TP 4 MAPLE - Integracion

MASTER T.E.C.I.

1 Comandos MAPLE

1.1 Integracion en 1D

```
f := (x) -> x^2 + exp(x);
plot(f(x), x = -1 ... 1);
int(f(x), x);
int(f(x), x = -1 .. 1);
int(exp(-x), x = 0 .. infinity);
int(exp(-x), x = a .. b);
a := 1;
b := 2;
int(exp(-x), x = a .. b);
int(exp(cos(x))*ln(x), x);
int(exp(cos(x)), x = -1 ... 1);
evalf(int(exp(cos(x)), x = -1 ... 1));
int(exp(cos(x)), x = -1 ... 1, numeric);
int(f(x), x = -1.5 ... 2.95);
int(f(x), x = -1.5 ... 2.95, numeric = false);
int(f(x), x = 2.95 ... -1.5);
```

Ejemplo de calculo de los coeficientes α_l vistos en clases necesarios para obtener la formula de Newton-côtes de orden Q=2:

```
\begin{array}{l} \inf((s\text{-}1)^*(s\text{-}2)/((0\text{-}1)^*(0\text{-}2)),\,s=0\,\,..\,\,2)\,;\\ \inf((s\text{-}0)^*(s\text{-}2)/((1\text{-}0)^*(1\text{-}2)),\,s=0\,\,..\,\,2)\,;\\ \inf((s\text{-}0)^*(s\text{-}1)/((2\text{-}0)^*(2\text{-}1)),\,s=0\,\,..\,\,2)\,; \end{array}
```

1.2 Integracion en dimensiones superiores

1.2.1 Caso 2D

```
g := (x, y) -> y * x + y^2;

plot3d(g(x, y), x = -1 ... 1, y = -1 ... 1);

int(g(x, y), x);

int(g(x, y), y);
```

```
\begin{split} &\inf(g(x,\,y),\,\mathbf{x},\,\mathbf{y})\,;\\ &\inf(g(x,\,y),\,x=\text{-1}\,..\,1,\,y=\text{-1}\,..\,1)\,;\\ &\inf(g(x,\,y),\,x=\text{-1}\,..\,1,\,y=\text{-1}\,..\,1,\,\text{numeric})\,;\\ &\inf(\exp(\cos(x)^*y),\,x=\text{-1}\,..\,1,\,y=\text{-2}\,..\,2)\,;\\ &\operatorname{evalf}(\inf(\exp(\cos(x)^*y),\,x=\text{-1}\,..\,1,\,y=\text{-2}\,..\,2))\,;\\ &\inf(\exp(\cos(x+y)),\,x,\,y)\,;\\ &\inf(\exp(\cos(x+y)),\,x=\text{-5}\,..\,10,\,y=3\,..\,8)\,;\\ &\inf(\exp(\cos(x+y)),\,x=\text{-5}\,..\,10,\,y=3\,..\,8,\,\text{numeric})\,;\\ \end{split}
```

1.2.2 Caso 3D

```
h := (x, y, z) \rightarrow x^2 + exp(y) + sqrt(z * x);

int(h(x, y, z), x, y, z);

int(h(x, y, z), x = 0 .. 5, y = -5 .. 0, z = 2 .. 8);

int(h(x, y, z), x = 0 .. 5, y = -5 .. 0, z = 2 .. 8, numeric);
```

2 Ejercicios

- a) Calcular:
 - $\int exp(\sqrt{x+3}) dx$
 - $\int_0^5 log(x^2 + x) dx$ (dar la solucion exacta y una aproximacion numerica).
 - $\int_{-\infty}^{\infty} exp(-x^2) dx$
 - $\int \int log(y) * y * x \ dydx$
 - $\int_2^8 \int_0^5 \sqrt{y+x} * x \ dy dx$ (dar la solucion exacta y una aproximacion numerica).
- b) Calcular los coeficientes α_l vistos en clases necesarios para obtener la formula de Newton-côtes de orden Q=3.