

Problema 1. El desarrollo de esta actividad está basado en el problema 1 del TP1 que trata sobre la población de 500 talas (*Celtis ehrenbergiana*) de la reserva “El Destino” ubicada en Magdalena Provincia de Buenos Aires.

Descarguen del *campus virtual* los archivos “BD_poblacion_talas.txt” y “Script_TP5Intervalo_Confianza_talas.R” para realizar las actividades propuestas.

A. Realice la actividad propuesta en el **Script_TP5_IC_talas.R**. Responda las preguntas y compare los intervalos estimados con los obtenidos por sus compañeros..

B. Usarán una función que les permitirá extraer al mismo tiempo muchas muestras (100) de tamaño n (30 talas) considerando únicamente la variable altura (m). Simultáneamente, les permitirá calcular **la media de la altura, su varianza y los límites inferior y superior con una confianza del 95%** de cada una de las muestras. Explore los resultados de las simulaciones realizadas

C. Repetirán la simulación del punto 1b para la variable diámetro a la altura del pecho “DAP” (cm). Estime el DAP medio de la población con una confianza del 90 %.

1) Tomen tres muestras aleatorias de tamaño 30 de la variable altura mediante el comando "sample"

```
# muestra_n30_1  
# muestra_n30_2  
# muestra_n30_3
```

2) Calculen la media (nombrar objetos como x.raya_1, X.raya_2... hasta n) y el desvío estándar (nombrar objetos como sd_1, sd_2...hasta n) de las muestras.

```
x.raya_1<-mean(muestra_n30_1)  
sd_1<-sd(muestra_n30_1)
```

```
# x.raya_1 [1] 4.318  
# sd_1 [1] 1.081
```

```
x.raya_2<-mean(muestra_n30_2)  
sd_2<-sd(muestra_n30_2)
```

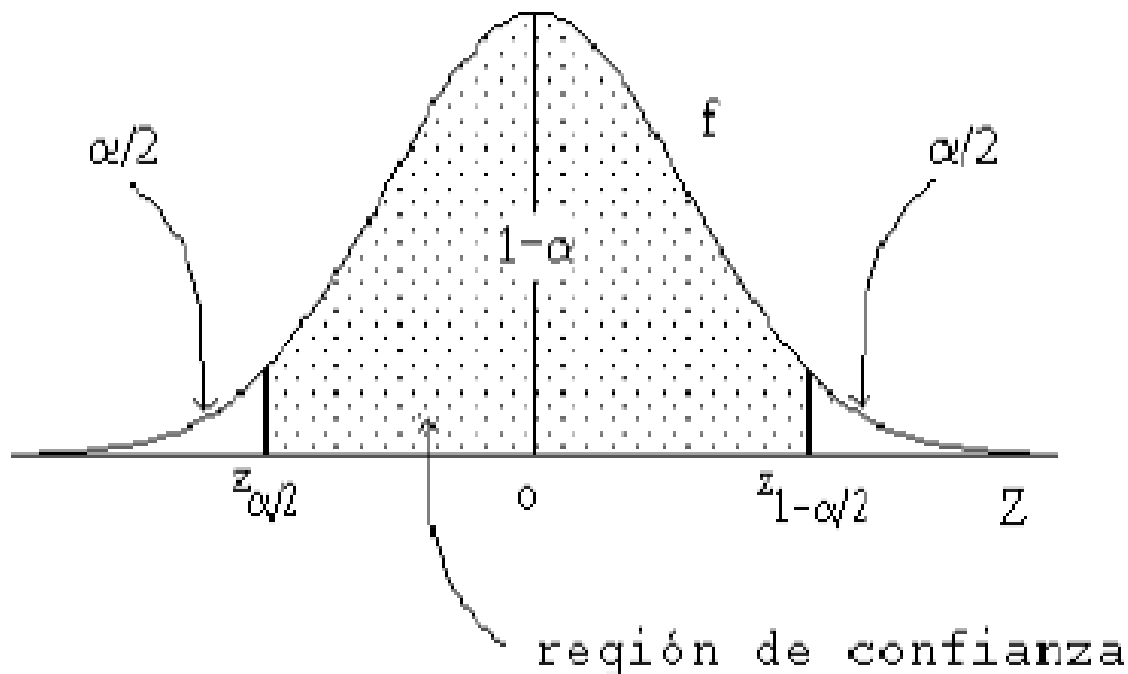
```
# x.raya_2 [1] 4.622  
# sd_2 [1] 1.236
```

```
x.raya_3<-mean(muestra_n30_3)  
sd_3<-sd(muestra_n30_3)
```

```
# x.raya_3 [1] 4.247  
# sd_3 [1] 0.971
```

Construcción del IC

#3) Con las muestras 1, 2 y 3 estimaremos la altura media de la población de talas con una confianza del 95 %, . Para ello comenzaremos calculando el valor crítico y el error muestral..



```
VC.sup<-qnorm(0.975, 0, 1) [1] 1.959
VC.inf<-qnorm(0.025, 0, 1) [1] -1.959
```

#¿Por qué les parece que pedimos esos cuantiles?.

Construcción del IC

#Calculen solos el EE usando R como calculadora sabiendo que la varianza poblacional es 1,57 m2. Asígnenlo al objeto "EE".

$$\text{e.e. (media)} = \sigma^2/n = \sigma/\sqrt{n}$$

```
EE<-sqrt(1.57)/sqrt(30)
```

```
EE [1] 0.2288
```

Calcular el EM. Calculen un EM con cada uno de los VC calculados arriba (VC.sup y VC.inf)

```
EM.sup<-VC.sup*EE  
EM.inf<-VC.inf*EE
```

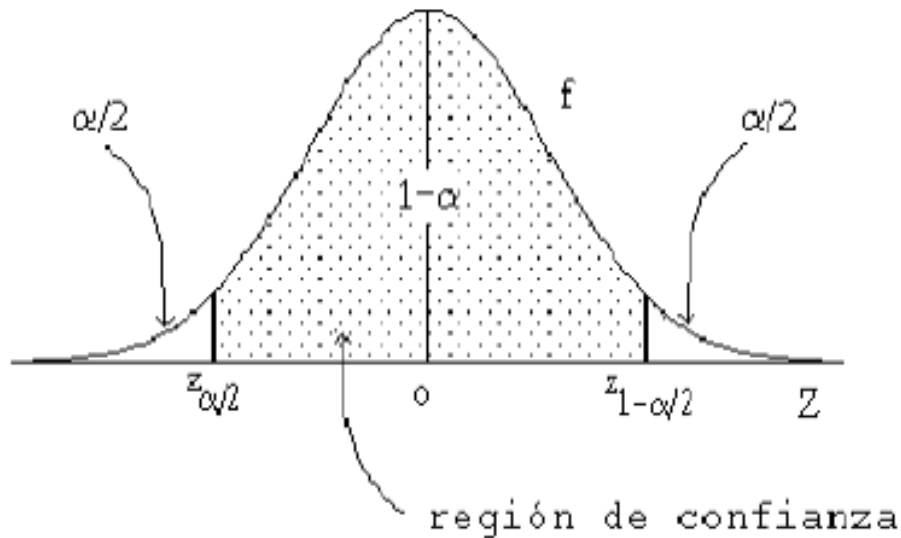
```
EM.sup [1] 0.448  
EM.inf [1] -0.448
```

Construcción del IC

```
LS_1<-x.raya_1 + EM.sup  
LI_1<-x.raya_1 + EM.inf
```

x.raya_1 [1] 4.318

c(LI_1, LS_1) # 3.87 4.77



Conclusión biológica

Con un nivel de confianza del 95% el intervalo entre 3.87 y 4.77 m contiene al promedio de la altura poblacional de los talas de la localidad de Magdalena, Pcia. de Buenos aires

4) Repitan ustedes el procedimiento para las muestras 2 y 3:.

```
LI_1<-x.raya_1+EM.inf
```

```
LS_1<-x.raya_1+EM.sup
```

```
c(LI_1, LS_1) [1] 3.869 4.766
```

```
LI_2<-x.raya_2+EM.inf
```

```
LS_2<-x.raya_2+EM.sup
```

```
c(LI_2, LS_2) [1] 4.174 5.07
```

```
LI_3<-x.raya_3+EM.inf
```

```
LS_3<-x.raya_3+EM.sup
```

```
c(LI_3, LS_3) [1] 3.799 4.695
```


5) Estimen la altura media de la población de talas, con una confianza # del 95 %, conociendo solo \bar{X}_{raya} y **el desvío estándar (S) a partir de las tres muestras.**

```
VC.sup_1<-qt(0.975,29)      # ¿Qué representa el valor 29 que se  
VC.sup_1 [1]  2.045          incluyó dentro de la función?
```

```
VC.inf_1<-qt(0.025,29)    [1] -2.045
```

```
EE_1<-sd1/sqrt(30)      # [1] 0.197
```

```
LI_1.1<-x.raya_1+(VC.inf_1*EE_1)  
LS_1.1<-x.raya_1+(VC.sup_1*EE_1)
```

```
EM.sup_1<- VC.sup_1*EE_1    [1] 0.404  
EM.inf_1<- VC.inf_1*EE_1    [1] - 0.404
```

```
c(LI_1.1, LS_1.1) # [ 1]  3.91   4.72  con s de la muestra
```

```
c(LI_1, LS_1)  [1]  3.87   4.77  con sigma conocido
```

Comparar c/las otras dos muestras

c(LI_1.1, LS_1.1) # [1] 3.91 4.72 con s de la muestra (amplitud = 0.81)

c(LI_1, LS_1) [1] 3.87 4.77 con sigma conocido (amplitud = 0.9)

Comparar c/las otras dos muestras

c(LI_1.2, LS_1.2) [1] 4.16 5.08 (amplitud = 0.92)

c(LI_1.3, LS_1.3) [1] 3.88 4.61 (amplitud = 0.73)

6) Calculen la media poblacional y asígnenla a un objeto llamado "mu"

X= altura(m)

N= 500 talas (población)

```
mu<-mean(poblacion_talas$altura)
```

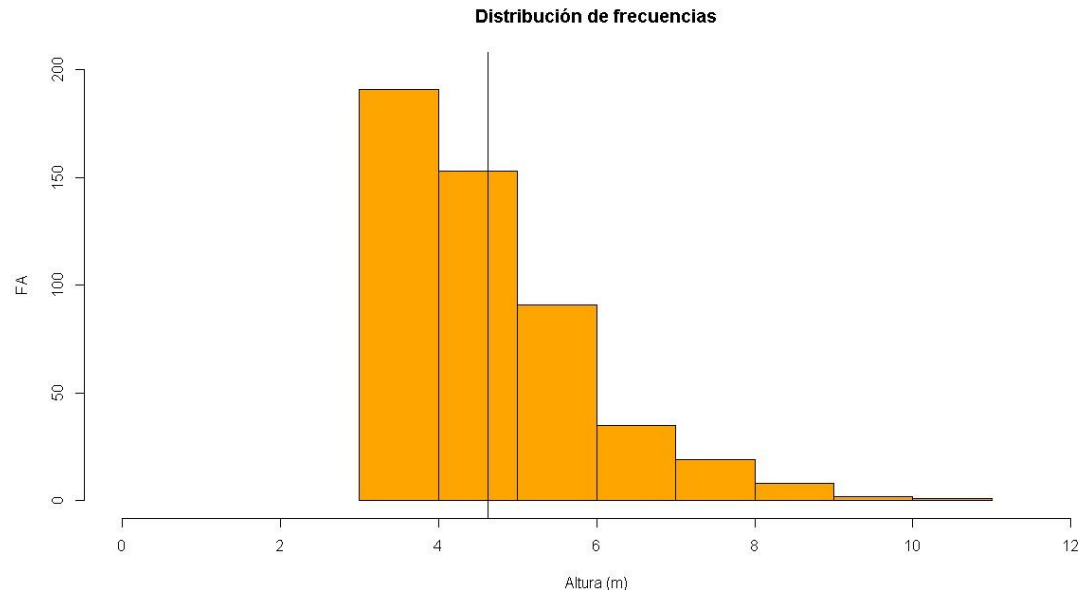
```
mu [1] 4.63
```

E(mu) = 4.63 m

Var(mu) = 1.57 m²

¿Cuáles son los supuestos para realizar esta estimación?

¿Cuál es la forma de la distribución de esta variable?



ACTIVIDAD B

1.b. Explore las simulaciones realizadas sobre la población de talas (Con sigma conocido)

```
cant_muestras<- 100
muestreo_n30 <- data.frame(muestra=1:cant_muestras,media=NA, LI=NA,
LS=NA)
muestreo_n30
```

```
for(i in 1:cant_muestras) {
  muestra_n30 <- (sample(poblacion_talas$altura,30, replace=TRUE))
  muestreo_n30$media[i] <- mean(muestra_n30)
  muestreo_n30$LI[i] <- muestreo_n30$media[i] + (qnorm(0.025, 0, 1)*(sqrt(1.57))/sqrt(30))
  muestreo_n30$LS[i] <- muestreo_n30$media[i] + (qnorm(0.975, 0, 1)*(sqrt(1.57))/sqrt(30))
}
```

```
muestreo_n30
data<-data.frame(muestreo_n30)
```

```
subset(muestreo_n30, LI > mu)
muestra  media    LI    LS
32      5.2026 4.7542 5.6509
75      5.0880 4.6397 5.5364
91      5.2381 4.7897 5.6865
```

Por arriba de mu

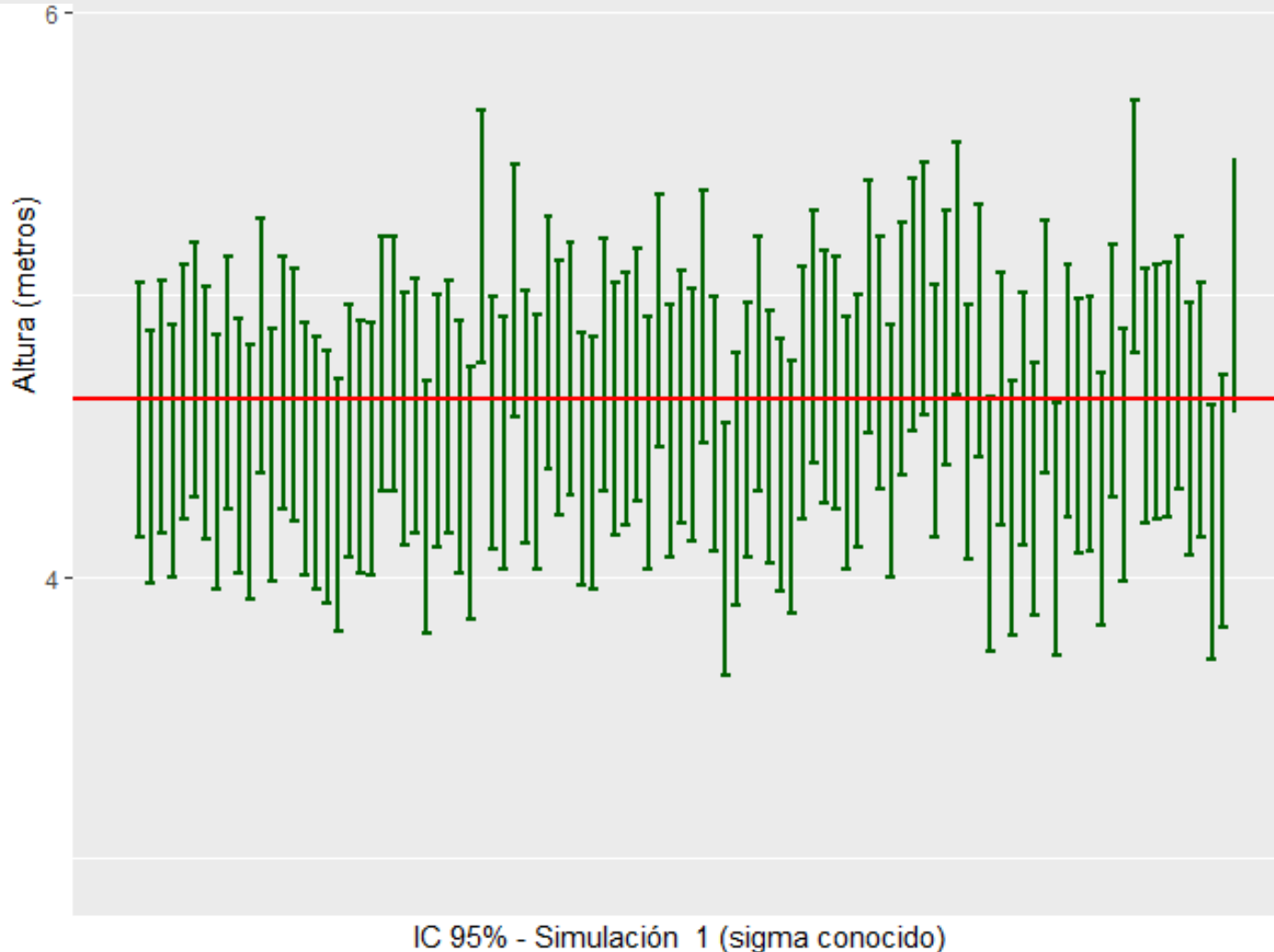
```
subset(muestreo_n30, LS < mu)
muestra  media    LI    LS
54      4.0943 3.6459 4.5427
84      4.1659 3.7175 4.6143
98      4.1570 3.7086 4.6054
```

Por debajo de mu

ACTIVIDAD 1b

1.b. Explore las simulaciones realizadas sobre la población de talas

```
cobertura_arr<-subset(data, subset=LI>mu) [3] 32 75 91
cobertura_deb<-subset(data, subset=LS<mu) [1] 54 84 98
```



ACTIVIDAD 1B

1.b. Explore las simulaciones realizadas sobre la población de talas. Con s estimado de la muestra

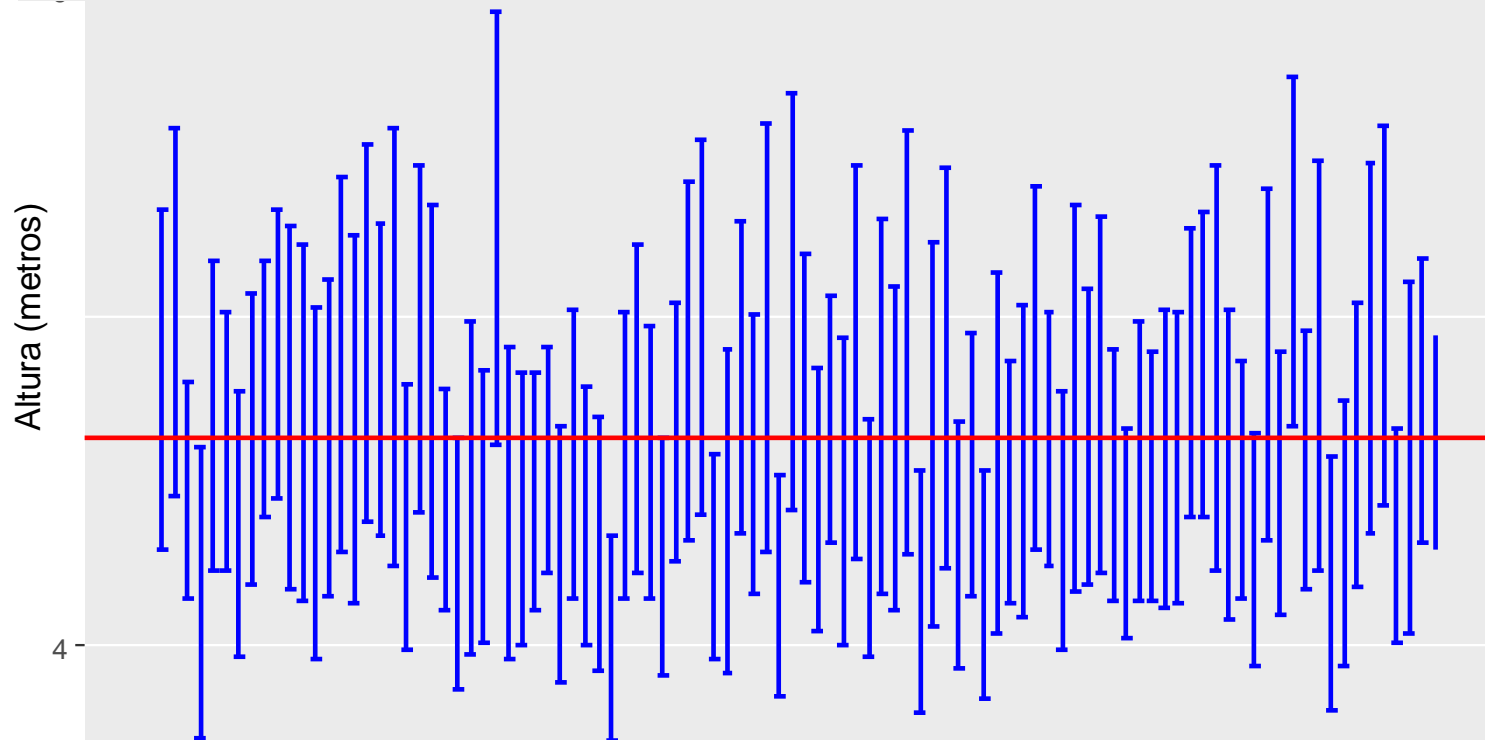
```
for(i in 1:cant_muestras) {  
  muestra_n30 <- (sample(poblacion_talas$altura, 30, replace=TRUE))  
  muestreo_n30.2$media[i] <- mean(muestra_n30)  
  muestreo_n30.2$var[i] <- var(muestra_n30)  
  muestreo_n30.2$LI[i] <- muestreo_n30.2$media[i] + (qt(0.025, 29) * (sqrt(muestreo_n30.2$var[i])) / sqrt(30))  
  muestreo_n30.2$LS[i] <- muestreo_n30.2$media[i] + (qt(0.975, 29) * (sqrt(muestreo_n30.2$var[i])) / sqrt(30))  
}
```

```
cobertura_s2arr <- subset(data, subset=LI > 4.633591) [1] 1  
cobertura_s1deb <- subset(data, subset=LS < 4.633591) [1] 3
```

ACTIVIDAD 1b

1.b. Explore las simulaciones realizadas sobre la población de talas

```
cobertura_s2arr<-subset(data, subset=LI>mu) [1] 89
cobertura_s1deb<-subset(data, subset=LS<mu) [7] 4 36 44 49 60 65 92
```



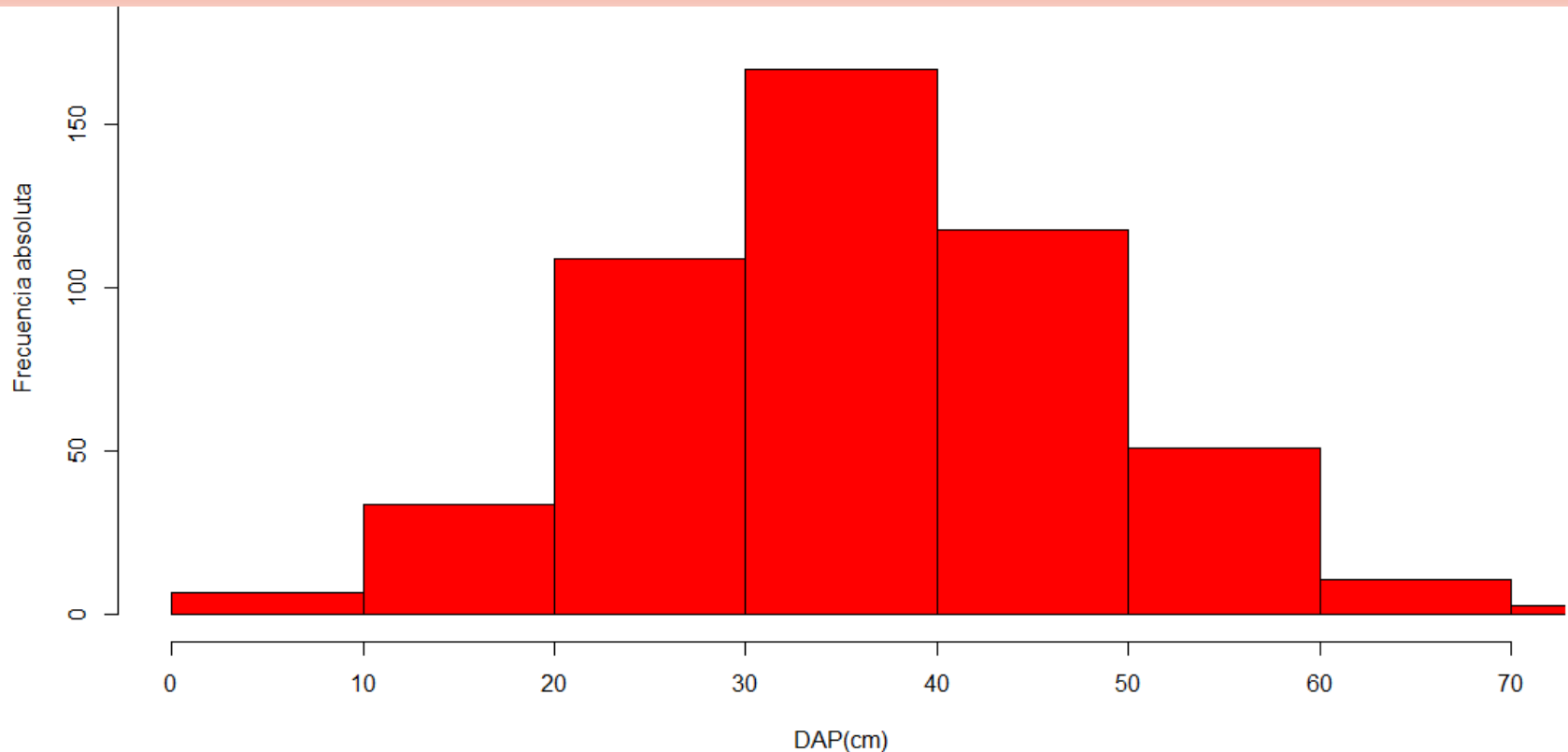
Comparen la longitud de los IC. ¿A qué se deben las diferencias?

#####

ACTIVIDAD 1C

#####

**#¿Cómo es la simetría (forma) de la distribución de la variable DAP?
Justificar gráficamente.**



#¿Cual es su media poblacional (μ)?

X = diámetro a la altura del pecho (cm)
N= 500 talas (población)

$E(x) = 36.28 \text{ cm}$
 $\text{Var}(x) = 146.32 \text{ cm}^2$

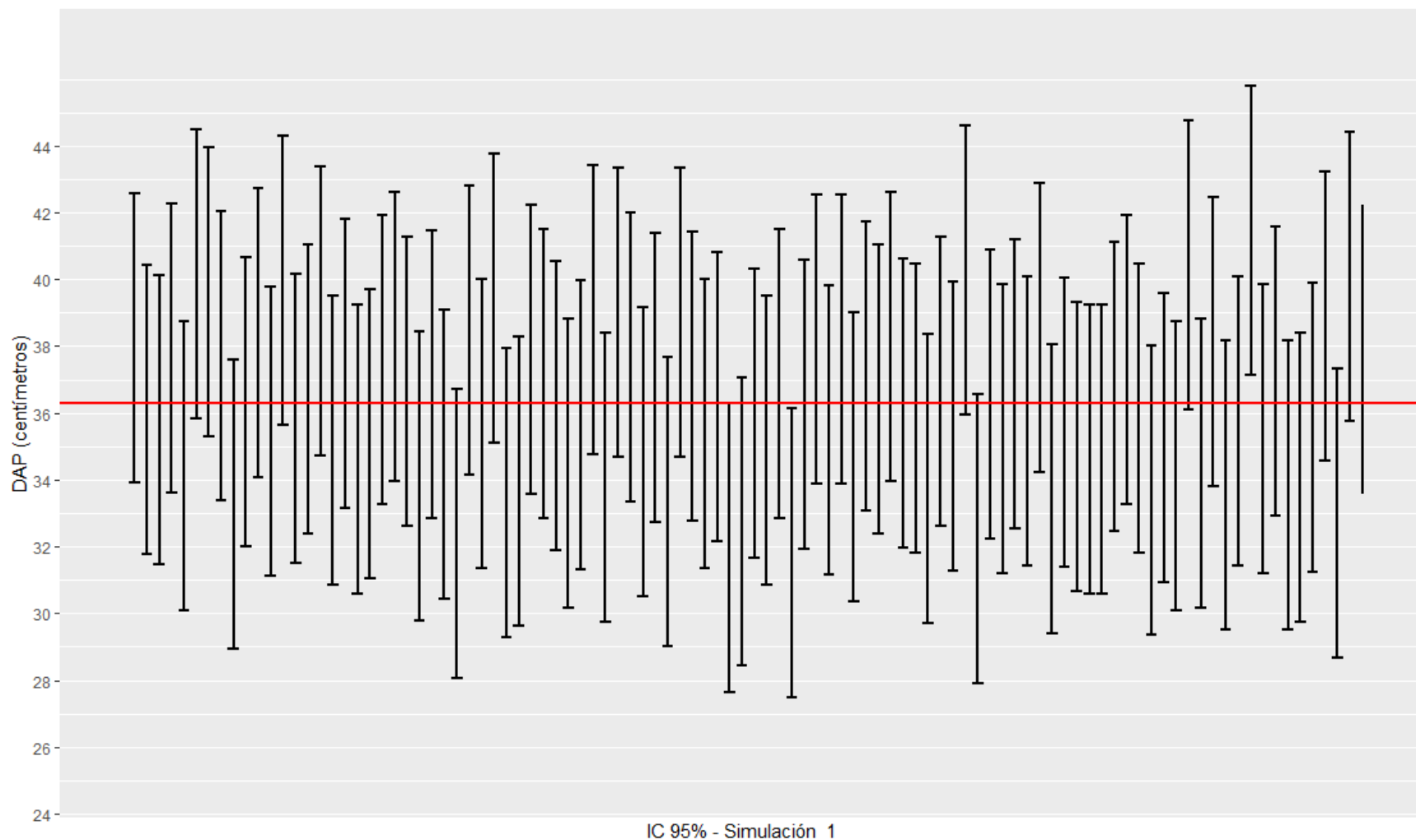
```
varp <- function(x) mean((x-mean(x))^2)  
Var_DAP<- varp(poblacion_talas$DAP)
```


#####

ACTIVIDAD 1C

#####

1.C. Explore las simulaciones realizadas sobre el DAP de la población de talas



```
coberturaDAP_S1arr<-subset(data_DAP, subset=LI> 36.28) [1] 1
coberturaDAP_S1deb<-subset(data_DAP, subset=LS< 36.28) [1] 1
```

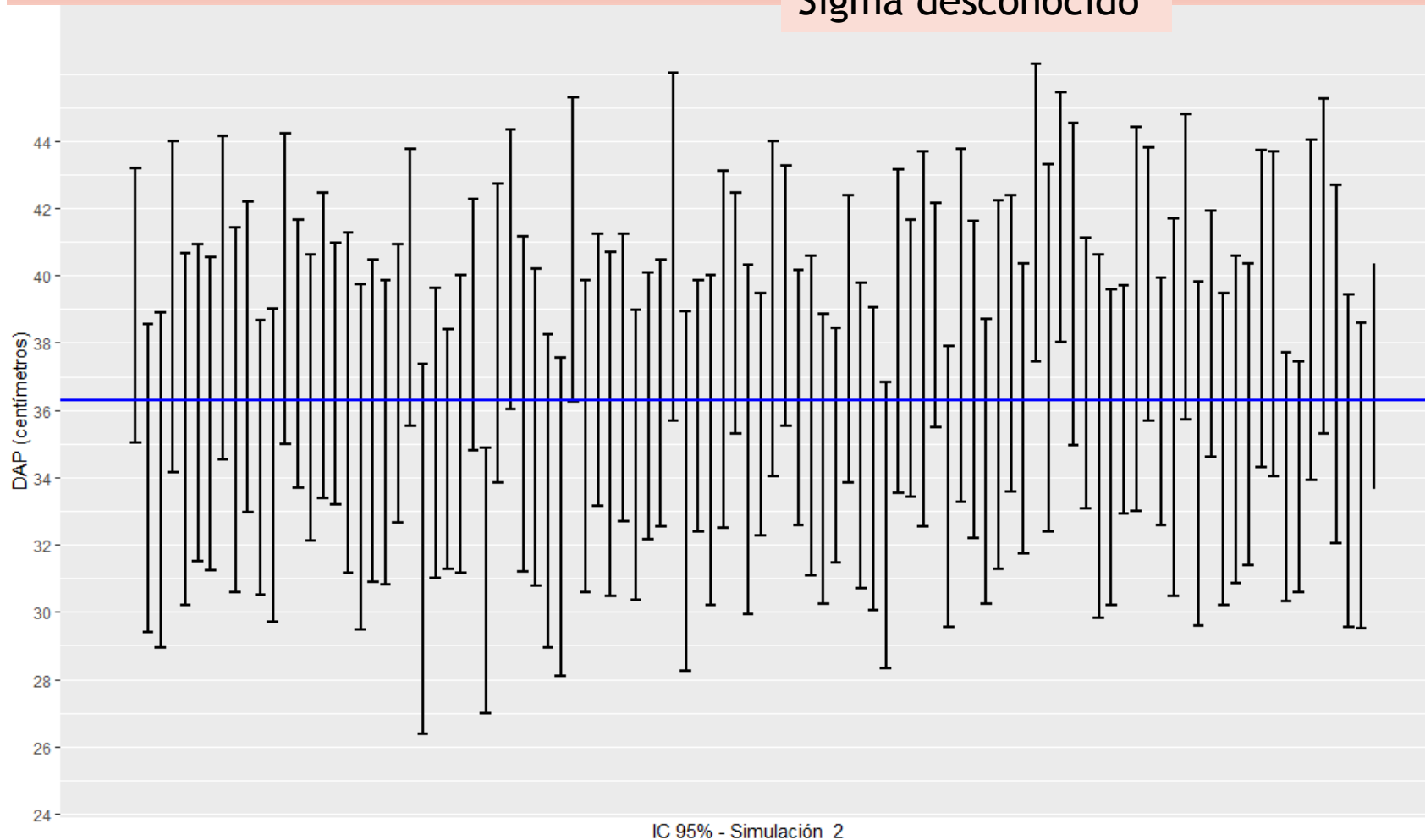
#####

ACTIVIDAD 1c

#####

1.b. Explore las simulaciones realizadas sobre el DAP de la población de talas

Sigma desconocido



```
coberturaDAP_s2arr<-subset(data_DAP_2, subset=LI> 36.28)    [1] 2
coberturaDAP_s2deb<-subset(data_DAP_2, subset=LS< 36.28)    [1] 1
```