

ГЛАВА 5

СТАТИКА. СОЕДИНЕНИЕ ОКОННЫХ БЛОКОВ





СТАТИКА. СОЕДИНЕНИЕ ОКОННЫХ БЛОКОВ

Основы статических расчетов оконных конструкций

Принятие во внимание ожидаемых эксплуатационных нагрузок необходимо по причине безопасности. Величины нагрузок и воздействий, а также их сочетание определено в строительных нормах и правилах «Нагрузки и воздействия» - СНиП 2.01.07-85* с изменением №2 от 29.05.03.

Окна не предназначены для восприятия силовых нагрузок со стороны здания. Непосредственно на окна действующие силы, главным образом это ветровая нагрузка, должны быть переданы через окно на строительный объект. При этом элементы окна не должны деформироваться настолько, чтобы вызвать нарушение работы окна и отдельных его элементов.

Жестко закрепленная в проеме коробка с шагом крепежных элементов не превышающим 700 мм (нормы для ПВХ профилей) не подвергается статическим расчетам.

Доказательством правильного функционирования створок будет являться выбор в пределах максимальных размеров из диаграмм в разделе 6 «Технология изготовления».

Таким образом, расчету подвергаются только свободностоящие элементы оконной конс-

трукции (импосты, соединители, коробки, пилястры). В качестве расчетного случая изгиба этих свобод ностоящих элементов рассматривается двухопертая балка с трапециидальной распределенной нагрузкой. Потребная изгибная жесткость определяется по формуле (см. ниже).

Расчет по этой формуле достаточно трудоемок. Поэтому рекомендуется работать с таблицами, в которых в зависимости от длины свободностоящего элемента и ширины полей нагрузки уже просчитаны потребный момент инерции и потребная изгибная жесткость из условий допустимого прогиба 1/300 длины этого элемента. Ветровая нагрузка в этих таблицах взята из немецких промышленных норм DIN 1055, которая в большинстве случаев превышает значение ветровой нагрузки просчитанной по СНиП 2.01.07-85* даже с учетом пульсационной составляющей. Поэтому нижеприведенные таблицы в большинстве случаев дают завышенные потребные жесткости расчетных элементов окна, что можно рассматривать как наличие определенного запаса прочности. Для ветровых районов, где нормативное значение ветрового давления выше немецких норм (см. п. 6.4.СНи-Па), таких как побережье Камчатки, ветровую нагрузку следует считать по методике изложенной в СНиП 2.01.07-85*.

Итак. Формула:

E • I notp. =
$$\frac{W \cdot L^4 \cdot b}{1920 \cdot f_{aon.}} \cdot [25-40 \cdot (b/L)^2 + 16 \cdot (b/L)^4] [H \cdot cm^2]$$

Е • І потр. = потребная изгибная жесткость свободностоящего элемента в $H \cdot cm^2$

W = ветровая нагрузка в соответствии с высотой здания в H/см² DIN 1055 дает следующую классификацию:

Высота здания относительно местности	Ветровая нагрузка – обычное здание	Ветровая нагрузка – здание в виде башни					
0-8 м	0,060 H/cm²	0,080 H/см²					
8-20 m	0,096 H/cm²	0,128 H/см²					
20-100 m	0,132 H/см²	0,176 H/см²					
свыше 100 м	0,156 H/см ²	0,208 H/см ²					

L = max. длина свободностоящего элемента в см.

b = ширина нагрузки в см (см. нижеследующий пример)

E = модуль упругости расчетного элемента в H/см² = 21 •106 H/см² сталь; 7 • 106 H/см² алюминий.

 $\mathbf{f}_{_{\mathbf{pon}}}$ = допустимый прогиб в см.

По DIN 18 056 допустимо 1/300 • I.

При применении стеклопакетов максимальный прогиб ограничен 8 мм.

Для длины стекол более 240 см значения в таблице, из-за максимально допустимого прогиба для стеклопакетов 8 мм, необходимо корректировать, умножая их на соответствующий поправочный коэффициент.

Поправочный коэффициент для стекол с длиной стороны более 240 см:

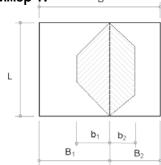
Таблица 3:

Длина стороны, см	Поправочный коэффициент
250	1,04
300	1,24
350	1,45
400	1,66
450	1,87

Примеры для работы с таблицей 1 «Потребные моменты инерций»

При использовании таблицы 2 «Потребная изгибная жесткость» применять туже методику.





L = 160 cm

B = 200 cm

 $B_1 = 120 \text{ cm}$

 $B_{0} = 80 \text{ cm}$

Остекление: стеклопакет

«Межопорное расстояние L» является длиной импоста (или в общем случае – длиной свободностоящего элемента).

«Ширина нагрузки b» – половина левой и соответственно правой частей окна, итак:

$$B_1/2 = b_1 = 60 \text{ cm}$$

$$B_2/2 = b_2 = 40 \text{ cm}$$

С таблицей необходимо работать следующим образом:

- 1. В столбце «Межопорное расстояние L» найти строку «160 см».
- 2. В этой строке двигаться направо до пересечения со столбцом «Ширина нагрузки b» b_1 = 60 см. Получаем значение: **2,1 см**⁴
- 3. Для правой половины окна при «Межопорном расстоянии L» 160 см и «Ширине нагрузки b» b = 40 см получаем по аналогии значение: **1,6 см**⁴



- 4. Чтобы получить потребный момент инерции, значения для левой и правой частей окна надо сложить:
- 2, 1 +1,6 =**3,7** см⁴ потребный момент инерции
- 5. В нашем случае длина стороны стеклопакета меньше 2,40 м (L < 2,40 м). Поэтому вычисления выполнены по максимально допустимому прогибу 1/300 L со значениями из таблицы 1 или 2. Поправочные коэффициенты из таблицы 3 не требуются.
- 6. Полученное значение 3,7 см ⁴ действительно только для высоты монтажа до 8 м! При больших высотах установки окон полученное значение необходимо умножать на коэффициент увеличения нагрузки (см. таблицы 1 и 2).

Коэффициент увеличения нагрузки для высоты установки окон выше 8 м:

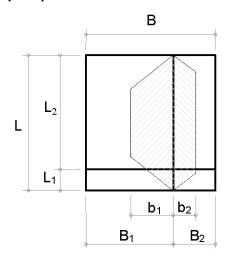
Высота установки, м	Коэффициент увеличения ветровой нагрузки
8-20	1,6
20-100	2,2

В нашем примере:

Потребный момент инерции при:

высоте установки: $0-8\,\text{м}$ 3,7 см 4 высоте установки: $8-20\,\text{м}$ 3,7 х 1,6 = 5,92 см 4 8,14 см 4

Пример 2:



$$L = 350$$
 см
 $L_1 = 50$ см
 $L_2 = 300$ см
 $B = 300$ см
 $B_1 = 200$ см
 $B_2 = 100$ см
Остекление: стеклопакет

«Межопорное расстояние L» является длиной импоста (или в общем случае – длиной свободностоящего элемента).

«Ширина нагрузки b» – половина левой и соответственно правой частей окна, итак:

$$B_1/2$$
 = b_1 = 100 cm
 $B_2/2$ = b_2 = 50 cm

С таблицей необходимо работать следующим образом:

1. В столбце «Межопорное расстояние L» найти строку «350 см».



2. В этой строке двигаться направо до пересечения со столбцом «Ширина нагрузки b» b, = 100 см.

Получаем значение: 41,8 см⁴

3. Для правой половины окна при «Межопорном расстоянии L» 350 см и «Ширине нагрузки b»

 $b_2 = 50$ см. Получаем по аналогии значение: **23,1 см**⁴

4. Чтобы получить потребный момент инерции, значения для левой и правой частей окна надо сложить:

$$41.8 + 23.1 = 64.9 \text{ cm}^4$$

5. В нашем случае длина стороны стеклопакета больше 2,40 м (L = 300 cm). Расчеты должны учитывать допустимый прогиб стеклопакета – 8 мм. Поэтому «потребный момент инерции» необходимо умножить на поправочный коэффициент (таблица 3).

Потребный момент инерции (пример):		64,9 см ⁴
Поправочный коэффициент из таблицы	1,24	
3 для длины стороны стекло па кета 300 см		

6. Полученное значение 80,48 см действительно только для высоты монтажа до 8 м! При больших высотах установки окон полученное значение необходимо умножать на коэффициент увеличения нагрузки (см. таблицы 1 и 2).

Коэффициент увеличения нагрузки для высоты установки окон выше 8 м:

Высота установки, м	Коэффициент увеличения ветровой нагрузки
8-20	1,6
20-100	2,2

В нашем примере:

Потребный момент инерции при:

высоте установки: $0-8\,\text{м}$ 80,48 см⁴ высоте установки: $8-20\,\text{м}$ 80,48 x 1,6 = 128,77 см⁴ высоте установки: $20-100\,\text{м}$ 80,48 x 2,2 = 177,06 см⁴

8 м 20 m - 1.6 100 m - 2.2

Действует для ветровой нагрузки до 600 Н/кв. м — высота здания до Козффициент уветичения нагрузки : высота здания до высота здания до



Потребный момент инерции $I_{\mathbf{X}}$ (см $^{\scriptscriptstyle 4}$)

для стальных армирующих профилей - тах. прогиб 1/300 L

	510																																145,0
	500		-															_	(M		_											91,4	144,0
	190					/	/		_	7	\geq	\		_	2	- ć			асстояние (с	оузки (см)	_									74,4	82,5	91,1	142,0
	180			 	\langle	//	_	\langle	\langle	\langle	\langle	\nearrow	>	-	٩		-		= межопорное расстояние (см)	, ф = щирина нагрузки (см								59,9	8'99	74,2	82,0	5′06	139,0
	170		В		\	/						\geq	У		b 1	-			w = 7	: q, q	. –					47,7	53,5	29,7	66,3	73,4	6'08	8,88	135,0
	160						`								- -⊌	_ ~	9							37,4	42,3	47,5	53,1	0'69	65,4	72,1	8'62	6′98	131,0
	150		-] 			3					28,9	32,9	37,2	41,9	46,9	52,2	57,9	63,9	70,3	77,1	84,3	126,0
	140			+					7					•			* учитывать таблицу 3			21,9	25,2	28,7	32,5	36,7	41,1	45,8	50,9	26,3	62,0	68,1	74,5	81,3	121,0
	130																* учитыв	16,3	18,9	21,8	24,9	28,2	31,9	35,8	39,9	44,4	49,2	54,3	29,6	65,4	71,4	8′11	115,0
	120															11,8	13,9	16,2	9'81	21,3	24,3	27,4	30,9	34,5	38,4	42,6	47,1	8′15	6'99	2'29	8′29	73,8	108,0
	110													8,3	9,9	11,7	13,7	15,8	18,1	20,7	23,4	26,4	29,5	32,9	36,6	40,5	44,6	49,0	53,7	28,6	63,8	69,3	101,0
u b(cm)	100											5,7	6'9	8,2	2'6	11,4	13,2	15,2	17,4	16,7	25,25	25,0	27,9	31,0	34,4	38,0	41,8	42,8	50,1	94,6	59,4	64,4	93,3
Ширина нагрузки b(см)	8.									3,7	4,6	5,6	6,7	8,0	9,4	10,9	12,6	14,4	16,4	18,5	20,8	23,3	26,0	28,8	31,9	35,1	38'6	42,2	46,1	20'5	54,6	59,1	85,7
ngi 	88							2,3	6'2	9'8	4,5	5,4	6,4	9'1	8'8	10,2	11,7	13,4	12,1	17,1	19,2	21,4	23,8	26,4	29,1	32,0	35,1	38,4	41,9	45,5	46,4	53,5	77,2
	70					1,3	1,7	2,2	5,8	3'2	4,2	5,0	6,0	7,0	8,1	6'3	10,7	12,1	13,7	15,4	17,3	19,2	21,4	23,6	26,0	58,6	31,3	34,2	37,3	40,5	43,9	47,5	68,4
	09			0,7	1,0	1,3	1,7	2,1	9'7	2'8	8'8	4,6	5,4	6,3	7,2	8,3	3'6	10,7	12,1	13,6	15,2	16,9	18,7	20,7	22,8	25,0	27,3	29,8	32,5	35,2	38,2	41,3	59,2
	20	0,3	9'2	0,7	6'0	1,2	1,5	1,9	5,3	5,8	3,4	4,0	4,7	5,4	ਟ'9	1,7	1′8	ਟ'6	6,01	9′11	12,9	14,4	15,9	17,5	19,3	21,1	1,62	22'5	27,4	29,7	35'5	34,8	49,3
	40	0,3	0,4	9'0	8′0	1,0	1,3	1,6	2,0	2,4	2,8	3,3	3,8	4,5	5,1	5,9	9′9	7,5	8,4	9,4	10,5	11,7	12,9	14,2	15,6	17,1	18,7	20,4	22,1	24,0	56,0	28,1	40,1
	30	2,0	6'0	0,5	9′0	8'0	1,0	1,2	1,5	1,8	2,2	2,5	3,0	3,4	3,9	4,5	5,1	5,7	6,4	7,2	8,0	8,8	8′6	10,8	11,8	12,9	14,1	15,4	16,7	18,1	19,6	21,2	30,2
	ඩ	2,0	2′0	6,0	9'0	0,5	0,7	8′0	1,0	1,2	1,5	1,7	2,0	2,3	2,6	3,0	3,4	3,8	4,3	4,8	5,4	5,9	9'9	7,2	7,9	8,7	6,5	10,3	11,2	12,1	13,1	14,2	20,2
	_	100	110	120	130	140	150	160	170	180	190	200	210	220	230	240	250	560	270	780	290	300	310	320	330	340	320	360	370	380	390	400	450
ŀ	Гаолица 1														(cw)	η ən	нкот	ooed a	эондс	ЭШОЖӘ	W												

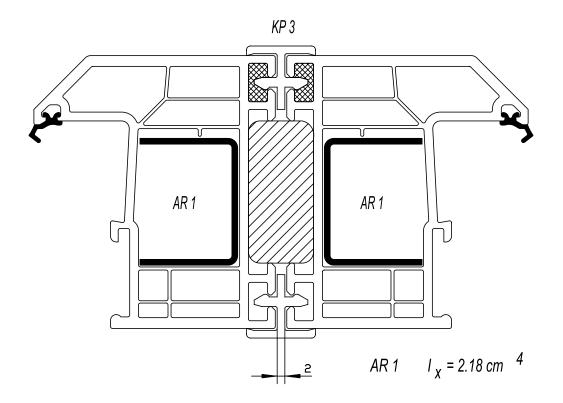
ಟ 8 м 20 m - 1.6 100 m - 2.2 3024 සි Действует для ветровой нагрузки до 600 Н/кв.м = высота здания до С = межопорное расстояние (см) b , b = ширина нагрузки (см) Коэффициент увеличения нагрузки : высота здания до высота здания до учитывать таблицу 3 530 603 683 23 23 0/9 1550 2268 댦 210 247 851 **≘** 586 25 85 **Ширина нагрузки** b(cм) 97,4 82 83 78,7 # 49,2 77,5 62,4 94,7 8 3 88 88 8 % 37,8 48,2 74,0 89,4 60,2 601 658 껋 28,1 36,1 45,4 81,7 6'96 S S S S S S 56,0 68,1 Потребная изгибная жесткость ЕІ $_{ extsf{x}}$ \cdot (H cм) 2 \cdot 10 6 25,9 32,8 40,8 49,9 60,2 84,6 15,0 0,05 6′86 71,7 55 55 *L*19 177 177 198 246 13,5 22,5 34,7 50,4 59,8 70,3 81,9 94,6 17,6 28,1 42,1 줎 27,2 32,8 46,3 2,27 39,2 54,2 17,9 14,2 63,0 72,7 83,2 94,8 뙶阪 44e 36,9 12,5 22,5 26,8 31,6 42,8 49,3 56,3 1,7 6,6 18,7 79,8 8,0 E,0 E,0 5,9 15,4 33 33 62 53 71,4 351 85 64,1 ಣ для тах. прогиба 1/300 L \$ £ 吕 <u>중</u> [단 සු ද Таблица 2 (сш) дежоиорное рассшояние Г(ст)

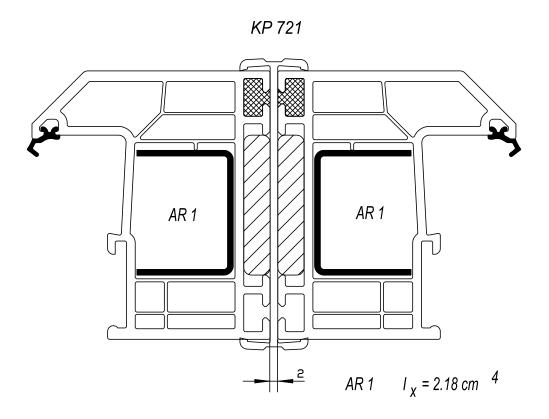
5.1.6

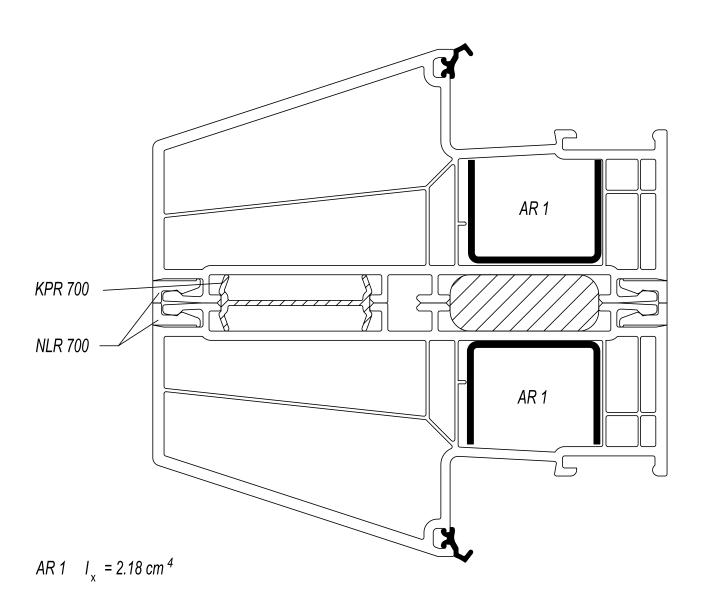


Моменты инерций, изгибная жесткость стальных армирующих профилей

Армирующий профиль	l _X (cm ⁴)	E x Ix (Hcm ²) 10 ⁶	ly (cm ⁴)	Exly (Hcm ²) 10 ⁶	Соответствующий ПВХ профиль
AR 1	2,18	45,78	0,9	18,9	LR 740, LR 741, ZR 710
AR 2 25,5/35/9 s=1,5	1,89	1,89	0,82	17,22	LR 740, LR 741, ZR 710
AR 4 33/25,5 s=1,5	2,42	50,82	1,64	34,44	LR 740, LR 741
AR 3 25/41,5/25 s=1,5	4,29	90,1	1,8	37,8	T 720, TR 720
AR 80	21,7	455,7	0,6	12,6	KP 701
NA 4 40/40 s = 2	7,3	153,3	7,3	153,3	NK 2, KP 715
NA 5 40/20 s = 1,5	3,37	70,77	1,1	23,1	NK 4, KP 25
NA 7 30/15 s = 2	1,6	33,6	0,53	11,1	L 740, L 750, Z 755, TS 750 T 780, Z 760, SZ 710
NA 10 80/50 s = 2,5	55,1	11 <i>57</i> ,0	26,3	552,3	NK 1
NA 13 30/30 s = 2	2,8	58,8	2,8	58,8	KP 750
NA 32-71 — 21/102 s = 2	29,22	613,62	1,27	26,67	KP 14, KP 13
NA 42	2,77	58,1 <i>7</i>	0,35	7,35	KP 45; KP 60
NA 44 25/41,5/25 s=1,5	4,22	88,62	1,70	35,7	T 720, TR 720
NA 65 28/35/28 s = 1,5	2,72	57,12	1,07	22,47	L710, Z710
NA 105 50/35/50 s = 1,5	6,13	128,73	4,7	98,7	H 740, H 730, H 750
NA 750 35/50/35 s = 2	12,02	252,42	7,51	157,71	H 750
SA 2	1,22	25,62	0,19	3,99	KP 725, KP 12
Труба Диаметр 42,4 мм s = 3,2	7,71	161,91	7,71	161,91	EV 702

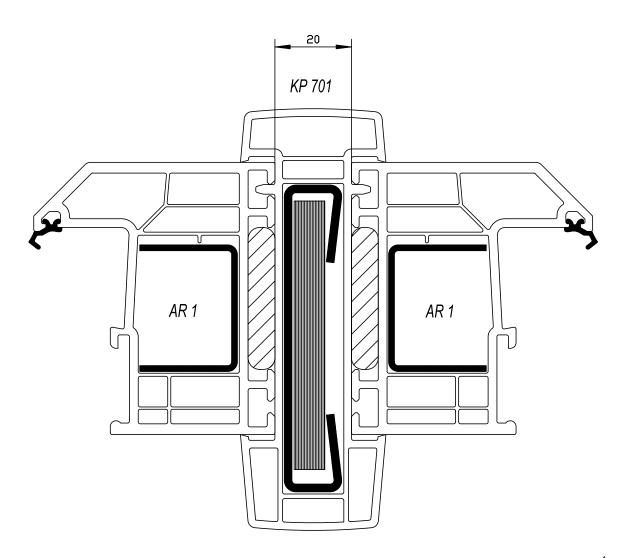








При ленточном остеклении для создания термозазора между рамой и соединителем (в местах соединения шурупами) вставлять 3-х мм прокладки.



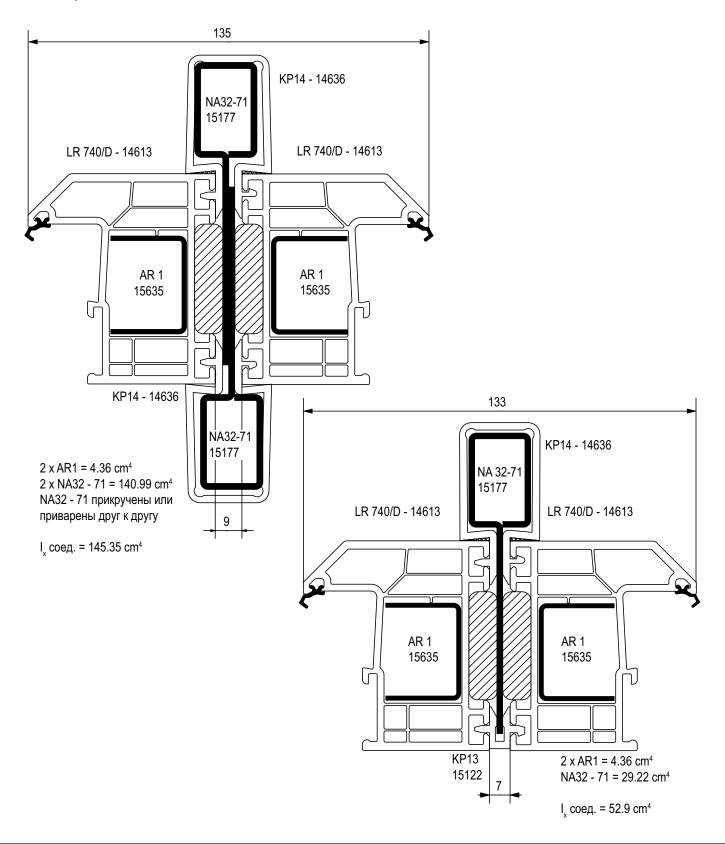
AR 1 $I_x = 2.18 \text{ cm}^4$

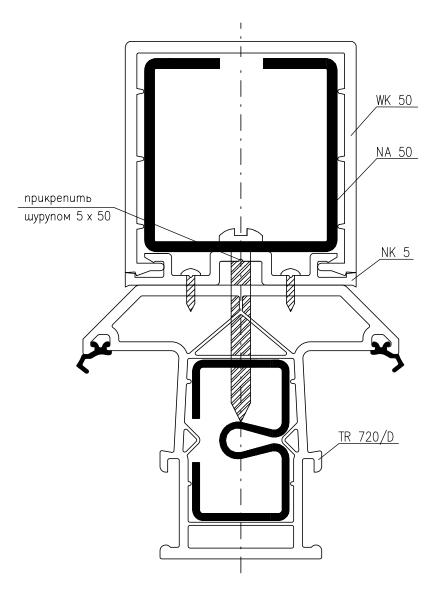
AR 80 $I_X = 21.7 \text{ cm}^4$

Сталь полосовая 70х8 $I_x = 22.9 \text{ cm}^{-4}$



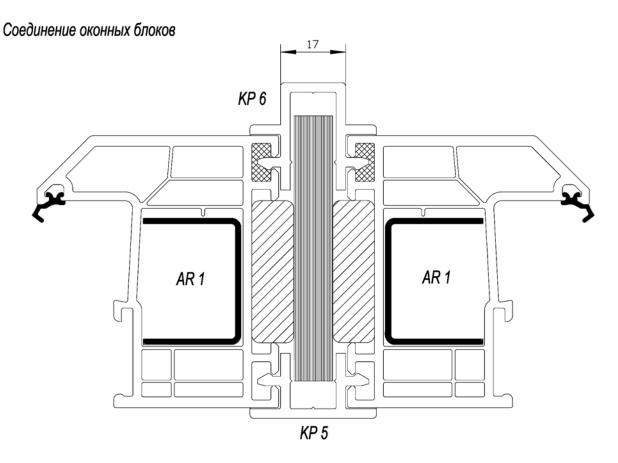
При ленточном остеклении для создания термозазоров ножки рам подрезать на глубину 3мм и на высоту до 150мм — в углах и напротив присоединения импостов.

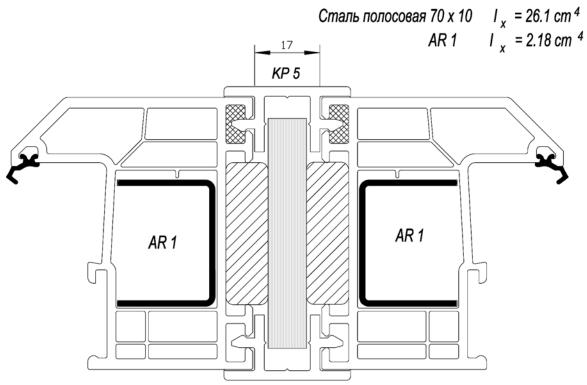




NA 50
$$I_{x} = 17.46 \text{ cm}^{4}$$

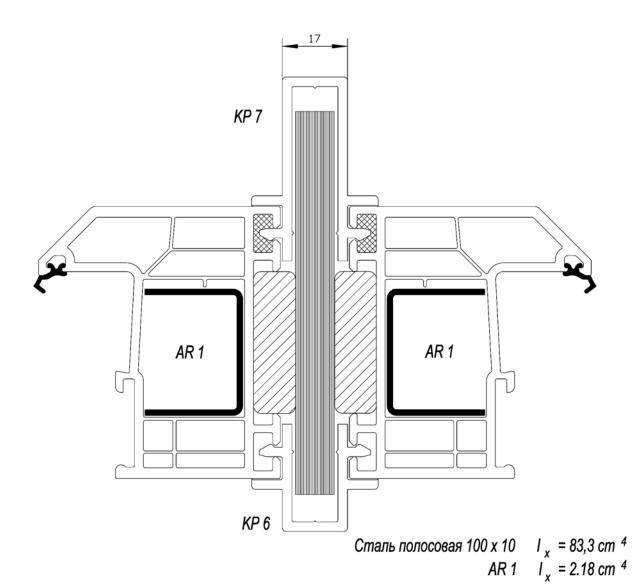
NA 44 $I_{x} = 4.22 \text{ cm}^{4}$

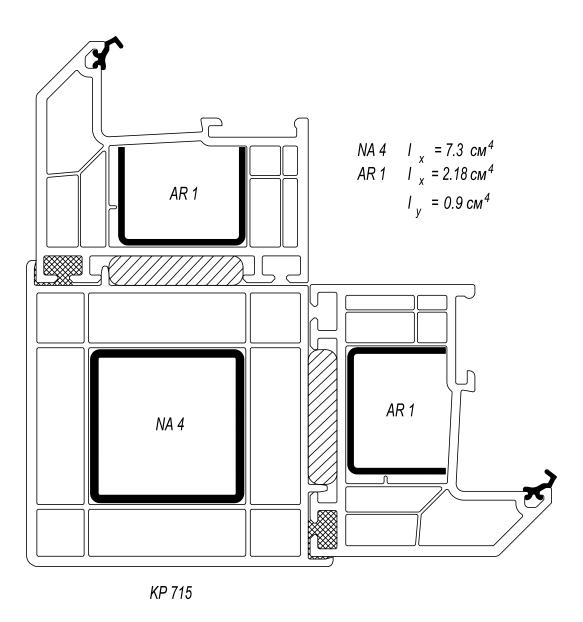




Сталь полосовая 60 x 10 AR 1 $I_{\chi} = 18 \text{ cm}^{-4}$ $I_{\chi} = 2.18 \text{ cm}^{-4}$

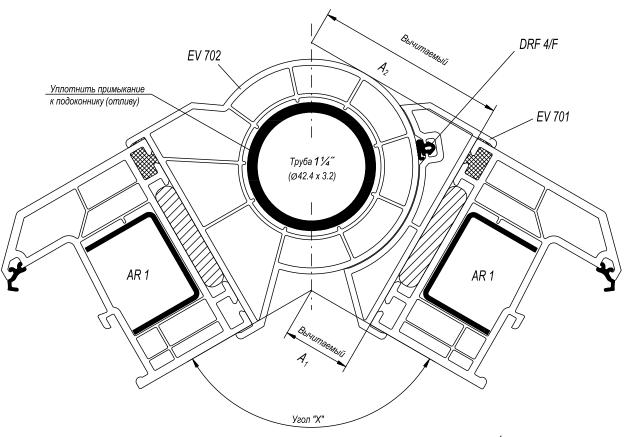








Вычитаемые размеры для EV 701 / EV 702

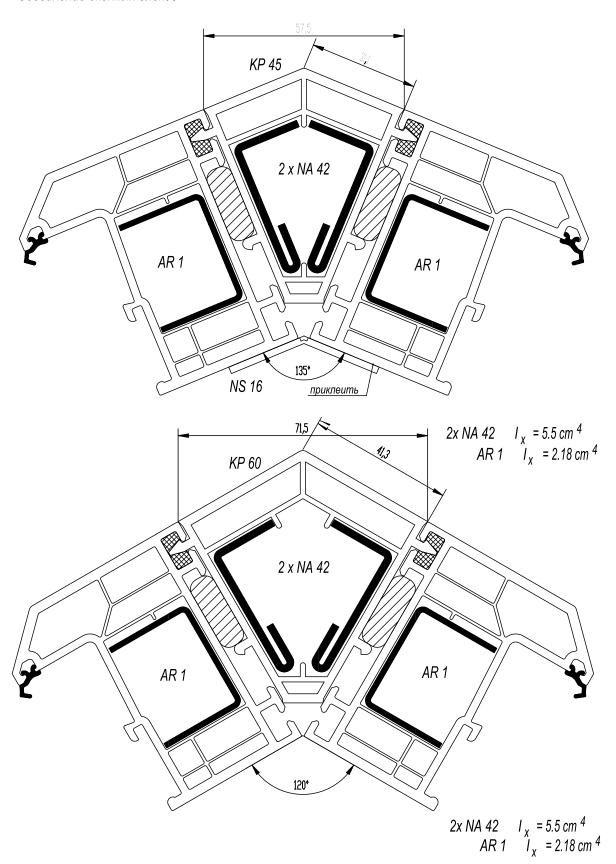


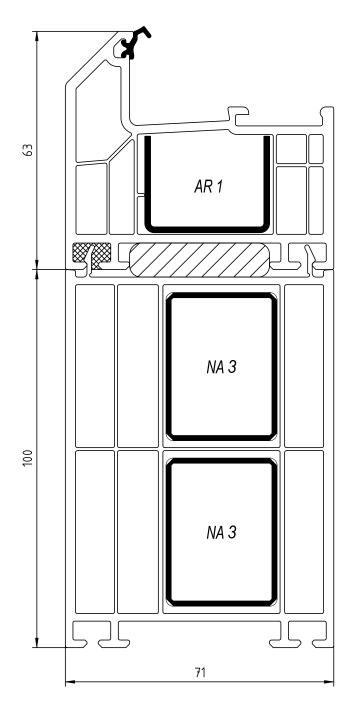
Стальная труба 1 1⁄4"	$I_{x} = 7.71 \text{ cm}^{4}$
AR 1	$I_{X}^{2} = 2.18 \text{ cm}^{4}$

Угол "Х"	Вычитаемые\ А ₁	Вычитаемые\ А 2
90*	7.5 mm	78.5 mm
95 °	10.5 mm	75.5 mm
100°	13.5 mm	73.0 mm
105*	16.0 mm	70.5 mm
110*	18.0 mm	68.0 mm
115*	20.5 mm	65.5 mm
120*	22.5 mm	63.5 mm
125*	24.5 mm	61.5 mm
130*	26.5 mm	59.5 mm
135*	28.5 mm	58.0 mm

Угол "Х"	Вычитаемые\ А ₄	Вычитаемые\ А ₂
140°	30.0 mm	56.0 mm
145*	32.0 mm	54.0 mm
150°	33.5 mm	52.5 mm
155 °	35.0 mm	51.0 mm
160°	37.0 mm	49.5 mm
165°	38.5 mm	47.5 mm
170°	40.0 mm	46.0 mm
175*	41.5 mm	44.5 mm
180°	43.0 mm	43.0 mm

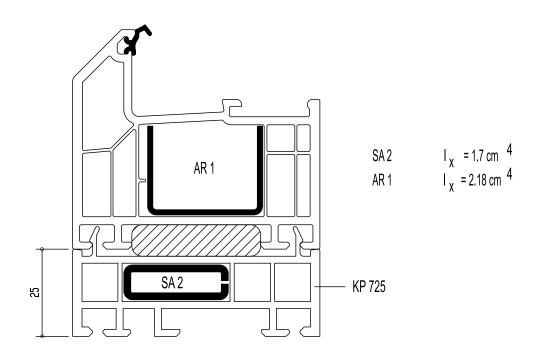
CABOPUT BAYTEK

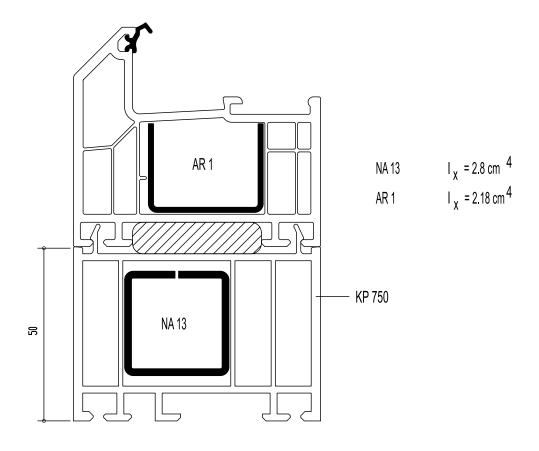


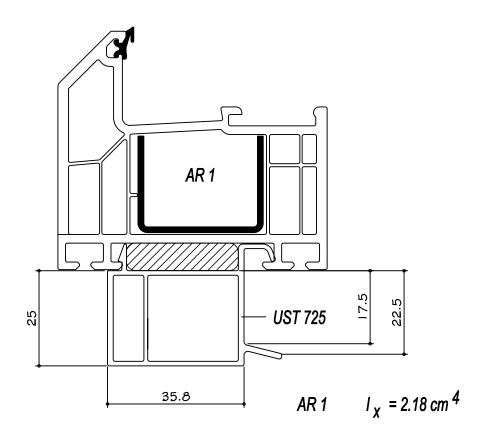


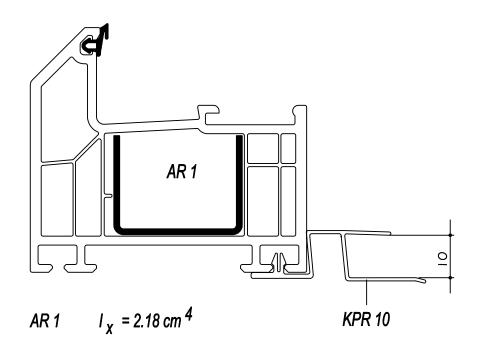
NA 3
$$I_X = 4.6 \text{ cm}^4$$

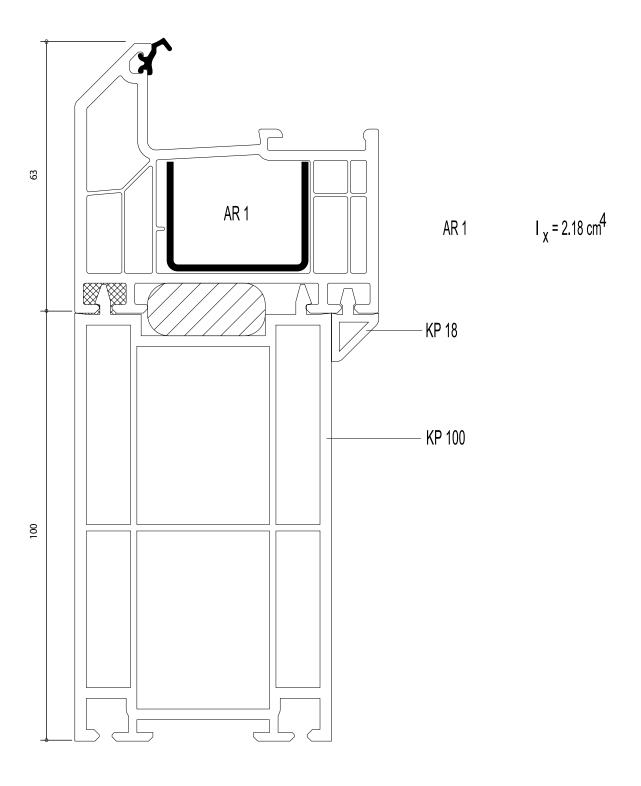
AR 1 $I_X = 2.18 \text{ cm}^4$

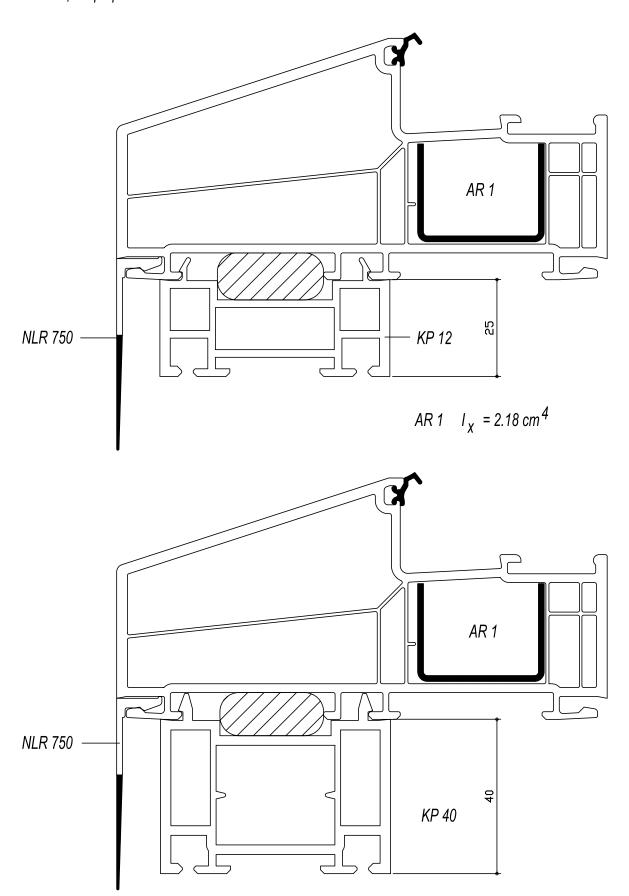




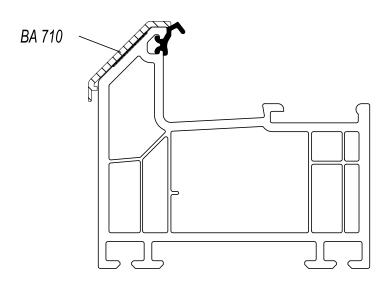




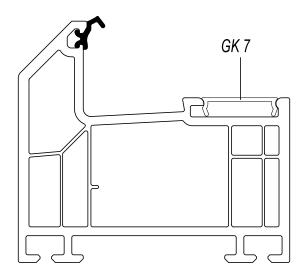




Алюминиевая накладка порога двери



Заглушка паза штапика





ВЕС СТЕКЛОПАКЕТА

Посмотрите на окно, показанное на рисунке. Вес стеклопакета передается на горизонтальный импост через две опорные подкладки. В результате воздействия двух сосредоточенных сил на импост образуется его прогиб в вертикальной плоскости. В случае использования однокамер-

ного стеклопакета 4/16/4 (плотность стекла 2.5 гр/см³) каждая сосредоточенная сила может достигать 100 H с квадратного метра стеклопакета. Масса квадратного метра однокамерного стеклопакета около 20 кг, двухкамерного около 30 кг.

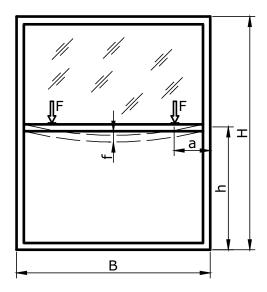


Рис. Действие веса стеклопакета на горизонтальный импост

Чтобы прогиб импоста не превышал допустимого значения, его потребную жесткость рассчитывают по формуле:

$$E \bullet I_Y = \frac{F \bullet \alpha}{24 \bullet f} \bullet (3 \bullet B^2 - 4 \bullet \alpha^2), где$$

В – ширина окна (см)

а – расстояние между центром опорной подкладки и краем рамы, (см)

F – сосредоточенная нагрузка, равная половине веса стеклопакета, (H)

f – допустимый прогиб импоста (см)

 $\mathsf{E} \bullet \mathsf{I}_{\mathsf{v}} - \mathsf{ж}\mathsf{e}\mathsf{c}\mathsf{t}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{c}\mathsf{t}\mathsf{b}$ импоста $(\mathsf{H} \bullet \mathsf{c}\mathsf{m}^2)$

E – модуль упругости материала (H/см²), $E_{\Pi B X}$ = 240 кH/см², $E_{A J}$ = 7000 кH/см², $E_{C J}$ = 21000 кH/см²

 I_{γ} – момент инерции импоста или армирования относительно оси Y, перпендикулярной плоскости окна, (см⁴).

Допустимый прогиб импоста f из конструктивных соображений принимаем 2 мм.

Согласно ГОСТ 30674-99 п. 5.6.9 расстояние от подкладок до углов стеклопакета должно быть, как правило, 50-80 мм. При ширине стеклопакета более 1,5 м рекомендуется увеличить это расстояние до 150 мм. Таким образом, расстояние междуцентромопорной площадкой и краемрамы (арт. LR 740 и L 710) колеблется от 90 до 130 мм для стеклопакетов, не превышающих в ширину 1,5 м, а для стеклопакетов более 1,5 м это расстояние увеличивается до 200 мм.

Таблица 1. Характеристики армирующего метала

Армирующий профиль	I _{Ү.арм} , см ⁴	E _{ПВХ} • I _{У,АРМ′} • 10 ⁶ , Н • см ²
NA44	1 <i>.7</i>	35.7
AR3	1.8	37.8
NA 750	7.51	157.71

Таблица 2. Характеристики профиля ПВХ

Артикул импоста	I _{Ү.ПВХ} , см ⁴	E _{пвх} • I _{у.пвх′} • 10 ⁶ , Н • см ²						
TR 720	34.10	8.7						
H 750	79,56	20,68						

Для представленной на рисунке конструкции при B = 1500 мм, H = 1800 мм, h = 900 мм, a = 130 мм, F = 135 H (стеклопакет 4/16/4), армирование импоста – арт. NA44 и с учетом размерности величин имеем:

$$E \bullet I_{Y} = \frac{F \bullet \alpha}{24 \bullet f} \bullet (3 \bullet B^{2} - 4 \bullet \alpha^{2}) = \frac{135 \bullet 13}{24 \bullet 0.2} \bullet (3 \bullet 150^{2} - 4 \bullet 13^{2}) = 24,43 \bullet 10^{6} \text{ H} \bullet \text{cm}^{2}$$

Таким образом, расчетная жесткость импоста по оси Y не превышает допустимого значения, которое определяет сумма жесткостей армирующего металла и ПВХ-профиля (см. табл. 1 и табл. 2). Аналогично по данной формуле можно рассчитать максимально допустимый вес стеклопакета:

$$P = 2 \bullet F = \begin{array}{c} \frac{48 \bullet f \bullet (E_{\Pi BX} \bullet I_{Y \Pi BX} + E_{MET} \bullet I_{YAPM})}{\alpha \bullet (3 \bullet B^2 - 4 \bullet \alpha^2)}, \text{ где } P - \text{вес стеклопакета,} \end{array}$$

 $I_{_{Y\,\Pi RX}}$ – момент инерции импоста без армирования, $I_{_{Y.apm}}$ – момент инерции армирования.

Для представленной на рисунке конструкции при использовании артикула импоста TR720 и армирования NA44 получим:

$$P = \frac{48 \cdot f \cdot (E_{\Pi BX} \cdot I_{Y\Pi BX} + E_{MET} \cdot I_{YAPM})}{\alpha \cdot (3 \cdot B^2 - 4 \cdot \alpha^2)} = \frac{48 \cdot 0.2 \cdot (8.7 \cdot 10^6 + 35.7 \cdot 10^6)}{13 \cdot (3 \cdot 150^2 - 4 \cdot 13^2)} = 490.6H = 49.1 \, \text{kg}$$