

## Matemática para Computação INTRODUÇÃO À LÓGICA – LISTA 5

## 1MACAM & 1MACAN

- · Tautologia, Contradição e Contingência
- · Argumentação Lógica

Professor Cláudio Bispo

- **1.** Considere a seguinte proposição: "Na eleição para prefeitura, o candidato A será eleito ou não será eleito". Do ponto de vista lógico, a afirmação da proposição caracteriza:
- (a) Um silogismo.
- (b) Uma tautologia.
- (c) Uma equivalência.
- (d) Uma contingência.
- (e) Uma contradição.
- **2.** Justifique o item subsequente. A proposição  $\neg p \lor (\neg q \to p)$  é uma tautologia.

[ ] CERTO

[ ] ERRADO

- **3.** Chama-se *tautologia* a toda proposição que é sempre verdadeira, independentemente da verdade dos termos que a compõem. Um exemplo de tautologia é:
- (a) se João é alto, então João é alto ou Guilherme é gordo.
- (b) se João é alto, então João é alto e Guilherme é gordo.
- (c) se João é alto ou Guilherme é gordo, então Guilherme é gordo.
- (d) se João é alto ou Guilherme é gordo, então João é alto e Guilherme é gordo.
- (e) se João é alto ou não é alto, então Guilherme é gordo.
- 4. Considere as fórmulas:

I. 
$$(p \lor q) \rightarrow p$$

II. 
$$(\mathfrak{p} \wedge \mathfrak{q}) \to \mathfrak{p}$$

III. 
$$(p \land q) \rightarrow (p \lor q)$$

É (São) tautologia(s) a(s) fórmula(s):

- (a) I somente
- (b) II somente
- (c) III somente
- (d) II e III somente
- (e) I, III e III
- **5.** Sabendo que a proposição p é verdadeira, encontre a tabela verdade das proposições:

a) 
$$[p \rightarrow \neg q] \leftrightarrow [(p \lor r) \land q]$$

b) [(p 
$$\rightarrow$$
 r)  $\vee$  (q  $\rightarrow$  r)]  $\leftrightarrow$  [(p  $\wedge$  q)  $\rightarrow$  r]

**6.** Considere o conectivo lógico ⊗ definido por

р	q	$p\otimesq$
V	V	F
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Construa a tabela da proposição:

$$[(p \otimes q) \rightarrow p] \wedge [q \otimes (p \vee q)]$$

**7.** Encontre a tabela verdade das seguintes proposições:

a) 
$$(p \lor \neg q) \leftrightarrow (\neg p \land q)$$

b) 
$$(p \land \neg p) \rightarrow (q \lor p)$$

c) 
$$(p \rightarrow r) \lor (q \rightarrow r) \leftrightarrow (p \land q) \rightarrow r$$

- 8. Analise as proposições e a sentença abaixo:
- p: Praticar esportes deve ser proibido;
- q: Praticar esportes não ajuda a emagrecer;
- r: Muitos brasileiros praticam esportes.

"Se praticar esportes não ajuda emagrecer e não é verdade que muitos brasileiros praticam esportes, então praticar esportes deve ser proibido."

Assinale a alternativa que contém a tradução correta da sentença em linguagem simbólica.

- (a)  $(q \lor \neg r) \to p$
- (b)  $(q \land \neg r) \rightarrow p$
- (c)  $\neg (q \lor r) \rightarrow p$
- (d)  $(q \lor \neg r) \leftrightarrow p$
- (e)  $(q \land \neg r) \leftrightarrow p$
- 9. Considere o seguinte argumento:

Se x=0 e y=z, então y>1. Temos y<1. Logo podemos concluir que  $y\neq z$ .

Ele é válido: [ ] SIM [ ] NÃO

**10.** Considere o seguinte argumento:

Se 7 é primo, então 7 não divide 21. Sabemos que 7 divide 21. Logo, 7 não é primo.

Ele é válido: [ ] SIM [ ] NÃO

## **GABARITO**

- **1.** [B]
- 2. CERTO
- **3.** [A]
- **4.** [D]
- **5.** a) contradição; b) tautologia.
- 6. contradição
- 7. a) contradição; b) contingência; c) tautologia.
- **8.** [B]
- **9.** NÃO
- **10.** SIM