# advanced modelling

June 6, 2022

[1]: import pandas as pd

```
import numpy as np
     import matplotlib.pyplot as plt
     from sklearn.model_selection import KFold
     from sklearn.svm import SVR
     from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor
     from sklearn.linear_model import Lasso
[2]: data = pd.read csv('https://raw.githubusercontent.com/Agablue-red/

→Machine-Learning/master/data/data_rate.csv¹)
     data["Date"] = pd.to_datetime(data["Date"])
[3]: #Creating month interval
     month_group_sum = data.groupby([pd.Grouper(key='Date', freq='M'), 'symbol']).
     →log_rate.sum()
     data_month_rate = pd.DataFrame(month_group_sum).reset_index()
     month_group_mean = data.groupby([pd.Grouper(key='Date', freq='M'), 'symbol']).
     ⇒score.mean()
     data_month_score = pd.DataFrame(month_group_mean).reset_index()
     data month = pd.DataFrame({"Date":data month rate["Date"], "symbol":;;
     →data_month_rate["symbol"], "score":data_month_score["score"], "rate":
      →data month rate["log rate"]})
[4]: #Creating 6 month interval
     hyear_group_sum = data.groupby([pd.Grouper(key='Date', freq='6M'), 'symbol']).
     →log_rate.sum()
     data_hyear_rate = pd.DataFrame(hyear_group_sum).reset_index()
     hyear_group_mean = data.groupby([pd.Grouper(key='Date', freq='6M'), 'symbol']).
     ⇒score.mean()
     data_hyear_score = pd.DataFrame(hyear_group_mean).reset_index()
```

### 1 1 MONTH

```
[6]: X_month = np.array(list(data_month.iloc[:, 2]))
y_month = np.array(list(data_month.iloc[:, 3]))
```

### 1.1 SVR MODEL

Train Index: [

1

2

```
Test Index: [
                       3
                            14 ... 15648 15649 15653]
                 0
[0.66806105 0.74437505 0.66962094 ... 0.73524161 0.77899681 0.8291815 ]
Train Index: [
                        1
                              2 ... 15652 15653 15654]
                 0
                            33 ... 15603 15634 15639]
Test Index: [
                 8
                      15
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [
                     1 2 ... 15652 15653 15654]
                 0
```

4 ... 15651 15652 15654]

```
Test Index: [ 17
                                 39 ... 15601 15612 15636]
                           36
    [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
    Train Index: [ 0
                          1
                                   2 ... 15652 15653 15654]
    Test Index: [ 10
                           23
                                 29 ... 15613 15616 15617]
    [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
                                   2 ... 15651 15652 15653]
    Train Index: [
                             1
    Test Index: [
                                 28 ... 15647 15650 15654]
                     12
                           20
    [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.73524161 0.77899681 0.80271737]
    Train Index: [
                          1
                                  2 ... 15652 15653 15654]
                     0
    Test Index: [
                                 69 ... 15630 15637 15644]
                     26
                           66
    [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
    Train Index: [
                             1
                                  3 ... 15652 15653 15654]
                      0
    Test Index: [
                      2
                           18
                                 44 ... 15642 15646 15651]
    [0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
                                  2 ... 15652 15653 156547
    Train Index: [
                      0
                            1
    Test Index: [
                            7
                                 22 ... 15624 15628 15643]
    [0.66204726\ 0.66806105\ 0.74437505\ ...\ 0.77899681\ 0.80271737\ 0.8291815\ ]
    Train Index: [
                      0
                             2
                                   3 ... 15651 15653 15654]
                                 13 ... 15635 15641 15652]
    Test Index: [ 1
                           11
    [0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.73524161 0.80271737 0.8291815 ]
    Train Index: [
                                   2 ... 15652 15653 15654]
                     0
                             1
    Test Index: [
                            5
                                  9 ... 15627 15632 15638]
    [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
[8]: SVR 1M MAE = np.mean(np.absolute(scores month SVR - y test.reshape(-1, 1)))
     SVR_1M_MSE = ((scores_month_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
     print("Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MSE)
     print("Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MAE)
    Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: 0.00552
    Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: 0.05372
    1.2 Decision Tree Regressor
```

```
[9]: scores_month_DT = []
dtree = DecisionTreeRegressor(max_depth=8, min_samples_leaf=0.13, □
→random_state=3)
kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
for train_index, test_index in kf.split(X_month):
```

```
print("Train Index: ", train_index, "\n")
    print("Test Index: ", test_index)
    X_train, X_test, y_train, y_test = X_month[train_index],__
 →X_month[test_index], y_month[train_index], y_month[test_index]
    print(X_train)
    dtree.fit(X train.reshape(-1, 1), y train)
    scores_month_DT.append(dtree.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
Train Index: [
                        2
                              4 ... 15651 15652 15654]
                1
Test Index: [
                 0
                       3
                            14 ... 15648 15649 15653]
[0.66806105 0.74437505 0.66962094 ... 0.73524161 0.77899681 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                      1
                             2 ... 15652 15653 15654]
Test Index: [ 8
                     15
                            33 ... 15603 15634 15639]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                     1
                            2 ... 15652 15653 15654]
Test Index: [ 17
                            39 ... 15601 15612 15636]
                      36
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0 1 2 ... 15652 15653 15654]
Test Index: [ 10
                      23
                            29 ... 15613 15616 15617]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                    1
                            2 ... 15651 15652 15653]
Test Index: [ 12
                            28 ... 15647 15650 15654]
                      20
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.73524161 0.77899681 0.80271737]
Train Index: [ 0
                       1
                            2 ... 15652 15653 15654]
                            69 ... 15630 15637 15644]
Test Index: [ 26
                      66
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
                             3 ... 15652 15653 15654]
Train Index: [
                 0
                       1
Test Index: [
                      18
                            44 ... 15642 15646 15651]
[0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                       1
                            2 ... 15652 15653 15654]
Test Index: [
                 6
                       7
                            22 ... 15624 15628 15643]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [
                0
                      2
                              3 ... 15651 15653 15654]
Test Index: [ 1
                     11
                            13 ... 15635 15641 15652]
[0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.73524161 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                     1
                            2 ... 15652 15653 15654]
Test Index: [ 4 5
                             9 ... 15627 15632 15638]
```

```
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
```

```
[10]: DT_1M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_month_DT - y_test.reshape(-1, 1)))
DT_1M_MSE = ((scores_month_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %__

$\top DT_1M_MSE$)
print("Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %__
$\top DT_1M_MAE$)
```

Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.00551 Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.05365

# 1.3 LASSO Regression

```
Train Index: [
                        2
                              4 ... 15651 15652 15654]
Test Index: [ 0
                       3
                          14 ... 15648 15649 15653]
[0.66806105 0.74437505 0.66962094 ... 0.73524161 0.77899681 0.8291815 ]
                             2 ... 15652 15653 15654]
Train Index: [
                0
                       1
                            33 ... 15603 15634 15639]
Test Index: [
                      15
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [
                              2 ... 15652 15653 15654]
                 0
                       1
Test Index: [ 17
                      36
                            39 ... 15601 15612 15636]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [ 0
                             2 ... 15652 15653 15654]
                       1
Test Index: [
                10
                      23
                            29 ... 15613 15616 15617]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
Train Index: [
                0
                     1
                              2 ... 15651 15652 15653]
Test Index: [ 12
                      20
                            28 ... 15647 15650 15654]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.73524161 0.77899681 0.80271737]
Train Index: [ 0
                              2 ... 15652 15653 15654]
                        1
```

```
Test Index: [ 26
                            66
                                  69 ... 15630 15637 15644]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [ 0
                             1
                                   3 ... 15652 15653 15654]
     Test Index: [
                       2
                                  44 ... 15642 15646 15651]
                            18
     [0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [
                      0
                              1
                                    2 ... 15652 15653 15654]
     Test Index: [
                             7
                                  22 ... 15624 15628 15643]
                      6
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [ 0
                              2
                                  3 ... 15651 15653 15654]
     Test Index: [
                       1
                            11
                                  13 ... 15635 15641 15652]
     [0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.73524161 0.80271737 0.8291815 ]
                                    2 ... 15652 15653 15654]
     Train Index: [ 0
                              1
     Test Index: [
                       4
                             5
                                   9 ... 15627 15632 15638]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
[12]: LASSO_1M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_month_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))
      LASSO_1M_MSE = ((scores_month_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
      print("Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MSE)
      print("Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MAE)
```

## 2 6 MONTH

```
[13]: X_hyear = np.array(list(data_hyear.iloc[:, 2]))
y_hyear = np.array(list(data_hyear.iloc[:, 3]))
```

Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: 0.00549 Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: 0.05349

#### 2.1 SVR MODEL

```
[14]: scores_hyear_SVR = []
best_svr = SVR(kernel='rbf')
kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
for train_index, test_index in kf.split(X_hyear):
    print("Train Index: ", train_index, "\n")
    print("Test Index: ", test_index)
    X_train, X_test, y_train, y_test = X_hyear[train_index],
    \[
\to X_hyear[test_index], y_hyear[train_index], y_hyear[test_index]
    print(X_train)
    best_svr.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
    scores_hyear_SVR.append(best_svr.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
```

Train Index: [ 0 1 2 ... 6242 6244 6245]

Train Index: [ 0 1 2 ... 6243 6244 6245]

Train Index: [ 0 1 2 ... 6243 6244 6245]

[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]

Train Index: [ 0 1 2 ... 6241 6242 6243]

		Index	: [	25	49	51	62	68	75	83	85	91	96	99	103	108
111																
	120		139	150	152	166	174	175	180	191	195	205	211	214	ŀ	
	218		270	274	278	283	289	300	305	309	312	314	326	348		
	356	360	366	368	389	402	411	415	433	450	451	461	463	480		
	489	490	494	495	498	508	511	516	517	543	551	566	567	568	3	
	579	594	596	602	618	620	621	633	644	650	652	668	679	680	)	
	684	690	708	720	725	744	745	757	759	777	802	828	841	843	3	
	859		868	869	871	887	890	931	937	945	949	957	993	999		
		1010														
		1187														
	1391	1392	1405	1412	1413	1417	1424	1427	1432	1434	1437	1467	1472	1476	3	
		1503														
		1626														
		1779														
		1951														
	2121	2131	2145	2146	2166	2191	2199	2201	2209	2213	2218	2236	2244	2268	3	
		2292														
		2410														
		2576														
		2705														
		2855														
		2963														
		3094														
		3263														
		3365														
		3525														
		3671														
		3872														
		4038														
		4200														
		4287														
		4371														
		4505														
		4655														
		4764														
	4884	4886	4894	4897	4905	4907	4927	4934	4937	4939	4945	4950	4957	4987	7	
	5003	5004	5007	5017	5026	5030	5033	5043	5061	5062	5076	5077	5082	5100	)	
	5112	5119	5129	5150	5156	5162	5168	5170	5194	5207	5209	5212	5223	5233	3	
		5251														
		5398														
		5548														
		5695														
	5870	5871	5872	5873	5876	5889	5942	5953	5955	5956	5989	5993	6000	6014	Ļ	

6025 6050 6054 6056 6066 6067 6070 6078 6080 6108 6141 6143 6146 6148 6159 6166 6193 6206 6223 6229 6240 6244 6245]

 $[ 0.66204726 \ 0.66806105 \ 0.74437505 \ \dots \ 0.82024816 \ 0.80271737 \ 0.82080843 ]$ 

Train Index: [ 1 2 3 ... 6243 6244 6245]

Test 131	Index:	[	0	6	18	24	32	48	52	56	58	76	81	112	115
136	138	159	170	173	178	193	194	209	222	256	266	267	27	6	
299		330	331	353	355	358	382	386	396	413	430	436			
449	483	540	554	557	573	578	615	643	647		656	658			
665	674	678	682	695	700	719	729	761	771	785	796	801			
817		835	858	866	888	908	909	910	912	941	958	973			
	1003	1017	1023	1051		1064				1106	1110	1111	112	3	
1130	1137	1146	1159	1178	1180	1185	1196	1207	1213	1227	1228	1236	123	7	
1238	1257	1259	1264	1289	1303	1309	1313	1325	1346	1356	1366	1378	138	1	
1399	1401	1402	1415	1429	1444	1455	1461	1469	1474	1479	1482	1489	149	0	
1497	1502	1510	1515	1519	1522	1548	1551	1556	1563	1572	1588	1589	159	0	
1610	1627	1628	1629	1644	1675	1697	1701	1705	1710	1714	1736	1739	174	6	
1751	1767	1772	1774	1784	1793	1800	1808	1811	1812	1815	1833	1842	184	6	
1847	1866	1878	1889	1896	1909	1932	1935	1936	1943	1946	1952	1972	199	5	
1999	2005	2007	2011	2015	2016	2021	2036	2059	2073	2078	2088	2092	210	0	
2101	2111	2123	2140	2172	2174	2186	2194	2217	2221	2222	2224	2231	223	5	
2242	2277	2280	2282	2305	2309	2311	2321	2341	2342	2369	2372	2373	238	4	
2394	2395	2416	2420	2422	2437	2456	2459	2467	2478	2487	2495	2497	253	5	
2580	2606	2607	2617	2618	2620	2623	2652	2658	2684	2685	2694	2700	270	2	
2707	2714	2716	2721	2760	2763	2796	2798	2802	2803	2809	2826	2847	285	9	
2881	2885	2894	2897	2910	2915	2944	2945	2951	2998	3002	3008	3011	303	8	
3043	3044	3063	3065	3089	3101	3105	3107	3114	3123	3127	3130	3133	313	5	
3162	3163	3164	3165	3176	3187	3218	3231	3235	3245	3258	3260	3268	327	7	
3279	3296	3317	3318	3321	3347	3353	3375	3388	3396	3398	3406	3407	340	9	
	3443														
3552	3559	3589	3593	3599	3605	3608	3615	3622	3625	3639	3641	3646	364	7	
	3651														
	3787														
	3914														
	4024														
	4119														
	4262														
	4410														
	4539														
	4690														
	4774														
	4986														
	5103														
	5234														
	5410														
	5569														
5683	5686	5/14	5/16	5/1/	5/26	5/28	5/41	5/45	5/50	5/62	5//4	5181	582	Т	

5827 5833 5837 5843 5845 5849 5911 5913 5927 5935 5940 5952 5965 5975 5979 5980 6003 6006 6046 6047 6052 6082 6083 6090 6091 6094 6103 6106 6129 6155 6185 6197 6198 6200 6214 6232 6241]
[0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]

Train Index: [ 0 1 2 ... 6243 6244 6245]

5771 5772 5798 5807 5819 5851 5853 5874 5875 5898 5909 5931 5946 5982 5985 5987 5995 5998 5999 6002 6007 6011 6017 6028 6029 6048 6049 6053 6065 6074 6084 6096 6102 6105 6109 6124 6128 6133 6136 6157 6167 6168 6171 6173 6202 6203 6205 6218 6219 6235 6236]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [ 0 1 2 ... 6243 6244 6245]

5654 5663 5679 5692 5697 5702 5705 5709 5723 5737 5740 5749 5763 5764 5766 5770 5785 5804 5812 5816 5834 5836 5839 5844 5857 5860 5865 5880 5884 5903 5908 5910 5921 5924 5928 5930 5945 5947 5948 5974 5984 6005 6018 6024 6026 6032 6033 6068 6069 6071 6085 6118 6139 6149 6154 6161 6169 6177 6178 6184 6191 6199 6209 6228]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [ 0 3 4 ... 6243 6244 6245]

4873 4892 4895 4910 4916 4924 4926 4944 4948 4964 4971 4972 4978 5005 5024 5029 5031 5032 5034 5042 5063 5109 5115 5121 5122 5124 5126 5127 5131 5142 5145 5146 5175 5186 5197 5205 5236 5240 5262 5264 5268 5285

5293 5301 5320 5336 5348 5354 5358 5395 5401 5409 5415 5419 5425 5426 5435 5436 5441 5444 5453 5466 5467 5472 5473 5479 5494 5503 5507 5512 5525 5528 5541 5550 5561 5563 5572 5577 5597 5598 5604 5610 5623 5636 5637 5641 5660 5670 5674 5696 5698 5700 5710 5719 5748 5758 5775 5783 5793 5805 5813 5815 5818 5822 5825 5838 5867 5869 5896 5897 5916 5944 5957 5971 5972 5983 5997 6008 6020 6051 6073 6076 6079 6117 6122 6125 6152 6170 6179 6189 6194 6207 6216 6239] [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152] 2 ... 6243 6244 6245] Train Index: [ 

Test Index:

```
5287 5305 5308 5311 5315 5323 5334 5353 5387 5390 5392 5393 5408 5423 5442 5450 5463 5486 5496 5504 5511 5530 5534 5535 5536 5539 5575 5578 5581 5588 5592 5596 5600 5611 5616 5618 5625 5630 5644 5675 5685 5687 5691 5699 5724 5727 5730 5734 5739 5755 5757 5759 5780 5782 5786 5791 5794 5800 5801 5828 5847 5854 5855 5864 5883 5892 5894 5895 5902 5912 5915 5959 5961 5962 5967 5977 5991 5996 6010 6013 6019 6034 6063 6072 6092 6097 6110 6126 6140 6158 6163 6164 6165 6172 6180 6182 6183 6186 6187 6221 6222 6224 6231 6233 6234 6237] [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
```

```
[15]: SVR_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_SVR - y_test.reshape(-1, 1)))
SVR_6M_MSE = ((scores_hyear_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: 0.01412 Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: 0.08454

## 2.2 Decision Tree Regressor

Train Index: [

2 ... 6242 6244 6245]

Test Index: [ 14 93 101 122 132 157 167 185 198 221 228 230 248 254 323 324 325 437 439 472 476 561 565 622 625 712 730 812 893 907 994 1005 1018 1022 1032 1038 1039 1042 1044 1046 1049 1073 1074 1075 1090 1097 1103 1108 1119 1129 1144 1149 1153 1161 1174 1188 1192 1195 1197 1199 1212 1223 1235 1244 1263 1272

1295 1302 1322 1345 1357 1374 1375 1383 1406 1407 1411 1420 1433 1451 1454 1471 1483 1496 1501 1509 1512 1514 1520 1535 1550 1554 1561 1566

```
1578 1586 1616 1632 1650 1666 1669 1684 1694 1726 1729 1738 1743 1745
 1755 1760 1765 1769 1805 1807 1820 1844 1858 1862 1871 1874 1886 1888
 1892 1894 1902 1916 1922 1934 1942 1961 1971 1978 2025 2029 2031 2034
 2042 2045 2063 2077 2094 2095 2098 2099 2114 2117 2133 2138 2144 2149
 2153 2154 2168 2181 2182 2210 2225 2229 2245 2276 2288 2298 2304 2313
 2323 2333 2346 2350 2351 2357 2375 2377 2388 2402 2405 2406 2432 2436
 2447 2477 2484 2488 2500 2503 2515 2517 2519 2525 2526 2534 2550 2552
 2559 2569 2578 2586 2596 2609 2619 2629 2640 2641 2650 2662 2687 2688
 2691 2728 2732 2746 2750 2759 2764 2776 2781 2784 2787 2789 2801 2807
 2815 2835 2841 2864 2876 2877 2900 2905 2921 2922 2925 2926 2934 2949
 2952 2960 2968 2996 3021 3026 3045 3047 3066 3075 3077 3082 3085 3090
 3095 3096 3109 3119 3121 3128 3132 3139 3159 3166 3167 3169 3172 3193
 3196 3197 3204 3209 3226 3250 3252 3262 3269 3305 3311 3332 3337 3352
 3357 3377 3378 3381 3403 3411 3412 3413 3428 3433 3447 3455 3458 3460
 3480 3492 3547 3555 3571 3580 3618 3652 3664 3668 3704 3710 3731 3740
 3759 3768 3786 3790 3795 3799 3808 3830 3832 3846 3855 3864 3896 3901
 3910 3937 3938 3939 3940 3956 3975 3980 3992 4002 4030 4031 4039 4043
 4051 4072 4075 4077 4085 4103 4113 4121 4147 4160 4173 4190 4192 4198
 4217 4219 4224 4229 4231 4233 4237 4248 4253 4273 4274 4280 4292 4294
 4306 4307 4323 4328 4331 4336 4349 4350 4354 4372 4377 4387 4393 4420
 4424 4439 4445 4447 4450 4454 4461 4463 4466 4467 4471 4482 4483 4498
 4500 4522 4550 4554 4563 4585 4619 4620 4638 4657 4660 4661 4679 4686
 4703 4707 4710 4717 4728 4753 4758 4765 4769 4773 4801 4833 4838 4844
 4847 4855 4856 4857 4863 4865 4888 4899 4902 4922 4925 4940 4943 4961
 4981 5000 5011 5014 5023 5028 5037 5039 5045 5055 5078 5081 5090 5095
 5097 5099 5137 5138 5153 5154 5158 5171 5190 5192 5193 5206 5208 5216
 5219 5244 5245 5246 5260 5273 5284 5299 5300 5322 5325 5340 5344 5350
 5355 5372 5374 5375 5397 5437 5452 5454 5455 5469 5474 5487 5500 5520
 5540 5544 5545 5554 5570 5571 5615 5633 5638 5664 5671 5681 5684 5689
 5694 5742 5746 5753 5756 5778 5781 5788 5802 5803 5810 5831 5835 5841
 5846 5850 5862 5877 5891 5905 5938 5950 5958 5966 5970 5992 5994 6001
 6009 6012 6040 6062 6088 6093 6095 6099 6104 6115 6116 6120 6123 6134
 6175 6181 6188 6192 6195 6217 6227 6238 6243]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index: [
                 8
                     15
                          29
                               33
                                     44
                                          57
                                               63
                                                    69
                                                         90
                                                            102 106
121
                      149
                                179
  124
       135
            142
                 144
                           151
                                     181
                                           196
                                                227
                                                     240
                                                          245
                                                               247
                                                                    251
  257
       272
            279
                 290
                      292
                           293
                                297
                                     303
                                           315
                                                321
                                                     333
                                                          349
                                                               354
                                                                    367
  373
       380
                      416
                                420
                                     422
                                           426
            381
                 414
                           418
                                                445
                                                     447
                                                          453
                                                               471
                                                                    473
  478
       486
            503
                 505
                      530
                                549
                                      553
                                           555
                                                564
                                                     577
                                                          584
                                                               585
                           548
                                                                    586
  589
       598
                      624
                           654
                                 655
                                      676
                                           691
                                                     701
                                                          736
                                                                    748
            611
                 613
                                                696
                                                               742
                                                     879
  751
       783
            799
                 807
                      808
                           810
                                834
                                     864
                                           865
                                                877
                                                          881
                                                               889
  915
       932
            947
                 952
                      960
                           964
                                996 1002 1024 1027 1033 1047 1056 1057
 1084 1086 1092 1101 1128 1142 1158 1163 1170 1172 1175 1176 1181 1183
 1186 1193 1203 1209 1215 1219 1220 1221 1225 1242 1253 1261 1268 1297
 1315 1321 1323 1328 1335 1339 1344 1350 1351 1354 1360 1362 1370 1397
```

```
1400 1419 1421 1425 1443 1477 1487 1499 1507 1533 1536 1539 1544 1557
 1559 1562 1593 1612 1615 1617 1623 1630 1634 1657 1662 1665 1670 1672
 1695 1699 1703 1718 1730 1732 1740 1741 1744 1770 1773 1780 1782 1789
 1803 1825 1835 1840 1867 1869 1870 1872 1881 1883 1905 1919 1965 1992
 2002 2004 2024 2053 2083 2091 2104 2115 2118 2124 2127 2157 2163 2164
 2215 2223 2227 2228 2233 2240 2254 2263 2264 2273 2284 2291 2303 2345
 2364 2457 2462 2465 2473 2486 2498 2499 2505 2513 2536 2548 2549 2554
 2570 2572 2575 2579 2582 2592 2603 2615 2622 2627 2633 2646 2653 2654
 2655 2656 2669 2677 2680 2683 2689 2698 2722 2754 2758 2765 2778 2788
 2794 2819 2821 2827 2834 2843 2850 2857 2862 2868 2879 2895 2917 2918
 2941 2943 2957 2966 2970 2988 2995 3007 3024 3033 3034 3035 3049 3100
 3102 3103 3112 3125 3148 3150 3181 3195 3203 3206 3213 3214 3220 3221
 3240 3256 3276 3290 3295 3297 3303 3307 3319 3322 3336 3349 3350 3361
 3362 3383 3404 3422 3426 3437 3439 3454 3459 3467 3470 3488 3497 3504
 3513 3527 3529 3532 3536 3544 3548 3573 3575 3585 3606 3611 3612 3614
 3628 3658 3660 3686 3688 3691 3700 3708 3717 3718 3722 3732 3734 3750
 3765 3779 3780 3782 3783 3807 3813 3815 3824 3825 3837 3841 3858 3877
 3889 3893 3904 3912 3917 3927 3941 3947 3955 3960 3978 3995 3997 4013
 4019 4032 4054 4058 4059 4060 4081 4082 4101 4108 4129 4148 4159 4180
 4196 4241 4295 4308 4355 4362 4367 4369 4373 4382 4385 4406 4436 4437
 4478 4480 4490 4502 4504 4510 4512 4517 4560 4576 4587 4601 4607 4609
 4640 4641 4643 4651 4652 4685 4689 4695 4696 4708 4724 4734 4738 4742
 4746 4755 4787 4795 4800 4818 4830 4861 4864 4870 4872 4874 4877 4880
 4898 4900 4904 4914 4915 4918 4920 4942 4951 4952 4963 4966 4985 4993
 4996 5001 5008 5013 5015 5019 5022 5036 5047 5048 5060 5065 5084 5086
 5098 5120 5130 5132 5141 5159 5164 5179 5204 5214 5221 5227 5256 5269
 5274 5291 5296 5297 5302 5304 5319 5321 5326 5347 5369 5381 5388 5422
 5424 5430 5433 5438 5475 5493 5499 5502 5505 5513 5532 5533 5546 5547
 5560 5564 5567 5586 5622 5627 5628 5646 5647 5648 5650 5669 5704 5720
 5721 5722 5725 5732 5735 5751 5769 5776 5784 5790 5792 5809 5814 5823
 5826 5829 5840 5852 5868 5878 5885 5887 5890 5900 5907 5929 5932 5933
 5936 5943 5951 5954 5968 5969 5976 5986 5990 6004 6016 6021 6022 6027
 6037 6039 6044 6045 6058 6060 6075 6081 6111 6112 6119 6127 6130 6135
6142 6147 6156 6176 6196 6201 6204 6212 6242]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
             Γ 12
                     26
                          30
                               43
                                     47
                                          61
                                               70
                                                    71
                                                         73
                                                              92
                                                                    95
                                                                        100
                                                                             109
113
  169
       183
            184
                 188
                      192
                           203
                                210
                                      219
                                           229
                                                238
                                                     252
                                                          286
                                                               287
                                                                    291
  295
       298
                 307
                      322
                           332
                                334
                                      336
                                           339
                                                          350
                                                                    428
            304
                                                344
                                                     347
                                                               387
  429
       438
            443
                 452
                      457
                           479
                                 485
                                      497
                                           507
                                                518
                                                     527
                                                          533
                                                               582
                                                                    605
  607
       627
            642
                      657
                                 677
                                                     721
                                                          724
                                                                     733
                 653
                           670
                                      693
                                           711
                                                718
                                                               731
  734
       737
            765
                 776
                      789
                           790
                                 798
                                      803
                                           809
                                                829
                                                     831
                                                          833
                                                               837
                                                                    838
  842
       848
            856
                 857
                      861
                           897
                                 898
                                      903
                                           911
                                                925
                                                     927
                                                          944
                                                               978 1001
 1020 1025 1052 1055 1071 1087 1094 1095 1096 1109 1112 1114 1115 1117
 1121 1126 1168 1173 1194 1204 1210 1222 1224 1231 1255 1258 1260 1281
 1287 1288 1292 1294 1305 1310 1319 1330 1338 1340 1359 1371 1379 1393
```

```
1410 1423 1426 1436 1438 1448 1452 1456 1465 1468 1480 1485 1488 1498
 1505 1513 1543 1545 1564 1569 1580 1595 1599 1600 1606 1608 1609 1611
 1614 1620 1643 1652 1654 1671 1706 1720 1728 1737 1747 1756 1786 1788
 1817 1831 1832 1839 1860 1864 1876 1891 1893 1897 1912 1918 1921 1926
 1941 1945 1954 1963 1964 1966 1973 1983 2022 2057 2080 2087 2103 2107
 2110 2119 2132 2135 2142 2167 2170 2173 2177 2187 2195 2197 2226 2232
 2251 2252 2259 2271 2272 2287 2302 2306 2318 2328 2337 2338 2339 2344
 2347 2348 2366 2387 2389 2399 2407 2412 2417 2418 2441 2445 2450 2453
 2463 2464 2471 2476 2480 2509 2518 2521 2523 2542 2543 2585 2589 2594
 2598 2642 2663 2666 2668 2671 2673 2676 2715 2718 2741 2753 2755 2771
 2775 2780 2792 2795 2805 2820 2828 2845 2846 2851 2860 2874 2887 2890
 2893 2902 2906 2916 2929 2932 2937 2942 2955 2972 2977 2986 2997 3010
 3012 3014 3016 3027 3039 3050 3055 3074 3076 3098 3116 3126 3129 3131
 3153 3154 3158 3184 3198 3208 3211 3217 3227 3246 3254 3264 3288 3308
 3312 3323 3326 3340 3346 3370 3399 3400 3402 3414 3424 3441 3442 3464
 3469 3477 3479 3481 3482 3483 3484 3499 3515 3535 3539 3543 3551 3560
 3563 3567 3570 3634 3659 3667 3669 3670 3682 3685 3698 3705 3707 3721
 3742 3745 3753 3773 3789 3801 3803 3805 3816 3834 3849 3866 3867 3875
 3881 3885 3907 3929 3946 3961 3964 3973 3988 4004 4028 4040 4083 4086
 4091 4104 4112 4137 4155 4183 4187 4195 4207 4210 4220 4236 4256 4264
 4269 4299 4304 4309 4313 4326 4338 4343 4378 4379 4381 4395 4398 4427
 4428 4440 4456 4457 4458 4476 4487 4516 4519 4523 4525 4528 4532 4534
 4536 4538 4541 4545 4546 4556 4562 4567 4574 4577 4586 4588 4623 4626
 4653 4665 4672 4676 4698 4713 4714 4726 4733 4768 4782 4786 4791 4793
 4860 4883 4890 4908 4917 4923 4935 4954 4959 4962 4965 4982 4989 4994
 4997 5009 5012 5018 5021 5040 5041 5050 5054 5085 5094 5108 5111 5114
 5123 5143 5155 5163 5183 5200 5224 5243 5252 5259 5267 5270 5283 5292
 5294 5295 5298 5303 5312 5317 5327 5364 5365 5370 5373 5377 5378 5380
 5383 5394 5407 5434 5440 5449 5457 5460 5462 5470 5471 5477 5478 5482
 5483 5488 5497 5498 5506 5523 5583 5595 5613 5621 5626 5635 5639 5645
 5652 5656 5657 5658 5678 5693 5711 5712 5715 5736 5738 5744 5767 5795
 5796 5806 5817 5820 5824 5830 5832 5848 5856 5858 5863 5866 5879 5882
 5886 5893 5899 5906 5914 5917 5918 5920 5925 5926 5937 5941 5949 5981
 6015 6023 6036 6041 6055 6059 6064 6077 6086 6098 6100 6101 6107 6113
 6114 6137 6138 6145 6151 6210 6211 6213 6226]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6241 6242 6243]
                     49
                                62
                                          75
                                                              96
Test Index:
             [ 25
                          51
                                     68
                                               83
                                                    85
                                                         91
                                                                    99
                                                                        103
                                                                             108
111
  120
       134
                                 174
                                      175
                                                          205
            139
                 150
                      152
                           166
                                           180
                                                191
                                                     195
                                                                211
                                                                     214
       220
  218
            270
                 274
                      278
                            283
                                 289
                                      300
                                           305
                                                309
                                                     312
                                                          314
                                                                326
                                                                     348
  356
                      389
                                           433
                                                     451
       360
            366
                 368
                            402
                                 411
                                      415
                                                450
                                                          461
                                                                463
                                                                     480
  489
       490
            494
                 495
                      498
                            508
                                 511
                                      516
                                           517
                                                543
                                                     551
                                                          566
                                                                567
                                                                     568
  579
       594
            596
                 602
                      618
                            620
                                 621
                                      633
                                           644
                                                650
                                                     652
                                                          668
                                                                679
                                                                     680
  684
       690
            708
                 720
                      725
                            744
                                 745
                                      757
                                           759
                                                777
                                                     802
                                                          828
                                                                841
                                                                     843
  859
       862
            868
                 869
                      871
                            887
                                 890
                                      931
                                           937
                                                945
                                                     949
                                                          957
                                                                993
                                                                     999
 1006 1010 1029 1030 1034 1041 1061 1068 1113 1116 1135 1151 1157 1162
```

```
1164 1187 1189 1200 1211 1216 1230 1270 1271 1293 1334 1349 1361 1385
 1391 1392 1405 1412 1413 1417 1424 1427 1432 1434 1437 1467 1472 1476
 1491 1503 1504 1526 1532 1534 1538 1541 1552 1553 1558 1583 1592 1598
 1618 1626 1647 1658 1661 1676 1691 1700 1702 1717 1721 1723 1752 1776
 1777 1779 1813 1818 1822 1837 1849 1859 1873 1877 1879 1890 1907 1924
 1937 1951 1957 1962 1987 1988 2006 2008 2018 2052 2067 2072 2086 2093
 2121 2131 2145 2146 2166 2191 2199 2201 2209 2213 2218 2236 2244 2268
 2275 2292 2299 2312 2314 2316 2317 2329 2330 2358 2370 2378 2380 2404
 2409 2410 2414 2431 2439 2440 2446 2451 2458 2481 2516 2522 2531 2571
 2574 2576 2577 2584 2600 2602 2611 2638 2644 2647 2664 2670 2678 2699
 2704 2705 2706 2742 2751 2767 2770 2799 2812 2818 2829 2833 2836 2840
 2842 2855 2858 2865 2873 2880 2882 2886 2892 2899 2908 2913 2927 2948
 2954 2963 2980 2981 2985 2991 3006 3017 3018 3023 3025 3053 3070 3078
 3080 3094 3106 3113 3142 3161 3182 3185 3189 3194 3207 3210 3237 3238
 3248 3263 3265 3270 3275 3285 3286 3306 3315 3320 3328 3333 3334 3341
 3360 3365 3372 3379 3386 3392 3410 3418 3434 3475 3478 3501 3509 3516
 3518 3525 3550 3558 3574 3578 3583 3588 3592 3604 3613 3626 3650 3657
 3666 3671 3684 3733 3737 3758 3784 3785 3794 3809 3817 3836 3844 3859
 3869 3872 3880 3882 3922 3933 3944 3950 3971 3977 3982 3994 4006 4010
 4020 4038 4053 4055 4093 4094 4099 4105 4118 4125 4127 4128 4141 4169
 4184 4200 4221 4235 4240 4244 4251 4257 4258 4266 4267 4270 4272 4283
 4284 4287 4301 4316 4319 4320 4325 4329 4335 4347 4351 4357 4359 4366
 4368 4371 4397 4399 4400 4407 4412 4414 4416 4417 4419 4431 4434 4442
 4479 4505 4513 4552 4559 4573 4575 4582 4593 4600 4603 4605 4617 4644
 4649 4655 4663 4664 4669 4674 4684 4691 4700 4701 4722 4725 4727 4741
 4760 4764 4771 4775 4803 4811 4812 4815 4819 4824 4829 4834 4848 4882
 4884 4886 4894 4897 4905 4907 4927 4934 4937 4939 4945 4950 4957 4987
 5003 5004 5007 5017 5026 5030 5033 5043 5061 5062 5076 5077 5082 5100
 5112 5119 5129 5150 5156 5162 5168 5170 5194 5207 5209 5212 5223 5233
 5235 5251 5255 5265 5266 5306 5307 5318 5332 5339 5341 5346 5356 5367
 5391 5398 5416 5427 5429 5432 5456 5459 5461 5485 5501 5514 5516 5518
 5531 5548 5549 5552 5558 5573 5589 5593 5594 5619 5629 5651 5677 5688
 5690 5695 5703 5706 5743 5754 5761 5765 5773 5777 5779 5799 5808 5842
 5870 5871 5872 5873 5876 5889 5942 5953 5955 5956 5989 5993 6000 6014
 6025 6050 6054 6056 6066 6067 6070 6078 6080 6108 6141 6143 6146 6148
 6159 6166 6193 6206 6223 6229 6240 6244 6245]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82024816 0.80271737 0.82080843]
Train Index:
                       2
                            3 ... 6243 6244 6245]
             [
                  1
Test Index:
           0
                      6
                          18
                               24
                                    32
                                          48
                                               52
                                                    56
                                                         58
                                                              76
                                                                   81
                                                                      112
                                                                           115
131
  136
      138
                 170
                                193
                                     194
                                          209
                                                222
                                                     256
                                                          266
                                                               267
                                                                    276
            159
                      173
                           178
  299
       328
                      353
                           355
                                358
            330
                 331
                                     382
                                           386
                                                396
                                                     413
                                                          430
                                                               436
                                                                    442
       483
  449
            540
                 554
                      557
                           573
                                578
                                     615
                                           643
                                                647
                                                     648
                                                          656
                                                               658
                                                                    664
  665
       674
            678
                 682
                      695
                           700
                                719
                                     729
                                           761
                                                771
                                                     785
                                                          796
                                                               801
                                                                    816
  817
       818
            835
                 858
                      866
                           888
                                908
                                     909
                                          910
                                                912
                                                     941
                                                          958
                                                               973
  998 1003 1017 1023 1051 1054 1064 1088 1102 1104 1106 1110 1111 1123
 1130 1137 1146 1159 1178 1180 1185 1196 1207 1213 1227 1228 1236 1237
```

```
1399 1401 1402 1415 1429 1444 1455 1461 1469 1474 1479 1482 1489 1490
 1497 1502 1510 1515 1519 1522 1548 1551 1556 1563 1572 1588 1589 1590
 1610 1627 1628 1629 1644 1675 1697 1701 1705 1710 1714 1736 1739 1746
 1751 1767 1772 1774 1784 1793 1800 1808 1811 1812 1815 1833 1842 1846
 1847 1866 1878 1889 1896 1909 1932 1935 1936 1943 1946 1952 1972 1995
 1999 2005 2007 2011 2015 2016 2021 2036 2059 2073 2078 2088 2092 2100
 2101 2111 2123 2140 2172 2174 2186 2194 2217 2221 2222 2224 2231 2235
 2242 2277 2280 2282 2305 2309 2311 2321 2341 2342 2369 2372 2373 2384
 2394 2395 2416 2420 2422 2437 2456 2459 2467 2478 2487 2495 2497 2535
 2580 2606 2607 2617 2618 2620 2623 2652 2658 2684 2685 2694 2700 2702
 2707 2714 2716 2721 2760 2763 2796 2798 2802 2803 2809 2826 2847 2859
 2881 2885 2894 2897 2910 2915 2944 2945 2951 2998 3002 3008 3011 3038
 3043 3044 3063 3065 3089 3101 3105 3107 3114 3123 3127 3130 3133 3135
 3162 3163 3164 3165 3176 3187 3218 3231 3235 3245 3258 3260 3268 3277
 3279 3296 3317 3318 3321 3347 3353 3375 3388 3396 3398 3406 3407 3409
 3429 3443 3450 3487 3491 3505 3519 3520 3524 3528 3534 3540 3541 3545
 3552 3559 3589 3593 3599 3605 3608 3615 3622 3625 3639 3641 3646 3647
 3649 3651 3653 3689 3703 3715 3720 3728 3739 3751 3752 3755 3757 3770
 3771 3787 3796 3829 3833 3842 3862 3870 3871 3878 3887 3891 3892 3898
 3908 3914 3915 3931 3932 3934 3935 3942 3945 3948 3970 3979 4001 4015
 4017 4024 4034 4046 4047 4050 4063 4066 4071 4080 4087 4088 4095 4096
 4098 4119 4122 4139 4140 4144 4154 4165 4168 4174 4194 4209 4216 4250
 4252 4262 4288 4291 4302 4317 4322 4327 4334 4348 4365 4375 4376 4384
 4409 4410 4411 4441 4443 4446 4449 4453 4470 4475 4486 4507 4511 4526
 4535 4539 4558 4564 4578 4584 4589 4597 4599 4606 4615 4629 4631 4645
 4677 4690 4694 4697 4704 4712 4715 4730 4732 4740 4750 4756 4766 4767
 4772 4774 4783 4790 4808 4813 4817 4832 4836 4842 4868 4885 4909 4936
 4938 4986 4988 5006 5027 5035 5049 5066 5067 5069 5072 5080 5087 5089
 5101 5103 5107 5110 5128 5136 5148 5165 5174 5176 5184 5196 5199 5228
 5230 5234 5261 5289 5309 5316 5329 5331 5335 5357 5360 5363 5384 5389
 5399 5410 5411 5413 5418 5439 5445 5448 5458 5491 5495 5510 5526 5542
5543 5569 5574 5579 5582 5587 5590 5605 5608 5640 5642 5653 5676 5680
 5683 5686 5714 5716 5717 5726 5728 5741 5745 5750 5762 5774 5787 5821
 5827 5833 5837 5843 5845 5849 5911 5913 5927 5935 5940 5952 5965 5975
5979 5980 6003 6006 6046 6047 6052 6082 6083 6090 6091 6094 6103 6106
6129 6155 6185 6197 6198 6200 6214 6232 6241]
[0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Train Index: [
                  0
Test Index:
             39
                          59
                               67
                                    82
                                          97
                                             141
                                                  155 162 176
                                                                  187
                 7
                                                                       204
                                                                            226
246
  258
      264
                                     370
                                          383
                                                397
                                                     423
            268
                 288
                      313
                           342
                                343
                                                          434
                                                               446
                                                                    448
  459
       475
            484
                 493
                      500
                           528
                                531
                                     532
                                           541
                                                546
                                                     547
                                                          550
                                                               558
                                                                    570
  572
       581
            587
                 592
                      601
                           610
                                     617
                                          631
                                                636
                                                     637
                                                          639
                                                               640
                                                                    660
                                612
  669
       687
            694
                 697
                      727
                           739
                                773
                                     781
                                           786
                                                820
                                                     836
                                                          839
                                                               840
                                                                    847
  852
       867
            873
                 874
                      875
                           880
                                883
                                     904
                                          905
                                                921
                                                     923
                                                          929
                                                               930
                                                                    940
  942
            965
                 967
                      970
                           972
                                976
                                     979
                                          981
                                                985
                                                     997 1009 1011 1013
       948
```

1238 1257 1259 1264 1289 1303 1309 1313 1325 1346 1356 1366 1378 1381

```
1019 1036 1037 1070 1078 1080 1085 1089 1091 1093 1099 1105 1124 1127
 1132 1138 1140 1143 1152 1171 1201 1226 1233 1251 1277 1278 1283 1298
 1299 1317 1320 1326 1336 1337 1372 1373 1377 1395 1398 1404 1416 1422
 1428 1431 1447 1449 1450 1457 1464 1473 1492 1506 1517 1530 1537 1565
 1582 1594 1602 1621 1641 1642 1649 1651 1656 1659 1677 1683 1698 1727
 1749 1754 1758 1775 1778 1781 1783 1787 1790 1814 1821 1829 1836 1851
 1861 1880 1885 1898 1900 1903 1904 1910 1915 1923 1928 1929 1938 1956
 1967 1974 1979 1991 2001 2010 2014 2019 2023 2028 2069 2085 2096 2097
 2126 2159 2178 2179 2184 2189 2206 2208 2211 2220 2238 2246 2248 2249
 2256 2257 2258 2266 2267 2269 2274 2281 2290 2295 2297 2301 2307 2308
 2315 2319 2331 2354 2361 2367 2374 2379 2400 2413 2423 2426 2434 2438
 2470 2492 2512 2520 2527 2528 2533 2547 2555 2561 2583 2591 2605 2608
 2610 2614 2630 2634 2643 2648 2649 2651 2659 2686 2692 2696 2723 2726
 2727 2748 2749 2757 2791 2804 2810 2813 2822 2856 2867 2884 2903 2909
 2924 2940 2962 2973 2974 2984 3000 3001 3013 3048 3062 3064 3071 3091
 3137 3143 3145 3149 3168 3200 3215 3247 3253 3259 3274 3282 3289 3309
 3313 3316 3339 3358 3366 3382 3384 3390 3393 3395 3405 3425 3435 3463
 3471 3489 3494 3523 3557 3586 3590 3607 3616 3617 3620 3621 3624 3630
 3648 3655 3656 3661 3674 3680 3690 3693 3706 3711 3749 3767 3781 3792
 3793 3800 3806 3819 3820 3821 3822 3826 3827 3831 3838 3856 3861 3879
 3886 3895 3903 3905 3909 3916 3921 3936 3951 3954 3958 3966 3967 3984
 3985 3996 4012 4022 4025 4041 4048 4056 4078 4084 4102 4149 4162 4163
 4166 4189 4205 4211 4213 4222 4230 4239 4245 4247 4254 4259 4296 4303
 4305 4310 4318 4332 4333 4339 4340 4358 4370 4386 4392 4394 4401 4402
 4403 4405 4418 4438 4448 4464 4481 4503 4509 4518 4520 4529 4553 4557
 4561 4568 4591 4594 4595 4602 4610 4614 4618 4630 4634 4671 4678 4687
 4692 4705 4709 4716 4731 4739 4763 4776 4789 4796 4823 4839 4845 4850
 4866 4867 4879 4912 4913 4941 4953 4958 4960 4967 4970 4998 5002 5010
 5020 5059 5093 5117 5125 5133 5157 5160 5178 5181 5182 5189 5195 5198
 5201 5202 5220 5241 5247 5257 5275 5277 5280 5281 5282 5286 5288 5310
 5313 5330 5343 5349 5359 5376 5379 5382 5385 5402 5403 5404 5417 5421
 5428 5443 5451 5464 5481 5484 5489 5490 5492 5508 5521 5522 5524 5529
 5537 5556 5559 5562 5565 5599 5601 5606 5607 5620 5624 5655 5659 5662
 5665 5667 5672 5673 5682 5707 5713 5718 5729 5731 5733 5747 5752 5768
 5771 5772 5798 5807 5819 5851 5853 5874 5875 5898 5909 5931 5946 5982
 5985 5987 5995 5998 5999 6002 6007 6011 6017 6028 6029 6048 6049 6053
 6065 6074 6084 6096 6102 6105 6109 6124 6128 6133 6136 6157 6167 6168
 6171 6173 6202 6203 6205 6218 6219 6235 6236]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
             [ 11
                     20
                          22
                               35
                                    42
                                          72
                                               78
                                                         87
                                                             104
                                                                  118
                                                    86
                                                                       123
                                                                             128
140
                                                                    359
  147
       163
            172
                 182
                      212
                           216
                                231
                                     234
                                           237
                                                243
                                                     261
                                                          282
                                                               340
  361
       363
            365
                 369
                      372
                           377
                                392
                                     398
                                           399
                                                405
                                                     406
                                                          407
                                                               421
                                                                    424
  435
       440
            444
                 456
                      460
                           462
                                464
                                     482
                                           487
                                                496
                                                     509
                                                          521
                                                               522
                                                                    542
  560
       593
            597
                 630
                      632
                           641
                                649
                                     651
                                           662
                                                685
                                                     689
                                                          702
                                                               703
                                                                    707
  714
       735
                 743
                      758
                           767
                                772
                                     779
                                           780
                                                782
                                                          819
            741
                                                     788
                                                               821
                                                                    844
```

```
845 850 855 882 891 900 916 961 962 982 986 1000 1004 1014
 1026 1031 1048 1053 1067 1072 1079 1083 1100 1125 1133 1134 1177 1179
 1190 1198 1206 1208 1232 1234 1241 1246 1249 1284 1286 1327 1343 1347
 1352 1364 1367 1368 1376 1382 1403 1408 1414 1430 1440 1442 1446 1459
 1462 1475 1486 1494 1508 1511 1518 1523 1546 1549 1575 1577 1584 1587
 1601 1613 1624 1637 1638 1653 1660 1667 1674 1681 1688 1689 1692 1725
 1731 1735 1748 1764 1766 1768 1791 1795 1798 1799 1801 1826 1830 1845
 1850 1882 1884 1911 1940 1947 1948 1950 1953 1960 2003 2009 2020 2037
 2044 2066 2068 2090 2102 2112 2130 2137 2148 2155 2171 2176 2183 2185
 2196 2202 2207 2216 2230 2239 2247 2250 2260 2279 2283 2285 2293 2310
 2320 2325 2334 2355 2359 2390 2392 2398 2401 2408 2411 2415 2425 2429
 2442 2452 2460 2468 2474 2475 2483 2493 2494 2496 2501 2510 2529 2530
 2540 2544 2545 2562 2564 2566 2567 2581 2587 2588 2601 2628 2631 2636
 2637 2661 2665 2672 2697 2710 2725 2743 2772 2785 2793 2817 2823 2825
 2830 2837 2852 2863 2875 2883 2889 2907 2939 2964 2978 2987 2989 2990
 2992 3003 3015 3022 3029 3032 3036 3040 3046 3058 3061 3083 3084 3088
 3097 3134 3138 3151 3173 3179 3188 3199 3225 3229 3230 3232 3243 3244
 3249 3257 3271 3273 3291 3292 3298 3299 3331 3338 3351 3355 3364 3371
 3408 3416 3423 3431 3438 3456 3468 3473 3485 3493 3503 3537 3538 3542
 3554 3562 3565 3576 3601 3603 3619 3631 3632 3635 3654 3662 3673 3678
 3679 3683 3692 3694 3697 3699 3712 3716 3724 3725 3727 3729 3754 3761
 3764 3774 3802 3835 3839 3848 3852 3857 3865 3868 3873 3874 3883 3897
 3906 3918 3919 3926 3949 3957 3968 3976 3986 3989 4003 4008 4011 4016
 4035 4037 4049 4073 4074 4076 4089 4092 4100 4110 4114 4126 4145 4151
 4152 4153 4157 4161 4172 4176 4181 4182 4201 4204 4214 4215 4228 4246
 4260 4271 4275 4279 4290 4314 4315 4342 4352 4353 4374 4383 4391 4404
 4421 4423 4462 4472 4489 4506 4508 4515 4527 4537 4570 4581 4590 4596
 4604 4608 4625 4628 4635 4639 4647 4648 4650 4666 4668 4681 4693 4702
 4706 4743 4745 4747 4751 4761 4762 4770 4781 4794 4810 4816 4825 4827
 4828 4851 4852 4862 4871 4876 4878 4881 4903 4919 4921 4930 4947 4949
 4955 4956 4969 4975 4977 4999 5025 5044 5057 5071 5074 5102 5105 5106
 5118 5139 5152 5166 5180 5185 5210 5217 5242 5253 5263 5272 5324 5333
 5345 5351 5366 5368 5396 5412 5414 5431 5447 5468 5476 5480 5509 5538
 5551 5555 5557 5566 5568 5584 5585 5591 5603 5609 5612 5614 5617 5634
 5654 5663 5679 5692 5697 5702 5705 5709 5723 5737 5740 5749 5763 5764
 5766 5770 5785 5804 5812 5816 5834 5836 5839 5844 5857 5860 5865 5880
 5884 5903 5908 5910 5921 5924 5928 5930 5945 5947 5948 5974 5984 6005
 6018 6024 6026 6032 6033 6068 6069 6071 6085 6118 6139 6149 6154 6161
 6169 6177 6178 6184 6191 6199 6209 6228]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                       3
                            4 ... 6243 6244 6245]
                  0
                      2
                                         27
                                               28
                                                              40
Test Index:
             1
                          10
                               13
                                    21
                                                    36
                                                         38
                                                                   46
                                                                        53
                                                                             60
74
  89
       105
            129
                 145
                      148
                           153
                                158
                                     165
                                          171
                                                186
                                                     207
                                                          213
                                                               215
                                                                    236
  244
       250
            269
                 271
                      273
                           275
                                277
                                     281
                                          284
                                                294
                                                     306
                                                          310
                                                               311
                                                                    316
  317
       329
            338
                 352
                      374
                           390
                                394
                                     400
                                          403
                                                409
                                                     427
                                                          431
                                                               441
                                                                    454
  458
       481
                 515
                           520
                                     529
                                          545
                                               552
            514
                      519
                                526
                                                     556
                                                          571
                                                               575
                                                                    583
```

```
628
                                           634
  588
       590
            591
                 609
                      614
                           619
                                     629
                                                661
                                                     686
                                                          692
                                                               704
                                                                    715
  726
       738
            749
                 750
                      754
                           762
                                778
                                     791
                                           792
                                                795
                                                     806
                                                          813
                                                               824
                                                                    826
  849
       884
            885
                 886
                      892
                           902
                                906
                                     913
                                                920
                                                     933
                                                          934
                                                               935
                                                                    936
                                           917
  938
       939
                           974
                                983
                                     987
                                           988 1007 1008 1035 1040 1043
            955
                 963
                      968
 1050 1058 1098 1107 1131 1136 1165 1182 1229 1239 1240 1245 1247 1262
 1265 1266 1269 1273 1274 1279 1280 1285 1290 1301 1304 1307 1316 1333
 1341 1355 1380 1386 1387 1389 1390 1394 1418 1435 1439 1441 1453 1458
 1463 1466 1521 1524 1525 1547 1555 1560 1567 1576 1579 1591 1596 1607
 1622 1640 1655 1690 1704 1708 1709 1711 1712 1713 1716 1742 1750 1762
 1763 1771 1785 1796 1797 1804 1809 1855 1868 1875 1913 1914 1925 1927
 1933 1939 1949 1977 1980 1985 1989 1993 2012 2013 2030 2032 2033 2040
 2043 2046 2050 2051 2054 2058 2064 2071 2074 2076 2084 2089 2106 2108
 2109 2113 2120 2129 2134 2139 2147 2162 2169 2175 2212 2234 2241 2253
 2270 2289 2322 2335 2340 2352 2353 2356 2360 2365 2381 2382 2383 2396
 2403 2419 2421 2424 2428 2430 2448 2461 2466 2469 2506 2507 2514 2532
 2541 2553 2573 2599 2604 2624 2632 2639 2657 2667 2679 2682 2711 2719
 2720 2736 2737 2740 2752 2761 2768 2769 2800 2844 2848 2854 2866 2920
 2930 2936 2946 2953 2969 2971 2979 2983 2994 3004 3020 3028 3041 3042
 3052 3081 3093 3111 3115 3144 3155 3160 3174 3178 3180 3186 3192 3201
 3216 3223 3224 3233 3239 3241 3280 3329 3344 3359 3363 3380 3387 3401
 3415 3427 3430 3453 3466 3496 3500 3508 3511 3521 3526 3549 3553 3564
 3566 3568 3569 3587 3591 3595 3598 3609 3610 3623 3629 3633 3638 3640
 3642 3663 3665 3676 3681 3702 3714 3726 3738 3741 3747 3760 3776 3778
 3788 3804 3810 3811 3814 3828 3845 3853 3860 3888 3894 3899 3902 3911
 3920 3924 3928 3930 3953 3959 3963 3965 3972 3990 3998 3999 4005 4009
 4023 4026 4036 4044 4052 4062 4065 4068 4069 4109 4111 4116 4124 4130
 4133 4135 4167 4179 4193 4197 4203 4223 4226 4232 4238 4255 4263 4265
 4278 4281 4286 4293 4311 4321 4337 4345 4346 4356 4361 4388 4390 4396
 4430 4435 4444 4459 4460 4473 4477 4484 4494 4497 4501 4521 4531 4540
 4543 4549 4572 4579 4616 4622 4624 4633 4656 4667 4675 4680 4683 4688
 4778 4788 4792 4797 4806 4814 4822 4826 4831 4837 4840 4853 4889 4896
 4901 4906 4928 4932 4974 4979 4983 4984 4990 4991 4995 5038 5046 5058
 5064 5070 5075 5079 5083 5091 5096 5113 5135 5140 5144 5149 5151 5167
 5169 5187 5203 5213 5218 5229 5231 5238 5239 5250 5271 5278 5290 5314
 5328 5337 5338 5342 5352 5361 5362 5371 5386 5400 5405 5406 5420 5446
5465 5515 5517 5519 5527 5553 5576 5580 5602 5631 5632 5643 5649 5661
 5666 5668 5701 5708 5760 5789 5797 5811 5859 5861 5881 5888 5901 5904
 5919 5922 5923 5934 5939 5960 5963 5964 5973 5978 5988 6030 6031 6035
 6038 6042 6043 6057 6061 6087 6089 6121 6131 6132 6144 6150 6153 6160
 6162 6174 6190 6208 6215 6220 6225 6230]
[0.66204726 0.90972568 0.66962094 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index:
             2 ... 6243 6244 6245]
                  0
                       1
                      5
                               54
                                     55
Test Index:
             3
                           9
                                          66
                                               77
                                                    94 117
                                                            125
                                                                  126
                                                                       133
                                                                             137
164
  201
       223
            224
                 232
                      235
                           242
                                249
                                      255
                                           260
                                                280
                                                     285
                                                          302
                                                               320
                                                                    327
  341
       345
            357
                 362
                      364
                           375
                                384
                                      385
                                           388
                                                404
                                                     419
                                                          455
                                                               467
                                                                    470
  477
       499
            504
                 510
                           523
                                525
                                     536
                                           539
                                                     638
                      513
                                                603
                                                          645
                                                               666
                                                                    667
```

```
822
      823
           827
                 832
                      846
                           872
                                894
                                     899
                                          901
                                               914
                                                    918
                                                         919
                                                              922
                                                                   924
 928
      943
           946
                950
                      951
                           966
                                984
                                     989
                                          992 1063 1065 1077 1118 1120
 1141 1145 1155 1160 1169 1191 1202 1205 1214 1217 1248 1250 1252 1254
 1256 1276 1296 1308 1311 1312 1314 1318 1324 1329 1331 1332 1342 1353
 1358 1384 1388 1396 1460 1481 1493 1531 1540 1542 1573 1574 1581 1603
 1604 1605 1619 1633 1639 1645 1646 1668 1673 1680 1719 1724 1753 1759
 1761 1792 1810 1823 1824 1827 1828 1834 1838 1848 1852 1854 1856 1857
 1863 1865 1887 1901 1906 1908 1917 1920 1944 1958 1968 1969 1970 1975
 1976 1984 1990 1994 1996 1997 2000 2017 2026 2035 2039 2048 2055 2060
 2075 2079 2081 2105 2116 2122 2125 2128 2136 2150 2151 2152 2158 2161
 2165 2180 2188 2190 2192 2193 2198 2203 2204 2214 2219 2243 2261 2262
 2286 2296 2324 2332 2336 2343 2349 2362 2371 2376 2386 2393 2397 2443
 2449 2472 2482 2490 2508 2538 2551 2560 2563 2590 2593 2595 2597 2621
 2626 2635 2645 2674 2681 2703 2708 2709 2712 2713 2717 2724 2730 2739
 2745 2756 2762 2766 2779 2783 2797 2814 2831 2832 2853 2861 2870 2871
 2872 2878 2891 2898 2912 2923 2928 2933 2935 2947 2956 2958 2965 2993
 3019 3030 3031 3037 3054 3056 3057 3068 3072 3079 3086 3110 3117 3122
 3136 3141 3156 3177 3190 3205 3212 3228 3236 3266 3278 3281 3283 3284
 3287 3293 3300 3310 3325 3330 3335 3345 3367 3368 3374 3376 3389 3391
 3417 3419 3421 3432 3448 3449 3451 3452 3462 3472 3476 3486 3490 3495
 3502 3507 3512 3514 3517 3522 3530 3531 3533 3572 3579 3584 3594 3596
 3597 3600 3602 3637 3644 3677 3687 3695 3701 3709 3713 3719 3735 3744
 3756 3762 3775 3797 3812 3818 3823 3850 3876 3900 3925 3962 3981 3983
 4007 4018 4021 4027 4033 4042 4064 4106 4120 4123 4134 4136 4138 4143
 4150 4156 4158 4164 4170 4175 4177 4178 4186 4188 4202 4206 4208 4212
 4225 4227 4234 4242 4243 4261 4268 4277 4285 4289 4298 4300 4312 4324
 4344 4363 4408 4415 4422 4425 4429 4432 4451 4455 4468 4469 4485 4524
 4530 4533 4542 4544 4547 4566 4569 4571 4580 4612 4613 4621 4627 4632
 4637 4654 4662 4670 4673 4699 4711 4718 4719 4720 4748 4749 4757 4759
 4784 4785 4802 4804 4805 4807 4809 4820 4821 4835 4841 4849 4854 4858
 4873 4892 4895 4910 4916 4924 4926 4944 4948 4964 4971 4972 4978 5005
 5024 5029 5031 5032 5034 5042 5063 5109 5115 5121 5122 5124 5126 5127
 5131 5142 5145 5146 5175 5186 5197 5205 5236 5240 5262 5264 5268 5285
 5293 5301 5320 5336 5348 5354 5358 5395 5401 5409 5415 5419 5425 5426
 5435 5436 5441 5444 5453 5466 5467 5472 5473 5479 5494 5503 5507 5512
 5525 5528 5541 5550 5561 5563 5572 5577 5597 5598 5604 5610 5623 5636
 5637 5641 5660 5670 5674 5696 5698 5700 5710 5719 5748 5758 5775 5783
 5793 5805 5813 5815 5818 5822 5825 5838 5867 5869 5896 5897 5916 5944
5957 5971 5972 5983 5997 6008 6020 6051 6073 6076 6079 6117 6122 6125
6152 6170 6179 6189 6194 6207 6216 6239]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
                  0
Test Index:
             4
                     16
                          34
                               64
                                    98
                                       114 116 119 127
                                                           130
                                                                 143
                                                                            154
160
  161
            190
                 197
                      200
                           202
                                206
                                    225 241
                                               253
                                                    262
                                                         301
                                                              335
                                                                   337
       189
  379
       391
            395
                 412
                     417
                           466
                                474
                                     488 492
                                               502
                                                    512
                                                         524
                                                              537
                                                                   559
```

```
562
      563
          569
                574
                     580
                           595
                                600
                                     606
                                          608
                                                                   659
                                               616
                                                    623
                                                         635
                                                              646
                           717
                                                                   784
 663
      675
           698
                699
                     709
                                728
                                    732
                                          740
                                               753
                                                    766
                                                         769
                                                              775
 804
      815
           825
                830
                     851
                           853
                               854
                                     860
                                          863
                                               870
                                                    876
                                                         878
                                                              895
                                                                   953
 954
      956
           959
                971
                     975
                           980
                               991
                                     995 1012 1015 1016 1021 1028 1045
1059 1060 1062 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154
1156 1166 1167 1184 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1348 1363
1365 1369 1409 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568
1570 1571 1585 1597 1625 1631 1635 1636 1648 1663 1664 1678 1679 1682
1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1794 1802 1806
1816 1819 1841 1843 1853 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986
1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2143
2156 2160 2200 2205 2237 2255 2265 2278 2294 2300 2326 2327 2363 2368
2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2502 2504
2511 2524 2537 2539 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2612 2613 2616 2625
2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2738 2744 2747
2773 2774 2777 2782 2786 2790 2806 2808 2811 2816 2824 2838 2839 2849
2869 2888 2896 2901 2904 2911 2914 2919 2931 2938 2950 2959 2961 2967
2975 2976 2982 2999 3005 3009 3051 3059 3060 3067 3069 3073 3087 3092
3099 3104 3108 3118 3120 3124 3140 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175
3183 3191 3202 3219 3222 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3301
3302 3304 3314 3324 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394
3397 3420 3436 3440 3444 3445 3446 3457 3461 3465 3474 3498 3506 3510
3546 3556 3561 3577 3581 3582 3627 3636 3643 3645 3672 3675 3696 3723
3730 3736 3743 3746 3748 3763 3766 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843
3847 3851 3854 3863 3884 3890 3913 3923 3943 3952 3969 3974 3987 3991
3993 4000 4014 4029 4045 4057 4061 4067 4070 4079 4090 4097 4107 4115
4117 4131 4132 4142 4146 4171 4185 4191 4199 4218 4249 4276 4282 4297
4330 4341 4360 4364 4380 4389 4413 4426 4433 4452 4465 4474 4488 4491
4492 4493 4495 4496 4499 4514 4548 4551 4555 4565 4583 4592 4598 4611
4636 4642 4646 4658 4659 4682 4721 4723 4729 4735 4736 4737 4744 4752
4754 4777 4779 4780 4798 4799 4843 4846 4859 4869 4875 4887 4891 4893
4911 4929 4931 4933 4946 4968 4973 4976 4980 4992 5016 5051 5052 5053
5056 5068 5073 5088 5092 5104 5116 5134 5147 5161 5172 5173 5177 5188
5191 5211 5215 5222 5225 5226 5232 5237 5248 5249 5254 5258 5276 5279
5287 5305 5308 5311 5315 5323 5334 5353 5387 5390 5392 5393 5408 5423
5442 5450 5463 5486 5496 5504 5511 5530 5534 5535 5536 5539 5575 5578
5581 5588 5592 5596 5600 5611 5616 5618 5625 5630 5644 5675 5685 5687
5691 5699 5724 5727 5730 5734 5739 5755 5757 5759 5780 5782 5786 5791
5794 5800 5801 5828 5847 5854 5855 5864 5883 5892 5894 5895 5902 5912
5915 5959 5961 5962 5967 5977 5991 5996 6010 6013 6019 6034 6063 6072
6092 6097 6110 6126 6140 6158 6163 6164 6165 6172 6180 6182 6183 6186
6187 6221 6222 6224 6231 6233 6234 6237]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
```

```
[17]: DT_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_DT - y_test.reshape(-1, 1)))
DT_6M_MSE = ((scores_hyear_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
```

```
print("Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %_
 →DT_6M_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %_
 →DT 6M MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.01419 Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.08484

#### 2.3 LASSO Regression

```
[18]: scores_hyear_LASSO = []
      lasso_reg = Lasso(alpha=0.1)
      kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
      for train_index, test_index in kf.split(X_hyear):
          print("Train Index: ", train index, "\n")
          print("Test Index: ", test_index)
          X_train, X_test, y_train, y_test = X_hyear[train_index],_
       →X_hyear[test_index], y_hyear[train_index], y_hyear[test_index]
          print(X_train)
          lasso_reg.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
          scores hyear LASSO append(lasso reg.score(X test.reshape(-1, 1), y test))
```

2 ... 6242 6244 6245] Train Index: Test Index: [ 14 228 230 323 324 325 712 730 812 893 907 994 1005 1018 1022 1032 1038 1039 1042 1044 1046 1049 1073 1074 1075 1090 1097 1103 1108 1119 1129 1144 1149 1153 1161 1174 1188 1192 1195 1197 1199 1212 1223 1235 1244 1263 1272 1295 1302 1322 1345 1357 1374 1375 1383 1406 1407 1411 1420 1433 1451 1454 1471 1483 1496 1501 1509 1512 1514 1520 1535 1550 1554 1561 1566 1578 1586 1616 1632 1650 1666 1669 1684 1694 1726 1729 1738 1743 1745 1755 1760 1765 1769 1805 1807 1820 1844 1858 1862 1871 1874 1886 1888 1892 1894 1902 1916 1922 1934 1942 1961 1971 1978 2025 2029 2031 2034 2042 2045 2063 2077 2094 2095 2098 2099 2114 2117 2133 2138 2144 2149 2153 2154 2168 2181 2182 2210 2225 2229 2245 2276 2288 2298 2304 2313 2323 2333 2346 2350 2351 2357 2375 2377 2388 2402 2405 2406 2432 2436 2447 2477 2484 2488 2500 2503 2515 2517 2519 2525 2526 2534 2550 2552 2559 2569 2578 2586 2596 2609 2619 2629 2640 2641 2650 2662 2687 2688 2691 2728 2732 2746 2750 2759 2764 2776 2781 2784 2787 2789 2801 2807 2815 2835 2841 2864 2876 2877 2900 2905 2921 2922 2925 2926 2934 2949

```
2952 2960 2968 2996 3021 3026 3045 3047 3066 3075 3077 3082 3085 3090
 3095 3096 3109 3119 3121 3128 3132 3139 3159 3166 3167 3169 3172 3193
 3196 3197 3204 3209 3226 3250 3252 3262 3269 3305 3311 3332 3337 3352
 3357 3377 3378 3381 3403 3411 3412 3413 3428 3433 3447 3455 3458 3460
 3480 3492 3547 3555 3571 3580 3618 3652 3664 3668 3704 3710 3731 3740
 3759 3768 3786 3790 3795 3799 3808 3830 3832 3846 3855 3864 3896 3901
 3910 3937 3938 3939 3940 3956 3975 3980 3992 4002 4030 4031 4039 4043
 4051 4072 4075 4077 4085 4103 4113 4121 4147 4160 4173 4190 4192 4198
 4217 4219 4224 4229 4231 4233 4237 4248 4253 4273 4274 4280 4292 4294
 4306 4307 4323 4328 4331 4336 4349 4350 4354 4372 4377 4387 4393 4420
 4424 4439 4445 4447 4450 4454 4461 4463 4466 4467 4471 4482 4483 4498
 4500 4522 4550 4554 4563 4585 4619 4620 4638 4657 4660 4661 4679 4686
 4703 4707 4710 4717 4728 4753 4758 4765 4769 4773 4801 4833 4838 4844
 4847 4855 4856 4857 4863 4865 4888 4899 4902 4922 4925 4940 4943 4961
 4981 5000 5011 5014 5023 5028 5037 5039 5045 5055 5078 5081 5090 5095
 5097 5099 5137 5138 5153 5154 5158 5171 5190 5192 5193 5206 5208 5216
 5219 5244 5245 5246 5260 5273 5284 5299 5300 5322 5325 5340 5344 5350
 5355 5372 5374 5375 5397 5437 5452 5454 5455 5469 5474 5487 5500 5520
 5540 5544 5545 5554 5570 5571 5615 5633 5638 5664 5671 5681 5684 5689
 5694 5742 5746 5753 5756 5778 5781 5788 5802 5803 5810 5831 5835 5841
 5846 5850 5862 5877 5891 5905 5938 5950 5958 5966 5970 5992 5994 6001
 6009 6012 6040 6062 6088 6093 6095 6099 6104 6115 6116 6120 6123 6134
 6175 6181 6188 6192 6195 6217 6227 6238 6243]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
             8
                     15
                          29
                                33
                                     44
                                          57
                                               63
                                                    69
Test Index:
                                                         90
                                                             102
                                                                  106
                                                                       107
                                                                             110
121
  124
       135
            142
                 144
                      149
                           151
                                 179
                                      181
                                           196
                                                227
                                                     240
                                                          245
                                                               247
                                                                     251
  257
       272
            279
                 290
                      292
                            293
                                 297
                                      303
                                           315
                                                321
                                                     333
                                                          349
                                                               354
  373
       380
            381
                 414
                      416
                           418
                                 420
                                      422
                                           426
                                                445
                                                     447
                                                          453
                                                               471
                                                                     473
  478
       486
            503
                 505
                      530
                            548
                                 549
                                      553
                                           555
                                                564
                                                     577
                                                          584
                                                               585
                                                                     586
                           654
  589
       598
            611
                 613
                      624
                                 655
                                      676
                                           691
                                                696
                                                     701
                                                          736
                                                               742
                                                                     748
  751
            799
                                                877
                                                     879
       783
                 807
                      808
                           810
                                 834
                                      864
                                           865
                                                          881
                                                               889
                                                                     896
  915
       932
            947
                 952
                      960
                           964
                                996 1002 1024 1027 1033 1047 1056 1057
 1084 1086 1092 1101 1128 1142 1158 1163 1170 1172 1175 1176 1181 1183
 1186 1193 1203 1209 1215 1219 1220 1221 1225 1242 1253 1261 1268 1297
 1315 1321 1323 1328 1335 1339 1344 1350 1351 1354 1360 1362 1370 1397
 1400 1419 1421 1425 1443 1477 1487 1499 1507 1533 1536 1539 1544 1557
 1559 1562 1593 1612 1615 1617 1623 1630 1634 1657 1662 1665 1670 1672
```

 1695
 1699
 1703
 1718
 1730
 1732
 1740
 1741
 1744
 1770
 1773
 1780
 1782
 1789

 1803
 1825
 1835
 1840
 1867
 1869
 1870
 1872
 1881
 1883
 1905
 1919
 1965
 1992

 2002
 2004
 2024
 2053
 2083
 2091
 2104
 2115
 2118
 2124
 2127
 2157
 2163
 2164

 2215
 2223
 2227
 2228
 2233
 2240
 2254
 2263
 2264
 2273
 2284
 2291
 2303
 2345

 2364
 2457
 2462
 2465
 2473
 2486
 2498
 2499
 2505
 2513
 2536
 2548
 2549
 2554

 2570
 2572
 2575
 2579
 2582
 2592
 2603
 2615
 2622
 2627
 2633
 2646
 2653
 2654

 2655
 2656
 2669
 2677
 2680
 2683
 2689
 2698
 2722
 2754
 2758
 2

```
2941 2943 2957 2966 2970 2988 2995 3007 3024 3033 3034 3035 3049 3100
3102 3103 3112 3125 3148 3150 3181 3195 3203 3206 3213 3214 3220 3221
3240 3256 3276 3290 3295 3297 3303 3307 3319 3322 3336 3349 3350 3361
3362 3383 3404 3422 3426 3437 3439 3454 3459 3467 3470 3488 3497 3504
3513 3527 3529 3532 3536 3544 3548 3573 3575 3585 3606 3611 3612 3614
3628 3658 3660 3686 3688 3691 3700 3708 3717 3718 3722 3732 3734 3750
3765 3779 3780 3782 3783 3807 3813 3815 3824 3825 3837 3841 3858 3877
3889 3893 3904 3912 3917 3927 3941 3947 3955 3960 3978 3995 3997 4013
4019 4032 4054 4058 4059 4060 4081 4082 4101 4108 4129 4148 4159 4180
4196 4241 4295 4308 4355 4362 4367 4369 4373 4382 4385 4406 4436 4437
4478 4480 4490 4502 4504 4510 4512 4517 4560 4576 4587 4601 4607 4609
4640 4641 4643 4651 4652 4685 4689 4695 4696 4708 4724 4734 4738 4742
4746 4755 4787 4795 4800 4818 4830 4861 4864 4870 4872 4874 4877 4880
4898 4900 4904 4914 4915 4918 4920 4942 4951 4952 4963 4966 4985 4993
4996 5001 5008 5013 5015 5019 5022 5036 5047 5048 5060 5065 5084 5086
5098 5120 5130 5132 5141 5159 5164 5179 5204 5214 5221 5227 5256 5269
5274 5291 5296 5297 5302 5304 5319 5321 5326 5347 5369 5381 5388 5422
5424 5430 5433 5438 5475 5493 5499 5502 5505 5513 5532 5533 5546 5547
5560 5564 5567 5586 5622 5627 5628 5646 5647 5648 5650 5669 5704 5720
5721 5722 5725 5732 5735 5751 5769 5776 5784 5790 5792 5809 5814 5823
5826 5829 5840 5852 5868 5878 5885 5887 5890 5900 5907 5929 5932 5933
5936 5943 5951 5954 5968 5969 5976 5986 5990 6004 6016 6021 6022 6027
6037 6039 6044 6045 6058 6060 6075 6081 6111 6112 6119 6127 6130 6135
6142 6147 6156 6176 6196 6201 6204 6212 6242]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
```

Test Index: [ 12 978 1001 1020 1025 1052 1055 1071 1087 1094 1095 1096 1109 1112 1114 1115 1117 1121 1126 1168 1173 1194 1204 1210 1222 1224 1231 1255 1258 1260 1281 1287 1288 1292 1294 1305 1310 1319 1330 1338 1340 1359 1371 1379 1393 1410 1423 1426 1436 1438 1448 1452 1456 1465 1468 1480 1485 1488 1498 1505 1513 1543 1545 1564 1569 1580 1595 1599 1600 1606 1608 1609 1611 1614 1620 1643 1652 1654 1671 1706 1720 1728 1737 1747 1756 1786 1788 1817 1831 1832 1839 1860 1864 1876 1891 1893 1897 1912 1918 1921 1926 1941 1945 1954 1963 1964 1966 1973 1983 2022 2057 2080 2087 2103 2107 2110 2119 2132 2135 2142 2167 2170 2173 2177 2187 2195 2197 2226 2232 2251 2252 2259 2271 2272 2287 2302 2306 2318 2328 2337 2338 2339 2344 2347 2348 2366 2387 2389 2399 2407 2412 2417 2418 2441 2445 2450 2453 2463 2464 2471 2476 2480 2509 2518 2521 2523 2542 2543 2585 2589 2594 2598 2642 2663 2666 2668 2671 2673 2676 2715 2718 2741 2753 2755 2771

2 ... 6243 6244 6245]

Train Index: [

```
2775 2780 2792 2795 2805 2820 2828 2845 2846 2851 2860 2874 2887 2890
 2893 2902 2906 2916 2929 2932 2937 2942 2955 2972 2977 2986 2997 3010
 3012 3014 3016 3027 3039 3050 3055 3074 3076 3098 3116 3126 3129 3131
 3153 3154 3158 3184 3198 3208 3211 3217 3227 3246 3254 3264 3288 3308
 3312 3323 3326 3340 3346 3370 3399 3400 3402 3414 3424 3441 3442 3464
 3469 3477 3479 3481 3482 3483 3484 3499 3515 3535 3539 3543 3551 3560
 3563 3567 3570 3634 3659 3667 3669 3670 3682 3685 3698 3705 3707 3721
 3742 3745 3753 3773 3789 3801 3803 3805 3816 3834 3849 3866 3867 3875
 3881 3885 3907 3929 3946 3961 3964 3973 3988 4004 4028 4040 4083 4086
 4091 4104 4112 4137 4155 4183 4187 4195 4207 4210 4220 4236 4256 4264
 4269 4299 4304 4309 4313 4326 4338 4343 4378 4379 4381 4395 4398 4427
 4428 4440 4456 4457 4458 4476 4487 4516 4519 4523 4525 4528 4532 4534
 4536 4538 4541 4545 4546 4556 4562 4567 4574 4577 4586 4588 4623 4626
 4653 4665 4672 4676 4698 4713 4714 4726 4733 4768 4782 4786 4791 4793
 4860 4883 4890 4908 4917 4923 4935 4954 4959 4962 4965 4982 4989 4994
 4997 5009 5012 5018 5021 5040 5041 5050 5054 5085 5094 5108 5111 5114
 5123 5143 5155 5163 5183 5200 5224 5243 5252 5259 5267 5270 5283 5292
 5294 5295 5298 5303 5312 5317 5327 5364 5365 5370 5373 5377 5378 5380
 5383 5394 5407 5434 5440 5449 5457 5460 5462 5470 5471 5477 5478 5482
 5483 5488 5497 5498 5506 5523 5583 5595 5613 5621 5626 5635 5639 5645
 5652 5656 5657 5658 5678 5693 5711 5712 5715 5736 5738 5744 5767 5795
 5796 5806 5817 5820 5824 5830 5832 5848 5856 5858 5863 5866 5879 5882
 5886 5893 5899 5906 5914 5917 5918 5920 5925 5926 5937 5941 5949 5981
 6015 6023 6036 6041 6055 6059 6064 6077 6086 6098 6100 6101 6107 6113
 6114 6137 6138 6145 6151 6210 6211 6213 6226]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
             2 ... 6241 6242 6243]
Train Index:
                  0
                       1
```

Test Index: [ 25 1006 1010 1029 1030 1034 1041 1061 1068 1113 1116 1135 1151 1157 1162 1164 1187 1189 1200 1211 1216 1230 1270 1271 1293 1334 1349 1361 1385 1391 1392 1405 1412 1413 1417 1424 1427 1432 1434 1437 1467 1472 1476 1491 1503 1504 1526 1532 1534 1538 1541 1552 1553 1558 1583 1592 1598 1618 1626 1647 1658 1661 1676 1691 1700 1702 1717 1721 1723 1752 1776 1777 1779 1813 1818 1822 1837 1849 1859 1873 1877 1879 1890 1907 1924 1937 1951 1957 1962 1987 1988 2006 2008 2018 2052 2067 2072 2086 2093 2121 2131 2145 2146 2166 2191 2199 2201 2209 2213 2218 2236 2244 2268 2275 2292 2299 2312 2314 2316 2317 2329 2330 2358 2370 2378 2380 2404 2409 2410 2414 2431 2439 2440 2446 2451 2458 2481 2516 2522 2531 2571 2574 2576 2577 2584 2600 2602 2611 2638 2644 2647 2664 2670 2678 2699

```
2704 2705 2706 2742 2751 2767 2770 2799 2812 2818 2829 2833 2836 2840
 2842 2855 2858 2865 2873 2880 2882 2886 2892 2899 2908 2913 2927 2948
 2954 2963 2980 2981 2985 2991 3006 3017 3018 3023 3025 3053 3070 3078
 3080 3094 3106 3113 3142 3161 3182 3185 3189 3194 3207 3210 3237 3238
 3248 3263 3265 3270 3275 3285 3286 3306 3315 3320 3328 3333 3334 3341
 3360 3365 3372 3379 3386 3392 3410 3418 3434 3475 3478 3501 3509 3516
 3518 3525 3550 3558 3574 3578 3583 3588 3592 3604 3613 3626 3650 3657
 3666 3671 3684 3733 3737 3758 3784 3785 3794 3809 3817 3836 3844 3859
 3869 3872 3880 3882 3922 3933 3944 3950 3971 3977 3982 3994 4006 4010
 4020 4038 4053 4055 4093 4094 4099 4105 4118 4125 4127 4128 4141 4169
 4184 4200 4221 4235 4240 4244 4251 4257 4258 4266 4267 4270 4272 4283
 4284 4287 4301 4316 4319 4320 4325 4329 4335 4347 4351 4357 4359 4366
 4368 4371 4397 4399 4400 4407 4412 4414 4416 4417 4419 4431 4434 4442
 4479 4505 4513 4552 4559 4573 4575 4582 4593 4600 4603 4605 4617 4644
 4649 4655 4663 4664 4669 4674 4684 4691 4700 4701 4722 4725 4727 4741
 4760 4764 4771 4775 4803 4811 4812 4815 4819 4824 4829 4834 4848 4882
 4884 4886 4894 4897 4905 4907 4927 4934 4937 4939 4945 4950 4957 4987
 5003 5004 5007 5017 5026 5030 5033 5043 5061 5062 5076 5077 5082 5100
 5112 5119 5129 5150 5156 5162 5168 5170 5194 5207 5209 5212 5223 5233
 5235 5251 5255 5265 5266 5306 5307 5318 5332 5339 5341 5346 5356 5367
 5391 5398 5416 5427 5429 5432 5456 5459 5461 5485 5501 5514 5516 5518
 5531 5548 5549 5552 5558 5573 5589 5593 5594 5619 5629 5651 5677 5688
 5690 5695 5703 5706 5743 5754 5761 5765 5773 5777 5779 5799 5808 5842
 5870 5871 5872 5873 5876 5889 5942 5953 5955 5956 5989 5993 6000 6014
6025 6050 6054 6056 6066 6067 6070 6078 6080 6108 6141 6143 6146 6148
6159 6166 6193 6206 6223 6229 6240 6244 6245]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82024816 0.80271737 0.82080843]
Train Index:
             [
                  1
                       2
                            3 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
             0
                      6
                          18
                               24
                                    32
                                          48
                                               52
                                                    56
                                                         58
                                                              76
                                                                   81
                                                                       112
                                                                            115
131
  136
      138
            159
                 170
                      173
                           178
                                193
                                     194
                                          209
                                                222
                                                     256
                                                          266
                                                               267
                                                                    276
  299
       328
            330
                 331
                      353
                           355
                                358
                                     382
                                          386
                                                396
                                                     413
                                                          430
                                                               436
                                                                    442
  449
       483
            540
                 554
                      557
                                578
                                     615
                                          643
                                                647
                                                     648
                                                          656
                                                               658
                                                                    664
                           573
  665
       674
            678
                 682
                      695
                           700
                                719
                                     729
                                          761
                                                771
                                                     785
                                                          796
                                                               801
                                                                    816
  817
       818
            835
                 858
                      866
                           888
                                908
                                     909
                                          910
                                                912
                                                     941
                                                          958
                                                               973
                                                                    990
  998 1003 1017 1023 1051 1054 1064 1088 1102 1104 1106 1110 1111 1123
 1130 1137 1146 1159 1178 1180 1185 1196 1207 1213 1227 1228 1236 1237
 1238 1257 1259 1264 1289 1303 1309 1313 1325 1346 1356 1366 1378 1381
 1399 1401 1402 1415 1429 1444 1455 1461 1469 1474 1479 1482 1489 1490
 1497 1502 1510 1515 1519 1522 1548 1551 1556 1563 1572 1588 1589 1590
 1610 1627 1628 1629 1644 1675 1697 1701 1705 1710 1714 1736 1739 1746
 1751 1767 1772 1774 1784 1793 1800 1808 1811 1812 1815 1833 1842 1846
 1847 1866 1878 1889 1896 1909 1932 1935 1936 1943 1946 1952 1972 1995
 1999 2005 2007 2011 2015 2016 2021 2036 2059 2073 2078 2088 2092 2100
 2101 2111 2123 2140 2172 2174 2186 2194 2217 2221 2222 2224 2231 2235
 2242 2277 2280 2282 2305 2309 2311 2321 2341 2342 2369 2372 2373 2384
 2394 2395 2416 2420 2422 2437 2456 2459 2467 2478 2487 2495 2497 2535
```

```
2580 2606 2607 2617 2618 2620 2623 2652 2658 2684 2685 2694 2700 2702
 2707 2714 2716 2721 2760 2763 2796 2798 2802 2803 2809 2826 2847 2859
 2881 2885 2894 2897 2910 2915 2944 2945 2951 2998 3002 3008 3011 3038
 3043 3044 3063 3065 3089 3101 3105 3107 3114 3123 3127 3130 3133 3135
 3162 3163 3164 3165 3176 3187 3218 3231 3235 3245 3258 3260 3268 3277
 3279 3296 3317 3318 3321 3347 3353 3375 3388 3396 3398 3406 3407 3409
 3429 3443 3450 3487 3491 3505 3519 3520 3524 3528 3534 3540 3541 3545
 3552 3559 3589 3593 3599 3605 3608 3615 3622 3625 3639 3641 3646 3647
 3649 3651 3653 3689 3703 3715 3720 3728 3739 3751 3752 3755 3757 3770
 3771 3787 3796 3829 3833 3842 3862 3870 3871 3878 3887 3891 3892 3898
 3908 3914 3915 3931 3932 3934 3935 3942 3945 3948 3970 3979 4001 4015
 4017 4024 4034 4046 4047 4050 4063 4066 4071 4080 4087 4088 4095 4096
 4098 4119 4122 4139 4140 4144 4154 4165 4168 4174 4194 4209 4216 4250
 4252 4262 4288 4291 4302 4317 4322 4327 4334 4348 4365 4375 4376 4384
 4409 4410 4411 4441 4443 4446 4449 4453 4470 4475 4486 4507 4511 4526
 4535 4539 4558 4564 4578 4584 4589 4597 4599 4606 4615 4629 4631 4645
 4677 4690 4694 4697 4704 4712 4715 4730 4732 4740 4750 4756 4766 4767
 4772 4774 4783 4790 4808 4813 4817 4832 4836 4842 4868 4885 4909 4936
 4938 4986 4988 5006 5027 5035 5049 5066 5067 5069 5072 5080 5087 5089
 5101 5103 5107 5110 5128 5136 5148 5165 5174 5176 5184 5196 5199 5228
 5230 5234 5261 5289 5309 5316 5329 5331 5335 5357 5360 5363 5384 5389
 5399 5410 5411 5413 5418 5439 5445 5448 5458 5491 5495 5510 5526 5542
 5543 5569 5574 5579 5582 5587 5590 5605 5608 5640 5642 5653 5676 5680
 5683 5686 5714 5716 5717 5726 5728 5741 5745 5750 5762 5774 5787 5821
 5827 5833 5837 5843 5845 5849 5911 5913 5927 5935 5940 5952 5965 5975
 5979 5980 6003 6006 6046 6047 6052 6082 6083 6090 6091 6094 6103 6106
6129 6155 6185 6197 6198 6200 6214 6232 6241]
[0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                            2 ... 6243 6244 6245]
                  0
                       1
Test Index:
                 7
                     39
                          59
                               67
                                    82
                                          97 141
                                                  155
                                                        162 176
             Γ
                                                                  187
                                                                             226
246
  258
       264
            268
                 288
                      313
                           342
                                343
                                     370
                                           383
                                                397
                                                     423
                                                          434
                                                               446
                                                                    448
  459
       475
            484
                 493
                      500
                           528
                                531
                                     532
                                           541
                                                546
                                                     547
                                                          550
                                                               558
                                                                    570
  572
       581
                 592
            587
                      601
                           610
                                612
                                     617
                                           631
                                                636
                                                     637
                                                          639
                                                               640
                                                                    660
  669
       687
            694
                 697
                      727
                           739
                                773
                                      781
                                           786
                                                820
                                                     836
                                                          839
                                                               840
                                                                    847
  852
       867
            873
                 874
                      875
                           880
                                883
                                      904
                                           905
                                                921
                                                     923
                                                          929
                                                               930
  942
       948
            965
                 967
                      970
                           972
                                976
                                     979
                                           981
                                                985
                                                     997 1009 1011 1013
 1019 1036 1037 1070 1078 1080 1085 1089 1091 1093 1099 1105 1124 1127
 1132 1138 1140 1143 1152 1171 1201 1226 1233 1251 1277 1278 1283 1298
 1299 1317 1320 1326 1336 1337 1372 1373 1377 1395 1398 1404 1416 1422
 1428 1431 1447 1449 1450 1457 1464 1473 1492 1506 1517 1530 1537 1565
 1582 1594 1602 1621 1641 1642 1649 1651 1656 1659 1677 1683 1698 1727
 1749 1754 1758 1775 1778 1781 1783 1787 1790 1814 1821 1829 1836 1851
 1861 1880 1885 1898 1900 1903 1904 1910 1915 1923 1928 1929 1938 1956
 1967 1974 1979 1991 2001 2010 2014 2019 2023 2028 2069 2085 2096 2097
 2126 2159 2178 2179 2184 2189 2206 2208 2211 2220 2238 2246 2248 2249
```

2256 2257 2258 2266 2267 2269 2274 2281 2290 2295 2297 2301 2307 2308

```
2470 2492 2512 2520 2527 2528 2533 2547 2555 2561 2583 2591 2605 2608
 2610 2614 2630 2634 2643 2648 2649 2651 2659 2686 2692 2696 2723 2726
 2727 2748 2749 2757 2791 2804 2810 2813 2822 2856 2867 2884 2903 2909
 2924 2940 2962 2973 2974 2984 3000 3001 3013 3048 3062 3064 3071 3091
 3137 3143 3145 3149 3168 3200 3215 3247 3253 3259 3274 3282 3289 3309
 3313 3316 3339 3358 3366 3382 3384 3390 3393 3395 3405 3425 3435 3463
 3471 3489 3494 3523 3557 3586 3590 3607 3616 3617 3620 3621 3624 3630
 3648 3655 3656 3661 3674 3680 3690 3693 3706 3711 3749 3767 3781 3792
 3793 3800 3806 3819 3820 3821 3822 3826 3827 3831 3838 3856 3861 3879
 3886 3895 3903 3905 3909 3916 3921 3936 3951 3954 3958 3966 3967 3984
 3985 3996 4012 4022 4025 4041 4048 4056 4078 4084 4102 4149 4162 4163
 4166 4189 4205 4211 4213 4222 4230 4239 4245 4247 4254 4259 4296 4303
 4305 4310 4318 4332 4333 4339 4340 4358 4370 4386 4392 4394 4401 4402
 4403 4405 4418 4438 4448 4464 4481 4503 4509 4518 4520 4529 4553 4557
 4561 4568 4591 4594 4595 4602 4610 4614 4618 4630 4634 4671 4678 4687
 4692 4705 4709 4716 4731 4739 4763 4776 4789 4796 4823 4839 4845 4850
 4866 4867 4879 4912 4913 4941 4953 4958 4960 4967 4970 4998 5002 5010
 5020 5059 5093 5117 5125 5133 5157 5160 5178 5181 5182 5189 5195 5198
 5201 5202 5220 5241 5247 5257 5275 5277 5280 5281 5282 5286 5288 5310
 5313 5330 5343 5349 5359 5376 5379 5382 5385 5402 5403 5404 5417 5421
 5428 5443 5451 5464 5481 5484 5489 5490 5492 5508 5521 5522 5524 5529
 5537 5556 5559 5562 5565 5599 5601 5606 5607 5620 5624 5655 5659 5662
 5665 5667 5672 5673 5682 5707 5713 5718 5729 5731 5733 5747 5752 5768
 5771 5772 5798 5807 5819 5851 5853 5874 5875 5898 5909 5931 5946 5982
 5985 5987 5995 5998 5999 6002 6007 6011 6017 6028 6029 6048 6049 6053
 6065 6074 6084 6096 6102 6105 6109 6124 6128 6133 6136 6157 6167 6168
 6171 6173 6202 6203 6205 6218 6219 6235 6236]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index:
             0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
             [ 11
                     20
                          22
                               35
                                    42
                                          72
                                               78
                                                    86
                                                         87 104 118
                                                                      123
                                                                            128
140
  147
       163
            172
                 182
                      212
                           216
                                231
                                     234
                                          237
                                                243
                                                     261
                                                          282
                                                               340
                                                                    359
  361
       363
            365
                 369
                           377
                                392
                                     398
                                           399
                                                               421
                                                                    424
                      372
                                                405
                                                     406
                                                          407
  435
       440
            444
                 456
                      460
                           462
                                464
                                     482
                                           487
                                                496
                                                     509
                                                          521
                                                               522
                                                                    542
  560
       593
            597
                 630
                      632
                           641
                                649
                                      651
                                           662
                                                685
                                                     689
                                                          702
                                                               703
                                                                    707
  714
      735
            741
                 743
                      758
                           767
                                772
                                     779
                                          780
                                                782
                                                     788
                                                          819
                                                               821
                           900
                                916
                                     961
                                          962
                                                982
  845
       850
            855
                 882
                      891
                                                     986 1000 1004 1014
 1026 1031 1048 1053 1067 1072 1079 1083 1100 1125 1133 1134 1177 1179
 1190 1198 1206 1208 1232 1234 1241 1246 1249 1284 1286 1327 1343 1347
 1352 1364 1367 1368 1376 1382 1403 1408 1414 1430 1440 1442 1446 1459
 1462 1475 1486 1494 1508 1511 1518 1523 1546 1549 1575 1577 1584 1587
 1601 1613 1624 1637 1638 1653 1660 1667 1674 1681 1688 1689 1692 1725
 1731 1735 1748 1764 1766 1768 1791 1795 1798 1799 1801 1826 1830 1845
 1850 1882 1884 1911 1940 1947 1948 1950 1953 1960 2003 2009 2020 2037
 2044 2066 2068 2090 2102 2112 2130 2137 2148 2155 2171 2176 2183 2185
 2196 2202 2207 2216 2230 2239 2247 2250 2260 2279 2283 2285 2293 2310
```

2315 2319 2331 2354 2361 2367 2374 2379 2400 2413 2423 2426 2434 2438

```
2442 2452 2460 2468 2474 2475 2483 2493 2494 2496 2501 2510 2529 2530
 2540 2544 2545 2562 2564 2566 2567 2581 2587 2588 2601 2628 2631 2636
 2637 2661 2665 2672 2697 2710 2725 2743 2772 2785 2793 2817 2823 2825
 2830 2837 2852 2863 2875 2883 2889 2907 2939 2964 2978 2987 2989 2990
 2992 3003 3015 3022 3029 3032 3036 3040 3046 3058 3061 3083 3084 3088
 3097 3134 3138 3151 3173 3179 3188 3199 3225 3229 3230 3232 3243 3244
 3249 3257 3271 3273 3291 3292 3298 3299 3331 3338 3351 3355 3364 3371
 3408 3416 3423 3431 3438 3456 3468 3473 3485 3493 3503 3537 3538 3542
 3554 3562 3565 3576 3601 3603 3619 3631 3632 3635 3654 3662 3673 3678
 3679 3683 3692 3694 3697 3699 3712 3716 3724 3725 3727 3729 3754 3761
 3764 3774 3802 3835 3839 3848 3852 3857 3865 3868 3873 3874 3883 3897
 3906 3918 3919 3926 3949 3957 3968 3976 3986 3989 4003 4008 4011 4016
 4035 4037 4049 4073 4074 4076 4089 4092 4100 4110 4114 4126 4145 4151
 4152 4153 4157 4161 4172 4176 4181 4182 4201 4204 4214 4215 4228 4246
 4260 4271 4275 4279 4290 4314 4315 4342 4352 4353 4374 4383 4391 4404
 4421 4423 4462 4472 4489 4506 4508 4515 4527 4537 4570 4581 4590 4596
 4604 4608 4625 4628 4635 4639 4647 4648 4650 4666 4668 4681 4693 4702
 4706 4743 4745 4747 4751 4761 4762 4770 4781 4794 4810 4816 4825 4827
 4828 4851 4852 4862 4871 4876 4878 4881 4903 4919 4921 4930 4947 4949
 4955 4956 4969 4975 4977 4999 5025 5044 5057 5071 5074 5102 5105 5106
 5118 5139 5152 5166 5180 5185 5210 5217 5242 5253 5263 5272 5324 5333
 5345 5351 5366 5368 5396 5412 5414 5431 5447 5468 5476 5480 5509 5538
 5551 5555 5557 5566 5568 5584 5585 5591 5603 5609 5612 5614 5617 5634
 5654 5663 5679 5692 5697 5702 5705 5709 5723 5737 5740 5749 5763 5764
 5766 5770 5785 5804 5812 5816 5834 5836 5839 5844 5857 5860 5865 5880
 5884 5903 5908 5910 5921 5924 5928 5930 5945 5947 5948 5974 5984 6005
 6018 6024 6026 6032 6033 6068 6069 6071 6085 6118 6139 6149 6154 6161
 6169 6177 6178 6184 6191 6199 6209 6228]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index:
             0
                       3
                            4 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
            [
                 1
                      2
                          10
                                13
                                     21
                                          27
                                               28
                                                    36
                                                         38
                                                               40
                                                                    46
                                                                         53
                                                                              60
74
            129
                                                     207
                                                          213
                                                                215
                                                                     236
  89
       105
                 145
                      148
                           153
                                 158
                                      165
                                           171
                                                186
  244
       250
            269
                 271
                      273
                            275
                                 277
                                      281
                                           284
                                                294
                                                     306
                                                          310
                                                                311
                                                                     316
  317
       329
            338
                 352
                      374
                            390
                                 394
                                      400
                                           403
                                                409
                                                     427
                                                          431
                                                                441
                                                                     454
  458
                                      529
                                           545
       481
            514
                 515
                      519
                           520
                                 526
                                                552
                                                     556
                                                          571
                                                                575
                                                                     583
  588
       590
            591
                 609
                      614
                            619
                                 628
                                      629
                                           634
                                                661
                                                     686
                                                          692
                                                                704
                                                                     715
  726
       738
            749
                 750
                      754
                           762
                                 778
                                      791
                                           792
                                                795
                                                     806
                                                          813
                                                                824
                                                                     826
                                                          934
  849
            885
                 886
                           902
                                 906
                                      913
                                           917
                                                920
                                                     933
       884
                      892
                                                                935
                                                                     936
  938
                           974
                                           988 1007 1008 1035 1040 1043
       939
            955
                 963
                      968
                                 983
                                      987
 1050 1058 1098 1107 1131 1136 1165 1182 1229 1239 1240 1245 1247 1262
 1265 1266 1269 1273 1274 1279 1280 1285 1290 1301 1304 1307 1316 1333
 1341 1355 1380 1386 1387 1389 1390 1394 1418 1435 1439 1441 1453 1458
 1463 1466 1521 1524 1525 1547 1555 1560 1567 1576 1579 1591 1596 1607
 1622 1640 1655 1690 1704 1708 1709 1711 1712 1713 1716 1742 1750 1762
 1763 1771 1785 1796 1797 1804 1809 1855 1868 1875 1913 1914 1925 1927
```

2320 2325 2334 2355 2359 2390 2392 2398 2401 2408 2411 2415 2425 2429

```
1933 1939 1949 1977 1980 1985 1989 1993 2012 2013 2030 2032 2033 2040
 2043 2046 2050 2051 2054 2058 2064 2071 2074 2076 2084 2089 2106 2108
 2109 2113 2120 2129 2134 2139 2147 2162 2169 2175 2212 2234 2241 2253
 2270 2289 2322 2335 2340 2352 2353 2356 2360 2365 2381 2382 2383 2396
 2403 2419 2421 2424 2428 2430 2448 2461 2466 2469 2506 2507 2514 2532
 2541 2553 2573 2599 2604 2624 2632 2639 2657 2667 2679 2682 2711 2719
 2720 2736 2737 2740 2752 2761 2768 2769 2800 2844 2848 2854 2866 2920
 2930 2936 2946 2953 2969 2971 2979 2983 2994 3004 3020 3028 3041 3042
 3052 3081 3093 3111 3115 3144 3155 3160 3174 3178 3180 3186 3192 3201
 3216 3223 3224 3233 3239 3241 3280 3329 3344 3359 3363 3380 3387 3401
 3415 3427 3430 3453 3466 3496 3500 3508 3511 3521 3526 3549 3553 3564
 3566 3568 3569 3587 3591 3595 3598 3609 3610 3623 3629 3633 3638 3640
 3642 3663 3665 3676 3681 3702 3714 3726 3738 3741 3747 3760 3776 3778
 3788 3804 3810 3811 3814 3828 3845 3853 3860 3888 3894 3899 3902 3911
 3920 3924 3928 3930 3953 3959 3963 3965 3972 3990 3998 3999 4005 4009
 4023 4026 4036 4044 4052 4062 4065 4068 4069 4109 4111 4116 4124 4130
 4133 4135 4167 4179 4193 4197 4203 4223 4226 4232 4238 4255 4263 4265
 4278 4281 4286 4293 4311 4321 4337 4345 4346 4356 4361 4388 4390 4396
 4430 4435 4444 4459 4460 4473 4477 4484 4494 4497 4501 4521 4531 4540
 4543 4549 4572 4579 4616 4622 4624 4633 4656 4667 4675 4680 4683 4688
 4778 4788 4792 4797 4806 4814 4822 4826 4831 4837 4840 4853 4889 4896
 4901 4906 4928 4932 4974 4979 4983 4984 4990 4991 4995 5038 5046 5058
 5064 5070 5075 5079 5083 5091 5096 5113 5135 5140 5144 5149 5151 5167
 5169 5187 5203 5213 5218 5229 5231 5238 5239 5250 5271 5278 5290 5314
 5328 5337 5338 5342 5352 5361 5362 5371 5386 5400 5405 5406 5420 5446
 5465 5515 5517 5519 5527 5553 5576 5580 5602 5631 5632 5643 5649 5661
 5666 5668 5701 5708 5760 5789 5797 5811 5859 5861 5881 5888 5901 5904
 5919 5922 5923 5934 5939 5960 5963 5964 5973 5978 5988 6030 6031 6035
 6038 6042 6043 6057 6061 6087 6089 6121 6131 6132 6144 6150 6153 6160
 6162 6174 6190 6208 6215 6220 6225 6230]
[0.66204726 0.90972568 0.66962094 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
                      5
                               54
                                     55
                                               77
             3
                           9
                                          66
                                                    94
                                                        117
                                                             125
                                                                  126
                                                                       133
                                                                             137
164
  201
       223
            224
                 232
                      235
                           242
                                249
                                     255
                                           260
                                                280
                                                     285
                                                          302
                                                               320
                                                                    327
  341
       345
            357
                 362
                      364
                           375
                                384
                                      385
                                           388
                                                404
                                                     419
                                                          455
                                                               467
                                                                    470
  477
       499
            504
                                           539
                 510
                      513
                           523
                                525
                                     536
                                                603
                                                     638
                                                          645
                                                               666
                                                                    667
  671
       673
            688
                 713
                      716
                           722
                                723
                                      760
                                           768
                                                770
                                                     774
                                                          793
                                                               797
                                                                    814
  822
       823
            827
                 832
                      846
                           872
                                894
                                     899
                                           901
                                                914
                                                     918
                                                          919
                                                               922
                                                                    924
  928
       943
            946
                 950
                      951
                           966
                                984
                                     989
                                           992 1063 1065 1077 1118 1120
 1141 1145 1155 1160 1169 1191 1202 1205 1214 1217 1248 1250 1252 1254
 1256 1276 1296 1308 1311 1312 1314 1318 1324 1329 1331 1332 1342 1353
 1358 1384 1388 1396 1460 1481 1493 1531 1540 1542 1573 1574 1581 1603
 1604 1605 1619 1633 1639 1645 1646 1668 1673 1680 1719 1724 1753 1759
 1761 1792 1810 1823 1824 1827 1828 1834 1838 1848 1852 1854 1856 1857
 1863 1865 1887 1901 1906 1908 1917 1920 1944 1958 1968 1969 1970 1975
 1976 1984 1990 1994 1996 1997 2000 2017 2026 2035 2039 2048 2055 2060
```

```
2075 2079 2081 2105 2116 2122 2125 2128 2136 2150 2151 2152 2158 2161
 2165 2180 2188 2190 2192 2193 2198 2203 2204 2214 2219 2243 2261 2262
 2286 2296 2324 2332 2336 2343 2349 2362 2371 2376 2386 2393 2397 2443
 2449 2472 2482 2490 2508 2538 2551 2560 2563 2590 2593 2595 2597 2621
 2626 2635 2645 2674 2681 2703 2708 2709 2712 2713 2717 2724 2730 2739
 2745 2756 2762 2766 2779 2783 2797 2814 2831 2832 2853 2861 2870 2871
 2872 2878 2891 2898 2912 2923 2928 2933 2935 2947 2956 2958 2965 2993
 3019 3030 3031 3037 3054 3056 3057 3068 3072 3079 3086 3110 3117 3122
 3136 3141 3156 3177 3190 3205 3212 3228 3236 3266 3278 3281 3283 3284
 3287 3293 3300 3310 3325 3330 3335 3345 3367 3368 3374 3376 3389 3391
 3417 3419 3421 3432 3448 3449 3451 3452 3462 3472 3476 3486 3490 3495
 3502 3507 3512 3514 3517 3522 3530 3531 3533 3572 3579 3584 3594 3596
 3597 3600 3602 3637 3644 3677 3687 3695 3701 3709 3713 3719 3735 3744
 3756 3762 3775 3797 3812 3818 3823 3850 3876 3900 3925 3962 3981 3983
 4007 4018 4021 4027 4033 4042 4064 4106 4120 4123 4134 4136 4138 4143
 4150 4156 4158 4164 4170 4175 4177 4178 4186 4188 4202 4206 4208 4212
 4225 4227 4234 4242 4243 4261 4268 4277 4285 4289 4298 4300 4312 4324
 4344 4363 4408 4415 4422 4425 4429 4432 4451 4455 4468 4469 4485 4524
 4530 4533 4542 4544 4547 4566 4569 4571 4580 4612 4613 4621 4627 4632
 4637 4654 4662 4670 4673 4699 4711 4718 4719 4720 4748 4749 4757 4759
 4784 4785 4802 4804 4805 4807 4809 4820 4821 4835 4841 4849 4854 4858
 4873 4892 4895 4910 4916 4924 4926 4944 4948 4964 4971 4972 4978 5005
 5024 5029 5031 5032 5034 5042 5063 5109 5115 5121 5122 5124 5126 5127
 5131 5142 5145 5146 5175 5186 5197 5205 5236 5240 5262 5264 5268 5285
5293 5301 5320 5336 5348 5354 5358 5395 5401 5409 5415 5419 5425 5426
 5435 5436 5441 5444 5453 5466 5467 5472 5473 5479 5494 5503 5507 5512
 5525 5528 5541 5550 5561 5563 5572 5577 5597 5598 5604 5610 5623 5636
 5637 5641 5660 5670 5674 5696 5698 5700 5710 5719 5748 5758 5775 5783
 5793 5805 5813 5815 5818 5822 5825 5838 5867 5869 5896 5897 5916 5944
 5957 5971 5972 5983 5997 6008 6020 6051 6073 6076 6079 6117 6122 6125
6152 6170 6179 6189 6194 6207 6216 6239]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6243 6244 6245]
Test Index:
             4
                     16
                          34
                               64
                                    98 114 116 119 127 130
                                                                  143
                                                                       146
                                                                            154
160
  161
       189
            190
                 197
                      200
                           202
                                206
                                     225
                                          241
                                               253
                                                     262
                                                          301
                                                               335
                                                                    337
  379
       391
            395
                                474
                                     488
                                          492
                                                          524
                                                                    559
                 412
                      417
                           466
                                               502
                                                     512
                                                               537
  562
       563
            569
                 574
                      580
                           595
                                600
                                     606
                                          608
                                                616
                                                     623
                                                          635
                                                               646
                                                                    659
  663
       675
            698
                 699
                      709
                           717
                                728
                                     732
                                          740
                                               753
                                                     766
                                                          769
                                                               775
                                                                    784
  804
            825
                 830
                           853
                                854
                                     860
                                               870
                                                     876
                                                          878
      815
                      851
                                          863
                                                               895
                                                                    953
                                     995 1012 1015 1016 1021 1028 1045
  954
       956
            959
                 971
                      975
                           980
                                991
 1059 1060 1062 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154
 1156 1166 1167 1184 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1348 1363
 1365 1369 1409 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568
 1570 1571 1585 1597 1625 1631 1635 1636 1648 1663 1664 1678 1679 1682
 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1794 1802 1806
```

1816 1819 1841 1843 1853 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986

```
1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2143
2156 2160 2200 2205 2237 2255 2265 2278 2294 2300 2326 2327 2363 2368
2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2502 2504
2511 2524 2537 2539 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2612 2613 2616 2625
2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2738 2744 2747
2773 2774 2777 2782 2786 2790 2806 2808 2811 2816 2824 2838 2839 2849
2869 2888 2896 2901 2904 2911 2914 2919 2931 2938 2950 2959 2961 2967
2975 2976 2982 2999 3005 3009 3051 3059 3060 3067 3069 3073 3087 3092
3099 3104 3108 3118 3120 3124 3140 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175
3183 3191 3202 3219 3222 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3301
3302 3304 3314 3324 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394
3397 3420 3436 3440 3444 3445 3446 3457 3461 3465 3474 3498 3506 3510
3546 3556 3561 3577 3581 3582 3627 3636 3643 3645 3672 3675 3696 3723
3730 3736 3743 3746 3748 3763 3766 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843
3847 3851 3854 3863 3884 3890 3913 3923 3943 3952 3969 3974 3987 3991
3993 4000 4014 4029 4045 4057 4061 4067 4070 4079 4090 4097 4107 4115
4117 4131 4132 4142 4146 4171 4185 4191 4199 4218 4249 4276 4282 4297
4330 4341 4360 4364 4380 4389 4413 4426 4433 4452 4465 4474 4488 4491
4492 4493 4495 4496 4499 4514 4548 4551 4555 4565 4583 4592 4598 4611
4636 4642 4646 4658 4659 4682 4721 4723 4729 4735 4736 4737 4744 4752
4754 4777 4779 4780 4798 4799 4843 4846 4859 4869 4875 4887 4891 4893
4911 4929 4931 4933 4946 4968 4973 4976 4980 4992 5016 5051 5052 5053
5056 5068 5073 5088 5092 5104 5116 5134 5147 5161 5172 5173 5177 5188
5191 5211 5215 5222 5225 5226 5232 5237 5248 5249 5254 5258 5276 5279
5287 5305 5308 5311 5315 5323 5334 5353 5387 5390 5392 5393 5408 5423
5442 5450 5463 5486 5496 5504 5511 5530 5534 5535 5536 5539 5575 5578
5581 5588 5592 5596 5600 5611 5616 5618 5625 5630 5644 5675 5685 5687
5691 5699 5724 5727 5730 5734 5739 5755 5757 5759 5780 5782 5786 5791
5794 5800 5801 5828 5847 5854 5855 5864 5883 5892 5894 5895 5902 5912
5915 5959 5961 5962 5967 5977 5991 5996 6010 6013 6019 6034 6063 6072
6092 6097 6110 6126 6140 6158 6163 6164 6165 6172 6180 6182 6183 6186
6187 6221 6222 6224 6231 6233 6234 6237]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.71005152]
```

```
[19]: LASSO_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))

LASSO_6M_MSE = ((scores_hyear_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()

print("Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MSE)

print("Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: 0.01416 Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: 0.08467

# 3 1 YEAR

```
[20]: X_year = np.array(list(data_year.iloc[:, 2]))
y_year = np.array(list(data_year.iloc[:, 3]))
```

## 3.1 SVR MODEL

```
2 ... 4422 4423 4424]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index: [
                 8
                     17
                          19
                               23
                                    33
                                         51
                                               61
                                                    69
                                                         70
                                                              80
                                                                   84
                                                                        93
                                                                             96
109
  120
                     149
      134 139
                 144
                           150
                               151
                                     152
                                          157
                                                166
                                                    175
                                                          179
                                                               180
                                                                    184
  188
      205 211
                 238
                      239
                           252 274
                                     287
                                           290
                                                296
                                                     297
                                                          298
                                                               305
                                                                    308
  309
      315 318
                371
                      376
                           387
                                410
                                     414
                                          415
                                                416
                                                     429
                                                          432
                                                               438
                                                                    443
  457
       463
           468
                 471
                      486
                           497
                                505
                                     530
                                          538
                                                544
                                                     551
                                                          561
                                                               594
                                                                    596
  598
      599
           602
                 625
                      626
                           642
                                670
                                     677
                                          683
                                                693
                                                     718
                                                          720
                                                               721
                                                                    731
  744 755
           764
                 783
                      802
                           803
                                807
                                          833
                                                838
                                                     842
                                                          869
                                     831
                                                               871
  888 897
            903
                 907
                      912
                           964
                                969
                                     978
                                          990
                                                999 1001 1010 1020 1029
 1032 1034 1038 1047 1051 1055 1056 1061 1068 1071 1073 1075 1090 1106
 1108 1123 1128 1129 1146 1158 1162 1163 1164 1180 1183 1188 1192 1204
 1212 1228 1235 1242 1257 1260 1263 1264 1268 1281 1288 1302 1321 1322
 1334 1344 1356 1370 1393 1402 1411 1417 1427 1429 1454 1456 1461 1467
 1468 1491 1498 1499 1502 1504 1513 1515 1533 1543 1545 1554 1565 1580
 1588 1602 1606 1618 1621 1632 1659 1666 1670 1698 1718 1726 1727 1732
 1736 1744 1760 1765 1777 1786 1808 1812 1814 1835 1842 1844 1862 1905
 1912 1924 1945 1965 1971 1973 1988 1991 1992 2016 2018 2023 2059 2080
 2088 2095 2098 2101 2107 2111 2112 2123 2144 2154 2182 2185 2258 2284
 2285 2288 2292 2302 2303 2313 2319 2330 2342 2347 2354 2389 2411 2415
 2416 2447 2451 2453 2471 2480 2500 2515 2526 2532 2534 2545 2554 2561
 2572 2575 2596 2602 2609 2610 2622 2634 2643 2648 2651 2659 2662 2677
 2684 2694 2702 2707 2718 2725 2727 2742 2750 2757 2771 2820 2827 2835
 2844 2856 2863 2865 2873 2889 2894 2916 2920 2924 2932 2968 2970 2974
 2977 3022 3029 3046 3047 3065 3074 3109 3114 3115 3142 3148 3162 3180
 3181 3199 3200 3215 3220 3225 3257 3258 3260 3268 3275 3288 3290 3326
 3328 3334 3337 3352 3359 3364 3380 3402 3406 3418 3439 3441 3449 3450
```

```
3624 3631 3633 3641 3647 3650 3665 3683 3684 3692 3726 3731 3741 3752
 3753 3754 3775 3792 3809 3811 3812 3824 3836 3845 3855 3881 3928 3933
 3935 3946 3950 3958 3959 3971 3996 3997 4019 4043 4048 4059 4075 4076
 4083 4086 4098 4104 4116 4138 4139 4141 4144 4148 4170 4183 4190 4205
 4213 4222 4226 4233 4249 4250 4251 4259 4260 4267 4276 4282 4307 4317
4321 4328 4336 4339 4383 4388 4398 4400 4405]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                            2 ... 4421 4422 4423]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index: [ 14
                     29
                          30
                               32
                                     43
                                          45
                                               52
                                                    73
                                                         95
                                                              99
                                                                  132 156
                                                                            170
174
                                229
                                          251
                      220
                           227
                                     240
                                                254
                                                     270
                                                          279
                                                               293
                                                                    314
  177
       192
            196
                 217
  325
       330
            332
                 351
                      353
                           360
                                366
                                     393
                                           402
                                                408
                                                     426
                                                          433
                                                               436
                                                                    445
  461
       465
            478
                 490
                      494
                           495
                                501
                                     506
                                           511
                                                518
                                                     555
                                                          567
                                                               568
                                                                    576
  584
       589
            605
                 618
                      620
                           621
                                643
                                     650
                                           657
                                                668
                                                     676
                                                          690
                                                               691
                                                                    705
  734
       746
            751
                 759
                      776
                           787
                                790
                                     794
                                           798
                                                800
                                                     810
                                                          811
                                                               812
                                                                    817
  829
            856
                 857
                      862
                           879
                                881
                                     889
                                           896
                                                911
                                                     915
                                                          937
                                                               949
       843
                                                                    960
 1018 1024 1027 1041 1042 1057 1074 1084 1094 1103 1114 1115 1117 1149
 1161 1173 1174 1175 1178 1181 1186 1187 1200 1207 1216 1225 1236 1237
 1258 1261 1338 1351 1361 1366 1391 1392 1398 1412 1413 1419 1424 1436
 1444 1451 1457 1477 1480 1483 1485 1488 1490 1505 1509 1512 1534 1536
 1551 1552 1557 1569 1589 1600 1610 1626 1634 1647 1650 1665 1675 1697
 1703 1717 1720 1721 1730 1746 1747 1749 1752 1779 1783 1784 1789 1807
 1829 1832 1837 1839 1840 1861 1864 1867 1876 1877 1880 1894 1902 1907
 1910 1915 1918 1937 1964 1995 2004 2015 2028 2045 2067 2078 2091 2103
 2114 2115 2118 2124 2155 2157 2170 2177 2186 2189 2213 2221 2227 2228
 2229 2233 2244 2252 2254 2259 2268 2277 2282 2307 2310 2318 2320 2328
 2331 2333 2337 2364 2367 2372 2387 2399 2425 2429 2437 2456 2462 2463
 2464 2473 2481 2493 2512 2517 2519 2531 2536 2547 2550 2559 2562 2574
 2578 2583 2585 2587 2589 2615 2620 2638 2646 2647 2650 2663 2689 2726
 2728 2751 2754 2759 2764 2781 2796 2798 2805 2819 2823 2828 2830 2846
 2855 2858 2877 2893 2907 2909 2910 2917 2949 2952 2954 2989 2990 2994
 2996 2998 3007 3010 3013 3020 3036 3039 3041 3045 3075 3076 3077 3101
 3121 3134 3158 3174 3212 3221 3231 3246 3259 3262 3263 3286 3295 3298
 3307 3331 3338 3344 3365 3366 3367 3375 3389 3413 3415 3424 3462 3478
 3481 3484 3497 3508 3520 3541 3560 3566 3569 3570 3576 3580 3629 3634
 3659 3664 3689 3691 3702 3707 3710 3737 3751 3756 3778 3779 3794 3795
 3800 3814 3831 3838 3849 3861 3889 3891 3900 3903 3907 3915 3966 3967
 3979 3984 3992 4024 4037 4050 4053 4065 4077 4081 4094 4100 4112 4113
 4119 4122 4127 4129 4145 4151 4155 4174 4181 4184 4186 4194 4197 4200
 4203 4206 4209 4217 4258 4280 4306 4309 4311 4315 4324 4333 4338 4345
4357 4360 4362 4370 4394 4397 4411 4416 4424]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.77969073 0.80271737 0.84207608]
Train Index: [
                 0
                       1
                            2 ... 4422 4423 4424]
Test Index: [
                 6
                     12
                          25
                               26
                                     44
                                          56
                                               58
                                                    63
                                                         67
                                                              76
                                                                   88
                                                                       102 103
108
```

3464 3469 3476 3502 3517 3538 3553 3558 3565 3592 3601 3612 3613 3615

```
194
                                      203
  113
       122
            124
                 173
                      178
                            183
                                           214
                                                221
                                                      222
                                                           245
                                                                256
                                                                     257
  263
       266
            283
                 286
                      289
                            291
                                 295
                                      299
                                           321
                                                322
                                                      324
                                                           331
                                                                342
                                                                     346
  354
       358
            368
                      397
                                      430
                                           439
                                                442
                                                      449
                                                           450
                                                                479
                                                                     508
                 381
                            411
                                 418
  527
       534
            554
                 564
                      573
                            578
                                 604
                                      647
                                           654
                                                655
                                                      658
                                                           665
                                                                680
                                                                     682
  712
       727
            729
                 733
                      736
                            748
                                 752
                                      761
                                           785
                                                805
                                                      809
                                                           816
                                                                818
                                                                     864
  865
                                 932
                                           976
                                                979 1003 1006 1017 1022
       866
            893
                 898
                      908
                            910
                                      958
 1025 1044 1052 1064 1088 1096 1102 1104 1110 1113 1116 1119 1126 1130
 1157 1159 1170 1176 1189 1210 1213 1220 1221 1222 1231 1253 1255 1270
 1272 1278 1289 1292 1293 1295 1298 1299 1309 1313 1315 1323 1330 1340
 1345 1350 1362 1374 1378 1397 1406 1407 1421 1426 1432 1434 1437 1438
 1448 1474 1476 1479 1482 1497 1501 1503 1507 1510 1522 1558 1563 1564
 1572 1578 1586 1590 1595 1609 1611 1612 1614 1615 1616 1620 1623 1627
 1641 1643 1652 1657 1662 1691 1694 1702 1705 1714 1729 1739 1740 1743
 1745 1769 1788 1793 1800 1813 1815 1818 1822 1830 1831 1860 1869 1871
 1886 1896 1929 1941 1952 1961 2014 2019 2057 2063 2073 2077 2085 2093
 2119 2148 2153 2168 2174 2179 2181 2191 2226 2245 2247 2249 2260 2287
 2295 2301 2314 2325 2338 2339 2348 2351 2366 2392 2398 2405 2408 2414
 2422 2426 2436 2441 2465 2470 2474 2478 2487 2505 2510 2535 2540 2552
 2576 2579 2591 2606 2619 2627 2640 2654 2668 2678 2691 2697 2715 2752
 2755 2758 2763 2770 2787 2793 2833 2834 2848 2876 2902 2903 2905 2908
 2921 2937 2940 2964 2973 2978 2980 3000 3011 3034 3050 3058 3066 3081
 3083 3084 3085 3088 3106 3113 3116 3119 3123 3153 3155 3167 3173 3192
 3217 3238 3264 3299 3300 3319 3355 3370 3390 3392 3401 3405 3408 3416
 3427 3434 3438 3466 3492 3496 3511 3518 3526 3527 3531 3532 3542 3550
 3551 3586 3587 3603 3607 3617 3619 3622 3642 3655 3667 3668 3669 3670
 3671 3677 3690 3701 3711 3713 3715 3717 3718 3740 3749 3750 3758 3774
 3781 3790 3825 3829 3842 3846 3852 3874 3902 3904 3909 3917 3932 3939
 3968 3981 3986 3990 3999 4003 4008 4038 4046 4062 4071 4072 4080 4102
 4109 4110 4114 4132 4134 4146 4147 4150 4161 4182 4235 4241 4245 4246
 4265 4287 4289 4299 4302 4312 4318 4319 4326 4335 4342 4344 4348 4350
 4354 4363 4365 4369 4372 4381 4395 4403 4406]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
Train Index: [
                  1
                       2
                             3 ... 4421 4423 4424]
Test Index:
             0
                      7
                           31
                                48
                                     59
                                          65
                                              141
                                                  155 162 176
                                                                   187
                                                                        195
                                                                              198
209
  210
       218
            219
                 226
                      246
                            247
                                 258
                                      259
                                           268
                                                278
                                                      288
                                                           343
                                                                370
                                                                     378
  382
       383
            386
                      423
                                 491
                                      500
                                           507
                                                528
                                                      532
                                                           535
                 422
                            485
                                                                543
                                                                     546
  547
       549
            557
                 570
                      572
                            581
                                 582
                                      586
                                           610
                                                611
                                                      612
                                                           613
                                                                617
                                                                     627
  631
       637
            639
                 640
                      644
                            648
                                 669
                                      678
                                           679
                                                697
                                                      700
                                                           742
                                                                756
                                                                     765
  773
       781
            836
                 839
                                           874
                                                883
                                                      905
                                                           921
                                                                923
                      840
                            841
                                 847
                                      867
                                                                     925
  926
            929
                 930
                                                      985
       927
                      940
                            941
                                 948
                                      952
                                           965
                                                981
                                                           997 1011 1023
 1037 1070 1078 1080 1091 1095 1097 1099 1105 1124 1132 1135 1138 1152
 1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1320 1326 1336 1337 1373 1377 1395
 1400 1404 1422 1431 1450 1455 1487 1517 1532 1537 1538 1539 1550 1556
 1566 1582 1592 1593 1598 1642 1651 1672 1684 1723 1728 1738 1741 1751
 1758 1767 1770 1775 1778 1780 1803 1833 1846 1859 1872 1873 1874 1885
```

1891 1919 1921 1923 1938 1954 1957 1962 1966 1972 1974 1983 2025 2029

```
2031 2034 2037 2042 2069 2096 2097 2099 2104 2110 2117 2135 2146 2159
 2164 2178 2184 2195 2208 2215 2216 2230 2236 2240 2242 2250 2251 2256
 2269 2274 2281 2297 2298 2299 2304 2311 2312 2321 2323 2341 2344 2345
 2346 2355 2357 2359 2361 2379 2380 2404 2407 2409 2413 2431 2439 2442
 2446 2460 2468 2475 2476 2486 2494 2496 2498 2520 2525 2527 2528 2577
 2580 2592 2594 2603 2633 2636 2644 2653 2655 2656 2664 2680 2732 2740
 2741 2748 2767 2772 2775 2778 2784 2801 2812 2813 2822 2840 2843 2860
 2882 2897 2915 2922 2925 2926 2942 2979 2983 2991 3012 3015 3021 3024
 3032 3033 3038 3052 3053 3064 3082 3098 3102 3105 3128 3129 3130 3137
 3154 3163 3168 3176 3185 3188 3194 3210 3218 3235 3247 3256 3271 3277
 3281 3289 3292 3297 3315 3321 3335 3339 3346 3347 3349 3351 3362 3384
 3386 3388 3400 3409 3412 3414 3422 3426 3429 3432 3433 3435 3442 3451
 3460 3463 3467 3471 3475 3477 3489 3490 3494 3509 3513 3533 3539 3549
 3563 3564 3575 3588 3596 3597 3600 3608 3628 3654 3656 3666 3681 3693
 3697 3706 3714 3721 3722 3728 3738 3745 3755 3757 3782 3797 3810 3818
 3821 3828 3835 3864 3871 3876 3895 3916 3938 3951 4007 4023 4031 4032
 4033 4040 4088 4099 4124 4126 4133 4164 4171 4180 4195 4208 4224 4227
4228 4236 4247 4252 4257 4278 4284 4290 4292 4293 4300 4323 4329 4341
 4366 4368 4373 4380 4387 4390 4393 4409 4422]
[0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.77969073 0.84207608 0.71320507]
Train Index:
             [
                  0
                       1
                            2 ... 4422 4423 4424]
```

Test Index: [ 22 994 1005 1033 1036 1048 1053 1067 1089 1093 1127 1133 1134 1143 1151 1153 1190 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368 1375 1376 1382 1403 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1756 1764 1766 1787 1791 1795 1805 1811 1820 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1897 1898 1904 1909 1922 1926 1936 1940 1948 1950 1953 1960 1967 1978 1979 2002 2005 2010 2011 2022 2024 2044 2053 2066 2083 2086 2090 2092 2102 2121 2127 2130 2131 2138 2167 2171 2172 2176 2183 2194 2196 2197 2202 2210 2211 2218 2222 2223 2225 2232 2238 2266 2267 2276 2279 2283 2290 2293 2309 2316 2329 2370 2374 2377 2378 2384 2390 2417 2420 2423 2432 2440 2450 2452 2484 2488 2495 2509 2518 2522 2529 2543 2564 2567 2570 2588 2598 2605 2614 2628 2629 2630 2631 2639 2658 2669 2672 2673 2688 2698 2700 2704 2706 2714 2721 2743 2753 2789 2803 2804 2807 2810 2821 2825 2836 2837 2850 2867 2884 2927 2941 2985 2986 2988 3001 3025 3026 3042 3048 3049 3062 3063 3095 3107 3112 3132 3150 3159 3161 3165 3166 3187 3198 3201 3229 3241 3243 3270 3273 3280 3305 3306 3317 3329 3350 3357 3372 3378 3395 3396 3404 3410 3411 3456 3458 3482 3525 3537 3543 3545 3548 3557 3571 3574

```
3729 3732 3744 3747 3762 3767 3776 3789 3796 3805 3808 3819 3820 3830
 3839 3857 3858 3870 3872 3877 3880 3885 3886 3888 3893 3901 3910 3919
 3921 3936 3947 3955 3957 3963 3965 3973 3988 3989 4004 4035 4039 4041
 4042 4060 4092 4096 4107 4118 4120 4140 4157 4172 4178 4179 4185 4188
 4196 4216 4219 4220 4225 4262 4263 4269 4273 4275 4303 4304 4313 4314
4347 4349 4371 4374 4391 4392 4396 4414 4421]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                            3 ... 4421 4422 4424]
Train Index: [
                  0
                       2
Test Index: [
                     13
                               20
                                     35
                                          49
                                               71
                                                         85
                                                            105 128
                                                                             142
                 1
                          18
                                                    83
                                                                      140
158
            213
                      273
                           275
                                281
                                     300
                                           303
                                                304
                                                     306
                                                          307
                                                               311
                                                                    316
  185
       207
                 269
  323
       344
            348
                 349
                      352
                           374
                                377
                                     380
                                           394
                                                403
                                                     406
                                                          409
                                                               427
                                                                    440
  444
       458
            459
                 469
                      482
                           489
                                493
                                     503
                                           514
                                                519
                                                     526
                                                          529
                                                               548
                                                                    552
                                     630
  575
            590
                                629
                                           634
       583
                 591
                      607
                           619
                                                636
                                                     649
                                                          664
                                                               672
                                                                    687
  694
       714
            719
                 749
                      754
                           778
                                786
                                     788
                                           791
                                                792
                                                     808
                                                          821
                                                               837
                                                                    858
  861
       873
           890
                 891
                      902
                           916
                                939
                                     955
                                           961
                                                968
                                                     970
                                                          973
                                                               986
                                                                    998
 1000 1004 1009 1014 1050 1058 1072 1083 1087 1098 1100 1109 1125 1142
 1177 1179 1195 1198 1208 1229 1230 1239 1241 1249 1259 1266 1269 1273
 1286 1294 1307 1310 1316 1317 1327 1328 1343 1354 1357 1359 1364 1367
 1381 1385 1399 1408 1410 1439 1441 1443 1447 1462 1472 1475 1496 1518
 1525 1530 1535 1546 1559 1562 1567 1576 1577 1579 1584 1608 1624 1628
 1637 1655 1656 1660 1661 1667 1671 1677 1681 1695 1706 1709 1710 1712
 1713 1737 1742 1748 1763 1768 1797 1798 1801 1809 1825 1826 1847 1883
 1916 1925 1927 1947 1949 1951 1956 1963 1977 1980 1987 1993 1999 2003
 2008 2009 2013 2020 2043 2046 2068 2071 2113 2132 2140 2147 2149 2163
 2166 2169 2199 2206 2212 2241 2246 2253 2270 2272 2289 2334 2335 2340
 2350 2352 2356 2358 2369 2381 2401 2402 2406 2430 2457 2458 2459 2477
 2483 2499 2501 2503 2530 2533 2542 2548 2555 2566 2584 2586 2600 2607
 2617 2623 2649 2661 2665 2666 2676 2683 2685 2686 2696 2699 2722 2749
 2765 2776 2780 2788 2792 2794 2815 2817 2829 2857 2880 2886 2929 2934
 2936 2943 2944 2948 2957 2963 3003 3004 3008 3014 3027 3028 3043 3061
 3078 3089 3091 3111 3125 3127 3138 3139 3164 3172 3179 3184 3206 3209
 3211 3213 3224 3232 3233 3237 3239 3240 3250 3252 3293 3296 3308 3309
 3311 3312 3320 3332 3361 3379 3381 3407 3425 3443 3459 3470 3487 3495
 3500 3501 3505 3507 3514 3521 3523 3528 3534 3540 3547 3562 3567 3593
 3595 3598 3606 3609 3614 3632 3685 3735 3742 3759 3765 3768 3783 3784
 3786 3787 3803 3833 3837 3844 3866 3869 3873 3894 3897 3905 3929 3931
 3937 3940 3949 3970 4001 4010 4013 4022 4044 4052 4054 4058 4073 4084
 4087 4135 4152 4154 4156 4160 4162 4167 4177 4192 4207 4214 4215 4221
 4229 4232 4234 4238 4240 4254 4261 4270 4279 4283 4301 4320 4325 4343
 4358 4377 4386 4402 4407 4413 4415 4423]
[0.66796799 0.66716111 0.77289167 ... 0.77969073 0.80271737 0.71320507]
Train Index:
             0
                       1
                            3 ... 4422 4423 4424]
Test Index: [
                 2
                     15
                          21
                               28
                                     37
                                          39
                                               46
                                                    53
                                                         81
                                                              97 101 107 136
145
```

3578 3585 3610 3620 3638 3646 3651 3657 3661 3673 3680 3682 3712 3727

```
277
  148
       159
            167
                 169
                      171
                            182
                                 186
                                      215
                                           236
                                                 244
                                                      250
                                                           265
                                                                271
  292
       294
            310
                 317
                       329
                            334
                                 338
                                      339
                                            363
                                                 390
                                                      398
                                                           400
                                                                401
                                                                      405
  425
       431
            441
                 447
                       453
                            454
                                 476
                                      481
                                            483
                                                      520
                                                           545
                                                 513
                                                                556
                                                                      571
  579
       585
            587
                 588
                       592
                            609
                                 614
                                      628
                                           674
                                                 686
                                                      692
                                                           696
                                                                701
                                                                      703
  704
       706
            710
                 715
                      726
                            730
                                 735
                                      737
                                            738
                                                 745
                                                      747
                                                           757
                                                                771
                                                                      774
       795
                       822
                                 826
                                           885
                                                      892
  780
            806
                 813
                            824
                                      849
                                                 886
                                                           904
                                                                906
                                                                      913
  914
       917
            920
                 934
                       943
                            947
                                 963
                                      972
                                           974
                                                 983
                                                      988
                                                           993 1007 1039
 1040 1043 1054 1085 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1591 1594
 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1711 1716 1750 1762 1771
 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933 1939 1985
 2001 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2054 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2198 2234 2235 2248 2257
 2271 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419
 2421 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573
 2582 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711
 2716 2720 2736 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2875 2879 2881 2887 2899 2913 2918 2939 2951 2953 2955 2962 2969
 2971 2981 2984 2987 2992 2997 3002 3023 3035 3070 3071 3093 3103 3126
 3131 3135 3151 3160 3169 3178 3182 3186 3189 3193 3195 3196 3203 3207
 3214 3226 3244 3245 3248 3253 3265 3269 3274 3276 3282 3310 3336 3341
 3358 3360 3363 3368 3382 3399 3403 3423 3437 3452 3453 3483 3485 3504
 3516 3519 3524 3530 3535 3544 3568 3573 3583 3589 3594 3623 3644 3658
 3662 3674 3699 3704 3705 3725 3770 3771 3773 3780 3788 3802 3804 3816
 3822 3832 3850 3862 3865 3867 3879 3896 3899 3912 3924 3926 3927 3934
3953 3960 3964 3972 3976 3994 3995 4002 4006 4015 4016 4025 4028 4047
 4051 4055 4063 4066 4078 4079 4089 4091 4093 4095 4101 4106 4153 4158
 4163 4166 4173 4175 4193 4202 4204 4242 4248 4253 4264 4271 4295 4308
 4337 4351 4353 4356 4361 4385 4404 4417]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
Train Index: [
                  0
                        1
                             2 ... 4422 4423 4424]
Test Index:
             3
                       5
                           10
                                24
                                     27
                                          54
                                                55
                                                     66
                                                          74
                                                               77
                                                                     94
                                                                        110
                                                                              112
117
  125
       126
            129
                 131
                       138
                            147
                                 164
                                      181
                                           193
                                                 201
                                                      224
                                                           228
                                                                232
                                                                      242
  260
       285
            302
                 312
                       319
                            320
                                 326
                                      327
                                            333
                                                      345
                                                           355
                                                 341
                                                                362
                                                                      364
  375
       385
            419
                 428
                       451
                            467
                                 473
                                      477
                                            484
                                                 516
                                                      525
                                                           531
                                                                536
                                                                      558
  566
       615
            622
                 638
                       645
                            653
                                 661
                                      689
                                           711
                                                 722
                                                      723
                                                           724
                                                                725
                                                                      768
  777
       793
            799
                 820
                            832
                                           875
                                                 882
                                                      901
                                                           909
                       827
                                 846
                                      848
                                                                918
                                                                      919
  922
       935
                                                      989
                                                           992 1002 1013
            936
                 938
                       946
                            950
                                 951
                                      966
                                           984
                                                 987
 1026 1030 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201
 1202 1203 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332
 1335 1342 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493
 1523 1526 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658
 1669 1673 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834
```

1851 1854 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920

1928 1932 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2006 2007 2021 2026 2035 2039 2052 2060 2072 2075 2079 2116 2125 2133 2134 2136 2137 2151 2161 2187 2188 2190 2192 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110 3133 3204 3205 3208 3223 3227 3228 3230 3279 3283 3285 3287 3291 3303 3316 3318 3333 3340 3345 3371 3383 3391 3393 3417 3421 3428 3430 3431 3448 3454 3468 3488 3499 3503 3515 3536 3554 3559 3599 3604 3605 3616 3625 3626 3640 3649 3652 3653 3660 3663 3678 3679 3686 3687 3688 3694 3695 3698 3700 3703 3708 3716 3720 3724 3734 3739 3761 3793 3801 3813 3815 3826 3827 3834 3841 3848 3856 3859 3878 3887 3898 3911 3914 3920 3922 3930 3945 3954 3956 3975 3980 3982 3983 3998 4012 4017 4020 4026 4027 4030 4064 4068 4074 4111 4123 4125 4142 4143 4149 4159 4165 4168 4169 4189 4201 4211 4237 4244 4266 4274 4286 4296 4298 4305 4330 4332 4334 4352 4367 4375 4384 4389 4399 4408] [0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]

2 ... 4422 4423 4424]

Train Index:

Test Index: 977 1019 1031 1035 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1122 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1571 1574 1581 1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824 1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1892 1893 1901 1903 1906 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2128 2142 2143 2145 2150 2152 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2239 2261 2264 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497 2502 2504 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2786 2799 2808 2814 2818 2831 2832 2841 2842 2845 2851 2853 2870 2871 2874 2878 2885 2895 2900 2906 2914 2923 2930 2933 2938 2947 2956 2960 2966 2967 2982 2993 2995 3006 3018 3019 3031 3037 3044 3072 3080 3090 3094 3096 3117 3122 3136 3140 3141 3143 3144 3145 3149 3156 3177 3190 3197 3216 3222 3236 3249 3254 3266 3278 3284 3301 3313 3322 3323 3330 3353 3374 3376 3377 3387 3398

```
3419 3440 3455 3465 3472 3473 3479 3480 3486 3493 3512 3522 3529 3552
      3555 3577 3579 3584 3590 3591 3602 3611 3618 3621 3630 3635 3636 3637
      3639 3676 3709 3719 3733 3760 3764 3766 3785 3799 3806 3807 3817 3823
      3851 3853 3860 3868 3875 3882 3883 3892 3918 3925 3941 3942 3944 3948
      3952 3961 3962 3978 3985 4005 4009 4011 4018 4021 4036 4049 4056 4069
      4082 4085 4105 4121 4128 4130 4137 4176 4212 4223 4239 4243 4256 4272
      4277 4281 4291 4294 4327 4331 4401 4410]
     [0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                                 2 ... 4422 4423 4424]
     Train Index: [
                       0
                            1
     Test Index:
                 [
                      4
                          11
                                16
                                     34
                                          64
                                               89
                                                    98
                                                       114 116 119 127 130
     153
                                     200
                                          202
                                                206
                                 197
                                                     225
                                                          241
                                                               253
                                                                    262
                                                                         284
       154
           160
                 161
                      189
                           190
       301
            335
                 337
                      356
                           379
                                 391
                                      412
                                           417
                                                452
                                                     466
                                                          474
                                                               488
                                                                    492
                                                                         496
       502
            512
                 515
                      524
                           537
                                 550
                                      559
                                           562
                                                563
                                                     569
                                                          574
                                                               580
                                                                    600
                                                                         606
                                 659
       608
            616
                 623
                      635
                           646
                                      663
                                           698
                                                699
                                                     709
                                                          728
                                                               740
                                                                    753
                                                                         766
       769
            775
                 784
                      804
                           815
                                 825
                                      830
                                           851
                                                853
                                                     854
                                                          860
                                                               863
                                                                    870
                                                                         876
       878 895
                 954
                      956
                           957
                                 959
                                     971
                                           975
                                                980
                                                     991
                                                          995
                                                               996 1008 1012
      1015 1016 1021 1028 1045 1059 1060 1066 1069 1076 1081 1082 1092 1139
      1147 1148 1150 1154 1166 1184 1191 1218 1227 1243 1267 1275 1282 1291
      1300 1306 1312 1348 1363 1369 1409 1440 1445 1470 1478 1484 1495 1500
      1516 1527 1528 1529 1568 1570 1585 1597 1625 1630 1631 1635 1636 1648
      1649 1663 1664 1678 1679 1682 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722
      1733 1734 1757 1773 1781 1782 1785 1794 1802 1806 1816 1841 1843 1853
      1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986 1998 2027 2038 2041 2047
      2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2160 2200 2205 2207 2237 2255
      2265 2278 2294 2300 2305 2327 2363 2368 2385 2388 2391 2427 2433 2435
      2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2511 2521 2524 2537 2546 2556 2557
      2558 2565 2568 2569 2612 2613 2625 2652 2660 2675 2690 2693 2695 2701
      2729 2731 2733 2734 2735 2737 2738 2744 2747 2773 2774 2777 2790 2806
      2809 2811 2816 2824 2838 2839 2849 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2919
      2931 2950 2959 2961 2975 2976 2999 3005 3009 3017 3051 3059 3060 3067
      3068 3069 3073 3087 3092 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3146 3147 3152
      3157 3170 3171 3175 3183 3191 3202 3219 3234 3242 3251 3255 3261 3267
      3272 3294 3302 3304 3314 3324 3325 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369
      3373 3385 3394 3397 3420 3436 3444 3445 3446 3447 3457 3461 3474 3491
      3498 3506 3510 3546 3556 3561 3572 3581 3582 3627 3643 3645 3648 3672
      3675 3696 3723 3730 3736 3743 3746 3748 3763 3769 3772 3777 3791 3798
      3840 3843 3847 3854 3863 3884 3890 3906 3908 3913 3923 3943 3969 3974
      3977 3987 3991 3993 4000 4014 4029 4034 4045 4057 4061 4067 4070 4090
      4097 4103 4108 4115 4117 4131 4136 4187 4191 4198 4199 4210 4218 4230
      4231 4255 4268 4285 4288 4297 4310 4316 4322 4340 4346 4355 4359 4364
      4376 4378 4379 4382 4412 4418 4419 4420]
     [0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
[22]: | SVR_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_SVR - y_test.reshape(-1, 1)))
      SVR_1Y_MSE = ((scores_year_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
```

```
print("Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: 0.02126 Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: 0.10277

# 3.2 Decision Tree Regressor

Train Index: [

2 ... 4422 4423 4424]

Test Index: [ 134 139 188 205 211 315 318 371 416 429 457 463 468 471 598 599 602 625 744 755 803 807 888 897 903 907 964 969 978 990 999 1001 1010 1020 1029 1032 1034 1038 1047 1051 1055 1056 1061 1068 1071 1073 1075 1090 1106 1108 1123 1128 1129 1146 1158 1162 1163 1164 1180 1183 1188 1192 1204 1212 1228 1235 1242 1257 1260 1263 1264 1268 1281 1288 1302 1321 1322 1334 1344 1356 1370 1393 1402 1411 1417 1427 1429 1454 1456 1461 1467 1468 1491 1498 1499 1502 1504 1513 1515 1533 1543 1545 1554 1565 1580 1588 1602 1606 1618 1621 1632 1659 1666 1670 1698 1718 1726 1727 1732 1736 1744 1760 1765 1777 1786 1808 1812 1814 1835 1842 1844 1862 1905 1912 1924 1945 1965 1971 1973 1988 1991 1992 2016 2018 2023 2059 2080 2088 2095 2098 2101 2107 2111 2112 2123 2144 2154 2182 2185 2258 2284 2285 2288 2292 2302 2303 2313 2319 2330 2342 2347 2354 2389 2411 2415

2416 2447 2451 2453 2471 2480 2500 2515 2526 2532 2534 2545 2554 2561 2572 2575 2596 2602 2609 2610 2622 2634 2643 2648 2651 2659 2662 2677 2684 2694 2702 2707 2718 2725 2727 2742 2750 2757 2771 2820 2827 2835 2844 2856 2863 2865 2873 2889 2894 2916 2920 2924 2932 2968 2970 2974 2977 3022 3029 3046 3047 3065 3074 3109 3114 3115 3142 3148 3162 3180

```
3181 3199 3200 3215 3220 3225 3257 3258 3260 3268 3275 3288 3290 3326
 3328 3334 3337 3352 3359 3364 3380 3402 3406 3418 3439 3441 3449 3450
 3464 3469 3476 3502 3517 3538 3553 3558 3565 3592 3601 3612 3613 3615
 3624 3631 3633 3641 3647 3650 3665 3683 3684 3692 3726 3731 3741 3752
 3753 3754 3775 3792 3809 3811 3812 3824 3836 3845 3855 3881 3928 3933
 3935 3946 3950 3958 3959 3971 3996 3997 4019 4043 4048 4059 4075 4076
 4083 4086 4098 4104 4116 4138 4139 4141 4144 4148 4170 4183 4190 4205
 4213 4222 4226 4233 4249 4250 4251 4259 4260 4267 4276 4282 4307 4317
 4321 4328 4336 4339 4383 4388 4398 4400 4405]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                            2 ... 4421 4422 4423]
Train Index: [
                0
                       1
                               32
                                              52
                                                   73
                                                         95
Test Index: [ 14
                     29
                          30
                                    43
                                         45
                                                              99 132 156
                                                                            170
174
  177
       192
           196
                 217
                      220
                           227
                                229
                                     240
                                          251
                                               254
                                                     270
                                                          279
                                                               293
  325
      330
                                     393
                                          402
            332
                 351
                      353
                           360
                                366
                                               408
                                                     426
                                                          433
                                                               436
  461
       465
            478
                 490
                      494
                           495
                                501
                                     506
                                          511
                                                518
                                                     555
                                                          567
                                                               568
                                                                    576
  584
                      620
                                     650
      589
            605
                 618
                           621
                                643
                                          657
                                                668
                                                     676
                                                          690
                                                               691
                                                                    705
  734
      746
            751
                 759
                           787
                                     794
                                          798
                                                     810
                                                          811
                      776
                                790
                                               800
                                                               812
                                                                    817
  829
      843
            856
                 857
                      862
                           879
                                881
                                     889
                                          896
                                               911
                                                     915
                                                          937
                                                               949
                                                                    960
 1018 1024 1027 1041 1042 1057 1074 1084 1094 1103 1114 1115 1117 1149
 1161 1173 1174 1175 1178 1181 1186 1187 1200 1207 1216 1225 1236 1237
 1258 1261 1338 1351 1361 1366 1391 1392 1398 1412 1413 1419 1424 1436
 1444 1451 1457 1477 1480 1483 1485 1488 1490 1505 1509 1512 1534 1536
 1551 1552 1557 1569 1589 1600 1610 1626 1634 1647 1650 1665 1675 1697
 1703 1717 1720 1721 1730 1746 1747 1749 1752 1779 1783 1784 1789 1807
 1829 1832 1837 1839 1840 1861 1864 1867 1876 1877 1880 1894 1902 1907
 1910 1915 1918 1937 1964 1995 2004 2015 2028 2045 2067 2078 2091 2103
 2114 2115 2118 2124 2155 2157 2170 2177 2186 2189 2213 2221 2227 2228
 2229 2233 2244 2252 2254 2259 2268 2277 2282 2307 2310 2318 2320 2328
 2331 2333 2337 2364 2367 2372 2387 2399 2425 2429 2437 2456 2462 2463
 2464 2473 2481 2493 2512 2517 2519 2531 2536 2547 2550 2559 2562 2574
 2578 2583 2585 2587 2589 2615 2620 2638 2646 2647 2650 2663 2689 2726
 2728 2751 2754 2759 2764 2781 2796 2798 2805 2819 2823 2828 2830 2846
 2855 2858 2877 2893 2907 2909 2910 2917 2949 2952 2954 2989 2990 2994
 2996 2998 3007 3010 3013 3020 3036 3039 3041 3045 3075 3076 3077 3101
 3121 3134 3158 3174 3212 3221 3231 3246 3259 3262 3263 3286 3295 3298
 3307 3331 3338 3344 3365 3366 3367 3375 3389 3413 3415 3424 3462 3478
 3481 3484 3497 3508 3520 3541 3560 3566 3569 3570 3576 3580 3629 3634
 3659 3664 3689 3691 3702 3707 3710 3737 3751 3756 3778 3779 3794 3795
 3800 3814 3831 3838 3849 3861 3889 3891 3900 3903 3907 3915 3966 3967
 3979 3984 3992 4024 4037 4050 4053 4065 4077 4081 4094 4100 4112 4113
 4119 4122 4127 4129 4145 4151 4155 4174 4181 4184 4186 4194 4197 4200
 4203 4206 4209 4217 4258 4280 4306 4309 4311 4315 4324 4333 4338 4345
4357 4360 4362 4370 4394 4397 4411 4416 4424]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.77969073 0.80271737 0.84207608]
Train Index: [
                0
                      1
                            2 ... 4422 4423 4424]
```

```
Test Index:
            [
                 6
                      12
                           25
                                26
                                     44
                                          56
                                                58
                                                     63
                                                          67
                                                               76
                                                                    88
                                                                       102
                                                                              103
108
                                           214
                                                                     257
  113
       122
            124
                 173
                      178
                            183
                                 194
                                      203
                                                221
                                                      222
                                                           245
                                                                256
  263
       266
            283
                 286
                      289
                            291
                                 295
                                      299
                                           321
                                                 322
                                                      324
                                                           331
                                                                342
                                                                     346
  354
       358
            368
                 381
                      397
                            411
                                 418
                                      430
                                           439
                                                 442
                                                      449
                                                           450
                                                                479
                                                                     508
  527
       534
            554
                 564
                      573
                            578
                                 604
                                      647
                                           654
                                                 655
                                                      658
                                                           665
                                                                680
                                                                     682
  712
       727
            729
                 733
                      736
                            748
                                 752
                                      761
                                           785
                                                 805
                                                      809
                                                           816
                                                                818
                                                                     864
  865
       866
            893
                 898
                      908
                            910
                                 932
                                      958
                                           976
                                                979 1003 1006 1017 1022
 1025 1044 1052 1064 1088 1096 1102 1104 1110 1113 1116 1119 1126 1130
 1157 1159 1170 1176 1189 1210 1213 1220 1221 1222 1231 1253 1255 1270
 1272 1278 1289 1292 1293 1295 1298 1299 1309 1313 1315 1323 1330 1340
 1345 1350 1362 1374 1378 1397 1406 1407 1421 1426 1432 1434 1437 1438
 1448 1474 1476 1479 1482 1497 1501 1503 1507 1510 1522 1558 1563 1564
 1572 1578 1586 1590 1595 1609 1611 1612 1614 1615 1616 1620 1623 1627
 1641 1643 1652 1657 1662 1691 1694 1702 1705 1714 1729 1739 1740 1743
 1745 1769 1788 1793 1800 1813 1815 1818 1822 1830 1831 1860 1869 1871
 1886 1896 1929 1941 1952 1961 2014 2019 2057 2063 2073 2077 2085 2093
 2119 2148 2153 2168 2174 2179 2181 2191 2226 2245 2247 2249 2260 2287
 2295 2301 2314 2325 2338 2339 2348 2351 2366 2392 2398 2405 2408 2414
 2422 2426 2436 2441 2465 2470 2474 2478 2487 2505 2510 2535 2540 2552
 2576 2579 2591 2606 2619 2627 2640 2654 2668 2678 2691 2697 2715 2752
 2755 2758 2763 2770 2787 2793 2833 2834 2848 2876 2902 2903 2905 2908
 2921 2937 2940 2964 2973 2978 2980 3000 3011 3034 3050 3058 3066 3081
 3083 3084 3085 3088 3106 3113 3116 3119 3123 3153 3155 3167 3173 3192
 3217 3238 3264 3299 3300 3319 3355 3370 3390 3392 3401 3405 3408 3416
 3427 3434 3438 3466 3492 3496 3511 3518 3526 3527 3531 3532 3542 3550
 3551 3586 3587 3603 3607 3617 3619 3622 3642 3655 3667 3668 3669 3670
 3671 3677 3690 3701 3711 3713 3715 3717 3718 3740 3749 3750 3758 3774
 3781 3790 3825 3829 3842 3846 3852 3874 3902 3904 3909 3917 3932 3939
 3968 3981 3986 3990 3999 4003 4008 4038 4046 4062 4071 4072 4080 4102
 4109 4110 4114 4132 4134 4146 4147 4150 4161 4182 4235 4241 4245 4246
 4265 4287 4289 4299 4302 4312 4318 4319 4326 4335 4342 4344 4348 4350
4354 4363 4365 4369 4372 4381 4395 4403 4406]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                       2
Train Index:
              1
                             3 ... 4421 4423 4424]
Test Index:
             0
                      7
                           31
                                48
                                     59
                                          65
                                              141
                                                   155 162 176 187
                                                                              198
209
                                 258
  210
       218
            219
                 226
                      246
                            247
                                      259
                                           268
                                                278
                                                      288
                                                           343
                                                                370
                                                                     378
  382
       383
            386
                 422
                      423
                            485
                                 491
                                      500
                                           507
                                                 528
                                                      532
                                                           535
                                                                543
                                                                     546
                                      586
  547
       549
            557
                 570
                      572
                            581
                                 582
                                           610
                                                 611
                                                      612
                                                           613
                                                                617
                                                                     627
  631
       637
            639
                 640
                      644
                            648
                                 669
                                      678
                                           679
                                                 697
                                                      700
                                                           742
                                                                756
                                                                     765
  773
       781
                 839
                      840
                                 847
                                      867
                                           874
                                                 883
                                                      905
                                                           921
                                                                923
                                                                     925
            836
                            841
            929
                                                      985
  926
       927
                 930
                      940
                            941
                                 948
                                      952
                                           965
                                                 981
                                                           997 1011 1023
 1037 1070 1078 1080 1091 1095 1097 1099 1105 1124 1132 1135 1138 1152
 1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1320 1326 1336 1337 1373 1377 1395
 1400 1404 1422 1431 1450 1455 1487 1517 1532 1537 1538 1539 1550 1556
 1566 1582 1592 1593 1598 1642 1651 1672 1684 1723 1728 1738 1741 1751
```

1758 1767 1770 1775 1778 1780 1803 1833 1846 1859 1872 1873 1874 1885 1891 1919 1921 1923 1938 1954 1957 1962 1966 1972 1974 1983 2025 2029 2031 2034 2037 2042 2069 2096 2097 2099 2104 2110 2117 2135 2146 2159 2164 2178 2184 2195 2208 2215 2216 2230 2236 2240 2242 2250 2251 2256 2269 2274 2281 2297 2298 2299 2304 2311 2312 2321 2323 2341 2344 2345 2346 2355 2357 2359 2361 2379 2380 2404 2407 2409 2413 2431 2439 2442 2446 2460 2468 2475 2476 2486 2494 2496 2498 2520 2525 2527 2528 2577 2580 2592 2594 2603 2633 2636 2644 2653 2655 2656 2664 2680 2732 2740 2741 2748 2767 2772 2775 2778 2784 2801 2812 2813 2822 2840 2843 2860 2882 2897 2915 2922 2925 2926 2942 2979 2983 2991 3012 3015 3021 3024 3032 3033 3038 3052 3053 3064 3082 3098 3102 3105 3128 3129 3130 3137 3154 3163 3168 3176 3185 3188 3194 3210 3218 3235 3247 3256 3271 3277 3281 3289 3292 3297 3315 3321 3335 3339 3346 3347 3349 3351 3362 3384 3386 3388 3400 3409 3412 3414 3422 3426 3429 3432 3433 3435 3442 3451 3460 3463 3467 3471 3475 3477 3489 3490 3494 3509 3513 3533 3539 3549 3563 3564 3575 3588 3596 3597 3600 3608 3628 3654 3656 3666 3681 3693 3697 3706 3714 3721 3722 3728 3738 3745 3755 3757 3782 3797 3810 3818 3821 3828 3835 3864 3871 3876 3895 3916 3938 3951 4007 4023 4031 4032 4033 4040 4088 4099 4124 4126 4133 4164 4171 4180 4195 4208 4224 4227 4228 4236 4247 4252 4257 4278 4284 4290 4292 4293 4300 4323 4329 4341 4366 4368 4373 4380 4387 4390 4393 4409 4422] [0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.77969073 0.84207608 0.71320507]

2 ... 4422 4423 4424]

Train Index: [

Test Index: [ 22 91 100 104 111 115 994 1005 1033 1036 1048 1053 1067 1089 1093 1127 1133 1134 1143 1151 1153 1190 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368 1375 1376 1382 1403 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1756 1764 1766 1787 1791 1795 1805 1811 1820 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1897 1898 1904 1909 1922 1926 1936 1940 1948 1950 1953 1960 1967 1978 1979 2002 2005 2010 2011 2022 2024 2044 2053 2066 2083 2086 2090 2092 2102 2121 2127 2130 2131 2138 2167 2171 2172 2176 2183 2194 2196 2197 2202 2210 2211 2218 2222 2223 2225 2232 2238 2266 2267 2276 2279 2283 2290 2293 2309 2316 2329 2370 2374 2377 2378 2384 2390 2417 2420 2423 2432 2440 2450 2452 2484 2488 2495 2509 2518 2522 2529 2543 2564 2567 2570 2588 2598 2605 2614 2628 2629 2630 2631 2639 2658 2669 2672 2673 2688 2698 2700 2704 2706 2714 2721 2743 2753 2789 2803 2804 2807 2810 2821 2825 2836 2837 2850 2867 2884 2927 2941 2985 2986 2988 3001 3025 3026 3042 3048 3049 3062 3063 3095 3107 3112 3132 3150 3159 3161 3165 3166 3187 3198 3201 3229 3241

```
3243 3270 3273 3280 3305 3306 3317 3329 3350 3357 3372 3378 3395 3396
 3404 3410 3411 3456 3458 3482 3525 3537 3543 3545 3548 3557 3571 3574
 3578 3585 3610 3620 3638 3646 3651 3657 3661 3673 3680 3682 3712 3727
 3729 3732 3744 3747 3762 3767 3776 3789 3796 3805 3808 3819 3820 3830
 3839 3857 3858 3870 3872 3877 3880 3885 3886 3888 3893 3901 3910 3919
 3921 3936 3947 3955 3957 3963 3965 3973 3988 3989 4004 4035 4039 4041
 4042 4060 4092 4096 4107 4118 4120 4140 4157 4172 4178 4179 4185 4188
 4196 4216 4219 4220 4225 4262 4263 4269 4273 4275 4303 4304 4313 4314
 4347 4349 4371 4374 4391 4392 4396 4414 4421]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                       2
                            3 ... 4421 4422 4424]
Train Index: [
                 0
Test Index: [
                     13
                          18
                               20
                                    35
                                         49
                                              71
                                                    83
                                                         85 105 128
                 1
                                                                      140
                                                                            142
158
  185
      207
            213
                 269
                      273
                           275
                                281
                                     300
                                          303
                                               304
                                                     306
                                                          307
                                                               311
                                                                    316
  323
       344
            348
                           374
                                377
                                     380
                                          394
                                               403
                                                     406
                                                               427
                 349
                      352
                                                          409
  444
       458
           459
                 469
                      482
                           489
                                493
                                     503
                                          514
                                                519
                                                     526
                                                          529
                                                               548
                                                                    552
  575
                      607
                                629
                                     630
                                          634
                                                     649
       583
           590
                 591
                           619
                                                636
                                                          664
                                                               672
                                                                    687
  694
      714
           719
                 749
                                     788
                                          791
                                               792
                                                          821
                      754
                           778
                                786
                                                     808
                                                               837
                                                                    858
  861
      873
           890
                 891
                      902
                           916
                                939
                                     955
                                          961
                                               968
                                                     970
                                                          973
                                                               986
                                                                    998
 1000 1004 1009 1014 1050 1058 1072 1083 1087 1098 1100 1109 1125 1142
 1177 1179 1195 1198 1208 1229 1230 1239 1241 1249 1259 1266 1269 1273
 1286 1294 1307 1310 1316 1317 1327 1328 1343 1354 1357 1359 1364 1367
 1381 1385 1399 1408 1410 1439 1441 1443 1447 1462 1472 1475 1496 1518
 1525 1530 1535 1546 1559 1562 1567 1576 1577 1579 1584 1608 1624 1628
 1637 1655 1656 1660 1661 1667 1671 1677 1681 1695 1706 1709 1710 1712
 1713 1737 1742 1748 1763 1768 1797 1798 1801 1809 1825 1826 1847 1883
 1916 1925 1927 1947 1949 1951 1956 1963 1977 1980 1987 1993 1999 2003
 2008 2009 2013 2020 2043 2046 2068 2071 2113 2132 2140 2147 2149 2163
 2166 2169 2199 2206 2212 2241 2246 2253 2270 2272 2289 2334 2335 2340
 2350 2352 2356 2358 2369 2381 2401 2402 2406 2430 2457 2458 2459 2477
 2483 2499 2501 2503 2530 2533 2542 2548 2555 2566 2584 2586 2600 2607
 2617 2623 2649 2661 2665 2666 2676 2683 2685 2686 2696 2699 2722 2749
 2765 2776 2780 2788 2792 2794 2815 2817 2829 2857 2880 2886 2929 2934
 2936 2943 2944 2948 2957 2963 3003 3004 3008 3014 3027 3028 3043 3061
 3078 3089 3091 3111 3125 3127 3138 3139 3164 3172 3179 3184 3206 3209
 3211 3213 3224 3232 3233 3237 3239 3240 3250 3252 3293 3296 3308 3309
 3311 3312 3320 3332 3361 3379 3381 3407 3425 3443 3459 3470 3487 3495
 3500 3501 3505 3507 3514 3521 3523 3528 3534 3540 3547 3562 3567 3593
 3595 3598 3606 3609 3614 3632 3685 3735 3742 3759 3765 3768 3783 3784
 3786 3787 3803 3833 3837 3844 3866 3869 3873 3894 3897 3905 3929 3931
 3937 3940 3949 3970 4001 4010 4013 4022 4044 4052 4054 4058 4073 4084
 4087 4135 4152 4154 4156 4160 4162 4167 4177 4192 4207 4214 4215 4221
 4229 4232 4234 4238 4240 4254 4261 4270 4279 4283 4301 4320 4325 4343
4358 4377 4386 4402 4407 4413 4415 4423]
[0.66796799 0.66716111 0.77289167 ... 0.77969073 0.80271737 0.71320507]
Train Index: [
                0
                      1
                            3 ... 4422 4423 4424]
```

```
Test Index:
            [
                 2
                     15
                           21
                                28
                                     37
                                           39
                                                46
                                                     53
                                                          81
                                                               97 101 107
                                                                              136
145
  148
       159
            167
                 169
                      171
                            182
                                 186
                                      215
                                           236
                                                 244
                                                      250
                                                           265
                                                                 271
                                                                      277
  292
       294
            310
                       329
                            334
                                 338
                                      339
                                            363
                                                 390
                                                      398
                                                           400
                                                                 401
                 317
                                                                      405
  425
       431
            441
                 447
                       453
                            454
                                 476
                                      481
                                            483
                                                 513
                                                      520
                                                           545
                                                                 556
                                                                      571
  579
       585
            587
                 588
                       592
                            609
                                 614
                                      628
                                            674
                                                 686
                                                      692
                                                           696
                                                                 701
                                                                      703
  704
       706
            710
                 715
                       726
                            730
                                 735
                                      737
                                            738
                                                 745
                                                      747
                                                           757
                                                                 771
                                                                      774
  780
       795
            806
                 813
                      822
                            824
                                 826
                                      849
                                           885
                                                 886
                                                      892
                                                           904
                                                                 906
                                                                      913
  914
       917
            920
                 934
                      943
                            947
                                 963
                                      972
                                           974
                                                 983
                                                      988
                                                           993 1007 1039
 1040 1043 1054 1085 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1591 1594
 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1711 1716 1750 1762 1771
 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933 1939 1985
 2001 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2054 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2198 2234 2235 2248 2257
 2271 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419
 2421 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573
 2582 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711
 2716 2720 2736 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2875 2879 2881 2887 2899 2913 2918 2939 2951 2953 2955 2962 2969
 2971 2981 2984 2987 2992 2997 3002 3023 3035 3070 3071 3093 3103 3126
 3131 3135 3151 3160 3169 3178 3182 3186 3189 3193 3195 3196 3203 3207
 3214 3226 3244 3245 3248 3253 3265 3269 3274 3276 3282 3310 3336 3341
 3358 3360 3363 3368 3382 3399 3403 3423 3437 3452 3453 3483 3485 3504
 3516 3519 3524 3530 3535 3544 3568 3573 3583 3589 3594 3623 3644 3658
 3662 3674 3699 3704 3705 3725 3770 3771 3773 3780 3788 3802 3804 3816
 3822 3832 3850 3862 3865 3867 3879 3896 3899 3912 3924 3926 3927 3934
 3953 3960 3964 3972 3976 3994 3995 4002 4006 4015 4016 4025 4028 4047
 4051 4055 4063 4066 4078 4079 4089 4091 4093 4095 4101 4106 4153 4158
 4163 4166 4173 4175 4193 4202 4204 4242 4248 4253 4264 4271 4295 4308
4337 4351 4353 4356 4361 4385 4404 4417]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
Train Index:
              [
                  0
                        1
                             2 ... 4422 4423 4424]
Test Index:
             3
                       5
                           10
                                24
                                     27
                                           54
                                                55
                                                     66
                                                          74
                                                               77
                                                                     94
                                                                        110
117
  125
       126
            129
                 131
                       138
                            147
                                 164
                                      181
                                           193
                                                 201
                                                      224
                                                           228
                                                                 232
                                                                      242
  260
       285
            302
                 312
                      319
                            320
                                 326
                                      327
                                            333
                                                 341
                                                      345
                                                           355
                                                                 362
                                                                      364
  375
       385
                 428
                                                      525
            419
                       451
                            467
                                 473
                                      477
                                            484
                                                 516
                                                           531
                                                                 536
                                                                      558
  566
       615
            622
                 638
                       645
                            653
                                 661
                                      689
                                                 722
                                                      723
                                                           724
                                                                 725
                                                                      768
                                           711
  777
       793
            799
                 820
                       827
                            832
                                 846
                                           875
                                                 882
                                                      901
                                                           909
                                      848
                                                                 918
                                                                      919
                            950
                                 951
                                                      989
  922
       935
            936
                 938
                       946
                                      966
                                           984
                                                 987
                                                           992 1002 1013
 1026 1030 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201
 1202 1203 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332
 1335 1342 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493
 1523 1526 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658
```

1669 1673 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834 1851 1854 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920 1928 1932 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2006 2007 2021 2026 2035 2039 2052 2060 2072 2075 2079 2116 2125 2133 2134 2136 2137 2151 2161 2187 2188 2190 2192 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110 3133 3204 3205 3208 3223 3227 3228 3230 3279 3283 3285 3287 3291 3303 3316 3318 3333 3340 3345 3371 3383 3391 3393 3417 3421 3428 3430 3431 3448 3454 3468 3488 3499 3503 3515 3536 3554 3559 3599 3604 3605 3616 3625 3626 3640 3649 3652 3653 3660 3663 3678 3679 3686 3687 3688 3694 3695 3698 3700 3703 3708 3716 3720 3724 3734 3739 3761 3793 3801 3813 3815 3826 3827 3834 3841 3848 3856 3859 3878 3887 3898 3911 3914 3920 3922 3930 3945 3954 3956 3975 3980 3982 3983 3998 4012 4017 4020 4026 4027 4030 4064 4068 4074 4111 4123 4125 4142 4143 4149 4159 4165 4168 4169 4189 4201 4211 4237 4244 4266 4274 4286 4296 4298 4305 4330 4332 4334 4352 4367 4375 4384 4389 4399 4408]

[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]

Train Index: [ 0 1 2 ... 4422 4423 4424]

Test Index: Γ 977 1019 1031 1035 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1122 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1571 1574 1581 1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824 1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1892 1893 1901 1903 1906 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2128 2142 2143 2145 2150 2152 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2239 2261 2264 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497 2502 2504 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2786 2799 2808 2814 2818 2831 2832 2841 2842 2845 2851 2853 2870 2871 2874 2878 2885 2895 2900 2906 2914 2923 2930 2933 2938 2947 2956 2960 2966 2967 2982 2993 2995 3006 3018 3019 3031 3037 3044 3072 3080 3090 3094 3096 3117 3122 3136 3140

```
[24]: DT_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_DT - y_test.reshape(-1, 1)))
DT_1Y_MSE = ((scores_year_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.02141 Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.10338

# 3.3 LASSO Regression

Train Index: [ 2 ... 4422 4423 4424] Test Index: [ 134 139 150 151 188 205 211 252 274 309 315 318 371 387 410 414 416 429 457 463 468 471 497 505 544 551 598 599 602 625 642 670 693 718 744 755 803 807 842 869 888 897 903 907 912 964 969 999 1001 1010 1020 1029 1032 1034 1038 1047 1051 1055 1056 1061 1068 1071 1073 1075 1090 1106 1108 1123 1128 1129 1146 1158 1162 1163 1164 1180 1183 1188 1192 1204 1212 1228 1235 1242 1257 1260 1263 1264 1268 1281 1288 1302 1321 1322 1334 1344 1356 1370 1393 1402 1411 1417 1427 1429 1454 1456 1461 1467 1468 1491 1498 1499 1502 1504 1513 1515 1533 1543 1545 1554 1565 1580 1588 1602 1606 1618 1621 1632 1659 1666 1670 1698 1718 1726 1727 1732 1736 1744 1760 1765 1777 1786 1808 1812 1814 1835 1842 1844 1862 1905 1912 1924 1945 1965 1971 1973 1988 1991 1992 2016 2018 2023 2059 2080 2088 2095 2098 2101 2107 2111 2112 2123 2144 2154 2182 2185 2258 2284 2285 2288 2292 2302 2303 2313 2319 2330 2342 2347 2354 2389 2411 2415 2416 2447 2451 2453 2471 2480 2500 2515 2526 2532 2534 2545 2554 2561 2572 2575 2596 2602 2609 2610 2622 2634 2643 2648 2651 2659 2662 2677

4357 4360 4362 4370 4394 4397 4411 4416 4424]

Train Index: [ 0 1 2 ... 4422 4423 4424]

Test Index:

```
1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1320 1326 1336 1337 1373 1377 1395
 1400 1404 1422 1431 1450 1455 1487 1517 1532 1537 1538 1539 1550 1556
 1566 1582 1592 1593 1598 1642 1651 1672 1684 1723 1728 1738 1741 1751
 1758 1767 1770 1775 1778 1780 1803 1833 1846 1859 1872 1873 1874 1885
 1891 1919 1921 1923 1938 1954 1957 1962 1966 1972 1974 1983 2025 2029
 2031 2034 2037 2042 2069 2096 2097 2099 2104 2110 2117 2135 2146 2159
 2164 2178 2184 2195 2208 2215 2216 2230 2236 2240 2242 2250 2251 2256
 2269 2274 2281 2297 2298 2299 2304 2311 2312 2321 2323 2341 2344 2345
 2346 2355 2357 2359 2361 2379 2380 2404 2407 2409 2413 2431 2439 2442
 2446 2460 2468 2475 2476 2486 2494 2496 2498 2520 2525 2527 2528 2577
 2580 2592 2594 2603 2633 2636 2644 2653 2655 2656 2664 2680 2732 2740
 2741 2748 2767 2772 2775 2778 2784 2801 2812 2813 2822 2840 2843 2860
 2882 2897 2915 2922 2925 2926 2942 2979 2983 2991 3012 3015 3021 3024
 3032 3033 3038 3052 3053 3064 3082 3098 3102 3105 3128 3129 3130 3137
 3154 3163 3168 3176 3185 3188 3194 3210 3218 3235 3247 3256 3271 3277
 3281 3289 3292 3297 3315 3321 3335 3339 3346 3347 3349 3351 3362 3384
 3386 3388 3400 3409 3412 3414 3422 3426 3429 3432 3433 3435 3442 3451
 3460 3463 3467 3471 3475 3477 3489 3490 3494 3509 3513 3533 3539 3549
 3563 3564 3575 3588 3596 3597 3600 3608 3628 3654 3656 3666 3681 3693
 3697 3706 3714 3721 3722 3728 3738 3745 3755 3757 3782 3797 3810 3818
 3821 3828 3835 3864 3871 3876 3895 3916 3938 3951 4007 4023 4031 4032
 4033 4040 4088 4099 4124 4126 4133 4164 4171 4180 4195 4208 4224 4227
 4228 4236 4247 4252 4257 4278 4284 4290 4292 4293 4300 4323 4329 4341
 4366 4368 4373 4380 4387 4390 4393 4409 4422]
[0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.77969073 0.84207608 0.71320507]
                            2 ... 4422 4423 4424]
Train Index: [
                 0
                       1
```

Test Index: [ 22 994 1005 1033 1036 1048 1053 1067 1089 1093 1127 1133 1134 1143 1151 1153 1190 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368 1375 1376 1382 1403 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1756 1764 1766 1787 1791 1795 1805 1811 1820 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1897 1898 1904 1909 1922 1926 1936 1940 1948 1950 1953 1960 1967 1978 1979 2002 2005 2010 2011 2022 2024 2044 2053 2066 2083 2086 2090 2092 2102 2121 2127 2130 2131 2138 2167 2171 2172 2176 2183 2194 2196 2197 2202 2210 2211 2218 2222 2223 2225 2232 2238 2266 2267 2276 2279 2283 2290 2293 2309 2316 2329 2370 2374 2377 2378 2384 2390 2417 2420 2423 2432 2440 2450 2452 2484 2488 2495 2509 2518 2522 2529 2543 2564 2567 2570 2588 2598 2605 2614 2628 2629 2630 2631 2639 2658 2669 2672 2673 2688 2698 2700 2704 2706 2714

Train Index: [ 0 1 3 ... 4422 4423 4424]

```
15
                                28
                                                                97 101 107
Test Index:
             2
                           21
                                      37
                                           39
                                                46
                                                     53
                                                           81
                                                                               136
145
  148
       159
            167
                 169
                       171
                            182
                                 186
                                      215
                                            236
                                                 244
                                                      250
                                                            265
                                                                 271
                                                                      277
  292
       294
            310
                 317
                       329
                            334
                                 338
                                       339
                                            363
                                                 390
                                                      398
                                                            400
                                                                 401
                                                                      405
  425
       431
            441
                 447
                       453
                            454
                                 476
                                      481
                                            483
                                                 513
                                                      520
                                                            545
                                                                 556
                                                                      571
  579
       585
            587
                 588
                       592
                            609
                                 614
                                      628
                                            674
                                                 686
                                                      692
                                                            696
                                                                 701
                                                                      703
  704
       706
            710
                 715
                       726
                            730
                                 735
                                      737
                                            738
                                                 745
                                                      747
                                                            757
                                                                 771
                                                                      774
  780
       795
            806
                 813
                       822
                            824
                                 826
                                      849
                                            885
                                                 886
                                                      892
                                                            904
                                                                 906
                                                                      913
  914
       917
            920
                 934
                       943
                            947
                                 963
                                      972
                                            974
                                                 983
                                                      988
                                                            993 1007 1039
 1040 1043 1054 1085 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1591 1594
 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1711 1716 1750 1762 1771
 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933 1939 1985
 2001 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2054 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2198 2234 2235 2248 2257
 2271 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419
 2421 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573
 2582 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711
 2716 2720 2736 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2875 2879 2881 2887 2899 2913 2918 2939 2951 2953 2955 2962 2969
 2971 2981 2984 2987 2992 2997 3002 3023 3035 3070 3071 3093 3103 3126
 3131 3135 3151 3160 3169 3178 3182 3186 3189 3193 3195 3196 3203 3207
 3214 3226 3244 3245 3248 3253 3265 3269 3274 3276 3282 3310 3336 3341
 3358 3360 3363 3368 3382 3399 3403 3423 3437 3452 3453 3483 3485 3504
 3516 3519 3524 3530 3535 3544 3568 3573 3583 3589 3594 3623 3644 3658
 3662 3674 3699 3704 3705 3725 3770 3771 3773 3780 3788 3802 3804 3816
 3822 3832 3850 3862 3865 3867 3879 3896 3899 3912 3924 3926 3927 3934
 3953 3960 3964 3972 3976 3994 3995 4002 4006 4015 4016 4025 4028 4047
 4051 4055 4063 4066 4078 4079 4089 4091 4093 4095 4101 4106 4153 4158
 4163 4166 4173 4175 4193 4202 4204 4242 4248 4253 4264 4271 4295 4308
 4337 4351 4353 4356 4361 4385 4404 4417]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
Train Index:
                             2 ... 4422 4423 4424]
              Γ
                  0
                        1
Test Index:
            Γ
                 3
                       5
                           10
                                24
                                      27
                                           54
                                                55
                                                     66
                                                           74
                                                                77
                                                                     94
                                                                        110
                                                                               112
117
  125
       126
            129
                 131
                            147
                                 164
                                      181
                                            193
                                                 201
                                                      224
                                                            228
                                                                 232
                                                                      242
                       138
  260
       285
                                 326
                                       327
                                            333
                                                            355
            302
                 312
                       319
                            320
                                                 341
                                                      345
                                                                 362
                                                                      364
  375
       385
            419
                 428
                       451
                            467
                                 473
                                      477
                                            484
                                                 516
                                                      525
                                                            531
                                                                 536
                                                                      558
  566
       615
            622
                 638
                       645
                            653
                                 661
                                      689
                                            711
                                                 722
                                                      723
                                                            724
                                                                 725
                                                                      768
  777
       793
            799
                 820
                       827
                            832
                                 846
                                       848
                                            875
                                                 882
                                                      901
                                                            909
                                                                 918
                                                                      919
  922
       935
            936
                 938
                       946
                            950
                                 951
                                      966
                                            984
                                                 987
                                                      989
                                                            992 1002 1013
 1026 1030 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201
```

```
1202 1203 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332
 1335 1342 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493
 1523 1526 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658
 1669 1673 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834
 1851 1854 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920
 1928 1932 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2006 2007 2021
 2026 2035 2039 2052 2060 2072 2075 2079 2116 2125 2133 2134 2136 2137
 2151 2161 2187 2188 2190 2192 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275
 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376
 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560
 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687
 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847
 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958
 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110
 3133 3204 3205 3208 3223 3227 3228 3230 3279 3283 3285 3287 3291 3303
 3316 3318 3333 3340 3345 3371 3383 3391 3393 3417 3421 3428 3430 3431
 3448 3454 3468 3488 3499 3503 3515 3536 3554 3559 3599 3604 3605 3616
 3625 3626 3640 3649 3652 3653 3660 3663 3678 3679 3686 3687 3688 3694
 3695 3698 3700 3703 3708 3716 3720 3724 3734 3739 3761 3793 3801 3813
 3815 3826 3827 3834 3841 3848 3856 3859 3878 3887 3898 3911 3914 3920
 3922 3930 3945 3954 3956 3975 3980 3982 3983 3998 4012 4017 4020 4026
 4027 4030 4064 4068 4074 4111 4123 4125 4142 4143 4149 4159 4165 4168
 4169 4189 4201 4211 4237 4244 4266 4274 4286 4296 4298 4305 4330 4332
 4334 4352 4367 4375 4384 4389 4399 4408]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]
                            2 ... 4422 4423 4424]
Train Index: [
                 0
                       1
```

Test Index: Γ 977 1019 1031 1035 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1122 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1571 1574 1581 1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824 1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1892 1893 1901 1903 1906 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2128 2142 2143 2145 2150 2152 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2239 2261 2264 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497 2502 2504 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2786 2799 2808 2814 2818 2831

2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2160 2200 2205 2207 2237 2255 2265 2278 2294 2300 2305 2327 2363 2368 2385 2388 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2511 2521 2524 2537 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2569 2612 2613 2625 2652 2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2737 2738 2744 2747 2773 2774 2777 2790 2806 2809 2811 2816 2824 2838 2839 2849 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2919 2931 2950 2959 2961 2975 2976 2999 3005 3009 3017 3051 3059 3060 3067 3068 3069 3073 3087 3092 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175 3183 3191 3202 3219 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3302 3304 3314 3324 3325 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394 3397 3420 3436 3444 3445 3446 3447 3457 3461 3474 3491 3498 3506 3510 3546 3556 3561 3572 3581 3582 3627 3643 3645 3648 3672 3675 3696 3723 3730 3736 3743 3746 3748 3763 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843 3847 3854 3863 3884 3890 3906 3908 3913 3923 3943 3969 3974 3977 3987 3991 3993 4000 4014 4029 4034 4045 4057 4061 4067 4070 4090 4097 4103 4108 4115 4117 4131 4136 4187 4191 4198 4199 4210 4218 4230 4231 4255 4268 4285 4288 4297 4310 4316 4322 4340 4346 4355 4359 4364 4376 4378 4379 4382 4412 4418 4419 4420]

[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71320507]

```
[26]: LASSO_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))

LASSO_1Y_MSE = ((scores_year_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()

print("Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MSE)

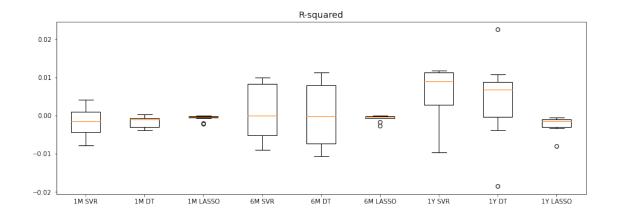
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: 0.02170 Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: 0.10455

# 3.4 Comparison performance of the models against each other for the various investment horizons

### 3.4.1 R-squared

```
[27]: plt.subplots(figsize=(15, 5))
      models = []
      models.append((scores_month_SVR))
      models.append((scores_month_DT))
      models.append((scores_month_LASSO))
      models.append((scores_hyear_SVR))
      models.append((scores_hyear_DT))
      models.append((scores_hyear_LASSO))
      models.append((scores_year_SVR))
      models.append((scores_year_DT))
      models.append((scores year LASSO))
      plt.boxplot(models)
      plt.xticks([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],
                 ['1M SVR', '1M DT', '1M LASSO', '6M SVR', '6M DT', '6M LASSO', '1Y_{\sqcup}
      →SVR', '1Y DT', '1Y LASSO'])
      plt.title('R-squared', fontsize=14)
      plt.show()
```



#### 3.4.2 Mean Absolute Error

```
print("Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %

DT_1M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: 0.05372 Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.05365 Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: 0.05349

## According to MAE, the best model is LASSO Regression for half year interval.

```
[29]: print("Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_6M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: 0.08454 Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.08484 Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: 0.08467

# According to MAE, the best model is SVR for half year interval.

```
[30]: print("Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: 0.10277 Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.10338 Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: 0.10455

According to MAE, the best model is SVR for year interval.

#### 3.4.3 Mean Squared Error

```
[31]: print("Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %___

DT_1M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: 0.00552
Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.00551
Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: 0.00549
```

According to MSE, the best model is Decision Tree Regressor for month interval.

```
[32]: print("Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_6M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: 0.01412
Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.01419
Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: 0.01416
```

According to MSE, the best model is SVR for half year interval.

```
[33]: print("Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: 0.02126
Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.02141
Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: 0.02170
```

According to MSE, the best model is SVR for year interval.

## 3.5 Comparison performance of the models against a baseline model

Mean absolute error for linear regression is 0.04445.

This is the lowest average magnitude of the errors.

Mean squared error for linear regression is 0.00349.

This model is the closest to finding the line of best fit.

According to MAE and MSE, basic model is better than advantacted models.