}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{7}{3}} D.4^{\frac{-7}{3}} E.4^{\frac{3}{7}} F.4^{\frac{-3}{7}} G.4^{7-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

213. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 213 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-7}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

214. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 214 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{7}{5}} D.4^{\frac{-7}{5}} E.4^{\frac{5}{7}} F.4^{\frac{-5}{7}} G.4^{7-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

215. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 215 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

A.4⁻¹⁰ B.4¹⁰ C.4
$$\frac{7}{6}$$
 D.4 $\frac{-7}{6}$ E.4 $\frac{6}{7}$ F.4 $\frac{-6}{7}$ G.4⁷⁻⁶ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

216. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 216 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-8}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 8}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

217. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 217 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{8}{5}}~D.4^{\frac{-8}{5}}~E.4^{\frac{5}{8}}~F.4^{\frac{-5}{8}}~G.4^{8-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

218. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 218 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-8}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{8}{7}}~D.4^{\frac{-8}{7}}~E.4^{\frac{7}{8}}~F.4^{\frac{-7}{8}}~G.4^{8-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

219. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 219 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 9}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-10} - \frac{9}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{2}{2^{6n}}\right)} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

220. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 220 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{9}{4}}~D.4^{\frac{-9}{4}}~E.4^{\frac{4}{9}}~F.4^{\frac{-4}{9}}~G.4^{9-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

221. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 221 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

222. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 222 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Tost.

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{9}{7}}~D.4^{\frac{-9}{7}}~E.4^{\frac{7}{9}}~F.4^{\frac{-7}{9}}~G.4^{9-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

223. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 223 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-8}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-10}-9}{8^{2n}-8}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{9}{8}} D.4^{\frac{-9}{8}} E.4^{\frac{8}{9}} F.4^{\frac{-8}{9}} G.4^{9-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

224. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 224 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-10}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

225. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 225 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-10}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{10}{7}} D.4^{\frac{-10}{7}} E.4^{\frac{7}{10}} F.4^{\frac{-7}{10}} G.4^{10-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

226. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 226 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-10}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

227. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 227 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{11}{2}}~D.4^{\frac{-11}{2}}~E.4^{\frac{2}{11}}~F.4^{\frac{-2}{11}}~G.4^{11-2}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

228. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 228 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

$$4^{-10}$$

Test:

$$A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{11}{3}} D.4^{\frac{-11}{3}} E.4^{\frac{3}{11}} F.4^{\frac{-3}{11}} G.4^{11-3} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

229. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 229 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

230. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 230 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{11}{5}} D.4^{\frac{-11}{5}} E.4^{\frac{5}{11}} F.4^{\frac{-5}{11}} G.4^{11-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

231. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 231 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{11}{6}}~D.4^{\frac{-11}{6}}~E.4^{\frac{6}{11}}~F.4^{\frac{-6}{11}}~G.4^{11-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

232. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 232 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{7}{2^{6n}}\right)} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{11}{7}} D.4^{\frac{-11}{7}} E.4^{\frac{7}{11}} F.4^{\frac{-7}{11}} G.4^{11-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

233. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 233 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{11}{8}}~D.4^{\frac{-11}{8}}~E.4^{\frac{8}{11}}~F.4^{\frac{-8}{11}}~G.4^{11-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

234. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 234 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-9}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{11}{9}}~D.4^{\frac{-11}{9}}~E.4^{\frac{9}{11}}~F.4^{\frac{-9}{11}}~G.4^{11-9}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

235. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 235 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $\rm A.4^{-10}~B.4^{10}~C.4^{\frac{11}{10}}~D.4^{\frac{-11}{10}}~E.4^{\frac{10}{11}}~F.4^{\frac{-10}{11}}~G.4^{11-10}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

236. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 236 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-12}{8^{2n}-5}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-10}-12}{8^{2n}-5}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{12}{5}} D.4^{\frac{-12}{5}} E.4^{\frac{5}{12}} F.4^{\frac{-5}{12}} G.4^{12-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

237. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 237 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-12}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{12}{7}} D.4^{\frac{-12}{7}} E.4^{\frac{7}{12}} F.4^{\frac{-7}{12}} G.4^{12-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

238. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 238 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-10}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-10} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-10} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-10} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-10}$$

Odpowiedź:

 4^{-10}

Test:

 $A.4^{-10} B.4^{10} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

239. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 239 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-3}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

$$A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

Α

240. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 240 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-4}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

241. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 241 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-5}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 5}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4^{$$\frac{5}{2}$$} D.4 ^{$\frac{-5}{2}$} E.4 ^{$\frac{2}{5}$} F.4 ^{$\frac{-2}{5}$} G.4⁵⁻² H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

242. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 242 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{5}{3}}~D.4^{\frac{-5}{3}}~E.4^{\frac{3}{5}}~F.4^{\frac{-3}{5}}~G.4^{5-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

243. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 243 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{5}{4}}~D.4^{\frac{-5}{4}}~E.4^{\frac{4}{5}}~F.4^{\frac{-4}{5}}~G.4^{5-4}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

244. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 244 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 ${\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{6}{5}}~D.4^{\frac{-6}{5}}~E.4^{\frac{5}{6}}~F.4^{\frac{-5}{6}}~G.4^{6-5}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

245. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 245 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-11} - \frac{7}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{2}{2^{6n}}\right)} = 4^{-11}$$

$$4^{-11}$$

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

246. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 246 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 ${\rm A}.4^{-11}~{\rm B}.4^{11}~{\rm C}.4^{\frac{7}{3}}~{\rm D}.4^{\frac{-7}{3}}~{\rm E}.4^{\frac{3}{7}}~{\rm F}.4^{\frac{-3}{7}}~{\rm G}.4^{7-3}~{\rm H}.0~{\rm I}.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

247. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 247 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 7}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} = 0$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

 4^{-11}

Test

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

248. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 248 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 7}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 $4^{-1\bar{1}}$

 ${f Test:}$

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{7}{5}}~D.4^{\frac{-7}{5}}~E.4^{\frac{5}{7}}~F.4^{\frac{-5}{7}}~G.4^{7-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

249. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 249 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-6}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-11}-7}{8^{2n}-6}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

 4^{-11}

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{7}{6}}~D.4^{\frac{-7}{6}}~E.4^{\frac{6}{7}}~F.4^{\frac{-6}{7}}~G.4^{7-6}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

250. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 250 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-8}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test.

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

251. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 251 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{8}{5}} D.4^{\frac{-8}{5}} E.4^{\frac{5}{8}} F.4^{\frac{-5}{8}} G.4^{8-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

252. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 252 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-8}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{8}{7}}~D.4^{\frac{-8}{7}}~E.4^{\frac{7}{8}}~F.4^{\frac{-7}{8}}~G.4^{8-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

253. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 253 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-9}{8^{2n}-2}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

254. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 254 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-9}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4
$$\frac{9}{4}$$
 D.4 $\frac{-9}{4}$ E.4 $\frac{4}{9}$ F.4 $\frac{-4}{9}$ G.4⁹⁻⁴ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

255. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 255 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-9}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4 $\frac{9}{5}$ D.4 $\frac{-9}{5}$ E.4 $\frac{5}{9}$ F.4 $\frac{-5}{9}$ G.4⁹⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

256. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 256 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 9}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Tests

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{9}{7}}~D.4^{\frac{-9}{7}}~E.4^{\frac{7}{9}}~F.4^{\frac{-7}{9}}~G.4^{9-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

257. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 257 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 $4^{-1\overline{1}}$

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{9}{8}}~D.4^{\frac{-9}{8}}~E.4^{\frac{8}{9}}~F.4^{\frac{-8}{9}}~G.4^{9-8}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

258. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 258 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-10}{8^{2n}-3}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-11} - \frac{10}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{3}{2^{6n}}\right)} = 4^{-11}$$

$$4^{-11}$$

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

259. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 259 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-10}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{10}{7}}~D.4^{\frac{-10}{7}}~E.4^{\frac{7}{10}}~F.4^{\frac{-7}{10}}~G.4^{10-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

260. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 260 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-10}{8^{2n}-9}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

261. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 261 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 $4^{-1\bar{1}}$

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

262. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 262 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-3}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{11}{3}} D.4^{\frac{-11}{3}} E.4^{\frac{3}{11}} F.4^{\frac{-3}{11}} G.4^{11-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

263. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 263 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-4}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

264. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 264 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{11}{5}} D.4^{\frac{-11}{5}} E.4^{\frac{5}{11}} F.4^{\frac{-5}{11}} G.4^{11-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

265. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 265 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

$$A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{11}{6}} D.4^{\frac{-11}{6}} E.4^{\frac{6}{11}} F.4^{\frac{-6}{11}} G.4^{11-6} H.0 I.-\infty$$

Test poprawna odpowiedź:

A

266. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 266 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{11}{7}}~D.4^{\frac{-11}{7}}~E.4^{\frac{7}{11}}~F.4^{\frac{-7}{11}}~G.4^{11-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

267. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 267 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

$$4^{-11}$$

Test:

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4^{$$\frac{11}{8}$$} D.4 ^{$\frac{-11}{8}$} E.4 ^{$\frac{8}{11}$} F.4 ^{$\frac{-8}{11}$} G.4¹¹⁻⁸ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

268. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 268 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4^{$\frac{11}{9}$} D.4^{$\frac{-11}{9}$} E.4^{$\frac{9}{11}$} F.4^{$\frac{-9}{11}$} G.4¹¹⁻⁹ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

269. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 269 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $\rm A.4^{-11}~B.4^{11}~C.4^{\frac{11}{10}}~D.4^{\frac{-11}{10}}~E.4^{\frac{10}{11}}~F.4^{\frac{-10}{11}}~G.4^{11-10}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

270. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 270 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{12}{5}} D.4^{\frac{-12}{5}} E.4^{\frac{5}{12}} F.4^{\frac{-5}{12}} G.4^{12-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

271. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 271 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-12}{8^{2n}-7}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-11} - \frac{12}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{7}{2^{6n}}\right)} = 4^{-11}$$

 4^{-11}

Test:

A.4⁻¹¹ B.4¹¹ C.4^{$\frac{12}{7}$} D.4^{$\frac{-12}{7}$} E.4^{$\frac{7}{12}$} F.4^{$\frac{-7}{12}$} G.4^{$\frac{12}{12}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

272. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 272 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-11}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-11} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-11} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-11} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-11}$$

Odpowiedź:

 4^{-11}

Test:

 $A.4^{-11} B.4^{11} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

273. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 273 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-3}{8^{2n}-2}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{3n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-n} \cdot 4^{n} - 3}{8^{2n} - 2} = \lim$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 3}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{3}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{3}{2}} D.4^{\frac{-3}{2}} E.4^{\frac{2}{3}} F.4^{\frac{-2}{3}} G.4^{3-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

274. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 274 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-4}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 4}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 4}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{4}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{4}{3}} D.4^{\frac{-4}{3}} E.4^{\frac{3}{4}} F.4^{\frac{-3}{4}} G.4^{4-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

275. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 275 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-5}{8^{2n}-2}$.

$$\lim_{n\to\infty} \frac{4^{3n-12}-5}{8^{2n}-2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{5}{2}} D.4^{\frac{-5}{2}} E.4^{\frac{2}{5}} F.4^{\frac{-2}{5}} G.4^{5-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

276. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 276 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-5}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test

A.4⁻¹² B.4¹² C.4 $\frac{5}{3}$ D.4 $\frac{-5}{3}$ E.4 $\frac{3}{5}$ F.4 $\frac{-3}{5}$ G.4⁵⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

A

277. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 277 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-5}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 5}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 5}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{5}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test.

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{5}{4}} D.4^{\frac{-5}{4}} E.4^{\frac{4}{5}} F.4^{\frac{-4}{5}} G.4^{5-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

278. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 278 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-6}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 6}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 6}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{6}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4
$$\frac{6}{5}$$
 D.4 $\frac{-6}{5}$ E.4 $\frac{5}{6}$ F.4 $\frac{-5}{6}$ G.4⁶⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

279. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 279 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-7}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{7}{2}} D.4^{\frac{-7}{2}} E.4^{\frac{2}{7}} F.4^{\frac{-2}{7}} G.4^{7-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

280. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 280 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-7}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4
$$\frac{7}{3}$$
 D.4 $\frac{-7}{3}$ E.4 $\frac{3}{7}$ F.4 $\frac{-3}{7}$ G.4⁷⁻³ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

281. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 281 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-7}{8^{2n}-4}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{7}{4}} D.4^{\frac{-7}{4}} E.4^{\frac{4}{7}} F.4^{\frac{-4}{7}} G.4^{7-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

282. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 282 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-7}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{7}{5}}~D.4^{\frac{-7}{5}}~E.4^{\frac{5}{7}}~F.4^{\frac{-5}{7}}~G.4^{7-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowied $\acute{\mathbf{z}}$:

Α

283. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 283 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-7}{8^{2n}-6}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 7}{8^{2n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 7}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{7}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 ${\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{7}{6}}~D.4^{\frac{-7}{6}}~E.4^{\frac{6}{7}}~F.4^{\frac{-6}{7}}~G.4^{7-6}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

284. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 284 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-8}{8^{2n}-3}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 8}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 3} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-12} - \frac{8}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{3}{2^{6n}}\right)} = 4^{-12}$$

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{8}{3}} D.4^{\frac{-8}{3}} E.4^{\frac{3}{8}} F.4^{\frac{-3}{8}} G.4^{8-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

285. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 285 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-8}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4⁸ D.4⁻⁸ E.4⁵ F.4⁻⁵ G.4⁸⁻⁵ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

286. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 286 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-8}{8^{2n}-7}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 8}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 8}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{8}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{8}{7}} D.4^{\frac{-8}{7}} E.4^{\frac{7}{8}} F.4^{\frac{-7}{8}} G.4^{8-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

287. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 287 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-9}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Tost.

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{9}{2}} D.4^{\frac{-9}{2}} E.4^{\frac{2}{9}} F.4^{\frac{-2}{9}} G.4^{9-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

288. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 288 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-9}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 9}{8^{2n} - 4} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{4}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4^{$\frac{9}{4}$} D.4^{$\frac{-9}{4}$} E.4^{$\frac{4}{9}$} F.4^{$\frac{-4}{9}$} G.4⁹⁻⁴ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

289. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 289 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-9}{8^{2n}-5}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{9}{5}} D.4^{\frac{-9}{5}} E.4^{\frac{5}{9}} F.4^{\frac{-5}{9}} G.4^{9-5} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

290. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 290 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-9}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 9}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{9}{7}} D.4^{\frac{-9}{7}} E.4^{\frac{7}{9}} F.4^{\frac{-7}{9}} G.4^{9-7} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

291. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 291 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-9}{8^{2n}-8}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 9}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 9}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 9}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{9}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4
$$\frac{9}{8}$$
 D.4 $\frac{-9}{8}$ E.4 $\frac{8}{9}$ F.4 $\frac{-8}{9}$ G.4⁹⁻⁸ H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

292. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 292 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-10}{8^{2n}-3}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{10}{3}} D.4^{\frac{-10}{3}} E.4^{\frac{3}{10}} F.4^{\frac{-3}{10}} G.4^{10-3} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

293. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 293 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-10}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4^{$$\frac{10}{7}$$} D.4 ^{$\frac{-10}{7}$} E.4 ^{$\frac{7}{10}$} F.4 ^{$\frac{-7}{10}$} G.4 ^{$\frac{10-7}{10}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

294. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 294 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-10}{8^{2n}-9}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 10}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 10}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{10}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{10}{9}} D.4^{\frac{-10}{9}} E.4^{\frac{9}{10}} F.4^{\frac{-9}{10}} G.4^{10-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

295. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 295 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-2}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{2}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{2}} D.4^{\frac{-11}{2}} E.4^{\frac{2}{11}} F.4^{\frac{-2}{11}} G.4^{11-2} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

296. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 296 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-3}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 3} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{3}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{11}{3}}~D.4^{\frac{-11}{3}}~E.4^{\frac{3}{11}}~F.4^{\frac{-3}{11}}~G.4^{11-3}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

297. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 297 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-4}.$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 4} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} \left(4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}}\right)}{2^{6n} \left(1 - \frac{4}{2^{6n}}\right)} = 4^{-12}$$

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{4}} D.4^{\frac{-11}{4}} E.4^{\frac{4}{11}} F.4^{\frac{-4}{11}} G.4^{11-4} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

298. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 298 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{11}{5}}~D.4^{\frac{-11}{5}}~E.4^{\frac{5}{11}}~F.4^{\frac{-5}{11}}~G.4^{11-5}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

299. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 299 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-6}$.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 6} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 6} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{6}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{6}} D.4^{\frac{-11}{6}} E.4^{\frac{6}{11}} F.4^{\frac{-6}{11}} G.4^{11-6} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

300. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 300 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-7}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 7} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Tost.

 $\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{11}{7}}~D.4^{\frac{-11}{7}}~E.4^{\frac{7}{11}}~F.4^{\frac{-7}{11}}~G.4^{11-7}~H.0~I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

301. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 301 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-8}$.

$$\lim_{n\to\infty}\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-8}=$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 8} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{8}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{8}} D.4^{\frac{-11}{8}} E.4^{\frac{8}{11}} F.4^{\frac{-8}{11}} G.4^{11-8} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

302. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 302 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-9}.$

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 9} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{9}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{9}} D.4^{\frac{-11}{9}} E.4^{\frac{9}{11}} F.4^{\frac{-9}{11}} G.4^{11-9} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

303. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 303 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-11}{8^{2n}-10}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 11}{8^{2n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 11}{2^{6n} - 10} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{11}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{10}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

 4^{-12}

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{11}{10}} D.4^{\frac{-11}{10}} E.4^{\frac{10}{11}} F.4^{\frac{-10}{11}} G.4^{11-10} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

304. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 304 Obliczyć granicę ciągu $a_n = \frac{4^{3n-12}-12}{8^{2n}-5}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 5} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{5}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 ${\rm A.4^{-12}~B.4^{12}~C.4^{\frac{12}{5}}~D.4^{\frac{-12}{5}}~E.4^{\frac{5}{12}}~F.4^{\frac{-5}{12}}~G.4^{12-5}~H.0~I.-\infty}$

Test poprawna odpowiedź:

Α

305. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 305 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-12}{8^{2n}-7}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 7} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{7}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

A.4⁻¹² B.4¹² C.4^{$\frac{12}{7}$} D.4^{$\frac{-12}{7}$} E.4^{$\frac{7}{12}$} F.4^{$\frac{-7}{12}$} G.4^{$\frac{12-7}{12}$} H.0 I. $-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α

306. Zadanie z Wikieł Z 3.12 j) moja wersja nr 306 Obliczyć granicę ciągu $a_n=\frac{4^{3n-12}-12}{8^{2n}-11}$.

Rozwiązanie (autor Patryk Wirkus, recenzent):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{4^{3n-12} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 4^{3n} - 12}{8^{2n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{4^{-12} \cdot 2^{6n} - 12}{2^{6n} - 11} = \lim_{n \to \infty} \frac{2^{6n} (4^{-12} - \frac{12}{2^{6n}})}{2^{6n} (1 - \frac{11}{2^{6n}})} = 4^{-12}$$

Odpowiedź:

$$4^{-12}$$

Test:

 $A.4^{-12} B.4^{12} C.4^{\frac{12}{11}} D.4^{\frac{-12}{11}} E.4^{\frac{11}{12}} F.4^{\frac{-11}{12}} G.4^{12-11} H.0 I.-\infty$

Test poprawna odpowiedź:

Α