

**Teoría de la Comunicación**  
**Examen extraordinario de 5 de septiembre de 2014**

**Nombre:**

- 1) Sea  $(A, B)$  una variable aleatoria bidimensional con distribución Gaussiana cuyo vector de medias es  $(1, 1)$  y su matriz de covarianzas es:

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \quad (1)$$

Se construye el proceso aleatorio  $X(t) = A\cos(t) + B$ .

- a) (1 punto) Determine la media y la varianza del proceso aleatorio  $X(t)$ .
  - b) (1.5 puntos) La función de autocorrelación del proceso aleatorio  $X(t)$ .
- 2) Sea S3 la extensión de tercer orden de una fuente binaria sin memoria cuya probabilidad de emitir un cero es igual a 0,2. Otra fuente SD observa las salidas de S3, emitiendo 0, 1, 2 o 3 según la salida de S3 contenga 0, 1, 2 o 3 ceros. Determine:
- a) (1.25 puntos) La entropía de la fuente SD.
  - b) (1.25 puntos) Construya un código de Huffman para la fuente S3.
- 3) (0.75 puntos) Obtenga la expresión de la media del proceso aleatorio de salida de un sistema lineal e invariante con el tiempo en función de la media del proceso aleatorio de entrada cuando dicha entrada es un proceso aleatorio estacionario en sentido amplio. (Aclaración: lo que se pide no es la expresión final sino cómo se llega a la expresión final)
- 4) (0.75 puntos) Enuncie y demuestre la regla de la cadena de la entropía.
- 5) (1 punto). Explique en detalle (funciones de MATLAB utilizadas, bucles implementados, etc) cómo ha obtenido en el apartado 3 de la práctica 1, la densidad de potencia espectral del proceso aleatorio usando la relación que hay entre la respuesta en frecuencia del filtro y la densidad de potencia espectral del proceso de entrada. Como se indicaba en el guión el filtro era un filtro lineal todo polos con coeficiente  $a_1 = -0,9$  y en el fichero signalENTRADA se encontraba una única realización muestreada en 128000 instantes de tiempo de la señal de entrada.
- 6) (1 punto). Explique en detalle cómo ha construido la matriz de probabilidades condicionales del segundo modelo probabilístico de la practicas 2. ¿Qué contiene la fila 64 de dicha matriz de probabilidades condicionales?.

*NOTA: En los ejercicios 1 y 2 no vale con dar sólo la respuesta correcta sino que hay que mostrar cómo se ha obtenido el resultado. Si no se da una explicación el valor del ejercicio será de cero puntos.*