## Laboratorio 4

Instrucciones: Trabaje las siguientes instrucciones en ♠, creando uno o varios scripts. Entregue en la plataforma Mediación Virtual los scripts y genere un archivo Word o I⁴TEX con las respuestas. Puede entregar un archivo HTML usando Markdown, que contenga el script y las salidas.

En R hay varias funciones para hacer el Análisis en Componentes Principales (A.C.P.), entre ellas están:

- prcomp() de la librería stats.
- princomp() de la librería stats.
- PCA() de la librería FactoMineR.
- dudi.pca() de la librería ade4.
- acp() de la librería amap.
- 1. Resuelva en R los ejercicios 8 a 14 del capítulo 3 del libro, usando alternativamente las 5 funcionaes para hacer A.C.P. citadas arriba. En cada caso debe redactar un reporte con lo que se pide en cada ejercicio, interpretando los resultados. Resultados mínimos a reportar: plano principal, círculo de correlaciones, tabla de valores propios y porcentajes de inercia, gráfico de valores propios, componentes principales (llamados a veces scores), correlaciones principales (llamados a veces loadings), cosenos cuadrados de calidad de la proyección de los individuos, comunalidades de las variables.
- 2. Considere la tabla de las notas escolares.
  - (a) Haga el A.C.P. normado usando la función de R princomp(). ¿Cuáles son las salidas que da esta función?
  - (b) Haga el A.C.P. general, con la métrica identidad (sin estandarizar las variables).
  - (c) ¿Qué diferencias puede apreciar entre los dos resultados?
- 3. Considere la tabla de datos de los peces de Amiard, llamada X.
  - (a) Haga un ACP normado. Guarde las componentes principales en la matriz  $\mathbf{C}$  y los vectores propios en la matriz  $\mathbf{U}$ .
  - (b) Aplique la fórmula de reconstitución de los datos  $\widetilde{\mathbf{X}} = \sum_{j=1}^{p} \mathbf{c}^{j} \mathbf{u}_{j}^{t}$ , donde  $\mathbf{c}^{j}$  son las componentes principales y  $\mathbf{u}_{i}$  los ejes principales del A.C.P. calculado.
  - (c) Compare  $\mathbf{X}$  con  $\widetilde{\mathbf{X}}$ .
  - (d) Ahora revise los valores propios obtenidos del ACP. Considere solamente los valores propios mayores que 1, conservando en C las componentes asociadas y en U los vectores asociados. Llame a esas nuevas matrices C1 y U1.
  - (e) Recalcule  $\widetilde{\mathbf{X}}$ , ahora usando únicamente las columnas respectivas de  $\mathbf{C_1}$  y  $\mathbf{U_1}$ , y llame al resultado  $\mathbf{X_1}$ .
  - (f) Compare X con  $X_1$ .
  - (g) Considere ahora solamente los 2 primeros valores propios, y considere las respectivas matrices  $C_2$  de 2 componentes principales, y  $U_2$  de vectores propios, el resultado de la fórmula de reconstitución será  $X_2$ .
  - (h) Compare X con  $X_1$  y  $X_2$ .
- 4. Considere la Tabla del ejericicio 8 del capítulo 3, que se refiere a las notas obtenidas por 8 estudiantes en 4 quices aplicados. Suponga que los quices tienen distintas ponderaciones: 10%, 20%, 20% y 50% respectivamente del quiz 1 al quiz 4. Haga un A.C.P. general donde se tome en cuenta esa ponderación, y compárelo con el resultado del A.C.P. normado de esta tabla.