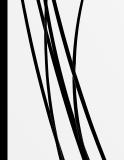
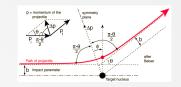


Oddziaływanie Promieniowania Jonizującego z Materią

Tomasz Szumlak, Agnieszka Obłąkowska-Mucha

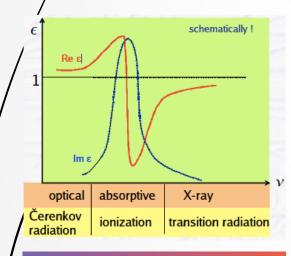


WFiIS AGH Kraków



Efekt Czerenkowa

- Oprócz jonizacji naładowane cząstki tracą energię poprzez emisję promieniowania Czerenkowa
- Emisja fotonów w medium charakteryzowanym stałą dielektryczną ϵ , gdzie $Re(\sqrt{\epsilon})=n$ (współczynnik załamania),a $Im(\epsilon)=k$ (parametr absorpcyjny)

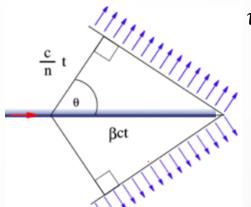


Visible photons:

$$E = 1 - 5 \text{ eV}$$
; $\lambda = 300 - 600 \text{ nm}$

$$-\left\langle \frac{dE}{dx}\right\rangle_{C} \propto z^2 \sin^2 \theta_c$$

Promieniowanie jest emitowane tylko wtedy gdy prędkość cząstki jest większa niż $\beta > 1/n$, można pokazać, że:

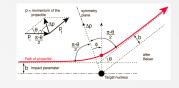


$$\gamma_{th} \ge \frac{c}{n}$$
 $\beta_{th} \ge \frac{1}{n}$

$$\cos(\theta_C) = \frac{1}{n\beta}$$

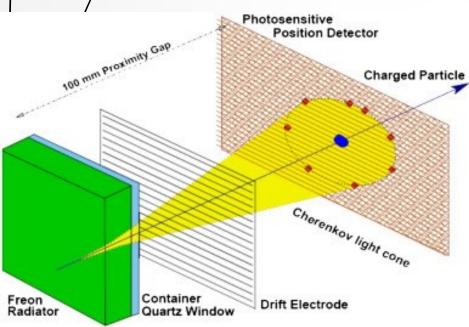
dla wody $\theta_{\it C}^{\it max}=11\,mrad$

- strata en. przez emisję PC jest znikoma w porównaniu do jonizacji (<1 %)</p>
- ☐ typowo 1-2 keV 200-1000 fotonów/cm



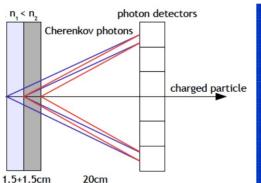
Efekt Czerenkowa

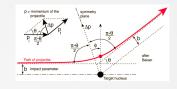
- ☐ Efekt Czerenkowa pozwala wykryć cząstki relatywistyczne
 - Dowszechne zastosowanie w **detekcji neutrin**
- Detektory Czerenkowa powszechnie stosuje się do identyfikacji naładowanych hadronów **efekt progowy:**



$$\beta = \frac{pc}{E} = \frac{p}{(p^2 + m^2c^2)^{1/2}}$$

$$mc < (n^2 - 1)^{1/2}p$$

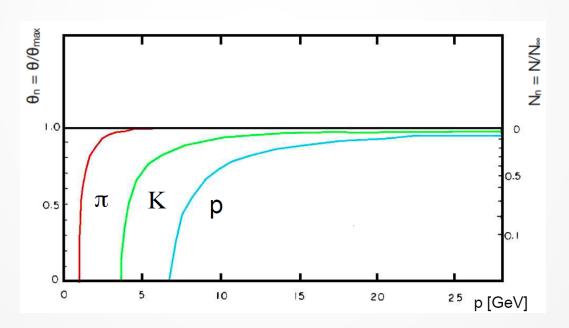




Detektory Czerenkowa

- □ Detektory Czerenkowa używane są do identyfikacji dzięki zależności od pędu (czyli masy).
- \square /Kąt θ_C i liczba fotonów rośną z prędkością β , aż dla $\beta=1$:

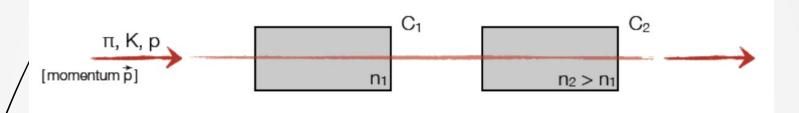
$$\cos(\theta_{max}) = \frac{1}{n} i N_{\infty} =$$





Detektory Czerenkowa

■ Progowe detektory Czerenkowa – dyskryminacja pionów i kaonów



Choose n₁, n₂ in such a way that for:

 n_2 : β_{π} , $\beta_{K} > 1/n_2$ and $\beta_{p} < 1/n_2$

 n_1 : $\beta_{\pi} > 1/n_1$ and β_{K} , $\beta_{p} < 1/n_1$

Note:

e always visible in Cherenkov counters

Light in C₁ and C₂

identified pion

Light in C2 and not in C1

identified kaon

Light neither in C₁ and C₂

identified proton

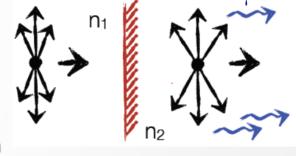
6

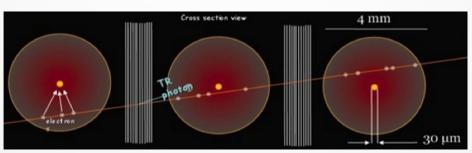
Promieniowanie przejścia

- Promieniowanie emitowane, gdy naładowana cząstka przejdzie przez ośrodki o różnych stałych dielektrycznych
- Cząstka naładowana propagując przez materiał wywołuje jego lokalna polaryzację, t.j. zmienia wokół siebie pole elektromagnetyczne. W innym ośrodku polaryzacja taka ma inne własności, stąd jeśli znajdujemy się na granicy ośrodków powstaje nieciągłość pola elektromagnetycznego.
 - Okazuje się, że zniwelowanie tej nieciągłości wymaga emisji fotonu.

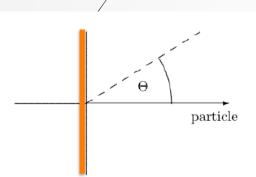
$$I \propto z^2 \gamma$$

Efekt promieniowania przejścia może być wykorzystany do odrożnienia od siebie dwoch rodzajow cząstek lekkich – np. e/π , π/K .



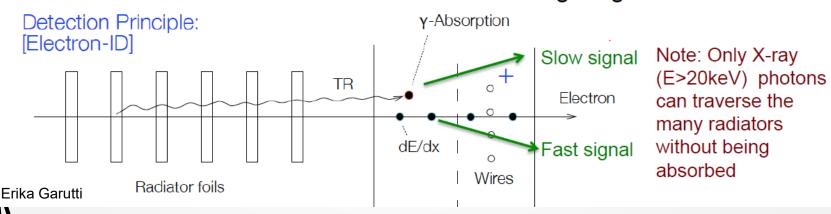


Promieniowanie przejścia

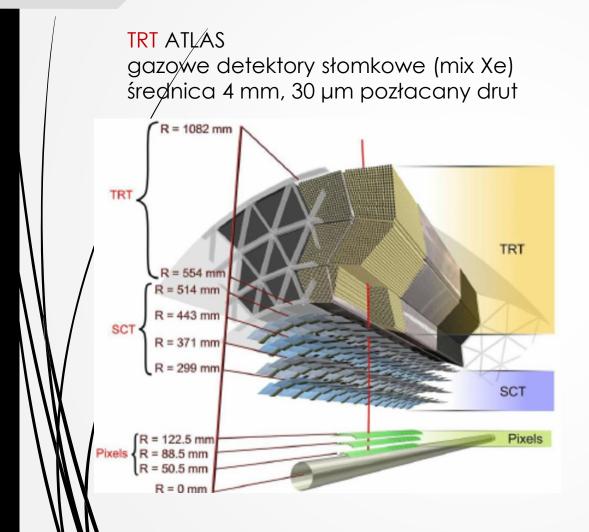


- Typical emission angle: $\Theta = 1/\gamma$
- Energy of radiated photons: ~ γ
- Number of radiated photons: αz²
- Effective threshold: $\gamma > 1000$

→ Use stacked assemblies of low Z material with many transitions + a detector with high Z gas

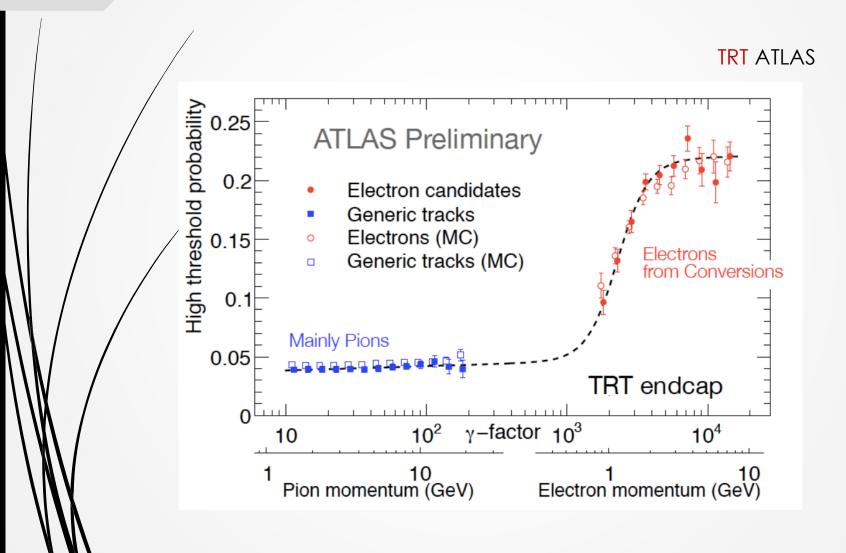


Detektory promieniowania przejścia

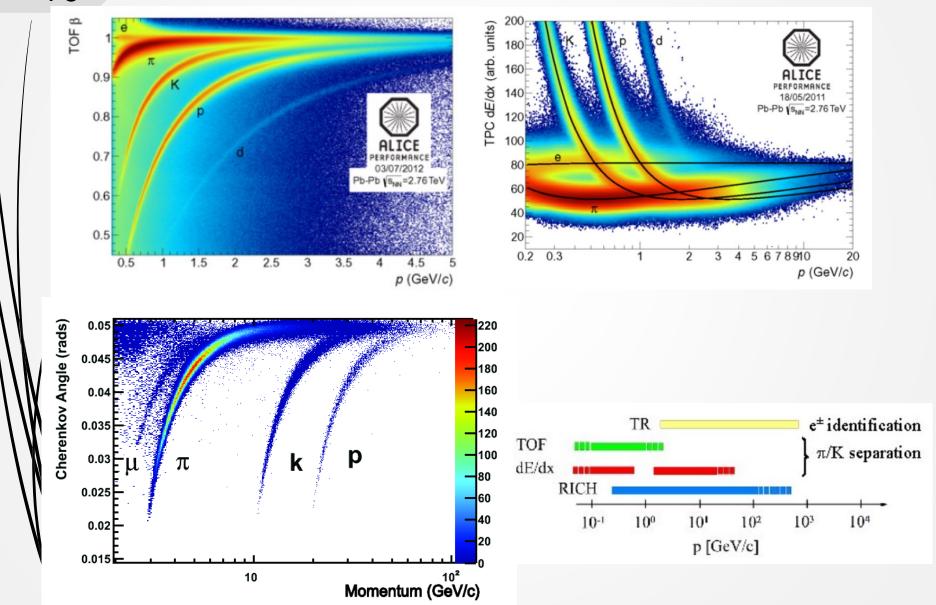


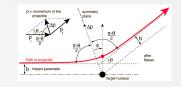


Detektory promieniowania przejścia



Identyfikacja naładowanych cząstek

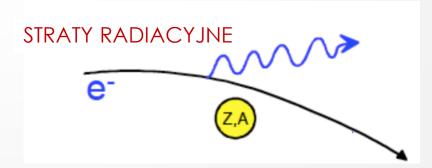




Elektrony

- Dla **niskich energii** (10-30 MeV) elektrony (i pozytony), podobnie jak ziężkie cząstki naładowane, tracą energię głównie na drodze jonizacji
- W przypadku elektronów mamy do czynienia ze zderzeniem takich samych nierozróżnialnych cząstek i zależność na stratę en. kin jest trochę inna.
- \Box Straty energii dla elektronów słabo zależą od energii: $-\left(\frac{dE}{dx}\right) \sim \ln E$
- Powyżej, tak zwanej, energii krytycznej głównym mechanizmem strat energii jest **promieniowanie hamowania** (bremsstrahlung).
- Jest to proces emisji fotonów przez elektron przyspieszany w polu kulombowskim jądra

$$-\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle_{Brems} \propto \frac{E}{m^2}$$







- □ Promieniowanie hamowania jest emitowane przez szybkie naładowane cząstki.
- Jego mechanizm fizyczny związany jest z oddziaływaniem z jądrami atomowymi materiału czynnego
- □ Dla cząstek relatywistycznych, strata energii na drodze emisji promieniowania hamowania da się opisać równaniem:

$$\left(-\frac{dE}{dx}\right)_{Brem} \approx 4\alpha N_A \frac{Z^2}{A} z^2 \left(\frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{e^2}{\mathbf{m}c^2}\right)^2 \mathbf{E} \cdot \ln\left(\frac{183}{Z^{1/3}}\right)$$

Gdzie: Z, A to liczby atomowa oraz masowa medium; z, m, E to ładunek, masa oraz energia cząstki penetrującej

- ☐ Straty energii na emisję PH, charakteryzują się zupełnie innymi własnościami niż straty jonizacyjne
 - ☐ Liniowa zależność od energii cząstek
 - ☐ Odwrotnie proporcjonalne do kwadratu masy cząstek

p = momentum of the project to the p

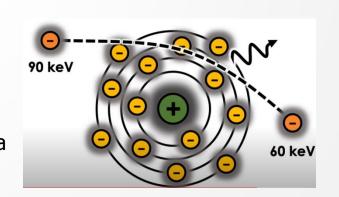
Elektrony

- Wzasadzie, elektrony "zawsze są relatywistyczne" i zakładamy, że dominującym sposobem oddziaływania z materią jest dla nich promieniowanie hamowania
- Inne cząstki naładowane również podlegają temu procesowi, ale jest on silnie tłumiony przez masę cząstek $\binom{m_e^2}{m_{\mu^2}}$

$$\left| \frac{dE}{dx} (E_c) \right|_{Brems} = \frac{dE}{dx} (E_c) \Big|_{Ion}$$

 E_c - energia krytyczna

Straty radiacyjne są procesem konkurencyjnym dla jonizacji, energia dla której straty te są identyczne (definiowana zwykle dla elektronów) nazywa się energią krytyczną E_c



https://www.youtube.com/watch?v=5RjBslO0pxg



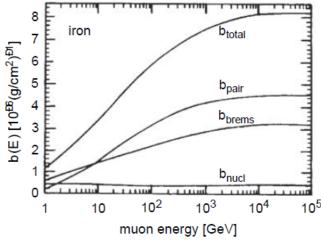


- ☐ Promieniowanie hamowania ma szczególne znaczenie dla elektronów (b. mała masa)
- A Równanie ze s.3 można uprościć:

$$\left(-\frac{dE}{dx}\right)_{B} \approx 4\alpha N_{A} \frac{Z^{2}}{A} z^{2} r_{e}^{2} \mathbf{E} \cdot \ln\left(\frac{183}{Z^{1/3}}\right)$$

□ Øraz dalej:

$$\left(-\frac{dE}{dx}\right)_{B} = \frac{E}{X_{0}}$$



 X_0 - droga radiacyjna [g/cm²], po przejściu X_0 elektron ma 1/e energii (63%)

- \square Równanie to formalnie definiuje długość radiacyjną X_0
- Całkowanie daje nam atenuację energii naładowanych cząstek na drodze strat radiacyjnych

Bremsstrahlung



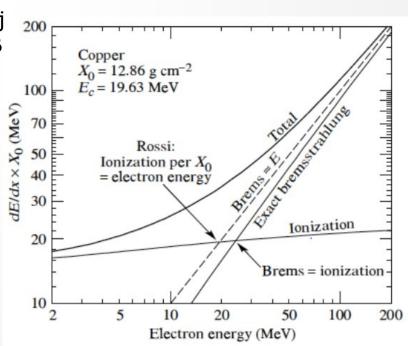
$$\left(-\frac{dE}{dx}(E_c) \right)_I = \left(-\frac{dE}{dx}(E_c) \right)_B$$

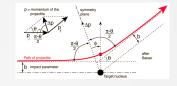
- Rozkład energii emitowanych fotonów hamowania jest odwrotnie proporcjonalny do ich energii $\propto 1/E_{\gamma}$
- \Box Fotony te są emitowane "do przodu", rozkład kątowy można przybliżyć formułą $heta_{\gamma}pprox m_{e}c^{2}/E$ (kąt zmniejsza się ze wzrostem energii)

Numeryczne wartości energii krytycznej można wyznaczyć używając formuły BB oraz na straty hamowania, dla elektronów dostaniemy:

$$E_c = \frac{610}{Z + 1.24} \ [MeV]$$

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{P} \cdot X_{0} \approx E_{c}$$





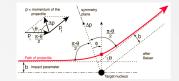
Bremsstrahlung

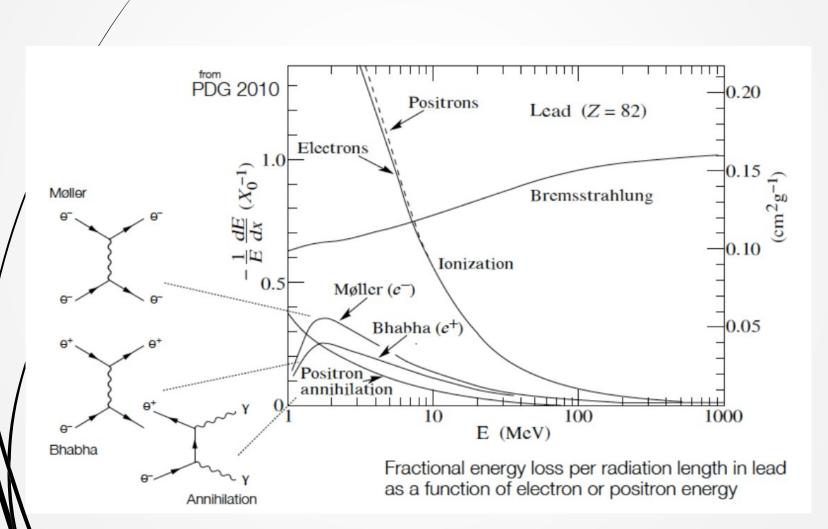
- ☐ Energie krytyczne (oraz długości radiacyjne!) skalują się tak jak kwadraty mas cząstek naładowanych, które podlegają hamowaniu
- Znając wartości energii krytycznej dla elektronów możemy wyznaczyć ją dla mionów (na przykład):

$$E_c^{\mu} \approx E_c^e \cdot \left(\frac{m_{\mu}}{m_e}\right)^2 = 890 \; GeV$$

/					
Material	Z	A	$X_0 [\mathrm{g/cm^2}]$	X_0 [cm]	$E_{\rm c}[{ m MeV}]$
Hydrogen	1	1.01	61.3	731 000	350
Helium	2	4.00	94	530000	250
Lithium	3	6.94	83	156	180
Carbon	6	12.01	43	18.8	90
Nitrogen	7	14.01	38	30500	85
Oxygen	8	16.00	34	24000	75
Aluminium	13	26.98	24	8.9	40
Silicon	14	28.09	22	9.4	39
Iron	26	55.85	13.9	1.76	20.7











- □ W przeciwieństwie do "łagodnych" strat jonizacyjnych straty energii na drodze promieniowania hamowania, produkcji par oraz reakcji foto-jądrowych charakteryzują się b. dużymi przekazami energii
 - Duże fluktuacje statystyczne
 - ☐ Trudno zdefiniować średnią stratę całkowitą
- □ ∕Stratę całkowitą zapisujemy jako:

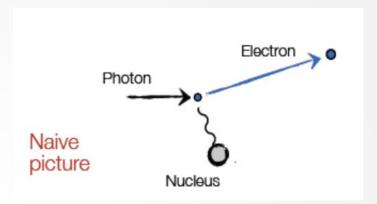
$$\left(-\frac{dE}{dx}\right)_{tot} = \left(-\frac{dE}{dx}\right)_{ion} + \left(-\frac{dE}{dx}\right)_{brem} + \left(-\frac{dE}{dx}\right)_{pair} + \left(-\frac{dE}{dx}\right)_{photo}$$

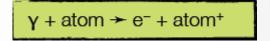
$$\left(-\frac{dE}{dx}\right)_{tot} = \left(-\frac{dE}{dx}\right)_{ion} + b(Z, A, E) \cdot E$$

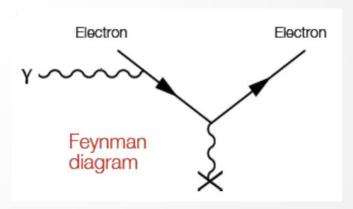
■ Współczynniki b, znaleźć można w literaturze

Fotony





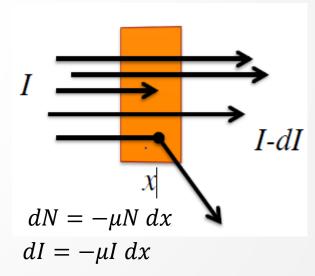




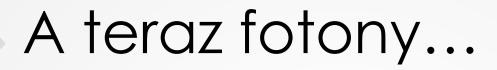




- ☐ Fizyka oddziaływania fotonów z materią różni dość zasadniczo od zjawisk związanych z jonizacją
- Detekcja fotonów (neutralne!) opiera się o wykorzystanie procesów, w których produkowane są cząstki wtórne posiadające ładunek (czyli, "the bottom line is" jonizacja!)
- W każdym akcie oddziaływania foton albo "ulega zniszczeniu" (efekt fotoelektryczny, dysocjacja) albo przekazuje znaczą część swojej energii początkowej (rozproszenie Compton'a)



 μ - liniowy współczynnik atenuacji (pr-two, że foton będzie zabsorbowany lub rozproszony





ATTENUATION

Object

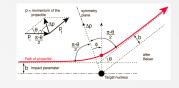
Photon Energy

- Każde oddziaływanie fotonów jest dla nich katastrofalne (znikają).
- \square Ale zarówno X jak i γ są znacznie bardziej penetrujące niż naładowane cząstki.
- □ Brak możliwości wyznaczenia zasięgu, zamiast tego wprowadzamy pojęcie atenuacji (głębokość optyczna) wiązki fotonów:

 $\frac{I}{I_0} = e^{-\mu x}$

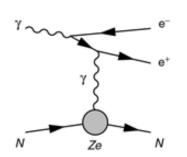
gdzie: μ - masowy współczynnik atenuacji (MWA), czyli współczynnik liniowy podzielony przez gęstość: $\mu \to \frac{\mu}{\sigma} \left[\frac{cm^2}{\sigma} \right]$

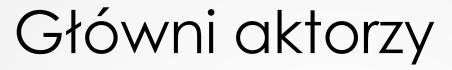
$$\frac{\mu}{\rho} = \frac{N_A}{A} \sum_{i} \sigma_i = \frac{N_A}{A} \left(\sigma_{ph} + Z \sigma_{comp} + \sigma_{pair} \right)$$



Fotony

- ☐ Trzy główne sposoby oddziaływania silna zależność od energii
 - □ Efekt fotoelektryczny dla fotonów o energiach
 ~ keV (maksymalna energia wiązań elektronów w atomach)
 - \square Rozproszenie Compton'a (kwazi-stacjonarny elektron) $\sim MeV$
 - Dysocjacja do pary elektron-pozyton (kreacja par) dominuje dla fotonów o energiach > 10 MeV
 - Uwaga dysocjacja fotonu może zajść jedynie w polu elektrostatycznym jądra atomowego – zasady zachowania, energia odrzutu
- Oddziaływanie elektronów i fotonów (o dużych energiach) jest opisane przez tzw. **długość radiacyjną** X_0 ($\sim cm$)







- ☐ Przekroje czynne występujące w zależności opisującej MWA zależą silnie od energii fotonów
 - Uwaga! Nie można zdefiniować dla fotonów "zasięgu" w materiale czynnym
- W zależności od energii możemy wyróżnić trzy zakresy w których dominują inne zjawiska
 - Niskie energie (100 $keV \ge E_{\gamma} \ge E_{jon}$) dominuje efekt fotoelektryczny: $\gamma + atom \rightarrow atom^* + e^-$
 - □ **Energie** $E_{\gamma} \sim 1 \, MeV$, dla których dominuje efekt Compton'a (rozproszenie na quasi-stacjonarnym elektronie atomowym): $\gamma + e^- \rightarrow \gamma + e^-$
 - □ Dla wysokich energii $E_{\gamma} \gg 1 \, MeV$ dominuje produkcja par (dysocjacja fotonu): $\gamma + j. \, at. \rightarrow e^- + e^+ + j. \, at.$



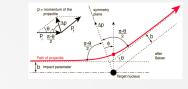


- □ Elektrony atomowe są zdolne do całkowitego pochłonięcia fotonów (swobodne nie **zasady zachowania**!)
- ☐ W procesie musi uczestniczyć **jądro atomowe** z uwagi na to, absorpcja przez elektrony znajdujące się w **powłoce K** jest wyjątkowo duża (~80% całkowitego przekroju czynnego)
- □ Całkowity przekrój czynny (przybliżenie Borna), można zapisać jako:

$$\sigma_{foto}^{K} = \left(\frac{32}{\epsilon^{7}}\right)^{1/2} \alpha^{4} \mathbf{Z}^{5} \sigma_{Th}^{e} \left[\frac{cm^{2}}{atom}\right]$$

gdzie: ϵ – zredukowana energia fotonu: $\epsilon = E_{\gamma}/m_e c^2$, σ_{Th}^e - to elastyczny przekrój czynny na rozpraszanie fotonów na elektronach: $\sigma_{Th}^e = \frac{8}{3}\pi r_e^2$

Mechanizm fizyczny efektu fotoelektrycznego jest pojęciowo prosty i posiada jasną "interpretację klasyczną", jednakże prowadzi on do szeregu ciekawych efektów wtórnych



Efekt fotoelektryczny

- Wzbudzony atom może wyemitować, np. z powłoki K, elektron to "puste" miejsce może zostać zajęte przez elektron z wyżej powłoki czemu towarzyszy emisja fotonów promieniowania charakterystycznego X
- ☐ Energię tego promieniowania daje prawo Moseley'a:

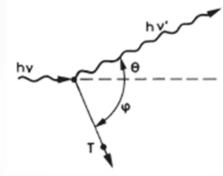
$$E = Ry(Z-1)^2 \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2}\right) \to E(K_\alpha) = \frac{3}{4}Ry(Z-1)^2$$

- ☐ Procesem konkurencyjnym do emisji promieniowania *X* jest usunięcie kolejnego elektronu tzw. efekt Auger'a
 - ☐ Elektrony Auger'a charakteryzują się dyskretnym widmem
 - ☐ Ich energia nie jest w żaden sposób związana z energią pierwotnych fotonów



Efekt Compton'a

☐ Zakładamy, że energia wiązania elektronu jest pomijalnie mała w porównaniu z energią fotonu



Stosunek energii fotonu rozproszonego do energii początkowej E'_{x} 1

$$\frac{E'_{\gamma}}{E_{\gamma}} = \frac{1}{1 + \epsilon \left(1 - \cos(\theta_{\gamma})\right)}$$

$$\epsilon = \frac{E_{\gamma}}{m_e c^2}$$

□ Przekrój czynny opisujący rozproszenie Comptona może być przybliżony formułą:

$$\sigma_C^e \propto \frac{ln(\epsilon)}{\epsilon}$$





□/Energia odrzutu elektronu:

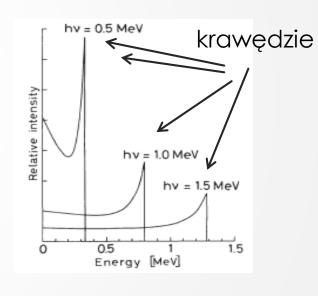
$$T_e = E_{\gamma} - E'_{\gamma} = E_{\gamma} \frac{\epsilon(1 - \cos \theta)}{1 + \epsilon(1 - \cos \theta)}$$

$$T_{e\; max} = h \nu \frac{2\epsilon}{1+2\epsilon}$$
 dla $\theta = \pi$ $\epsilon = \frac{E_{\gamma}}{m_e c^2}$

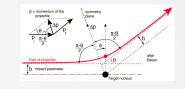
énergia przekazana przez foton:

$$\Delta E = E_{\gamma} - T_{e \, max} = E_{\gamma} \frac{1}{1 + 2\epsilon}$$

 krawędzie na widmie elektronów pochodzą od fotonów rozproszonych wstecz:



fotony mogą nie zostać zaabsorbowane w ośrodku i uniknąć detekcji, a gdy rozproszą się "wstecz" tracą najwięcej energii, którą zyskują elektrony – stąd maksima na widmie energii elektronów



Kreacja par

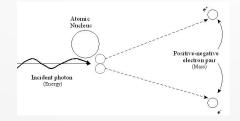
□ Dysocjacja fotonów jest efektem progowym – energia fotonów musi osiągnąć pewną minimalną wartość:

$$E_{\gamma} \ge 2m_e c^2 + 2\frac{m_e^2}{m_{j.at.}}c^2$$

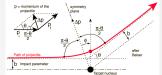
- W przypadku praktycznych urządzeń do detekcji, zawsze będziemy zakładać, że proces kreacji par odbywa się w polu jądra atomowego oraz, że kreowanymi cząstkami są elektrony
- Dla dużych energii fotonów, przekrój czynny zapiszemy jako:

$$\sigma_p \approx \frac{7}{9} 4\alpha r_e^2 Z^2 ln \frac{183}{Z^{1/3}} = \frac{7}{9} \frac{A}{N_A} \frac{1}{X_0}$$

 \square Rozkład kątowy produkowanych elektronów jest bardzo wąski, charakterystyczny kąt rozwarcia opisujący ten rozkład można przybliżyć jako: $\vartheta \approx m_e c^2/E_\gamma$



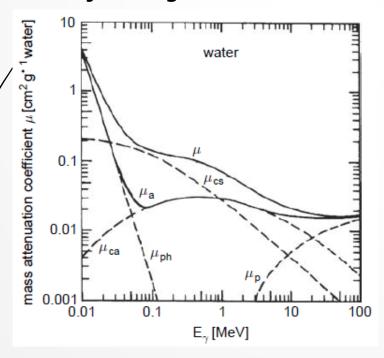


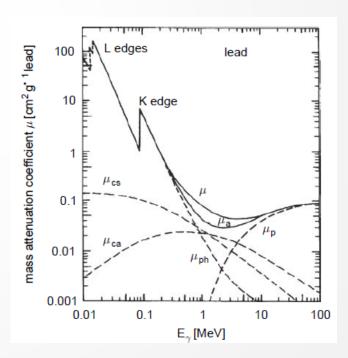


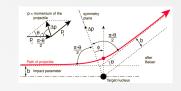
$$\frac{I}{I_0} = e^{-\mu x}$$

$$\frac{I}{I_0} = e^{-\mu x} \qquad \qquad \mu = \frac{N_A}{A} \sum_i \sigma_i$$

Oddziaływanie fotonów z materią może być podsumowane poprzez podanie masowych współczynników atenuacji w funkcji energii fotonów

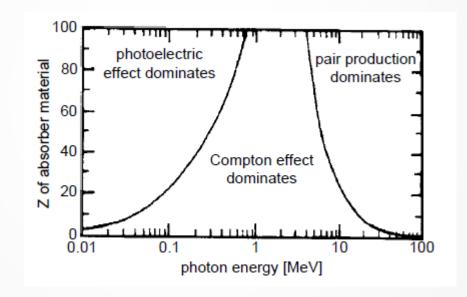






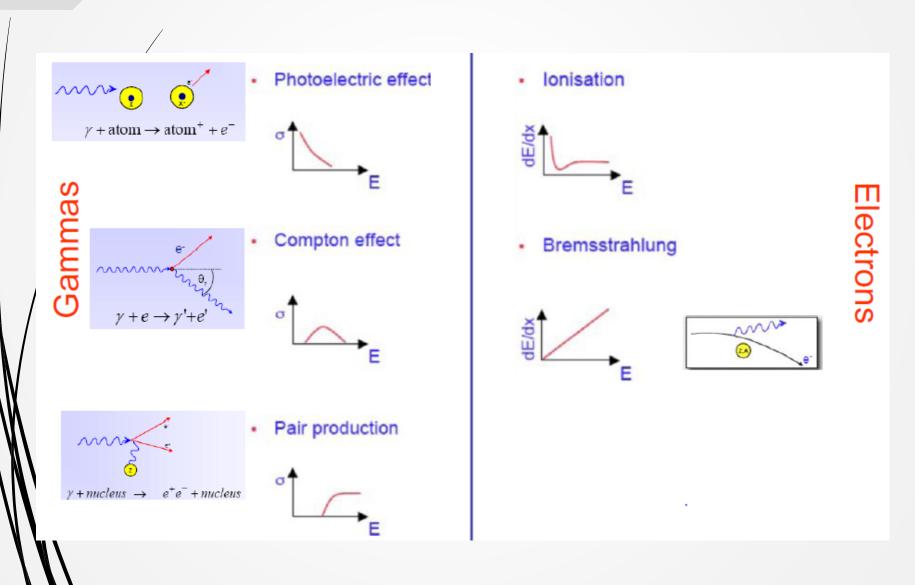
Całkowita absorpcja

Poszczególne "składowe" oddziaływań można również uszeregować w/g względnej istotności w funkcji energii fotonów



$$\frac{\mu}{\rho} = \frac{N_A}{A} \sum_{i} \sigma_i = \frac{N_A}{A} \left(\sigma_{ph} + Z \sigma_{comp} + \sigma_{pair} \right)$$

Oddziaływania elektromagnetyczne



Droga radiacyjna – dwa określenia

Dominujące procesy dla energii > kilku MeV:

Fotony – produkcja par

Absorption coefficient:

$$\mu = n\sigma = \rho \frac{N_A}{A} \cdot \sigma_{\text{pair}} = \frac{7}{9} \frac{\rho}{X_0}$$

 X_0 = radiation length in [g/cm²]

$$X_0 = \frac{A}{4\alpha N_A Z^2 r_e^2 \ln \frac{183}{Z^{1/3}}}$$

$$X_0 \text{ to 7/9 średniej}$$
drogi, na której for

$$-\frac{dE}{dx} = \frac{7E}{9X_0}$$

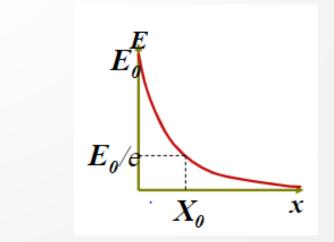
drogi, na której foton konwertuje na e^+e^-

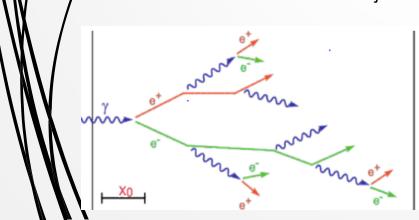
Elektrony – prom. hamowania

$$\frac{dE}{dx} = 4\alpha N_A \, \frac{Z^2}{A} r_e^2 \cdot E \, \ln \frac{183}{Z^{\frac{1}{3}}} \, = \frac{E}{X_0}$$

$$\rightarrow E = E_0 e^{-x/X_0}$$

 X_0 to średnia droga, na której elektron traci (1-1/e) energii





Kaskada elektromagnetyczna

- 1. Prosty model kaskady elektromagnetycznej:
 - elektron (pozyton) po X_0 emituje foton (bremstrahlung),
 - po kolejnej X₀ emituje następny foton,
 - foton konwertuje na parę e^+e^- (jak ma wystarczającą energię)
 - każda cząstka-córka ma połowę energii rodzica.

