

Ministerul Educației, Culturii și Cercetării
al Republicii Moldova
Universitatea Tehnică a Moldovei
Departamentul Ingineria Software și Automatică

RAPORT

la lucrarea de laborator nr.2

Tema: „Calculul probabilităților”

Disciplina: „Teoria Probabilităților și a Informației”

Varianta 12

A efectuat :

gr. SI – 201 , Ivanova Evghenia

A verificat :

asis. univ. Popovici Nadejda

Chișinău – 2021

1. Se aruncă un zar de două ori. Să se calculeze probabilitățile evenimentelor aleatoare: 1) $A = \{\text{suma numerelor apărute nu va întrece } m\}$, 2) $B = \{\text{suma numerelor apărute va fi egală cu } r\}$, 3) $G = \{\text{produsul numerelor apărute va fi mai mare ca } n\}$. 12) $m=5, n=11, r=3$;

1) $A = \{\text{suma numerelor apărute nu va întrece } 5\}$

Rezolvare: Spațiul de evenimente elementare $W = \{(i, j) : i \geq 1, j \leq 6\}$. Favorabile evenimentului A sunt evenimentele elementare $A = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 2), (4, 1)\}$. Cum $\text{card } A = 10$ și $\text{card } W = 36$, avem **In[11]:=N[10/36] Out[11]=0,277777**. Obținem **P(A)= 0,277777**

2) $B = \{\text{suma numerelor apărute va fi egală cu } 3\}$

Rezolvare: Spațiul de evenimente elementare $W = \{(i, j) : i \geq 1, j \leq 6\}$. Favorabile evenimentului B sunt evenimentele elementare $B = \{(1, 2), (2, 1)\}$. Cum $\text{card } B = 2$ și $\text{card } W = 36$, avem **In[12]:=N[2/36] Out[12]=0,0555556**.

Obținem **P(B)= 0,0555556**

3) $G = \{\text{produsul numerelor apărute va fi mai mare ca } 11\}$

Rezolvare: Spațiul de evenimente elementare $W = \{(i, j) : i \geq 1, j \leq 6\}$. Favorabile evenimentului G sunt evenimentele elementare $G = \{(2, 6), (6, 2), (3, 4), (4, 3), (3, 5), (5, 3), (3, 6), (6, 3), (4, 4), (4, 5), (5, 4), (4, 6), (6, 4), (5, 5), (5, 6), (6, 5), (6, 6)\}$. Cum $\text{card } G = 17$ și $\text{card } W = 36$, avem **In[13]:=N[17/36] Out[13]=0,472222**.

Obținem **P(C)= 0,472222**

2. Într-un lot care conține n piese de același tip sunt 8 piese cu careva defect. Se extrag fără revenire 6 piese. Dacă toate piesele extrase sunt calitative, atunci lotul este acceptat, în caz contrar este refuzat. Să se calculeze probabilitatea evenimentului $A = \{\text{lotul va fi acceptat}\}$. Parametrul n este egal cu 100 plus numărul variantei. $n = 112$

Rezolvare. Notăm: $A_i = \{\text{piesa cu numărul de ordine de extragere } i \text{ va fi fără defecte}\}$, $i = 1, 2, 3, 4, 5, 6$. Are loc egalitatea $A = A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4 \cap A_5 \cap A_6$

Conform formulei avem

$$P(A) = P(A_1)P(A_2|A_1)P(A_3|A_1 \cap A_2)P(A_4|A_1 \cap A_2 \cap A_3) \\ P(A_5|A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4)P(A_6|A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4 \cap A_5)$$

Aplicăm **In[2]:=N** $\left[\frac{104}{112} * \frac{103}{111} * \frac{102}{110} * \frac{101}{109} * \frac{100}{108} * \frac{99}{107}\right]$ **Out[2]=0.634249**

Obținem $P(A) = 0,634249$.

3. Un aparat constă din trei elemente care în timpul funcționării lui pot să se deterioreze independent unul de altul. Notăm: $A_i = \{\text{elementul } i \text{ se va deteriora}\}$, $i = 1, 2, 3$. Se cunosc probabilitățile acestor evenimente: $p_1 = P(A_1)$, $p_2 = P(A_2)$, $p_3 = P(A_3)$, valorile cărora sunt date pe variante după enunțul exercițiului. Să se calculeze probabilitățile evenimentelor: $A = \{\text{nu se va deteriora nici un element}\}$, $B = \{\text{se va deteriora un singur element}\}$, $C = \{\text{se vor deteriora exact două elemente}\}$, $D = \{\text{se vor deteriora toate elementele}\}$, $E = \{\text{primul element nu se va deteriora}\}$.

12) $p_1=0,8$, $p_2=0,6$, $p_3=0,5$;

1) $A = \{\text{nu se va deteriora nici un element}\}$

Rezolvare. Vom exprima evenimentul aleator A prin intermediul evenimentelor A_1 , A_2 și A_3 . Prin urmare, conform definițiilor operațiilor asupra evenimentelor aleatoare, avem: $A = (\overline{A_1} \cap \overline{A_2} \cap \overline{A_3})$ Calculăm probabilitatea evenimentului A folosind succesiv: formula de înmulțire a probabilităților evenimentelor independente (în totalitate) și formula de calcul al probabilității evenimentului opus.

In[31]:=N[(1-0.8)*(1-0.6)*(1-0.5)] Out[31]=0,04 Am obținut $P(A)=0,04$.

2) $B = \{\text{se va deteriora un singur element}\}$

Rezolvare. Vom exprima evenimentul aleator B prin intermediul evenimentelor B_1 , B_2 și B_3 . Evenimentul B se va produce atunci si numai atunci cand, se va deteriora primul element iar al doilea și al treilea – nu, **sau** se va deteriora al doilea element, iar primul și al treilea – nu, **sau** se va deteriora al treilea element, iar primul și al doilea – nu. Prin urmare, conform definițiilor operațiilor asupra evenimentelor aleatoare, avem: $B = (B_1 \cap \overline{B_2} \cap \overline{B_3}) \cup (\overline{B_1} \cap B_2 \cap \overline{B_3}) \cup (\overline{B_1} \cap \overline{B_2} \cap B_3)$

Calculăm probabilitatea evenimentului B folosind succesiv: formula de adunare a probabilităților pentru evenimente incompatibile (disjuncte) doua câte două, formula de înmulțire a probabilităților evenimentelor independente (în totalitate) și formula de calcul al probabilității evenimentului opus.

$$\text{In}[32]:=N[0.8*(1-0.6)*(1-0.5)+(1-0.8)*0.6*(1-0.5)+(1-0.8)*(1-0.6)*0.5]$$

$$\text{Out}[32]=0,26 \quad \text{Am obținut } P(B)=0,26 .$$

3) $C = \{ \text{se vor deteriora exact două elemente} \}$

Rezolvare. Vom exprima evenimentul aleator C prin intermediul evenimentelor C_1 , C_2 și C_3 . Prin urmare, conform definițiilor operațiilor asupra evenimentelor aleatoare, avem: $C = (C_1 \cap C_2 \cap \overline{C_3}) \cup (\overline{C_1} \cap C_2 \cap C_3) \cup (C_1 \cap \overline{C_2} \cap C_3)$

Calculăm probabilitatea evenimentului B folosind succesiv: formula de adunare a probabilităților pentru evenimente incompatibile (disjuncte) doua câte două, formula de înmulțire a probabilităților evenimentelor independente (în totalitate) și formula de calcul al probabilității evenimentului opus.

$$\text{In}[33]:=N[0.8*0.6*(1-0.5)+(1-0.8)*0.6*0.5+0.8*(1-0.6)*0.5]$$

$$\text{Out}[33]=0,46 \quad \text{Am obținut } P(C)=0,46 .$$

4) $D = \{ \text{se vor deteriora toate elementele} \}$

Rezolvare. Vom exprima evenimentul aleator D prin intermediul evenimentelor D_1 , D_2 și D_3 . Prin urmare, conform definițiilor operațiilor asupra evenimentelor aleatoare, avem: $D = (D_1 \cap D_2 \cap D_3)$ Calculăm probabilitatea evenimentului A folosind formula de înmulțire a probabilităților evenimentelor independente (în totalitate).

$$\text{In}[34]:=N[0.8*0.6*0.5] \quad \text{Out}[34]=0,24 \quad \text{Am obținut } P(D)=0,24 .$$

5) $E = \{ \text{primul element nu se va deteriora} \}$.

Rezolvare. Vom exprima evenimentul aleator E prin intermediul evenimentelor E_1 , E_2 și E_3 . Prin urmare, conform definițiilor operațiilor asupra evenimentelor aleatoare, avem: $E = (\overline{E_1} \cap E_2 \cap E_3) \cup (\overline{E_1} \cap \overline{E_2} \cap E_3) \cup (\overline{E_1} \cap E_2 \cap \overline{E_3}) \cup (\overline{E_1} \cap \overline{E_2} \cap \overline{E_3})$

Calculăm probabilitatea evenimentului E folosind succesiv: formula de adunare a probabilităților pentru evenimente incompatibile (disjuncte) două câte două, formula de înmulțire a probabilităților evenimentelor independente (în totalitate) și formula de calcul al probabilității evenimentului opus.

$$\text{In}[35] := N[(1-0.8)*0.6*0.5 + (1-0.8)*(1-0.6)*0.5 + (1-0.8)*0.6*(1-0.5) + (1-0.8)*(1-0.6)*(1-0.5)] \quad \text{Out}[35] = 0.2 \quad \text{Am obținut } P(E) = 0.2 .$$

4. Un magazin primește pentru vânzare articole cu exterioare identice, fabricate la trei uzine în proporție de: $n_1\%$ de la uzina nr.1, $n_2\%$ de la uzina nr.2 și $n_3\%$ de la uzina nr.3. Procentele de articole defectate sunt: m_1 pentru uzina nr.1, m_2 pentru uzina nr.2 și m_3 pentru uzina nr.3. Valorile parametrilor se conțin, pe variante, după enunțul exercițiului. 1) Care este probabilitatea ca un articol cumpărat să fie calitativ? 2) Un articol luat la întâmplare este defectat. Care este probabilitatea că acest articol a fost fabricat la uzina nr. k .

$$12) n_1=30, n_2=40, n_3=30, m_1=4, m_2=3, m_3=3; k=3;$$

- 1) Care este probabilitatea ca un articol cumpărat să fie calitativ?

Rezolvare: Notăm: $A = \{\text{articolul luat la întâmplare va fi calitativ}\}$. În dependență de uzina la care a fost fabricat articolul extras pot fi enunțate ipotezele: $H_i = \{\text{piesa luată a fost fabricată de uzina nr.}i\}$, $i = 1, 2, 3$. Din condițiile problemei rezultă că uzina nr.1 a fabricat 30% de articole din cele primite pentru vânzare, uzina nr.2 – 40% de articole și uzina nr.3 – 30% de articole. Aplicând definiția clasică a probabilității, avem: $P(H_1) = 30\%/100\% = 0.3$, $P(H_2) = 40\%/100\% = 0.4$, și $P(H_3) = 30\%/100\% = 0.3$. Cum $n_i\%$ din piesele fabricate de uzina i sunt cu defecte, rezultă că $(1-n_i)\%$ din piese sunt calitative. Deci $P(A/H_1) = 0.96$, $P(A/H_2) = 0.97$ și $P(A/H_3) = 0.97$. Aplicând formula probabilității totale.

$$\text{In}[41] := N[(0.3*0.96 + 0.4*0.97 + 0.3*0.97)] \quad \text{Out}[41] = 0.967 \quad \text{Deci, } P(A) = 0.967.$$

- 2) Un articol luat la întâmplare este defectat. Care este probabilitatea că acest articol a fost fabricat la uzina nr.3.

Rezolvare: Conform notației din punctul 1 avem $\bar{A} = \{ \text{articolul luat la întâmplare este cu defect} \}$. Cum $P(\bar{A} | H_1) = 0,04$, $P(\bar{A} | H_2) = 0,03$, $P(\bar{A} | H_3) = 0,03$, din formula lui Bayes avem $P(H_3 | \bar{A}) = \frac{P(H_3)P(\bar{A}|H_3)}{P(H_1)P(\bar{A}|H_1) + P(H_2)P(\bar{A}|H_2) + P(H_3)P(\bar{A}|H_3)}$

$$\mathbf{In[42]} := N \left[\frac{0.3 * 0.03}{0.3 * 0.04 + 0.4 * 0.03 + 0.3 * 0.03} \right] \quad \mathbf{Out[42]} = 0.27 \quad \text{Am obținut } P(H_3 | \bar{A}) = 0.27.$$

5. O monedă se aruncă de n ori. Să se calculeze probabilitățile evenimentelor:
 $A = \{ \text{stema va apare de } k \text{ ori} \}$, $B = \{ \text{stema va apare nu mai mult de 2 ori} \}$,
 $C = \{ \text{stema nu va apare niciodată} \}$. Numărul n este egal cu 25 plus numărul variantei, iar k este egal cu 10 plus numărul variantei. $n = 37$, $k = 22$

1) $A = \{ \text{stema va apare de 22 ori} \}$

Rezolvare. Fie evenimentul $A = \{ \text{va apare "Stema"} \}$. Avem: $p = P(A) = 1/2$ și $q = 1 - p = 1/2$. Conform formulei Binomiale , pentru $n = 37$, $k = 22$, $p = 1/2$ și $q = 1/2$, avem $P_{37}(22) = C_{37}^{22} * \left(\frac{1}{2}\right)^{22} * \left(\frac{1}{2}\right)^{37-22}$. Calculul acestei valori prin metode obișnuite este posibil, dar prezintă dificultăți. Apelând la Sistemul Mathematica avem : $\mathbf{In[51]} := \frac{37!}{22! * (37-22)!} * 0.5^{22} * 0.5^{15}$ $\mathbf{Out[51]} = 0.068$

Așa dar , $P(A) = P_{37}(22) = 0.068$.

2) $B = \{ \text{stema va apare nu mai mult de 2 ori} \}$

$$P(B) = P_{37}(1) + P_{37}(2) = C_{37}^1 * \left(\frac{1}{2}\right)^1 * \left(\frac{1}{2}\right)^{37-1} + C_{37}^2 * \left(\frac{1}{2}\right)^2 * \left(\frac{1}{2}\right)^{37-2}$$

$$\mathbf{In[52]} := N \left[\frac{37!}{1! * (37-1)!} * 0.5^1 * 0.5^{36} + \frac{37!}{2! * (37-2)!} * 0.5^2 * 0.5^{35} \right]$$

$\mathbf{Out[52]} = 5.1149982 * 10^{-9}$ Deci, $P(B) = 5.1149982 * 10^{-9}$.

3) $C = \{ \text{stema nu va apare niciodată} \}$

$$P(C) = C_{37}^0 * \left(\frac{1}{2}\right)^0 * \left(\frac{1}{2}\right)^{37-0} \quad \mathbf{In[53]} := N \left[\frac{37!}{0! * (37-0)!} * 0.5^0 * 0.5^{37} \right]$$

$\mathbf{Out[53]} = 7.2759576 * 10^{-12}$ Deci, $P(C) = 7.2759576 * 10^{-12}$.

6. Probabilitatea ca un aparat electric să se defecteze în perioada de garanție este $p=0,12$. Să se calculeze probabilitatea ca din 1000 aparate cumpărate, în perioada de garanție, *se vor defecta exact m aparate*. Numărul m coincide cu numărul variantei adunat cu 100. $m = 112$

Rezolvare: a) Valoarea exactă a probabilității căutate este dată de formula Binomială: $P_{1000}(112) = C_{1000}^{112} * 0.12^{112} * 0.88^{1000-112}$

Folosim Sistemul Mathematica **In[61]:**
$$\frac{1000!}{112! * (1000-112)!} * 0.12^{112} * 0.88^{888}$$

Out[61]=0.02934588 Am obținut rezultatul , $P_{1000}(112) \approx 0.02934588$.

b) Conform formulei $P_{1000}(112) \approx \frac{1}{\sqrt{2\pi * 1000 * 0.12 * 0.88}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{112 - 1000 * 0.12}{\sqrt{1000 * 0.12 * 0.88}} \right)^2}$

Pentru calculul valorii acestei expresii folosim Sistemul Matematica.

In[62]:
$$N \left[\frac{1}{\sqrt{2 * \pi * 1000 * 0.12 * 0.88}} \text{Exp} \left[- \left(\frac{112 - 1000 * 0.12}{\sqrt{1000 * 0.12 * 0.88}} \right)^2 / 2 \right] \right]$$

Out[62]=0.028673 Am obținut rezultatul $P_{1000}(112) \approx 0.028673$.

c) Calculăm probabilitatea cu ajutorul formulei $P_{1000}(112) \approx \frac{(1000 * 0.12)^{112}}{112!} e^{-1000 * 0.12}$

Folosim Sistemul Mathematica. **In[63]:**
$$N \left[\frac{(1000 * 0.12)^{112}}{112!} \text{Exp}[-1000 * 0.12] \right]$$

Out[63]=0.028675 Am obținut rezultatul $P_{1000}(112) \approx 0.028675$.

7. Într-o urnă sunt n bile de trei culori: n_1 bile albe, n_2 bile negre și n_3 bile albastre. Se extrag succesiv cu revenire m bile. Să se calculeze probabilitățile evenimentelor: $A = \{\text{toate bilele extrase vor fi albe}\}$, $B = \{m_1 \text{ bile vor fi albe, } m_2 \text{ vor fi negre și } m_3 \text{ vor fi albastre}\}$, $C = \{m_1 \text{ bile vor fi albe iar restul vor fi de alte culori}\}$. 12) $n=18, n_1=5, n_2=5, n_3=8, m=10, m_1=4, m_2=1, m_3=5$;

1) $A = \{\text{toate bilele extrase vor fi albe}\}$

Rezolvare: Fie evenimentele: $A_1 = \{\text{bila extrasă va fi albă}\}$, $A_2 = \{\text{bila extrasă va fi neagră}\}$ și $A_3 = \{\text{bila extrasă va fi albastră}\}$. Atunci: $p_1 = P(A_1) = 5/18$; $p_2 = P(A_2) = 5/18$; $p_3 = P(A_3) = 8/18 = 4/9$. Aplicând formula cu $n = 10$, $k_1 = 10$, $k_2 = 0$, și $k_3 = 0$, obținem

$$P(A) = P_{10}(10,0,0) = \frac{10!}{10! * 0! * 0!} * \left(\frac{5}{18}\right)^{10} * \left(\frac{5}{18}\right)^0 * \left(\frac{4}{9}\right)^0$$

$$\text{In}[71] := N\left[\frac{10!}{10!} * \left(\frac{5}{18}\right)^{10}\right] \quad \text{Out}[71] = 2.735111 * 10^{-6} \quad P(A) = 2.735111 * 10^{-6}$$

2) $B = \{4 \text{ bile vor fi albe, } 1 \text{ va fi neagră și } 5 \text{ vor fi albastre}\}$

Rezolvare: Fie evenimentele: $B_1 = \{\text{bila extrasă va fi albă}\}$, $B_2 = \{\text{bila extrasă va fi neagră}\}$ și $B_3 = \{\text{bila extrasă va fi albastră}\}$. Atunci: $P(B_1) = \frac{5}{18}$, $P(B_2) = \frac{5}{18}$, și $P(B_3) = \frac{8}{18} = \frac{4}{9}$. Atunci $P_{10}(4,1,5) = \frac{10!}{4! * 1! * 5!} * \left(\frac{5}{18}\right)^4 * \left(\frac{5}{18}\right)^1 * \left(\frac{4}{9}\right)^5$

$$\text{In}[72] := \frac{10!}{4! * 1! * 5!} * \left(\frac{5}{18}\right)^4 * \left(\frac{5}{18}\right)^1 * \left(\frac{4}{9}\right)^5 \quad \text{Out}[72] = 0,036136, \quad P(B) = 0,036136$$

3) $C = \{4 \text{ bile vor fi albe iar restul vor fi de alte culori}\}$.

Rezolvare: Fie evenimentele: $C_1 = \{\text{bila extrasă va fi albă}\}$, $C_2 = \{\text{bila extrasă va fi neagră sau albastră}\}$. Atunci: $P(C_1) = \frac{5}{18}$, $P(C_2) = \frac{5+8}{18} = \frac{13}{18}$.

$$\text{Atunci } P_{10}(4,6) = \frac{10!}{4! * 6!} * \left(\frac{5}{18}\right)^4 * \left(\frac{13}{18}\right)^6 \quad \text{In}[73] := \frac{10!}{4! * 6!} * \left(\frac{5}{18}\right)^4 * \left(\frac{13}{18}\right)^6$$

$$\text{Out}[73] = 0,177433, \quad P(C) = 0,177433$$

8. Să se calculeze probabilitățile evenimentelor A , B și C din exercițiul 7 cu condiția că bilele extrase nu revin în urnă.

1) $A = \{\text{toate bilele extrase vor fi albe}\}$

Rezolvare: $P(A) = 0$. Pentru că este imposibil de extras 10 bile albe dintr-o urnă în care sunt doar 5 bile albe.

2) $B = \{4 \text{ bile vor fi albe, } 1 \text{ va fi neagră și } 5 \text{ vor fi albastre}\}$

Rezolvare: Fie evenimentele: $B_1 = \{\text{bila extrasă va fi albă}\}$, $B_2 = \{\text{bila extrasă va fi neagră}\}$ și $B_3 = \{\text{bila extrasă va fi albastră}\}$. Atunci: $P(B_1) = \frac{5}{18}$, $P(B_2) = \frac{5}{18}$, și

$$P(B_3) = \frac{8}{18} = \frac{4}{9}. \text{ Atunci } P_{10}(4,1,5) = \frac{C_5^4 C_5^1 C_8^5}{C_{18}^{10}} \quad \mathbf{In[82]} := N \left[\frac{\left(\frac{5!}{4! * 1!} * \frac{5!}{1! * 4!} * \frac{8!}{5! * 3!} \right)}{\frac{18!}{10! * 8!}} \right]$$

Out[82] = 0,0319941 . Am obținut **P(B) = 0,0319941**

3) $C = \{4 \text{ bile vor fi albe iar restul vor fi de alte culori}\}$.

Rezolvare: Fie evenimentele: $C_1 = \{\text{bila extrasă va fi albă}\}$, $C_2 = \{\text{bila extrasă va fi neagră sau albastră}\}$. Atunci: $P(C_1) = \frac{5}{18}$, $P(C_2) = \frac{5+8}{18} = \frac{13}{18}$.

$$\text{Atunci } P_{10}(4,6) = \frac{C_5^4 C_{13}^6}{C_{18}^{10}} \quad \mathbf{In[83]} := N \left[\frac{\left(\frac{5!}{4! * 1!} * \frac{13!}{6! * 7!} \right)}{\frac{18!}{10! * 8!}} \right] \quad \mathbf{Out[83]} = 0,196$$

Am obținut **P(C) = 0,196**

9. 1) Care este probabilitatea că numărul 3 va apărea pentru prima dată la a m -a aruncare a zarului? 2) Care este probabilitatea că la primele m aruncări ale zarului numărul 3 nu va apărea? Numărul m este numărul variantei adunat cu 4. $m = 16$

Rezolvare: 1) Cum $p = 1/6$ și $q = 1 - 1/6 = 5/6$, obținem $P(16) = pq^{15} = (1/6)(5/6)^{15}$.

In[91] := N[(1/6)*(5/6)^15] **Out[91]** = 0.0108176 Am obținut **P = 0.0108176**.

2) Evenimentul B poate fi definit și astfel: $B = \{\text{numărul 3 va apărea pentru prima dată la aruncarea a 17-a, sau a 18-a, sau a 19-a, ...}\}$. Deci

$P(B) = P(17) + P(18) + P(19) + \dots = \sum_{k=17}^{\infty} \frac{1}{6} * \left(\frac{5}{6}\right)^{k-1}$. Calculăm această sumă cu ajutorul Sistemului Mathematica. **In[92]** := Sum[(1/6)*(5/6)^(k-1), {k, 17, ∞}]

Out[92] = $\frac{152587890625}{2821109907456}$ Am obținut valoarea exactă a probabilității lui B . Obținem o valoare exprimată prin fracții zecimale. **In[93]** := NSum[(1/6)*(5/6)^(k-1), {k, 17, ∞}]

Out[93] = 0.054088 Am obținut **P(B) = 0.054088**.

10. Probabilitatea unui eveniment A într-o experiență aleatoare este $p = P(A)$.

1) Să se calculeze probabilitatea ca în decursul a 1000 repetări a acestei experiențe evenimentul A se va realiza de k ori (să se folosească formula care rezultă din teorema locală Moivre-Laplace și formula care rezultă din teorema Poisson). 2) Să se calculeze probabilitatea că numărul de realizări ale evenimentului A să fie cuprins între k_1 și k_2 . 12) $p=0,009$, $k=12$, $k_1=7$, $k_2=13$

Rezolvare: 1) probabilitatea ca în decursul a 1000 repetări a acestei experiențe evenimentul A se va realiza de 12 ori

- Teorema locală Moivre-Laplace

$$P_{1000}(12) \approx \frac{1}{\sqrt{2\pi \cdot 1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{12 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}} \right)^2}$$

$$\mathbf{In[101]} := N \left[\frac{1}{\sqrt{2\pi \cdot 1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}} \text{Exp} \left[-\frac{1}{2} \left(\frac{12 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}} \right)^2 \right] \right] \quad \mathbf{Out[101]} = 0.080655$$

- Teorema Poisson $P_{1000}(12) \approx \frac{(1000 \cdot 0.009)^{12}}{12!} e^{-(1000 \cdot 0.009)}$

$$\mathbf{In[102]} := N \left[\frac{(1000 \cdot 0.009)^{12}}{12!} * \text{Exp}[-(1000 * 0.009)] \right] \quad \mathbf{Out[102]} = 0.072765$$

2) Să se calculeze probabilitatea că numărul de realizări ale evenimentului A să fie cuprins între 7 și 13 .

Rezolvare.

$$P_{1000}(7 \leq 12 \leq 13) \approx \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{\frac{7 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}}}^{\frac{13 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}}} e^{-t^2/2} dt$$

$$\mathbf{In[103]} := \text{NIntegrate} \left[\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \text{Exp}[-t^2/2], \{t, \frac{7 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}}, \frac{13 - 1000 \cdot 0.009}{\sqrt{1000 \cdot 0.009 \cdot 0.991}} \} \right]$$

$$\mathbf{Out[103]} = 0.658247$$

Concluzie:

Realizând această lucrare de laborator m-am învățat să calculez rezultate la probleme de calcul al probabilității . Deasemenea în cadrul acestui laborator am aplicat : calculul probabilităților clasice , probabilitatea discretă , probabilități condiționate , formula înmulțirii probabilităților , independența evenimentelor aleatoare , formula probabilității totale , formula lui Bayes , probe Bernoulli (experimente independente) , distribuția (repartiția) binomială , schema binomială sau schema bilei întoarse în cazul a două culori posibile și schema multinomială , schema Poisson , funcția generatoare de probabilități , schema bilei neîntoarse în cazul a două culori (repartiția hipergeometrică) și schema bilei neîntoarse în caz general , schema (repartiția) geometrică , teoreme limite privind calculul valorilor aproximative ale probabilității din schema Binomială .