

LMAT1151 - Calcul numérique : méthodes et outils logiciels

TP7 : Résolution numérique d'équations différentielles

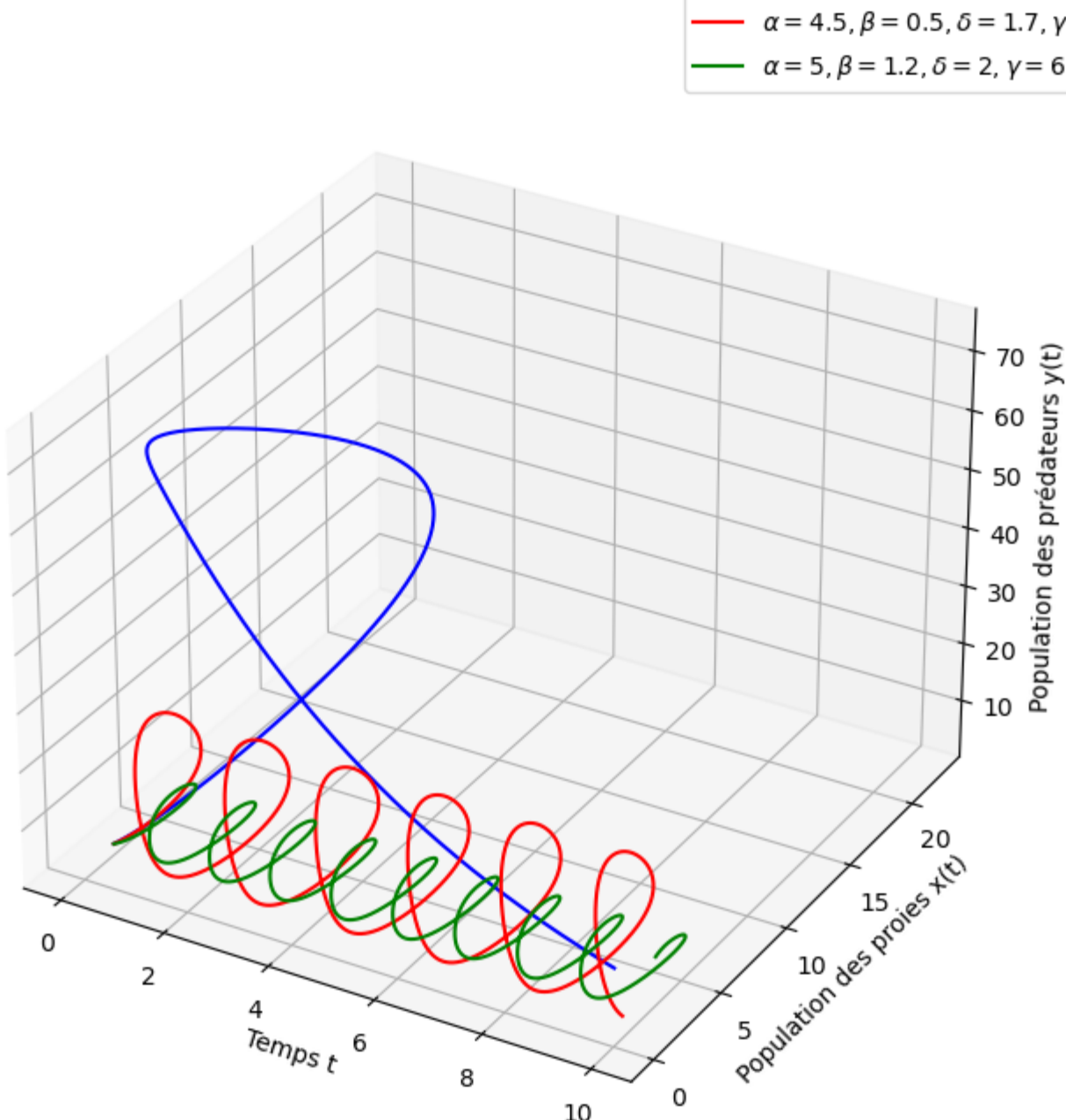
À l'aide de différentes librairies de Python, attardons-nous sur la résolution du système d'équations différentielles de Lotka-Volterra donné par

$$\begin{cases} x'(t) = (\alpha - \beta y(t))x(t) \\ y'(t) = (\delta x(t) - \gamma)y(t) \end{cases}$$

Nous allons analyser les changements de comportement des solutions de ce système par la variation des paramètres α, β, δ et γ .

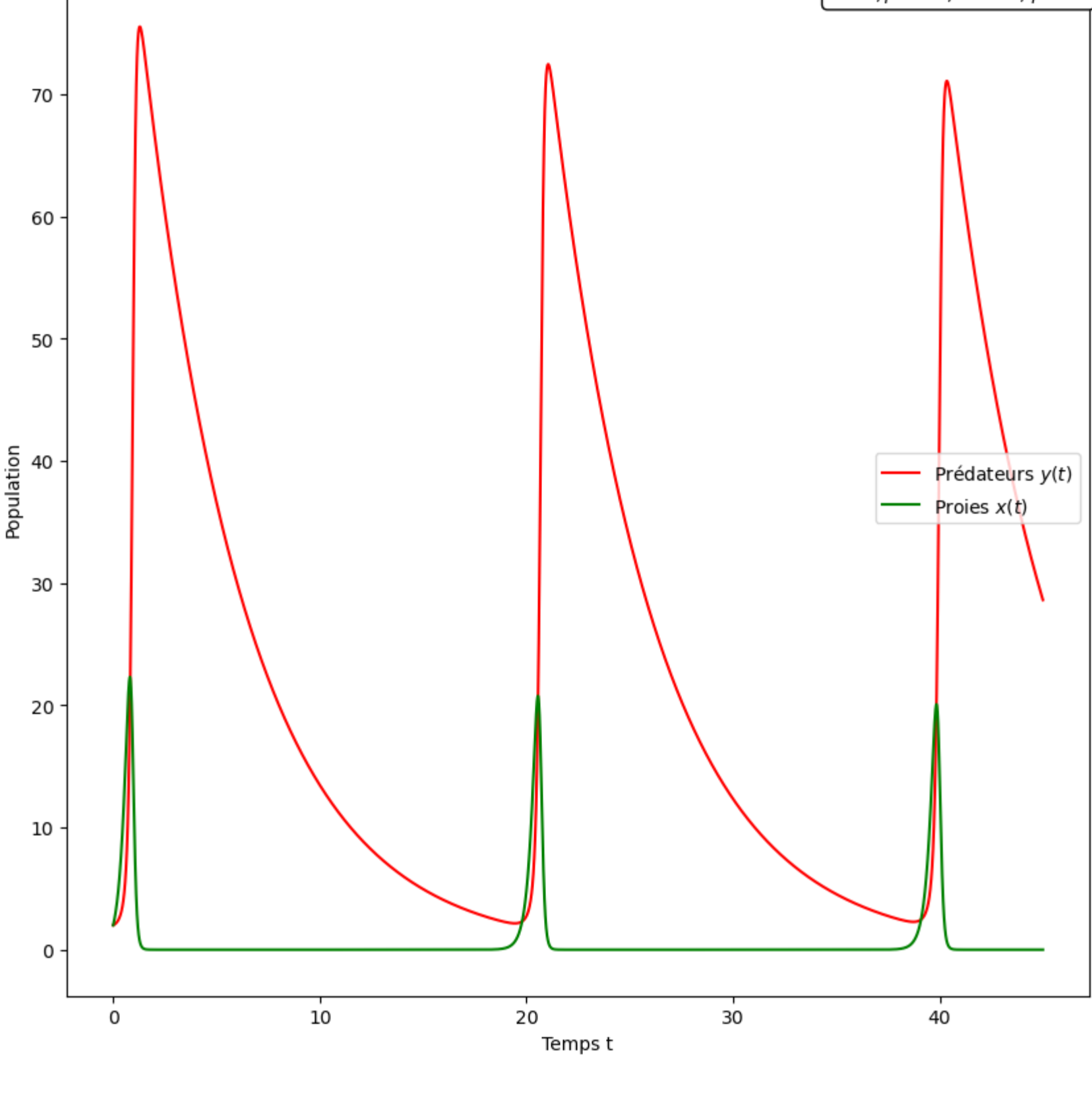
Pour la suite, le système sera résolu avec la fonction 'scipy.integrate.solve_ivp' utilisant la méthode 'RK45' (Runge-Kutta explicite d'ordre 4), avec comme conditions initiales (si non explicitées) $x(0) = 2, y(0) = 2$, le paramètre 'dense_output' initialisé à True (par défaut, il est en False), et 'rtol' = $1e-7$, 'atol' = $1e-9$. Nous utiliserons un vecteur temps, t , de 0 à 10 divisé en 10^6 points à distance égale (via np.linspace).

Représentation graphique dans l'espace de l'évolution de la population des proies (x(t)) et de la population des prédateurs (y(t)) en fonction du temps (t) d'après le système d'équations différentielles de Lotka-Volterra

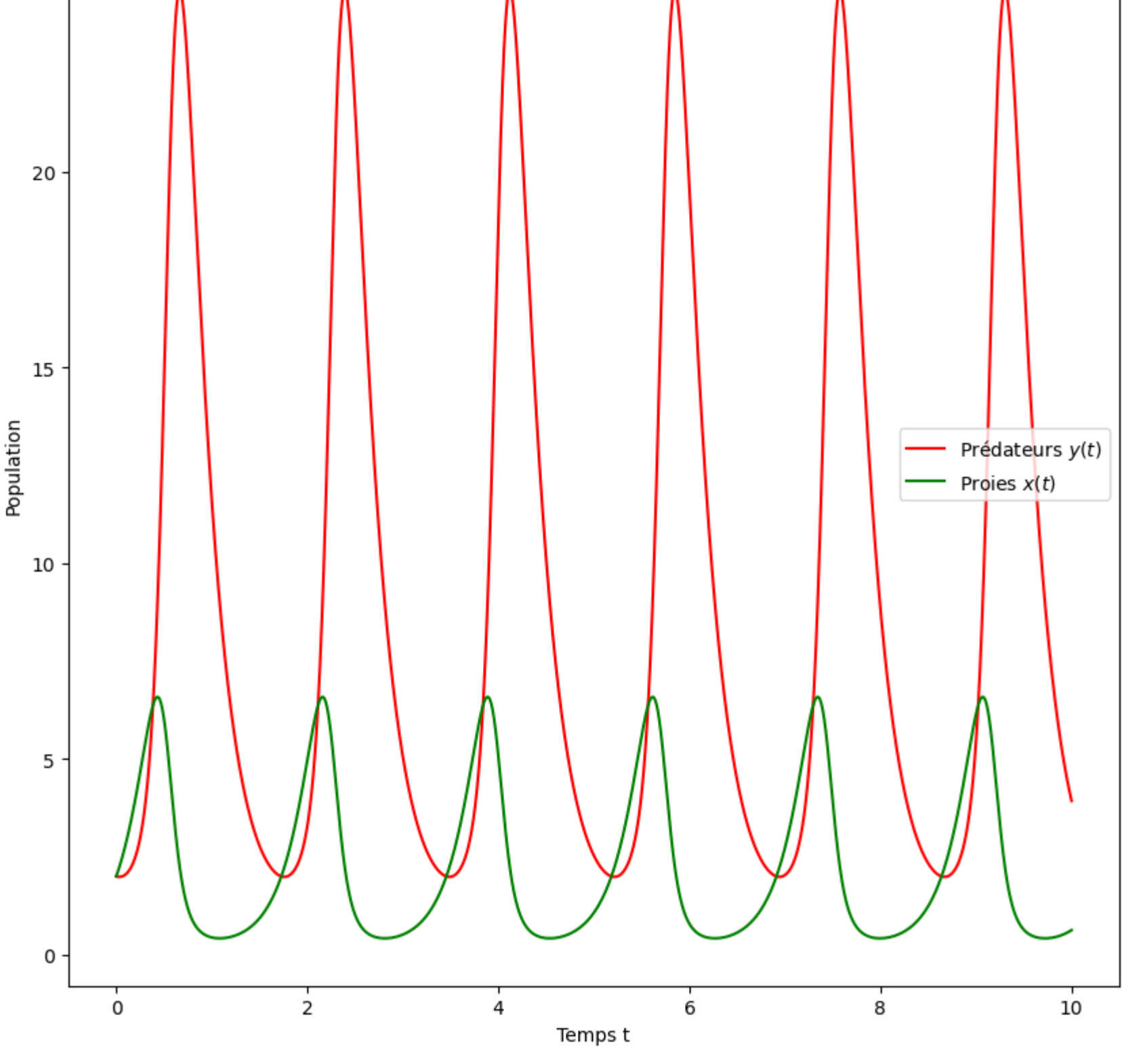


Ici, fixons le temps jusqu'à 45 afin d'avoir une meilleure représentation du phénomène,

Représentation graphique de l'évolution de la population des proies (x(t)) et de la population des prédateurs (y(t)) en fonction du temps (t) d'après le système d'équations différentielles de Lotka-Volterra

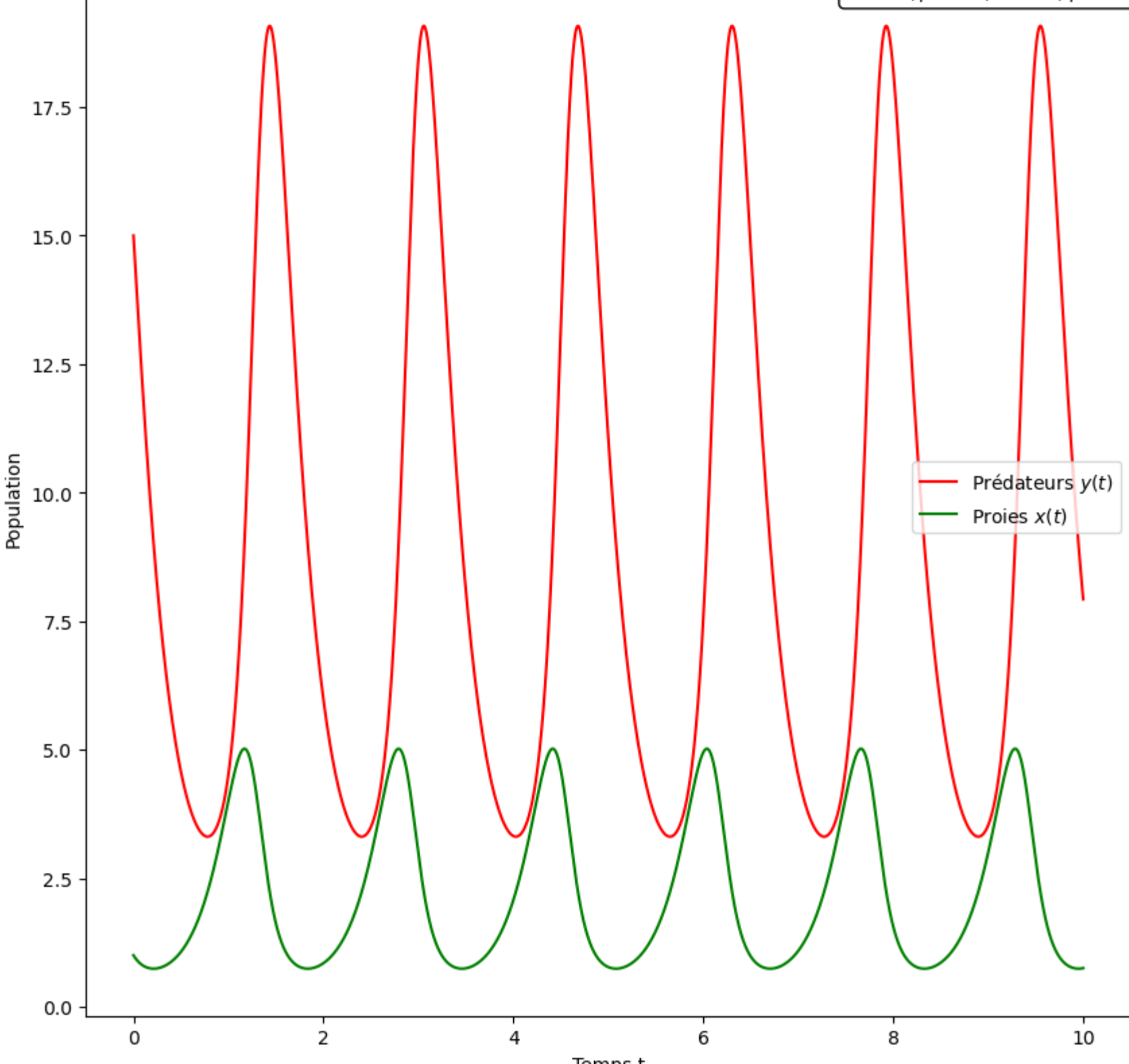


Représentation graphique de l'évolution de la population des proies (x(t)) et de la population des prédateurs (y(t)) en fonction du temps (t) d'après le système d'équations différentielles de Lotka-Volterra



Prenons le même cas mais avec un nombre de prédateurs très élevé dès le départ, disons 15 au lieu de 2, et avec une seule proie.

Représentation graphique de l'évolution de la population des proies (x(t)) et de la population des prédateurs (y(t)) en fonction du temps (t) d'après le système d'équations différentielles de Lotka-Volterra



Une dernière représentation graphique,

Représentation graphique de l'évolution de la population de prédateurs (y(t)) en fonction de la population des proies (x(t)) qui dépendent du temps (t) d'après le système d'équations différentielles de Lotka-Volterra

