

Preenchido pelo Aluno		
Nome		Data
Disciplina Álgebra Linear	Curso	
Professor (a) Wagner da Silva Zanco	Período	Turno
Preenchido pelo Professor		
Prova AV1		

1) Calcule o determinante da matriz utilizando o teorema de Laplace: (2,0 pontos)

$$D = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & -2 & 1 & 5 \\ 6 & 0 & -1 & 4 \\ -5 & 0 & 3 & 2 \end{vmatrix}$$

2) Esboce os seguintes vetores, com ponto inicial na origem. (2,0 pontos)

- a) $v_1 = (-4, 3)$
- b) $v_2 = (5, -4)$
- c) $v_3 = (3, 4, 5)$
- d) $v_4 = (3, 3, 0)$

3) Sejam $u = (-3, 1, 2)$, $v = (4, 0, -8)$ e $w = (6, -1, -4)$, encontre os componentes de:

- a) $v - w$
- b) $6u + 2v$
- c) $-v + u$
- d) $5(v - 4u)$

4) Calcule a magnitude (módulo) dos vetores u , v e w , da questão 3.

5) Encontre o produto escalar $u \cdot v$ e os respectivos vetores unitários do produto escalar.

- a) $u = (2, 1)$; $v = (2, 3)$
- b) $u = (2, -2)$; $v = (2, 4)$
- c) $u = (2, 3, 4)$; $v = (1, 1, 0)$

6) Sendo $u = (3, -1, -2)$, $v = (2, 4, -1)$ e $w = (-1, 0, 1)$, calcule:

- a) $u + v \times w$
- b) $2v + (3u \times w)$
- c) $(u \times v) + (v \times w)$
- d) $u + (v \times w)$

7) Prove que os vetores $u = (1, 0, 0)$, $v = (0, 2, 0)$ e $w = (2, 4, 0)$ são coplanares por meio do produto misto $(u \times v) \cdot w$.

8) Dados os vetores $v = (-2, 0, 3,)$ e $w = (2, 3, -2,)$, o produto vetorial $v \times w$ tem como resultado o vetor n . Determine a equação do plano onde se encontram os vetores v e w .

9) Verifique se o vetor $v = (7, 8, 9) \in \mathbb{R}^3$ é combinação linear de $v_1 = (2, 1, 4)$, $v_2 = (1, -1, 3)$ e $v_3 = (3, 2, 5)$.

10) Os vetores $v_1 = (1, 2)$, $v_2 = (2, 4)$ são LI ou LD?

11) Verifique se o conjunto $V = \{(1, 1, 1), (1, 1, 0), (1, 0, 0)\}$, é LI ou LD?

12) Verifique se o conjunto $V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | 2x - y = 0\}$ é um espaço vetorial.

13) Verifique se o conjunto W é um subespaço vetorial de \mathbb{R}^4 .

$$W = \{x, y, z, t \in \mathbb{R}^4 | x + y = 0 \text{ e } z - t = 0\}$$

14) Verifique se o conjunto S é um subespaço vetorial de $V = \mathbb{R}^3$.

$$S = \{x, y, z \in \mathbb{R}^3 | x \in \mathbb{Z} \text{ e } y, z \in \mathbb{R}\}$$