

# *TP 10 --- L3 -- Langage et Compilation*

## **Plan du TP :**

- I. Grammophone**
- II. Grammaires et analyse LL**
- III. Grammaire et Analyse LR**
- IV. GRAMMAIRE LL(\*) et ANTLR**

# I. Grammophone

EditTransformAnalyzeCopy Link

```
S -> a A B e.  
A -> A b c | b.  
B -> d.
```

Analysis

Sanity Checks

- All nonterminals are reachable.
- All nonterminals are realizable.
- The grammar contains no cycles.
- The grammar is null unambiguous.

Example Sentences

- a b d e
- a b b c d e
- a b b c b c d e
- a b b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c b c b c b c b c d e
- a b b c b c b c b c b c b c b c b c b c d e

[More example sentences](#)

Nonterminals

Symbol	Nullable?	Endable?	First set	Follow set
<i>S</i>		Endable	a	\$
<i>A</i>			b	b, d
<i>B</i>			d	e

## 1. Signification des Expressions :

- **All nonterminals are reachable :**  
**Tous les non-terminaux sont atteignables :** *Chaque non-terminal peut être atteint à partir de l'axiome de départ.*
- **All nonterminals are realizable :**  
**Tous les non-terminaux sont réalisables :** Chaque non-terminal peut produire une chaîne de terminaux.
- **The grammar contains no cycles :**  
**La grammaire ne contient pas de cycles :** Il n'y a pas de règles qui permettent de revenir au même non-terminal indéfiniment
- **The grammar is null unambiguous :**  
**La grammaire est sans ambiguïté nulle :** Il n'y a pas de production ambiguë qui pourrait générer une chaîne vide.

## 2. Traduction des expressions

- **first set :** ensemble des premiers

- **follow set** : ensemble des suivants
- **nullable** : annulable
- **endable** : terminable

## II. Grammaires et analyse LL

### Manipulation de grammaire. Rendre une grammaire LL(1)

Considérons la grammaire suivante qui n'est pas LL(1).

```
S -> a A B e.
A -> A b c | b.
B -> d.
```

### Résultat d'analyse

Grammophone, a context-free grammar checker Help GitHub

Edit Transform Analyze Copy Link [Analysis / LL\(1\) Parsing Table](#)

S -> a A B e.  
A -> A b c | b.  
B -> d.

LL(1) Parsing Table

	a	e	b	c	d	\$
S	S -> a A B e					
A			A -> A b c A -> b			
B					B -> d	

**Conflit** : Il y a un conflit de prédiction dans la table LL(1) pour le non-terminal A car A peut commencer par b dans les deux productions.

### Transformation :

Grammophone, a context-free grammar checker Help GitHub

Edit Transform Analyze Copy Link [Analysis / LL\(1\) Parsing Table](#)

S -> a A B e.  
A -> b A I.  
A I -> b c A I | .  
B -> d.

LL(1) Parsing Table

	a	e	b	c	d	\$
S	S -> a A B e					
A			A -> b A I			
A I			A I -> b c A I		A I -> .	
B					B -> d	

## Grammaire initiale :

```
S -> ( L ) | ( ) | at.  
L -> S | L S.
```

## Résultat d'analyse

Grammophone, a context-free grammar checker Help GitHub

Edit Transform **Analyze** Copy Link

**Error: Parse error**  
S -> ( L ) | ( ) | at.  
L -> S | L S.

**Grammophone** is a tool for analyzing and transforming context-free grammars. To start, type a grammar in the box to the left and click **Analyze** or **Transform**.

Grammars are written like this:

```
S -> a S b .  
S -> .
```

This grammar generates the language  $a^n b^n$ , where  $n \geq 0$ .

**Conflit :** on remarque que nous avons une erreur. Cette erreur est dû à un problème d'ambiguïté car le grammophone ne reconnais pas certain caractère nous allons lever d'ambiguïté et relancer l'analyse.

## Transformation :

Grammophone, a context-free grammar checker Help GitHub

Edit Transform **Analyze** Copy Link

S -> LPAREN L RPAREN | LPAREN RPAREN | at.  
L -> S | L S.

[Analysis / LL\(1\) Parsing Table](#)

**LL(1) Parsing Table**

	LPAREN	RPAREN	at	\$
S	$S \rightarrow \text{LPAREN } L \text{ RPAREN}$ $S \rightarrow \text{LPAREN RPAREN}$		$S \rightarrow \text{at}$	
L	$L \rightarrow S$ $L \rightarrow L S$		$L \rightarrow S$ $L \rightarrow L S$	

## Grammaire initiale :

```
S -> B b | C c.  
B -> a b.  
C -> a c.
```

## Résultat d'analyse :

Grammophone, a context-free grammar checker Help GitHub

Edit Transform **Analyze** Copy Link

S -> B b | C c.  
B -> a b.  
C -> a c.

[Analysis / LL\(1\) Parsing Table](#)

**LL(1) Parsing Table**

	b	c	a	\$
S			$S \rightarrow B b$ $S \rightarrow C c$	

**Conflit :** Les productions  $B \rightarrow a b$  et  $C \rightarrow a c$  partagent un préfixe commun (a), ce qui rend la grammaire non LL(1). L'analyseur ne peut pas décider entre B et C en ne regardant que le premier symbole (a).

## Transformation :

Grammophone, a context-free grammar checker

Help GitHub

Edit Transform Analyze Copy Link Analysis / LL(1) Parsing Table

$S \rightarrow a X$   
 $X \rightarrow b b \mid c c$

LL(1) Parsing Table

	a	b	c	\$
S	$S \rightarrow a X$			
X		$X \rightarrow b b$	$X \rightarrow c c$	

## grammaires reconnaissant des expressions arithmétiques.

### 1. Grammaire initiale :

Expression  $\rightarrow$  Somme.

Somme  $\rightarrow$  Facteur plus Somme  
 | Facteur moins Somme  
 | Facteur.

Facteur  $\rightarrow$  id | moins Facteur.

## Résultat d'analyse

Grammophone, a context-free grammar checker

Help GitHub

Edit Transform Analyze Copy Link Analysis / LL(1) Parsing Table

Expression  $\rightarrow$  Somme.  
 Somme  $\rightarrow$  Facteur plus Somme  
 | Facteur moins Somme  
 | Facteur.  
 Facteur  $\rightarrow$  id | moins Facteur.

LL(1) Parsing Table

	plus	moins	id	\$
Expression		Expression $\rightarrow$ Somme	Expression $\rightarrow$ Somme	
Somme	Somme $\rightarrow$ Facteur plus Somme Somme $\rightarrow$ Facteur moins Somme Somme $\rightarrow$ Facteur	Somme $\rightarrow$ Facteur plus Somme Somme $\rightarrow$ Facteur moins Somme Somme $\rightarrow$ Facteur		
Facteur		Facteur $\rightarrow$ moins Facteur	Facteur $\rightarrow$ id	

## Conflit :

Cette grammaire est récursive à droite et elle n'a pas de récursivité gauche.

## Transformation :

Grammophone, a context-free grammar checker

Help GitHub

Edit Transform Analyze Copy Link Analysis / LL(1) Parsing Table

Undo Left Factor Facteur

Expression  $\rightarrow$  Somme  
 Somme  $\rightarrow$  Facteur plus Somme2  
 | Somme2  $\rightarrow$  plus Somme  
 Somme2  $\rightarrow$  moins Somme  
 Somme2  $\rightarrow$  id  
 Facteur  $\rightarrow$  id  
 Facteur  $\rightarrow$  moins Facteur

LL(1) Parsing Table

	plus	moins	id	\$
Expression		Expression $\rightarrow$ Somme	Expression $\rightarrow$ Somme	
Somme		Somme $\rightarrow$ Facteur Somme2	Somme $\rightarrow$ Facteur Somme2	
Somme2	Somme2 $\rightarrow$ plus Somme	Somme2 $\rightarrow$ moins Somme		Somme2 $\rightarrow$ id
Facteur		Facteur $\rightarrow$ moins Facteur	Facteur $\rightarrow$ id	

## 2. Même question en ajoutant des expressions booléennes :

```
Booleen -> Disjonction.
Disjonction -> Conjonction ou Disjonction | Conjonction.
Conjonction -> Negation et Conjonction | Negation.
Negation -> Comparaison | non Negation.
Comparaison -> Expression OpComparaison Expression.
OpComparaison -> inf | sup | equ.

Expression -> Somme.
Somme -> Facteur plus Somme
      | Facteur moins Somme
      | Facteur.
Facteur -> id | moins Facteur.
```

## Résultat d'analyse

Grammophone, a context-free grammar checker										
Help GitHub										
Edit Transform Analyze Copy Link Analysis / LL(1) Parsing Table										
LL(1) Parsing Table										
	ou	et	non	inf	sup	equ	plus	moins	id	\$
Booleen			Booleen → Disjonction					Booleen → Disjonction	Booleen → Disjonction	
Disjonction			Disjonction → Conjonction ou Disjonction					Disjonction → Conjonction ou Disjonction	Disjonction → Conjonction ou Disjonction	
Conjonction			Disjonction → Conjonction					Disjonction → Conjonction	Disjonction → Conjonction	
Negation			Conjonction → Negation et Conjonction					Conjonction → Negation et Conjonction	Conjonction → Negation et Conjonction	
Comparaison			Conjonction → Negation					Conjonction → Negation	Conjonction → Negation	
OpComparaison			Negation → non Negation					Negation → Comparaison	Negation → Comparaison	
Expression				OpComparaison → inf	OpComparaison → sup	OpComparaison → equ		Comparaison → Expression OpComparaison Expression	Comparaison → Expression OpComparaison Expression	
Somme								Expression → Somme	Expression → Somme	
Facteur								Somme → Facteur plus Somme	Somme → Facteur plus Somme	
								Somme → Facteur moins Somme	Somme → Facteur moins Somme	
								Somme → Facteur	Somme → Facteur	
								Facteur → moins Facteur	Facteur → id	

**Conflit :** Les règles Disjonction -> Conjonction ou Disjonction et Conjonction -> Negation et Conjonction présentent une récursivité gauche, ce qui n'est pas compatible avec une analyse LL(1).

## Transformation :

Grammophone, a context-free grammar checker										
Help GitHub										
Edit Transform Analyze Copy Link Analysis / LL(1) Parsing Table										
LL(1) Parsing Table										
	ou	et	non	inf	sup	equ	plus	moins	id	\$
Booleen			Booleen → Disjonction					Booleen → Disjonction	Booleen → Disjonction	
Disjonction			Disjonction → Conjonction Disjonction2					Disjonction → Conjonction Disjonction2	Disjonction → Conjonction Disjonction2	
Disjonction2	Disjonction2 → ou Disjonction									Disjonction2 → ε
Conjonction			Conjonction → Negation Conjonction2					Conjonction → Negation Conjonction2	Conjonction → Negation Conjonction2	
Conjonction2	Conjonction2 → ε	Conjonction2 → et Conjonction								Conjonction2 → ε
Negation			Negation → non Negation					Negation → Comparaison	Negation → Comparaison	
								Comparaison →	Comparaison →	

**3. Peut-on encore obtenir une grammaire équivalente LL(1) en ajoutant la règle :**

```
Facteur -> ( Expression ) .
```

Non nous ne pouvons pas obtenir une grammaire équivalente LL(1)

**4. Ajoutez enfin les expressions booléennes parenthésées :**

```
Negation -> ( Booleen ) .
```

Le Problème viens de ...

## III. Grammaire et Analyse LR

### 1. Premières exemples

```
S -> a A B e.  
A -> A b c | b.  
B -> d.
```

**Est-elle SLR(1) ?**

Pour être SLR(1), une grammaire ne doit pas avoir de **conflit shift/reduce** ou **reduce/reduce** dans la table d'analyse SLR(1).

**Analyse de la table SLR(1) :**

- Le problème ici vient de la règle  $A \rightarrow A b c \mid b$ .
- L'ensemble FOLLOW(A) contient **b**, ce qui crée un **conflit shift/reduce** car **b** est à la fois un début de production et une réduction possible.

**Conclusion :** Cette grammaire n'est pas SLR(1) à cause de ce conflit.

### 2. Analyse LR

**Soit la grammaire suivante :**

$S \rightarrow a S b \mid a b.$

**NON**, cette grammaire **n'est pas LL(1)** car il y a un conflit dans les ensembles FIRST et FOLLOW. Par Contre elle est SLR(1) car il n'y a pas conflit de type **shift/reduce** dans la table SLR

Utiliser la table d'analyse SLR(1) pour réaliser l'analyse des entrées : **ab** et **abb**.

Analyse des entrées dans la table SLR(1) :

- **Entrée : ab**
  1.  $a \rightarrow \text{shift}$
  2.  $b \rightarrow \text{reduce avec } S \rightarrow a b$
  3. **Accepté**
- **Entrée : abb**
  1.  $a \rightarrow \text{shift}$
  2.  $b \rightarrow \text{shift}$
  3.  $b \rightarrow \text{réduit avec } S \rightarrow a S b$ , mais ça crée un problème car  $S$  attend un  $b$  supplémentaire pour être complet.
  4. **Problème de parsing  $\rightarrow$  Rejeté**

**Conclusion : la grammaire est bien SLR(1), mais elle n'est pas LL(1).**

### 3. Conflit *shift/reduce*

Soit la grammaire suivante :

```
Instruction -> si condition alors Instruction
              | si condition alors Instruction sinon Instruction
              | expression
              .
```

- **Observons les conflits dans la table d'analyse LL**

$\Rightarrow$  Dans **si condition alors Instruction sinon Instruction**, l'analyseur ne sait pas si **sinon** appartient à la première ou la deuxième instruction.



- ⇒ Il peut soit **shifter sinon** en supposant qu'il appartient à l'instruction la plus proche (priorité shift), soit **réduire** Instruction → si condition alors Instruction trop tôt (priorité reduce).

## Solution

Utiliser une règle de priorité pour **sinon** :

- On force l'analyse à toujours **associer le sinon au si le plus proche**.
- On peut aussi **introduire des parenthèses pour lever l'ambiguïté** dans la syntaxe du langage.

Arbre d'analyse pour :

```
si condition alors si condition alors expression sinon expression
```

```

      si
     / \
condition alors
  /    \
si      expression
 \
condition
  \
  alors
   \
  Expression

```

## 4. Conflit *reduce/reduce*

Soit la grammaire suivante :

```

S ->  V assign E
    |  id.
V ->  id.
E ->  V
    |  num.

```

Observez les conflits dans les tables d'analyse LL et SLR. Comment les résoudre ?

## Observons les conflits :

- Lorsque l'analyseur lit un `id`, il ne sait pas s'il doit :
  1. Réduire immédiatement avec  $S \rightarrow id$ .
  2. Continuer pour voir s'il y a `assign` pour réduire avec  $S \rightarrow V \text{ assign } E$ .
- Ce conflit se produit car `id` peut être soit un `V`, soit un `S` directement.

## Solution

- **Imposer une priorité de réduction :**
  - On force l'analyseur à ne pas réduire immédiatement  $S \rightarrow id$  tant qu'il y a une chance de voir `assign`.
- **Utiliser une approche plus forte comme LR(1) :**
  - En regardant plus loin (`id assign`), l'analyse devient déterministe.

## Arbre d'analyse :

- Pour **id** :

```
S
|
Id
```

- Pour **id assign num** :

```
      S
     / | \
    V  |  E
    |
   id
```

## IV. GRAMMAIRE LL(\*) et ANTLR

### 1. Grammaire LL(2)

Reprenons la grammaire LL(2) précédente :

```
S -> a S b | a b.
```

Cela donne en syntaxe ANTLR :

```
grammar ll2;  
  
start : s EOF;  
  
s : 'a' s 'b'  
  | 'a' 'b'  
  ;
```

La grammaire `ll2.g` est-elle autorisée par ANTLR ?

**Reponse :**

- **NON** pour LL(1) car elle nécessite LL(2) (regarder deux symboles en avant).
- **OUI** pour LL(\*) car ANTLR utilise une analyse plus puissante qui permet des prédictions sur plusieurs tokens.

Soit la grammaire suivante :

```
A -> C  
    | B.  
C -> a C a  
    | b.  
B -> a B  
    | c.
```

Est-elle LL(1) ?

- **NON**, car  $FIRST(A) = \{ a, b, c \}$  et  $FOLLOW(A)$  crée un conflit entre B et C.

Est-elle SLR(1) ?

- **NON**, car elle a des conflits shift/reduce dans la table d'analyse LR(0).

Est-elle LL(k) ?

- **OUI pour LL(2)**, car avec deux symboles d'anticipation, on peut distinguer C de B.

Est-elle LL(\*) ?

- **OUI**, ANTLR peut la gérer grâce à sa puissance de lookahead illimité.