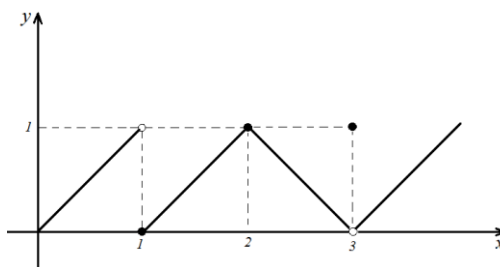




Preenchido pelo Aluno					
Nome				Matrícula	
Assinatura				Data	
Disciplina (Código: Nome) <b>Cálculo</b>			Curso	Campus	
Professor (a) <b>Wagner da Silva Zanco</b>			Período	Turma / Turno	
Preenchido pelo Professor					
Nota	Nota por extenso	Visto Professor (a)	Nota revista	Nota por extenso	Visto Professor (a)
simulado					

- 1) Dada a função  $y = f(x)$ , cujo gráfico é mostrado abaixo. Determine  $f(3)$  e  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ .



- 2) Calcule os limites, se existirem.

a)  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x - 4}$

b)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+3} - \sqrt{3}}{x}$

- 3) Calcule  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$

a)  $f(x) = 4x^2 - x$

b)  $f(x) = x^3$

- 4) Seja a função,  $f(x)$  determine o limite:

a)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{3x^2 - 5}{4x^2 - 5} \right)$

b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-4x^7 + 23x^3 + 5x^2 + 1)$

- 5) Encontre os pontos do gráfico  $y = x^2$ , no qual a reta tangente é paralela a reta  $y = 6x - 1$ .

6) Calcule  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{x^3-27}$ .

## Anexo

- I.  $\lim_{x \rightarrow a} x = a$   
II.  $\lim_{x \rightarrow a} c = c$   
III.  $\lim_{x \rightarrow a} c \cdot f(x) = c \cdot \lim_{x \rightarrow a} f(x)$   
IV. O limite de um produto é o produto dos limites.

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow a} g(x)$$

- V. O limite de uma soma/diferença é a soma/diferença dos limites.

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow a} g(x)$$

- VI. O limite de uma razão é a razão dos limites.

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow a} f(x)}{\lim_{x \rightarrow a} g(x)}$$

- VII. O limite de uma raiz quadrada é a raiz quadrada do limite.

$$\lim_{x \rightarrow a} \sqrt{f(x)} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow a} f(x)}$$

**Regra Geral** - Para calcular  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)}$  e  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{g(x)}{f(x)}$ , divida no numerador e o denominador pela mais alta potência de  $x$  no denominador e então use o fato de que

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{c}{x^R} = 0 \text{ e } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{c}{x^R} = 0$$

em que  $R$  é um número real e  $C$  é uma constante.

**Regra geral A** – Se  $f(x)$  e  $g(x)$  são polinômios e o grau de  $g$  é maior que o grau de  $f$ , então

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = 0 \text{ e } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = 0$$

**Regra Geral B** - Se  $f(x)$  e  $g(x)$  são polinômios e  $g$  é do mesmo grau de  $f$ , então

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} \text{ e } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{g(x)}$$

são iguais à razão entre os coeficientes dos monômios de maior grau de  $f$  e  $g$ .

**Regra Geral C** - Se  $f(x)$  e  $g(x)$  são polinômios e o grau de  $g$  é menor que o grau de  $f$ , então

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = \pm \infty$$

➤ O resultado é  $+\infty$  quando o coeficiente dos monômios de maior grau de  $f$  e  $g$  tem o mesmo sinal.

O resultado é  $-\infty$  quando o coeficiente dos monômios de maior grau

**Regra Geral D** - Se  $f(x)$  e  $g(x)$  são polinômios e o grau de  $g$  é menor que o grau de  $f$ , então

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = \pm \infty$$

A regra geral para determinar se o resultado é  $+\infty$  ou  $-\infty$  é complexa. Se  $a_n$  e  $b_k$  são os coeficientes de maior grau de  $f$  e  $g$ , respectivamente, então o limite é igual a  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{a_n}{b_k} x^{n-k}$  e o sinal correto é o sinal de  $a_n b_k (-1)^{n-k}$ .