### ML\_project

June 8, 2022

```
[1]: # !pip install pmdarima
[2]: import pandas as pd
    import numpy as np
    from datetime import datetime
    import matplotlib.pyplot as plt
    import seaborn as sns
    import math
    # Time-series analysis
    from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
    from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal decompose
    from statsmodels.tsa.arima_model import ARIMA
    from pmdarima.arima import auto_arima
    # Linear regression
    from sklearn.dummy import DummyRegressor
    from sklearn.linear_model import LinearRegression
    from sklearn.metrics import mean squared error, r2 score, median absolute error
    from sklearn import metrics
    # Advantacted models
    from sklearn.model_selection import KFold
    from sklearn.svm import SVR
    from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor
    from sklearn.linear_model import Lasso
[3]: url = "https://raw.githubusercontent.com/Agablue-red/Machine-Learning/master/
     data = pd.read_csv(url, index_col=0)
```

### 1 Time Series Analysis

```
[4]: data['Date'] = pd.to_datetime(data['Date'], format = '%Y-%m-%d')
data['Year'] = data.Date.apply(lambda x: x.year)
```

```
dataset = data.set_index('Date')
dataset.sort_index(inplace=True)

data.drop(columns=['Year'], inplace=True)
```

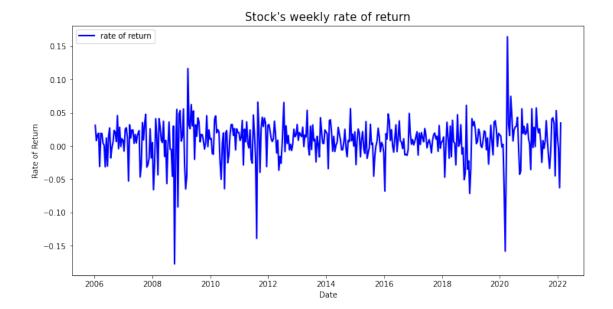
```
[5]: dataset.head()
```

```
[5]:
               symbol
                                                  score return_rate
                                                                          close \
                                       sector
    Date
    2004-02-11
                  AEE
                                    Utilities 0.670127
                                                            0.002350 70.309999
    2004-02-11
                  AOS Producer Manufacturing 0.753176
                                                            0.007533
                                                                       8.005000
    2004-02-11
                  APA
                              Energy Minerals 0.912117
                                                            0.005808 59.630001
    2004-02-11
                 ARLP
                              Energy Minerals 0.669621
                                                           -0.011510 13.578750
    2004-02-11
                  OTA
                                    Utilities 0.672410
                                                            0.000765 39.230000
                Year
    Date
    2004-02-11
                2004
    2004-02-11 2004
    2004-02-11 2004
    2004-02-11 2004
    2004-02-11 2004
[6]: dataset = dataset[(dataset.Year >= 2006)]
```

### 1.0.1 Visualization of the stock's weekly closing price and rate of return.



The process above is not stationary, because the mean is not constant through time.

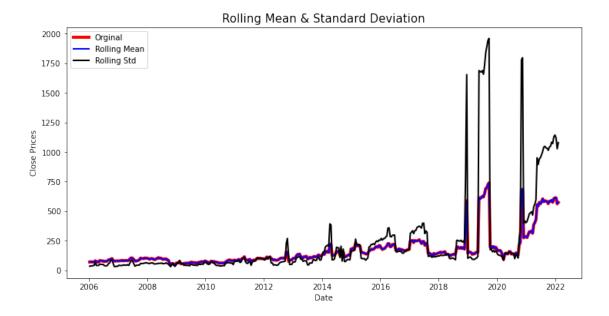


The rate of return has many fluctuations, while the seasonality is not observed. The highest deviance was observed in 2008 with a weekly return of -17%. In 2020, the biggest fluctuations on rate of return were found out in between -14% and 17%.

### 1.0.2 Rolling statistics

The series becomes stationary if both the mean and standard deviation are flat lines (constant mean and constant variance).

[9]: Text(0.5, 1.0, 'Rolling Mean & Standard Deviation')



The result of smoothing by the previous quarter can hardly see a trend, because it is too close to actual curve. In addition the increasing mean and standard deviation may be seen, indicating that our series isn't stationary.

### 1.0.3 Dickey-Fuller test

Dickey-Fuller test can be used to determine whether or not a series has a unit root, and thus whether or not the series is stationary (H0).

This test's null and alternate hypotheses are: \* Null Hypothesis: The series has a unit root (value of a =1) \* Alternate Hypothesis: The series has no unit root.

If the null hypothesis is not rejected, the series is said to be non-stationary. The series can be linear or difference stationary as a result of this.

```
[10]: print('Results od Dickey-Fuller Test')
adft = adfuller(dataset['close'], autolag="AIC")
```

### Results od Dickey-Fuller Test

	Values	Metric
0	-21.177000	Test Statistics
1	0.000000	p-value
2	35.000000	No. of lags used
3	27670.000000	Number of observations used
4	-3.430586	critical value (1%)
5	-2.861644	critical value (5%)
6	-2.566826	critical value (10%)

We can rule out the Null hypothesis because the p-value is smaller than 0.05. Additionally, the test statistics exceed the critical values. As a result, the data is **nonlinear**.

### 1.0.4 Decomposing time series from the Trend and Seasonality.

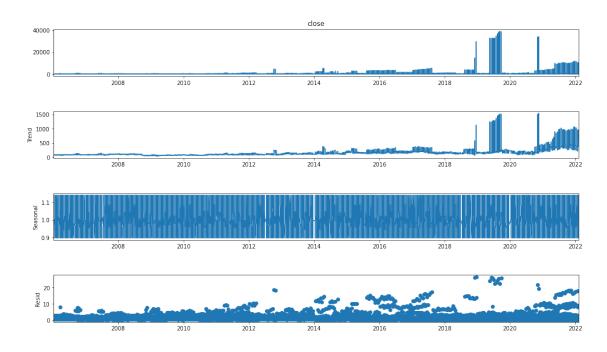
```
[11]: result = seasonal_decompose(dataset['close'], model='multiplicative', period = 30)

fig = plt.figure()

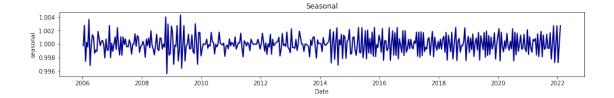
fig = result.plot()

fig.set_size_inches(16, 9)
```

<Figure size 432x288 with 0 Axes>



### [12]: Text(0.5, 1.0, 'Seasonal')

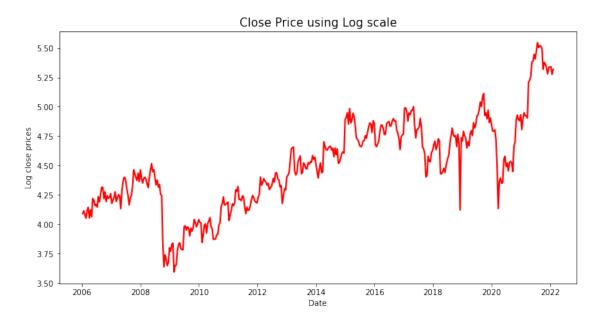


The figure shows close price, trend, seasonality and residual distribution. We can see that the trend and seasonality don't exist. The residuals are also interesting, showing periods of high variability in from 2014 and later years of the series.

### Estimating trend

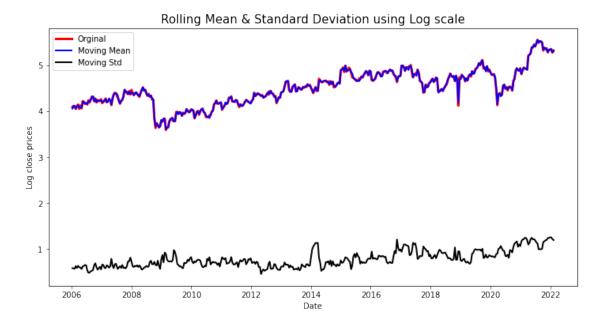
The log of the series was used to reduce the magnitude of the values and the growing trend in the series.

### [13]: Text(0.5, 1.0, 'Close Price using Log scale')



Visualization of logarithmic closing prices. The falls are the results of crises. The trend is growing.

[14]: Text(0.5, 1.0, 'Rolling Mean & Standard Deviation using Log scale')



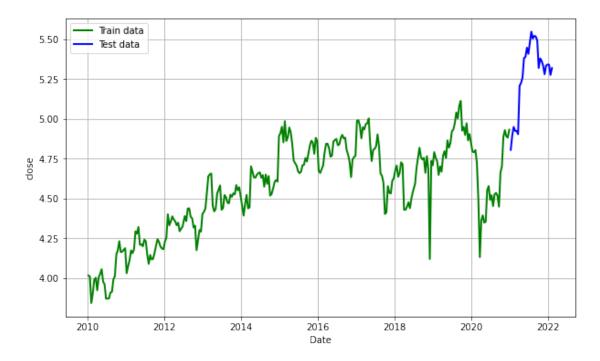
As in the previous chart for rolling statistics, there is nonlinear.

### 1.0.5 ARIMA model

```
[15]: train_data = df_log['2010':'2020']
    test_data = df_log['2021':'2022']

[16]: plt.figure(figsize=(10,6))
    plt.grid(True)
    sns.lineplot(x = train_data.index, y = train_data, data = train_data,
```

### [16]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2a1c3650310>

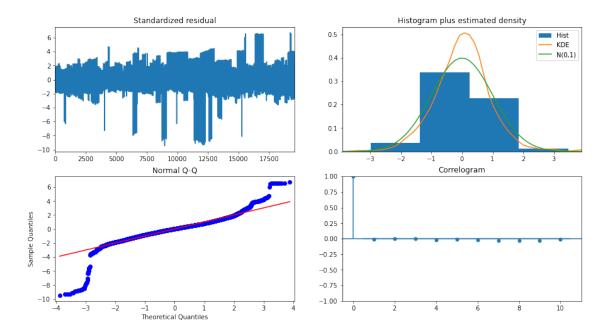


# stepwise=True) model\_autoARIMA.plot\_diagnostics(figsize=(15,8)) plt.show()

```
Performing stepwise search to minimize aic
 ARIMA(0,0,0)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=115789.903, Time=0.22 sec
 ARIMA(1,0,0)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=62886.116, Time=0.66 sec
 ARIMA(0,0,1)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=97386.898, Time=1.27 sec
                                    : AIC=57501.492, Time=0.54 sec
 ARIMA(2,0,0)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=inf, Time=0.96 sec
 ARIMA(3,0,0)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=inf, Time=7.89 sec
 ARIMA(2,0,1)(0,0,0)[0]
 ARIMA(1,0,1)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=inf, Time=5.56 sec
                                    : AIC=inf, Time=11.51 sec
 ARIMA(3,0,1)(0,0,0)[0]
 ARIMA(2,0,0)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=51248.400, Time=1.65 sec
 ARIMA(1,0,0)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=51381.278, Time=3.48 sec
                                    : AIC=51116.914, Time=3.32 sec
 ARIMA(3,0,0)(0,0,0)[0] intercept
 ARIMA(3,0,1)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50846.055, Time=31.49 sec
 ARIMA(2,0,1)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50870.708, Time=26.74 sec
 ARIMA(3,0,2)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50617.500, Time=37.23 sec
                                    : AIC=50583.118, Time=33.71 sec
 ARIMA(2,0,2)(0,0,0)[0] intercept
 ARIMA(1,0,2)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50780.901, Time=28.83 sec
 ARIMA(2,0,3)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=inf, Time=42.33 sec
 ARIMA(1,0,1)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50827.691, Time=22.18 sec
                                    : AIC=50868.456, Time=34.02 sec
 ARIMA(1,0,3)(0,0,0)[0] intercept
                                    : AIC=50199.358, Time=44.35 sec
 ARIMA(3,0,3)(0,0,0)[0] intercept
 ARIMA(3,0,3)(0,0,0)[0]
                                    : AIC=inf, Time=19.69 sec
```

Best model: ARIMA(3,0,3)(0,0,0)[0] intercept Total fit time: 357.714 seconds

C:\Users\agnie\anaconda3\lib\site-packages\statsmodels\graphics\gofplots.py:993:
UserWarning: marker is redundantly defined by the 'marker' keyword argument and
the fmt string "bo" (-> marker='o'). The keyword argument will take precedence.
ax.plot(x, y, fmt, \*\*plot\_style)



#### Standardized residual

The first chart shows the grouping of volatility. The residual errors appear to have a uniform variance and fluctuate between -2 and 2.

### Histogram plus estimated density

The density plot suggests a normal distribution with a mean of zero which is the excess kurtosis with long tails.

### Normal Q-Q

Normal Q-Q shows deviations from the red line, both at the beginning and at the end, which would indicate a skewed distribution with long tails.

### Correlogram

The fourth graph shows the linear relationships in the first lag. As a result, more Xs (predictors) have to be added to the model.

### [18]: print(model\_autoARIMA.summary())

## SARIMAX Results

Dep. Variable:	у	No. Observations:	19568						
Model:	SARIMAX(3, 0, 3)	Log Likelihood	-25091.679						
Date:	Tue, 07 Jun 2022	AIC	50199.358						
Time:	23:55:22	BIC	50262.411						
Sample:	0	HQIC	50220.009						
	- 19568								
Covariance Type:	opg								

========			=======			=======
	coef	std err	z	P> z	[0.025	0.975]
intercept	0.2313	0.043	5.379	0.000	0.147	0.316
ar.L1	-0.8841	0.207	-4.276	0.000	-1.289	-0.479
ar.L2	0.9484	0.026	36.689	0.000	0.898	0.999
ar.L3	0.8847	0.198	4.463	0.000	0.496	1.273
ma.L1	0.9169	0.205	4.482	0.000	0.516	1.318
ma.L2	-0.8899	0.027	-33.373	0.000	-0.942	-0.838
ma.L3	-0.8590	0.189	-4.540	0.000	-1.230	-0.488
sigma2	0.7578	0.003	240.859	0.000	0.752	0.764
========	========		=======	========	========	
=== Ljung-Box (L1) (Q): 99146.88			0.63	Jarque-Bera	(JB):	
Prob(Q): 0.00			0.43	Prob(JB):		
Heteroskedasticity (H): -0.69		1.69	Skew:			
Prob(H) (two-sided): 13.94			0.00	Kurtosis:		

### Warnings:

[1] Covariance matrix calculated using the outer product of gradients (complex-step).

### SARIMAX(3, 0, 3)

The best model with the lowest AIC = 50199.358 was selected.

Is each coefficient statistically significant?

The tests are: \* Null Hypothesis: each coefficient is NOT statistically significant. \* Alternate Hypothesis: the coefficient is statistically significant (p-value of less than 0.05).

### Each parameter is statistically significant.

Are the residuals independent (white noise)?

The Ljung Box tests if the errors are white noise.

The probability (0.43) is above 0.05, so we can't reject the null that the errors are white noise.

Do residuals show variance?

Heteroscedasticity tests if the error residuals are homoscedastic or have the same variance.

Test statistic is 1.69 while p-value of 0.00, which means that we can reject the null hypothesis and the **residuals show variance**.

Is data normally distributed?

Jarque-Bera test verifies the normality of the errors.

Test statistic of 99146.88 with a probability of 0, which means we reject the null hypothesis, and the data is not normally distributed.

In addition results show:

- Negative skewness left side asymmetry (long tail on the left side).
- Excess kurtosis results fluctuate around a mean

### 2 Initial model

```
[19]: data = data.set_index('Date')
data.sort_index(inplace=True)
```

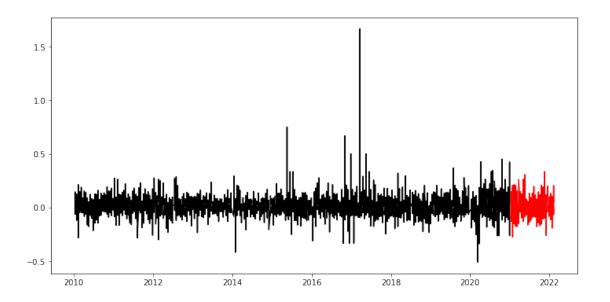
### 2.0.1 Splitting the data into training and test sets

Training set involves data from 2010 to 2020 and test set includes the year 2021.

```
[21]: fig, ax=plt.subplots(figsize=(12, 6))

plt.plot(y_train, color = "black")
plt.plot(y_test, color = "red")
```

[21]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x2a1c887b6a0>]



```
[22]: print("Number transactions X_train dataset: ", X_train.shape)
print("Number transactions y_train dataset: ", y_train.shape)
print("Number transactions X_test dataset: ", X_test.shape)
print("Number transactions y_test dataset: ", y_test.shape)
```

Number transactions X\_train dataset: (19568, 1)
Number transactions y\_train dataset: (19568,)
Number transactions X\_test dataset: (2281, 1)
Number transactions y\_test dataset: (2281,)

### 2.1 Dummy regression

```
[23]: # train model
reg_dummy = DummyRegressor(strategy = 'mean').fit(X_train, y_train)
print('Coefficient of determination:', reg_dummy.score(X_train, y_train))
```

Coefficient of determination: 0.0

0% indicates that the model does not fit the training data.

```
print("Residual sum of squares (MSE): %.5f" % mean_squared_error(y_test,_
       →y_pred_dum))
      print("Root mean squared error (RMSE): %.5f" % np.sqrt(metrics.
       →mean_squared_error(y_test, y_pred_dum)))
     Coefficient of determination (R2): -0.00021
     Mean absolute error (MAE): 0.04415
     Residual sum of squares (MSE): 0.00348
     Root mean squared error (RMSE): 0.05903
     2.2 Linear regression
[25]: # train model
      lm = LinearRegression().fit(X_train, y_train)
      print('Coefficient of determination:', round(lm.score(X_train, y_train),3))
      print('Intercept:', round(lm.intercept ,3))
      print('Slope:', lm.coef_)
     Coefficient of determination: 0.001
     Intercept: 0.019
     Slope: [-0.01473271]
     f(x) = b x + b
     f(x) = -0.015x + 0.019
     ^{2} = 0.001
     ~1% indicates that the model does not fit the training data.
[26]: # predict & evaluate
      y_pred = lm.predict(X_test)
      print('predicted response:', y_pred, sep='\n')
      print("Coefficient of determination (R2): %.5f" % r2_score(y_test , y_pred) )
      print("Mean absolute error (MAE): %.5f" % np.mean(np.absolute(y_pred - y_test)))
      print("Residual sum of squares (MSE): %.5f" % mean_squared_error(y_test,_
       →y_pred))
      print("Root mean squared error (RMSE): %.5f" % np.sqrt(metrics.
       →mean_squared_error(y_test, y_pred)))
     predicted response:
     [0.0102615  0.01015033  0.01034015  ...  0.00492247  0.00842538  0.00830968]
     Coefficient of determination (R2): -0.00067
     Mean absolute error (MAE): 0.04414
     Residual sum of squares (MSE): 0.00349
     Root mean squared error (RMSE): 0.05904
```

Adjusted R squared is adjusted for the number of independent variables in the model and equal -0.00067 (adjusted  $R^2$  will always be less than or equal to  $R^2$ ).

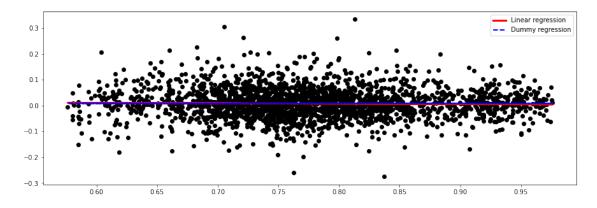
The average of the residuals equal 0.04414.

The variance of the residuals equal 0.00349.

The standard deviation of residuals equal 0.05904.

# 2.2.1 Comparison between dummy regression and linear regression combinated with observations from the test set.

### [27]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2a1c88a7af0>



Model does not explain any of the variation in the response variable around its mean.

Linear regression is marginally better than dummy regression.

Both models do not fit the variables.

### 3 Advantacted models

### 3.1 1 MONTH

```
[32]: X_month = np.array(list(data_month.iloc[:, 2]))
y_month = np.array(list(data_month.iloc[:, 3]))
```

#### 3.1.1 SVR MODEL

```
[33]: scores month SVR = []
     best_svr = SVR(kernel='rbf')
     kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
     for train_index, test_index in kf.split(X_month):
         print("Train Index: ", train_index, "\n")
         print("Test Index: ", test_index)
         X_train, X_test, y_train, y_test = X_month[train_index],_
      →X_month[test_index], y_month[train_index], y_month[test_index]
         print(X_train)
         best_svr.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
         scores_month_SVR.append(best_svr.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
     Train Index: [
                      0
                            1
                                   2 ... 15777 15778 15780]
     Test Index: [
                      3
                           14
                                 19 ... 15774 15775 15779]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.71815284]
     Train Index: [
                      1
                             2
                                  3 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                                 15 ... 15736 15758 15777]
                      0
                            8
     [0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0 1
                                 2 ... 15778 15779 15780]
                                 39 ... 15762 15763 15766]
     Test Index: [ 17
                           36
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                          1
                                2 ... 15778 15779 15780]
                           23
     Test Index: [
                                 29 ... 15741 15742 15767]
                     10
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
                                 2 ... 15777 15778 15779]
     Train Index: [ 0 1
     Test Index: [ 12
                           20
                                 28 ... 15773 15776 15780]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [
                            1
                                  2 ... 15778 15779 15780]
                      0
                                 66 ... 15717 15755 15761]
     Test Index: [ 26
                           65
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
                                  3 ... 15778 15779 15780]
     Train Index: [
                      0
                            1
     Test Index: [
                                 44 ... 15748 15768 15772]
                           18
     [0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                             1
                                   2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                      6
                           7
                                 22 ... 15733 15765 15769]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                                  3 ... 15777 15779 15780]
                            2
```

```
Test Index: [ 1
                            11
                                  13 ... 15756 15760 15778]
     [0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.77899681 0.8291815 0.71815284]
                                    2 ... 15778 15779 15780]
     Train Index: [ 0
                              1
                                   9 ... 15752 15757 15764]
     Test Index: [
                             5
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
[34]: | SVR_1M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_month_SVR - y_test.reshape(-1, 1)))
      SVR_1M_MSE = ((scores_month_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
      print("Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR 1M MSE)
      print("Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MAE)
     Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: 0.00702
     Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: 0.05581
     3.1.2 Decision Tree Regressor
[35]: scores_month_DT = []
      dtree = DecisionTreeRegressor(max_depth=8, min_samples_leaf=0.13,_
      →random state=3)
      kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
      for train_index, test_index in kf.split(X_month):
         print("Train Index: ", train_index, "\n")
         print("Test Index: ", test index)
         X_train, X_test, y_train, y_test = X_month[train_index],__
      →X_month[test_index], y_month[train_index], y_month[test_index]
         print(X_train)
         dtree.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
          scores_month_DT.append(dtree.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
     Train Index: [
                              1
                                    2 ... 15777 15778 15780]
                       0
     Test Index: [
                                  19 ... 15774 15775 15779]
                       3
                            14
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.71815284]
     Train Index: [
                                    3 ... 15778 15779 15780]
                       1
                              2
     Test Index: [
                       0
                             8
                                  15 ... 15736 15758 15777]
     [0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                             1
                                  2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [ 17
                            36
                                  39 ... 15762 15763 15766]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                      0
                          1
                                    2 ... 15778 15779 15780]
                                  29 ... 15741 15742 15767]
     Test Index: [ 10
                            23
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                              1
                                2 ... 15777 15778 15779]
```

```
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [ 0
                             1
                                  2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                                  66 ... 15717 15755 15761]
                      26
                            65
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                      0
                            1
                                    3 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                            18
                                  44 ... 15748 15768 15772]
                       2
     [0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                                  2 ... 15778 15779 15780]
                      0
                            1
     Test Index: [
                                  22 ... 15733 15765 15769]
                             7
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
                                    3 ... 15777 15779 15780]
     Train Index: [
                      0
                              2
     Test Index: [
                      1
                            11
                                  13 ... 15756 15760 15778]
     [0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.77899681 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                              1
                                    2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                       4
                             5
                                   9 ... 15752 15757 15764]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
[36]: DT 1M MAE = np.mean(np.absolute(scores month DT - y test.reshape(-1, 1)))
      DT_1M_MSE = ((scores_month_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
      print("Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %L
      →DT_1M_MSE)
      print("Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %_
       \rightarrowDT_1M_MAE)
```

28 ... 15773 15776 15780]

Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.00719 Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.05678

### 3.1.3 LASSO Regression

Test Index: [ 12

20

```
[37]: scores_month_LASSO = []
lasso_reg = Lasso(alpha=0.1)
kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
for train_index, test_index in kf.split(X_month):
    print("Train Index: ", train_index, "\n")
    print("Test Index: ", test_index)
    X_train, X_test, y_train, y_test = X_month[train_index],
    \[
\times X_month[test_index], y_month[train_index], y_month[test_index]
    print(X_train)
    lasso_reg.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
    scores_month_LASSO.append(lasso_reg.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
```

Train Index: [ 0 1 2 ... 15777 15778 15780]

```
 [0.66204726 \ 0.66806105 \ 0.74437505 \ \dots \ 0.77899681 \ 0.80271737 \ 0.71815284] 
     Train Index: [
                     1
                          2
                                3 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                             8
                                  15 ... 15736 15758 15777]
                       0
     [0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
                                    2 ... 15778 15779 15780]
     Train Index: [ 0
                            1
     Test Index: [
                                  39 ... 15762 15763 15766]
                     17
                            36
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0 1
                                  2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [ 10
                            23
                                  29 ... 15741 15742 15767]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                            1
                                    2 ... 15777 15778 15779]
                      0
     Test Index: [ 12
                            20
                                  28 ... 15773 15776 15780]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.77899681 0.80271737 0.8291815 ]
     Train Index: [ 0
                             1
                                  2 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [ 26
                            65
                                  66 ... 15717 15755 15761]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                             1
                                    3 ... 15778 15779 15780]
     Test Index: [
                            18
                                  44 ... 15748 15768 15772]
                       2
     [0.66204726 0.66806105 0.90972568 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                                   2 ... 15778 15779 15780]
                      0
                             1
     Test Index: [
                             7
                                  22 ... 15733 15765 15769]
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [
                      0
                            2
                                  3 ... 15777 15779 15780]
     Test Index: [
                     1
                            11
                                  13 ... 15756 15760 15778]
     [0.66204726 0.74437505 0.90972568 ... 0.77899681 0.8291815 0.71815284]
     Train Index: [ 0
                                  2 ... 15778 15779 15780]
                           1
     Test Index:
                 Γ
                             5
                                   9 ... 15752 15757 15764]
                       4
     [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.8291815 0.71815284]
[38]: LASSO_1M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_month_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))
      LASSO_1M_MSE = ((scores_month_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
      print("Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO 1M MSE)
      print("Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MAE)
```

19 ... 15774 15775 15779]

Test Index: [

14

3

Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: 0.00706 Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: 0.05599

### 3.2 6 MONTH

```
[39]: X_hyear = np.array(list(data_hyear.iloc[:, 2]))
y_hyear = np.array(list(data_hyear.iloc[:, 3]))
```

#### 3.2.1 SVR MODEL

```
[40]: scores_hyear_SVR = []
best_svr = SVR(kernel='rbf')
kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
for train_index, test_index in kf.split(X_hyear):
    print("Train Index: ", train_index, "\n")
    print("Test Index: ", test_index)
    X_train, X_test, y_train, y_test = X_hyear[train_index],
    \[
\times X_hyear[test_index], y_hyear[train_index], y_hyear[test_index]
    print(X_train)
    best_svr.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
    scores_hyear_SVR.append(best_svr.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
```

Train Index: [ 0 1 2 ... 6268 6269 6272]

```
Test Index: [ 14
                     17
                          19
                               23
                                     31
                                          37
                                               41
                                                    45
                                                         50
                                                              65
                                                                   79
                                                                        80
                                                                              84
88
  91
        93
           101
                132
                      156
                           157
                                167
                                     168
                                           177
                                                185
                                                     198
                                                          199
                                                               208
                                                                    217
                                                265
  221
       228
           230
                 233
                      239
                           248
                                254
                                     259
                                           263
                                                     296
                                                          308
                                                               318
                                                                    319
  323
       324
           325
                 346
                      351
                           371
                                376
                                     378
                                           393
                                                401
                                                     408
                                                          410
                                                               425
                                                                    432
  437
       465 468
                469
                      472
                           476
                                491
                                     501
                                           506
                                                511
                                                     534
                                                          535
                                                               538
                                                                    544
                                622
                                     625
                                           626
                                                672
  561
       565
           576
                 599
                      604
                           611
                                                     681
                                                          683
                                                               696
                                                                    705
                                                764
  706
       712
           736
                 746
                      747
                           752
                                755
                                     756
                                           763
                                                     794
                                                          800
                                                               811
                                                                    864
  865
      893
           907
                 932
                      964
                           977
                                996 1018 1022 1027 1032 1038 1039 1046
 1047 1073 1074 1079 1084 1090 1092 1103 1119 1129 1158 1163 1174 1175
 1176 1186 1188 1192 1193 1197 1199 1215 1220 1223 1235 1261 1268 1272
 1315 1321 1328 1330 1351 1357 1375 1393 1400 1406 1421 1426 1451 1454
 1471 1485 1487 1488 1498 1499 1501 1520 1533 1535 1550 1554 1559 1561
 1569 1586 1593 1608 1611 1616 1620 1634 1672 1695 1703 1718 1721 1730
 1740 1741 1770 1786 1789 1807 1839 1844 1864 1871 1874 1883 1891 1892
 1893 1897 1916 1919 1922 1961 1965 1971 1978 2002 2018 2025 2042 2045
 2053 2063 2099 2110 2117 2118 2119 2124 2135 2144 2157 2163 2167 2177
 2181 2191 2197 2225 2229 2233 2244 2251 2264 2268 2271 2275 2284 2288
 2291 2303 2304 2312 2313 2317 2328 2330 2337 2338 2345 2346 2347 2357
 2364 2366 2399 2404 2406 2407 2410 2412 2436 2446 2457 2462 2464 2471
 2480 2498 2505 2525 2526 2534 2552 2559 2577 2586 2609 2618 2619 2623
 2646 2656 2663 2669 2671 2678 2680 2687 2689 2715 2716 2741 2764 2776
 2781 2795 2802 2807 2819 2820 2821 2829 2836 2842 2855 2874 2876 2877
 2885 2902 2906 2908 2910 2951 2955 2960 2986 2995 3012 3016 3017 3038
 3044 3050 3053 3094 3107 3123 3128 3132 3139 3149 3153 3163 3182 3195
 3197 3203 3204 3210 3211 3214 3217 3221 3227 3231 3237 3268 3275 3279
 3289 3309 3317 3328 3332 3349 3357 3375 3386 3406 3412 3418 3422 3450
```

```
3459 3463 3492 3505 3539 3541 3547 3551 3552 3571 3574 3593 3606 3607
 3613 3625 3630 3634 3648 3652 3656 3690 3720 3722 3745 3751 3755 3765
 3773 3800 3803 3806 3826 3837 3849 3870 3893 3896 3898 3901 3904 3905
 3909 3922 3932 3939 3948 3967 3975 4013 4015 4020 4030 4031 4051 4066
 4074 4092 4099 4101 4128 4129 4155 4194 4196 4204 4213 4219 4229 4233
 4257 4264 4267 4269 4280 4290 4294 4317 4331 4333 4340 4354 4359 4370
 4383 4394 4404 4414 4428 4438 4446 4458 4463 4466 4467 4470 4475 4487
 4498 4507 4515 4536 4539 4540 4562 4563 4564 4570 4581 4586 4589 4590
 4591 4596 4603 4668 4676 4686 4693 4706 4724 4727 4739 4745 4761 4763
 4766 4775 4782 4786 4810 4812 4819 4839 4861 4864 4870 4876 4882 4885
 4917 4918 4936 4938 4947 4953 4962 5004 5007 5020 5021 5038 5047 5058
 5084 5087 5097 5099 5101 5107 5119 5132 5135 5139 5148 5149 5157 5162
 5167 5174 5184 5199 5210 5212 5218 5227 5253 5257 5266 5299 5321 5324
 5342 5346 5368 5410 5430 5433 5435 5461 5468 5475 5477 5505 5506 5510
 5527 5529 5533 5546 5562 5569 5571 5582 5590 5593 5594 5612 5619 5639
 5649 5658 5693 5695 5708 5717 5718 5742 5743 5747 5748 5761 5762 5776
 5783 5795 5807 5840 5841 5849 5857 5872 5884 5894 5902 5903 5904 5913
5917 5946 5956 5961 5962 5976 5994 5996 6007 6012 6035 6038 6041 6049
6119 6121 6140 6165 6173 6201 6207 6219 6230 6264 6270 6271]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82024816 0.80271737 0.7114474 ]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
```

Test Index: 102 106 994 1002 1005 1033 1042 1044 1049 1056 1057 1075 1086 1097 1101 1108 1128 1142 1144 1149 1153 1161 1170 1172 1181 1183 1195 1209 1212 1219 1221 1225 1242 1244 1253 1263 1295 1310 1322 1335 1339 1345 1352 1354 1362 1370 1371 1374 1383 1397 1407 1411 1419 1420 1433 1477 1480 1496 1507 1512 1513 1536 1539 1544 1545 1553 1557 1578 1600 1615 1623 1630 1632 1654 1662 1665 1669 1670 1684 1694 1699 1706 1732 1737 1743 1745 1755 1760 1773 1780 1782 1832 1835 1858 1859 1867 1872 1876 1881 1886 1912 1918 1926 1934 1941 1945 1964 1983 2022 2024 2031 2034 2072 2091 2114 2127 2138 2168 2182 2187 2199 2226 2227 2252 2287 2302 2306 2310 2339 2344 2348 2370 2375 2388 2418 2431 2439 2447 2458 2476 2481 2484 2486 2488 2499 2500 2509 2515 2517 2531 2542 2550 2554 2571 2575 2576 2579 2585 2589 2600 2602 2617 2633 2640 2641 2642 2673 2684 2691 2705 2754 2759 2775 2778 2788 2815 2827 2833 2840 2843 2846 2847 2851 2858 2862 2864 2868 2881 2890 2893 2916 2917 2922 2944 2952 2980 2991 3002 3014 3018 3023 3027 3065 3066 3077 3080 3082 3090 3095 3101 3109 3112 3114 3116 3126 3131 3159 3172 3181 3184 3208 3226 3245 3250 3263 3270 3276 3288 3308 3312 3313 3334 3336 3340 3361 3372 3393 3403 3404 3407 3413 3426 3439 3441 3458 3460 3464 3475 3477

```
3650 3666 3671 3674 3680 3705 3706 3707 3710 3717 3732 3737 3740 3742
 3749 3770 3784 3807 3815 3816 3821 3824 3825 3836 3842 3861 3879 3889
 3891 3914 3915 3917 3927 3929 3942 3950 3955 3966 3971 3977 3985 4010
 4024 4025 4035 4040 4047 4096 4108 4112 4152 4168 4174 4176 4180 4187
 4189 4207 4211 4228 4235 4240 4247 4248 4250 4258 4274 4283 4301 4308
 4309 4323 4332 4347 4352 4357 4365 4378 4385 4387 4393 4398 4412 4436
 4456 4471 4481 4490 4500 4509 4518 4520 4526 4550 4557 4576 4578 4614
 4623 4635 4656 4667 4669 4677 4689 4696 4702 4713 4726 4731 4734 4740
 4741 4743 4751 4756 4770 4790 4794 4808 4817 4818 4848 4850 4888 4890
 4898 4900 4913 4942 4943 4957 4959 4977 4979 4981 5012 5015 5022 5027
 5033 5037 5046 5064 5069 5071 5072 5074 5075 5100 5103 5106 5112 5128
 5150 5153 5185 5195 5204 5213 5214 5217 5221 5241 5267 5277 5280 5285
 5291 5297 5312 5340 5362 5378 5382 5396 5411 5437 5445 5446 5456 5478
 5479 5509 5513 5525 5528 5555 5563 5566 5572 5609 5610 5645 5652 5654
 5671 5688 5703 5710 5728 5737 5746 5751 5765 5768 5780 5782 5785 5788
 5797 5799 5816 5817 5826 5835 5852 5856 5878 5888 5911 5919 5926 5949
 5969 5981 5992 6002 6005 6016 6017 6026 6028 6032 6040 6042 6045 6047
 6057 6063 6070 6073 6082 6088 6101 6102 6103 6114 6120 6130 6132 6137
 6138 6139 6160 6168 6170 6182 6197 6218 6238 6244 6267 6268]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
                            2 ... 6270 6271 6272]
Train Index: [
                  0
                       1
            [ 12
                     26
                          30
                               43
                                     47
                                          61
                                               71
                                                    73
                                                         95
                                                            100
                                                                  109
Test Index:
                                                                       113
                                                                             142
169
  183
       184
                      210
                           219
                                229
                                                287
                                                     291
                                                          295
                                                               298
                                                                    307
            188
                 203
                                     252
                                           286
  322
       332
            334
                 336
                      339
                           344
                                347
                                     350
                                           387
                                                416
                                                     428
                                                          429
                                                               438
                                                                    443
  452
       457
            478
                 479
                      485
                           497
                                507
                                     518
                                           527
                                                533
                                                     564
                                                          582
                                                               605
                                                                    607
  627
       642
            653
                 657
                      670
                           677
                                693
                                     711
                                           718
                                                721
                                                     724
                                                          731
                                                               733
                                                                    734
  737
       765
            776
                 789
                      790
                           798
                                803
                                     809
                                           829
                                                833
                                                     837
                                                          838
                                                               842
  856
       857
            861
                 897
                      898
                           903
                                     925
                                           927
                                                944
                                                     952
                                                          978 1020 1024
                                911
 1025 1052 1055 1061 1071 1083 1087 1094 1095 1096 1109 1112 1114 1115
 1117 1121 1168 1173 1194 1203 1204 1210 1222 1224 1230 1231 1255 1258
 1260 1281 1287 1288 1294 1297 1302 1319 1323 1338 1344 1350 1359 1360
 1379 1410 1423 1425 1436 1438 1443 1448 1452 1465 1468 1483 1505 1509
 1514 1543 1562 1564 1566 1580 1595 1599 1606 1609 1612 1614 1617 1643
 1650 1652 1657 1666 1671 1720 1726 1728 1729 1738 1744 1747 1756 1765
 1769 1788 1803 1805 1820 1825 1831 1840 1860 1862 1869 1870 1888 1894
 1902 1905 1921 1951 1954 1963 1966 1973 1992 2029 2077 2083 2087 2094
 2107 2115 2131 2132 2133 2149 2173 2210 2213 2228 2232 2263 2272 2273
 2276 2318 2333 2351 2377 2392 2402 2417 2432 2445 2450 2451 2453 2465
 2473 2477 2516 2519 2521 2522 2523 2536 2548 2569 2570 2574 2594 2622
 2662 2668 2670 2683 2688 2704 2718 2722 2742 2746 2755 2758 2770 2787
 2792 2794 2798 2805 2812 2845 2857 2860 2865 2879 2882 2887 2895 2900
 2926 2929 2934 2937 2945 2954 2963 2966 2970 2977 2996 3007 3010 3021
 3024 3034 3045 3047 3049 3055 3070 3075 3096 3103 3133 3135 3151 3161
 3164 3167 3176 3194 3196 3206 3209 3220 3248 3256 3264 3286 3290 3296
```

3479 3482 3484 3488 3527 3567 3570 3585 3599 3616 3622 3626 3647 3649

3306 3311 3318 3319 3360 3362 3377 3381 3382 3383 3388 3392 3399 3410

```
3437 3455 3469 3478 3480 3483 3494 3513 3515 3519 3520 3534 3535 3538
 3558 3589 3611 3615 3618 3641 3661 3682 3698 3708 3711 3721 3734 3750
 3752 3768 3783 3789 3796 3817 3820 3827 3833 3841 3846 3852 3866 3867
 3872 3875 3878 3882 3885 3887 3892 3903 3907 3912 3931 3934 3940 3944
 3945 3951 3961 3970 3978 4003 4011 4046 4050 4059 4078 4082 4113 4119
 4122 4127 4139 4159 4161 4166 4173 4183 4190 4201 4215 4236 4252 4259
 4272 4296 4303 4320 4325 4329 4342 4348 4353 4371 4384 4395 4397 4401
 4411 4472 4476 4478 4479 4483 4503 4506 4516 4532 4535 4541 4546 4552
 4558 4561 4568 4587 4593 4599 4601 4602 4604 4607 4617 4625 4634 4639
 4650 4703 4746 4750 4755 4771 4772 4774 4783 4796 4803 4814 4823 4828
 4847 4877 4886 4901 4907 4920 4935 4937 4952 4961 4966 4983 4996 4998
 5011 5013 5050 5060 5066 5067 5079 5081 5110 5129 5163 5170 5181 5183
 5203 5244 5255 5261 5269 5273 5281 5286 5289 5298 5316 5317 5319 5327
 5328 5338 5339 5347 5356 5369 5370 5386 5398 5401 5404 5406 5413 5416
 5431 5447 5454 5460 5465 5472 5483 5485 5490 5493 5497 5500 5520 5521
 5542 5564 5567 5577 5591 5598 5606 5613 5636 5637 5646 5662 5663 5664
 5676 5680 5681 5682 5683 5700 5713 5736 5740 5744 5758 5764 5777 5793
 5796 5802 5810 5821 5822 5829 5833 5836 5846 5850 5858 5859 5861 5866
 5882 5897 5908 5912 5932 5937 5947 5951 5967 5968 5975 6018 6030 6043
 6067 6069 6071 6072 6075 6076 6084 6086 6127 6133 6141 6142 6153 6156
 6159 6163 6177 6194 6214 6236 6237 6239 6243 6253 6255 6261]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index:
             0
                       1
                            2 ... 6269 6270 6271]
```

Test Index: [ 49 999 1001 1006 1010 1029 1030 1034 1041 1068 1116 1126 1135 1151 1157 1162 1164 1187 1189 1200 1211 1216 1270 1271 1292 1293 1305 1334 1340 1349 1361 1385 1391 1392 1405 1412 1413 1424 1427 1432 1434 1437 1456 1467 1472 1476 1491 1503 1504 1526 1532 1534 1538 1541 1558 1583 1592 1598 1618 1626 1647 1658 1661 1676 1691 1700 1702 1717 1723 1752 1776 1777 1779 1813 1817 1818 1822 1837 1849 1873 1877 1879 1890 1907 1924 1937 1942 1957 1962 1987 1988 2004 2006 2008 2052 2057 2067 2080 2086 2093 2095 2098 2103 2104 2121 2142 2145 2146 2153 2154 2164 2166 2170 2195 2201 2209 2215 2218 2223 2236 2240 2245 2254 2259 2292 2298 2299 2314 2316 2323 2329 2350 2358 2378 2380 2387 2389 2405 2414 2440 2441 2463 2503 2513 2543 2549 2572 2578 2582 2584 2592 2596 2598 2603 2611 2615 2627 2629 2638 2653 2654 2666 2676 2677 2698 2699 2706 2732 2751 2753 2763 2771 2780 2799 2801 2803 2825 2828 2841 2850 2873 2886 2899 2905 2913 2915 2925 2927 2932 2941 2942 2972 2981 2988 2997 3006 3011 3025 3026 3033 3039 3058 3074 3076 3085 3102 3119 3121 3125 3127

```
3320 3322 3323 3347 3352 3370 3378 3400 3402 3409 3411 3414 3424 3429
 3434 3447 3454 3470 3491 3497 3499 3509 3516 3518 3523 3524 3528 3540
 3545 3550 3555 3560 3563 3573 3588 3612 3621 3624 3639 3651 3664 3688
 3703 3704 3739 3757 3759 3771 3779 3780 3781 3782 3786 3793 3822 3832
 3855 3862 3910 3947 3954 3960 3979 3982 3988 4002 4032 4048 4054 4058
 4071 4076 4081 4091 4093 4140 4144 4157 4163 4195 4200 4209 4216 4237
 4245 4251 4256 4260 4273 4279 4288 4299 4302 4306 4310 4313 4322 4335
 4336 4351 4366 4367 4372 4373 4375 4379 4403 4409 4416 4423 4424 4431
 4447 4453 4461 4477 4482 4504 4510 4554 4560 4585 4588 4609 4619 4653
 4657 4660 4665 4674 4679 4685 4691 4701 4705 4715 4717 4725 4728 4742
 4758 4769 4781 4800 4824 4829 4832 4833 4836 4837 4851 4855 4865 4871
 4881 4883 4902 4904 4908 4912 4915 4922 4923 4925 4945 4955 4960 4975
 4989 5006 5019 5023 5026 5036 5045 5049 5062 5070 5080 5114 5118 5120
 5144 5152 5178 5179 5182 5190 5224 5229 5239 5242 5245 5246 5247 5270
 5272 5283 5290 5294 5295 5304 5307 5333 5337 5355 5357 5361 5363 5372
 5389 5391 5395 5399 5414 5421 5422 5434 5436 5439 5452 5455 5482 5484
 5492 5508 5524 5537 5543 5545 5547 5552 5554 5556 5617 5635 5643 5650
 5657 5659 5689 5701 5704 5705 5707 5712 5714 5719 5738 5769 5803 5814
 5843 5860 5868 5875 5876 5889 5896 5898 5899 5931 5950 5953 5958 5963
 5973 5982 6015 6027 6062 6066 6068 6092 6093 6096 6104 6107 6124 6131
 6167 6171 6172 6174 6175 6185 6221 6223 6227 6245 6272]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.82080843 0.73771247]
                       2
                            3 ... 6270 6271 6272]
Train Index:
             [
                  1
Test Index:
             0
                      6
                          18
                               24
                                     25
                                          32
                                               48
                                                    52
                                                         56
                                                              58
                                                                   76
                                                                         81
                                                                            112
115
  136
       138
            159
                 170
                      173
                           193
                                194
                                     209
                                           222
                                                256
                                                     266
                                                          267
                                                               276
                                                                    299
  328
       330
            331
                 353
                      355
                           358
                                382
                                      386
                                           396
                                                413
                                                     430
                                                          433
                                                               436
                                                                    442
  449
       483
            540
                 554
                      557
                           573
                                578
                                     615
                                           643
                                                     648
                                                          656
                                                647
                                                               664
                                729
  674
       678
                      700
                                           785
                                                796
            682
                 695
                           719
                                     761
                                                     801
                                                          816
                                                               817
                                                                    818
  835
       858
            866
                 888
                      908
                           909
                                910
                                     912
                                           941
                                                958
                                                     973
                                                          990
                                                               998 1003
 1017 1023 1051 1054 1064 1088 1102 1104 1106 1110 1111 1113 1123 1130
 1137 1146 1159 1178 1180 1185 1196 1207 1213 1227 1228 1236 1237 1238
 1257 1259 1264 1289 1303 1309 1313 1325 1346 1356 1366 1378 1381 1399
 1401 1402 1415 1417 1444 1455 1461 1469 1474 1479 1482 1489 1490 1497
 1502 1510 1515 1519 1522 1548 1551 1552 1556 1563 1572 1588 1589 1590
 1610 1627 1628 1629 1644 1675 1697 1701 1705 1710 1714 1736 1739 1746
 1751 1767 1772 1774 1784 1793 1800 1808 1812 1815 1833 1842 1847 1866
 1878 1889 1909 1932 1935 1936 1943 1946 1952 1972 1995 1999 2005 2007
 2011 2015 2016 2021 2036 2059 2078 2088 2092 2100 2101 2111 2123 2140
 2172 2174 2186 2194 2217 2222 2224 2231 2235 2242 2277 2280 2282 2305
 2309 2311 2321 2341 2342 2369 2372 2373 2384 2394 2409 2416 2420 2422
 2429 2437 2456 2459 2467 2478 2487 2495 2497 2518 2535 2607 2620 2644
 2647 2650 2655 2658 2664 2685 2694 2700 2702 2707 2714 2721 2728 2750
```

3129 3130 3148 3150 3154 3218 3238 3240 3246 3252 3269 3277 3285 3307

2760 2765 2767 2784 2789 2796 2809 2818 2826 2834 2835 2859 2880 2892 2894 2897 2918 2921 2943 2948 2949 2957 2968 2985 2998 3008 3035 3043 3063 3078 3089 3098 3100 3105 3106 3113 3142 3158 3162 3165 3166 3169

```
3305 3315 3316 3321 3333 3337 3341 3358 3365 3396 3398 3405 3428 3433
 3443 3467 3481 3504 3525 3529 3536 3543 3557 3559 3575 3578 3583 3590
 3605 3608 3614 3617 3620 3646 3653 3657 3660 3670 3684 3685 3689 3700
 3753 3758 3790 3792 3794 3795 3799 3801 3808 3809 3829 3834 3856 3871
 3880 3886 3908 3916 3936 3938 3946 3968 3973 3980 3984 3992 3994 4001
 4012 4017 4028 4038 4039 4055 4072 4080 4084 4088 4098 4100 4102 4103
 4110 4118 4149 4151 4160 4162 4184 4210 4214 4239 4241 4254 4266 4271
 4284 4292 4304 4307 4315 4338 4343 4350 4362 4374 4381 4382 4391 4392
 4400 4427 4440 4448 4450 4457 4462 4486 4502 4527 4528 4529 4537 4538
 4559 4574 4584 4594 4600 4615 4622 4629 4645 4647 4652 4661 4680 4694
 4707 4708 4712 4714 4716 4730 4732 4747 4765 4776 4787 4789 4791 4801
 4830 4834 4838 4840 4852 4863 4872 4874 4878 4903 4909 4921 4927 4928
 4940 4941 4954 4956 4958 4963 4984 4991 4999 5010 5041 5054 5055 5085
 5086 5091 5095 5096 5108 5117 5121 5123 5130 5140 5143 5154 5156 5168
 5176 5180 5196 5216 5219 5220 5228 5234 5250 5252 5282 5300 5310 5313
 5318 5325 5330 5341 5343 5344 5352 5360 5366 5379 5385 5400 5407 5412
 5417 5420 5441 5457 5462 5466 5480 5481 5507 5514 5523 5544 5549 5557
 5558 5559 5565 5568 5570 5583 5587 5602 5605 5628 5631 5655 5669 5677
 5754 5767 5771 5787 5813 5827 5828 5853 5869 5870 5871 5887 5905 5916
 5924 5933 5939 5940 5944 5964 5970 5978 5984 6003 6008 6029 6048 6053
 6054 6065 6078 6081 6090 6106 6109 6112 6116 6117 6129 6146 6148 6155
 6169 6181 6187 6190 6202 6240 6249 6252 6258 6262 6269
[0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
             7
                     39
                          59
                                    82
Test Index:
                               67
                                          97
                                             131 141 155 162
                                                                  176
                                                                      178
                                                                             187
204
  226
       246
            258
                 264
                      268
                           288
                                313
                                     342
                                           343
                                                370
                                                     383
                                                          397
                                                               423
                                                                    434
  446
       459
            475
                 484
                      493
                           500
                                528
                                     531
                                           532
                                                541
                                                     546
                                                          547
                                                               550
                                                                    558
  570
       572
            581
                 587
                      592
                           601
                                610
                                     612
                                           617
                                                631
                                                     636
                                                          637
                                                               639
                                                                    640
  658
       660
            669
                 687
                      694
                           697
                                727
                                      739
                                           771
                                                773
                                                     781
                                                          786
                                                               820
                                                                    836
  839
       840
            847
                 852
                      867
                           874
                                875
                                     880
                                           883
                                                904
                                                     905
                                                          921
                                                               923
                                                                    929
  930
            942
                 948
                      965
                           967
                                970
                                     972
                                           976
                                                979
                                                     981
                                                          985
      940
                                                               997 1009
 1011 1013 1019 1036 1037 1070 1078 1080 1085 1089 1091 1093 1099 1105
 1124 1127 1132 1138 1140 1143 1152 1171 1201 1226 1233 1251 1277 1278
 1283 1298 1299 1317 1320 1326 1336 1337 1372 1373 1377 1395 1398 1404
 1416 1422 1429 1431 1447 1449 1450 1457 1464 1473 1492 1517 1530 1537
 1565 1582 1594 1602 1621 1641 1642 1649 1651 1656 1659 1677 1683 1698
 1727 1749 1758 1775 1778 1781 1783 1787 1790 1811 1814 1821 1829 1836
 1846 1851 1861 1880 1885 1896 1898 1900 1903 1904 1910 1915 1928 1929
 1938 1956 1967 1974 1979 1991 2001 2010 2014 2019 2023 2028 2069 2073
 2085 2096 2097 2126 2178 2179 2184 2189 2206 2208 2211 2220 2221 2238
 2246 2248 2249 2256 2257 2258 2266 2267 2269 2274 2281 2290 2295 2297
 2301 2307 2308 2315 2319 2331 2354 2361 2367 2374 2379 2395 2400 2413
 2423 2426 2434 2438 2470 2492 2512 2527 2528 2533 2547 2555 2561 2580
 2583 2591 2605 2606 2608 2610 2614 2630 2634 2643 2648 2649 2651 2652
```

3187 3189 3193 3198 3207 3213 3235 3254 3258 3260 3265 3295 3297 3303

2659 2686 2692 2696 2723 2726 2727 2748 2749 2757 2791 2804 2810 2813

```
2822 2856 2867 2884 2903 2909 2924 2940 2962 2973 2974 3000 3001 3013
 3048 3062 3064 3071 3091 3143 3145 3168 3185 3200 3215 3247 3253 3259
 3262 3274 3282 3326 3339 3346 3350 3353 3366 3379 3384 3390 3395 3425
 3435 3442 3471 3487 3489 3501 3532 3544 3548 3580 3586 3592 3604 3628
 3658 3659 3667 3668 3669 3686 3691 3693 3715 3718 3728 3731 3733 3767
 3785 3787 3813 3819 3830 3831 3838 3844 3857 3858 3859 3864 3869 3877
 3881 3918 3921 3937 3941 3949 3958 3964 3996 3997 4004 4019 4022 4034
 4043 4053 4056 4060 4063 4077 4083 4085 4086 4094 4095 4105 4121 4126
 4147 4148 4165 4169 4172 4182 4205 4221 4222 4246 4253 4270 4275 4305
 4314 4318 4319 4326 4327 4328 4334 4339 4349 4355 4376 4386 4402 4405
 4410 4417 4418 4419 4421 4434 4441 4442 4443 4445 4464 4480 4489 4508
 4519 4525 4534 4545 4573 4575 4577 4595 4605 4608 4610 4618 4628 4630
 4631 4633 4671 4678 4695 4700 4704 4709 4722 4733 4753 4773 4793 4813
 4825 4827 4856 4860 4862 4866 4867 4868 4880 4884 4897 4906 4930 4932
 4934 4969 4982 4985 4986 4988 5017 5018 5028 5039 5059 5061 5082 5113
 5136 5137 5158 5201 5202 5235 5243 5278 5288 5296 5302 5303 5309 5314
 5329 5331 5351 5365 5371 5377 5381 5394 5402 5403 5405 5415 5425 5426
 5427 5440 5444 5451 5453 5474 5487 5494 5498 5501 5515 5516 5519 5522
 5531 5579 5585 5597 5601 5622 5624 5629 5642 5648 5653 5666 5670 5686
 5696 5697 5702 5706 5731 5752 5753 5755 5756 5770 5772 5773 5778 5779
 5798 5805 5818 5820 5824 5834 5837 5845 5879 5881 5886 5900 5901 5918
 5935 5943 5957 5972 5985 6011 6013 6020 6021 6024 6025 6033 6037 6044
 6052 6055 6074 6079 6091 6095 6100 6110 6122 6128 6135 6149 6150 6161
 6162 6180 6183 6192 6193 6199 6211 6224 6228 6229 6232]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
Test Index:
             [ 11
                     20
                          22
                               35
                                     42
                                          72
                                               78
                                                    86
                                                         87
                                                             104
                                                                  118
                                                                       123
                                                                             128
140
  147
       163
            172
                      212
                           216
                                231
                                     234
                                           237
                                                243
                                                     261
                                                          282
                                                               340
                                                                    359
                 182
  361
                      372
                                 392
                                     398
                                           399
       363
            365
                 369
                           377
                                                405
                                                     406
                                                          407
                                                               421
                                                                    424
  435
       440
            444
                 448
                      456
                           460
                                462
                                      464
                                           482
                                                487
                                                     496
                                                          509
                                                               521
                                                                    522
                                           662
  542
       560
            593
                 597
                      630
                           632
                                 649
                                     651
                                                685
                                                     689
                                                          702
                                                               703
                                                                    707
  714
                                     779
                                                               821
       735
            741
                 743
                      758
                           767
                                 772
                                           780
                                                782
                                                     788
                                                          819
                                                                    844
  845
       850
            855
                 873
                      882
                           891
                                900
                                     916
                                           961
                                                962
                                                     986 1000 1004 1014
 1026 1031 1048 1053 1067 1072 1100 1125 1133 1134 1177 1179 1190 1198
 1206 1208 1232 1234 1241 1246 1249 1284 1286 1327 1343 1347 1364 1367
 1368 1376 1382 1403 1408 1414 1428 1430 1440 1442 1446 1459 1462 1475
 1486 1494 1506 1508 1511 1518 1523 1546 1549 1575 1577 1584 1587 1601
 1613 1624 1637 1638 1653 1660 1667 1674 1681 1688 1689 1692 1725 1731
 1735 1748 1754 1764 1766 1768 1791 1795 1798 1799 1801 1826 1830 1845
 1850 1882 1884 1911 1923 1940 1947 1948 1950 1953 1960 2003 2009 2020
 2037 2044 2066 2068 2090 2102 2112 2130 2137 2148 2155 2159 2171 2176
 2183 2185 2196 2202 2207 2216 2230 2239 2247 2250 2260 2279 2283 2285
 2293 2320 2325 2334 2355 2359 2390 2398 2401 2408 2411 2415 2425 2442
 2452 2460 2468 2474 2475 2483 2493 2494 2496 2501 2510 2520 2529 2530
```

2540 2544 2545 2562 2564 2566 2567 2581 2587 2588 2601 2628 2631 2636 2637 2661 2665 2672 2697 2710 2725 2743 2772 2785 2793 2817 2823 2830

```
2837 2852 2863 2875 2883 2889 2907 2939 2964 2978 2984 2987 2989 2990
 2992 3003 3015 3022 3029 3032 3036 3040 3046 3061 3083 3084 3088 3097
 3134 3137 3138 3173 3179 3188 3199 3225 3229 3230 3232 3243 3244 3249
 3257 3271 3273 3291 3292 3298 3299 3331 3338 3351 3355 3364 3371 3408
 3416 3423 3431 3438 3456 3468 3473 3485 3493 3503 3537 3542 3554 3562
 3565 3576 3601 3603 3619 3631 3632 3635 3654 3655 3662 3673 3678 3679
 3683 3692 3694 3697 3699 3712 3716 3724 3725 3727 3729 3754 3761 3764
 3774 3802 3805 3835 3839 3848 3865 3868 3873 3874 3883 3895 3897 3906
 3919 3926 3933 3935 3956 3957 3976 3986 3989 3995 4006 4008 4016 4037
 4041 4049 4065 4073 4075 4087 4089 4104 4114 4125 4137 4141 4145 4153
 4154 4181 4192 4198 4217 4220 4224 4230 4231 4244 4262 4287 4291 4295
 4316 4358 4368 4369 4377 4399 4406 4407 4420 4437 4439 4449 4454 4505
 4511 4512 4513 4517 4522 4523 4531 4553 4567 4582 4597 4606 4620 4624
 4626 4641 4644 4651 4655 4663 4664 4666 4684 4687 4690 4692 4698 4710
 4760 4762 4764 4768 4778 4811 4815 4816 4842 4844 4845 4879 4894 4896
 4899 4905 4939 4949 4951 4965 4967 4970 4974 4987 4990 4993 4994 4995
 5025 5030 5035 5044 5048 5076 5078 5090 5093 5125 5138 5151 5159 5186
 5192 5194 5198 5200 5205 5208 5209 5230 5231 5263 5265 5274 5284 5326
 5332 5345 5354 5359 5373 5375 5380 5388 5397 5419 5470 5471 5499 5503
 5518 5532 5561 5574 5580 5589 5607 5608 5614 5623 5626 5632 5638 5641
 5651 5678 5679 5687 5692 5716 5721 5723 5729 5741 5749 5763 5766 5775
 5789 5790 5792 5804 5811 5830 5832 5838 5842 5862 5863 5865 5877 5906
 5909 5910 5921 5936 5952 5954 5966 5971 5974 5979 5980 6000 6001 6006
 6010 6031 6050 6058 6059 6080 6097 6108 6111 6125 6134 6144 6145 6195
 6203 6204 6210 6217 6222 6225 6226 6235 6254 6260 6266]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
             3
                             4 ... 6270 6271 6272]
Train Index:
                  0
Test Index:
             1
                      2
                          10
                                13
                                     21
                                          27
                                               28
                                                    36
                                                          38
                                                               40
                                                                    46
                                                                         53
                                                                              60
74
  89
       105
            129
                 145
                      148
                           153
                                 158
                                      165
                                           171
                                                186
                                                     207
                                                          213
                                                                215
                                                                     236
  244
       250
            269
                 271
                      273
                            275
                                 277
                                      281
                                           284
                                                294
                                                     306
                                                          310
                                                                311
                                                                     316
  317
       329
            338
                 352
                      374
                            390
                                 394
                                      400
                                           403
                                                409
                                                     427
                                                          431
                                                                441
                                                                     454
  458
       481
            514
                 515
                      519
                           520
                                 526
                                      529
                                           545
                                                552
                                                     556
                                                          571
                                                                575
                                                                     583
  588
       590
            591
                 609
                                 628
                                      629
                                                          692
                                                                704
                                                                     715
                      614
                            619
                                           634
                                                661
                                                     686
  726
       738
            749
                 750
                      754
                            762
                                 778
                                      791
                                           792
                                                795
                                                     806
                                                          813
                                                                824
                                                                     826
  849
       884
            885
                 886
                      892
                            902
                                 906
                                      913
                                           917
                                                920
                                                     933
                                                          934
                                                                935
                                                                     936
  938
       939
            955
                 963
                      968
                           974
                                 983
                                      987
                                           988 1007 1008 1035 1040 1043
 1050 1058 1098 1107 1131 1136 1165 1182 1229 1239 1240 1245 1247 1262
 1265 1266 1269 1273 1274 1279 1280 1285 1290 1301 1304 1307 1316 1333
 1341 1355 1380 1386 1387 1389 1390 1394 1418 1435 1439 1441 1453 1458
 1463 1466 1521 1524 1525 1547 1555 1560 1567 1576 1579 1591 1596 1607
 1622 1640 1655 1690 1704 1708 1709 1711 1712 1713 1716 1742 1750 1762
 1763 1771 1785 1796 1797 1804 1809 1855 1868 1875 1913 1914 1925 1927
 1933 1939 1949 1977 1980 1985 1989 1993 2012 2013 2030 2032 2033 2040
 2043 2046 2050 2051 2054 2058 2064 2071 2074 2076 2084 2089 2106 2108
 2109 2113 2120 2129 2134 2139 2147 2162 2169 2175 2212 2234 2241 2253
```

2270 2289 2322 2335 2340 2352 2353 2356 2360 2365 2381 2382 2383 2396

```
2403 2419 2421 2424 2428 2430 2448 2461 2466 2469 2506 2507 2514 2532
 2541 2553 2573 2599 2604 2624 2632 2639 2657 2667 2679 2682 2711 2719
 2720 2736 2737 2740 2752 2761 2768 2769 2800 2844 2848 2854 2866 2920
 2930 2936 2946 2953 2969 2971 2979 2983 2994 3004 3020 3028 3041 3042
 3052 3081 3093 3111 3115 3144 3155 3160 3174 3178 3180 3186 3190 3192
 3201 3216 3223 3224 3233 3239 3241 3280 3329 3344 3359 3363 3380 3387
 3401 3415 3427 3430 3453 3466 3496 3500 3508 3511 3521 3526 3549 3553
 3564 3566 3568 3569 3587 3591 3595 3598 3609 3610 3623 3629 3633 3638
 3640 3642 3663 3665 3676 3681 3702 3714 3726 3738 3741 3747 3760 3776
 3778 3788 3804 3810 3811 3814 3828 3845 3853 3860 3888 3894 3899 3902
 3911 3920 3924 3928 3930 3953 3959 3963 3965 3972 3990 3998 3999 4005
 4009 4023 4026 4036 4044 4052 4062 4068 4069 4109 4111 4116 4124 4130
 4133 4135 4167 4179 4193 4197 4203 4223 4226 4232 4238 4255 4263 4265
 4278 4281 4286 4293 4311 4321 4337 4345 4346 4356 4361 4388 4390 4396
 4430 4435 4444 4459 4460 4473 4484 4494 4497 4501 4521 4543 4549 4556
 4566 4572 4579 4616 4638 4640 4643 4648 4649 4672 4675 4681 4683 4688
 4697 4738 4767 4788 4792 4795 4797 4806 4822 4826 4831 4853 4857 4889
 4914 4919 4950 4997 5000 5001 5002 5003 5008 5009 5014 5040 5043 5057
 5065 5077 5083 5089 5094 5102 5105 5111 5133 5155 5160 5164 5165 5169
 5171 5187 5189 5207 5223 5233 5238 5251 5259 5260 5271 5275 5292 5322
 5335 5349 5364 5367 5374 5383 5384 5409 5428 5429 5443 5469 5488 5491
 5538 5540 5550 5560 5576 5599 5603 5604 5640 5656 5667 5668 5672 5673
 5674 5690 5709 5715 5725 5733 5786 5815 5823 5867 5885 5890 5907 5925
 5927 5930 5941 5945 5948 5955 5960 5965 5986 5989 5990 5995 5999 6004
 6014 6051 6056 6061 6064 6083 6087 6113 6115 6126 6147 6154 6157 6158
 6176 6179 6186 6188 6200 6216 6234 6241 6246 6251 6256]
[0.66204726 0.90972568 0.66962094 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
                            2 ... 6270 6271 6272]
Train Index:
             [
                  0
                       1
Test Index:
           3
                      5
                           9
                               54
                                    55
                                          66
                                               77
                                                    94 117 125
                                                                  126
                                                                            137
164
  201
       223
            224
                 232
                      235
                           242
                                249
                                     255
                                          260
                                                280
                                                     285
                                                          302
                                                               320
                                                                    327
  341
       345
            357
                 362
                      364
                           375
                                384
                                     385
                                           388
                                                404
                                                     419
                                                          455
                                                               467
                                                                    470
  477
       499
            504
                 510
                      513
                           523
                                525
                                     536
                                          539
                                                603
                                                     638
                                                          645
                                                               666
                                                                    667
  671
       673
            688
                 713
                           722
                                723
                                     760
                                          768
                                                770
                                                     774
                                                          793
                                                               797
                      716
                                                                    814
  822
       823
            827
                 832
                      846
                           872
                                894
                                     899
                                          901
                                                914
                                                     918
                                                          919
                                                               922
                                                                    924
  928
       943
            946
                 950
                      951
                           966
                                984
                                     989
                                          992 1063 1065 1077 1118 1120
 1141 1145 1155 1160 1169 1191 1202 1205 1214 1217 1248 1250 1252 1254
 1256 1276 1296 1308 1311 1312 1314 1318 1324 1329 1331 1332 1342 1353
 1358 1384 1388 1396 1460 1481 1493 1531 1540 1542 1573 1574 1581 1603
 1604 1605 1619 1633 1639 1645 1646 1668 1673 1680 1719 1724 1753 1759
 1761 1792 1810 1823 1824 1827 1828 1834 1838 1848 1852 1854 1856 1857
 1863 1865 1887 1901 1906 1908 1917 1920 1944 1958 1968 1969 1970 1975
 1976 1984 1990 1994 1996 1997 2000 2017 2026 2035 2039 2048 2055 2060
 2075 2079 2081 2105 2116 2122 2125 2128 2136 2150 2151 2152 2158 2161
 2165 2180 2188 2190 2192 2193 2198 2203 2204 2214 2219 2243 2261 2262
 2286 2296 2324 2332 2336 2343 2349 2362 2371 2376 2386 2393 2397 2443
 2449 2472 2482 2490 2508 2538 2551 2560 2563 2590 2593 2595 2597 2621
```

```
2872 2878 2891 2898 2912 2923 2928 2933 2935 2947 2956 2958 2965 2993
 3019 3030 3031 3037 3054 3056 3057 3068 3072 3079 3086 3110 3117 3122
 3136 3141 3156 3177 3205 3212 3228 3236 3266 3278 3281 3283 3284 3287
 3293 3300 3310 3325 3330 3335 3345 3367 3368 3374 3376 3389 3391 3417
 3419 3421 3432 3448 3449 3451 3452 3462 3472 3476 3486 3490 3495 3502
 3507 3512 3514 3517 3522 3530 3531 3533 3572 3579 3584 3594 3596 3597
 3600 3602 3637 3644 3677 3687 3695 3701 3709 3713 3719 3735 3744 3756
 3762 3775 3797 3812 3818 3823 3850 3876 3900 3925 3962 3981 3983 4007
 4018 4021 4027 4033 4042 4064 4106 4120 4123 4134 4136 4138 4143 4150
 4156 4158 4164 4170 4175 4177 4178 4186 4188 4202 4206 4208 4212 4225
 4227 4234 4242 4243 4261 4268 4277 4285 4289 4298 4300 4312 4324 4344
 4363 4408 4415 4422 4425 4429 4432 4451 4455 4468 4469 4485 4524 4530
 4533 4542 4544 4547 4569 4571 4580 4612 4613 4621 4627 4632 4637 4654
 4662 4670 4673 4699 4711 4718 4719 4720 4748 4749 4757 4759 4784 4785
 4802 4804 4805 4807 4809 4820 4821 4835 4841 4849 4854 4858 4873 4892
 4895 4910 4916 4924 4926 4944 4948 4964 4971 4972 4978 5005 5024 5029
 5031 5032 5034 5042 5063 5098 5109 5115 5122 5124 5126 5127 5131 5141
 5142 5145 5146 5166 5175 5193 5197 5206 5236 5240 5256 5262 5264 5268
 5293 5301 5306 5320 5336 5348 5350 5358 5376 5418 5424 5432 5438 5448
 5449 5458 5459 5464 5467 5473 5476 5489 5495 5502 5512 5517 5526 5541
 5548 5551 5553 5573 5584 5586 5595 5615 5620 5621 5627 5633 5634 5647
 5660 5661 5665 5684 5694 5698 5720 5722 5724 5735 5745 5760 5774 5784
 5809 5819 5825 5831 5839 5844 5848 5851 5873 5874 5880 5891 5914 5922
 5923 5929 5934 5942 5983 5997 5998 6009 6023 6034 6046 6077 6085 6094
 6099 6105 6143 6151 6178 6196 6205 6215 6220 6233 6242]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index: [
                            2 ... 6270 6271 6272]
                  0
                       1
Test Index:
                     16
                          34
                               64
                                    98
                                        114 116 119 127 130
                                                                  143
             Γ
                 4
                                                                       146
                                                                             154
160
  161
      189
            190
                 197
                      200
                           202
                                206
                                     225
                                           241
                                                253
                                                     262
                                                          301
                                                               335
                                                                    337
  379
       391
            395
                 412
                      417
                           466
                                474
                                     488
                                           492
                                                502
                                                     512
                                                          524
                                                               537
                                                                    559
  562
       563
                 574
                                           608
                                                     623
            569
                      580
                           595
                                600
                                     606
                                                616
                                                          635
                                                               646
                                                                    659
  663
       675
            698
                 699
                      709
                           717
                                728
                                     732
                                           740
                                                753
                                                     766
                                                          769
                                                               775
                                                                    784
  804
       815
            825
                 830
                      851
                           853
                                854
                                     860
                                           863
                                                870
                                                     876
                                                          878
                                                               895
  954
       956
            959
                 971
                      975
                           980
                                991
                                     995 1012 1015 1016 1021 1028 1045
 1059 1060 1062 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154
 1156 1166 1167 1184 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1348 1363
 1365 1369 1409 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568
 1570 1571 1585 1597 1625 1631 1635 1636 1648 1663 1664 1678 1679 1682
 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1794 1802 1806
 1816 1819 1841 1843 1853 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986
 1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2143
 2156 2160 2200 2205 2237 2255 2265 2278 2294 2300 2326 2327 2363 2368
 2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2502 2504
 2511 2524 2537 2539 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2612 2613 2616 2625
```

2626 2635 2645 2674 2681 2703 2708 2709 2712 2713 2717 2724 2730 2739 2745 2756 2762 2766 2779 2783 2797 2814 2831 2832 2853 2861 2870 2871

```
2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2738 2744 2747
2773 2774 2777 2782 2786 2790 2806 2808 2811 2816 2824 2838 2839 2849
2869 2888 2896 2901 2904 2911 2914 2919 2931 2938 2950 2959 2961 2967
2975 2976 2982 2999 3005 3009 3051 3059 3060 3067 3069 3073 3087 3092
3099 3104 3108 3118 3120 3124 3140 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175
3183 3191 3202 3219 3222 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3301
3302 3304 3314 3324 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394
3397 3420 3436 3440 3444 3445 3446 3457 3461 3465 3474 3498 3506 3510
3546 3556 3561 3577 3581 3582 3627 3636 3643 3645 3672 3675 3696 3723
3730 3736 3743 3746 3748 3763 3766 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843
3847 3851 3854 3863 3884 3890 3913 3923 3943 3952 3969 3974 3987 3991
3993 4000 4014 4029 4045 4057 4061 4067 4070 4079 4090 4097 4107 4115
4117 4131 4132 4142 4146 4171 4185 4191 4199 4218 4249 4276 4282 4297
4330 4341 4360 4364 4380 4389 4413 4426 4433 4452 4465 4474 4488 4491
4492 4493 4495 4496 4499 4514 4548 4551 4555 4565 4583 4592 4598 4611
4636 4642 4646 4658 4659 4682 4721 4723 4729 4735 4736 4737 4744 4752
4754 4777 4779 4780 4798 4799 4843 4846 4859 4869 4875 4887 4891 4893
4911 4929 4931 4933 4946 4968 4973 4976 4980 4992 5016 5051 5052 5053
5056 5068 5073 5088 5092 5104 5116 5134 5147 5161 5172 5173 5177 5188
5191 5211 5215 5222 5225 5226 5232 5237 5248 5249 5254 5258 5276 5279
5287 5305 5308 5311 5315 5323 5334 5353 5387 5390 5392 5393 5408 5423
5442 5450 5463 5486 5496 5504 5511 5530 5534 5535 5536 5539 5575 5578
5581 5588 5592 5596 5600 5611 5616 5618 5625 5630 5644 5675 5685 5691
5699 5711 5726 5727 5730 5732 5734 5739 5750 5757 5759 5781 5791 5794
5800 5801 5806 5808 5812 5847 5854 5855 5864 5883 5892 5893 5895 5915
5920 5928 5938 5959 5977 5987 5988 5991 5993 6019 6022 6036 6039 6060
6089 6098 6118 6123 6136 6152 6164 6166 6184 6189 6191 6198 6206 6208
6209 6212 6213 6231 6247 6248 6250 6257 6259 6263 6265]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
```

```
[41]: SVR_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_SVR - y_test.reshape(-1, 1)))
SVR_6M_MSE = ((scores_hyear_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: 0.01477 Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: 0.08662

### 3.2.2 Decision Tree Regressor

```
X_train, X_test, y_train, y_test = X_hyear[train_index],

\( \times X_hyear[test_index], y_hyear[train_index], y_hyear[test_index] \)

print(X_train)

dtree.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)

scores_hyear_DT.append(dtree.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
```

Train Index: [ 0 1 2 ... 6268 6269 6272]

```
[ 14
                                                                   79
Test Index:
                     17
                          19
                               23
                                     31
                                          37
                                               41
                                                    45
                                                         50
                                                              65
                                                                         80
                                                                              84
88
  91
        93
            101
                 132
                      156
                           157
                                167
                                      168
                                           177
                                                185
                                                     198
                                                          199
                                                               208
                                                                    217
  221
       228
            230
                 233
                      239
                           248
                                254
                                      259
                                           263
                                                265
                                                     296
                                                          308
                                                               318
                                                                    319
  323
       324
            325
                 346
                      351
                           371
                                376
                                      378
                                           393
                                                401
                                                     408
                                                          410
                                                               425
                                                                    432
  437
       465
           468
                 469
                      472
                           476
                                491
                                      501
                                           506
                                                511
                                                     534
                                                          535
                                                               538
                                                                    544
  561
       565
            576
                 599
                      604
                           611
                                622
                                      625
                                           626
                                                672
                                                     681
                                                          683
                                                               696
                                                                    705
  706
                      747
                                                764
      712
            736
                 746
                           752
                                755
                                      756
                                           763
                                                     794
                                                          800
                                                                    864
                                                               811
       893
                 932
                      964
                           977
                                996 1018 1022 1027 1032 1038 1039 1046
  865
            907
 1047 1073 1074 1079 1084 1090 1092 1103 1119 1129 1158 1163 1174 1175
 1176 1186 1188 1192 1193 1197 1199 1215 1220 1223 1235 1261 1268 1272
 1315 1321 1328 1330 1351 1357 1375 1393 1400 1406 1421 1426 1451 1454
 1471 1485 1487 1488 1498 1499 1501 1520 1533 1535 1550 1554 1559 1561
 1569 1586 1593 1608 1611 1616 1620 1634 1672 1695 1703 1718 1721 1730
 1740 1741 1770 1786 1789 1807 1839 1844 1864 1871 1874 1883 1891 1892
 1893 1897 1916 1919 1922 1961 1965 1971 1978 2002 2018 2025 2042 2045
 2053 2063 2099 2110 2117 2118 2119 2124 2135 2144 2157 2163 2167 2177
 2181 2191 2197 2225 2229 2233 2244 2251 2264 2268 2271 2275 2284 2288
 2291 2303 2304 2312 2313 2317 2328 2330 2337 2338 2345 2346 2347 2357
 2364 2366 2399 2404 2406 2407 2410 2412 2436 2446 2457 2462 2464 2471
 2480 2498 2505 2525 2526 2534 2552 2559 2577 2586 2609 2618 2619 2623
 2646 2656 2663 2669 2671 2678 2680 2687 2689 2715 2716 2741 2764 2776
 2781 2795 2802 2807 2819 2820 2821 2829 2836 2842 2855 2874 2876 2877
 2885 2902 2906 2908 2910 2951 2955 2960 2986 2995 3012 3016 3017 3038
 3044 3050 3053 3094 3107 3123 3128 3132 3139 3149 3153 3163 3182 3195
 3197 3203 3204 3210 3211 3214 3217 3221 3227 3231 3237 3268 3275 3279
 3289 3309 3317 3328 3332 3349 3357 3375 3386 3406 3412 3418 3422 3450
 3459 3463 3492 3505 3539 3541 3547 3551 3552 3571 3574 3593 3606 3607
 3613 3625 3630 3634 3648 3652 3656 3690 3720 3722 3745 3751 3755 3765
 3773 3800 3803 3806 3826 3837 3849 3870 3893 3896 3898 3901 3904 3905
 3909 3922 3932 3939 3948 3967 3975 4013 4015 4020 4030 4031 4051 4066
 4074 4092 4099 4101 4128 4129 4155 4194 4196 4204 4213 4219 4229 4233
 4257 4264 4267 4269 4280 4290 4294 4317 4331 4333 4340 4354 4359 4370
 4383 4394 4404 4414 4428 4438 4446 4458 4463 4466 4467 4470 4475 4487
 4498 4507 4515 4536 4539 4540 4562 4563 4564 4570 4581 4586 4589 4590
 4591 4596 4603 4668 4676 4686 4693 4706 4724 4727 4739 4745 4761 4763
 4766 4775 4782 4786 4810 4812 4819 4839 4861 4864 4870 4876 4882 4885
 4917 4918 4936 4938 4947 4953 4962 5004 5007 5020 5021 5038 5047 5058
 5084 5087 5097 5099 5101 5107 5119 5132 5135 5139 5148 5149 5157 5162
```

5150 5153 5185 5195 5204 5213 5214 5217 5221 5241 5267 5277 5280 5285 5291 5297 5312 5340 5362 5378 5382 5396 5411 5437 5445 5446 5456 5478 5479 5509 5513 5525 5528 5555 5563 5566 5572 5609 5610 5645 5652 5654 5671 5688 5703 5710 5728 5737 5746 5751 5765 5768 5780 5782 5785 5788 5797 5799 5816 5817 5826 5835 5852 5856 5878 5888 5911 5919 5926 5949 5969 5981 5992 6002 6005 6016 6017 6026 6028 6032 6040 6042 6045 6047 6057 6063 6070 6073 6082 6088 6101 6102 6103 6114 6120 6130 6132 6137 6138 6139 6160 6168 6170 6182 6197 6218 6238 6244 6267 6268 [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ] Train Index: Γ 2 ... 6270 6271 6272] [ 12 Test Index: 100 109 

5203 5244 5255 5261 5269 5273 5281 5286 5289 5298 5316 5317 5319 5327 5328 5338 5339 5347 5356 5369 5370 5386 5398 5401 5404 5406 5413 5416 5431 5447 5454 5460 5465 5472 5483 5485 5490 5493 5497 5500 5520 5521 5542 5564 5567 5577 5591 5598 5606 5613 5636 5637 5646 5662 5663 5664 5676 5680 5681 5682 5683 5700 5713 5736 5740 5744 5758 5764 5777 5793 5796 5802 5810 5821 5822 5829 5833 5836 5846 5850 5858 5859 5861 5866 5882 5897 5908 5912 5932 5937 5947 5951 5967 5968 5975 6018 6030 6043 6067 6069 6071 6072 6075 6076 6084 6086 6127 6133 6141 6142 6153 6156 6159 6163 6177 6194 6214 6236 6237 6239 6243 6253 6255 6261] [0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ] 2 ... 6269 6270 6271] Train Index: [ Test Index: [ 49 999 1001 1006 1010 1029 1030 1034 1041 1068 1116 1126 1135 1151 1157 1162 1164 1187 1189 1200 1211 1216 1270 1271 1292 1293 1305 1334 1340 1349 1361 1385 1391 1392 1405 1412 1413 1424 1427 1432 1434 1437 1456 1467 1472 1476 1491 1503 1504 1526 1532 1534 1538 1541 1558 1583

1592 1598 1618 1626 1647 1658 1661 1676 1691 1700 1702 1717 1723 1752 1776 1777 1779 1813 1817 1818 1822 1837 1849 1873 1877 1879 1890 1907 1924 1937 1942 1957 1962 1987 1988 2004 2006 2008 2052 2057 2067 2080 2086 2093 2095 2098 2103 2104 2121 2142 2145 2146 2153 2154 2164 2166 2170 2195 2201 2209 2215 2218 2223 2236 2240 2245 2254 2259 2292 2298 2299 2314 2316 2323 2329 2350 2358 2378 2380 2387 2389 2405 2414 2440 2441 2463 2503 2513 2543 2549 2572 2578 2582 2584 2592 2596 2598 2603 2611 2615 2627 2629 2638 2653 2654 2666 2676 2677 2698 2699 2706 2732 2751 2753 2763 2771 2780 2799 2801 2803 2825 2828 2841 2850 2873 2886 2899 2905 2913 2915 2925 2927 2932 2941 2942 2972 2981 2988 2997 3006 3011 3025 3026 3033 3039 3058 3074 3076 3085 3102 3119 3121 3125 3127 3129 3130 3148 3150 3154 3218 3238 3240 3246 3252 3269 3277 3285 3307 3320 3322 3323 3347 3352 3370 3378 3400 3402 3409 3411 3414 3424 3429 3434 3447 3454 3470 3491 3497 3499 3509 3516 3518 3523 3524 3528 3540 3545 3550 3555 3560 3563 3573 3588 3612 3621 3624 3639 3651 3664 3688 3703 3704 3739 3757 3759 3771 3779 3780 3781 3782 3786 3793 3822 3832 3855 3862 3910 3947 3954 3960 3979 3982 3988 4002 4032 4048 4054 4058 4071 4076 4081 4091 4093 4140 4144 4157 4163 4195 4200 4209 4216 4237 4245 4251 4256 4260 4273 4279 4288 4299 4302 4306 4310 4313 4322 4335 4336 4351 4366 4367 4372 4373 4375 4379 4403 4409 4416 4423 4424 4431 4447 4453 4461 4477 4482 4504 4510 4554 4560 4585 4588 4609 4619 4653 4657 4660 4665 4674 4679 4685 4691 4701 4705 4715 4717 4725 4728 4742 4758 4769 4781 4800 4824 4829 4832 4833 4836 4837 4851 4855 4865 4871

4707 4708 4712 4714 4716 4730 4732 4747 4765 4776 4787 4789 4791 4801

4830 4834 4838 4840 4852 4863 4872 4874 4878 4903 4909 4921 4927 4928 4940 4941 4954 4956 4958 4963 4984 4991 4999 5010 5041 5054 5055 5085 5086 5091 5095 5096 5108 5117 5121 5123 5130 5140 5143 5154 5156 5168 5176 5180 5196 5216 5219 5220 5228 5234 5250 5252 5282 5300 5310 5313 5318 5325 5330 5341 5343 5344 5352 5360 5366 5379 5385 5400 5407 5412 5417 5420 5441 5457 5462 5466 5480 5481 5507 5514 5523 5544 5549 5557 5558 5559 5565 5568 5570 5583 5587 5602 5605 5628 5631 5655 5669 5677 5754 5767 5771 5787 5813 5827 5828 5853 5869 5870 5871 5887 5905 5916 5924 5933 5939 5940 5944 5964 5970 5978 5984 6003 6008 6029 6048 6053 6054 6065 6078 6081 6090 6106 6109 6112 6116 6117 6129 6146 6148 6155 6169 6181 6187 6190 6202 6240 6249 6252 6258 6262 6269] [0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ] [ 2 ... 6270 6271 6272] Train Index: Test Index: Γ 97 131 141 155 162 176 178 

```
4631 4633 4671 4678 4695 4700 4704 4709 4722 4733 4753 4773 4793 4813
 4825 4827 4856 4860 4862 4866 4867 4868 4880 4884 4897 4906 4930 4932
 4934 4969 4982 4985 4986 4988 5017 5018 5028 5039 5059 5061 5082 5113
 5136 5137 5158 5201 5202 5235 5243 5278 5288 5296 5302 5303 5309 5314
 5329 5331 5351 5365 5371 5377 5381 5394 5402 5403 5405 5415 5425 5426
 5427 5440 5444 5451 5453 5474 5487 5494 5498 5501 5515 5516 5519 5522
 5531 5579 5585 5597 5601 5622 5624 5629 5642 5648 5653 5666 5670 5686
 5696 5697 5702 5706 5731 5752 5753 5755 5756 5770 5772 5773 5778 5779
 5798 5805 5818 5820 5824 5834 5837 5845 5879 5881 5886 5900 5901 5918
 5935 5943 5957 5972 5985 6011 6013 6020 6021 6024 6025 6033 6037 6044
 6052 6055 6074 6079 6091 6095 6100 6110 6122 6128 6135 6149 6150 6161
6162 6180 6183 6192 6193 6199 6211 6224 6228 6229 6232]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
                            2 ... 6270 6271 6272]
Train Index:
             Γ
                  0
                       1
Test Index: [ 11
                     20
                          22
                               35
                                    42
                                          72
                                               78
                                                    86
                                                         87
                                                            104
                                                                  118
                                                                       123
                                                                             128
140
  147
                      212
                           216
                                231
                                     234
                                           237
                                                     261
       163
            172
                 182
                                                243
                                                          282
                                                               340
                                                                    359
  361
       363
            365
                 369
                      372
                           377
                                392
                                     398
                                           399
                                                405
                                                     406
                                                          407
                                                               421
                                                                    424
  435
            444
                                462
                                           482
                                                     496
                                                               521
                                                                    522
       440
                 448
                      456
                           460
                                     464
                                                487
                                                          509
  542
       560
            593
                 597
                      630
                           632
                                649
                                      651
                                           662
                                                685
                                                     689
                                                          702
                                                               703
                                                                    707
  714
       735
            741
                 743
                      758
                           767
                                772
                                     779
                                           780
                                                782
                                                     788
                                                          819
                                                               821
       850
            855
                 873
                      882
                           891
                                900
                                     916
                                           961
                                                962
                                                     986 1000 1004 1014
 1026 1031 1048 1053 1067 1072 1100 1125 1133 1134 1177 1179 1190 1198
 1206 1208 1232 1234 1241 1246 1249 1284 1286 1327 1343 1347 1364 1367
 1368 1376 1382 1403 1408 1414 1428 1430 1440 1442 1446 1459 1462 1475
 1486 1494 1506 1508 1511 1518 1523 1546 1549 1575 1577 1584 1587 1601
 1613 1624 1637 1638 1653 1660 1667 1674 1681 1688 1689 1692 1725 1731
 1735 1748 1754 1764 1766 1768 1791 1795 1798 1799 1801 1826 1830 1845
 1850 1882 1884 1911 1923 1940 1947 1948 1950 1953 1960 2003 2009 2020
 2037 2044 2066 2068 2090 2102 2112 2130 2137 2148 2155 2159 2171 2176
 2183 2185 2196 2202 2207 2216 2230 2239 2247 2250 2260 2279 2283 2285
 2293 2320 2325 2334 2355 2359 2390 2398 2401 2408 2411 2415 2425 2442
 2452 2460 2468 2474 2475 2483 2493 2494 2496 2501 2510 2520 2529 2530
 2540 2544 2545 2562 2564 2566 2567 2581 2587 2588 2601 2628 2631 2636
 2637 2661 2665 2672 2697 2710 2725 2743 2772 2785 2793 2817 2823 2830
 2837 2852 2863 2875 2883 2889 2907 2939 2964 2978 2984 2987 2989 2990
 2992 3003 3015 3022 3029 3032 3036 3040 3046 3061 3083 3084 3088 3097
 3134 3137 3138 3173 3179 3188 3199 3225 3229 3230 3232 3243 3244 3249
 3257 3271 3273 3291 3292 3298 3299 3331 3338 3351 3355 3364 3371 3408
 3416 3423 3431 3438 3456 3468 3473 3485 3493 3503 3537 3542 3554 3562
 3565 3576 3601 3603 3619 3631 3632 3635 3654 3655 3662 3673 3678 3679
 3683 3692 3694 3697 3699 3712 3716 3724 3725 3727 3729 3754 3761 3764
 3774 3802 3805 3835 3839 3848 3865 3868 3873 3874 3883 3895 3897 3906
 3919 3926 3933 3935 3956 3957 3976 3986 3989 3995 4006 4008 4016 4037
 4041 4049 4065 4073 4075 4087 4089 4104 4114 4125 4137 4141 4145 4153
 4154 4181 4192 4198 4217 4220 4224 4230 4231 4244 4262 4287 4291 4295
 4316 4358 4368 4369 4377 4399 4406 4407 4420 4437 4439 4449 4454 4505
```

```
4511 4512 4513 4517 4522 4523 4531 4553 4567 4582 4597 4606 4620 4624
 4626 4641 4644 4651 4655 4663 4664 4666 4684 4687 4690 4692 4698 4710
 4760 4762 4764 4768 4778 4811 4815 4816 4842 4844 4845 4879 4894 4896
 4899 4905 4939 4949 4951 4965 4967 4970 4974 4987 4990 4993 4994 4995
 5025 5030 5035 5044 5048 5076 5078 5090 5093 5125 5138 5151 5159 5186
 5192 5194 5198 5200 5205 5208 5209 5230 5231 5263 5265 5274 5284 5326
 5332 5345 5354 5359 5373 5375 5380 5388 5397 5419 5470 5471 5499 5503
 5518 5532 5561 5574 5580 5589 5607 5608 5614 5623 5626 5632 5638 5641
 5651 5678 5679 5687 5692 5716 5721 5723 5729 5741 5749 5763 5766 5775
 5789 5790 5792 5804 5811 5830 5832 5838 5842 5862 5863 5865 5877 5906
 5909 5910 5921 5936 5952 5954 5966 5971 5974 5979 5980 6000 6001 6006
 6010 6031 6050 6058 6059 6080 6097 6108 6111 6125 6134 6144 6145 6195
6203 6204 6210 6217 6222 6225 6226 6235 6254 6260 6266]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
                       3
Train Index: [
                  0
                            4 ... 6270 6271 6272]
Test Index:
             Γ
                 1
                      2
                          10
                                13
                                     21
                                          27
                                               28
                                                    36
                                                         38
                                                               40
                                                                    46
                                                                         53
                                                                              60
74
       105
                                                     207
  89
            129
                 145
                      148
                           153
                                158
                                      165
                                           171
                                                186
                                                          213
                                                                215
                                                                     236
  244
       250
            269
                 271
                      273
                            275
                                 277
                                      281
                                           284
                                                294
                                                     306
                                                                311
                                                          310
                                                                     316
  317
       329
            338
                 352
                      374
                            390
                                 394
                                      400
                                           403
                                                409
                                                     427
                                                          431
                                                                441
                                                                     454
  458
       481
            514
                 515
                      519
                           520
                                 526
                                      529
                                           545
                                                552
                                                     556
                                                          571
                                                                575
                                                                     583
  588
       590
            591
                 609
                      614
                           619
                                 628
                                      629
                                           634
                                                661
                                                     686
                                                          692
                                                                704
                                                                     715
  726
                                           792
       738
            749
                 750
                      754
                           762
                                 778
                                      791
                                                795
                                                     806
                                                          813
                                                                824
                                                                     826
  849
       884
            885
                 886
                      892
                           902
                                 906
                                      913
                                           917
                                                920
                                                     933
                                                          934
                                                                935
                                                                     936
  938
       939
            955
                 963
                      968
                           974
                                 983
                                      987
                                           988 1007 1008 1035 1040 1043
 1050 1058 1098 1107 1131 1136 1165 1182 1229 1239 1240 1245 1247 1262
 1265 1266 1269 1273 1274 1279 1280 1285 1290 1301 1304 1307 1316 1333
 1341 1355 1380 1386 1387 1389 1390 1394 1418 1435 1439 1441 1453 1458
 1463 1466 1521 1524 1525 1547 1555 1560 1567 1576 1579 1591 1596 1607
 1622 1640 1655 1690 1704 1708 1709 1711 1712 1713 1716 1742 1750 1762
 1763 1771 1785 1796 1797 1804 1809 1855 1868 1875 1913 1914 1925 1927
 1933 1939 1949 1977 1980 1985 1989 1993 2012 2013 2030 2032 2033 2040
 2043 2046 2050 2051 2054 2058 2064 2071 2074 2076 2084 2089 2106 2108
 2109 2113 2120 2129 2134 2139 2147 2162 2169 2175 2212 2234 2241 2253
 2270 2289 2322 2335 2340 2352 2353 2356 2360 2365 2381 2382 2383 2396
 2403 2419 2421 2424 2428 2430 2448 2461 2466 2469 2506 2507 2514 2532
 2541 2553 2573 2599 2604 2624 2632 2639 2657 2667 2679 2682 2711 2719
 2720 2736 2737 2740 2752 2761 2768 2769 2800 2844 2848 2854 2866 2920
 2930 2936 2946 2953 2969 2971 2979 2983 2994 3004 3020 3028 3041 3042
 3052 3081 3093 3111 3115 3144 3155 3160 3174 3178 3180 3186 3190 3192
 3201 3216 3223 3224 3233 3239 3241 3280 3329 3344 3359 3363 3380 3387
 3401 3415 3427 3430 3453 3466 3496 3500 3508 3511 3521 3526 3549 3553
 3564 3566 3568 3569 3587 3591 3595 3598 3609 3610 3623 3629 3633 3638
 3640 3642 3663 3665 3676 3681 3702 3714 3726 3738 3741 3747 3760 3776
 3778 3788 3804 3810 3811 3814 3828 3845 3853 3860 3888 3894 3899 3902
 3911 3920 3924 3928 3930 3953 3959 3963 3965 3972 3990 3998 3999 4005
 4009 4023 4026 4036 4044 4052 4062 4068 4069 4109 4111 4116 4124 4130
```

```
4133 4135 4167 4179 4193 4197 4203 4223 4226 4232 4238 4255 4263 4265
 4278 4281 4286 4293 4311 4321 4337 4345 4346 4356 4361 4388 4390 4396
 4430 4435 4444 4459 4460 4473 4484 4494 4497 4501 4521 4543 4549 4556
 4566 4572 4579 4616 4638 4640 4643 4648 4649 4672 4675 4681 4683 4688
 4697 4738 4767 4788 4792 4795 4797 4806 4822 4826 4831 4853 4857 4889
 4914 4919 4950 4997 5000 5001 5002 5003 5008 5009 5014 5040 5043 5057
 5065 5077 5083 5089 5094 5102 5105 5111 5133 5155 5160 5164 5165 5169
 5171 5187 5189 5207 5223 5233 5238 5251 5259 5260 5271 5275 5292 5322
 5335 5349 5364 5367 5374 5383 5384 5409 5428 5429 5443 5469 5488 5491
 5538 5540 5550 5560 5576 5599 5603 5604 5640 5656 5667 5668 5672 5673
 5674 5690 5709 5715 5725 5733 5786 5815 5823 5867 5885 5890 5907 5925
 5927 5930 5941 5945 5948 5955 5960 5965 5986 5989 5990 5995 5999 6004
 6014 6051 6056 6061 6064 6083 6087 6113 6115 6126 6147 6154 6157 6158
 6176 6179 6186 6188 6200 6216 6234 6241 6246 6251 6256]
[0.66204726 0.90972568 0.66962094 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
                  0
                            2 ... 6270 6271 6272]
Train Index: [
                       1
Test Index:
             Γ
                 3
                      5
                           9
                               54
                                    55
                                          66
                                               77
                                                    94 117 125 126
                                                                      133
                                                                            137
164
  201
      223
            224
                 232
                      235
                                249
                                     255
                                                     285
                                                          302
                                                               320
                                                                    327
                           242
                                           260
                                                280
  341
       345
            357
                 362
                      364
                           375
                                384
                                      385
                                           388
                                                404
                                                     419
                                                          455
                                                               467
                                                                    470
  477
       499
            504
                 510
                      513
                           523
                                525
                                     536
                                           539
                                                603
                                                     638
                                                          645
                                                               666
                                                                    667
  671
       673
            688
                 713
                      716
                           722
                                723
                                     760
                                           768
                                                770
                                                     774
                                                          793
                                                               797
                                                                    814
  822
       823
            827
                 832
                      846
                           872
                                894
                                     899
                                           901
                                                914
                                                     918
                                                          919
                                                               922
                                                                    924
  928
       943
            946
                 950
                      951
                           966
                                984
                                     989
                                          992 1063 1065 1077 1118 1120
 1141 1145 1155 1160 1169 1191 1202 1205 1214 1217 1248 1250 1252 1254
 1256 1276 1296 1308 1311 1312 1314 1318 1324 1329 1331 1332 1342 1353
 1358 1384 1388 1396 1460 1481 1493 1531 1540 1542 1573 1574 1581 1603
 1604 1605 1619 1633 1639 1645 1646 1668 1673 1680 1719 1724 1753 1759
 1761 1792 1810 1823 1824 1827 1828 1834 1838 1848 1852 1854 1856 1857
 1863 1865 1887 1901 1906 1908 1917 1920 1944 1958 1968 1969 1970 1975
 1976 1984 1990 1994 1996 1997 2000 2017 2026 2035 2039 2048 2055 2060
 2075 2079 2081 2105 2116 2122 2125 2128 2136 2150 2151 2152 2158 2161
 2165 2180 2188 2190 2192 2193 2198 2203 2204 2214 2219 2243 2261 2262
 2286 2296 2324 2332 2336 2343 2349 2362 2371 2376 2386 2393 2397 2443
 2449 2472 2482 2490 2508 2538 2551 2560 2563 2590 2593 2595 2597 2621
 2626 2635 2645 2674 2681 2703 2708 2709 2712 2713 2717 2724 2730 2739
 2745 2756 2762 2766 2779 2783 2797 2814 2831 2832 2853 2861 2870 2871
 2872 2878 2891 2898 2912 2923 2928 2933 2935 2947 2956 2958 2965 2993
 3019 3030 3031 3037 3054 3056 3057 3068 3072 3079 3086 3110 3117 3122
 3136 3141 3156 3177 3205 3212 3228 3236 3266 3278 3281 3283 3284 3287
 3293 3300 3310 3325 3330 3335 3345 3367 3368 3374 3376 3389 3391 3417
 3419 3421 3432 3448 3449 3451 3452 3462 3472 3476 3486 3490 3495 3502
 3507 3512 3514 3517 3522 3530 3531 3533 3572 3579 3584 3594 3596 3597
 3600 3602 3637 3644 3677 3687 3695 3701 3709 3713 3719 3735 3744 3756
 3762 3775 3797 3812 3818 3823 3850 3876 3900 3925 3962 3981 3983 4007
```

4018 4021 4027 4033 4042 4064 4106 4120 4123 4134 4136 4138 4143 4150 4156 4158 4164 4170 4175 4177 4178 4186 4188 4202 4206 4208 4212 4225

```
4227 4234 4242 4243 4261 4268 4277 4285 4289 4298 4300 4312 4324 4344
 4363 4408 4415 4422 4425 4429 4432 4451 4455 4468 4469 4485 4524 4530
 4533 4542 4544 4547 4569 4571 4580 4612 4613 4621 4627 4632 4637 4654
 4662 4670 4673 4699 4711 4718 4719 4720 4748 4749 4757 4759 4784 4785
 4802 4804 4805 4807 4809 4820 4821 4835 4841 4849 4854 4858 4873 4892
 4895 4910 4916 4924 4926 4944 4948 4964 4971 4972 4978 5005 5024 5029
 5031 5032 5034 5042 5063 5098 5109 5115 5122 5124 5126 5127 5131 5141
 5142 5145 5146 5166 5175 5193 5197 5206 5236 5240 5256 5262 5264 5268
 5293 5301 5306 5320 5336 5348 5350 5358 5376 5418 5424 5432 5438 5448
 5449 5458 5459 5464 5467 5473 5476 5489 5495 5502 5512 5517 5526 5541
 5548 5551 5553 5573 5584 5586 5595 5615 5620 5621 5627 5633 5634 5647
 5660 5661 5665 5684 5694 5698 5720 5722 5724 5735 5745 5760 5774 5784
5809 5819 5825 5831 5839 5844 5848 5851 5873 5874 5880 5891 5914 5922
 5923 5929 5934 5942 5983 5997 5998 6009 6023 6034 6046 6077 6085 6094
 6099 6105 6143 6151 6178 6196 6205 6215 6220 6233 6242]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index:
             0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
                                        114 116 119 127 130
Test Index:
            [
                 4
                     16
                          34
                               64
                                    98
                                                                  143
                                                                       146
                                                                            154
160
  161
       189
            190
                 197
                      200
                           202
                                206
                                     225
                                          241
                                                253
                                                     262
                                                          301
                                                               335
                                                                    337
  379
       391
            395
                 412
                      417
                           466
                                474
                                     488
                                          492
                                                502
                                                     512
                                                          524
                                                               537
                                                                    559
  562
       563
            569
                 574
                      580
                           595
                                600
                                     606
                                          608
                                                616
                                                     623
                                                          635
                                                               646
                                                                    659
  663
       675
            698
                 699
                      709
                           717
                                728
                                     732
                                          740
                                                753
                                                     766
                                                          769
                                                               775
                                                                    784
  804
       815
            825
                 830
                      851
                           853
                                854
                                     860
                                          863
                                                870
                                                     876
                                                          878
                                                               895
                                                                    953
  954
       956
            959
                 971
                      975
                           980
                                991
                                     995 1012 1015 1016 1021 1028 1045
 1059 1060 1062 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154
 1156 1166 1167 1184 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1348 1363
 1365 1369 1409 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568
 1570 1571 1585 1597 1625 1631 1635 1636 1648 1663 1664 1678 1679 1682
 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1794 1802 1806
 1816 1819 1841 1843 1853 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986
 1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2143
 2156 2160 2200 2205 2237 2255 2265 2278 2294 2300 2326 2327 2363 2368
 2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2502 2504
 2511 2524 2537 2539 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2612 2613 2616 2625
 2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2738 2744 2747
 2773 2774 2777 2782 2786 2790 2806 2808 2811 2816 2824 2838 2839 2849
 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2914 2919 2931 2938 2950 2959 2961 2967
 2975 2976 2982 2999 3005 3009 3051 3059 3060 3067 3069 3073 3087 3092
 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3140 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175
 3183 3191 3202 3219 3222 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3301
 3302 3304 3314 3324 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394
 3397 3420 3436 3440 3444 3445 3446 3457 3461 3465 3474 3498 3506 3510
 3546 3556 3561 3577 3581 3582 3627 3636 3643 3645 3672 3675 3696 3723
 3730 3736 3743 3746 3748 3763 3766 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843
 3847 3851 3854 3863 3884 3890 3913 3923 3943 3952 3969 3974 3987 3991
```

3993 4000 4014 4029 4045 4057 4061 4067 4070 4079 4090 4097 4107 4115

```
4117 4131 4132 4142 4146 4171 4185 4191 4199 4218 4249 4276 4282 4297
4330 4341 4360 4364 4380 4389 4413 4426 4433 4452 4465 4474 4488 4491
4492 4493 4495 4496 4499 4514 4548 4551 4555 4565 4583 4592 4598 4611
4636 4642 4646 4658 4659 4682 4721 4723 4729 4735 4736 4737 4744 4752
4754 4777 4779 4780 4798 4799 4843 4846 4859 4869 4875 4887 4891 4893
4911 4929 4931 4933 4946 4968 4973 4976 4980 4992 5016 5051 5052 5053
5056 5068 5073 5088 5092 5104 5116 5134 5147 5161 5172 5173 5177 5188
5191 5211 5215 5222 5225 5226 5232 5237 5248 5249 5254 5258 5276 5279
5287 5305 5308 5311 5315 5323 5334 5353 5387 5390 5392 5393 5408 5423
5442 5450 5463 5486 5496 5504 5511 5530 5534 5535 5536 5539 5575 5578
5581 5588 5592 5596 5600 5611 5616 5618 5625 5630 5644 5675 5685 5691
5699 5711 5726 5727 5730 5732 5734 5739 5750 5757 5759 5781 5791 5794
5800 5801 5806 5808 5812 5847 5854 5855 5864 5883 5892 5893 5895 5915
5920 5928 5938 5959 5977 5987 5988 5991 5993 6019 6022 6036 6039 6060
6089 6098 6118 6123 6136 6152 6164 6166 6184 6189 6191 6198 6206 6208
6209 6212 6213 6231 6247 6248 6250 6257 6259 6263 6265]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
```

```
[43]: DT_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_DT - y_test.reshape(-1, 1)))
DT_6M_MSE = ((scores_hyear_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %___

$\topDT_6M_MSE$)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %___
$\topDT_6M_MAE$)
```

Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.01599 Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.09145

# 3.2.3 LASSO Regression

```
[44]: scores_hyear_LASSO = []
lasso_reg = Lasso(alpha=0.1)
kf = KFold(n_splits=10, random_state=42, shuffle=True)
for train_index, test_index in kf.split(X_hyear):
    print("Train Index: ", train_index, "\n")
    print("Test Index: ", test_index)
    X_train, X_test, y_train, y_test = X_hyear[train_index],
    \[
\times X_hyear[test_index], y_hyear[train_index], y_hyear[test_index]
    print(X_train)
    lasso_reg.fit(X_train.reshape(-1, 1), y_train)
    scores_hyear_LASSO.append(lasso_reg.score(X_test.reshape(-1, 1), y_test))
```

```
Train Index: [
                  0
                        1
                             2 ... 6268 6269 6272]
Test Index: [ 14
                      17
                           19
                                23
                                      31
                                           37
                                                41
                                                      45
                                                           50
                                                                65
                                                                     79
                                                                           80
                                                                                84
88
   91
           101 132
                      156
                            157
                                 167
                                       168
                                           177
                                                 185
                                                            199
                                                                 208
        93
                                                      198
                                                                      217
                 233
                                       259
  221
      228 230
                      239
                            248
                                 254
                                            263
                                                 265
                                                      296
                                                            308
                                                                      319
                                                                 318
```

```
351
                                376
                                     378
  323
       324
            325
                 346
                           371
                                          393
                                               401
                                                     408
                                                          410
                                                               425
                                                                    432
  437
       465
            468
                 469
                      472
                           476
                                491
                                     501
                                          506
                                               511
                                                     534
                                                          535
                                                               538
                                                                    544
       565
  561
                      604
                                622
                                     625
                                          626
                                               672
                                                     681
                                                          683
                                                               696
                                                                    705
            576
                 599
                           611
  706
                                     756
                                          763
                                               764
                                                     794
      712
            736
                 746
                      747
                           752
                                755
                                                          800
                                                               811
                                                                    864
                                996 1018 1022 1027 1032 1038 1039 1046
  865
      893
            907
                 932
                      964
                           977
 1047 1073 1074 1079 1084 1090 1092 1103 1119 1129 1158 1163 1174 1175
 1176 1186 1188 1192 1193 1197 1199 1215 1220 1223 1235 1261 1268 1272
 1315 1321 1328 1330 1351 1357 1375 1393 1400 1406 1421 1426 1451 1454
 1471 1485 1487 1488 1498 1499 1501 1520 1533 1535 1550 1554 1559 1561
 1569 1586 1593 1608 1611 1616 1620 1634 1672 1695 1703 1718 1721 1730
 1740 1741 1770 1786 1789 1807 1839 1844 1864 1871 1874 1883 1891 1892
 1893 1897 1916 1919 1922 1961 1965 1971 1978 2002 2018 2025 2042 2045
 2053 2063 2099 2110 2117 2118 2119 2124 2135 2144 2157 2163 2167 2177
 2181 2191 2197 2225 2229 2233 2244 2251 2264 2268 2271 2275 2284 2288
 2291 2303 2304 2312 2313 2317 2328 2330 2337 2338 2345 2346 2347 2357
 2364 2366 2399 2404 2406 2407 2410 2412 2436 2446 2457 2462 2464 2471
 2480 2498 2505 2525 2526 2534 2552 2559 2577 2586 2609 2618 2619 2623
 2646 2656 2663 2669 2671 2678 2680 2687 2689 2715 2716 2741 2764 2776
 2781 2795 2802 2807 2819 2820 2821 2829 2836 2842 2855 2874 2876 2877
 2885 2902 2906 2908 2910 2951 2955 2960 2986 2995 3012 3016 3017 3038
 3044 3050 3053 3094 3107 3123 3128 3132 3139 3149 3153 3163 3182 3195
 3197 3203 3204 3210 3211 3214 3217 3221 3227 3231 3237 3268 3275 3279
 3289 3309 3317 3328 3332 3349 3357 3375 3386 3406 3412 3418 3422 3450
 3459 3463 3492 3505 3539 3541 3547 3551 3552 3571 3574 3593 3606 3607
 3613 3625 3630 3634 3648 3652 3656 3690 3720 3722 3745 3751 3755 3765
 3773 3800 3803 3806 3826 3837 3849 3870 3893 3896 3898 3901 3904 3905
 3909 3922 3932 3939 3948 3967 3975 4013 4015 4020 4030 4031 4051 4066
 4074 4092 4099 4101 4128 4129 4155 4194 4196 4204 4213 4219 4229 4233
 4257 4264 4267 4269 4280 4290 4294 4317 4331 4333 4340 4354 4359 4370
 4383 4394 4404 4414 4428 4438 4446 4458 4463 4466 4467 4470 4475 4487
 4498 4507 4515 4536 4539 4540 4562 4563 4564 4570 4581 4586 4589 4590
 4591 4596 4603 4668 4676 4686 4693 4706 4724 4727 4739 4745 4761 4763
 4766 4775 4782 4786 4810 4812 4819 4839 4861 4864 4870 4876 4882 4885
 4917 4918 4936 4938 4947 4953 4962 5004 5007 5020 5021 5038 5047 5058
 5084 5087 5097 5099 5101 5107 5119 5132 5135 5139 5148 5149 5157 5162
 5167 5174 5184 5199 5210 5212 5218 5227 5253 5257 5266 5299 5321 5324
 5342 5346 5368 5410 5430 5433 5435 5461 5468 5475 5477 5505 5506 5510
 5527 5529 5533 5546 5562 5569 5571 5582 5590 5593 5594 5612 5619 5639
 5649 5658 5693 5695 5708 5717 5718 5742 5743 5747 5748 5761 5762 5776
5783 5795 5807 5840 5841 5849 5857 5872 5884 5894 5902 5903 5904 5913
5917 5946 5956 5961 5962 5976 5994 5996 6007 6012 6035 6038 6041 6049
 6119 6121 6140 6165 6173 6201 6207 6219 6230 6264 6270 6271]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82024816 0.80271737 0.7114474 ]
                            2 ... 6270 6271 6272]
Train Index:
             Γ
                  0
                       1
                                         57
                                                            102
Test Index:
             Γ
                 8
                     15
                          29
                               33
                                    44
                                               63
                                                    69
                                                         90
                                                                  106
                                                                       107
```

151 179 181 196 227

122 124 135

144 149

240 245

```
257
       272
            279
                 290
                      292
                           293
                                297
                                      303
                                          315
                                                321
                                                     333
                                                          349
                                                               354
                                                                    367
  373
       380
            381
                 414
                      418
                           420
                                422
                                     426
                                          439
                                                445
                                                     447
                                                          453
                                                               471
                                                                    473
  486
       503
            505
                 530
                      548
                           549
                                                     585
                                                                    598
                                553
                                     555
                                          577
                                                584
                                                          586
                                                               589
                                     701
  613
       624
            641
                 654
                      655
                           676
                                691
                                          710
                                                730
                                                     742
                                                          748
                                                               751
                                                                    783
  787
       799
            805
                 807
                      808
                           810
                                812
                                     834
                                          877
                                                879
                                                     881
                                                          889
                                                               896
                                                                    915
  926
                           994 1002 1005 1033 1042 1044 1049 1056 1057
       947
            960
                 969
                      982
 1075 1086 1097 1101 1108 1128 1142 1144 1149 1153 1161 1170 1172 1181
 1183 1195 1209 1212 1219 1221 1225 1242 1244 1253 1263 1295 1310 1322
 1335 1339 1345 1352 1354 1362 1370 1371 1374 1383 1397 1407 1411 1419
 1420 1433 1477 1480 1496 1507 1512 1513 1536 1539 1544 1545 1553 1557
 1578 1600 1615 1623 1630 1632 1654 1662 1665 1669 1670 1684 1694 1699
 1706 1732 1737 1743 1745 1755 1760 1773 1780 1782 1832 1835 1858 1859
 1867 1872 1876 1881 1886 1912 1918 1926 1934 1941 1945 1964 1983 2022
 2024 2031 2034 2072 2091 2114 2127 2138 2168 2182 2187 2199 2226 2227
 2252 2287 2302 2306 2310 2339 2344 2348 2370 2375 2388 2418 2431 2439
 2447 2458 2476 2481 2484 2486 2488 2499 2500 2509 2515 2517 2531 2542
 2550 2554 2571 2575 2576 2579 2585 2589 2600 2602 2617 2633 2640 2641
 2642 2673 2684 2691 2705 2754 2759 2775 2778 2788 2815 2827 2833 2840
 2843 2846 2847 2851 2858 2862 2864 2868 2881 2890 2893 2916 2917 2922
 2944 2952 2980 2991 3002 3014 3018 3023 3027 3065 3066 3077 3080 3082
 3090 3095 3101 3109 3112 3114 3116 3126 3131 3159 3172 3181 3184 3208
 3226 3245 3250 3263 3270 3276 3288 3308 3312 3313 3334 3336 3340 3361
 3372 3393 3403 3404 3407 3413 3426 3439 3441 3458 3460 3464 3475 3477
 3479 3482 3484 3488 3527 3567 3570 3585 3599 3616 3622 3626 3647 3649
 3650 3666 3671 3674 3680 3705 3706 3707 3710 3717 3732 3737 3740 3742
 3749 3770 3784 3807 3815 3816 3821 3824 3825 3836 3842 3861 3879 3889
 3891 3914 3915 3917 3927 3929 3942 3950 3955 3966 3971 3977 3985 4010
 4024 4025 4035 4040 4047 4096 4108 4112 4152 4168 4174 4176 4180 4187
 4189 4207 4211 4228 4235 4240 4247 4248 4250 4258 4274 4283 4301 4308
 4309 4323 4332 4347 4352 4357 4365 4378 4385 4387 4393 4398 4412 4436
 4456 4471 4481 4490 4500 4509 4518 4520 4526 4550 4557 4576 4578 4614
 4623 4635 4656 4667 4669 4677 4689 4696 4702 4713 4726 4731 4734 4740
 4741 4743 4751 4756 4770 4790 4794 4808 4817 4818 4848 4850 4888 4890
 4898 4900 4913 4942 4943 4957 4959 4977 4979 4981 5012 5015 5022 5027
 5033 5037 5046 5064 5069 5071 5072 5074 5075 5100 5103 5106 5112 5128
 5150 5153 5185 5195 5204 5213 5214 5217 5221 5241 5267 5277 5280 5285
 5291 5297 5312 5340 5362 5378 5382 5396 5411 5437 5445 5446 5456 5478
 5479 5509 5513 5525 5528 5555 5563 5566 5572 5609 5610 5645 5652 5654
 5671 5688 5703 5710 5728 5737 5746 5751 5765 5768 5780 5782 5785 5788
 5797 5799 5816 5817 5826 5835 5852 5856 5878 5888 5911 5919 5926 5949
5969 5981 5992 6002 6005 6016 6017 6026 6028 6032 6040 6042 6045 6047
 6057 6063 6070 6073 6082 6088 6101 6102 6103 6114 6120 6130 6132 6137
 6138 6139 6160 6168 6170 6182 6197 6218 6238 6244 6267 6268]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index:
             Γ
                  0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
```

Test Index: [ 12 26 30 43 47 61 71 73 95 100 109 113 142 169

```
252
                           219
                                229
                                                                    307
  183
       184
            188
                 203
                      210
                                          286
                                                287
                                                     291
                                                          295
                                                               298
  322
       332
            334
                 336
                      339
                           344
                                347
                                     350
                                          387
                                                416
                                                     428
                                                          429
                                                               438
                                                                    443
  452
       457
            478
                 479
                      485
                           497
                                507
                                          527
                                                533
                                                     564
                                                          582
                                                               605
                                     518
                                                                    607
  627
                                     711
                                                721
                                                          731
       642
            653
                 657
                      670
                           677
                                693
                                           718
                                                     724
                                                               733
                                                                    734
  737
       765
            776
                 789
                      790
                           798
                                803
                                     809
                                          829
                                                833
                                                     837
                                                          838
                                                               842
                                                                    848
  856
       857
            861
                                     925
                                                     952
                 897
                      898
                           903
                                911
                                          927
                                                944
                                                          978 1020 1024
 1025 1052 1055 1061 1071 1083 1087 1094 1095 1096 1109 1112 1114 1115
 1117 1121 1168 1173 1194 1203 1204 1210 1222 1224 1230 1231 1255 1258
 1260 1281 1287 1288 1294 1297 1302 1319 1323 1338 1344 1350 1359 1360
 1379 1410 1423 1425 1436 1438 1443 1448 1452 1465 1468 1483 1505 1509
 1514 1543 1562 1564 1566 1580 1595 1599 1606 1609 1612 1614 1617 1643
 1650 1652 1657 1666 1671 1720 1726 1728 1729 1738 1744 1747 1756 1765
 1769 1788 1803 1805 1820 1825 1831 1840 1860 1862 1869 1870 1888 1894
 1902 1905 1921 1951 1954 1963 1966 1973 1992 2029 2077 2083 2087 2094
 2107 2115 2131 2132 2133 2149 2173 2210 2213 2228 2232 2263 2272 2273
 2276 2318 2333 2351 2377 2392 2402 2417 2432 2445 2450 2451 2453 2465
 2473 2477 2516 2519 2521 2522 2523 2536 2548 2569 2570 2574 2594 2622
 2662 2668 2670 2683 2688 2704 2718 2722 2742 2746 2755 2758 2770 2787
 2792 2794 2798 2805 2812 2845 2857 2860 2865 2879 2882 2887 2895 2900
 2926 2929 2934 2937 2945 2954 2963 2966 2970 2977 2996 3007 3010 3021
 3024 3034 3045 3047 3049 3055 3070 3075 3096 3103 3133 3135 3151 3161
 3164 3167 3176 3194 3196 3206 3209 3220 3248 3256 3264 3286 3290 3296
 3306 3311 3318 3319 3360 3362 3377 3381 3382 3383 3388 3392 3399 3410
 3437 3455 3469 3478 3480 3483 3494 3513 3515 3519 3520 3534 3535 3538
 3558 3589 3611 3615 3618 3641 3661 3682 3698 3708 3711 3721 3734 3750
 3752 3768 3783 3789 3796 3817 3820 3827 3833 3841 3846 3852 3866 3867
 3872 3875 3878 3882 3885 3887 3892 3903 3907 3912 3931 3934 3940 3944
 3945 3951 3961 3970 3978 4003 4011 4046 4050 4059 4078 4082 4113 4119
 4122 4127 4139 4159 4161 4166 4173 4183 4190 4201 4215 4236 4252 4259
 4272 4296 4303 4320 4325 4329 4342 4348 4353 4371 4384 4395 4397 4401
 4411 4472 4476 4478 4479 4483 4503 4506 4516 4532 4535 4541 4546 4552
 4558 4561 4568 4587 4593 4599 4601 4602 4604 4607 4617 4625 4634 4639
 4650 4703 4746 4750 4755 4771 4772 4774 4783 4796 4803 4814 4823 4828
 4847 4877 4886 4901 4907 4920 4935 4937 4952 4961 4966 4983 4996 4998
 5011 5013 5050 5060 5066 5067 5079 5081 5110 5129 5163 5170 5181 5183
 5203 5244 5255 5261 5269 5273 5281 5286 5289 5298 5316 5317 5319 5327
 5328 5338 5339 5347 5356 5369 5370 5386 5398 5401 5404 5406 5413 5416
 5431 5447 5454 5460 5465 5472 5483 5485 5490 5493 5497 5500 5520 5521
 5542 5564 5567 5577 5591 5598 5606 5613 5636 5637 5646 5662 5663 5664
 5676 5680 5681 5682 5683 5700 5713 5736 5740 5744 5758 5764 5777 5793
 5796 5802 5810 5821 5822 5829 5833 5836 5846 5850 5858 5859 5861 5866
 5882 5897 5908 5912 5932 5937 5947 5951 5967 5968 5975 6018 6030 6043
 6067 6069 6071 6072 6075 6076 6084 6086 6127 6133 6141 6142 6153 6156
 6159 6163 6177 6194 6214 6236 6237 6239 6243 6253 6255 6261]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index:
             Γ
                  0
                       1
                            2 ... 6269 6270 6271]
```

```
111
  120
       134
            139
                 150
                      152
                           166
                                174
                                     175
                                           180
                                                191
                                                     192
                                                          195
                                                               205
                                                                    211
  214
       218
            220
                 238
                      270
                           274
                                278
                                     283
                                           289
                                                300
                                                     304
                                                          305
                                                               309
                                                                    312
  314
       326
            348
                 356
                      360
                           366
                                368
                                     389
                                           402
                                                411
                                                     415
                                                          450
                                                               451
                                                                    461
  463
       480
            489
                 490
                      494
                           495
                                498
                                     508
                                           516
                                                517
                                                     543
                                                          551
                                                               566
                                                                    567
  568
       579
            594
                 596
                      602
                           618
                                620
                                     621
                                           633
                                                644
                                                     650
                                                          652
                                                               668
                                                                    679
  680
       684
            690
                 708
                      720
                           725
                                744
                                     745
                                           757
                                                759
                                                     777
                                                          802
                                                               828
                                                                    831
  841
       843
            859
                 862
                      868
                           869
                                871
                                     887
                                           890
                                                931
                                                     937
                                                          945
                                                               949
                                                                    957
       999 1001 1006 1010 1029 1030 1034 1041 1068 1116 1126 1135 1151
 1157 1162 1164 1187 1189 1200 1211 1216 1270 1271 1292 1293 1305 1334
 1340 1349 1361 1385 1391 1392 1405 1412 1413 1424 1427 1432 1434 1437
 1456 1467 1472 1476 1491 1503 1504 1526 1532 1534 1538 1541 1558 1583
 1592 1598 1618 1626 1647 1658 1661 1676 1691 1700 1702 1717 1723 1752
 1776 1777 1779 1813 1817 1818 1822 1837 1849 1873 1877 1879 1890 1907
 1924 1937 1942 1957 1962 1987 1988 2004 2006 2008 2052 2057 2067 2080
 2086 2093 2095 2098 2103 2104 2121 2142 2145 2146 2153 2154 2164 2166
 2170 2195 2201 2209 2215 2218 2223 2236 2240 2245 2254 2259 2292 2298
 2299 2314 2316 2323 2329 2350 2358 2378 2380 2387 2389 2405 2414 2440
 2441 2463 2503 2513 2543 2549 2572 2578 2582 2584 2592 2596 2598 2603
 2611 2615 2627 2629 2638 2653 2654 2666 2676 2677 2698 2699 2706 2732
 2751 2753 2763 2771 2780 2799 2801 2803 2825 2828 2841 2850 2873 2886
 2899 2905 2913 2915 2925 2927 2932 2941 2942 2972 2981 2988 2997 3006
 3011 3025 3026 3033 3039 3058 3074 3076 3085 3102 3119 3121 3125 3127
 3129 3130 3148 3150 3154 3218 3238 3240 3246 3252 3269 3277 3285 3307
 3320 3322 3323 3347 3352 3370 3378 3400 3402 3409 3411 3414 3424 3429
 3434 3447 3454 3470 3491 3497 3499 3509 3516 3518 3523 3524 3528 3540
 3545 3550 3555 3560 3563 3573 3588 3612 3621 3624 3639 3651 3664 3688
 3703 3704 3739 3757 3759 3771 3779 3780 3781 3782 3786 3793 3822 3832
 3855 3862 3910 3947 3954 3960 3979 3982 3988 4002 4032 4048 4054 4058
 4071 4076 4081 4091 4093 4140 4144 4157 4163 4195 4200 4209 4216 4237
 4245 4251 4256 4260 4273 4279 4288 4299 4302 4306 4310 4313 4322 4335
 4336 4351 4366 4367 4372 4373 4375 4379 4403 4409 4416 4423 4424 4431
 4447 4453 4461 4477 4482 4504 4510 4554 4560 4585 4588 4609 4619 4653
 4657 4660 4665 4674 4679 4685 4691 4701 4705 4715 4717 4725 4728 4742
 4758 4769 4781 4800 4824 4829 4832 4833 4836 4837 4851 4855 4865 4871
 4881 4883 4902 4904 4908 4912 4915 4922 4923 4925 4945 4955 4960 4975
 4989 5006 5019 5023 5026 5036 5045 5049 5062 5070 5080 5114 5118 5120
 5144 5152 5178 5179 5182 5190 5224 5229 5239 5242 5245 5246 5247 5270
 5272 5283 5290 5294 5295 5304 5307 5333 5337 5355 5357 5361 5363 5372
 5389 5391 5395 5399 5414 5421 5422 5434 5436 5439 5452 5455 5482 5484
 5492 5508 5524 5537 5543 5545 5547 5552 5554 5556 5617 5635 5643 5650
 5657 5659 5689 5701 5704 5705 5707 5712 5714 5719 5738 5769 5803 5814
 5843 5860 5868 5875 5876 5889 5896 5898 5899 5931 5950 5953 5958 5963
 5973 5982 6015 6027 6062 6066 6068 6092 6093 6096 6104 6107 6124 6131
 6167 6171 6172 6174 6175 6185 6221 6223 6227 6245 6272]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.80271737 0.82080843 0.73771247]
Train Index: [
                1
                       2
                            3 ... 6270 6271 6272]
```

```
Test Index:
            [
                 0
                      6
                          18
                               24
                                    25
                                          32
                                               48
                                                    52
                                                         56
                                                              58
                                                                   76
                                                                        81
                                                                            112
115
                                                                    299
  136
       138
            159
                 170
                      173
                           193
                                194
                                     209
                                           222
                                                256
                                                     266
                                                          267
                                                               276
  328
       330
            331
                 353
                      355
                           358
                                382
                                      386
                                           396
                                                413
                                                     430
                                                          433
                                                               436
                                                                    442
  449
       483
            540
                 554
                      557
                           573
                                578
                                     615
                                           643
                                                647
                                                     648
                                                          656
                                                               664
                                                                    665
  674
       678
            682
                 695
                      700
                           719
                                729
                                     761
                                           785
                                                796
                                                     801
                                                          816
                                                               817
                                                                    818
  835
       858
            866
                 888
                      908
                           909
                                910
                                     912
                                           941
                                                958
                                                     973
                                                          990
                                                               998 1003
 1017 1023 1051 1054 1064 1088 1102 1104 1106 1110 1111 1113 1123 1130
 1137 1146 1159 1178 1180 1185 1196 1207 1213 1227 1228 1236 1237 1238
 1257 1259 1264 1289 1303 1309 1313 1325 1346 1356 1366 1378 1381 1399
 1401 1402 1415 1417 1444 1455 1461 1469 1474 1479 1482 1489 1490 1497
 1502 1510 1515 1519 1522 1548 1551 1552 1556 1563 1572 1588 1589 1590
 1610 1627 1628 1629 1644 1675 1697 1701 1705 1710 1714 1736 1739 1746
 1751 1767 1772 1774 1784 1793 1800 1808 1812 1815 1833 1842 1847 1866
 1878 1889 1909 1932 1935 1936 1943 1946 1952 1972 1995 1999 2005 2007
 2011 2015 2016 2021 2036 2059 2078 2088 2092 2100 2101 2111 2123 2140
 2172 2174 2186 2194 2217 2222 2224 2231 2235 2242 2277 2280 2282 2305
 2309 2311 2321 2341 2342 2369 2372 2373 2384 2394 2409 2416 2420 2422
 2429 2437 2456 2459 2467 2478 2487 2495 2497 2518 2535 2607 2620 2644
 2647 2650 2655 2658 2664 2685 2694 2700 2702 2707 2714 2721 2728 2750
 2760 2765 2767 2784 2789 2796 2809 2818 2826 2834 2835 2859 2880 2892
 2894 2897 2918 2921 2943 2948 2949 2957 2968 2985 2998 3008 3035 3043
 3063 3078 3089 3098 3100 3105 3106 3113 3142 3158 3162 3165 3166 3169
 3187 3189 3193 3198 3207 3213 3235 3254 3258 3260 3265 3295 3297 3303
 3305 3315 3316 3321 3333 3337 3341 3358 3365 3396 3398 3405 3428 3433
 3443 3467 3481 3504 3525 3529 3536 3543 3557 3559 3575 3578 3583 3590
 3605 3608 3614 3617 3620 3646 3653 3657 3660 3670 3684 3685 3689 3700
 3753 3758 3790 3792 3794 3795 3799 3801 3808 3809 3829 3834 3856 3871
 3880 3886 3908 3916 3936 3938 3946 3968 3973 3980 3984 3992 3994 4001
 4012 4017 4028 4038 4039 4055 4072 4080 4084 4088 4098 4100 4102 4103
 4110 4118 4149 4151 4160 4162 4184 4210 4214 4239 4241 4254 4266 4271
 4284 4292 4304 4307 4315 4338 4343 4350 4362 4374 4381 4382 4391 4392
 4400 4427 4440 4448 4450 4457 4462 4486 4502 4527 4528 4529 4537 4538
 4559 4574 4584 4594 4600 4615 4622 4629 4645 4647 4652 4661 4680 4694
 4707 4708 4712 4714 4716 4730 4732 4747 4765 4776 4787 4789 4791 4801
 4830 4834 4838 4840 4852 4863 4872 4874 4878 4903 4909 4921 4927 4928
 4940 4941 4954 4956 4958 4963 4984 4991 4999 5010 5041 5054 5055 5085
 5086 5091 5095 5096 5108 5117 5121 5123 5130 5140 5143 5154 5156 5168
 5176 5180 5196 5216 5219 5220 5228 5234 5250 5252 5282 5300 5310 5313
 5318 5325 5330 5341 5343 5344 5352 5360 5366 5379 5385 5400 5407 5412
 5417 5420 5441 5457 5462 5466 5480 5481 5507 5514 5523 5544 5549 5557
 5558 5559 5565 5568 5570 5583 5587 5602 5605 5628 5631 5655 5669 5677
 5754 5767 5771 5787 5813 5827 5828 5853 5869 5870 5871 5887 5905 5916
 5924 5933 5939 5940 5944 5964 5970 5978 5984 6003 6008 6029 6048 6053
 6054 6065 6078 6081 6090 6106 6109 6112 6116 6117 6129 6146 6148 6155
 6169 6181 6187 6190 6202 6240 6249 6252 6258 6262 6269]
[0.66806105 0.74437505 0.90972568 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 6270 6271 6272]
```

```
7
Test Index:
            39
                          59
                               67
                                    82
                                         97
                                             131 141 155 162 176
                                                                      178
                                                                            187
204
  226
      246
            258
                      268
                           288
                                313
                                     342
                                          343
                                                370
                                                     383
                                                          397
                                                               423
                 264
                                                                    434
  446
       459
            475
                 484
                      493
                           500
                                528
                                     531
                                           532
                                                541
                                                     546
                                                          547
                                                               550
                                                                    558
  570
       572
            581
                 587
                      592
                           601
                                610
                                     612
                                           617
                                                631
                                                     636
                                                          637
                                                               639
                                                                    640
  658
       660
            669
                 687
                      694
                           697
                                727
                                     739
                                           771
                                                773
                                                     781
                                                          786
                                                               820
                                                                    836
  839
       840
            847
                 852
                      867
                           874
                                875
                                     880
                                          883
                                                904
                                                     905
                                                          921
                                                               923
                                                                    929
                                     972
  930
       940
            942
                 948
                      965
                           967
                                970
                                          976
                                                979
                                                     981
                                                          985
                                                               997 1009
 1011 1013 1019 1036 1037 1070 1078 1080 1085 1089 1091 1093 1099 1105
 1124 1127 1132 1138 1140 1143 1152 1171 1201 1226 1233 1251 1277 1278
 1283 1298 1299 1317 1320 1326 1336 1337 1372 1373 1377 1395 1398 1404
 1416 1422 1429 1431 1447 1449 1450 1457 1464 1473 1492 1517 1530 1537
 1565 1582 1594 1602 1621 1641 1642 1649 1651 1656 1659 1677 1683 1698
 1727 1749 1758 1775 1778 1781 1783 1787 1790 1811 1814 1821 1829 1836
 1846 1851 1861 1880 1885 1896 1898 1900 1903 1904 1910 1915 1928 1929
 1938 1956 1967 1974 1979 1991 2001 2010 2014 2019 2023 2028 2069 2073
 2085 2096 2097 2126 2178 2179 2184 2189 2206 2208 2211 2220 2221 2238
 2246 2248 2249 2256 2257 2258 2266 2267 2269 2274 2281 2290 2295 2297
 2301 2307 2308 2315 2319 2331 2354 2361 2367 2374 2379 2395 2400 2413
 2423 2426 2434 2438 2470 2492 2512 2527 2528 2533 2547 2555 2561 2580
 2583 2591 2605 2606 2608 2610 2614 2630 2634 2643 2648 2649 2651 2652
 2659 2686 2692 2696 2723 2726 2727 2748 2749 2757 2791 2804 2810 2813
 2822 2856 2867 2884 2903 2909 2924 2940 2962 2973 2974 3000 3001 3013
 3048 3062 3064 3071 3091 3143 3145 3168 3185 3200 3215 3247 3253 3259
 3262 3274 3282 3326 3339 3346 3350 3353 3366 3379 3384 3390 3395 3425
 3435 3442 3471 3487 3489 3501 3532 3544 3548 3580 3586 3592 3604 3628
 3658 3659 3667 3668 3669 3686 3691 3693 3715 3718 3728 3731 3733 3767
 3785 3787 3813 3819 3830 3831 3838 3844 3857 3858 3859 3864 3869 3877
 3881 3918 3921 3937 3941 3949 3958 3964 3996 3997 4004 4019 4022 4034
 4043 4053 4056 4060 4063 4077 4083 4085 4086 4094 4095 4105 4121 4126
 4147 4148 4165 4169 4172 4182 4205 4221 4222 4246 4253 4270 4275 4305
 4314 4318 4319 4326 4327 4328 4334 4339 4349 4355 4376 4386 4402 4405
 4410 4417 4418 4419 4421 4434 4441 4442 4443 4445 4464 4480 4489 4508
 4519 4525 4534 4545 4573 4575 4577 4595 4605 4608 4610 4618 4628 4630
 4631 4633 4671 4678 4695 4700 4704 4709 4722 4733 4753 4773 4793 4813
 4825 4827 4856 4860 4862 4866 4867 4868 4880 4884 4897 4906 4930 4932
 4934 4969 4982 4985 4986 4988 5017 5018 5028 5039 5059 5061 5082 5113
 5136 5137 5158 5201 5202 5235 5243 5278 5288 5296 5302 5303 5309 5314
 5329 5331 5351 5365 5371 5377 5381 5394 5402 5403 5405 5415 5425 5426
 5427 5440 5444 5451 5453 5474 5487 5494 5498 5501 5515 5516 5519 5522
 5531 5579 5585 5597 5601 5622 5624 5629 5642 5648 5653 5666 5670 5686
 5696 5697 5702 5706 5731 5752 5753 5755 5756 5770 5772 5773 5778 5779
 5798 5805 5818 5820 5824 5834 5837 5845 5879 5881 5886 5900 5901 5918
 5935 5943 5957 5972 5985 6011 6013 6020 6021 6024 6025 6033 6037 6044
 6052 6055 6074 6079 6091 6095 6100 6110 6122 6128 6135 6149 6150 6161
 6162 6180 6183 6192 6193 6199 6211 6224 6228 6229 6232]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
```

Train Index: [ 0 1 2 ... 6270 6271 6272]

[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]

Train Index: [ 0 3 4 ... 6270 6271 6272]

[0.66204726 0.90972568 0.66962094 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]

Train Index: [ 0 1 2 ... 6270 6271 6272]

5923 5929 5934 5942 5983 5997 5998 6009 6023 6034 6046 6077 6085 6094 6099 6105 6143 6151 6178 6196 6205 6215 6220 6233 6242]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
Train Index: [ 0 1 2 ... 6270 6271 6272]

```
5920 5928 5938 5959 5977 5987 5988 5991 5993 6019 6022 6036 6039 6060 6089 6098 6118 6123 6136 6152 6164 6166 6184 6189 6191 6198 6206 6208 6209 6212 6213 6231 6247 6248 6250 6257 6259 6263 6265]
[0.66204726 0.66806105 0.74437505 ... 0.82080843 0.73771247 0.7114474 ]
```

```
[45]: LASSO_6M_MAE = np.mean(np.absolute(scores_hyear_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))

LASSO_6M_MSE = ((scores_hyear_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()

print("Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MSE)

print("Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: 0.01507 Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: 0.08786

### 3.3 1 Year

```
[46]: X_year = np.array(list(data_year.iloc[:, 2]))
y_year = np.array(list(data_year.iloc[:, 3]))
```

### 3.3.1 SVR MODEL

```
2 ... 4436 4437 4439]
Train Index: [
                 0
                      1
Test Index: [
                8
                    17
                         19
                              33
                                  51
                                       61
                                            69
                                                 70
                                                      80
                                                           84
                                                                93
                                                                     96
                                                                        109
120
  134 139 144 149
                    150
                          151 152
                                   157
                                        166
                                             175
                                                 179
                                                       184
                                                            205
                                                                 211
  238 239 252 274
                     287
                          290 296
                                   297
                                        298
                                             305
                                                  308
                                                       309
                                                                 318
                                                            315
  371 376 387 410
                          415 416 429
                     414
                                        438
                                             443
                                                  457
                                                       463
                                                            468
                                                                 471
  478 486 497 505
                     538
                          544 551 555
                                        561
                                             584
                                                  594
                                                       596
                                                            599
                                                                 602
  621 625 626
               668
                     670
                          677
                              693
                                  718
                                        731
                                             744 746
                                                      751
                                                            764
                                                                 776
  783 787
          790 800
                     811
                          812 833 838
                                        843
                                             856
                                                  857
                                                       871
                                                            877
                    964 969 978 990 996 1001 1020 1025 1027 1034
 907 911 937 960
 1038 1041 1044 1057 1068 1074 1084 1106 1116 1123 1129 1146 1158 1161
 1173 1174 1175 1178 1188 1204 1207 1216 1235 1253 1258 1260 1264 1268
 1299 1321 1323 1330 1338 1350 1370 1407 1411 1412 1417 1424 1427 1432
 1434 1444 1467 1468 1474 1482 1483 1488 1491 1509 1510 1522 1533 1536
 1539 1543 1545 1551 1552 1558 1572 1598 1614 1615 1620 1652 1666 1672
```

```
1684 1720 1721 1736 1738 1745 1756 1767 1773 1787 1803 1813 1814 1818
 1822 1832 1837 1862 1864 1872 1907 1910 1912 1924 1926 1957 1967 2014
 2015 2022 2023 2031 2059 2067 2077 2080 2095 2096 2110 2119 2121 2127
 2130 2135 2144 2154 2170 2179 2185 2215 2228 2236 2260 2274 2281 2287
 2290 2302 2304 2318 2328 2329 2331 2342 2346 2355 2359 2367 2370 2372
 2384 2387 2388 2405 2408 2420 2432 2442 2478 2487 2495 2496 2509 2518
 2531 2542 2550 2564 2577 2591 2640 2648 2650 2666 2683 2688 2697 2706
 2707 2718 2741 2742 2750 2763 2771 2787 2805 2812 2817 2855 2857 2863
 2881 2882 2889 2894 2908 2922 2927 2929 2936 2939 2942 2968 2977 2986
 3025 3041 3076 3085 3089 3093 3102 3106 3126 3131 3169 3174 3184 3193
 3195 3203 3221 3224 3227 3247 3259 3279 3282 3286 3290 3299 3316 3335
 3336 3381 3386 3389 3396 3412 3413 3417 3428 3466 3468 3469 3470 3477
 3505 3508 3511 3519 3524 3539 3542 3560 3563 3564 3573 3575 3580 3590
 3592 3619 3633 3641 3657 3658 3701 3708 3713 3737 3739 3745 3750 3752
 3755 3759 3786 3800 3836 3837 3849 3856 3861 3870 3874 3887 3909 3918
 3932 3947 3954 3958 3979 4010 4022 4023 4063 4077 4085 4104 4110 4118
 4130 4153 4159 4163 4187 4196 4197 4201 4206 4214 4215 4220 4237 4241
 4249 4250 4251 4266 4295 4304 4317 4321 4326 4330 4334 4343 4350 4354
 4372 4375 4380 4388 4396 4398 4402 4410 4420 4438 4440]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.77969073 0.84207608]
Train Index:
             [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
```

Test Index: [ 14 999 1010 1024 1029 1042 1047 1051 1055 1056 1061 1071 1073 1075 1090 1102 1103 1108 1113 1114 1115 1149 1157 1162 1164 1170 1189 1192 1212 1220 1225 1228 1242 1255 1257 1270 1272 1293 1340 1362 1392 1393 1397 1398 1402 1406 1419 1426 1429 1461 1476 1479 1487 1490 1501 1503 1507 1513 1554 1563 1565 1569 1580 1588 1623 1626 1643 1647 1650 1659 1665 1697 1703 1714 1717 1726 1727 1739 1740 1744 1746 1749 1752 1786 1793 1808 1812 1831 1835 1844 1860 1861 1871 1874 1915 1923 1937 1938 1954 1964 1966 1983 1988 1991 2004 2011 2018 2053 2073 2085 2091 2092 2099 2103 2117 2118 2138 2148 2164 2167 2174 2176 2178 2191 2229 2230 2244 2245 2249 2268 2276 2284 2298 2301 2307 2319 2323 2338 2344 2347 2364 2378 2380 2399 2411 2414 2415 2425 2441 2450 2452 2460 2462 2465 2470 2483 2494 2520 2527 2530 2532 2535 2547 2552 2566 2570 2575 2585 2587 2605 2606 2631 2651 2658 2662 2663 2678 2686 2694 2700 2721 2726 2743 2758 2767 2813 2815 2821 2829 2835 2843 2844 2846 2860 2875 2886 2910 2925 2949 2955 2963 2971 2984 2988 3000 3003 3007 3008 3014 3036 3048 3050 3063 3084 3088 3095 3098 3107 3121 3129 3137 3151 3164 3178 3214 3243 3256 3273 3280 3292 3318 3320 3329 3337 3341 3360 3364 3403 3414 3424 3435 3458 3471 3482 3487 3488 3495 3499 3500 3513 3533 3538 3568 3570 3574 3586 3587

```
3726 3731 3734 3741 3754 3761 3770 3776 3794 3799 3803 3804 3820 3835
 3850 3867 3879 3892 3926 3930 3938 3945 3949 3961 3972 3976 3985 3994
 3997 4003 4034 4039 4050 4075 4079 4089 4092 4100 4101 4105 4106 4107
 4112 4113 4126 4127 4128 4133 4136 4138 4143 4156 4160 4166 4170 4175
 4179 4189 4205 4228 4230 4232 4233 4261 4273 4275 4280 4291 4294 4314
 4318 4327 4332 4339 4348 4360 4363 4385 4395 4431]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
                            2 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index:
           [
                 6
                     12
                          25
                               26
                                     30
                                          44
                                               52
                                                         58
                                                              63
                                                                    67
                                                                         76
                                                                              88
                                                    56
102
                                     183
                           173
                                178
                                                203
                                                     214
                                                          221
                                                               222
                                                                    245
  103
       108
            113
                 122
                      124
                                           194
  256
       257
            263
                 266
                      286
                           289
                                291
                                      295
                                           299
                                                321
                                                     322
                                                          324
                                                               331
                                                                    342
  346
       354
            358
                 368
                      381
                           397
                                402
                                     411
                                           418
                                                430
                                                     436
                                                          439
                                                               442
                                                                    449
  450
            508
                 527
                      534
                                     573
                                           578
       479
                           554
                                564
                                                604
                                                     647
                                                          654
                                                               655
                                                                    658
  665
       680
            682
                 712
                      727
                           729
                                733
                                     736
                                           748
                                                752
                                                     761
                                                          785
                                                               805
                                                                    809
  816
            864
                 865
                      866
                           893
                                903
                                     908
                                           910
                                                932
                                                     949
                                                          958
                                                               976
                                                                    994
       818
 1003 1006 1017 1018 1022 1032 1052 1064 1088 1094 1104 1110 1117 1119
 1126 1128 1130 1159 1163 1176 1180 1181 1183 1186 1187 1200 1210 1213
 1221 1222 1227 1231 1236 1237 1261 1263 1278 1281 1288 1289 1292 1295
 1302 1309 1313 1315 1322 1334 1344 1345 1351 1356 1361 1366 1374 1378
 1391 1421 1436 1437 1438 1448 1451 1454 1455 1456 1457 1480 1485 1497
 1498 1502 1504 1512 1532 1534 1589 1590 1593 1606 1609 1610 1611 1612
 1618 1627 1632 1634 1641 1670 1675 1694 1698 1705 1718 1723 1728 1730
 1741 1743 1760 1769 1770 1779 1829 1833 1846 1867 1873 1876 1880 1885
 1894 1898 1909 1919 1945 1952 1962 1965 1973 1974 2016 2019 2037 2042
 2063 2088 2090 2093 2097 2111 2123 2159 2168 2171 2181 2182 2184 2186
 2189 2195 2202 2242 2247 2250 2269 2279 2288 2293 2297 2311 2312 2339
 2341 2348 2354 2374 2379 2389 2392 2401 2409 2413 2431 2437 2457 2459
 2471 2480 2481 2486 2488 2493 2498 2503 2521 2526 2529 2533 2578 2594
 2598 2607 2614 2615 2629 2636 2654 2656 2659 2661 2668 2672 2676 2684
 2696 2698 2725 2728 2749 2751 2755 2772 2775 2789 2803 2807 2822 2834
 2836 2850 2858 2893 2924 2926 2934 2937 2951 2996 2998 3013 3066 3077
 3078 3105 3119 3133 3138 3165 3166 3168 3181 3196 3235 3237 3241 3260
 3281 3285 3297 3305 3321 3344 3346 3350 3357 3366 3379 3388 3392 3399
 3400 3402 3407 3409 3411 3423 3427 3437 3449 3454 3456 3484 3504 3514
 3548 3553 3578 3585 3595 3609 3610 3615 3626 3638 3640 3666 3689 3692
 3693 3694 3695 3697 3699 3715 3721 3735 3738 3774 3778 3782 3806 3812
 3817 3819 3822 3839 3871 3876 3877 3882 3899 3922 3928 3929 3934 3935
 3959 3965 4005 4007 4016 4018 4028 4053 4065 4069 4102 4116 4123 4141
 4149 4162 4264 4265 4282 4285 4290 4322 4324 4333 4336 4341 4353 4357
 4364 4365 4369 4378 4384 4387 4403 4412 4413 4418]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             1
                       2
                            3 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 0
                      7
                          31
                               48
                                     59
                                          65
                                             141
                                                  155 162 176 187
                                                                       195
                                                                            198
209
```

3588 3599 3620 3623 3624 3653 3662 3669 3674 3677 3680 3683 3688 3716

```
246
                            247
                                 258
                                      259
                                                 278
                                                                     370
  210
       218
            219
                 226
                                           268
                                                      283
                                                           288
                                                                343
  378
       382
            383
                 386
                      422
                            423
                                 485
                                      491
                                           500
                                                 507
                                                      528
                                                           532
                                                                535
                                                                     543
  546
       547
            549
                 550
                      557
                            570
                                 572
                                      581
                                           582
                                                 610
                                                      611
                                                           612
                                                                613
                                                                     617
  627
                                                           742
       631
            637
                 639
                      640
                            644
                                 648
                                      669
                                           678
                                                 679
                                                      700
                                                                756
                                                                     765
  773
       781
            836
                 839
                      840
                            841
                                 847
                                      867
                                           874
                                                 883
                                                      898
                                                           905
                                                                921
                                                                     923
  925
       926
            927
                                                      979
                 929
                      930
                            940
                                 941
                                      948
                                           952
                                                 965
                                                           981
                                                                985
                                                                     997
 1011 1023 1070 1078 1080 1091 1095 1096 1097 1099 1105 1132 1135 1138
 1152 1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1298 1320 1326 1336 1337 1373
 1377 1395 1413 1422 1431 1450 1477 1499 1505 1515 1517 1537 1538 1550
 1556 1557 1564 1566 1578 1582 1586 1592 1595 1600 1602 1616 1621 1642
 1651 1657 1662 1691 1702 1729 1732 1747 1751 1765 1775 1777 1780 1783
 1784 1788 1789 1800 1807 1815 1839 1840 1859 1869 1877 1886 1891 1896
 1897 1902 1904 1905 1918 1929 1941 1972 1995 2005 2025 2029 2066 2069
 2078 2104 2112 2114 2155 2157 2172 2177 2194 2197 2211 2221 2225 2232
 2252 2256 2258 2267 2285 2303 2313 2320 2330 2337 2357 2361 2366 2369
 2377 2402 2423 2429 2447 2451 2453 2458 2464 2476 2484 2501 2510 2512
 2525 2536 2543 2554 2555 2561 2567 2572 2574 2583 2588 2589 2592 2596
 2610 2619 2620 2622 2627 2634 2638 2643 2649 2655 2664 2669 2680 2691
 2727 2740 2757 2770 2778 2784 2788 2794 2798 2823 2828 2830 2840 2856
 2873 2877 2879 2887 2899 2909 2915 2921 2932 2940 2943 2944 2948 2990
 2994 3001 3012 3039 3043 3053 3058 3061 3064 3065 3101 3112 3132 3158
 3159 3176 3185 3186 3189 3198 3213 3232 3240 3244 3257 3258 3269 3271
 3276 3288 3306 3311 3319 3339 3347 3361 3368 3375 3406 3408 3430 3431
 3434 3441 3443 3451 3463 3464 3483 3485 3494 3496 3497 3502 3518 3530
 3531 3535 3536 3540 3571 3593 3598 3603 3614 3630 3631 3642 3647 3651
 3652 3660 3670 3671 3690 3705 3707 3717 3725 3733 3747 3751 3756 3762
 3765 3767 3780 3781 3783 3788 3809 3825 3826 3834 3846 3853 3860 3873
 3880 3889 3896 3897 3915 3920 3942 3962 3964 3983 4012 4015 4033 4038
 4066 4073 4080 4081 4082 4114 4140 4147 4157 4161 4167 4171 4176 4186
 4195 4200 4210 4212 4223 4224 4231 4239 4240 4243 4267 4272 4293 4298
 4307 4316 4340 4344 4351 4356 4359 4381 4406 4415]
[0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             0
                       1
                             2 ... 4436 4438 4440]
Test Index:
             22
                     41
                           57
                                78
                                     86
                                          87
                                               91
                                                   100 104 111 115
                                                                        118
123
  135
       163
            168
                 191
                      199
                            208
                                 212
                                      230
                                           231
                                                233
                                                      237
                                                           243
                                                                261
                                                                     272
  276
       282
                 328
                      340
                                 350
                                           365
                                                      369
                                                           392
                                                                399
            313
                            347
                                      361
                                                 367
                                                                     407
  413
       420
            421
                 424
                      435
                            456
                                 460
                                      462
                                           464
                                                 472
                                                      480
                                                           498
                                                                509
                                                                     521
  522
       533
            540
                 542
                      553
                            560
                                 565
                                      586
                                           593
                                                 597
                                                      601
                                                           632
                                                                641
                                                                     651
  656
                                 702
                                      707
                                                      772
       660
            662
                 685
                      695
                            697
                                           741
                                                 767
                                                           779
                                                                782
                                                                     789
                                                 900
                                                      931
  801
            834
                 835
                      844
                            845
                                 855
                                      859
                                           887
                                                           942
                                                                944
                                                                     945
       819
  962
       982 1033 1036 1037 1048 1053 1067 1089 1093 1124 1127 1133 1134
 1143 1151 1153 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368
 1375 1382 1400 1403 1404 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459
 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653
 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1758 1766 1778 1791 1795 1805 1811
```

1820 1830 1842 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1921 1936 1940 1948 1950

1953 1960 1961 1971 1978 1979 1992 2002 2010 2024 2028 2034 2044 2045 2057 2083 2086 2098 2101 2102 2107 2115 2124 2131 2146 2153 2183 2196 2208 2210 2213 2216 2218 2222 2223 2226 2227 2233 2238 2240 2251 2254 2266 2277 2282 2292 2295 2299 2309 2310 2314 2316 2321 2325 2333 2345 2351 2390 2398 2404 2406 2407 2416 2426 2436 2439 2456 2463 2468 2500 2528 2534 2540 2545 2559 2576 2579 2580 2584 2586 2603 2617 2628 2630 2644 2646 2647 2653 2685 2689 2704 2714 2716 2720 2722 2759 2764 2776 2780 2793 2801 2819 2820 2825 2837 2867 2884 2902 2905 2907 2917 2918 2920 2941 2978 2983 2991 2992 2997 3004 3024 3049 3062 3075 3082 3083 3103 3115 3127 3135 3150 3154 3172 3180 3187 3188 3192 3207 3209 3210 3212 3220 3223 3226 3252 3268 3295 3303 3309 3310 3312 3317 3328 3351 3365 3370 3410 3418 3426 3432 3433 3442 3460 3478 3489 3501 3503 3515 3532 3547 3549 3559 3565 3567 3583 3589 3597 3601 3608 3659 3665 3681 3704 3706 3753 3768 3771 3779 3784 3787 3792 3801 3805 3821 3830 3832 3833 3844 3845 3855 3864 3872 3883 3886 3895 3901 3902 3905 3910 3911 3925 3927 3933 3936 3956 3973 3981 3984 3999 4017 4020 4025 4030 4046 4058 4068 4084 4099 4108 4121 4124 4132 4134 4165 4172 4174 4182 4183 4193 4198 4203 4211 4234 4235 4252 4256 4257 4262 4278 4279 4284 4315 4319 4328 4386 4389 4405 4407 4411 4429 4437 4439]

[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.80271737 0.71439768] 3 ... 4438 4439 4440] Train Index: [ 

Test Index: 1000 1004 1005 1009 1014 1050 1058 1072 1083 1087 1092 1100 1109 1125 1142 1177 1179 1190 1195 1198 1208 1229 1230 1239 1241 1249 1259 1266 1269 1273 1286 1294 1307 1310 1316 1317 1327 1328 1343 1354 1357 1359 1364 1367 1376 1381 1385 1399 1408 1410 1439 1441 1443 1447 1462 1472 1475 1496 1518 1525 1530 1535 1546 1559 1567 1576 1577 1579 1584 1608 1624 1628 1637 1655 1656 1660 1661 1667 1671 1677 1681 1695 1706 1709 1712 1713 1737 1742 1748 1763 1764 1768 1797 1798 1801 1809 1825 1826 1847 1883 1916 1922 1925 1927 1947 1949 1951 1956 1963 1977 1980 1987 1993 1999 2003 2008 2009 2013 2020 2043 2046 2068 2071 2113 2132 2140 2147 2149 2163 2166 2169 2199 2206 2212 2241 2246 2253 2259 2270 2272 2283 2289 2334 2335 2340 2350 2352 2356 2358 2381 2417 2422 2430 2440 2446 2473 2474 2475 2477 2499 2505 2515 2517 2519 2522 2548 2562 2600 2602 2609 2623 2633 2639 2665 2673 2677 2699 2702 2715 2748 2752 2753 2765 2781 2792 2796 2804 2810 2827 2848 2865 2876 2880 2897 2903 2952 2954 2962 2979 3021 3022 3023 3026 3027 3029 3033 3034 3035 3046 3047 3052 3074 3081 3109 3111 3116 3128 3130 3134 3142 3160 3161 3194 3199 3201 3206 3231 3238 3239 3246 3253 3264 3274 3293 3300 3308 3315 3331 3333 3334 3359 3378 3383 3384 3395 3401 3415 3416 3429 3467 3492 3509

```
3656 3678 3685 3691 3714 3718 3720 3742 3773 3790 3797 3802 3808 3811
 3814 3815 3816 3828 3858 3862 3868 3869 3888 3891 3894 3898 3919 3931
 3941 3955 3957 3963 3975 3992 3996 4013 4027 4036 4048 4054 4055 4071
 4072 4086 4111 4150 4154 4169 4177 4185 4192 4207 4209 4221 4222 4229
 4244 4247 4253 4255 4260 4269 4274 4276 4277 4286 4329 4335 4358 4362
 4373 4377 4392 4401 4409 4417 4421 4422 4428 4430]
[0.66796799 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
                            3 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index:
            [
                 2
                     15
                          20
                                21
                                     28
                                          37
                                               39
                                                         53
                                                              81
                                                                    97 101 107
                                                    46
136
                                     182
                                171
                                                215
                                                     236
                                                          244
                                                               250
                                                                     265
  145
       148
            153
                 159
                      167
                           169
                                           186
  271
       277
            292
                 294
                      310
                           317
                                334
                                      338
                                           339
                                                363
                                                     390
                                                          398
                                                               400
                                                                     401
  405
       425
            431
                 441
                      447
                           453
                                454
                                      476
                                           481
                                                483
                                                     513
                                                          520
                                                               545
                                                                     556
  571
                      588
                                           628
       579
            585
                 587
                           592
                                609
                                      614
                                                674
                                                     686
                                                          692
                                                               696
                                                                     701
  703
       704
            706
                 710
                      715
                           726
                                730
                                      735
                                           737
                                                738
                                                     745
                                                          747
                                                               757
                                                                     771
                 813
  780
       795
                      824
                           826
                                849
                                      885
                                           886
                                                892
                                                     904
                                                          906
            806
                                                               913
                                                                     917
  920
       934
                      963
                           972
                                      974
                                           983
                                                988
                                                     993 1007 1039 1040
            947
                 957
                                973
 1043 1054 1085 1098 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1562 1591
 1594 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1710 1711 1716 1750
 1762 1771 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933
 1939 1985 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2234 2235 2248 2257 2271
 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419 2421
 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573 2582
 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711 2732
 2736 2754 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2833 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2913 2916 2953 2957 2964 2969 2970 2973 2974 2980 2981 2985 2987
 2989 3002 3010 3011 3015 3020 3028 3032 3038 3042 3045 3070 3071 3091
 3113 3114 3123 3139 3148 3153 3162 3163 3167 3173 3179 3182 3200 3211
 3215 3217 3218 3225 3229 3233 3248 3262 3263 3265 3270 3275 3277 3289
 3291 3296 3298 3326 3332 3352 3358 3363 3367 3372 3380 3382 3390 3404
 3422 3425 3438 3459 3462 3475 3481 3507 3526 3528 3541 3554 3557 3566
 3596 3605 3606 3611 3612 3617 3621 3646 3655 3668 3679 3682 3686 3698
 3728 3729 3749 3789 3795 3813 3823 3827 3829 3841 3857 3875 3904 3921
 3924 3950 3953 3966 3978 3986 3990 3998 4002 4019 4032 4041 4042 4051
 4060 4064 4074 4078 4088 4093 4109 4120 4148 4155 4168 4173 4178 4181
 4188 4190 4194 4208 4217 4219 4242 4248 4263 4299 4308 4310 4323 4331
 4352 4368 4371 4376 4400 4408 4419 4424 4432 4436]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 3
                      5
                          10
                                24
                                     54
                                          66
                                               74
                                                    77
                                                         94 110 112 117 125
126
```

3516 3517 3523 3527 3543 3545 3550 3562 3569 3594 3616 3625 3629 3632

```
419
       428
            451
                      477
                            484
                                           536
                                                                622
                                                                     645
                 467
                                 516
                                      531
                                                 558
                                                      566
                                                           615
  653
                      722
                            723
                                                      793
                                                           799
                                                                820
       661
            689
                 711
                                 724
                                      768
                                           774
                                                 777
                                                                     822
  827
       832
            846
                 848
                      875
                            882
                                 901
                                      909
                                           914
                                                 918
                                                      919
                                                           922
                                                                935
                                                                     936
                                                992 1002 1013 1026 1030
  938
       943
            946
                 950
                      951
                            966
                                 984
                                      987
                                           989
 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201 1202 1203
 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332 1335 1342
 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493 1523 1526
 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658 1669 1673
 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834 1851 1854
 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920 1928 1932
 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2001 2006 2007 2021 2026
 2035 2039 2052 2054 2060 2072 2075 2079 2116 2133 2134 2136 2137 2151
 2161 2187 2188 2190 2192 2198 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275
 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376
 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560
 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687
 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847
 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958
 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110
 3125 3155 3204 3205 3208 3228 3230 3245 3250 3283 3307 3338 3340 3345
 3349 3355 3362 3371 3391 3393 3405 3421 3439 3448 3450 3452 3453 3476
 3490 3520 3521 3525 3534 3537 3544 3551 3558 3576 3600 3604 3607 3622
 3628 3639 3649 3650 3661 3664 3667 3673 3676 3684 3687 3702 3703 3710
 3711 3712 3722 3724 3727 3732 3740 3744 3758 3785 3793 3796 3838 3852
 3859 3865 3866 3881 3903 3912 3916 3937 3939 3940 3946 3948 3960 3971
 3980 3982 3989 3995 4001 4006 4008 4009 4024 4026 4040 4043 4052 4056
 4091 4094 4095 4098 4125 4129 4137 4139 4145 4164 4180 4184 4204 4216
 4236 4259 4268 4281 4288 4289 4302 4305 4311 4312 4313 4320 4345 4347
 4349 4366 4367 4382 4383 4390 4399 4404 4414 4423]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                             2 ... 4438 4439 4440]
Test Index:
             9
                      27
                           36
                                38
                                     40
                                          42
                                                47
                                                     50
                                                          55
                                                               60
                                                                     62
                                                                          68
                                                                               75
79
   82
        90
             92
                 106
                      133
                            137
                                 143
                                      165
                                           172
                                                204
                                                      216
                                                           223
                                                                234
                                                                     235
  248
       249
            255
                 264
                      267
                            280
                                 302
                                      336
                                           357
                                                 359
                                                      372
                                                                     388
                                                           373
                                                                384
  389
       395
            396
                 404
                      434
                            437
                                 446
                                      448
                                           455
                                                 470
                                                      473
                                                           475
                                                                487
                                                                     499
  504
       510
            517
                 523
                      525
                            539
                                 541
                                      577
                                           595
                                                 603
                                                      624
                                                           633
                                                                638
                                                                     652
                                                 716
                                                           725
  666
       667
            671
                 673
                      681
                            684
                                 688
                                      708
                                           713
                                                      717
                                                                732
                                                                     739
  750
                                      797
                                                      828
       758
            760
                 762
                      763
                            770
                                 796
                                           814
                                                 823
                                                           850
                                                                852
                                                                     868
  872
       880
            884
                 894
                      899
                            924
                                 928
                                      933
                                           953
                                                 967 1008 1019 1031 1035
 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172
 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280
 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428
 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1574 1581
 1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824
```

```
1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1893 1901 1903 1906
 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055
 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2125 2128 2142 2143 2145 2150 2152
 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2261 2264
 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497
 2502 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710
 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2799 2814 2818 2831
 2832 2841 2842 2845 2851 2853 2870 2871 2874 2878 2885 2895 2900 2906
 2914 2923 2930 2933 2938 2947 2956 2960 2966 2982 2993 2995 3006 3018
 3019 3031 3037 3044 3072 3080 3090 3094 3096 3117 3122 3136 3140 3141
 3143 3144 3145 3149 3156 3177 3190 3197 3216 3222 3236 3249 3254 3266
 3278 3284 3287 3301 3313 3322 3323 3330 3353 3374 3376 3377 3387 3398
 3419 3440 3455 3472 3473 3479 3480 3486 3493 3512 3522 3529 3552 3555
 3577 3579 3584 3591 3602 3613 3618 3634 3635 3636 3637 3644 3654 3663
 3700 3709 3719 3757 3764 3766 3775 3807 3810 3818 3824 3831 3842 3848
 3851 3878 3885 3893 3900 3907 3914 3917 3944 3951 3952 3967 3968 3970
 3988 4004 4011 4021 4031 4035 4037 4044 4047 4049 4062 4076 4083 4087
 4096 4103 4119 4135 4142 4144 4152 4158 4226 4227 4238 4254 4258 4271
 4287 4292 4296 4301 4306 4309 4338 4342 4346 4416]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
```

Test Index: 114 116 995 1012 1015 1016 1021 1028 1045 1059 1060 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154 1166 1184 1191 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1312 1348 1363 1369 1409 1440 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568 1570 1571 1585 1597 1625 1630 1631 1635 1636 1648 1649 1663 1664 1678 1679 1682 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1781 1782 1785 1794 1802 1806 1816 1841 1843 1853 1892 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986 1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2160 2200 2205 2207 2237 2239 2255 2265 2278 2294 2300 2305 2327 2363 2368 2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2504 2511 2524 2537 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2569 2612 2613 2625 2652 2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2737 2738 2744 2747 2773 2774 2777 2786 2790 2806 2808 2809 2811 2816 2824 2838 2839 2849 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2919 2931 2950 2959 2961 2967 2975 2976 2999 3005 3009 3017 3051 3059 3060 3067 3068 3069 3073 3087 3092 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175 3183 3191 3202 3219 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3302 3304 3314 3324 3325 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394 3397 3420 3436 3444 3445 3446 3447 3457 3461 3465 3474 3491

```
3498 3506 3510 3546 3556 3561 3572 3581 3582 3627 3643 3645 3648 3672 3675 3696 3723 3730 3736 3743 3746 3748 3760 3763 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843 3847 3854 3863 3884 3890 3906 3908 3913 3923 3943 3969 3974 3977 3987 3991 3993 4000 4014 4029 4045 4057 4059 4061 4067 4070 4090 4097 4115 4117 4122 4131 4146 4151 4191 4199 4202 4213 4218 4225 4245 4246 4270 4283 4297 4300 4303 4325 4337 4355 4361 4370 4374 4379 4391 4393 4394 4397 4425 4426 4427 4433 4434 4435]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
```

```
[48]: SVR_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_SVR - y_test.reshape(-1, 1)))

SVR_1Y_MSE = ((scores_year_SVR - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()

print("Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MSE)

print("Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: 0.03901 Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: 0.11689

## 3.3.2 Decision Tree Regressor

2 ... 4436 4437 4439] Train Index: [ Test Index: [ 134 139 144 238 239 252 376 387 478 486 544 551 907 911 937 996 1001 1020 1025 1027 1034 1038 1041 1044 1057 1068 1074 1084 1106 1116 1123 1129 1146 1158 1161 1173 1174 1175 1178 1188 1204 1207 1216 1235 1253 1258 1260 1264 1268 1299 1321 1323 1330 1338 1350 1370 1407 1411 1412 1417 1424 1427 1432 1434 1444 1467 1468 1474 1482 1483 1488 1491 1509 1510 1522 1533 1536 1539 1543 1545 1551 1552 1558 1572 1598 1614 1615 1620 1652 1666 1672

```
1684 1720 1721 1736 1738 1745 1756 1767 1773 1787 1803 1813 1814 1818
 1822 1832 1837 1862 1864 1872 1907 1910 1912 1924 1926 1957 1967 2014
 2015 2022 2023 2031 2059 2067 2077 2080 2095 2096 2110 2119 2121 2127
 2130 2135 2144 2154 2170 2179 2185 2215 2228 2236 2260 2274 2281 2287
 2290 2302 2304 2318 2328 2329 2331 2342 2346 2355 2359 2367 2370 2372
 2384 2387 2388 2405 2408 2420 2432 2442 2478 2487 2495 2496 2509 2518
 2531 2542 2550 2564 2577 2591 2640 2648 2650 2666 2683 2688 2697 2706
 2707 2718 2741 2742 2750 2763 2771 2787 2805 2812 2817 2855 2857 2863
 2881 2882 2889 2894 2908 2922 2927 2929 2936 2939 2942 2968 2977 2986
 3025 3041 3076 3085 3089 3093 3102 3106 3126 3131 3169 3174 3184 3193
 3195 3203 3221 3224 3227 3247 3259 3279 3282 3286 3290 3299 3316 3335
 3336 3381 3386 3389 3396 3412 3413 3417 3428 3466 3468 3469 3470 3477
 3505 3508 3511 3519 3524 3539 3542 3560 3563 3564 3573 3575 3580 3590
 3592 3619 3633 3641 3657 3658 3701 3708 3713 3737 3739 3745 3750 3752
 3755 3759 3786 3800 3836 3837 3849 3856 3861 3870 3874 3887 3909 3918
 3932 3947 3954 3958 3979 4010 4022 4023 4063 4077 4085 4104 4110 4118
 4130 4153 4159 4163 4187 4196 4197 4201 4206 4214 4215 4220 4237 4241
 4249 4250 4251 4266 4295 4304 4317 4321 4326 4330 4334 4343 4350 4354
 4372 4375 4380 4388 4396 4398 4402 4410 4420 4438 4440]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.77969073 0.84207608]
Train Index:
             [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
```

Test Index: [ 14 999 1010 1024 1029 1042 1047 1051 1055 1056 1061 1071 1073 1075 1090 1102 1103 1108 1113 1114 1115 1149 1157 1162 1164 1170 1189 1192 1212 1220 1225 1228 1242 1255 1257 1270 1272 1293 1340 1362 1392 1393 1397 1398 1402 1406 1419 1426 1429 1461 1476 1479 1487 1490 1501 1503 1507 1513 1554 1563 1565 1569 1580 1588 1623 1626 1643 1647 1650 1659 1665 1697 1703 1714 1717 1726 1727 1739 1740 1744 1746 1749 1752 1786 1793 1808 1812 1831 1835 1844 1860 1861 1871 1874 1915 1923 1937 1938 1954 1964 1966 1983 1988 1991 2004 2011 2018 2053 2073 2085 2091 2092 2099 2103 2117 2118 2138 2148 2164 2167 2174 2176 2178 2191 2229 2230 2244 2245 2249 2268 2276 2284 2298 2301 2307 2319 2323 2338 2344 2347 2364 2378 2380 2399 2411 2414 2415 2425 2441 2450 2452 2460 2462 2465 2470 2483 2494 2520 2527 2530 2532 2535 2547 2552 2566 2570 2575 2585 2587 2605 2606 2631 2651 2658 2662 2663 2678 2686 2694 2700 2721 2726 2743 2758 2767 2813 2815 2821 2829 2835 2843 2844 2846 2860 2875 2886 2910 2925 2949 2955 2963 2971 2984 2988 3000 3003 3007 3008 3014 3036 3048 3050 3063 3084 3088 3095 3098 3107 3121 3129 3137 3151 3164 3178 3214 3243 3256 3273 3280 3292 3318 3320 3329 3337 3341 3360 3364 3403 3414 3424 3435 3458 3471 3482 3487 3488 3495 3499 3500 3513 3533 3538 3568 3570 3574 3586 3587

```
3726 3731 3734 3741 3754 3761 3770 3776 3794 3799 3803 3804 3820 3835
 3850 3867 3879 3892 3926 3930 3938 3945 3949 3961 3972 3976 3985 3994
 3997 4003 4034 4039 4050 4075 4079 4089 4092 4100 4101 4105 4106 4107
 4112 4113 4126 4127 4128 4133 4136 4138 4143 4156 4160 4166 4170 4175
 4179 4189 4205 4228 4230 4232 4233 4261 4273 4275 4280 4291 4294 4314
 4318 4327 4332 4339 4348 4360 4363 4385 4395 4431]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
                            2 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index:
            [
                 6
                     12
                          25
                               26
                                     30
                                          44
                                               52
                                                         58
                                                              63
                                                                         76
                                                    56
                                                                    67
                                                                              88
102
                                     183
                           173
                                178
                                                203
                                                     214
                                                          221
                                                               222
                                                                    245
  103
       108
            113
                 122
                      124
                                           194
  256
       257
            263
                 266
                      286
                           289
                                 291
                                      295
                                           299
                                                321
                                                     322
                                                          324
                                                               331
                                                                    342
  346
       354
            358
                 368
                      381
                           397
                                402
                                      411
                                           418
                                                430
                                                     436
                                                          439
                                                               442
                                                                    449
  450
            508
                 527
                      534
                                      573
                                           578
       479
                           554
                                564
                                                604
                                                     647
                                                          654
                                                               655
                                                                    658
  665
       680
            682
                 712
                      727
                           729
                                733
                                      736
                                           748
                                                752
                                                     761
                                                          785
                                                               805
                                                                    809
  816
            864
                 865
                      866
                           893
                                903
                                      908
                                           910
                                                932
                                                     949
                                                          958
                                                               976
                                                                    994
       818
 1003 1006 1017 1018 1022 1032 1052 1064 1088 1094 1104 1110 1117 1119
 1126 1128 1130 1159 1163 1176 1180 1181 1183 1186 1187 1200 1210 1213
 1221 1222 1227 1231 1236 1237 1261 1263 1278 1281 1288 1289 1292 1295
 1302 1309 1313 1315 1322 1334 1344 1345 1351 1356 1361 1366 1374 1378
 1391 1421 1436 1437 1438 1448 1451 1454 1455 1456 1457 1480 1485 1497
 1498 1502 1504 1512 1532 1534 1589 1590 1593 1606 1609 1610 1611 1612
 1618 1627 1632 1634 1641 1670 1675 1694 1698 1705 1718 1723 1728 1730
 1741 1743 1760 1769 1770 1779 1829 1833 1846 1867 1873 1876 1880 1885
 1894 1898 1909 1919 1945 1952 1962 1965 1973 1974 2016 2019 2037 2042
 2063 2088 2090 2093 2097 2111 2123 2159 2168 2171 2181 2182 2184 2186
 2189 2195 2202 2242 2247 2250 2269 2279 2288 2293 2297 2311 2312 2339
 2341 2348 2354 2374 2379 2389 2392 2401 2409 2413 2431 2437 2457 2459
 2471 2480 2481 2486 2488 2493 2498 2503 2521 2526 2529 2533 2578 2594
 2598 2607 2614 2615 2629 2636 2654 2656 2659 2661 2668 2672 2676 2684
 2696 2698 2725 2728 2749 2751 2755 2772 2775 2789 2803 2807 2822 2834
 2836 2850 2858 2893 2924 2926 2934 2937 2951 2996 2998 3013 3066 3077
 3078 3105 3119 3133 3138 3165 3166 3168 3181 3196 3235 3237 3241 3260
 3281 3285 3297 3305 3321 3344 3346 3350 3357 3366 3379 3388 3392 3399
 3400 3402 3407 3409 3411 3423 3427 3437 3449 3454 3456 3484 3504 3514
 3548 3553 3578 3585 3595 3609 3610 3615 3626 3638 3640 3666 3689 3692
 3693 3694 3695 3697 3699 3715 3721 3735 3738 3774 3778 3782 3806 3812
 3817 3819 3822 3839 3871 3876 3877 3882 3899 3922 3928 3929 3934 3935
 3959 3965 4005 4007 4016 4018 4028 4053 4065 4069 4102 4116 4123 4141
 4149 4162 4264 4265 4282 4285 4290 4322 4324 4333 4336 4341 4353 4357
 4364 4365 4369 4378 4384 4387 4403 4412 4413 4418]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             Γ
                  1
                       2
                            3 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 0
                      7
                          31
                               48
                                     59
                                          65
                                             141
                                                  155 162 176 187
                                                                       195
                                                                             198
209
```

3588 3599 3620 3623 3624 3653 3662 3669 3674 3677 3680 3683 3688 3716

```
246
                            247
                                 258
                                      259
                                                 278
                                                                     370
  210
       218
            219
                 226
                                           268
                                                      283
                                                           288
                                                                343
  378
       382
            383
                 386
                      422
                            423
                                 485
                                      491
                                           500
                                                 507
                                                      528
                                                           532
                                                                535
                                                                     543
  546
       547
            549
                 550
                      557
                            570
                                 572
                                      581
                                           582
                                                 610
                                                      611
                                                           612
                                                                613
                                                                     617
  627
                                                           742
       631
            637
                 639
                      640
                            644
                                 648
                                      669
                                           678
                                                 679
                                                      700
                                                                756
                                                                     765
  773
       781
            836
                 839
                      840
                            841
                                 847
                                      867
                                           874
                                                 883
                                                      898
                                                           905
                                                                921
                                                                     923
  925
       926
            927
                                                      979
                 929
                      930
                            940
                                 941
                                      948
                                           952
                                                 965
                                                           981
                                                                985
                                                                     997
 1011 1023 1070 1078 1080 1091 1095 1096 1097 1099 1105 1132 1135 1138
 1152 1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1298 1320 1326 1336 1337 1373
 1377 1395 1413 1422 1431 1450 1477 1499 1505 1515 1517 1537 1538 1550
 1556 1557 1564 1566 1578 1582 1586 1592 1595 1600 1602 1616 1621 1642
 1651 1657 1662 1691 1702 1729 1732 1747 1751 1765 1775 1777 1780 1783
 1784 1788 1789 1800 1807 1815 1839 1840 1859 1869 1877 1886 1891 1896
 1897 1902 1904 1905 1918 1929 1941 1972 1995 2005 2025 2029 2066 2069
 2078 2104 2112 2114 2155 2157 2172 2177 2194 2197 2211 2221 2225 2232
 2252 2256 2258 2267 2285 2303 2313 2320 2330 2337 2357 2361 2366 2369
 2377 2402 2423 2429 2447 2451 2453 2458 2464 2476 2484 2501 2510 2512
 2525 2536 2543 2554 2555 2561 2567 2572 2574 2583 2588 2589 2592 2596
 2610 2619 2620 2622 2627 2634 2638 2643 2649 2655 2664 2669 2680 2691
 2727 2740 2757 2770 2778 2784 2788 2794 2798 2823 2828 2830 2840 2856
 2873 2877 2879 2887 2899 2909 2915 2921 2932 2940 2943 2944 2948 2990
 2994 3001 3012 3039 3043 3053 3058 3061 3064 3065 3101 3112 3132 3158
 3159 3176 3185 3186 3189 3198 3213 3232 3240 3244 3257 3258 3269 3271
 3276 3288 3306 3311 3319 3339 3347 3361 3368 3375 3406 3408 3430 3431
 3434 3441 3443 3451 3463 3464 3483 3485 3494 3496 3497 3502 3518 3530
 3531 3535 3536 3540 3571 3593 3598 3603 3614 3630 3631 3642 3647 3651
 3652 3660 3670 3671 3690 3705 3707 3717 3725 3733 3747 3751 3756 3762
 3765 3767 3780 3781 3783 3788 3809 3825 3826 3834 3846 3853 3860 3873
 3880 3889 3896 3897 3915 3920 3942 3962 3964 3983 4012 4015 4033 4038
 4066 4073 4080 4081 4082 4114 4140 4147 4157 4161 4167 4171 4176 4186
 4195 4200 4210 4212 4223 4224 4231 4239 4240 4243 4267 4272 4293 4298
 4307 4316 4340 4344 4351 4356 4359 4381 4406 4415]
[0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             0
                       1
                             2 ... 4436 4438 4440]
Test Index:
             22
                     41
                           57
                                78
                                     86
                                          87
                                               91
                                                   100 104 111 115
                                                                        118
123
  135
       163
            168
                 191
                      199
                            208
                                 212
                                      230
                                           231
                                                233
                                                      237
                                                           243
                                                                261
                                                                     272
  276
       282
                 328
                      340
                                 350
                                           365
                                                      369
                                                           392
                                                                399
            313
                            347
                                      361
                                                 367
                                                                     407
  413
       420
            421
                 424
                      435
                            456
                                 460
                                      462
                                           464
                                                 472
                                                      480
                                                           498
                                                                509
                                                                     521
  522
       533
            540
                 542
                      553
                            560
                                 565
                                      586
                                           593
                                                 597
                                                      601
                                                           632
                                                                641
                                                                     651
  656
                                 702
                                      707
                                                      772
       660
            662
                 685
                      695
                            697
                                           741
                                                 767
                                                           779
                                                                782
                                                                     789
                                                 900
                                                      931
  801
            834
                 835
                      844
                            845
                                 855
                                      859
                                           887
                                                           942
                                                                944
                                                                     945
       819
  962
       982 1033 1036 1037 1048 1053 1067 1089 1093 1124 1127 1133 1134
 1143 1151 1153 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368
 1375 1382 1400 1403 1404 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459
 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653
 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1758 1766 1778 1791 1795 1805 1811
```

1820 1830 1842 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1921 1936 1940 1948 1950

1953 1960 1961 1971 1978 1979 1992 2002 2010 2024 2028 2034 2044 2045 2057 2083 2086 2098 2101 2102 2107 2115 2124 2131 2146 2153 2183 2196 2208 2210 2213 2216 2218 2222 2223 2226 2227 2233 2238 2240 2251 2254 2266 2277 2282 2292 2295 2299 2309 2310 2314 2316 2321 2325 2333 2345 2351 2390 2398 2404 2406 2407 2416 2426 2436 2439 2456 2463 2468 2500 2528 2534 2540 2545 2559 2576 2579 2580 2584 2586 2603 2617 2628 2630 2644 2646 2647 2653 2685 2689 2704 2714 2716 2720 2722 2759 2764 2776 2780 2793 2801 2819 2820 2825 2837 2867 2884 2902 2905 2907 2917 2918 2920 2941 2978 2983 2991 2992 2997 3004 3024 3049 3062 3075 3082 3083 3103 3115 3127 3135 3150 3154 3172 3180 3187 3188 3192 3207 3209 3210 3212 3220 3223 3226 3252 3268 3295 3303 3309 3310 3312 3317 3328 3351 3365 3370 3410 3418 3426 3432 3433 3442 3460 3478 3489 3501 3503 3515 3532 3547 3549 3559 3565 3567 3583 3589 3597 3601 3608 3659 3665 3681 3704 3706 3753 3768 3771 3779 3784 3787 3792 3801 3805 3821 3830 3832 3833 3844 3845 3855 3864 3872 3883 3886 3895 3901 3902 3905 3910 3911 3925 3927 3933 3936 3956 3973 3981 3984 3999 4017 4020 4025 4030 4046 4058 4068 4084 4099 4108 4121 4124 4132 4134 4165 4172 4174 4182 4183 4193 4198 4203 4211 4234 4235 4252 4256 4257 4262 4278 4279 4284 4315 4319 4328 4386 4389 4405 4407 4411 4429 4437 4439]

[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.80271737 0.71439768] Train Index: [ 3 ... 4438 4439 4440]

Test Index: 1000 1004 1005 1009 1014 1050 1058 1072 1083 1087 1092 1100 1109 1125 1142 1177 1179 1190 1195 1198 1208 1229 1230 1239 1241 1249 1259 1266 1269 1273 1286 1294 1307 1310 1316 1317 1327 1328 1343 1354 1357 1359 1364 1367 1376 1381 1385 1399 1408 1410 1439 1441 1443 1447 1462 1472 1475 1496 1518 1525 1530 1535 1546 1559 1567 1576 1577 1579 1584 1608 1624 1628 1637 1655 1656 1660 1661 1667 1671 1677 1681 1695 1706 1709 1712 1713 1737 1742 1748 1763 1764 1768 1797 1798 1801 1809 1825 1826 1847 1883 1916 1922 1925 1927 1947 1949 1951 1956 1963 1977 1980 1987 1993 1999 2003 2008 2009 2013 2020 2043 2046 2068 2071 2113 2132 2140 2147 2149 2163 2166 2169 2199 2206 2212 2241 2246 2253 2259 2270 2272 2283 2289 2334 2335 2340 2350 2352 2356 2358 2381 2417 2422 2430 2440 2446 2473 2474 2475 2477 2499 2505 2515 2517 2519 2522 2548 2562 2600 2602 2609 2623 2633 2639 2665 2673 2677 2699 2702 2715 2748 2752 2753 2765 2781 2792 2796 2804 2810 2827 2848 2865 2876 2880 2897 2903 2952 2954 2962 2979 3021 3022 3023 3026 3027 3029 3033 3034 3035 3046 3047 3052 3074 3081 3109 3111 3116 3128 3130 3134 3142 3160 3161 3194 3199 3201 3206 3231 3238 3239 3246 3253 3264 3274 3293 3300 3308 3315 3331 3333 3334 3359 3378 3383 3384 3395 3401 3415 3416 3429 3467 3492 3509

```
3656 3678 3685 3691 3714 3718 3720 3742 3773 3790 3797 3802 3808 3811
 3814 3815 3816 3828 3858 3862 3868 3869 3888 3891 3894 3898 3919 3931
 3941 3955 3957 3963 3975 3992 3996 4013 4027 4036 4048 4054 4055 4071
 4072 4086 4111 4150 4154 4169 4177 4185 4192 4207 4209 4221 4222 4229
 4244 4247 4253 4255 4260 4269 4274 4276 4277 4286 4329 4335 4358 4362
 4373 4377 4392 4401 4409 4417 4421 4422 4428 4430]
[0.66796799 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
                            3 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                       1
Test Index:
            [
                 2
                     15
                          20
                                21
                                     28
                                          37
                                               39
                                                         53
                                                              81
                                                                    97 101 107
                                                    46
136
                                     182
                                171
                                                215
                                                     236
                                                          244
                                                               250
                                                                     265
  145
       148
            153
                 159
                      167
                           169
                                           186
  271
       277
            292
                 294
                      310
                           317
                                334
                                      338
                                           339
                                                363
                                                     390
                                                          398
                                                               400
                                                                     401
  405
       425
            431
                 441
                      447
                           453
                                454
                                      476
                                           481
                                                483
                                                     513
                                                          520
                                                               545
                                                                     556
  571
                      588
                                           628
       579
            585
                 587
                           592
                                609
                                      614
                                                674
                                                     686
                                                          692
                                                               696
                                                                     701
  703
       704
            706
                 710
                      715
                           726
                                730
                                      735
                                           737
                                                738
                                                     745
                                                          747
                                                               757
                                                                     771
                 813
  780
       795
                      824
                           826
                                849
                                      885
                                           886
                                                892
                                                     904
                                                          906
            806
                                                               913
                                                                     917
  920
       934
                      963
                           972
                                      974
                                           983
                                                988
                                                     993 1007 1039 1040
            947
                 957
                                973
 1043 1054 1085 1098 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1562 1591
 1594 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1710 1711 1716 1750
 1762 1771 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933
 1939 1985 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2234 2235 2248 2257 2271
 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419 2421
 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573 2582
 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711 2732
 2736 2754 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2833 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2913 2916 2953 2957 2964 2969 2970 2973 2974 2980 2981 2985 2987
 2989 3002 3010 3011 3015 3020 3028 3032 3038 3042 3045 3070 3071 3091
 3113 3114 3123 3139 3148 3153 3162 3163 3167 3173 3179 3182 3200 3211
 3215 3217 3218 3225 3229 3233 3248 3262 3263 3265 3270 3275 3277 3289
 3291 3296 3298 3326 3332 3352 3358 3363 3367 3372 3380 3382 3390 3404
 3422 3425 3438 3459 3462 3475 3481 3507 3526 3528 3541 3554 3557 3566
 3596 3605 3606 3611 3612 3617 3621 3646 3655 3668 3679 3682 3686 3698
 3728 3729 3749 3789 3795 3813 3823 3827 3829 3841 3857 3875 3904 3921
 3924 3950 3953 3966 3978 3986 3990 3998 4002 4019 4032 4041 4042 4051
 4060 4064 4074 4078 4088 4093 4109 4120 4148 4155 4168 4173 4178 4181
 4188 4190 4194 4208 4217 4219 4242 4248 4263 4299 4308 4310 4323 4331
 4352 4368 4371 4376 4400 4408 4419 4424 4432 4436]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 3
                      5
                          10
                                24
                                     54
                                          66
                                               74
                                                    77
                                                         94 110 112 117 125
126
```

3516 3517 3523 3527 3543 3545 3550 3562 3569 3594 3616 3625 3629 3632

```
419
       428
            451
                      477
                            484
                                           536
                                                                622
                                                                     645
                 467
                                 516
                                      531
                                                 558
                                                      566
                                                           615
  653
                      722
                            723
                                                           799
                                                                820
       661
            689
                 711
                                 724
                                      768
                                           774
                                                 777
                                                      793
                                                                     822
  827
       832
            846
                 848
                      875
                            882
                                 901
                                      909
                                           914
                                                 918
                                                      919
                                                           922
                                                                935
                                                                     936
                                                992 1002 1013 1026 1030
  938
       943
            946
                 950
                      951
                            966
                                 984
                                      987
                                           989
 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201 1202 1203
 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332 1335 1342
 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493 1523 1526
 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658 1669 1673
 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834 1851 1854
 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920 1928 1932
 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2001 2006 2007 2021 2026
 2035 2039 2052 2054 2060 2072 2075 2079 2116 2133 2134 2136 2137 2151
 2161 2187 2188 2190 2192 2198 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275
 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376
 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560
 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687
 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847
 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958
 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110
 3125 3155 3204 3205 3208 3228 3230 3245 3250 3283 3307 3338 3340 3345
 3349 3355 3362 3371 3391 3393 3405 3421 3439 3448 3450 3452 3453 3476
 3490 3520 3521 3525 3534 3537 3544 3551 3558 3576 3600 3604 3607 3622
 3628 3639 3649 3650 3661 3664 3667 3673 3676 3684 3687 3702 3703 3710
 3711 3712 3722 3724 3727 3732 3740 3744 3758 3785 3793 3796 3838 3852
 3859 3865 3866 3881 3903 3912 3916 3937 3939 3940 3946 3948 3960 3971
 3980 3982 3989 3995 4001 4006 4008 4009 4024 4026 4040 4043 4052 4056
 4091 4094 4095 4098 4125 4129 4137 4139 4145 4164 4180 4184 4204 4216
 4236 4259 4268 4281 4288 4289 4302 4305 4311 4312 4313 4320 4345 4347
 4349 4366 4367 4382 4383 4390 4399 4404 4414 4423]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             0
                       1
                             2 ... 4438 4439 4440]
Test Index:
             9
                      27
                           36
                                38
                                     40
                                          42
                                                47
                                                     50
                                                          55
                                                               60
                                                                     62
                                                                          68
                                                                               75
79
   82
        90
             92
                 106
                      133
                            137
                                 143
                                      165
                                           172
                                                204
                                                      216
                                                           223
                                                                234
                                                                     235
  248
       249
            255
                 264
                      267
                            280
                                 302
                                      336
                                           357
                                                 359
                                                      372
                                                                     388
                                                           373
                                                                384
  389
       395
            396
                 404
                      434
                            437
                                 446
                                      448
                                           455
                                                 470
                                                      473
                                                           475
                                                                487
                                                                     499
  504
       510
            517
                 523
                      525
                            539
                                 541
                                      577
                                           595
                                                 603
                                                      624
                                                           633
                                                                638
                                                                     652
                                                 716
                                                           725
  666
       667
            671
                 673
                      681
                            684
                                 688
                                      708
                                           713
                                                      717
                                                                732
                                                                     739
  750
                                      797
                                                      828
       758
            760
                 762
                      763
                            770
                                 796
                                           814
                                                 823
                                                           850
                                                                852
                                                                     868
  872
       880
            884
                 894
                      899
                            924
                                 928
                                      933
                                           953
                                                 967 1008 1019 1031 1035
 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172
 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280
 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428
 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1574 1581
 1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824
```

1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1893 1901 1903 1906 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2125 2128 2142 2143 2145 2150 2152 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2261 2264 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497 2502 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2799 2814 2818 2831 2832 2841 2842 2845 2851 2853 2870 2871 2874 2878 2885 2895 2900 2906 2914 2923 2930 2933 2938 2947 2956 2960 2966 2982 2993 2995 3006 3018 3019 3031 3037 3044 3072 3080 3090 3094 3096 3117 3122 3136 3140 3141 3143 3144 3145 3149 3156 3177 3190 3197 3216 3222 3236 3249 3254 3266 3278 3284 3287 3301 3313 3322 3323 3330 3353 3374 3376 3377 3387 3398 3419 3440 3455 3472 3473 3479 3480 3486 3493 3512 3522 3529 3552 3555 3577 3579 3584 3591 3602 3613 3618 3634 3635 3636 3637 3644 3654 3663 3700 3709 3719 3757 3764 3766 3775 3807 3810 3818 3824 3831 3842 3848 3851 3878 3885 3893 3900 3907 3914 3917 3944 3951 3952 3967 3968 3970 3988 4004 4011 4021 4031 4035 4037 4044 4047 4049 4062 4076 4083 4087 4096 4103 4119 4135 4142 4144 4152 4158 4226 4227 4238 4254 4258 4271 4287 4292 4296 4301 4306 4309 4338 4342 4346 4416]

[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768] Train Index: [ 2 ... 4438 4439 4440]

Test Index: 114 116 995 1012 1015 1016 1021 1028 1045 1059 1060 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154 1166 1184 1191 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1312 1348 1363 1369 1409 1440 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568 1570 1571 1585 1597 1625 1630 1631 1635 1636 1648 1649 1663 1664 1678 1679 1682 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1781 1782 1785 1794 1802 1806 1816 1841 1843 1853 1892 1895 1899 1930 1931 1955 1959 1981 1982 1986 1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062 2065 2070 2082 2141 2160 2200 2205 2207 2237 2239 2255 2265 2278 2294 2300 2305 2327 2363 2368 2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479 2485 2489 2491 2504 2511 2524 2537 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2569 2612 2613 2625 2652 2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734 2735 2737 2738 2744 2747 2773 2774 2777 2786 2790 2806 2808 2809 2811 2816 2824 2838 2839 2849 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2919 2931 2950 2959 2961 2967 2975 2976 2999 3005 3009 3017 3051 3059 3060 3067 3068 3069 3073 3087 3092 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3146 3147 3152 3157 3170 3171 3175 3183 3191 3202 3219 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272 3294 3302 3304 3314 3324 3325 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373 3385 3394 3397 3420 3436 3444 3445 3446 3447 3457 3461 3465 3474 3491

```
3498 3506 3510 3546 3556 3561 3572 3581 3582 3627 3643 3645 3648 3672 3675 3696 3723 3730 3736 3743 3746 3748 3760 3763 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843 3847 3854 3863 3884 3890 3906 3908 3913 3923 3943 3969 3974 3977 3987 3991 3993 4000 4014 4029 4045 4057 4059 4061 4067 4070 4090 4097 4115 4117 4122 4131 4146 4151 4191 4199 4202 4213 4218 4225 4245 4246 4270 4283 4297 4300 4303 4325 4337 4355 4361 4370 4374 4379 4391 4393 4394 4397 4425 4426 4427 4433 4434 4435]
```

```
[50]: DT_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_DT - y_test.reshape(-1, 1)))
DT_1Y_MSE = ((scores_year_DT - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()
print("Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %______

_DT_1Y_MSE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %______

_DT_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.04129 Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.12315

## 3.3.3 LASSO Regression

Train Index: [

Test Index: [ 8 17 19 33 51 61 69 70 80 84 93 96 109 120

2 ... 4436 4437 4439]

134 139 144 149 151 152 175 179 238 239 252 274 290 296 371 376 387 415 416 478 486 497 544 551 907 911 937 969 978 990 996 1001 1020 1025 1027 1034 1038 1041 1044 1057 1068 1074 1084 1106 1116 1123 1129 1146 1158 1161 1173 1174 1175 1178 1188 1204 1207 1216 1235 1253 1258 1260 1264 1268 1299 1321 1323 1330 1338 1350 1370 1407 1411 1412 1417 1424 1427 1432 1434 1444 1467 1468 1474 1482 1483 1488 1491 1509 1510 1522 1533 1536

```
1539 1543 1545 1551 1552 1558 1572 1598 1614 1615 1620 1652 1666 1672
 1684 1720 1721 1736 1738 1745 1756 1767 1773 1787 1803 1813 1814 1818
 1822 1832 1837 1862 1864 1872 1907 1910 1912 1924 1926 1957 1967 2014
 2015 2022 2023 2031 2059 2067 2077 2080 2095 2096 2110 2119 2121 2127
 2130 2135 2144 2154 2170 2179 2185 2215 2228 2236 2260 2274 2281 2287
 2290 2302 2304 2318 2328 2329 2331 2342 2346 2355 2359 2367 2370 2372
 2384 2387 2388 2405 2408 2420 2432 2442 2478 2487 2495 2496 2509 2518
 2531 2542 2550 2564 2577 2591 2640 2648 2650 2666 2683 2688 2697 2706
 2707 2718 2741 2742 2750 2763 2771 2787 2805 2812 2817 2855 2857 2863
 2881 2882 2889 2894 2908 2922 2927 2929 2936 2939 2942 2968 2977 2986
 3025 3041 3076 3085 3089 3093 3102 3106 3126 3131 3169 3174 3184 3193
 3195 3203 3221 3224 3227 3247 3259 3279 3282 3286 3290 3299 3316 3335
 3336 3381 3386 3389 3396 3412 3413 3417 3428 3466 3468 3469 3470 3477
 3505 3508 3511 3519 3524 3539 3542 3560 3563 3564 3573 3575 3580 3590
 3592 3619 3633 3641 3657 3658 3701 3708 3713 3737 3739 3745 3750 3752
 3755 3759 3786 3800 3836 3837 3849 3856 3861 3870 3874 3887 3909 3918
 3932 3947 3954 3958 3979 4010 4022 4023 4063 4077 4085 4104 4110 4118
 4130 4153 4159 4163 4187 4196 4197 4201 4206 4214 4215 4220 4237 4241
 4249 4250 4251 4266 4295 4304 4317 4321 4326 4330 4334 4343 4350 4354
 4372 4375 4380 4388 4396 4398 4402 4410 4420 4438 4440]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.77969073 0.84207608]
Train Index: [
                            2 ... 4438 4439 4440]
                0
                       1
Test Index: [ 14
                     23
                          29
                               32
                                    43
                                         45
                                               73
                                                    95
                                                         99
                                                            132
                                                                  156
                                                                      170
                                                                            174
177
  180
      188
                      217
                           220
                                227
                                     229
                                          240
                                                251
                                                     254
                                                          270
                                                               279
                                                                    293
           192
                 196
       325
                                                     426
  314
            330
                 332
                      351
                           353
                                360
                                     366
                                           393
                                                408
                                                          432
                                                               433
                                                                    445
  452
       461
            465
                 490
                      494
                           495
                                501
                                     506
                                           511
                                                518
                                                     530
                                                          567
                                                               568
                                                                    576
  589
       598
            605
                 618
                      620
                           642
                                643
                                     650
                                          657
                                                676
                                                     683
                                                          690
                                                               691
                                                                    705
  720
      721
            734
                 755
                      759
                           794
                                798
                                     802
                                          803
                                                807
                                                     810
                                                          817
                                                               829
  842
       862
            869
                 879
                      881
                           889
                                896
                                     897
                                          912
                                                915
                                                     999 1010 1024 1029
 1042 1047 1051 1055 1056 1061 1071 1073 1075 1090 1102 1103 1108 1113
 1114 1115 1149 1157 1162 1164 1170 1189 1192 1212 1220 1225 1228 1242
 1255 1257 1270 1272 1293 1340 1362 1392 1393 1397 1398 1402 1406 1419
 1426 1429 1461 1476 1479 1487 1490 1501 1503 1507 1513 1554 1563 1565
 1569 1580 1588 1623 1626 1643 1647 1650 1659 1665 1697 1703 1714 1717
 1726 1727 1739 1740 1744 1746 1749 1752 1786 1793 1808 1812 1831 1835
 1844 1860 1861 1871 1874 1915 1923 1937 1938 1954 1964 1966 1983 1988
 1991 2004 2011 2018 2053 2073 2085 2091 2092 2099 2103 2117 2118 2138
 2148 2164 2167 2174 2176 2178 2191 2229 2230 2244 2245 2249 2268 2276
 2284 2298 2301 2307 2319 2323 2338 2344 2347 2364 2378 2380 2399 2411
 2414 2415 2425 2441 2450 2452 2460 2462 2465 2470 2483 2494 2520 2527
 2530 2532 2535 2547 2552 2566 2570 2575 2585 2587 2605 2606 2631 2651
 2658 2662 2663 2678 2686 2694 2700 2721 2726 2743 2758 2767 2813 2815
 2821 2829 2835 2843 2844 2846 2860 2875 2886 2910 2925 2949 2955 2963
 2971 2984 2988 3000 3003 3007 3008 3014 3036 3048 3050 3063 3084 3088
 3095 3098 3107 3121 3129 3137 3151 3164 3178 3214 3243 3256 3273 3280
 3292 3318 3320 3329 3337 3341 3360 3364 3403 3414 3424 3435 3458 3471
```

```
3482 3487 3488 3495 3499 3500 3513 3533 3538 3568 3570 3574 3586 3587
 3588 3599 3620 3623 3624 3653 3662 3669 3674 3677 3680 3683 3688 3716
 3726 3731 3734 3741 3754 3761 3770 3776 3794 3799 3803 3804 3820 3835
 3850 3867 3879 3892 3926 3930 3938 3945 3949 3961 3972 3976 3985 3994
 3997 4003 4034 4039 4050 4075 4079 4089 4092 4100 4101 4105 4106 4107
 4112 4113 4126 4127 4128 4133 4136 4138 4143 4156 4160 4166 4170 4175
 4179 4189 4205 4228 4230 4232 4233 4261 4273 4275 4280 4291 4294 4314
 4318 4327 4332 4339 4348 4360 4363 4385 4395 4431]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
            [
                                                         58
                                                              63
Test Index:
                 6
                     12
                          25
                               26
                                     30
                                          44
                                               52
                                                    56
                                                                   67
                                                                         76
                                                                              88
102
  103
       108
            113
                 122
                      124
                           173
                                178
                                     183
                                           194
                                                203
                                                     214
                                                          221
                                                               222
                                                                    245
  256
       257
            263
                 266
                      286
                           289
                                291
                                      295
                                           299
                                                321
                                                     322
                                                          324
                                                               331
                                                                    342
  346
       354
            358
                 368
                      381
                           397
                                402
                                     411
                                           418
                                                430
                                                     436
                                                          439
                                                               442
                                                                    449
  450
       479
            508
                 527
                      534
                           554
                                564
                                     573
                                           578
                                                604
                                                     647
                                                          654
                                                               655
                                                                    658
  665
                 712
                      727
                           729
                                733
                                     736
                                           748
                                                752
                                                     761
                                                          785
       680
            682
                                                               805
                                                                    809
                           893
                                903
                                     908
                                           910
                                                932
                                                     949
                                                          958
                                                                    994
  816
       818
            864
                 865
                      866
                                                               976
 1003 1006 1017 1018 1022 1032 1052 1064 1088 1094 1104 1110 1117 1119
 1126 1128 1130 1159 1163 1176 1180 1181 1183 1186 1187 1200 1210 1213
 1221 1222 1227 1231 1236 1237 1261 1263 1278 1281 1288 1289 1292 1295
 1302 1309 1313 1315 1322 1334 1344 1345 1351 1356 1361 1366 1374 1378
 1391 1421 1436 1437 1438 1448 1451 1454 1455 1456 1457 1480 1485 1497
 1498 1502 1504 1512 1532 1534 1589 1590 1593 1606 1609 1610 1611 1612
 1618 1627 1632 1634 1641 1670 1675 1694 1698 1705 1718 1723 1728 1730
 1741 1743 1760 1769 1770 1779 1829 1833 1846 1867 1873 1876 1880 1885
 1894 1898 1909 1919 1945 1952 1962 1965 1973 1974 2016 2019 2037 2042
 2063 2088 2090 2093 2097 2111 2123 2159 2168 2171 2181 2182 2184 2186
 2189 2195 2202 2242 2247 2250 2269 2279 2288 2293 2297 2311 2312 2339
 2341 2348 2354 2374 2379 2389 2392 2401 2409 2413 2431 2437 2457 2459
 2471 2480 2481 2486 2488 2493 2498 2503 2521 2526 2529 2533 2578 2594
 2598 2607 2614 2615 2629 2636 2654 2656 2659 2661 2668 2672 2676 2684
 2696 2698 2725 2728 2749 2751 2755 2772 2775 2789 2803 2807 2822 2834
 2836 2850 2858 2893 2924 2926 2934 2937 2951 2996 2998 3013 3066 3077
 3078 3105 3119 3133 3138 3165 3166 3168 3181 3196 3235 3237 3241 3260
 3281 3285 3297 3305 3321 3344 3346 3350 3357 3366 3379 3388 3392 3399
 3400 3402 3407 3409 3411 3423 3427 3437 3449 3454 3456 3484 3504 3514
 3548 3553 3578 3585 3595 3609 3610 3615 3626 3638 3640 3666 3689 3692
 3693 3694 3695 3697 3699 3715 3721 3735 3738 3774 3778 3782 3806 3812
 3817 3819 3822 3839 3871 3876 3877 3882 3899 3922 3928 3929 3934 3935
 3959 3965 4005 4007 4016 4018 4028 4053 4065 4069 4102 4116 4123 4141
 4149 4162 4264 4265 4282 4285 4290 4322 4324 4333 4336 4341 4353 4357
 4364 4365 4369 4378 4384 4387 4403 4412 4413 4418]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  1
                       2
                            3 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 0
                      7
                          31
                               48
                                    59
                                          65 141 155 162 176 187 195
```

```
210
       218
            219
                 226
                      246
                            247
                                 258
                                      259
                                           268
                                                 278
                                                      283
                                                           288
                                                                343
                                                                     370
  378
                      422
                            423
                                 485
                                                      528
                                                                535
                                                                     543
       382
            383
                 386
                                      491
                                           500
                                                 507
                                                           532
  546
       547
            549
                 550
                      557
                            570
                                 572
                                      581
                                           582
                                                 610
                                                      611
                                                           612
                                                                613
                                                                     617
  627
       631
            637
                 639
                      640
                            644
                                 648
                                      669
                                           678
                                                 679
                                                      700
                                                           742
                                                                756
                                                                     765
  773
                                                      898
       781
            836
                 839
                      840
                            841
                                 847
                                      867
                                           874
                                                 883
                                                           905
                                                                921
                                                                     923
  925
       926
            927
                 929
                      930
                            940
                                 941
                                      948
                                           952
                                                 965
                                                      979
                                                           981
                                                                985
                                                                     997
 1011 1023 1070 1078 1080 1091 1095 1096 1097 1099 1105 1132 1135 1138
 1152 1171 1185 1211 1226 1233 1244 1283 1298 1320 1326 1336 1337 1373
 1377 1395 1413 1422 1431 1450 1477 1499 1505 1515 1517 1537 1538 1550
 1556 1557 1564 1566 1578 1582 1586 1592 1595 1600 1602 1616 1621 1642
 1651 1657 1662 1691 1702 1729 1732 1747 1751 1765 1775 1777 1780 1783
 1784 1788 1789 1800 1807 1815 1839 1840 1859 1869 1877 1886 1891 1896
 1897 1902 1904 1905 1918 1929 1941 1972 1995 2005 2025 2029 2066 2069
 2078 2104 2112 2114 2155 2157 2172 2177 2194 2197 2211 2221 2225 2232
 2252 2256 2258 2267 2285 2303 2313 2320 2330 2337 2357 2361 2366 2369
 2377 2402 2423 2429 2447 2451 2453 2458 2464 2476 2484 2501 2510 2512
 2525 2536 2543 2554 2555 2561 2567 2572 2574 2583 2588 2589 2592 2596
 2610 2619 2620 2622 2627 2634 2638 2643 2649 2655 2664 2669 2680 2691
 2727 2740 2757 2770 2778 2784 2788 2794 2798 2823 2828 2830 2840 2856
 2873 2877 2879 2887 2899 2909 2915 2921 2932 2940 2943 2944 2948 2990
 2994 3001 3012 3039 3043 3053 3058 3061 3064 3065 3101 3112 3132 3158
 3159 3176 3185 3186 3189 3198 3213 3232 3240 3244 3257 3258 3269 3271
 3276 3288 3306 3311 3319 3339 3347 3361 3368 3375 3406 3408 3430 3431
 3434 3441 3443 3451 3463 3464 3483 3485 3494 3496 3497 3502 3518 3530
 3531 3535 3536 3540 3571 3593 3598 3603 3614 3630 3631 3642 3647 3651
 3652 3660 3670 3671 3690 3705 3707 3717 3725 3733 3747 3751 3756 3762
 3765 3767 3780 3781 3783 3788 3809 3825 3826 3834 3846 3853 3860 3873
 3880 3889 3896 3897 3915 3920 3942 3962 3964 3983 4012 4015 4033 4038
 4066 4073 4080 4081 4082 4114 4140 4147 4157 4161 4167 4171 4176 4186
 4195 4200 4210 4212 4223 4224 4231 4239 4240 4243 4267 4272 4293 4298
 4307 4316 4340 4344 4351 4356 4359 4381 4406 4415]
[0.75373028 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             [
                  0
                             2 ... 4436 4438 4440]
                       1
Test Index:
            [ 22
                      41
                           57
                                78
                                     86
                                          87
                                                91
                                                  100 104 111 115
123
                 191
                            208
                                 212
                                      230
                                           231
                                                233
                                                      237
                                                                261
                                                                     272
  135
       163
            168
                      199
                                                           243
  276
       282
            313
                 328
                      340
                            347
                                 350
                                      361
                                           365
                                                 367
                                                      369
                                                           392
                                                                399
                                                                     407
  413
       420
            421
                 424
                      435
                            456
                                 460
                                      462
                                           464
                                                      480
                                                           498
                                                                509
                                                                     521
                                                 472
  522
       533
                                      586
                                                      601
            540
                 542
                      553
                            560
                                 565
                                           593
                                                 597
                                                           632
                                                                641
                                                                     651
                                                           779
  656
       660
            662
                 685
                      695
                            697
                                 702
                                      707
                                           741
                                                 767
                                                      772
                                                                782
                                                                     789
  801
            834
                 835
                      844
                            845
                                 855
                                      859
                                           887
                                                 900
                                                      931
                                                           942
       819
                                                                944
                                                                     945
       982 1033 1036 1037 1048 1053 1067 1089 1093 1124 1127 1133 1134
 1143 1151 1153 1196 1206 1232 1234 1251 1271 1284 1339 1352 1360 1368
 1375 1382 1400 1403 1404 1405 1414 1420 1423 1425 1442 1446 1452 1459
 1465 1494 1506 1511 1514 1553 1575 1583 1587 1601 1613 1638 1644 1653
 1674 1688 1689 1725 1731 1735 1754 1758 1766 1778 1791 1795 1805 1811
```

```
1820 1830 1842 1849 1850 1866 1878 1882 1884 1921 1936 1940 1948 1950
 1953 1960 1961 1971 1978 1979 1992 2002 2010 2024 2028 2034 2044 2045
 2057 2083 2086 2098 2101 2102 2107 2115 2124 2131 2146 2153 2183 2196
 2208 2210 2213 2216 2218 2222 2223 2226 2227 2233 2238 2240 2251 2254
 2266 2277 2282 2292 2295 2299 2309 2310 2314 2316 2321 2325 2333 2345
 2351 2390 2398 2404 2406 2407 2416 2426 2436 2439 2456 2463 2468 2500
 2528 2534 2540 2545 2559 2576 2579 2580 2584 2586 2603 2617 2628 2630
 2644 2646 2647 2653 2685 2689 2704 2714 2716 2720 2722 2759 2764 2776
 2780 2793 2801 2819 2820 2825 2837 2867 2884 2902 2905 2907 2917 2918
 2920 2941 2978 2983 2991 2992 2997 3004 3024 3049 3062 3075 3082 3083
 3103 3115 3127 3135 3150 3154 3172 3180 3187 3188 3192 3207 3209 3210
 3212 3220 3223 3226 3252 3268 3295 3303 3309 3310 3312 3317 3328 3351
 3365 3370 3410 3418 3426 3432 3433 3442 3460 3478 3489 3501 3503 3515
 3532 3547 3549 3559 3565 3567 3583 3589 3597 3601 3608 3659 3665 3681
 3704 3706 3753 3768 3771 3779 3784 3787 3792 3801 3805 3821 3830 3832
 3833 3844 3845 3855 3864 3872 3883 3886 3895 3901 3902 3905 3910 3911
 3925 3927 3933 3936 3956 3973 3981 3984 3999 4017 4020 4025 4030 4046
 4058 4068 4084 4099 4108 4121 4124 4132 4134 4165 4172 4174 4182 4183
 4193 4198 4203 4211 4234 4235 4252 4256 4257 4262 4278 4279 4284 4315
 4319 4328 4386 4389 4405 4407 4411 4429 4437 44391
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.74034305 0.80271737 0.71439768]
                       2
                            3 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                     13
                          18
                               35
                                     49
                                          71
                                               72
                                                    83
                                                         85
                                                            105
                                                                  128
Test Index:
            Ε
                 1
                                                                       140
                                                                             142
158
  185
       207
                      273
                           275
                                281
                                           303
                                                304
                                                     306
                                                                    316
            213
                 269
                                     300
                                                          307
                                                               311
  323
       344
            348
                 349
                      352
                           374
                                377
                                     380
                                           394
                                                403
                                                     406
                                                          409
                                                               427
                                                                    440
  444
       458
            459
                 469
                      482
                           489
                                493
                                     503
                                           514
                                                519
                                                     526
                                                          529
                                                               548
                                                                    552
  575
       583
            590
                 591
                      607
                           619
                                629
                                      630
                                           634
                                                636
                                                     649
                                                          664
                                                               672
                                                                    687
  694
       714
            719
                 743
                      749
                           754
                                778
                                     786
                                           788
                                                791
                                                     792
                                                          808
                                                               821
                                                                    837
  858
            873
                 890
                      891
                           902
                                916
                                     939
                                           955
                                                961
                                                     968
                                                          970
       861
                                                               986
                                                                    998
 1000 1004 1005 1009 1014 1050 1058 1072 1083 1087 1092 1100 1109 1125
 1142 1177 1179 1190 1195 1198 1208 1229 1230 1239 1241 1249 1259 1266
 1269 1273 1286 1294 1307 1310 1316 1317 1327 1328 1343 1354 1357 1359
 1364 1367 1376 1381 1385 1399 1408 1410 1439 1441 1443 1447 1462 1472
 1475 1496 1518 1525 1530 1535 1546 1559 1567 1576 1577 1579 1584 1608
 1624 1628 1637 1655 1656 1660 1661 1667 1671 1677 1681 1695 1706 1709
 1712 1713 1737 1742 1748 1763 1764 1768 1797 1798 1801 1809 1825 1826
 1847 1883 1916 1922 1925 1927 1947 1949 1951 1956 1963 1977 1980 1987
 1993 1999 2003 2008 2009 2013 2020 2043 2046 2068 2071 2113 2132 2140
 2147 2149 2163 2166 2169 2199 2206 2212 2241 2246 2253 2259 2270 2272
 2283 2289 2334 2335 2340 2350 2352 2356 2358 2381 2417 2422 2430 2440
 2446 2473 2474 2475 2477 2499 2505 2515 2517 2519 2522 2548 2562 2600
 2602 2609 2623 2633 2639 2665 2673 2677 2699 2702 2715 2748 2752 2753
 2765 2781 2792 2796 2804 2810 2827 2848 2865 2876 2880 2897 2903 2952
 2954 2962 2979 3021 3022 3023 3026 3027 3029 3033 3034 3035 3046 3047
 3052 3074 3081 3109 3111 3116 3128 3130 3134 3142 3160 3161 3194 3199
 3201 3206 3231 3238 3239 3246 3253 3264 3274 3293 3300 3308 3315 3331
```

```
3333 3334 3359 3378 3383 3384 3395 3401 3415 3416 3429 3467 3492 3509
 3516 3517 3523 3527 3543 3545 3550 3562 3569 3594 3616 3625 3629 3632
 3656 3678 3685 3691 3714 3718 3720 3742 3773 3790 3797 3802 3808 3811
 3814 3815 3816 3828 3858 3862 3868 3869 3888 3891 3894 3898 3919 3931
 3941 3955 3957 3963 3975 3992 3996 4013 4027 4036 4048 4054 4055 4071
 4072 4086 4111 4150 4154 4169 4177 4185 4192 4207 4209 4221 4222 4229
 4244 4247 4253 4255 4260 4269 4274 4276 4277 4286 4329 4335 4358 4362
 4373 4377 4392 4401 4409 4417 4421 4422 4428 4430]
[0.66796799 0.66716111 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            3 ... 4438 4439 4440]
Test Index:
             2
                     15
                          20
                               21
                                     28
                                          37
                                               39
                                                    46
                                                         53
                                                              81
                                                                    97 101 107
136
  145
            153
                 159
                      167
                           169
                                171
                                      182
                                           186
                                                215
                                                     236
                                                          244
                                                               250
                                                                    265
  271
       277
            292
                 294
                      310
                           317
                                 334
                                      338
                                           339
                                                363
                                                     390
                                                          398
                                                               400
                                                                    401
  405
                      447
       425
            431
                 441
                           453
                                454
                                      476
                                           481
                                                483
                                                     513
                                                          520
                                                               545
                                                                    556
  571
       579
            585
                 587
                      588
                           592
                                609
                                      614
                                           628
                                                674
                                                     686
                                                          692
                                                               696
                                                                    701
                                                               757
  703
       704
                 710
                           726
                                 730
                                      735
                                           737
                                                738
                                                     745
                                                          747
                                                                     771
            706
                      715
       795
                                                          906
                                                                    917
  780
            806
                 813
                      824
                           826
                                849
                                      885
                                           886
                                                892
                                                     904
                                                               913
  920
       934
            947
                 957
                      963
                           972
                                973
                                      974
                                           983
                                                988
                                                     993 1007 1039 1040
 1043 1054 1085 1098 1112 1121 1131 1137 1165 1182 1193 1194 1199 1219
 1223 1245 1247 1265 1274 1279 1285 1290 1297 1301 1303 1304 1308 1325
 1333 1341 1346 1349 1355 1379 1380 1386 1387 1389 1401 1418 1435 1449
 1453 1463 1466 1486 1508 1520 1521 1524 1544 1547 1560 1561 1562 1591
 1594 1596 1599 1607 1622 1640 1690 1700 1704 1708 1710 1711 1716 1750
 1762 1771 1776 1796 1799 1804 1817 1845 1868 1889 1911 1913 1914 1933
 1939 1985 2012 2030 2032 2033 2040 2050 2051 2058 2064 2074 2084 2087
 2089 2106 2108 2120 2126 2129 2139 2162 2175 2234 2235 2248 2257 2271
 2273 2308 2315 2322 2353 2375 2382 2383 2396 2400 2403 2412 2419 2421
 2424 2428 2461 2466 2506 2507 2513 2514 2541 2544 2553 2571 2573 2582
 2599 2604 2611 2618 2624 2632 2641 2657 2667 2670 2679 2682 2711 2732
 2736 2754 2760 2761 2768 2769 2791 2800 2833 2852 2854 2862 2864 2866
 2868 2913 2916 2953 2957 2964 2969 2970 2973 2974 2980 2981 2985 2987
 2989 3002 3010 3011 3015 3020 3028 3032 3038 3042 3045 3070 3071 3091
 3113 3114 3123 3139 3148 3153 3162 3163 3167 3173 3179 3182 3200 3211
 3215 3217 3218 3225 3229 3233 3248 3262 3263 3265 3270 3275 3277 3289
 3291 3296 3298 3326 3332 3352 3358 3363 3367 3372 3380 3382 3390 3404
 3422 3425 3438 3459 3462 3475 3481 3507 3526 3528 3541 3554 3557 3566
 3596 3605 3606 3611 3612 3617 3621 3646 3655 3668 3679 3682 3686 3698
 3728 3729 3749 3789 3795 3813 3823 3827 3829 3841 3857 3875 3904 3921
 3924 3950 3953 3966 3978 3986 3990 3998 4002 4019 4032 4041 4042 4051
 4060 4064 4074 4078 4088 4093 4109 4120 4148 4155 4168 4173 4178 4181
 4188 4190 4194 4208 4217 4219 4242 4248 4263 4299 4308 4310 4323 4331
 4352 4368 4371 4376 4400 4408 4419 4424 4432 4436]
[0.66796799 0.75373028 0.77289167 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index: [
                  0
                       1
                            2 ... 4438 4439 4440]
Test Index: [
                 3
                      5
                          10
                               24
                                     54
                                          66
                                               74
                                                    77
                                                         94
                                                            110 112 117
                                                                             125
```

```
126
  129
       131
            138
                 147
                       164
                            181
                                 193
                                      201
                                           224
                                                 228
                                                      232
                                                           242
                                                                260
                                                                      285
  312
       319
            320
                 326
                            329
                                 333
                                            345
                                                 355
                                                                375
                                                                      385
                       327
                                      341
                                                      362
                                                           364
  419
       428
            451
                 467
                       477
                            484
                                 516
                                      531
                                            536
                                                 558
                                                      566
                                                           615
                                                                622
                                                                      645
  653
       661
            689
                 711
                      722
                            723
                                 724
                                      768
                                           774
                                                 777
                                                      793
                                                           799
                                                                820
                                                                      822
  827
                                                      919
       832
            846
                 848
                       875
                            882
                                 901
                                      909
                                           914
                                                 918
                                                           922
                                                                935
                                                                      936
  938
       943
            946
                 950
                       951
                            966
                                 984
                                      987
                                           989
                                                 992 1002 1013 1026 1030
 1046 1063 1086 1107 1111 1118 1120 1136 1141 1160 1169 1201 1202 1203
 1215 1246 1248 1254 1277 1287 1305 1311 1314 1318 1319 1332 1335 1342
 1347 1372 1383 1394 1415 1430 1433 1458 1464 1471 1481 1493 1523 1526
 1541 1573 1603 1604 1605 1619 1629 1639 1645 1646 1654 1658 1669 1673
 1692 1701 1724 1755 1759 1761 1772 1774 1790 1792 1828 1834 1851 1854
 1855 1857 1858 1863 1865 1870 1879 1888 1900 1908 1917 1920 1928 1932
 1934 1942 1943 1970 1975 1976 1989 1990 1997 2001 2006 2007 2021 2026
 2035 2039 2052 2054 2060 2072 2075 2079 2116 2133 2134 2136 2137 2151
 2161 2187 2188 2190 2192 2198 2203 2204 2209 2219 2243 2262 2263 2275
 2291 2306 2317 2324 2332 2336 2343 2349 2360 2362 2365 2371 2373 2376
 2394 2410 2418 2438 2443 2449 2467 2469 2472 2490 2516 2538 2551 2560
 2563 2590 2595 2597 2601 2608 2621 2626 2637 2642 2645 2671 2674 2687
 2708 2709 2712 2713 2717 2730 2739 2746 2762 2795 2797 2802 2826 2847
 2859 2861 2872 2883 2890 2891 2892 2898 2912 2928 2935 2945 2946 2958
 2965 2972 3016 3030 3040 3054 3055 3056 3057 3079 3086 3097 3100 3110
 3125 3155 3204 3205 3208 3228 3230 3245 3250 3283 3307 3338 3340 3345
 3349 3355 3362 3371 3391 3393 3405 3421 3439 3448 3450 3452 3453 3476
 3490 3520 3521 3525 3534 3537 3544 3551 3558 3576 3600 3604 3607 3622
 3628 3639 3649 3650 3661 3664 3667 3673 3676 3684 3687 3702 3703 3710
 3711 3712 3722 3724 3727 3732 3740 3744 3758 3785 3793 3796 3838 3852
 3859 3865 3866 3881 3903 3912 3916 3937 3939 3940 3946 3948 3960 3971
 3980 3982 3989 3995 4001 4006 4008 4009 4024 4026 4040 4043 4052 4056
 4091 4094 4095 4098 4125 4129 4137 4139 4145 4164 4180 4184 4204 4216
 4236 4259 4268 4281 4288 4289 4302 4305 4311 4312 4313 4320 4345 4347
 4349 4366 4367 4382 4383 4390 4399 4404 4414 4423]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
Train Index:
             0
                        1
                             2 ... 4438 4439 4440]
Test Index:
             9
                      27
                           36
                                38
                                     40
                                           42
                                                47
                                                     50
                                                          55
                                                                60
                                                                     62
                                                                          68
                                                                               75
79
        90
             92
                 106
                            137
                                 143
                                      165
                                                 204
                                                      216
                                                           223
                                                                      235
   82
                      133
                                           172
                                                                234
  248
       249
            255
                 264
                       267
                            280
                                 302
                                      336
                                            357
                                                 359
                                                      372
                                                           373
                                                                384
                                                                      388
  389
       395
            396
                 404
                       434
                            437
                                 446
                                      448
                                           455
                                                      473
                                                           475
                                                                487
                                                                      499
                                                 470
  504
                                                      624
       510
            517
                 523
                       525
                            539
                                 541
                                      577
                                            595
                                                 603
                                                           633
                                                                638
                                                                      652
  666
       667
            671
                 673
                       681
                            684
                                 688
                                      708
                                           713
                                                 716
                                                      717
                                                           725
                                                                732
                                                                      739
  750
       758
            760
                 762
                       763
                            770
                                 796
                                      797
                                                 823
                                                      828
                                                           850
                                                                852
                                            814
                                                                      868
            884
                            924
                                 928
                                           953
                                                 967 1008 1019 1031 1035
  872
       880
                 894
                       899
                                      933
 1049 1062 1065 1077 1079 1101 1140 1144 1145 1155 1156 1167 1168 1172
 1197 1205 1209 1214 1217 1224 1238 1240 1250 1252 1256 1262 1276 1280
 1296 1324 1329 1331 1353 1358 1365 1371 1384 1388 1390 1396 1416 1428
 1460 1469 1473 1489 1492 1519 1531 1540 1542 1548 1549 1555 1574 1581
```

```
1827 1836 1838 1848 1852 1856 1875 1881 1887 1890 1893 1901 1903 1906
 1935 1944 1946 1958 1968 1969 1984 1994 1996 2000 2017 2036 2048 2055
 2076 2081 2094 2100 2105 2109 2122 2125 2128 2142 2143 2145 2150 2152
 2156 2158 2165 2173 2180 2193 2201 2214 2217 2220 2224 2231 2261 2264
 2280 2286 2296 2326 2386 2393 2395 2397 2434 2445 2448 2482 2492 2497
 2502 2508 2523 2539 2549 2581 2593 2616 2635 2681 2692 2703 2705 2710
 2719 2723 2724 2745 2756 2766 2779 2782 2783 2785 2799 2814 2818 2831
 2832 2841 2842 2845 2851 2853 2870 2871 2874 2878 2885 2895 2900 2906
 2914 2923 2930 2933 2938 2947 2956 2960 2966 2982 2993 2995 3006 3018
 3019 3031 3037 3044 3072 3080 3090 3094 3096 3117 3122 3136 3140 3141
 3143 3144 3145 3149 3156 3177 3190 3197 3216 3222 3236 3249 3254 3266
 3278 3284 3287 3301 3313 3322 3323 3330 3353 3374 3376 3377 3387 3398
 3419 3440 3455 3472 3473 3479 3480 3486 3493 3512 3522 3529 3552 3555
 3577 3579 3584 3591 3602 3613 3618 3634 3635 3636 3637 3644 3654 3663
 3700 3709 3719 3757 3764 3766 3775 3807 3810 3818 3824 3831 3842 3848
 3851 3878 3885 3893 3900 3907 3914 3917 3944 3951 3952 3967 3968 3970
3988 4004 4011 4021 4031 4035 4037 4044 4047 4049 4062 4076 4083 4087
 4096 4103 4119 4135 4142 4144 4152 4158 4226 4227 4238 4254 4258 4271
 4287 4292 4296 4301 4306 4309 4338 4342 4346 4416]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
                            2 ... 4438 4439 4440]
Train Index: [
                  0
                       1
                          16
                               34
                                    64
                                          89
                                               98
                                                  114 116 119
                                                                  127
Test Index:
            4
                     11
                                                                      130
                                                                            146
154
  160
                           200
                                202
                                     206
                                          225
                                                     253
                                                          262
                                                               284
      161
            189
                 190
                      197
                                                241
                                                                    301
  335
                                          474
       337
            356
                 379
                      391
                           412
                                417
                                     466
                                                488
                                                     492
                                                          496
                                                               502
                                                                    512
  515
       524
            537
                 559
                      562
                           563
                                569
                                     574
                                           580
                                                600
                                                     606
                                                          608
                                                               616
                                                                    623
  635
       646
            659
                 663
                      675
                           698
                                699
                                     709
                                          728
                                                740
                                                     753
                                                          766
                                                               769
                                                                    775
  784
       804
            815
                 825
                      830
                           851
                                853
                                     854
                                          860
                                                863
                                                     870
                                                          876
                                                               878
  954
       956
            959
                 971
                      975
                           977
                                980
                                     991
                                          995 1012 1015 1016 1021 1028
 1045 1059 1060 1066 1069 1076 1081 1082 1122 1139 1147 1148 1150 1154
 1166 1184 1191 1218 1243 1267 1275 1282 1291 1300 1306 1312 1348 1363
 1369 1409 1440 1445 1470 1478 1484 1495 1500 1516 1527 1528 1529 1568
 1570 1571 1585 1597 1625 1630 1631 1635 1636 1648 1649 1663 1664 1678
 1679 1682 1685 1686 1687 1693 1696 1707 1715 1722 1733 1734 1757 1781
 1782 1785 1794 1802 1806 1816 1841 1843 1853 1892 1895 1899 1930 1931
 1955 1959 1981 1982 1986 1998 2027 2038 2041 2047 2049 2056 2061 2062
 2065 2070 2082 2141 2160 2200 2205 2207 2237 2239 2255 2265 2278 2294
 2300 2305 2327 2363 2368 2385 2391 2427 2433 2435 2444 2454 2455 2479
 2485 2489 2491 2504 2511 2524 2537 2546 2556 2557 2558 2565 2568 2569
 2612 2613 2625 2652 2660 2675 2690 2693 2695 2701 2729 2731 2733 2734
 2735 2737 2738 2744 2747 2773 2774 2777 2786 2790 2806 2808 2809 2811
 2816 2824 2838 2839 2849 2869 2888 2896 2901 2904 2911 2919 2931 2950
 2959 2961 2967 2975 2976 2999 3005 3009 3017 3051 3059 3060 3067 3068
 3069 3073 3087 3092 3099 3104 3108 3118 3120 3124 3146 3147 3152 3157
 3170 3171 3175 3183 3191 3202 3219 3234 3242 3251 3255 3261 3267 3272
```

1617 1633 1668 1676 1680 1683 1699 1719 1753 1810 1819 1821 1823 1824

3294 3302 3304 3314 3324 3325 3327 3342 3343 3348 3354 3356 3369 3373

```
3385 3394 3397 3420 3436 3444 3445 3446 3447 3457 3461 3465 3474 3491 3498 3506 3510 3546 3556 3561 3572 3581 3582 3627 3643 3645 3648 3672 3675 3696 3723 3730 3736 3743 3746 3748 3760 3763 3769 3772 3777 3791 3798 3840 3843 3847 3854 3863 3884 3890 3906 3908 3913 3923 3943 3969 3974 3977 3987 3991 3993 4000 4014 4029 4045 4057 4059 4061 4067 4070 4090 4097 4115 4117 4122 4131 4146 4151 4191 4199 4202 4213 4218 4225 4245 4246 4270 4283 4297 4300 4303 4325 4337 4355 4361 4370 4374 4379 4391 4393 4394 4397 4425 4426 4427 4433 4434 4435]
[0.66796799 0.75373028 0.66716111 ... 0.80271737 0.84207608 0.71439768]
```

```
[52]: LASSO_1Y_MAE = np.mean(np.absolute(scores_year_LASSO - y_test.reshape(-1, 1)))

LASSO_1Y_MSE = ((scores_year_LASSO - y_test.reshape(-1, 1))**2).mean()

print("Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MSE)

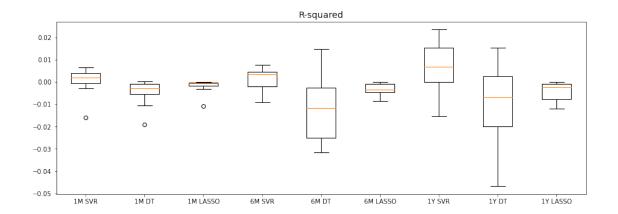
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MAE)
```

Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: 0.04023 Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: 0.11999

# 3.3.4 Comparison performance of the models against each other for the various investment horizons

## R-squared

```
[53]: plt.subplots(figsize=(15, 5))
      models = []
      models.append((scores_month_SVR))
      models.append((scores_month_DT))
      models.append((scores_month_LASSO))
      models.append((scores_hyear_SVR))
      models.append((scores_hyear_DT))
      models.append((scores_hyear_LASSO))
      models.append((scores_year_SVR))
      models.append((scores_year_DT))
      models.append((scores_year_LASSO))
      plt.boxplot(models)
      plt.xticks([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],
                  ['1M SVR', '1M DT', '1M LASSO', '6M SVR', '6M DT', '6M LASSO', '1Y_{\sqcup}
       ⇒SVR', '1Y DT', '1Y LASSO'])
      plt.title('R-squared', fontsize=14)
      plt.show()
```



### Mean Absolute Error

```
[54]: print("Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %_

DT_1M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 1M SVR Model: 0.05581 Mean absolute error (MAE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.05678 Mean absolute error (MAE) for 1M LASSO Regression: 0.05599

According to MAE, the best model is SVR for half year interval.

```
[55]: print("Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_6M_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 6M SVR Model: 0.08662 Mean absolute error (MAE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.09145 Mean absolute error (MAE) for 6M LASSO Regression: 0.08786

According to MAE, the best model is SVR for half year interval.

```
[56]: print("Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MAE)
print("Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MAE)
```

Mean absolute error (MAE) for 1Y SVR Model: 0.11689 Mean absolute error (MAE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.12315 Mean absolute error (MAE) for 1Y LASSO Regression: 0.11999

According to MAE, the best model is SVR for year interval.

### Mean Squared Error

```
[57]: print("Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: %.5f" % SVR_1M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1M_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 1M SVR Model: 0.00702
Mean squared error (MSE) for 1M Decision Tree Regressor: 0.00719
Mean squared error (MSE) for 1M LASSO Regression: 0.00706
```

According to MSE, the best model is SVR for month interval.

```
[58]: print("Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: %.5f" % SVR_6M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_6M_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: %.5f" % LASSO_6M_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 6M SVR Model: 0.01477
Mean squared error (MSE) for 6M Decision Tree Regressor: 0.01599
Mean squared error (MSE) for 6M LASSO Regression: 0.01507
```

According to MSE, the best model is SVR for half year interval.

```
[59]: print("Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: %.5f" % SVR_1Y_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: %.5f" %

→DT_1Y_MSE)
print("Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: %.5f" % LASSO_1Y_MSE)
```

```
Mean squared error (MSE) for 1Y SVR Model: 0.03901
Mean squared error (MSE) for 1Y Decision Tree Regressor: 0.04129
Mean squared error (MSE) for 1Y LASSO Regression: 0.04023
```

According to MSE, the best model is SVR for year interval.

## 3.3.5 Comparison performance of the models against a baseline model

Mean absolute error for linear regression is 0.04414.

This is the lowest average magnitude of the errors.

Mean squared error for linear regression is 0.00349.

This model is the closest to finding the line of best fit.

According to MAE and MSE, basic model is better than advantacted models.