



**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
**«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

---

**ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4**  
**По курсу: «Методы решения задач оптимизации»**  
**Тема: «Генетический алгоритм»**

Выполнил: Волков М.Л.  
Вариант: 1  
Группа: Э-13м-23  
Проверил: Нухулов С.М.

Москва, 2024 г.

## Предварительный отчет

**Цель:** получение практических навыков работы с генетическим алгоритмом.

### Задание:

1. Написать генетический алгоритм на языке Python для поставленной задачи;
2. Решить поставленную задачу с использованием написанного алгоритма;

### Формулировка задачи:

Персональный энергоблок (ПЭБ) имеет в своем составе аккумуляторную батарею емкости capacity [Вт·ч] и уровнем заряда initCharge Вт·ч. Цена за электроэнергию в течении дня изменяется согласно почасовому графику priceSchedule, нагрузка потребителя, подключенного к ПЭБ, изменяется согласно почасовому графику loadSchedule, также подключен потребитель с постоянной нагрузкой constantLoad [Вт·ч]. ПЭБ способен каждый час либо заряжать свою аккумуляторную батарею (от 1 до 4 кВт·ч), покупая электроэнергию из сети, либо разряжать (от 1 до 4 [кВт·ч]) – продавая излишки электроэнергии в сеть, либо не производить торговых операций вовсе. Необходимо спланировать график торговых операций на следующий день, имея перечисленную информацию, на каждый час так, чтобы суммарное вознаграждение к концу дня было максимальным, а оставшийся заряд аккумуляторной батареи был выше значения targetCharge [Вт·ч].

### Исходные данные:

Вар	capacity	initCharge	priceSchedule	loadSchedule	constant Load	targetCharge
1	16000	6000	1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 2, 3, 5, 5, 5, 4.5, 3, 3, 3, 3, 4.5, 5, 7, 9, 11, 12, 8, 4	480, 320, 320, 360, 360, 360, 420, 920, 1200, 720, 680, 720, 800, 820, 960, 1200, 1380, 1380, 1520, 1800, 1920, 1920, 1640, 1020	400	4800

### Теоретическая справка:

Для реализации генетического алгоритма требуется использовать фреймворк Dear.

DEAP (сокращение от Distributed Evolutionary Algorithms in Python – распределенные эволюционные алгоритмы на Python).

Для реализации потребуется три следующих инструмента:

```
from deap import base
from deap import creator
from deap import tools
```

**creator** – позволяет создавать новые объекты (классы) в программе. Для этого необходимо использовать функцию **creator.create()**.

**create**(“Название класса”, <базовый класс>, [атрибуты нового класса])

После создания класса таким образом, к нему можно будет обращаться через **creator().название\_класса**

**base** – модуль пакета Dear, который предоставляет базовые инструменты для создания генетического алгоритма.

С помощью модуля **base**, можно зарегистрировать экземпляр класса **Toolbox**, который помогает регистрировать функции для работы генетического алгоритма. Делается это следующим образом, сначала определяется сам экземпляр, обычно называют его toolbox:

```
toolbox = base.Toolbox()
```

далее уже можно создавать функции для работы генетического алгоритма, делается это так:

**toolbox.register**(“новое имя функции”, функция, на основе которой создается псевдоним). По сути, берется стандартная функция, которая уже либо прописана нами, либо есть в пакете Dear и ей присваивается псевдоним, либо же создавать самим.

Помимо этого, можно определять функции для генерации списков, здесь поможет модуль tools. Используя **tools.initRepeat** можно создавать списки значений.

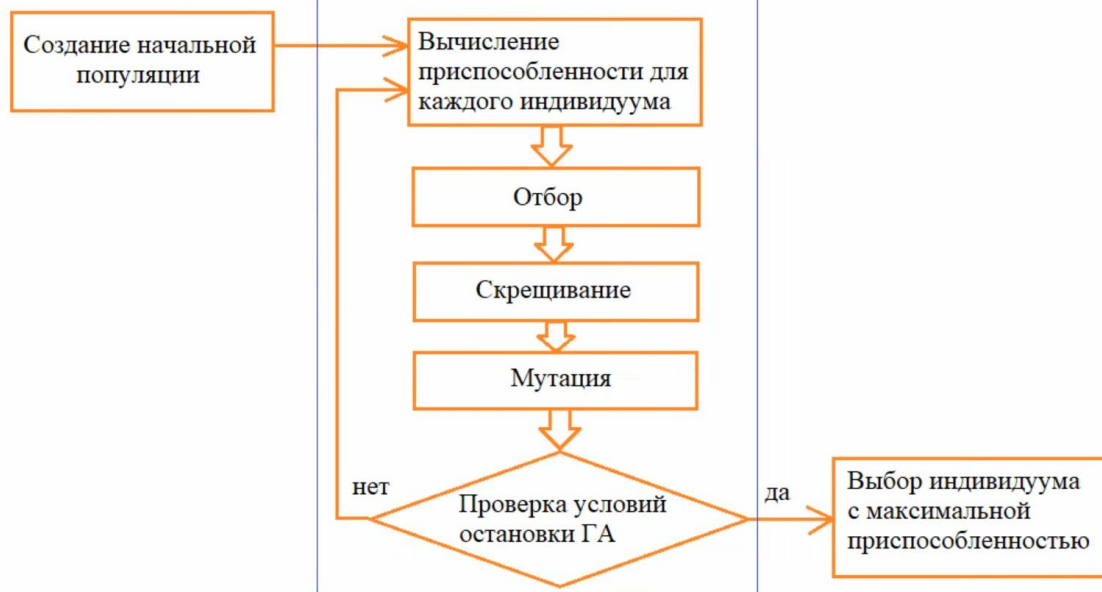
Подробнее о самом **initRepeat**:

**initRepeat**(<контейнер для хранения значения>, <функция, которая создает эти значения>, <число значений в контейнере>). Данные параметры прописываются после **tools.initRepeat**.

Оперируя псевдонимами, можно строить генетический алгоритм.

Алгоритм будет осуществляться по следующей схеме:

# Имитация эволюционного процесса



## Отчет

Сравнение результатов работы генетического алгоритма и результатов динамического программирования:

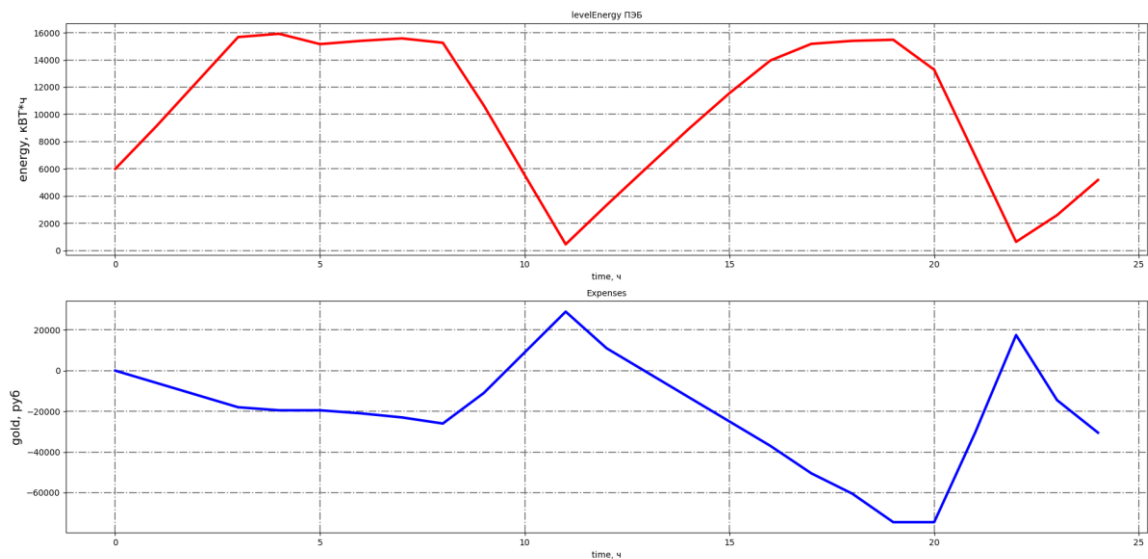


Рис. 1 – Результаты работы динамического программирования

**Конечный доход: -30500**

**Конечный заряд: 5180**

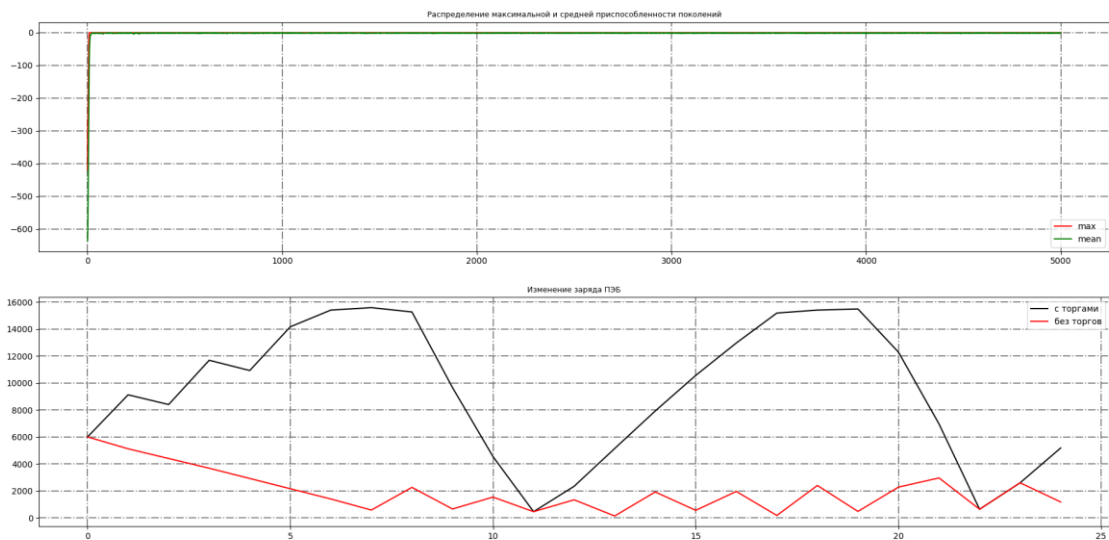


Рис. 2 – Результаты работы генетического алгоритма при 5000 поколениях

**Конечный доход: -32500**

**Конечный заряд: 5180**

Результаты работы генетического алгоритма очень близки к результатам работы алгоритма из 3 лабораторной работы. При увеличении числа

поколений, расчет генетического алгоритма будет точнее и станет равным результатам работы динамического программирования.

Результаты работы генетического алгоритма при 100000 поколений:

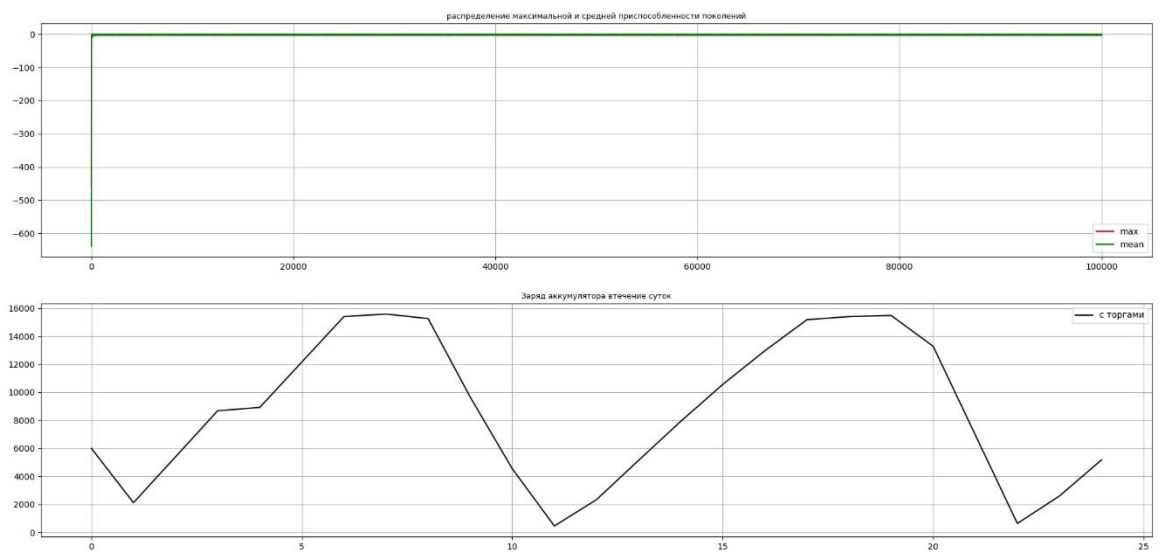


Рис. 3 – Результаты работы генетического алгоритма при 100000 поколений

**Конечный доход: -30500**

**Конечный заряд: 5180**

Вывод: результаты одинаковы.

Ссылка на репозиторий: [https://github.com/Aglomiras/LR4\\_Optimize](https://github.com/Aglomiras/LR4_Optimize)

Код:

```
import random

import matplotlib.pyplot as plt
from deap import base
from deap import creator
from deap import tools

# -----
# -----
# -----Блок инициализации исходных
данных-----
# -----
# -----

capacity = 16000 # емкость персонального энергоблока (ПЭВ)
```

```

initCharge = 6000 # уровень заряда ПЭБ

'''Почасовая цена за электроэнергию'''
priceSchedule = [1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 1.5,
                 2.0, 3.0, 5.0, 5.0, 5.0, 4.5,
                 3.0, 3.0, 3.0, 3.0, 4.5, 5.0,
                 7.0, 9.0, 11.0, 12.0, 8.0, 4.0]

'''Почасовое потребление электроэнергии'''
loadSchedule = [480, 320, 320, 360, 360, 360,
               420, 920, 1200, 720, 680, 720,
               800, 820, 960, 1200, 1380, 1380,
               1520, 1800, 1920, 1920, 1640, 1020]

constantLoad = 400 # потребитель с постоянной нагрузкой
targetCharge = 4800 # конечный заряд аккумулятора

'''Временная ось'''
time = [0]
for i in range(len(loadSchedule)):
    time.append(i + 1)

'''Константы для генетического алгоритма'''
POPULATION_SIZE = 200 # Размер популяции
P_CROSSOVER = 0.9 # Шанс скрещивания
P_MUTATION = 0.1 # Шанс мутации
MAX_GENERATION = 500 # Максимальное количество поколений

operations = [-4000, -3000, -2000, -1000, 0, 1000, 2000, 3000, 4000] #
Индивид

NUMBER_OF_HOURS = 24

# -----
# -----
# -----
# -----

# -----
# -----

# Инициализация начального индивида (24 гена составляют одну

```

```

хромосому (индивид))

# Геном является массив из 9 элементов, содержащий 0 и 1
# [0] - соответствует торговой операции, которая не выполняется в
текущий час;
# [1] - соответствует торговой операции, которая производится в текущий
час;
# единица может быть только одна, так как можно проводить только одну
операцию в час
# -----
-----

def gen_initial():
    operation = []
    for i in range(len(operations) - 1):
        operation.append(0)

    operation.append(1)
    return operation

# -----
-----

# Расчет загрузки на данный час (динамическое потребление + статическое
потребление)
# -----
-----

def calc_load_given_hour(load):
    return constantLoad + load

# Получение листа загрузки на текущий час
load_present_schedule = list(map(calc_load_given_hour, loadSchedule))

# -----
-----

# Производим мутацию: находим индекс, под которым в индивиде содержит 1
-> меняем на 0
# выбираем новый индекс, отличный от старого и присваиваем ему 1, тем
самым получая новую последовательность
# -----
-----

def mutation_gen_operation(muta):
    mutate_list = muta

```



```

ind = 0
for i in range(len(muta)):
    if mutate_list[i] == 1:
        mutate_list[i] = 0
        ind = i

ind_change = ind
while ind == ind_change:
    ind_change = random.randint(0, 8)

mutate_list[ind_change] = 1
return mutate_list

# -----
# -----
# Базисные значения заряда и дохода для расчета приспособленности особей
# в популяции
# -----
# -----

basis_charge = 0
for i in range(len(load_present_schedule)):
    basis_charge = basis_charge + max(operations) -
load_present_schedule[i]
basis_charge = initCharge - targetCharge

basis_income = 0
for i in range(len(load_present_schedule)):
    basis_income = basis_income - min(operations) * priceSchedule[i]

# -----
# -----

# Функция мутации:
# [1] на вход поступает индивид (это 24 торговых операции)
# [2] с вероятностью 1 / (число генов в хромосоме = 24 ч) выбирается
ген, над которым будет производиться мутация
# [3] мутация производится и ген перезаписывается в индивиде
# -----
# -----

def mutation(ind_mutation, indpb):
    for i in range(len(ind_mutation)):
        if random.random() < indpb:

```

```

        ind_mutation[i] = mutation_gen_operation(ind_mutation[i])
    return ind_mutation

# -----
# -----
# Функция расчета приспособленности индивида
# -----
# -----

def funct_Fitness(individual):
    income = 0 # Доход текущего решения
    load_charge = 0 # Загрузка текущего решения
    flag_possibility = True # Флаг допустимости решения

    for i in range(len(individual)):
        charge_operate = 0 # Изменение заряд после проведенной операции
        for operate, charge in zip(individual[i], operations):
            charge_operate = charge_operate + operate * charge

        load_charge = load_charge + charge_operate -
load_present_schedule[i] # Заряд в конце часа

        if load_charge + initCharge > capacity or load_charge +
initCharge < 0:
            flag_possibility = False # Такое состояние батареи
невозможно

        income = income - charge_operate * priceSchedule[i] #
Обновление дохода

# -----
# -----

# Расчет приспособленности (учет дохода и учет конечной энергии
батарей)
# Базисные величины соответствуют максимальному убытку (только
покупке электроэнергии)
# -----
# -----

delta = (load_charge + initCharge - targetCharge) / basis_charge #
Может быть и отрицательной и положительной
fitness = abs(delta) * (basis_income - income) / basis_income * (-1)

# -----

```

```

-----
    # Намеренное ухудшение приспособленности индивида, который содержит
недопустимое решение задачи
    # -----
-----

    if not flag_possibility:
        fitness = fitness + 5 * fitness

    return fitness

# -----
-----

# Создание класса индивида
# -----
-----

creator.create("Fitness", base.Fitness, weights=(1.0,)) # Использование
стандартной функции Fitness
creator.create("Individual", list, fitness=creator.Fitness) # Создаем
самого класс индивидуума

toolbox = base.Toolbox() # Создание экземпляра класса toolbox для
регистрации функций

# -----
-----

# -----Генерация одного гена для
индивида-----
# -----
-----

toolbox.register("zeroOrOne", gen_Initial)

# -----
-----

# -----Создаем начальную популяцию
хромосом-----
# -----
-----

# Создаем индивида, используя функцию zeroOrOne, то есть индивид состоит
из 24 списков, которые содержат набор
# 0 и 1, которые обозначают торговую операцию (за основу взята задача
OneMax)
# -----

```

```

-----
toolbox.register("initial_population", tools.initRepeat,
creator.Individual, toolbox.zeroOrOne, NUMBER_OF_HOURS)

# -----
-----

# Создаем функцию для генерации популяции, но не указываем количество
индивидов в популяции
# это значение указывается позже
# -----
-----

toolbox.register("population_creator", tools.initRepeat, list,
toolbox.initial_population)

# Создание первой популяции размером POPULATION_SIZE = 200 и
инициализация счетчика поколений
population = toolbox.population_creator(n=POPULATION_SIZE)
generation_counter = 0 # Счетчик поколений

# -----
-----

# Псевдоним функции отбора (стандартный)
# -----
-----

toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)

# -----
-----

# Псевдоним функции скрещивания (стандартный)
# -----
-----

toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)

# -----
-----

# Псевдоним функции мутации (моя реализация)
# -----
-----

toolbox.register("mutate", mutation, indpb=1.0 / NUMBER_OF_HOURS)

# -----
-----

# Псевдоним функция расчета приспособленности (моя реализация)

```

```

# -----
# -----
toolbox.register("evaluate", funct_Fitness)

# -----
# -----
# Вычисление приспособленности групп индивидуумов первого поколения
# -----
# -----
fitness_values = list(map(toolbox.evaluate, population))

# -----
# -----
# Присваиваем конкретному свойству класса Individual значения
fitness_values
# -----
# -----
for individual_group, fitness_value in zip(population, fitness_values):
    individual_group.fitness.values = (fitness_value,)

# -----
# -----
# Создаем коллекцию значений приспособленности данной популяции
# -----
# -----
fitness_values = [individual.fitness.values[0] for individual in
population]

# -----
# -----
# Для хранения статистики
# -----
# -----
max_fitness_values = [] # Максимальная приспособленность особей в
текущей популяции
mean_fitness_values = [] # Средняя приспособленность всех особей в
текущей популяции

# -----
# -----
# Генетический алгоритм
# Цикл продолжается пока не пройдет указанное число поколений, либо пока
не будет найдено лучшее решение

```

```

# -----
-----
while max(fitness_values) < -0.3399 and generation_counter <
MAX_GENERATION:
    generation_counter += 1 # Номер поколения

    offspring = toolbox.select(population, len(population)) # Отбор
лучших особей
    offspring = list(map(toolbox.clone, offspring)) # Клонирование
отобранных особей для нового списка

    # -----
    -----

    # Скрещивание
    # Берем четные и нечетные по порядку элементы и производим
одноточечное скрещивание
    # -----
    -----

    for child1, child2 in zip(offspring[::2], offspring[1::2]):
        if random.random() < P_CROSSOVER: # Проверка вероятности
скрещивания
            toolbox.mate(child1, child2)
            # -----
            -----

            # Удаление значений приспособленности скрещенных
индивидуумов
            # -----
            -----

            del child1.fitness.values
            del child2.fitness.values

    # -----
    -----

    # Мутация
    # -----
    -----

    for mutant in offspring:
        if random.random() < P_MUTATION: # проверка вероятности мутации
индивида
            toolbox.mutate(mutant)
            # -----
            -----

            # Удаление значения приспособленности мутировавшего

```

индивидуума

```
# -----  
  
del mutant.fitness.values  
  
# -----  
  
# Повторная оценка скрещенных или мутировавших индивидов  
# -----  
  
fresh_individuals = [ind for ind in offspring if not  
ind.fitness.valid]  
fresh_fitness_values = list(map(toolbox.evaluate,  
fresh_individuals)) # Новый лист приспособленностей  
  
# -----  
  
# Запись значений приспособленности индивида  
# -----  
  
for individual, fitnessValue in zip(fresh_individuals,  
fresh_fitness_values):  
    individual.fitness.values = (fitnessValue,)  
  
# -----  
  
# Обновляем список популяции  
# -----  
  
population[:] = offspring  
  
# -----  
  
# Обновляем список приспособленности популяции  
# -----  
  
fitness_values = [ind.fitness.values[0] for ind in population]  
  
# -----  
  
# Определяем максимальную и среднюю приспособленности  
# -----  
  
# -----
```

```

max_fitness = max(fitness_values)
mean_fitness = sum(fitness_values) / len(population)
max_fitness_values.append(max_fitness)
mean_fitness_values.append(mean_fitness)

# -----
-----

# Вывод информации в консоль
# -----
-----

print(f"Поколение {generation_counter}: Макс. приспособ. =
{max_fitness}, Средняя приспособ. = {mean_fitness}")

# -----
-----

# Цикл проверки итоговых результатов
# Если среди конечной популяции все решения приводят к несоответствию
действительной работы батареи, то
# выведется соответствующее сообщение об отсутствии допустимых решений.
Если в конечной популяции, есть индивид,
# который удовлетворяет работе батареи, его результат будет выведен на
графике
# -----
-----

energy = [] # Хранит массив энергии в конце каждого часа
battery_damage = False # Флаг для определения допустимых решений (False
- решения есть, True - решений нет)
count_ind = 0 # Счетчик
while count_ind < POPULATION_SIZE:
    count_ind += 1
    # -----
    -----

    # Обновляемые параметры
    # -----
    -----

    best_index = fitness_values.index(max(fitness_values)) # Индекс
лучшего решения (по приспособленности)
    best_individual = population[best_index] # Индивид с лучшей
приспособленностью
    battery_energy = [initCharge] # Начальный массив значений
энергии(заряда батареи) в конце каждого часа
    best_income = 0 # Доход от торговых операций
    energy_end_hour = initCharge # Переменная для хранения энергии

```



батареи в конце часа

```
flag_batt = False # Флаг допустимости текущего решения

# -----
# -----

# Определяем самого приспособленного (лучшего) индивида и проверяем
его на допустимость решения
# поставленной задачи. Если он не удовлетворяет требованиям, его
стирают из списка популяции и определяют
# следующего по приспособленности индивида и повторяют операцию
допустимости решения.
# -----
# -----

for i in range(len(best_individual)):
    charge_operate = 0 # Изменение заряд после проведенной торговой
операции
    # -----
    # -----

    # Индивид состоит из 24 листов, которые представляют собой набор
0 и 1 соответствующие торговой
    # операции. То есть, 1 час (й такой лист) - это геном, который
по факту надо расшифровать.
    # Итерируемся по всему геному, в поисках заветной 1, чтобы
перемножить ее на соответсвующую
    # торговую операцию и получить значений дохода.
    # -----
    # -----

    for operate, charge in zip(best_individual[i], operations):
        charge_operate = charge_operate + operate * charge

    energy_end_hour = energy_end_hour + charge_operate -
load_present_schedule[i] # Заряд в конце часа

    # -----
    # -----

    # Проверяем условие допустимости текущего решения по каждому
часу
    # Если заряд батареи в конце часа опускается ниже 0 или
становится выше максимальной емкости (capacity)
    # в этом случае решение считается недопустимым
    # -----
    # -----

    if energy_end_hour > capacity or energy_end_hour < 0:
```

```

        flag_batt = True # Такое состояние батареи невозможно

        battery_energy.append(energy_end_hour) # Добавляем значение
энергии(заряда) батареи в конце текущего часа

        best_income = best_income - charge_operate * priceSchedule[i] #
Обновляем переменную дохода

        # -----
        # Обновляем параметры
        # -----

        battery_damage = flag_batt
        energy[:] = battery_energy

        # -----

        # Проверка условия допустимости решения:
        # [False] - С батарее все нормально, такое решение возможно, вывод
успеха в консоль и построение графиков
        # [True] - переход к другому решению
        # -----

        if flag_batt:
            del fitness_values[best_index] # Удаляем провальное решение из
популяции
            continue
        else:
            print("статистика лучшего индивидуума")
            print(f"\nРезультат торгов: {best_income} \n")
            print(f"Остаточный заряд: {energy_end_hour} \n")
            break

    if battery_damage:
        print("Допустимые решения отсутствуют")

    # -----
    # Расчет изменения заряда ПЭБ в течение суток без проведения плановых
торговых операций
    # Учитываем допустимое состояние батареи, энергия батареи не должна
упасть ниже 0

```

```

# -----
-----

res_level_energy_mass = [initCharge]
res_energy = initCharge

for i in range(len(load_present_schedule)):
    res_energy = res_energy - load_present_schedule[i]
    if res_energy > 0:
        res_level_energy_mass.append(res_energy)
    else:
        delta_energy = (load_present_schedule[i] - res_energy)

        if delta_energy <= 1000:
            res_energy += 1000
        elif delta_energy <= 2000:
            res_energy += 2000
        elif delta_energy <= 3000:
            res_energy += 3000
        else:
            res_energy += 4000

    res_level_energy_mass.append(res_energy)

# -----
-----

# Построение графиков
# -----
-----

fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=2)
plt.subplots_adjust(wspace=10, hspace=0.2, left=0.06, right=0.98,
top=0.96, bottom=0.1) # Отступы по краям

# -----
-----

# Распределение приспособленностей
# -----
-----

plt.subplot(2, 1, 1)
plt.grid(True, color="grey", linewidth="1.4", linestyle="-.")
plt.plot(max_fitness_values, "r")
plt.plot(mean_fitness_values, "g")
plt.title("Распределение максимальной и средней приспособленности
поколений", fontsize=9)

```

```
plt.legend(("max", "mean"))

# -----
# -----
# Графики изменения энергии
# -----
# -----

plt.subplot(2, 1, 2)
plt.grid(True, color="grey", linewidth="1.4", linestyle="-.")
plt.plot(energy, "k")
plt.plot(res_level_energy_mass, "r")
plt.title("Изменение заряда ПЭБ", fontsize=9)
plt.legend(("с торгами", "без торгов"))
plt.show()
```

### Вывод:

В ходе лабораторной работы были получены практические навыки работы с генетическим алгоритмом для решения задач оптимизации. Был написан сам генетический алгоритм для решения задачи часовой загрузки ПЭБ с получением максимальной выгоды от произведенных торговых операций. За основу структуры алгоритма была взята реализация генетического алгоритма для задачи oneMax.

В ходе проведения опытов выяснилось, что с увеличением числа поколений, возрастает вероятность нахождения наилучшего решения данной задачи.

В ходе проведения опытов было выяснено, что скрещивание особей значительно ускоряет процесс нахождения лучшего решения, а мутация помогает поддерживать разнообразие особей в текущей популяции и возвращать время от времени более оптимальные гены, которые могли исчезнуть в процессе скрещивания.

Отбор особей проводился в виде турнира с использованием стандартной функции selTournament пакета Dear.