aglaia norza

Logica Matematica

appunti delle lezioni libro del corso: tbd

Contents

1	l Logica Proposizionale											3																
	1.1	Introduzione																										3

1. Logica Proposizionale

1.1. Introduzione

Definiamo alcuni concetti fondamentali

def. 1: Linguaggio proposizionale

Un linguaggio proposizionale è un insieme di variabili e proposizioni.

def. 2: Proposizione

Una **proposizione** in un linguaggio proposizionale è un elemento dell'insieme PROP così definito:

- 1. tutte le variabili appartengono a PROP
- 2. se $A \in PROP$, allora $\neg A \in PROP$
- 3. se $A, B \in \mathsf{PROP}$, allora $(A \land B), (A \lor B), (A \Rightarrow B) \in \mathsf{PROP}$
- 4. nient'altro appartiene a PROP (PROP è il più piccolo insieme che contiene le variabili e soddisfa le proprietà di chiusura sui connettivi 1 e 2)

def. 3: Assegnamento

Per un linguaggio \mathcal{L} , un **assegnamento** è una funzione

$$\alpha: \mathcal{L} \to \{0,1\}$$

Estendiamo α ad $\hat{\alpha}: \mathsf{PROP} \to \{0,1\}$ in questo modo:

•