Apellido:

Nombre:

nota	The first At IV	1	2	3	4	5	
		Broth Williams	Carrier School	A THE SWITTER	11 3 14	T in the	

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Examen Final

1/7/2005

Importante: Escribir nombre y apellido en todas las hojas, inclusive ésta que también debe ser entregada. No está permitido consultar libros ni apuntes durante el parcial. Las preguntas deben formularse desde el banco.

- (1) (a) Ordenar según \subseteq los \mathcal{O} de las siguientes funciones. No calcular límites, utilizar las propiedades algebraicas.
 - (i) $n \log 2^n$
 - (ii) $2^n \log n$
 - (iii) $n^2 \log n$
 - (iv) 2^n
 - (b) Resolver la siguiente recurrencia f(n) = 8f(n-1) 15f(n-2), f(1) = 1, f(2) = 4.
- (2) Desarrolle la implementación completa de el tipo abstracto Cola sobre arreglos circulares.
- (3) Se tienen infinitas monedas de cada una de las n denominaciones (enteras positivas distintas) d_1, \ldots, d_n . Se quiere calcular la cantidad de maneras diferentes de pagar exactamente el monto M. Se pide
 - (a) Sea m(i,j) la cantidad de maneras diferentes de pagar exactamente el monto j utilizando monedas de denominación $d=1,\ldots,d_i$. Dar ecuaciones recursivas para m(i,j) considerando los 4 casos posibles: 1) j=0, 2) $j \neq 0 \land i=0, 3$) $i \neq 0 \land d_i > j > 0$ y 4) $i \neq 0 \land j \geq d_i$.
 - (b) Dar un algoritmo iterativo utilizando programación dinámica que devuelva la cantidad de maneras diferentes de pagar el monto M.
- (4) Utilizar el algoritmo de Dijkstra para resolver el siguiente problema. Dado un grafo dirigido G = (N, A) que posee los nodos pintados de dos colores, blanco o negro, y dado un nodo origen i de color blanco, determinar para cada nodo j el mínimo número de nodos negros que deben necesariamente visitarse para llegar de i a j. Escribir todos los algoritmos que se utilicen.
- (5) Un grafo dirigido G = (N,neighbours) posee los nodos pintados de dos colores: blanco y negro. Escribir un algoritmo utilizando el método de backtracking que dados dos nodos v, w, determine si existe un camino desde v hasta w que utilice sólamente nodos blancos. Recordar que para cada nodo n ∈ N, neighbours(n) cs la lista de los nodos m tales que hay una arista de n a m. Además, color(n) es el color (blanco o negro) del nodo n.
- (6) (Para alumnos libres). Escribir el algoritmo de inserción de un elemento en un heap.



