

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТУ «ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА»

Інститут комп'ютерних наук та інформаційних технологій
Кафедра систем штучного інтелекту

Розрахунково-графічна робота
З дисципліни
«Дискретна математика»

Виконав:
студент групи КН-113
Рябчук Андрій

Викладач:
Мельникова Н.І.

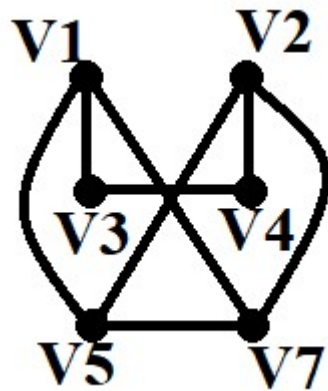
Львів-2019

Варіант №5

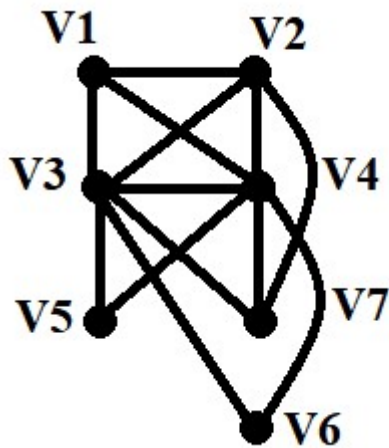
Завдання № 1

Виконати наступні операції над графами: 1) знайти доповнення до першого графу, 2) об'єднання графів, 3) кільцеву сумму $G1$ та $G2$ ($G1+G2$), 4) розмножити вершину у другому графі, 5) виділити підграф A - що складається з 3-х вершин в $G1$ 6) добуток графів.

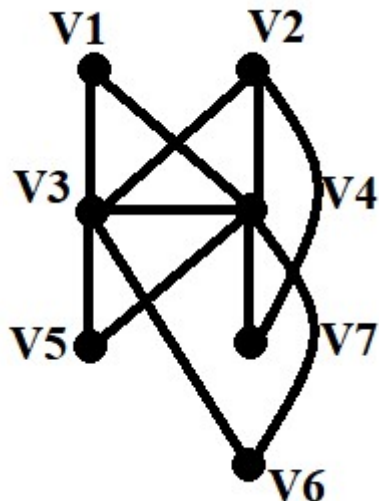
1)



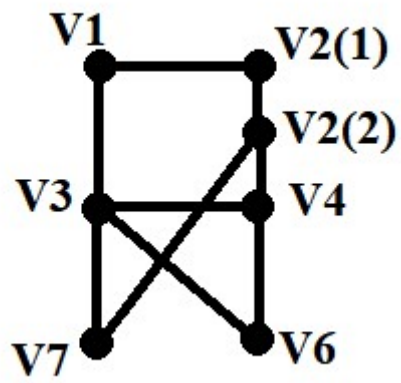
2)



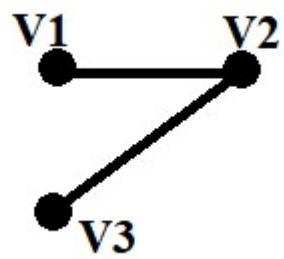
3)



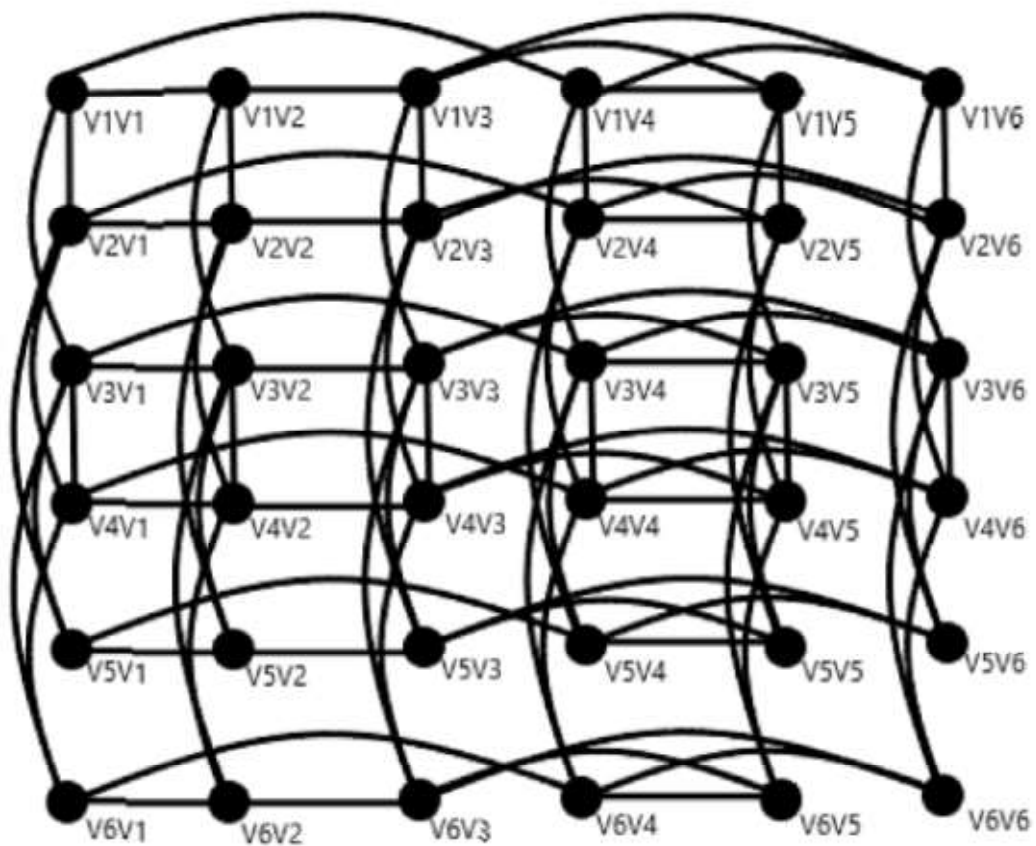
4)



5)

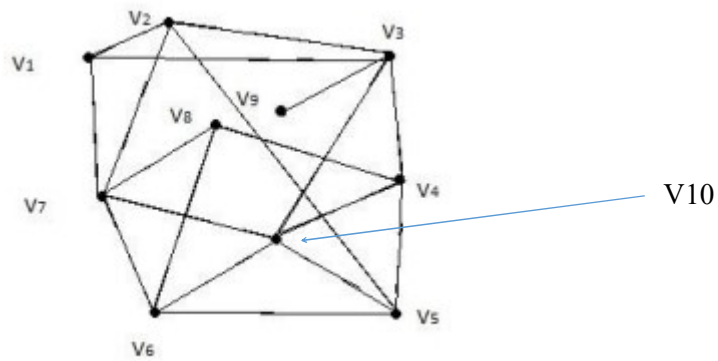


6)



Завдання № 2

Скласти таблицю суміжності для орграфа.



	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7	V8	V9	V10
V1	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0
V2	1	0	1	0	1	0	1	0	0	0
V3	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1
V4	0	0	1	0	1	0	0	1	0	1
V5	0	1	0	1	0	1	0	0	0	1
V6	0	0	0	0	1	0	1	1	0	1
V7	1	1	0	0	0	1	0	1	0	1
V8	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0
V9	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
V10	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0

Завдання № 3

Для графа з другого завдання знайти діаметр.

Діаметр - 3

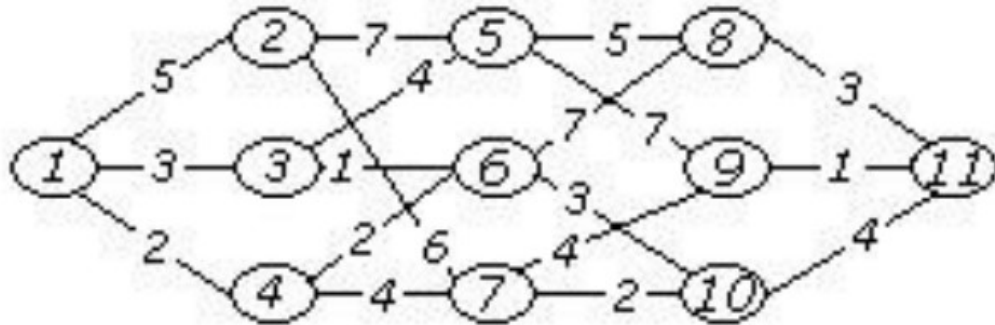
Завдання №4

Для графа з другого завдання виконати обхід дерева вглиб (варіант закінчується на непарне число) або вшир (закінчується на парне число).

Вершина	DFS - номер	Вміст стеку
V1	1	V1
V2	2	V1V2
V3	3	V1V2V3
V10	4	V1V2V3V10
V4	5	V1V2V3V10V4
V8	6	V1V2V3V10V4V8
V6	7	V1V2V3V10V4V8V6
V7	8	V1V2V3V10V4V8V6 V7
-	-	V1V2V3V10V4V8V6
V5	9	V1V2V3V10V4V8V6 V5
-	-	V1V2V3V10V4V8V6
-	-	V1V2V3V10V4V8
-	-	V1V2V3V10V4
-	-	V1V2V3V10
-	-	V1V2V3
V9	10	V1V2V3V9
-	-	V1V2V3
-	-	V1V2
-	-	V1
-	-	0

Завдання №5

Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.

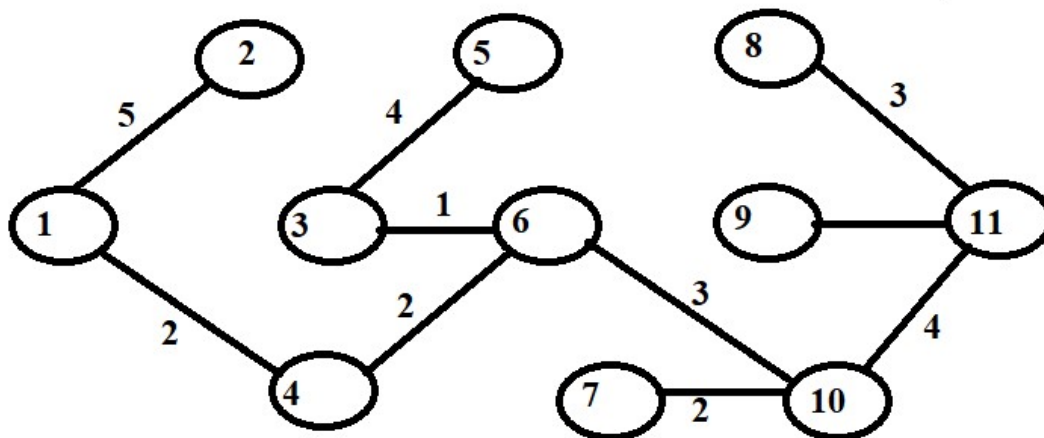


Алгоритм Краскала

$V = \{1, 4, 3, 5, 2, 6, 10, 7, 9, 8, 11\}$
 $E = \{(1, 4), (3, 5), (1, 2), (6, 10), (3, 6), (4, 6), (7, 10), (8, 11), (9, 11), (10, 11)\}$

Алгоритм Прима

$V = \{1, 4, 2, 5, 3, 6, 10, 8, 11, 9, 7\}$ $E = \{(1, 4), (1, 2), (3, 6), (3, 5), (4, 6), (6, 10), (7, 10), (8, 11), (9, 11), (10, 11)\}$



Мінімальна вага - 27

Завдання №6

Розв'язати задачу комівояжера для повного 8-ми вершинного графа методом «іди у найближчий», матриця вагів якого має вигляд:

5)

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	3	1	2	3	1	2	3
2	3	∞	5	2	4	1	6	3
3	1	5	∞	3	6	4	1	2
4	2	2	3	∞	5	4	6	2
5	3	4	6	5	∞	3	1	2
6	1	1	4	4	3	∞	2	5
7	2	6	1	6	1	2	∞	7
8	3	3	2	2	2	5	7	∞

З першого рядка вибираємо ребро 3 та викреслюємо перший рядок перший стовпець

5)

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	3	X	2	3	1	2	3
2	3	∞	5	2	4	1	6	3
3	1	5	∞	3	6	4	1	2
4	2	2	3	∞	5	4	6	2
5	3	4	6	5	∞	3	1	2
6	1	1	4	4	3	∞	2	5
7	2	6	1	6	1	2	∞	7
8	3	3	2	2	2	5	7	∞

5)

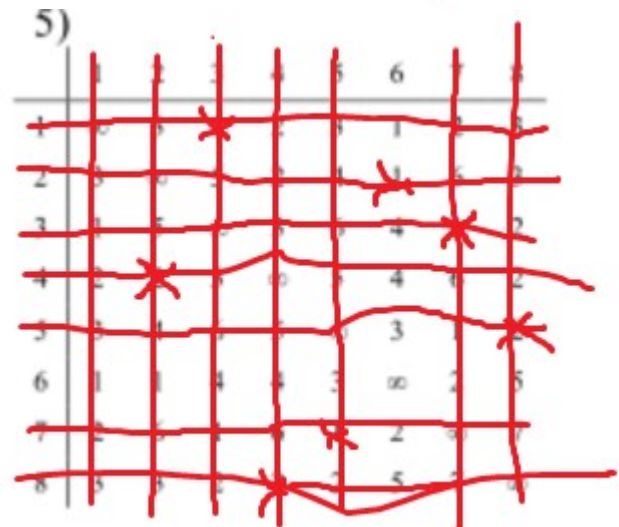
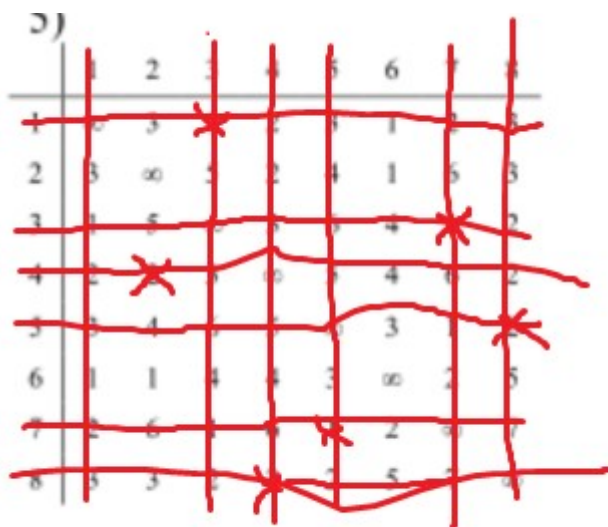
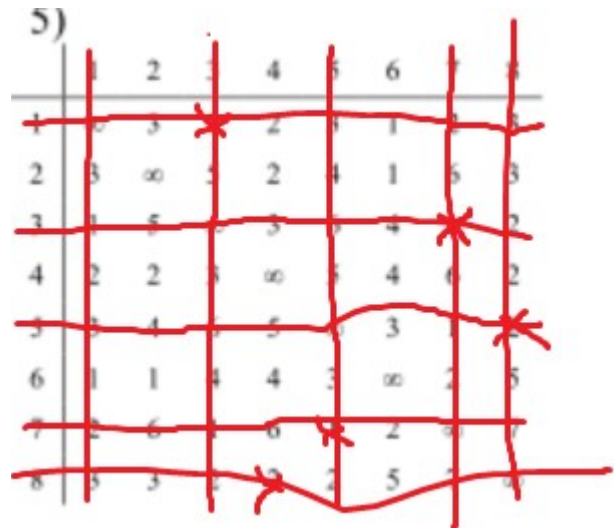
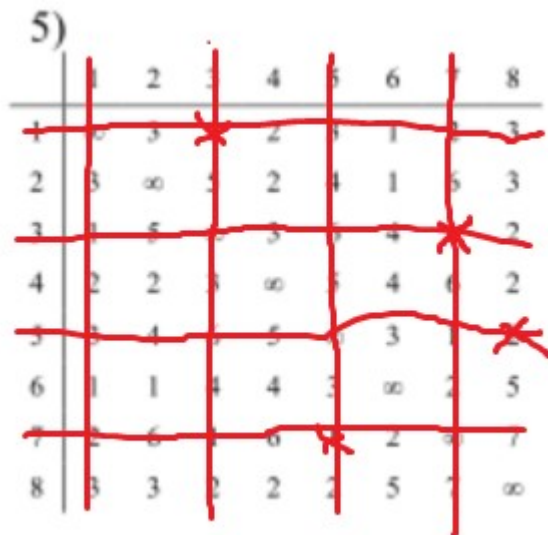
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	3	X	2	3	1	2	3
2	3	∞	5	2	4	1	6	3
3	1	5	∞	3	6	4	X	2
4	2	2	3	∞	5	4	6	2
5	3	4	6	5	∞	3	1	2
6	1	1	4	4	3	∞	2	5
7	2	6	1	6	1	2	∞	7
8	3	3	2	2	2	5	7	∞

5)

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	3	X	2	3	1	2	3
2	3	∞	5	2	4	1	6	3
3	1	5	∞	3	6	4	X	2
4	2	2	3	∞	5	4	6	2
5	3	4	6	5	∞	3	1	2
6	1	1	4	4	3	∞	2	5
7	2	6	1	6	1	2	∞	7
8	3	3	2	2	2	5	7	∞

5)

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	3	X	2	3	1	2	3
2	3	∞	5	2	4	1	6	3
3	1	5	∞	3	6	4	X	2
4	2	2	3	∞	5	4	6	2
5	3	4	6	5	∞	3	1	2
6	1	1	4	4	3	∞	2	5
7	2	6	1	6	1	2	∞	7
8	3	3	2	2	2	5	7	∞



Шлях:

1 -> 3 -> 7 -> 5 -> 8 -> 4 -> 2 -> 6 -> 1

Вага : 1 + 1 + 1 + 2 + 2 + 2 + 1 + 1 = 11

Вибравши на першому етапі вершину 6 , отримаємо цикли:

1->6->2->4->8->3->7->5->1

Вага : 1+1+2+2+2+1+1+3 = 13

1->6->2->4->8->5->7->3->1

Вага: 1+1+2+2+2+1+1+1 = 11

Ми перевірили всі можливі цикли отже мінімальна вага - 11

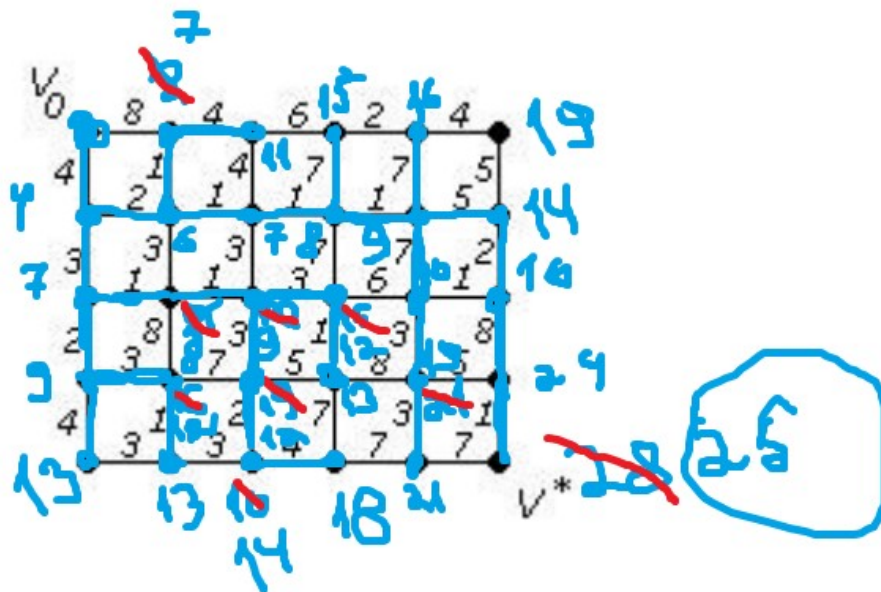
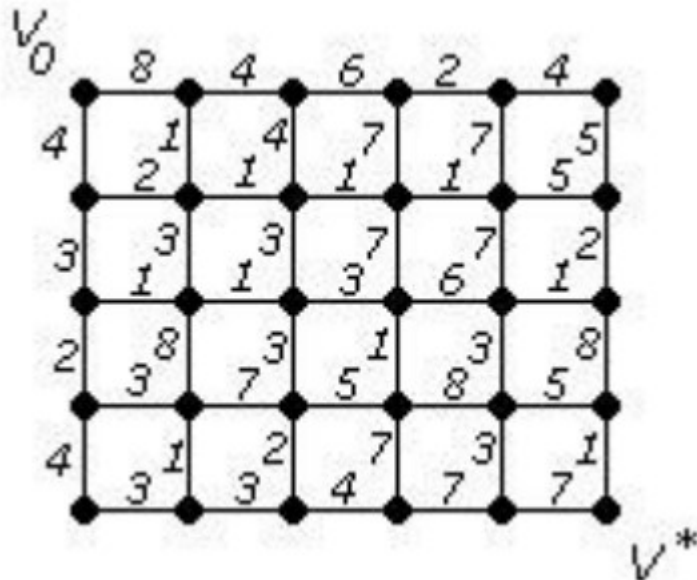
Деякі з оптимальних шляхів :

1->6->2->4->8->5->7->3->1

1 -> 3 -> 7 -> 5 -> 8 -> 4 -> 2 -> 6 -> 1

Завдання №7

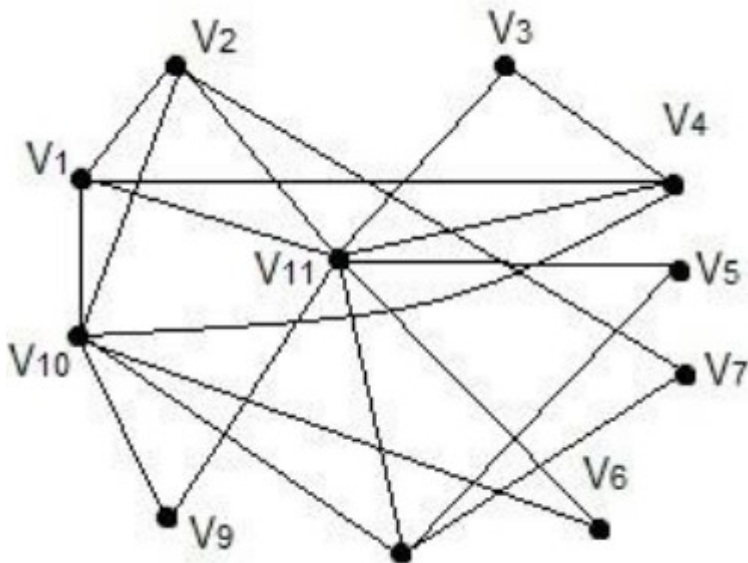
За допомогою алгоритму Дейкстри знайти найкоротший шлях у графі між парою вершин V_0 і V^* .



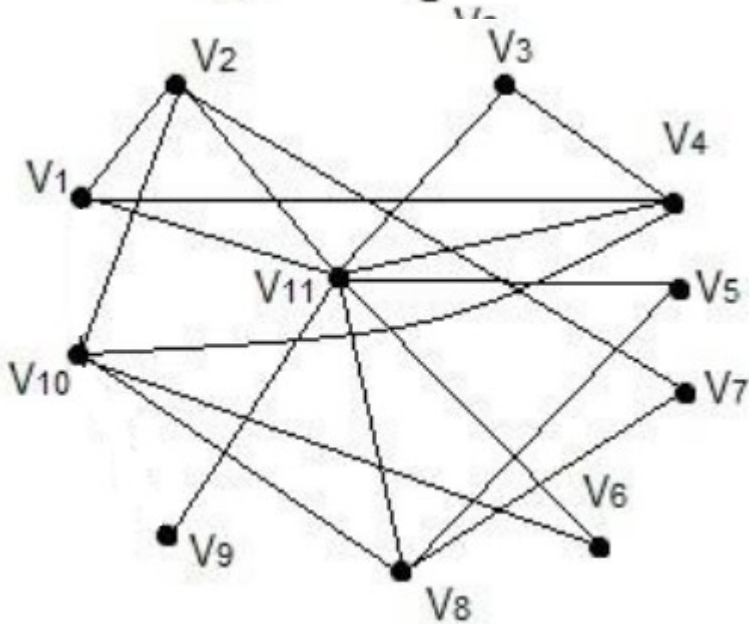
Найкоротший шлях - $[v_0, v_6, v_7, v_8, v_9, v_{10}, v_{11}, v_{17}, v_{23}, v_{29}]$ - 25

Завдання №8

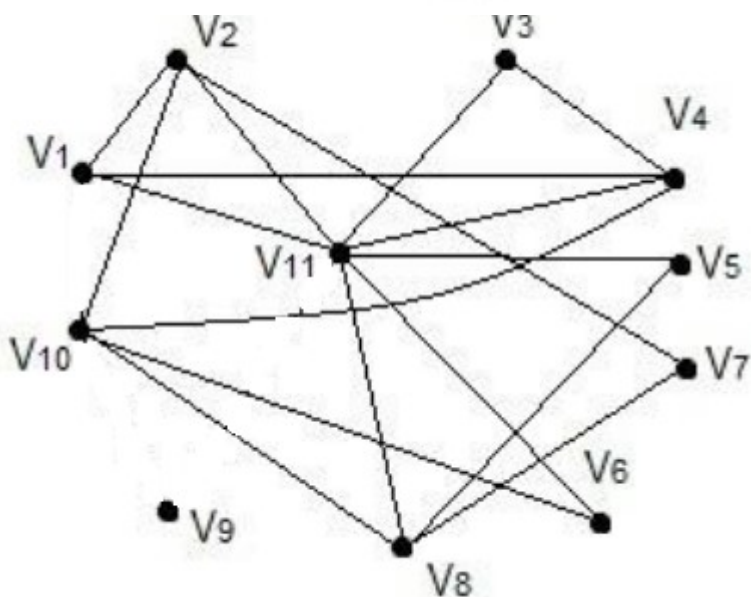
Знайти ейлеровий цикл в ейлеровому графі двома методами: а) Флері; б) елементарних циклів.



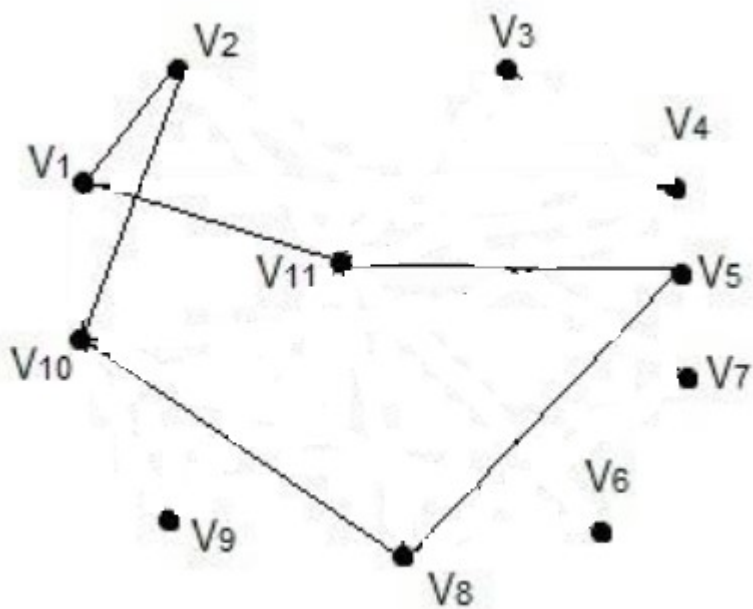
А)Флері



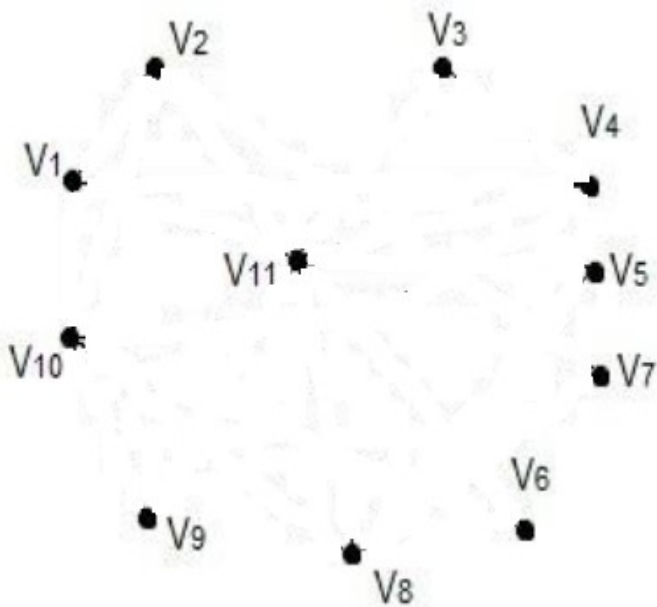
$L = [V_1, V_{10}, V_9]$



$L = [V_1, V_{10}, V_9, V_{11}]$

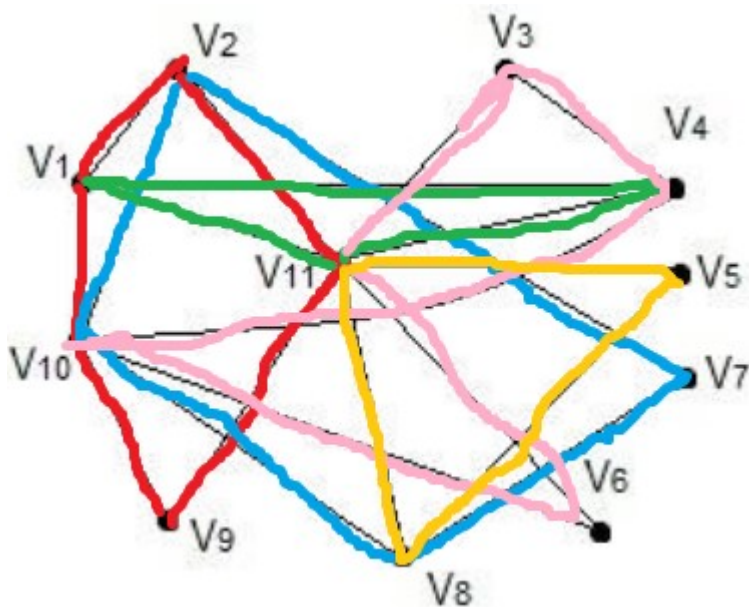


$L=[V1,V10,V9,V11,V8,V7,V2,V11,V4,V3,V11,V6,V10,V4,V1]$



$L=[V1,V10,V9,V11,V8,V7,V2,V11,V4,V3,V11,V6,V10,V4,V1,V11,V5,V8,V10,V2,V1]$

Ми пройшли всі ребра і повернулись в початкову точку отже цикл який ми отримали є Ейлеровим



Б)Елементарними циклами

Знайшли 5 циклів:

[V1,V2,V11,V9,V10,V1]
 [V2,V10,V8,V7,V2]
 [V1,V11,V4,V1]
 [V11,V8,V5,V11]
 [V11,V3,V4,V10,V6,V11]

Вставимо другий цикл в перший:

[V1,V2,V10,V8,V7,V2,V11,V9,V10,V1]

Тепер третій в перший:

[V1,V11,V4,V1,V2,V10,V8,V7,V2,V11,V9,V10,V1]

П'ятий в четвертий і четвертий в перший:

[V1,V11,V8,V5,V11,V3,V4,V10,V6,V11,V4,V1,V2,V10,V8,V7,V2,V11,V9,V10,V1] - цикл Ейлера

Завдання №9

Спростити формули (привести їх до скороченої ДНФ).

$$(x \rightarrow y) \cdot (y \rightarrow z) \rightarrow (z \rightarrow x)$$

Запишемо таблицю істинності для цієї формули:

X	Y	Z	$X \rightarrow Y$	$Y \rightarrow Z$	$(X \rightarrow Y) \& (Y \rightarrow Z)$	$Z \rightarrow X$	$((X \rightarrow Y) \& (Y \rightarrow Z)) \rightarrow (Z \rightarrow X)$
0	0	0	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	0	0
0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0	1	1
1	0	1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Запишемо ДДНФ:

$$(xyz) \vee (x\bar{y}z) \vee (x\bar{y}\bar{z}) \vee (x\bar{y}z) \vee (\bar{x}yz) \vee (\bar{x}\bar{y}z)$$

Використавши основні формули склеювання отримаємо:

$$(xy) \vee (\bar{x}\bar{z}) \vee (x\bar{y}) = x \vee (\bar{x} \wedge \bar{z}) = x \vee \bar{z}$$

Алгоритм «Иди в ближайший»

```
#include <iostream>
#include <windows.h>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int consisting(string x,set <string> s){
    int c = 0;
    for(auto i : s){
        if (x == i)
            c = 1;
    }
    if(c == 1)
        return 1;
    else
        return 0;
}
class edge {
    public :
        string vertices_1;
        string vertices_2;
        int weight;
};
int main()
{
    SetConsoleOutputCP(CP_UTF8);
    set < string > vertices;

    char *p;
    char * s = new char[255];

    map <string , int > vertice_weight;
    set <string> ban;
    gets(s);
    p = strtok(s," ");
    vertices.insert(p);
    string current = p;
    while(p){
        vertices.insert(p);
        vertice_weight.insert(pair <string,int>(p,-1));
        p = strtok(NULL," ");
    }
    vector <edge> edges;
    while(1){
        edge x;
        cin>>x.vertices_1;
        if (x.vertices_1=="end")
            break;
        cin>>x.vertices_2>>x.weight;
        edges.push_back(x);
    }
}
```

```

int min;
string next,current_city,start;
current_city = start;
int sum,sum_min = 99999999;
vector <string> way;
for(auto start:vertices){
    vector <string> buf;
    buf.push_back(start);
    current_city = start;
    sum = 0;
    int n =0;
    ban.clear();
    while(1){
        min = 99999999;
        for (auto eedge : edges){
            if (eedge.vertices_1 == current_city){
                if ((eedge.weight< min)&&(!consisting(eedge.vertices_2,ban))&&((n
==4)&&(eedge.vertices_2==start)))){
                    min = eedge.weight;
                    next = eedge.vertices_2;
                }
            }
        }
        buf.push_back(next);
        if (min == 99999999){
            cout<<"Шлях неможливий\n";
            break;
        }
        sum += min;
        n++;
        cout<<sum<<current_city<<next<<endl;
        ban.insert(current_city);
        current_city = next;
        if (current_city ==start){
            if (sum < sum_min){
                sum_min = sum;
                way.clear();
                for (auto vert: buf ){
                    way.push_back(vert);
                }
            }
        }
        break;
    }
}
}
cout << sum_min<<endl<<"[";
for(auto i : way){
    cout<<i<<" ";
}
cout<<"] - Мінімальний шлях та його вага";

return 0;
}

```

Вхідні дані:

v1 v2 v3 v4 v5 v6 v7 v8

v1 v2 3

v1 v3 1

v1 v4 2

v1 v5 3

v1 v6 1

v1 v7 2

v1 v8 3

v2 v1 3

v2 v3 5

v2 v4 2

v2 v5 4

v2 v6 1

v2 v7 6

v2 v8 3

v3 v1 1

v3 v2 5

v3 v4 3

v4 v5 6

v4 v6 4

v4 v7 1

v4 v8 2

v5 v1 3

v5 v2 4

v5 v3 6

v5 v4 5

v5 v6 3

v5 v7 1

v5 v8 2

v6 v1 1

v6 v2 1

v6 v3 4

v6 v4 4

v6 v5 3

v6 v7 2

v6 v8 5

v7 v1 2

v7 v2 6

v7 v3 1

v7 v4 6

v7 v5 1

v7 v6 2

v7 v8 7

v8 v1 3

v8 v2 3

v8 v3 2

v8 v4 2

v8 v5 2

v8 v6 5

v8 v7 7

Результат роботи:

```
3v1v6
4v6v2
6v2v4
8v4v8
10v8v5
11v5v7

2v8v3
3v3v1
4v1v6
5v6v2
7v2v4
8v4v7
9v7v5
11v5v8

11
[v3,v1,v6,v2,v4,v7,v5,v8,v3,] - Мінімальний шлях та його вага
Process returned 0 (0x0)   execution time : 4.252 s
Press any key to continue.
```

Алгоритм Дейкстри

```
#include <iostream>
#include <windows.h>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int consisting(string x,set <string> s){
    int c = 0;
    for(auto i : s){
        if(x == i)
            c = 1;
    }
    if(c == 1)
        return 1;
    else
        return 0;
}
class edge {
public :
    string vertices_1;
    string vertices_2;
    int weight;
};
int main()
{
    SetConsoleOutputCP(CP_UTF8);
    set < string > vertices;

    char *p;
    char * s = new char[255];

    map < string , vector<string> > derevo;
    map <string , int > vertice_weight;
    set <string> ban;
    gets(s);
    string v0,ve;
    cin>>v0>>ve;
```



```

p = strtok(s, " ");
vertices.insert(p);
string current = p;
vector<string> rebro;
rebro.push_back("0");
rebro.push_back("0");

while(p){
    vertices.insert(p);
    derevo.insert(pair<string,vector<string>> (p,rebro));
    vertice_weight.insert(pair<string,int>(p,-1));
    p = strtok(NULL, " ");
}

vector<edge> edges;
while(1){
    edge x;
    cin>>x.vertices_1;
    if (x.vertices_1=="end")
        break;
    cin>>x.vertices_2>>x.weight;
    edges.push_back(x);
}

// string current = "v0";
vertice_weight[v0] = 0;
int x = 0;

while(x < vertices.size()){
    for (auto edge : edges){
        if ((edge.vertices_1 == current)&&(!consisting(edge.vertices_2,ban))){
            for (auto p = vertice_weight.begin();p != vertice_weight.end(); p++){
                if (vertice_weight[edge.vertices_2] == -1){
                    vertice_weight[edge.vertices_2] = edge.weight + vertice_weight[current];
                    derevo[edge.vertices_2][0] = edge.vertices_1;
                    derevo[edge.vertices_2][1] = edge.vertices_2;
                }
                else if ( edge.weight+vertice_weight[current] <  vertice_weight[edge.vertices_2] ){
                    vertice_weight[edge.vertices_2] = edge.weight + vertice_weight[current];
                    derevo[edge.vertices_2][0] = edge.vertices_1;
                    derevo[edge.vertices_2][1] = edge.vertices_2;
                }
            }
        }
        if ((edge.vertices_2 == current)&&(!consisting(edge.vertices_1,ban))){
            for (auto p = vertice_weight.begin();p != vertice_weight.end(); p++){
                if (vertice_weight[edge.vertices_1] == -1){
                    vertice_weight[edge.vertices_1] = edge.weight + vertice_weight[current];
                    derevo[edge.vertices_1][0] = edge.vertices_2;
                    derevo[edge.vertices_1][1] = edge.vertices_1;
                }
                else if ( edge.weight +vertice_weight[current]<  vertice_weight[edge.vertices_1] ){
                    vertice_weight[edge.vertices_1] = edge.weight + vertice_weight[current];
                    derevo[edge.vertices_1][0] = edge.vertices_2;
                    derevo[edge.vertices_1][1] = edge.vertices_1;
                }
            }
        }
    }
}

ban.insert(current);
int mini = 999999999;
for(auto v : vertice_weight){

```

```

        if ((v.second < mini)&&(!consisting(v.first,ban))&&(v.second != -1)){
            mini = v.second;
            current = v.first;
        }
    }
    x++;
}
cout<<endl;
cout<<endl;
cout<<"Мінімальна відстань до "<<ve<<" - "<<vertice_weight[ve]<<endl;
vector<string> min_chain;
min_chain.push_back(ve);
string cur = ve;

while(cur!=v0){
    for(auto i : derevo){
        if (i.second[1] == cur){
            cur = i.second[0];
            min_chain.push_back(cur);
        }
    }
}
cout<<"Шуканий найкоротший ланцюг: [";
for (int i = min_chain.size()-1 ; i > 0; i--)
    cout<<min_chain[i]<<",";
cout<<min_chain[0]<<"]";
return 0;
}

```

Вхідні дані: ребра і вершини графа з 7 завдання
Результат роботи програми:

```

v12 v18 2
v18 v24 4
v5 v11 5
v11 v17 2
v17 v23 8
v23 v29 1
v1 v7 1
v7 v13 3
v13 v19 8
v19 v25 1
v2 v8 4
v8 v14 3
v14 v20 3
v20 v26 2
v3 v9 7
v9 v15 7
v15 v21 1
v21 v27 7
v4 v10 7
v10 v16 7
v16 v22 3
v22 v28 3
end

Мінімальна відстань до v29 - 25
Шуканий найкоротший ланцюг: [v0,v6,v7,v8,v9,v10,v11,v17,v23,v29]
Process returned 0 (0x0)   execution time : 5.942 s
Press any key to continue.

```

Алгоритм Флері

```
#include <iostream>
#include <string.h>
#include <algorithm>
#include <windows.h>
#include <set>
#include <list>

using namespace std;

class Graph
{
public:
    Graph(int V) { this->V = V; adj = new list<int>[V+1]; }

    void Graph::printcycle()
    {
        int u = 1;

        for (int i = 1; i <= V; i++)
            if (adj[i].size() > 1)
            {
                u = i; break;
            }

        printEulerUtil(u);
        printEulerUtil(u);

        cout << endl;
    }

    void Graph::printEulerUtil(int u)
    {
        list<int>::iterator i;

        for (i = adj[u].begin(); i != adj[u].end(); ++i)
        {
            int v = *i;

            if (v != -1 && isValidNextEdge(u, v))
            {
                return count;
            }

            int main()
            {
                int number_of_edges, u, v;
                cout << "kilili reber";
                cin >> number_of_edges;
                Graph gl(number_of_edges);
                for (int i = 0; i < number_of_edges; i++) {
                    cin >> u >> v;
                    gl.addEdge(u, v);
                }
                cout << "1";
                gl.printcycle();
                return 0;
            }
        }
    }
}
```

Результат програми:

```
kilkist reber20
1 2
1 10
1 4
1 11
2 11
2 7
2 10
3 11
3 4
4 11
4 10
11 5
11 8
11 9
11 6
5 8
6 10
7 8
8 10
9 10
1-> 2-> 11-> 1-> 10-> 2-> 7-> 8-> 11-> 3-> 4-> 11-> 5-> 8-> 10-> 6-> 11-> 9-> 10-> 4-> 1
Process returned 0 (0x0)   execution time : 5.808 s
Press any key to continue.
```

Алгоритм Прима

```
#include <iostream>

using namespace std;

int main()
{
    int x, y;
    int u, v;
    int number;
    int i, j;
    int ne = 1;
    int scan [12] = {0};
    int minimal, minimall = 0;
    int cost [12][12];
    int path [100] = {0};
    int path_index = 0;

    cout << "Введите количество вершин: ";
    cin >> number;
    cout << "Введите матрицу смежности \n";

    .....

    for(i = 1; i <= number; i++)
        for(j = 1; j <= number; j++)
        {
            cin >> cost[i][j];
            if(cost[i][j] == 0)
                cost[i][j] = 999;
        }

    scan [1] = 1;
    cout << endl;

    while(ne < number )
    {
        for (i = 1, minimal = 999; i <= number; i++)
            for (j = 1; j <= number; j++)
                if (cost [i][j] < minimal)
                    if (scan [i] != 0)
                    {
                        minimal = cost [i][j];
                        x = u = i;
                        y = v = j;
                    }

        if (scan [u] == 0 || scan [v] == 0)
        {
            cost[x][y] = cost[y][x] = 999;
        }

        cout << endl;
        cout << 1 << " -> ";

        for (int i = 0; i < number-1; i++)
        {
            cout << path[i];
            if (i < number-2) {
                cout << " -> ";
            }
        }
        cout << endl;
        cout << "Minimal cost: " << endl;
        cout << minimall;

        cin.get();
        cin.get();
    }
```

```
1 1 42
2 4 62
3 6 31
4 6 103
5 10 72
6 3 54
7 7 94
8 9 111
9 11 83
10 1 25
1 -> 4 -> 6 -> 3 -> 10 -> 7 -> 5 -> 9 -> 11 -> 8 -> 2
Minimal cost:
27
```

Алгоритм Краскала

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
#include <stdlib.h>
#include <windows.h>
using namespace std;

const int q = 11;
int BuildTrees(int n, int A[q][q]);
void DeleteDuplicates(int n, int A[q][q]);
int InDifferTrees(int n, int A[q][q], int first, int second);
void AddToTheTree(int n, int A[q][q], int first, int second);

int main()
{
    SetConsoleOutputCP(CP_UTF8);
    int A[11][11] =
    { 0, 5, 3, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
      5, 0, 0, 0, 7, 0, 6, 0, 0, 0, 0,
      3, 0, 0, 0, 4, 1, 0, 0, 0, 0, 0,
      2, 0, 0, 0, 0, 2, 4, 0, 0, 0, 0,
      0, 7, 4, 0, 0, 0, 0, 5, 7, 0, 0,
      0, 0, 1, 2, 0, 0, 0, 7, 0, 3, 0,
      0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 3, 1, 4, 0 };

    DeleteDuplicates(11, A);
    for (int i = 1; i <= 7; i++){
        cout << "\nВыход в меню: " << i << ": ";
        for (int j = 1; j <= 11; j++){
            for (int k = 1; k <= 11; k++){
                if (A[j - 1][k - 1] == 1){
                    cout << " " << j << " - " << k;
                }
            }
        }
        cout << "\n";

        int B[11][11];
        BuildTrees(11, B);
        cout << "\n\nНужно нажать: "; //нажать 7 - максимальная сумма
        for (int i = 1; i <= 7; i++){
            //нажать кнопку
            for (int j = 1; j <= 11; j++){
                //нажать кнопку
                //нажать кнопку
            }
        }

        void DeleteDuplicates(int n, int A[q][q]) {
            for (int i = 0; i < n; i++) {
                for (int j = 0; j < n; j++) {
                    if (j < i) {
                        A[i][j] = 0;
                    }
                }
            }
        }

        int BuildTrees(int n, int A[q][q]) {
            for (int i = 0; i < n; i++) {
                for (int j = 0; j < n; j++) {
                    A[i][j] = 0;
                }
            }
            for (int i = 0; i < n; i++) {
                A[i][i] = i + 1;
            }
            return A[n][n];
        }

        void AddToTheTree(int n, int A[q][q], int first, int second) {
            int scndLine;
            for (int i = 0; i < n; i++) {
                for (int j = 0; j < n; j++) {
                    if (A[i][j] == second) {
                        scndLine = i;
                    }
                }
            }
            for (int i = 0; i < n; i++) {
                for (int j = 0; j < n; j++) {
                    if (A[i][j] == first) {
                        for (int k = 0; k < n; k++) {
                            if (A[scndLine][k]) {
                                A[i][k] = A[scndLine][k];
                                A[scndLine][k] = 0;
                            }
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }
}
```

```

int InDifferTrees(int n, int A[q][q], int first, int second){
    int templ, temp2;
    for (int i = 0; i < n; i++){
        templ = 0;
        temp2 = 0;
        for (int j = 0; j < n; j++){
            if (A[i][j] == first){
                templ = 1;
            }
        }
        for (int k = 0; k < n; k++){
            if (A[i][k] == second){
                temp2 = 1;
            }
        }
        if (templ && temp2){
            return 0;
        }
    }
    return 1;
}

```

Bara: 1: 3-6 9-11

Bara: 2: 1-4 4-6 7-10

Bara: 3: 1-3 6-10 8-11

Bara: 4: 3-5 4-7 7-9 10-11

Bara: 5: 1-2 5-8

Bara: 6: 2-7

Bara: 7: 2-5 5-9 6-8

остове дерево: 3-6 9-11 1-4 4-6 7-10 6-10 8-11 3-5 7-9 1-2

Process returned 0 (0x0) execution time : 0.064 s

Press any key to continue.

Алгоритм пошуку вглиб

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <sstream>
#include <windows.h>
using namespace std;

struct vershina
{
    bool dfs = false;
};
struct rebro
{
    int v1;
    int v2;
};

int leng(string str)
{
    int i = 0;

    while (str[i] != '\0')
    {
        i++;
    }
    return i;
}

int correct(int m, int n)
{
    int c = 0;
    bool count = false;
    string str;
    stringstream ss;
    while (count == false)
    {
        cin >> str;
        for (int i = 0; i < leng(str); i++)
        {
            if (!isdigit(str[i]))
            {
                if (i == 0 && str[i] == '-')
                {
                    count = true;
                }
                else
                {
                    count = false;
                    break;
                }
            }
            else
            {
                count = true;
            }
        }
    }

    if (count == true)
    {
        ss << str;
        ss >> c;
        ss.clear();

        if (c < m || c > n)
        {
            count = false;
        }
        else
        {
            count = true;
        }
    }

    if (count == false)
    {
        cout << "Error! Try again!" << endl;
    }
    str = "";
}

return c;
}
```



```

void input(rebro *reb, int n, int m)
{
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        cout << "Введіть першу вершину, інцидентну ребру №" << i + 1 << ": ";
        reb[i].v1 = correct(1, m);
        cout << "Введіть другу вершину, інцидентну ребру №" << i + 1 << ": ";
        reb[i].v2 = correct(1, m);
        cout << endl;
    }
}

int main()
{
    SetConsoleOutputCP(CP_UTF8);
    int n, m, p;
    int begin;
    int count = 0;
    int t = 0;
    int head = 0;

    cout << "Введіть кількість ребер у графі: ";
    n = correct(1, 1000);
    cout << "Введіть кількість вершин у графі: ";
    m = correct(1, 1000);
    cout << endl;

    int *vec = new int[m];
    rebro *reb = new rebro[n];
    vershina *v = new vershina[m];

    input(reb, n, m);

    cout << "З якої вершини почати обхід? ";
    begin = correct(1, m);

    vec[0] = begin;
    v[begin - 1].dfs = true;
    count++;

    cout << "Якщо ви хочете зробити обхід вглиб натисніть 1, обхід вишир - натисніть 2: ";
    p = correct(1, 2);

    switch (p)
    {
        case 1:
        {
            while (count != 0)
            {
                for (int i = 0; i < n; i++)
                {
                    if ((vec[count - 1] == reb[i].v1 && v[reb[i].v2 - 1].dfs == false) || (vec[count - 1] == reb[i].v2 && v[reb[i].v1 - 1].dfs == false))
                    {
                        t++;
                    }
                }

                if (t == 0)
                {
                    count--;
                }
                else
                {
                    for (int i = 0; i < n; i++)
                    {
                        if (vec[count - 1] == reb[i].v2 && v[reb[i].v1 - 1].dfs == false)
                        {
                            vec[count] = reb[i].v1;
                            v[reb[i].v1 - 1].dfs = true;

                            count++;
                            goto point;
                        }
                    }

                    if (vec[count - 1] == reb[i].v1 && v[reb[i].v2 - 1].dfs == false)
                    {
                        vec[count] = reb[i].v2;
                        v[reb[i].v2 - 1].dfs = true;
                    }
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        count++;
        goto point;
    }
}
}
point::
for (int i = 0; i < count; i++)
{
    cout << vec[i] << " ";
}
if (count != 0)
{
    cout << endl;
}
t = 0;
}

cout << "Стек пустий" << endl;
break;
}
case 2:
{
    while (head != m)
    {
        for (int i = head; i < n; i++)
        {

            if ((vec[head] == reb[i].v1 && v[reb[i].v2 - 1].dfs == false) || (vec[head] == reb[i].v2 && v[reb[i].v1 - 1].dfs == false))
            {
                t++;
            }
        }

        if (t == 0)
        {
            head++;
        }
        else
        {
            for (int i = head; i < n; i++)
            {
                if (vec[head] == reb[i].v2 && v[reb[i].v1 - 1].dfs == false)
                {
                    vec[count] = reb[i].v1;
                    v[reb[i].v1 - 1].dfs = true;

                    count++;
                    goto point1;
                }

                if (vec[head] == reb[i].v1 && v[reb[i].v2 - 1].dfs == false)
                {
                    vec[count] = reb[i].v2;
                    v[reb[i].v2 - 1].dfs = true;

                    count++;
                    goto point1;
                }
            }
        }
    }
    point1::
    for (int i = head; i < count; i++)
    {
        cout << vec[i] << " ";
    }
    if (head != m)
    {
        cout << endl;
    }
    t = 0;
}

cout << "Черга порожня" << endl;
break;
}
}
return 0;
}

```

