# Broyden

## Agustin Huczok

2/10/2021

```
#2 variables

options(scipen=999)
```

Vector de aproximaciones iniciales —-

Elementos de la matriz Jacobiana J(X), derivadas de las funciones

```
fb \leftarrow function(x1,x2){
  fbe=expression()
  D(fbe, "x1")
## [1] NA
D(fbe,"x2")
## [1] NA
  dfb <- function(x1,x2){</pre>
    dfb1 <-
    dfb2 <-
    return(matrix(c(dfb1,dfb2),
                   nrow = 1, ncol = 2))
  }
##Algoritmo
BroydenSEnoL <- function(x , TOL, N){</pre>
  \# defino el vector FX adentro para que tome los valores de x
  FX \leftarrow matrix(c(fa(x[1],x[2]),
                  fb(x[1],x[2])
                  ),ncol = 1,nrow = 2,byrow=TRUE)
  # defino la matriz Jacobiana J(X) que tiene las derivadas de las funciones de F respecto a cada varia
  # ordenada por fila
  Jacobiano \leftarrow matrix(data = c(dfa(x[1],x[2]),
                         dfb(x[1],x[2])),ncol = 2, nrow = 2,byrow = TRUE)
   #Paso 1 asigno FX a v
  v <- FX
  # Paso 2 invierto la matriz AO y la llamo A
  A <- solve(Jacobiano)
  # Paso 3 creo el vector s resultado de Av y x
  s <- -A%*%v
  x \leftarrow x + s
  k <- 2
  # Paso 4 empieza el bucle y va iterando y reasignando los vectores
  while(k <= N){</pre>
    # Paso 5
    v <- matrix(c(fa(x[1],x[2]),</pre>
                   fb(x[1],x[2])),ncol = 1,nrow = 2,byrow=TRUE)
    y <- v-w
```

```
# Paso 6
    z <- -A%*%y
    # Paso 7 uso vector s traspuesto para p
    p \leftarrow -t(s)\% *\%z
    # Paso 8 (u) traspuesta (el resultado ya es traspuesto)
    u <- t(s)%*%A
    # paso 9 Reasigno la matriz A, el vect s y el vect x para la nueva vuelta
    A \leftarrow A + (s+z)%*%(u/p[1])
    # Paso 10
    s <- -A%*%v
    # Paso 11
    x <- x + s
    # Paso 12 condicion para salir del while
    norma <- norm(s,type = 'F')</pre>
    if (norma <= TOL){</pre>
      return(x)
      break
    }
    k \leftarrow k + 1
  return(paste('El procedimiento fallo luego de superar el maximo de', N,'iteraciones'))
##Defino Fx
Fx <- function(x){</pre>
  Fx \leftarrow rbind(fa(x[1],x[2]), fb(x[1],x[2]))
  return(Fx)
}
##Aplico logaritmo
\#Resultado=BroydenSEnoL(x,10^-5,1000)
#Resultado
```

#### Corroboro

```
#Asigno los rdos del algoritmo a las variables x1,x2
#x1 \leftarrow BroydenSEnoL(x, 10^-5, 1000)[1] #posicion, osea mult por posicion 1
#x2 \leftarrow BroydenSEnoL(x, 10^-5, 1000)[2]
```

 $\#\# {\it Resultados}$ 

```
#fa(x1, x2)
#fb(x1, x2)

#3 variables

options(scipen=999)
```

Vector de aproximaciones iniciales —-

Elementos de la matriz Jacobiana J(X), derivadas de las funciones

```
fa <- function(x1,x2,x3){</pre>
}
fae=expression()
D(fae,"x1")
## [1] NA
D(fae, "x2")
## [1] NA
D(fae, "x3")
## [1] NA
dfa <- function(x1,x2,x3){</pre>
  dfa1 <-
  dfa2 <-
  dfa3 <-
  return(matrix(c(dfa1,dfa2,dfa3),
                 nrow = 1, ncol = 3))
}
fb \leftarrow function(x1,x2,x3){
  fbe=expression()
 D(fbe,"x1")
```

```
## [1] NA
D(fbe,"x2")
## [1] NA
D(fbe,"x3")
## [1] NA
  dfb \leftarrow function(x1,x2,x3){
    dfb1 <-
    dfb2 <-
    dfb3 <-
    return(matrix(c(dfb1,dfb2,dfb3),
                   nrow = 1, ncol = 3))
  }
  fc <- function(x1,x2,x3){</pre>
  fce=expression()
  D(fce, "x1")
## [1] NA
D(fce,"x2")
## [1] NA
D(fce, "x3")
## [1] NA
  dfc <- function(x1,x2,x3){</pre>
    dfc1 <-
    dfc2 <-
    dfc3 <-
    return(matrix(c(dfc1,dfc2,dfc3),
                   nrow = 1, ncol = 3))
  }
##Algoritmo
BroydenSEnoL <- function(x , TOL, N){</pre>
 # defino el vector FX adentro para que tome los valores de x
```

```
FX \leftarrow matrix(c(fa(x[1],x[2],x[3]),
                fb(x[1],x[2],x[3]),
                fc(x[1],x[2],x[3])),ncol = 1,nrow = 3,byrow=TRUE)
# defino la matriz Jacobiana J(X) que tiene las derivadas de las funciones de F respecto a cada varia
# ordenada por fila
Jacobiano \leftarrow matrix(data = c(dfa(x[1],x[2],x[3]),
                       dfb(x[1],x[2],x[3]),
                       dfc(x[1],x[2],x[3])),ncol = 3, nrow = 3,byrow = TRUE)
#Paso 1 asigno FX a v
v <- FX
# Paso 2 invierto la matriz AO y la llamo A
A <- solve(Jacobiano)
# Paso 3 creo el vector s resultado de Av y x
s <- -A%*%v
x <- x + s
k <- 2
# Paso 4 empieza el bucle y va iterando y reasignando los vectores
while(k <= N){</pre>
  # Paso 5
  w <- v
  v <- matrix(c(fa(x[1],x[2],x[3]),</pre>
                 fb(x[1],x[2],x[3]),
                 fc(x[1],x[2],x[3])),ncol = 1,nrow = 3,byrow=TRUE)
  y <- v-w
  # Paso 6
  z <- -A%*%y
  # Paso 7 uso vector s traspuesto para p
  p \leftarrow -t(s)\%*\%z
  # Paso 8 (u) traspuesta (el resultado ya es traspuesto)
  u <- t(s)%*%A
  # paso 9 Reasigno la matriz A, el vect s y el vect x para la nueva vuelta
  A \leftarrow A + (s+z)%*%(u/p[1])
  # Paso 10
  s <- -A%*%v
  # Paso 11
  x \leftarrow x + s
  # Paso 12 condicion para salir del while
  norma <- norm(s,type = 'F')</pre>
  if (norma <= TOL){</pre>
    return(x)
    break
  }
  k < - k + 1
```

```
return(paste('El procedimiento fallo luego de superar el maximo de', N,'iteraciones'))
}
##Aplico logaritmo
#Resultado=BroydenSEnoL(x,10^-5,1000)
#Resultado
```

### Corroboro

```
#Asigno los rdos del algoritmo a las variables x1,x2

#x1 \leftarrow BroydenSEnoL(x, 10^-5, 1000)[1] #posicion, osea mult por posicion 1

#x2 \leftarrow BroydenSEnoL(x, 10^-5, 1000)[2]

#x3 \leftarrow BroydenSEnoL(x, 10^-5, 1000)[2]
```

#### ##Resultados

```
#fa(x1, x2, x3)
#fb(x1, x2, x3)
#fc(x1, x2, x3)
```