

# CUESTIONES

① → Ecuación diferencial que relaciona el cambio en la concentración de minoritarios con la generación y recombinación:

$$\begin{aligned}\frac{\partial \delta n}{\partial t} &= g_0 + G - r = \alpha_r n_i^2 + G - \alpha_r (n_0 + \delta n)(p_0 + \delta p) \approx \\ &\approx G - \alpha_r n_0 \delta n = \quad (\text{aproximación de baja inyección}) \\ &= G - \frac{\delta n}{\tau_p}\end{aligned}$$

→ Estado estacionario  $\Rightarrow \frac{\partial \delta n}{\partial t} = 0 \Rightarrow G = \frac{\delta n}{\tau_p} \Rightarrow \tau_p = \frac{\delta n}{G}$

→ Por otro lado  $\delta n = \delta p \approx p = 2 \cdot 10^{12} \text{ cm}^{-3}$

→ luego:

$$\tau_p = \frac{\delta p}{G} = \frac{2 \cdot 10^{12} \text{ cm}^{-3}}{\frac{10^{12} \text{ cm}^{-3}}{\mu s}} = 2 \mu s$$

— 0 —

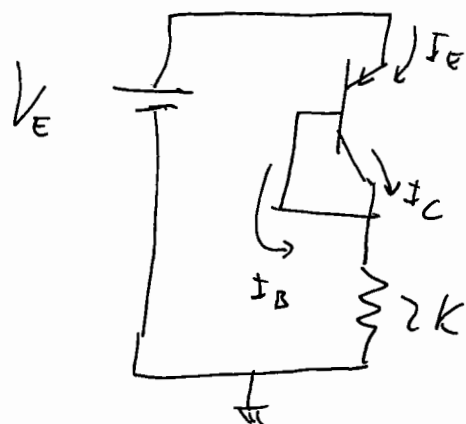
\_\_\_\_\_ →  $E_F$  (eq. térmico)  $\sim E_{F_n}$

\_\_\_\_\_  $E_{F_p}$

El pseudonivel de Fermi de los electrones prácticamente coincide con el nivel de Fermi en equilibrio térmico.

- (2.-) - Se debe a una diferencia de tensión entre el sustrato y la fuente al polarizar el MOSFET
- Provoca un aumento de la barrera que los electrones deben superar para pasar de la fuente al canal  $\Rightarrow$
  - $\Rightarrow$  Provoca un incremento de la tensión umbral  $|V_T|$

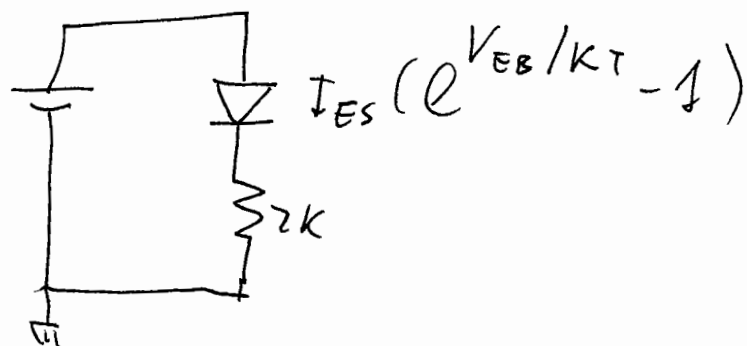
- (3.-)  $\rightarrow$  El BJT opera en activa, puesto que la unión EB está en directo y  $V_{BC} = 0$
- $\rightarrow I_E = I_{ES} (e^{V_{EB}/V_T} - 1) = \frac{I_S}{\alpha_F} (e^{V_{EB}/V_T} - 1) \quad (*)$
- $\rightarrow$  Esta corriente coincide con la que pasa por la resistencia ya que  $I_E = I_B + I_C$



- $\rightarrow$  la ecuación (\*) es análoga a la de un diodo y el BJT así configurado se comporta como este elemento.

(3)

→ Pero tanto hay que resolver:



→ ¿ $V_o$ ?  $V_o = I_E \cdot R \Rightarrow I_E = \frac{V_o}{R} = \frac{V_E - V_{EB}}{R} = \frac{I_S}{\alpha_F} e^{V_{EB}/K_T}$

→ Tomamos  $\ln$  para obtener proceso iterativo:

$$V_T \left[ \ln \left( \frac{V_E - V_{EB}}{2k} \cdot \frac{\alpha_F}{I_S} \right) \right] = V_{EB} \Rightarrow V_{EB} = 0.613 \text{ V}$$

↓

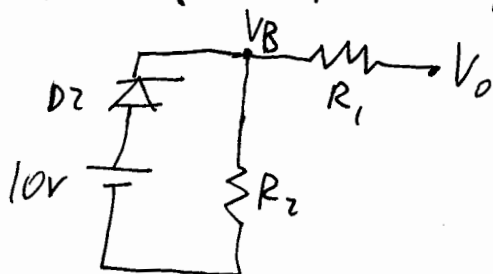
$$V_o = 4.386 \text{ V}$$

## PROBLEMAS

1.-

a)  $R_d = 10 \text{ } \Omega$ ;  $V_d = 0.5 \text{ V}$

b) .  $V_i = 0$ , el diodo  $D_1$  no conduce. El otro está polarizado por la fuente de  $10 \text{ V}$  y sí conduce.



$$V_o = V_B = 9.5 \text{ V}$$

↓  
No hay corriente por  $R_1$

- El diodo D1 no conducirá hasta que la tensión  $V_i$  no sea mayor que  $9.5V + V_f = 10V$ .
- Mientras D1 conduzca,  $V_o = V_i - V_f$  y la corriente por  $R_1$  será:

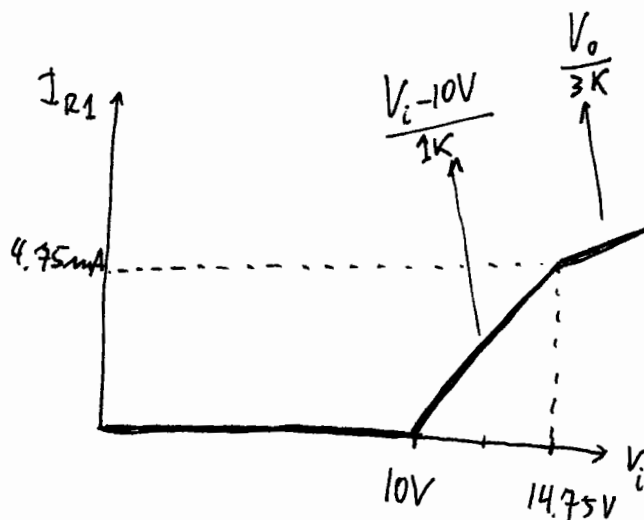
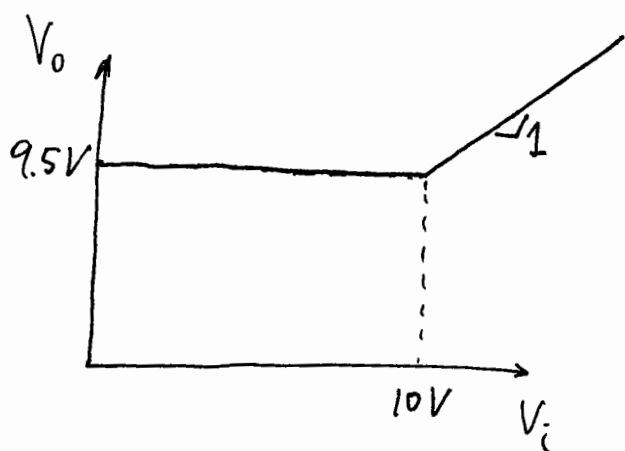
$$I_{R1} = \frac{V_o - V_B}{R_1} = \frac{V_i - V_f - V_B}{R_1}$$

Si D2 sigue conduciendo:

$$I_{R2} = \frac{V_i - V_f - 9.5V}{R_1}$$

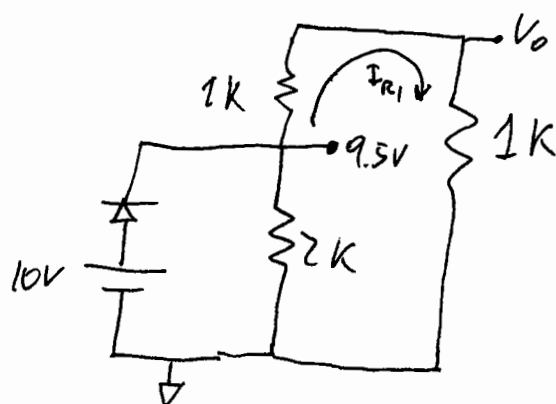
$I_{R1}$  se incrementa mientras  $V_i$  crece, pero  $I_{R2}$  está fijada si D2 conduce, por lo que cada vez circula menos corriente por D2, hasta que se corta. Esto sucede para una  $V_i$  tal que  $I_{R1} = I_{R2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{V_i - V_f - 9.5V}{1K} = \frac{9.5V}{2K} \Rightarrow \underline{V_i = 14.75V}$$



c) En este caso, cuando DI OFF:

(5)

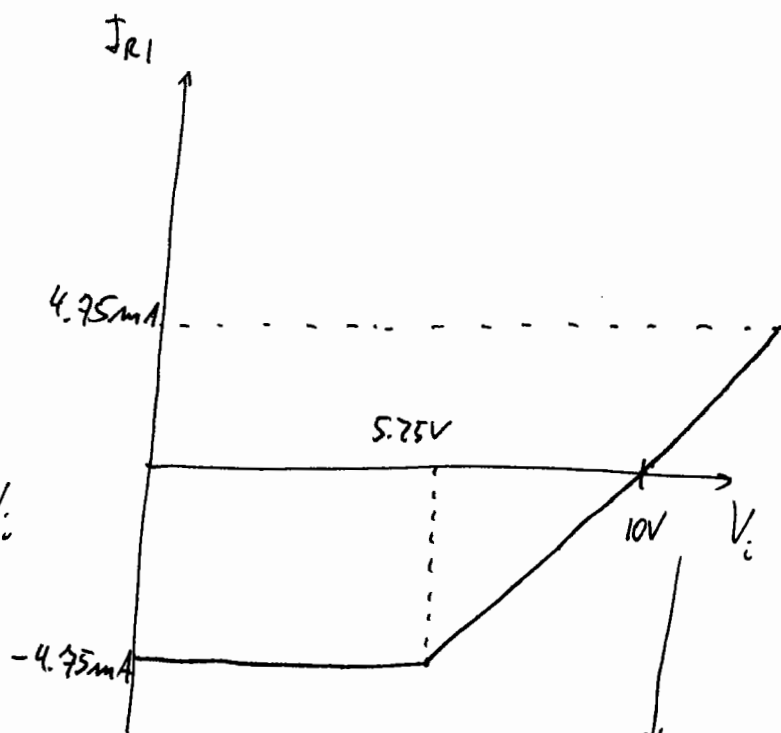
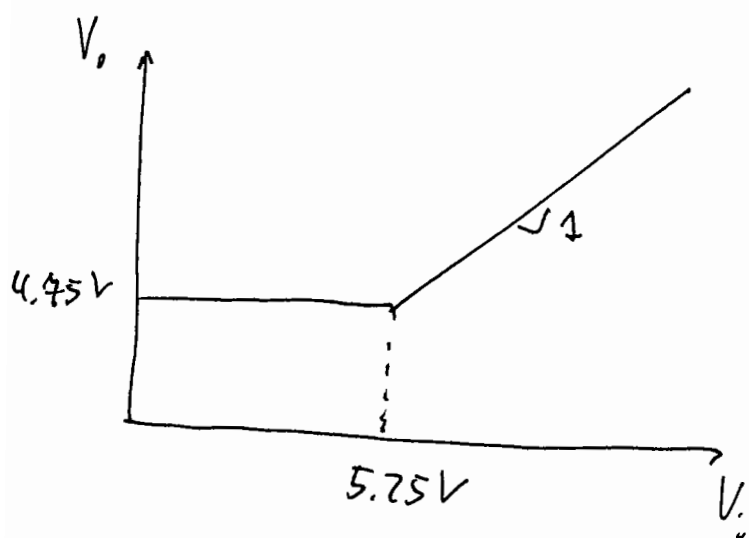


$$V_O = 4.75V$$

$$I_{R1} = -4.75 \text{ mA}$$

(si definimos como positiva la corriente  $I_{R1}$  de sentido contrario a la del dibujo)

Ahora DI empezará a conducir cuando  $V_i = 4.75V + V_f = 5.75V$ .



A partir de 10V, como en el apartado b)

(6)

(2.-)

$$a) I_E = 1 \text{ mA}; I_C = \frac{\beta_F}{1 + \beta_F} I_E = 0.996 \cdot I_E \sim 1 \text{ mA} \Rightarrow V_O = 7 \text{ V}$$

Como  $I_C = 1 \text{ mA} \Rightarrow I_B = 3.33 \mu\text{A}$  (si seguimos región activa)

Para que esté en activa  $V_B < 7 \text{ V}$ .

$$\text{Como } V_B = 10 \text{ V} - I_B \cdot R_B \Rightarrow R_B > \frac{10 \text{ V} - 7 \text{ V}}{I_B} = \underline{\underline{900 \text{ K}}}$$

$R_B$  no puede hacerse todo lo grande que se desee porque nos han impuesto  $V_E > 0 \text{ V} \Rightarrow V_B > 0.65 \text{ V} \Rightarrow$

$$\Rightarrow R_B < \frac{10 - 0.7}{I_B} = 2.8 \text{ M}\Omega.$$

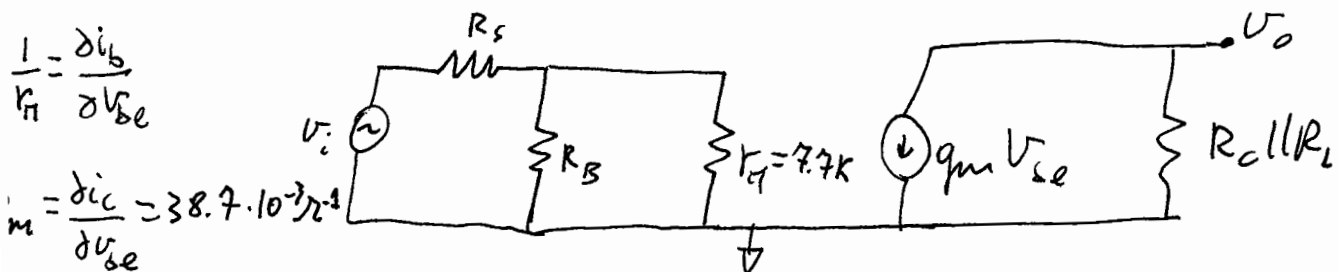
Por tanto, cualquier valor de  $R_B$  en el intervalo

$[900 \text{ K}, 2.8 \text{ M}\Omega]$  es válido.

~~Para que esté~~

~~en~~

b) Circuito en pequeña señal:



$$v_{be} = v_i \cdot \frac{R_B \parallel r_{\pi}}{R_s + R_B \parallel r_{\pi}} \Rightarrow v_o = -g_m R_c \parallel R_L \frac{R_B \parallel r_{\pi}}{R_s + R_B \parallel r_{\pi}} v_i = -82.7 v_i$$

(3-) a). Saturación  $\Rightarrow I_D = \frac{\beta}{2} [V_{GS} - V_T]^2 \Rightarrow [V_{GS} - V_T] = \left(\frac{2I_D}{\beta}\right)^{1/2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow V_{GS} = \left(\frac{2I_D}{\beta}\right)^{1/2} + V_T = \underline{\underline{2.41V}}$$

• Piden  $V_D = 5V$ , luego es posible cumplir ambas condiciones ( $I_D = 1mA$  y  $V_D = 5V$ ) puesto que  $V_{DS} = 5V > V_{GS} - V_T = 1.41V$

• Para tener  $V_D = 5V \Rightarrow \frac{10 - V_D}{R_D} = 1mA \Rightarrow \boxed{R_D = 5K\Omega}$

• Para tener  $V_{GS} = 2.41V$  usamos las resistencias  $R_{G1}$  y  $R_{G2}$ . Como  $I_g = 0$ , tenemos un divisor de tensión:

$$10V \cdot \frac{R_{G2}}{R_{G1} + R_{G2}} = 2.41V$$

• Cualesquiera valores de  $R_{G1}$  y  $R_{G2}$  que cumplan esta relación son válidos.

- P.e., si  $\underline{\underline{R_{G1} = 1M}} \Rightarrow \underline{\underline{R_{G2} = 317.5K}}$

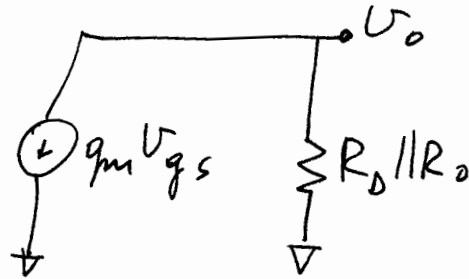
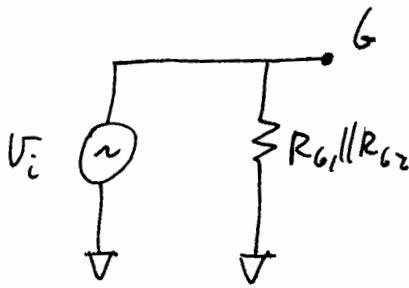
b) Si se incrementa el valor de  $R_D$ , disminuye la tensión en el drenador y puede dejar de cumplirse la condición  $V_{DS} \geq V_{GS} - V_T$ .

El límite:  $V_{DS} = V_{GS} - V_T = 1.41V = \underbrace{10V - R_D \cdot 1mA}_{V_{DS}} \Rightarrow$

$\Rightarrow \boxed{R_D < 8.6K\Omega}$  Valor máximo

Al despreciar el efecto Early, fijada  $V_{GS}$ , la corriente de drenador se mantiene aunque cambie la tensión en el drenador. (8)

c)



$$g_m = \frac{\partial I_D}{\partial V_{GS}} = \beta [V_{GS} - V_T] = 1.41 \text{ mA}^{-1}$$

$$R_o^{-1} = \frac{\partial I_D}{\partial V_{GS}} = \frac{\beta}{2} [V_{GS} - V_T]^2 \cdot \lambda = \lambda \cdot I_D \Rightarrow \begin{aligned} R_o &= 100 \text{ K} & (V_A = 100 \text{ V}) \\ R_o &= 30 \text{ K} & (V_A = 30 \text{ V}) \end{aligned}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = -g_m \cdot R_D \parallel R_o \Rightarrow \text{Cuanto menor sea } R_o \text{ (menor } V_A), \text{ menor será la ganancia.}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \begin{cases} -6.71 & (V_A = 100 \text{ V}) \\ -6.04 & (V_A = 30 \text{ V}) \end{cases}$$