TP: Heuristiques — problème d'ordonnancement

Q1.1 En utilisant votre langage préféré, écrire un programme qui permet d'évaluer la qualité d'une solution donnée en argument (pour une instance chargée au préalable).

On a une structure Ordonnancement qui représente une solution possible :

Et ensuite on a une fonction qui calcule la qualité d'une solution donnée :

```
//Q1.1 ecrire un programme qui permet d'evaluer la qualite d'une solution donnée en argument
int evaluationQualite(Ordonancement o) {
   int qualite = 0;

   //calcul de completion (C dans le TP)
   int c = 0;
   for(int i=0; i<o.jobsSequence.size(); i++) {
      c+=o.jobsSequence[i].p;
      o.completion.push_back(c);
   }

   for(int i=0; i<o.jobsSequence.size(); i++) {
      int T = max((o.completion[i]-o.jobsSequence[i].d), 0);
      qualite+=(T*o.jobsSequence[i].w);
   }
   return qualite;
}</pre>
```

Q1.2 Ecrire un programme qui permet de générer une solution aléatoire et d'évaluer sa qualité.

Fonction qui crée une solution aléatoire :

```
Ordonancement generationAleatoireDOrdonnancement(Instance instance) {
    vector<Job>    sequence;
    int size = instance.jobsList.size();

while(sequence.size() < size) {
        // on choisit un indice aléatoire qui est compris entre 0 et le nombre de jobs de l'instance:
        int ind = rand() % instance.jobsList.size();
        // on prend le job à l'indice aléatoire:
        Job j = instance.jobsList[ind];
        // on retire ce job de l'instance pour ne pas le réutiliser dans le certificat:
        instance.jobsList.erase (instance.jobsList.begin()+ind);
        sequence.push_back(j);
    }
    Ordonancement o = Ordonancement(sequence);
    return o;
}</pre>
```

et ensuite on applique la fonction *evaluationQualite* sur le résultat de la fonction *generationAleatoireDOrdonnancement*.

Q1.3 Proposer et implémenter une (ou plusieurs) heuristiques constructives

 Heuristique constructive 1 est basée sur la limite à laquelle l'exécution de la tâche doit être terminée, appelé d. On va les trier par ordre croissant en fonction de d. Cet ordre sera l'ordre d'exécution des tâches.

Comment ca marche?

Notre fonction de tri qu'on applique aux jobs de notre instance :

```
//Q1.3 heuristique constructive 1, tri selon la limite à
//laquelle l'exécution de la tâche doit être terminée
struct tri_heuristique_constructive_1
{
    inline bool operator() (const Job& job1, const Job& job2)
    {
        return (job1.d < job2.d);
    }
};</pre>
```

Et ensuite on exécute notre fonction pour évaluer la qualité.

 Heuristique constructive 2 est basée sur le ratio entre d et p, noté d/p. On va trier les tâches par ordre croissant en fonction de d/p. Cet ordre sera l'ordre d'exécution.
 Plus précis que Heuristique constructive 1, on se rapproche de l'optimale.

Comment ca marche?

On calcule le ratio d/p pour chaque tâche

```
for (int i = 0; i < listOfJobs1.size();i++) {
    listOfJobs1[i].ratioDelayTimeWeight = listOfJobs1[i].d/listOfJobs1[i].w;
}</pre>
```

Notre fonction de tri qu'on applique à nos jobs de notre instance :

```
//Q1.3 heuristique constructive 2 tri en fonction du ratio d/p
struct tri_heuristique_constructive_2
{
    inline bool operator() (const Job& job1, const Job& job2)
    {
        return (job1.ratioDelayTimeWeight < job2.ratioDelayTimeWeight);
    }
};</pre>
```

Et ensuite on exécute notre fonction pour évaluer la qualité.

Heuristique constructive 3: on trie les jobs par ordre croissant en fonction de leurs échéances modifiées modifiedDeadline; := max{C + p, d,} où C est la somme des temps d'exécution des jobs déjà ordonnancés, où p, est le temps d'exécution et d, est la limite à laquelle l'exécution de la tâche doit être terminée.
 Beaucoup plus précis que Heuristique constructive 1 et 2, on se rapproche encore

plus de l'optimale et parfois on la trouve comme pour l'instance n40_1 et d'autres.

Comment ça marche?

On retrouve notre fonction permettant de calculer notre modifiedDeadline, :

```
//Q1.3 heuristique constructive 3
int modifiedDeadline(int completion, Job job) {
   return max(completion + job.p, job.d);
}
```

Voici notre fonction qui permet de trier les jobs d'une instance en fonction de leurs **modifiedDeadline**; :

```
vector<Job> sortedJobsBasedOnModifiedDeadline(Instance instance) {
    vector<Job> unsortedJobs = instance.jobsList;
    vector<Job> sortedJobs;
    int completion = 0;
    while (unsortedJobs.size() != 0) {
        Job bestJob = unsortedJobs[0];
        int bestModifiedDeadline = modifiedDeadline(completion, bestJob);
        int indexBestJob = 0;
        for(int i = 0; i< unsortedJobs.size(); i++) {
   int currentModifiedDeadline = modifiedDeadline(completion,unsortedJobs[i]);</pre>
             if(currentModifiedDeadline < bestModifiedDeadline) {</pre>
                 bestModifiedDeadline = currentModifiedDeadline;
                 bestJob = unsortedJobs[i];
                 indexBestJob = i;
        sortedJobs.push_back(bestJob);
        unsortedJobs.erase(unsortedJobs.begin()+ indexBestJob);
        completion += bestJob.p;
    return sortedJobs;
```

Q1.4 Proposer et implémenter (au moins) un voisinage pour la conception d'heuristiques par recherche locale. En déduire une (ou plusieurs) recherche locale simple de type HillClimbing ou VND. Veillez à spécifier les différents choix de conception (initialisation, type de mouvement, etc).

Nous avons choisi d'implémenter une recherche locale de HillClimbing, dont voici les choix de conception :

On prend comme solution initiale l'ordonnancement donné par notre heuristique constructive 3 c'est-à-dire les jobs (tâches) triés en fonction de la **modifiedDeadline**.

Ensuite, à partir de cet ordonnancement, on utilise l'inversion pour générer tous les voisins d'une solution. On utilise la recherche locale: Move best improvement pour choisir le meilleur voisin d'une solution.

Et notre condition d'arrêt: lorsqu'on a pas trouvé de solution améliorante.

Implémentation:

Q1.5 Proposer et implémenter une recherche locale itérée, de type ILS. Veillez à spécifier les différents choix de conception (initialisation, recherche locale de base, perturbation, critère d'acceptation, critère d'arrêt).

Voici nos choix de conception :

- Initialisation : la même chose que la recherche locale ci-dessus, c'est à dire la sortie de l'heuristique constructive 3.
- Recherche locale de base : la recherche locale implémentée à la question 1.4 donc hill climbing.
- Perturbation: nous avons choisi de faire un mouvement (swap) aléatoire des jobs à chaque passage dans la boucle while perturbation. Nous avons varié la perturbation dans une plage de trois à douze mouvements (swaps) aléatoires. Cette plage nous permet d'échapper à l'optimale local tout en évitant les désavantages d'une solution complètement aléatoire.

Voici notre implémentation pour cette perturbation :

```
Ordonancement disruptsScheduling(Ordonancement ordonancement) {
   int randomdisturbances = (rand() % 10) + 3;
   Ordonancement disruptedScheduling = ordonancement;

   for(int i = 0; i < randomdisturbances; i++) {
      int indexFirstJob = (rand() % 40);
      int indexSecondJob = (rand() % 40);
      Job job = disruptedScheduling.jobsSequence[indexFirstJob];
      disruptedScheduling.jobsSequence[indexFirstJob] = disruptedScheduling.jobsSequence[indexSecondJob];
      disruptedScheduling.jobsSequence[indexSecondJob] = job;
   }
   return disruptedScheduling;
}</pre>
```

- Critère d'acceptation : Nous retenons la solution courante si elle a une meilleure qualité que la précédente.

 Critère d'arrêt : Notre critère d'arrêt est basé sur le temps, nous exécutons notre boucle 3*n secondes et renvoyons la meilleure solution trouvée.
 Cela nous permet de trouver l'optimale dans de nombreux cas.

Implémentation:

Voici notre implémentation de cette recherche locale ILS où nous appelons notre perturbation à chaque passage dans la boucle et nous partons donc de cette perturbation pour trouver de meilleurs optimum locaux.

Campagne d'expérimentation et analyse : Dans une troisième étape, il s'agit de mesurer et d'analyser la qualité de votre heuristique. Pour cela, vous avez à disposition les solutions optimales pour chaque instance. Vous fixerez un temps d'exécution maximal pour chaque exécution (par exemple $3 \cdot n$ secondes, afin de garder un temps total raisonnable pour la réalisation de votre compagne d'expérimentation).

Pour chaque instance, on s'intéresse à l'analyse du temps CPU et le nombre d'évaluations utilisées par l'algorithme pour atteindre une solution avec un facteur d'approximation $(1 + \varepsilon)$ de l'optimal avec $\varepsilon \in \{0, 0.001, 0.005, 0.01, 0.05, 0.1, 0.5, 1\}$.

Nous avons choisi de tester notre recherche locale ILS (voir Q1.5), pour ce faire, nous l'avons quelque peu modifié. En effet, nous avons ajouté une structure qui sera la sortie de notre ILS :

```
struct ExperimationResult { //Structure pour la campagne d'expérimentation
   int qualite;
   int nombreEval;
   Ordonancement ordonancement;
   chrono::duration<double> elapsed_seconds;

ExperimationResult(int q, int evalNumber, Ordonancement ordo, chrono::duration<double> elapsed_time) {
      ordonancement = ordo;
      qualite = q;
      nombreEval = evalNumber;
      elapsed_seconds = elapsed_time;
   }
};
```

Cette structure contient nos critères de comparaison (nombre d'évaluations, temps CPU) permettant d'effectuer notre campagne d'expérimentation et également la meilleure qualité et ordonnancement trouvé.

Nous avons donc rajouté dans l'implémentation de notre ILS :

- 1) Une condition dans notre boucle while pour la stopper lorsque nous trouvons une solution respectant le facteur d'approximation sinon elle continuera de s'exécuter 3*n secondes.
- 2) Un compteur permettant de compter le nombre d'évaluations utilisées par l'algorithme pour atteindre une solution respectant le facteur d'approximation.
- 3) Deux variables chrono permettant de calculer le temps CPU utilisé par l'algorithme pour atteindre une solution respectant le facteur d'approximation.

<u>Ci-dessous : les résultats de cette campagne d'approximation et un compte rendu de nos observations:</u>

1. avec n40:

Fichier de données	Optimal	Facteur d'approximation	Temps CPU en secondes	Qualité	Nombres d'évaluations
n40_4	2094	1+0	0.412111	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.001	0.545673	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.005	0.489091	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.01	0.415734	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.05	0.478624	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.1	0.48658	2094	58
n40_4	2094	1 + 0.5	0.476301	2094	58
n40_4	2094	1+1	0.0164339	3300	1
n40_28	15	1+0	0.0110376	15	1
n40_28	15	1 + 0.001	0.0119117	15	1
n40_28	15	1 + 0.005	0.00986739	15	1
n40_28	15	1 + 0.01	0.0117538	15	1
n40_28	15	1 + 0.05	0.0124439	15	1
n40_28	15	1 + 0.1	0.0108424	15	1
n40_28	15	1 + 0.5	0.0110983	15	1
n40_28	15	1+1	0.00960759	15	1
n40_88	10021	1+0	120.049	10458	4527
n40_88	10021	1 + 0.001	120.011	10458	4681
n40_88	10021	1 + 0.005	120.065	10458	4476

n40_88	10021	1 + 0.01	120.066	10458	4548
n40_88	10021	1 + 0.05	64.3032	10496	2657
n40_88	10021	1 + 0.1	17.8467	10798	730
n40_88	10021	1 + 0.5	0.423383	14508	16
n40_88	10021	1+1	0.10518	19614	3
n40_67	65756	1+0	120.078	65874	3734
n40_67	65756	1 + 0.001	120.058	65874	3900
n40_67	65756	1 + 0.005	88.9679	66068	2786
n40_67	65756	1 + 0.01	62.7314	66219	1979
n40_67	65756	1 + 0.05	2.78871	68384	89
n40_67	65756	1 + 0.1	2.7714	68384	89
n40_67	65756	1 + 0.5	0.0660901	74423	1
n40_67	65756	1 + 1	0.0642791	74423	1
n40_78	0	1+0	0.0203322	0	1
n40_78	0	1 + 0.001	0.0178468	0	1
n40_78	0	1 + 0.005	0.0201923	0	1
n40_78	0	1 + 0.01	0.0159525	0	1
n40_78	0	1 + 0.05	0.0179108	0	1
n40_78	0	1 + 0.1	0.0194934	0	1
n40_78	0	1 + 0.5	0.019468	0	1
n40_78	0	1+1	0.0182376	0	1
n40_30	98	1+0	0.681801	98	220
n40_30	98	1 + 0.001	0.669548	98	220
n40_30	98	1 + 0.005	0.660463	98	220
n40_30	98	1 + 0.01	0.697086	98	220
n40_30	98	1 + 0.05	0.671409	98	220
n40_30	98	1 + 0.1	0.183737	105	49
n40_30	98	1 + 0.5	0.179036	132	46
n40_30	98	1 + 1	0.171716	132	46

n40_43	65134	1+0	33.1437	65134	793
n40_43	65134	1 + 0.001	21.753	65185	545
n40_43	65134	1 + 0.005	21.3514	65185	545
n40_43	65134	1 + 0.01	18.8845	65618	459
n40_43	65134	1 + 0.05	9.65577	68365	244
n40_43	65134	1 + 0.1	1.97554	70596	48
n40_43	65134	1 + 0.5	0.0998657	85583	1
n40_43	65134	1 + 1	0.10008	85583	1
n40_100	157296	1+0	68.101	157296	1532
n40_100	157296	1 + 0.001	20.5244	157440	470
n40_100	157296	1 + 0.005	3.29253	157618	73
n40_100	157296	1 + 0.01	3.21284	157618	73
n40_100	157296	1 + 0.05	0.106848	164769	1
n40_100	157296	1 + 0.1	0.0989406	164769	1
n40_100	157296	1 + 0.5	0.10481	164769	1
n40_100	157296	1+1	0.0976325	164769	1
n40_124	73041	1+0	40.1923	73041	952
n40_124	73041	1 + 0.001	39.5017	73041	952
n40_124	73041	1 + 0.005	31.2777	73350	718
n40_124	73041	1 + 0.01	4.74692	73702	116
n40_124	73041	1 + 0.05	1.69671	76459	38
n40_124	73041	1 + 0.1	0.418722	78573	7
n40_124	73041	1 + 0.5	0.112721	82870	1
n40_124	73041	1+1	0.118253	82870	1
n40_111	31478	1+0	120.048	31874	4560
n40_111	31478	1 + 0.001	120.156	31874	4612
n40_111	31478	1 + 0.005	120.034	31874	4486
n40_111	31478	1 + 0.01	120.03	31874	4775
n40_111	31478	1 + 0.05	40.8208	33026	1515

n40_111	31478	1 + 0.1	10.9014	34493	362
n40_111	31478	1 + 0.5	0.0423651	45761	1
n40_111	31478	1+1	0.0424009	45761	1
n40_5	990	1+0	0.456791	990	114
n40_5	990	1 + 0.001	0.447657	990	114
n40_5	990	1 + 0.005	0.454006	990	114
n40_5	990	1 + 0.01	0.359999	998	88
n40_5	990	1 + 0.05	0.356112	998	88
n40_5	990	1 + 0.1	0.157987	1073	31
n40_5	990	1 + 0.5	0.0575572	1412	10
n40_5	990	1+1	0.0582021	1412	10

2. avec n50:

Fichier de données	Optimal	Facteur d'approximation	Temps CPU en secondes	Qualité	Nombres d'évaluations
n_50_1	2134	1+0	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.001	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.005	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.01	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.05	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.1	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1 + 0.5	150 (MAX)	6250	254117
n_50_1	2134	1+1	150 (MAX)	6250	254117
n_50_26	2	1+0	0.0035	2	1
n_50_27	4	1+0	0.0045	4	1
n_50_25	240179	1+0	0.14s	240179	2
n_50_25	240179	1 + 0.001	0.14s	240179	2
n_50_25	240179	1 + 0.005	0.14s	240179	2
n_50_25	240179	1 + 0.01	0.14s	240179	2

n 50 05	240470	1 + 0 0F	0.150	240470	2
	240179	1 + 0.05	0.15s	240179	2
	240179	1 + 0.1	0.15s	240179	2
n_50_25	240179	1 + 0.5	0.14s	240179	2
n_50_25	240179	1+1	0.13	240572	1
n_50_125	110392	1+0	106.96	110392	6825
n_50_125	110392	1 + 0.001	52.87	110482	3375
n_50_125	110392	1 + 0.005	17.82	110805	1078
n_50_125	110392	1 + 0.01	9.37	111477	334
n_50_125	110392	1 + 0.05	0.27	115483	15
n_50_125	110392	1 + 0.1	0.07	119055	4
n_50_125	110392	1 + 0.5	0.03	124051	1
n_50_125	110392	1 + 1	0.03	124051	1
n50_108	0	1 + 0	0.01	0	1
n50_100	120108	1 + 0	71.72	120108	3506
n50_100	120108	1 + 0.001	14.59	120153	744
n50_100	120108	1 + 0.005	1.75	120694	84
n50_100	120108	1 + 0.01	1.68	121298	51
n50_100	120108	1 + 0.05	0.115	125061	3
n50_100	120108	1 + 0.1	0.112	126816	2
n50_100	120108	1 + 0.5	0.05	138014	1
n50_100	120108	1 + 1	0.06	138014	1
n50_96	177909	1 + 0	113.42	178028	6158
n50_96	177909	1 + 0.001	6.15	178028	319
n50_96	177909	1 + 0.005	1.83	178763	97
n50_96	177909	1 + 0.01	0.2	179303	9
n50_96	177909	1 + 0.05	0.12	183793	2
n50_96	177909	1 + 0.1	0.07	187991	1
n50_96	177909	1 + 0.5	0.05	187991	1
n50_96	177909	1 + 1	0.05	187991	1
n50_50	198076	1+0	0.26	198076	2
n50_50	198076	1 + 0.001	0.11	198094	1

n50_50	198076	1 + 0.005	0.11	198094	1
n50_50	198076	1 + 0.01	0.11	198094	1
n50_50	198076	1 + 0.05	0.11	198094	1
n50_50	198076	1 + 0.1	0.11	198094	1
n50_50	198076	1 + 0.5	0.11	198094	1
n50_50	198076	1+1	0.11	198094	1
n50_75	135677	1+0	12.50	135677	504
n50_75	135677	1 + 0.001	11.76	135792	358
n50_75	135677	1 + 0.005	10.35	136284	290
n50_75	135677	1 + 0.01	1.59	136853	71
n50_75	135677	1 + 0.05	0.22	141368	5
n50_75	135677	1 + 0.1	0.11	146837	2
n50_75	135677	1 + 0.5	0.06	149492	1
n50_75	135677	1 + 1	0.06	149492	1
n50_40	26423	1+0	150 (MAX)	26569	24171
n50_40	26423	1 + 0.001	150 (MAX)	26569	24171
n50_40	26423	1 + 0.005	149,92	26569	24699
n50_40	26423	1 + 0.01	74.03	26643	11877
n50_40	26423	1 + 0.05	5.68	27471	813
n50_40	26423	1 + 0.1	3.19	28482	444
n50_40	26423	1 + 0.5	0.06	38686	7
n50_40	26423	1+1	0.023	42986	1

3. avec n100:

Fichier de données	Optimal	Facteur d'approximation	Temps CPU en secondes	Qualité	Nombres d'évaluations
n100_27	718	1+0	300.003s	1671	163479
n100_27	718	1 + 0.001	299.976s	1671	167725
n100_27	718	1 + 0.005	300.003s	1671	177503
n100_27	718	1 + 0.01	300.002s	1671	176900

n100_27	718	1 + 0.05	300.006s	1671	179637
n100_27	718	1 + 0.1	300.004s	1671	177057
n100_27	718	1 + 0.5	300.008s	1671	176321
n100_27	718	1 + 1	299.968s	1671	177687
n100_49	656693	1+0	301.035s	686188	1702
n100_49	656693	1 + 0.001	301.033s	686188	1701
n100_49	656693	1 + 0.005	300.882s	686188	1696
n100_49	656693	1 + 0.01	301.184s	686188	1719
n100_49	656693	1 + 0.05	2.8613s	687777	8
n100_49	656693	1 + 0.1	1.25052s	691165	1
n100_49	656693	1 + 0.5	1.15662s	691165	1
n100_49	656693	1 + 1	1.19326s	691165	1
n100_109	232	1+0	0.128228s	232	1
n100_109	232	1 + 0.001	0.122667s	232	1
n100_109	232	1 + 0.005	0.12586s	232	1
n100_109	232	1 + 0.01	0.124951s	232	1
n100_109	232	1 + 0.05	0.125883s	232	1
n100_109	232	1 + 0.1	0.125174s	232	1
n100_109	232	1 + 0.5	0.129434s	232	1
n100_109	232	1+1	0.127786s	232	1
n100_81	1400	1+0	300.033s	2199	8398
n100_81	1400	1 + 0.001	300.129s	2199	8092
n100_81	1400	1 + 0.005	300.055s	2199	8241
n100_81	1400	1 + 0.01	300.043s	2199	8268
n100_81	1400	1 + 0.05	300.059s	2199	8248
n100_81	1400	1 + 0.1	300.041s	2199	8231
n100_81	1400	1 + 0.5	300.069s	2199	8082
n100_81	1400	1+1	0.106258s	2199	1
n100_119	293571	1+0	300.35s	393917	2287

n100_119	293571	1 + 0.001	300.298s	393917	2315
n100_119	293571	1 + 0.005	300.322s	393917	2206
n100_119	293571	1 + 0.01	300.391s	393917	2324
n100_119	293571	1 + 0.05	300.443s	393917	2257
n100_119	293571	1 + 0.1	300.461s	393917	2323
n100_119	293571	1 + 0.5	0.467022s	402995	1
n100_119	293571	1+1	0.471903s	402995	1
n100_16	407703	1+0	300.797s	450022	5677
n100_16	407703	1 + 0.001	300.817s	450022	5749
n100_16	407703	1 + 0.005	300.948s	450022	5754
n100_16	407703	1 + 0.01	300.808s	450022	5555
n100_16	407703	1 + 0.05	300.798s	450022	5685
n100_16	407703	1 + 0.1	300.887s	450022	5690
n100_16	407703	1 + 0.5	0.811714s	451064	1
n100_16	407703	1+1	0.893215s	451064	1
n100_37	181850	1+0	300.239s	262284	9551
n100_37	181850	1 + 0.001	300.236s	262284	9807
n100_37	181850	1 + 0.005	300.225s	262284	9806
n100_37	181850	1 + 0.01	300.187s	262284	9803
n100_37	181850	1 + 0.05	300.216s	262284	9339
n100_37	181850	1 + 0.1	300.259s	262284	9687
n100_37	181850	1 + 0.5	0.225504s	263117	1
n100_37	181850	1+1	0.227641s	263117	1

Conclusion

Une première observation relevée lors de nos développements/tests des différents heuristiques est que les heuristiques gloutonnes sont moins performantes (en terme de recherche d'optimisation) comparé aux heuristiques de recherche locale ou l'ILS qui sont plus performantes comparés à l'algorithme utilisant Hill Climbing.

D'après les tests on observe que plus le facteur d'approximation est petit, plus il y a d'évaluations, plus on se rapproche de la valeur optimale et plus le temps CPU est grand. Quand le facteur d'approximation est plus grand, le temps CPU et le nombre d'évaluations se réduisent mais on s'éloigne de la valeur optimale.

On observe également que plus la valeur optimale est petite, plus on arrive à l'obtenir ou à s'en rapprocher facilement. Moins il y a de données, plus on a de chance d'obtenir la valeur optimale.

En conclusion, notre algorithme ILS est efficace avec un facteur d'approximation petit et est très efficace lorsque la valeur optimale est petite et/ou quand le facteur d'approximation est grand. Plus on augmente le temps d'exécution de notre algo, plus on a de chance de se rapprocher de l'optimale et/ou de la trouver.