#### Intégration de Données

Manipulation, récriture de requêtes

Source : Anhai DOAN et al, Principles of Data Integration

#### Introduction

- Comment un système d'intégration décide quelles sources sont pertinentes pour une requête ? Lesquelles sont redondantes ? Comment les combiner pour répondre à une requête ?
- Réponse : en raisonnant sur le contenu des sources de données.
  - Les sources sont souvent décrites par des requêtes/vues.
- On va étudier les outils fondamentaux pour la manipulation d'expressions de requêtes.

### **SQL**

#### **Entretien**

candidat, date, recruteur, décision, note

#### **EvalEmploye**

IDemp, nom, evalTrimestre, note, examinateur

select recruteur, candidat from Entretien , EvalEmploye where recruteur=nom AND note < 2.5

3

# **Requêtes Conjonctives**

**Q(X,T):-** Entretien(X,D,Y,H,F), EvalEmploye(E,Y,T,W,Z), W < 2.5.

Noter l'expression des jointures avec les occurrences de la même variable (ici Y)

select recruteur, candidat from Entretien, EvalEmploye where recruteur=nom AND note < 2.5

# Requêtes Conjonctives (prédicats interprétés)

#### Q(X,T):

Entretien(X,D,Y,H,F), EvalEmploye(E,Y,T,W,Z), W < 2.5.

Prédicats interprétés (comparaison) : on peut retrouver aussi des variables (w)

select recruteur, candidat from Entretien, EvalEmploye where recruteur=nom AND note < 2.5

5

# Requêtes Conjonctives (sous-but négatif)

#### Q(X,T):-

Entretien(X,D,Y,H,F), EvalEmploye(E,Y,T,W,Z), —OffreEmploi(X, date).

Toute variable de tête doit apparaitre dans un sous-but positif.

#### Union de Requêtes Conjonctives

L'union est exprimée avec plusieurs règles avec le même prédicat de tête

#### Q(X,T):

Entretien(X,D,Y,H,F), EvalEmploye(E,Y,T,W,Z), W < 2.5.

#### Q(X,T):

Entretien(X,D,Y,H,F), EvalEmploye(E,Y,T,W,Z), Manager(y), W > 3.9.

### Dépliage de requêtes

 $Q_1(X,Y)$ : -Vol(X,Z), Hub(Z), Vol(Z,Y)

 $Q_2(X,Y)$ : -Hub(Z), Vol(Z,X), Vol(X,Y)

 $Q_3(X,Z):-Q_1(X,Y),Q_2(Y,Z)$ 

Le dépliage de Q<sub>3</sub> est :

 $Q'_3(X,Z)$ : -Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y), Hub(W), Vol(W,Y), Vol(X,Z)

#### Dépliage de requêtes : Algorithme

- Trouver un sous-but  $p(X_1,...,X_n)$  tel que p est défini par une règle r.
- Unifier  $p(X_1,...,X_n)$  avec la tête de r.
- Remplacer  $p(X_1,...,X_n)$  par le résultat de l'application de l'unification à tous les sous-buts de r.
- Itérer jusqu'à épuiser les unifications.
- Si p est défini par une union de  $r_1$ , ...,  $r_n$ , créer n règles, une pour chaque règle  $r_i$ .

9

# Inclusion de requêtes : Motivation (I)

Intuitivement, le dépliage de Q<sub>3</sub> est équivalent à Q<sub>4</sub>:

$$Q'_3(X,Z)$$
:  $-Vol(X,U)$ ,  $Hub(U)$ ,  $Vol(U,Y)$ ,  $Hub(W)$ ,  $Vol(W,Y)$ ,  $Vol(X,Z)$ 

$$Q_4(X,Z)$$
:  $-Vol(X,U)$ ,  $Hub(U)$ ,  $Vol(U,Y)$ ,  $Vol(X,Z)$ 

Comment justifier formellement cette intuition?

#### Inclusion de requêtes : Motivation (2)

De plus,  $Q_5$  qui utilise 2 hubs est *incluse* dans  $Q'_3$ 

$$Q_5(X,Z)$$
:- $Vol(X,U)$ , $Hub(U)$ , $Vol(U,Y)$ ,  
 $Hub(Y)$ , $Vol(Y,Z)$ 

$$Q'_3(X,Z)$$
:  $-Vol(X,U)$ ,  $Hub(U)$ ,  $Vol(U,Y)$ ,  $Vol(X,Z)$ 

Besoin d'algorithmes pour détecter ces inclusions

# Inclusion de requêtes et équivalence : définitions

$$Q_1$$
 est incluse dans  $Q_2$  si pour **toute** base de données  $D$   $Q_2(D) \supseteq Q_1(D)$ 

$$Q_1$$
 est équivalente à  $Q_2$  si  $Q_1(D) \supseteq Q_2(D)$  and  $Q_2(D) \supseteq Q_1(D)$ 

Note: l'inclusion et l'équivalence sont des propriétés des requêtes et non de la base de données!

# **Exemple 1**

$$Q_1(X,Z) : -p(X,Y,Z)$$

$$Q_{\gamma}(X,Z):-p(X,X,Z)$$

$$Q_1 \supseteq Q_2$$

13

# **Exemple 2**

$$Q_1(X,Y)$$
:  $-p(X,Z), p(Z,Y)$ 

$$Q_2(X,Y):-p(X,Z),p(Z,Y),p(X,W)$$

$$Q_1 \supseteq Q_2$$

#### Inclusion: le pourquoi?

- Si les sources sont décrites par des vues, on utilise l'inclusion pour les comparer.
- Si on peut supprimer des sous-buts dans une requête, on peut l'évaluer plus efficacement.

15

#### Reprise de l'exemple

Relations: Vol(source, destination)
Hub(ville)

Vues:

 $Q_1(X,Y) := Vol(X,Z), Hub(Z), Vol(Z,Y)$  $Q_2(X,Y) := Hub(Z), Vol(Z,X), Vol(X,Y)$ 

Requête:

 $Q_3(X,Z) := Q_1(X,Y), Q_2(Y,Z)$ 

Dépliage:

 $Q'_3(X,Z) :- Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y), Hub(W), Vol(W,Y), Vol(Y,Z)$ 

#### Supprimer les sous-buts redondants

sous-buts redondants?

 $Q'_3(X,Z)$ :- Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y), Hub(W), Vol(W,Y), Vol(Y,Z)

 $\Rightarrow$  Q''<sub>3</sub>(X,Z):- Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y),

Est-ce que Q''<sub>3</sub> est équivalente à Q'<sub>3</sub>?

 $Q'_3(X,Z) :- Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y)$ Hub(W), Vol(W,Y), Vol(Y,Z)

### **Inclusion: Requêtes Conjonctives**

$$Q_1(\overline{X}):-g_1(\overline{X_1}),...,g_n(\overline{X_n})$$

Sans prédicats interprétés (≥,≠) Ni négation.

#### Sémantique:

si φ mappe les sous-buts du corps de la requête sur des tuples dans D *alors,*  $\varphi(\overline{X})$  est une réponse.

### **Mappings d'inclusion**

$$Q_1(\overline{X}):-g_1(\overline{X_1}),...,g_n(\overline{X_n})$$

$$Q_2(\overline{Y}):-h_1(\overline{Y_1}),...,h_m(\overline{Y_m})$$

 $φ: Vars(Q_1) \rightarrow Vars(Q_2)$ est un mapping d'inclusion si:

$$\varphi(g_i(\overline{X_i})) \in Corps(Q_2)$$
et
$$\varphi(\overline{X}) = \overline{Y}$$

19

#### Exemple de mappings d'inclusion

 $Q'_3(X,Z) := Vol(X,U), Hub(U), Vol(U,Y), Hub(W), Vol(W,Y), Vol(Y,Z)$ 

$$Q''_{3}(X,Z)$$
:-  $Vol(X,U)$ ,  $Hub(U)$ ,  $Vol(U,Y)$ ,  $Vol(Y,Z)$ 

mapping identité sur toutes les variables, sauf:

$$W \to U$$

#### **Théorème**

[Chandra and Merlin, 1977]

 $Q_1$  inclut  $Q_2$  ssi il existe un mapping d'inclusion de  $Q_1$  vers  $Q_2$ .

21

# Union de Requêtes Conjonctives

```
Q_{1}(X,Y):-Vol(X,Z),Vol(Z,Y)
Q_{1}(X,Y):-Vol(X,Z),Vol(Y,Z),Hub(Z)
Q_{2}(X,Y):-Vol(X,Z),Vol(Z,Y),Hub(Z)
```

Théorème : une RC est incluse dans une union de RC ssi elle est incluse dans *une* des requêtes conjonctives.

#### RC avec prédicats de comparaison

Une vérification des mappings d'inclusions fournit une condition suffisante :

$$\begin{aligned} Q_{1}(\overline{X}) :& -g_{1}(\overline{X_{1}}), ..., g_{n}(\overline{X_{n}}), C_{1} \\ Q_{2}(\overline{Y}) :& -h_{1}(\overline{Y_{1}}), ..., h_{m}(\overline{Y_{m}}), C_{2} \\ \phi : & Vars(Q_{1}) \rightarrow Vars(Q_{2}) : \\ \varphi(g_{i}(\overline{X_{i}})) \in Corps(Q_{2}) \\ \varphi(\overline{X}) &= \overline{Y} \\ et & C_{2} \models \varphi(C_{1}) \end{aligned}$$

23

#### Exemple de mappings d'inclusion

$$Q_1(X,Y):-Vol(X,Z), Vol(Z,Y),$$
 
$$Population(Z,P), P \leq 100,000$$

$$Q_{2}(U,V):-Vol(U,W),Vol(W,V),Hub(W),$$
 
$$Population(W,S),S \leq 500,000$$
 
$$X \rightarrow U,Y \rightarrow V,Z \rightarrow W$$
 
$$P \leq 100,000 \models P \leq 500,000$$

# Les mappings d'inclusion ne suffisent pas

$$Q_1(X,Y): -R(X,Y), S(U,V), U \le V$$

$$Q_{2}(X,Y):-R(X,Y),S(U,V),S(V,U)$$

Pas de mappings d'inclusion, mais

$$Q_1 \supseteq Q_2$$

25

### Raffinement de requête

$$Q_1(X,Y): -R(X,Y), S(U,V), U \le V$$

$$Q_2(X,Y): -R(X,Y), S(V,U)$$

On considère les 2 raffinements de Q<sub>2</sub>

$$Q_2(X,Y): -R(X,Y), S(U,V), S(V,U), U \le V$$
  
 $Q_2(X,Y): -R(X,Y), S(U,V), S(V,U), V < U$ 

Les mappings rouge s'appliquent au premier raffinement et les bleus au second.

# Construction des raffinements de requêtes

- Considérer les regroupements complets de toutes les variables et constantes de la requête
- Pour chaque regroupement complet, créer une requête conjonctive.
- Résultat final = union de requêtes conjonctives.

2

### **Regroupement Complet**

#### Soit

C une conjonction d'atomes interpétés sur un ensemble de variables  $X_1,...,X_n$  un ensemble de constantes  $a_1,...,a_m$ 

 $C_T$  est un regroupement complet si:  $C_T = C$ , et

$$\begin{aligned} \forall d_1, d_2 &\in \{X_1, ..., X_n, a_1, ..., a_m\} \\ C_T &\models d_1 < d_2 \quad or \quad C_T \models d_1 > d_2 \quad or \quad C_T \models d_1 = d_2 \end{aligned}$$

#### Raffinement de requête

$$Q_1(\overline{X}):-g_1(\overline{X_1}),...,g_n(\overline{X_n}),C_1$$

Soit  $C_T$  un regroupement complet de  $C_1$ 

Alors:

$$Q_1(\overline{X}):-g_1(\overline{X_1}),...,g_n(\overline{X_n}),C_T$$

est un raffinement de Q<sub>1</sub>

29

#### Théorème:

[Requêtes avec prédicats interprétés]

[Klug, 88, van der Meyden, 92]

 $Q_1$  inclut  $Q_2$  ssi il existe un mapping d'inclusion de  $Q_1$  vers tout raffinement de  $Q_2$ .

# Requêtes avec négation

$$Q_{1}(\overline{X}):-g_{1}(\overline{X_{1}}),...,g_{n}(\overline{X_{n}}),$$

$$\neg h_{1}(\overline{Y_{1}}),...,\neg h_{k}(\overline{Y_{k}})$$

#### Requêtes sûres :

toute variable de tête apparait dans un sous-but positif du corps.

#### Mappings d'inclusions :

sous-buts négatifs de  $Q_1$  sont mappés sur des sous-buts négatifs de  $Q_2$ .

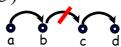
→ condition suffisante, mais pas nécessaire.

# Inclusion de requêtes sans mappings d'inclusion

$$Q_2()$$
:  $-a(X,Y), a(Y,Z), \neg a(X,Z)$ 



$$Q_1():-a(A,B),a(C,D),\neg a(B,C)$$



$$Q_1 \supseteq Q_2$$

# Théorème [Requêtes avec négation]

Soit B le nombre total de variables et de constantes dans  $Q_2$ .

 $Q_1$  inclut  $Q_2$  ssi  $Q_1(D) \supseteq Q_2(D)$  pour tout base de données D ayant au plus B constantes.

33

## Exemple (I)

Film(ID,titre,année,genre) réalisateur(ID,réalisateur) acteur(ID, acteur)

$$Q(T,Y,D)$$
:  $-Film(I,T,Y,G),Y \ge 1950,G = "comédie"$   
 $Réalisateur(I,D),Acteur(I,D)$ 

$$V_1(T,Y,D)$$
:  $-Film(I,T,Y,G),Y \ge 1940,G = "comédie"$   
  $Réalisateur(I,D),Acteur(I,D)$ 

$$V_1 \supseteq Q$$
  $\Rightarrow$   $Q'(T,Y,D): -V_1(T,Y,D), Y \ge 1950$ 

L'inclusion suffit pour montrer que  $V_1$  peut servir pour répondre à Q.

### Exemple (2)

$$Q(T,Y,D)$$
:  $-Film(I,T,Y,G),Y \ge 1950,G = "comédie"$   
 $Réalisateur(I,D),Acteur(I,D)$ 

$$V_2(I,T,Y):-Film(I,T,Y,G),Y\geq 1950,G="com\acute{e}die"$$

$$V_3(I,D)$$
: -Réalisateur $(I,D)$ , Acteur $(ID,D)$ 

Pas d'inclusion mais intutivement,  $V_2$  et  $V_3$  servent pour répondre à Q.

$$Q''(T,Y,D): -V_2(I,T,Y), V_3(I,D)$$

Comment exprimer cette intuition?

Récriture de requêtes avec des vues !35

#### Récriture: formalisation

Input: Requête Q

Des vues:  $V_1,...,V_n$ 

Récriture = une requête Q'composée des vues et des prédicats interprétés

Récriture équivalente de Q avec  $V_1,...,V_n$ = récriture Q', tel que  $Q' \Leftrightarrow Q$ .

#### Exemple (3)

Film(ID,titre,année,genre) réalisateur(ID,réalisateur) acteur(ID, acteur)

Q(T,Y,D):  $-Film(I,T,Y,G),Y \ge 1950,G = "comédie"$ Réalisateur(I,D),Acteur(I,D)

 $V_4(I,T,Y)$ :  $-Film(I,T,Y,G), Y \ge 1960, G = "comédie"$   $V_3(I,D)$ : -Réalisateur(I,D), Acteur(I,D)Q'''(T,Y,D):  $-V_4(I,T,Y), V_3(I,D)$ 

Récriture maximalement incluse

3

#### Récriture maximalement incluse

Input: Requête Q *L* langage de (récriture

*L* langage de (récriture de) requête Vues  $V_1, ..., V_n$ 

Q' = récriture maximalement incluse de Q si:

- 1. Q' ∈ *L*,
- 2.  $Q' \subseteq Q$ , and
- 3. Il n'existe pas de Q'' dans

L tel que

 $Q'' \subseteq Q \text{ et } Q' \subset Q''$ 

#### **Justification (pratique)**

- Integration LAV (Local-as-View)
  - Besoin de récritures maximalement incluses
- Optimisation de requêtes
  - Besoin de récritures maximalement incluses
  - Implanté dans la plupart des SGBD industriels
- Conception physique de la base de données
  - Description des structures de stockage comme des vues

39

# Exercice : quelles vues peuvent servir à la récriture de Q ?

$$Q(T,Y,D):-Film(I,T,Y,G),Y\geq 1950,G="com\'edie"$$
 
$$Directeur(I,D),Acteur(I,D)$$
 
$$V_2(I,T,Y):-Film(I,T,Y,G),Y\geq 1950,G="com\'edie"$$
 
$$V_3(I,D):-Directeur(I,D),Acteur(I,D)$$
 
$$V_6(T,Y):-Film(I,T,Y,G),Y\geq 1950,G="com\'edie"$$

$$V_7(I,T,Y)$$
:  $-Film(I,T,Y,G),Y \ge 1950$ ,  
 $G = "comédie", Prix(I,W)$ 

 $V_8(I,T)$ :  $-Film(I,T,Y,G), Y \ge 1940, G = "comédie"$