

La **holgura** es el recurso disponible no utilizado. Se encuentra cuando el signo es \leq . Se representa con una s . En las ecuaciones se suma.

El **superávit** es el recurso excedente utilizado mayor que el mínimo requerido. Se encuentra cuando el signo es \geq . Se representa con una S . En las ecuaciones se resta.

m = numero de ecuaciones

n = numero de variables

Para calcular la cantidad de puntos de esquina

$$C_m^n = \frac{n!}{m(n-m)!}$$

1. Ecuaciones

$$R_1 \rightarrow 6x_1 + 4x_2 + s_1 = 24$$

$$R_2 \rightarrow x_1 + 2x_2 + s_2 = 6$$

$$R_3 \rightarrow -x_1 + x_2 + s_3 = 1$$

$$R_4 \rightarrow x_2 + s_4 = 2$$

$$R_5 \rightarrow x_1, x_2, s_1, s_2, s_3, s_4 \geq 2$$

1. Vaciamos las variables básicas en una tabla. Para el punto A sabemos que $(x_1, x_2) = (0, 0)$ por lo que s_1, s_2, s_3, s_4 son nuestras variables básicas.

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	-5	-4	0	0	0	0	0
s_1	0	6	4	1	0	0	0	24
s_2	0	1	2	0	1	0	0	6
s_3	0	-1	1	0	0	1	0	1
s_4	0	0	1	0	0	0	1	2

2. Seleccionar variable de entrada

¿Qué variable de mi función Z afecta más a mi modelo? x_1 , entonces está será nuestra variable de entrada.

La función Z está buscando maximizar. Para realizar el método tuvimos que pasar las variables que sumaban, restando, así que aquí buscaremos la variable más negativa, está

es la que afecta más al modelo.

Ahora tomaremos los valores de la columna de la variable de entrada, y los vaciaremos según corresponda a su variable básica.

Variables básicas	Variables de entrada	Solucion	Relación mínima	Válida
s_1	6	24	$\frac{24}{5} = 4$	Sí
s_2	1	6	$\frac{6}{1} = 6$	Sí
s_3	-1	1	$\frac{1}{-1} = -1$	No
s_4	0	2	$\frac{2}{0} = \infty$	No

3. La fila de la variable con la relación mínima será nuestra fila pivote M_q . Para ello dividiremos todos los valores de la fila entre el elemento pivote de la misma fila. El elemento pivote es:

$M_{q,p}$ siendo p la columna de la variable de entrada

Entonces, para todas las celdas $M_{q,j}$ de la fila M_q : $M_{q,j} = \frac{M_{q,j}}{M_{q,p}}$

En nuestro ejemplo, s_1 será la fila pivote, por esto mismo, la variable básica que quedará será la variable de entrada x_1 , y los valores se actualizarán según: $M_{q,j} = \frac{M_{q,j}}{M_{q,p}}$

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	-5	-4	0	0	0	0	0
x_1	0	$\frac{6}{6} = 1$	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{24}{6} = 4$
s_2	0	1	2	0	1	0	0	6
s_3	0	-1	1	0	0	1	0	1
s_4	0	1	0	0	0	1	2	

3. Actualizaremos el resto de la tabla con la formula

Fila actual — (Coeficiente variable de entrada en la fila actual)(Fila pivote)

Actualizar Z

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	-5	-4	0	0	0	0	0
x_1	0	$\frac{6}{6} = 1$	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{0}{6} = 0$	$\frac{24}{6} = 4$
$-5(x_1)$	0	-5	$\frac{-20}{6}$	$\frac{-5}{6}$	0	0	0	-20
$Z = Z - (-5(x_1))$	1	0	$\frac{-4}{6}$	$\frac{5}{6}$	0	0	0	20

Actualizar s_2

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
s_2	0	1	2	0	1	0	0	6
$1(x_1)$	0	1	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	0	0	4
$s_2 = s_2 - (1(x_1))$	0	0	$\frac{8}{6}$	$-\frac{1}{6}$	1	0	0	2

Actualizar s_3

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
s_3	0	-1	1	0	0	1	0	1
$-1(x_1)$	0	-1	$-\frac{4}{6}$	$-\frac{1}{6}$	0	0	0	-4
$s_3 = s_3 - (-1(x_1))$	0	0	$\frac{10}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	1	0	5

Actualizar s_4

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
s_4	0	0	1	0	0	0	1	2
$0(x_1)$	0	0	0	0	0	0	0	0
$s_4 = s_4 - (0(x_1))$	0	0	1	0	0	0	1	2

Vaciamos la actualización de todas las filas en la tabla

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	0	$-\frac{4}{6}$	$\frac{5}{6}$	0	0	0	20
x_1	0	1	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	0	0	4
s_2	0	0	$\frac{8}{6}$	$-\frac{1}{6}$	1	0	0	2
s_3	0	0	$\frac{10}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	1	0	5
s_4	0	0	1	0	0	0	1	2

Esto nos da el punto B , en el cual, observamos que las variables no básicas son (x_2, s_1) por lo cual, x_1, s_2, s_3, s_4 son nuestras variables básicas.

¿Qué variable de mi función Z afecta más a mi modelo (maximizando)? x_2 , entonces este será nuestro nuevo pivote

Variables básicas	Variables de entrada	Solucion	Relación mínima	Válida
x_1	$\frac{4}{6}$	4	$\frac{4}{\frac{4}{6}} = 6$	Sí

Variables básicas	Variables de entrada	Solucion	Relación mínima	Válida
s_2	$\frac{8}{6}$	2	$\frac{2}{\frac{4}{5}} = \frac{3}{2}$	Sí
s_3	$\frac{10}{6}$	5	$\frac{5}{-1} = 3$	Si
s_4	1	2	$\frac{2}{0} = 2$	Si

Ahora, s_2 será la fila pivote, por esto mismo, la variable básica que quedará será la variable de entrada x_2 , y los valores se actualizarán según: $M_{q,j} = \frac{M_{q,j}}{M_{q,p}}$

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	0	$\frac{-4}{6}$	$\frac{5}{6}$	0	0	0	20
x_1	0	1	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	0	0	4
x_2	0	0	$\frac{8}{6} / \frac{8}{6} = 1$	$\frac{-1}{6} / \frac{8}{6} = \frac{-1}{8}$	$1 \frac{8}{6} = \frac{3}{4}$	0	0	$2 / \frac{8}{6} = \frac{3}{2}$
s_3	0	0	$\frac{10}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	1	0	5
s_4	0	0	1	0	0	0	1	2

Actualizaremos el resto de la tabla con la formula

Fila actual – (Coeficiente variable de entrada en la fila actual)(Fila pivote)

Actualizar Z

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	0	$\frac{-4}{6}$	$\frac{5}{6}$	0	0	0	20
x_2	0	0	1	$\frac{-1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
$\frac{-4}{6}(x_2)$	0	0	$\frac{-4}{6}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{-1}{2}$	0	0	-1
$Z = Z - (\frac{-4}{6}(x_2))$	1	0	0	$3/4$	$\frac{1}{2}$	0	0	21

Actualizar x_1

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
x_1	0	1	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	0	0	4
x_2	0	0	1	$\frac{-1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
$\frac{4}{6}(x_2)$	0	0	$\frac{4}{6}$	$\frac{-1}{12}$	$\frac{1}{2}$	0	0	1
$x_1 = x_1 - (\frac{4}{6}(x_2))$	0	1	0	$1/4$	$\frac{1}{2}$	0	0	3

Actualizar s_3

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
s_3	0	0	$\frac{10}{6}$	$\frac{1}{6}$	0	1	0	5
x_2	0	0	1	$-\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
$\frac{10}{6}(x_2)$	0	0	$\frac{10}{6}$	$-\frac{5}{24}$	$\frac{5}{4}$	0	0	$\frac{25}{3}$
$s_3 = s_3 - (\frac{10}{6}(x_2))$	0	0	0	$\frac{3}{8}$	$\frac{5}{4}$	1	0	$-\frac{10}{3}$

Actualizar s_4

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
s_4	0	0	1	0	0	0	1	2
x_2	0	0	1	$-\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
$1(x_2)$	0	0	1	$-\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
$s_4 = s_4 - (1(x_2))$	0	0	0	$\frac{1}{8}$	$-\frac{3}{4}$	0	1	$\frac{1}{2}$

Vaciamos la actualización de todas las filas en la tabla

Variables básicas	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	s_4	Solucion
Z	1	0	0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{2}$	0	0	21
x_1	0	1	0	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	0	0	3
x_2	0	0	1	$-\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	0	0	$\frac{3}{2}$
s_3	0	0	0	$\frac{3}{8}$	$\frac{5}{4}$	1	0	$-\frac{10}{3}$
s_4	0	0	0	$\frac{1}{8}$	$-\frac{3}{4}$	0	1	$\frac{1}{2}$

Esto nos da el punto C , en el cual, observamos que las variables no básicas son s_1, s_2 por lo cual, x_1, x_2, s_3, s_4 son nuestras variables básicas.

Volvemos a preguntar **¿Qué variable de mi función Z afecta más a mi modelo?** Dado que actualmente, todas las variables para Z son nulas, o positivas, las variables ya no tienen impacto en el modelo. Esto quiere decir que encontramos nuestro punto óptimo.

Punto_c $\rightarrow Z = 21$