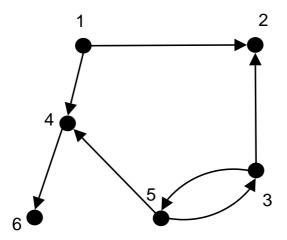
Exemple de calcul de fermeture transitive avec les matrices

Voici le graphe pour lequel on se propose de calculer la fermeture transitive en calculant les puissances successives des matrices.



La matrice d'adjacence associée à ce graphe est la suivante :

$$M = \left(\begin{array}{cccccc} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array}\right)$$

On calcule successivement M^2 , M^3 , M^4 et M^5 (il y a 6 sommets).

$$M^2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Les chemins de longueur 2 que l'on ajoute comme arêtes sont (1,6), (3,3), (3,4), (5,2), (5,5), (5,6).

Le chemin de longueur 3 que l'on ajoute comme arête est (3,6), les arêtes (3,2), (3,5), (5,3), (5,4) sont déjà dans le graphe.

On n'ajoute aucun chemin de longueur 4 comme arête, les arêtes (3,3), (3,4), (5,2), (5,5), (5,6) sont déjà dans le graphe.

On n'ajoute aucun chemin de longueur 5 comme arête, les arêtes (3,2), (3,5), (3,6), (5,3), (5,4) sont déjà dans le graphe.

La disjonction de ces matrices, qui représente la matrice de la fermeture transitive, est :

$$M \vee M^2 \vee M^3 \vee M^4 \vee M^5 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Le graphe obtenu par fermeture est alors le suivant :

