

Parte 1

1) Rotate left y right

```
1 class AVLTree:
2     root = None
3
4
5 class AVLNode:
6     parent = None
7     leftnode = None
8     rightnode = None
9     key = None
10    value = None
11    bf = None
```

```
14 def rotateLeft(Tree, avlnode):
15
16     raizVieja = avlnode
17     Tree.root = avlnode.rightnode
18     raizNueva = Tree.root
19
20     raizNueva.parent = avlnode.parent
21     raizNueva.parent.rightnode = raizNueva
22     raizVieja.parent = raizNueva
23     # no desconecte la raiz vieja de la nueva raiz
24     raizVieja.rightnode = None
25
26     aux = raizNueva.leftnode
27     raizNueva.leftnode = raizVieja
28
29     if aux is not None:
30         raizVieja.rightnode = aux
31
32     return raizNueva
```

```

34 def rotateRight(Tree, avlnode):
35
36     raizVieja = avlnode
37     Tree.root = avlnode.leftnode
38     raizNueva = Tree.root
39
40     raizNueva.parent = avlnode.parent
41     raizNueva.parent.leftnode = raizNueva
42     raizVieja.parent = raizNueva
43     # no desconecte la raiz vieja de la nueva raiz
44     raizVieja.leftnode = None
45
46     aux = raizNueva.rightnode
47     raizNueva.rightnode = raizVieja
48
49     if aux is not None:
50         raizVieja.leftnode = aux
51
52     return raizNueva
53

```

2) Calculate Balance

```

55 def calculateBalance(ALVTree):
56
57     if ALVTree is None:
58         return
59     node = AVLNode()
60     node = ALVTree.root
61     #Queremos actualizar el node.bf
62     height_left = balanceRecursive(node.leftnode)
63     height_right = balanceRecursive(node.rightnode)
64     bf = height_left - height_right
65     node.bf = bf
66
67     return ALVTree
68

```

```

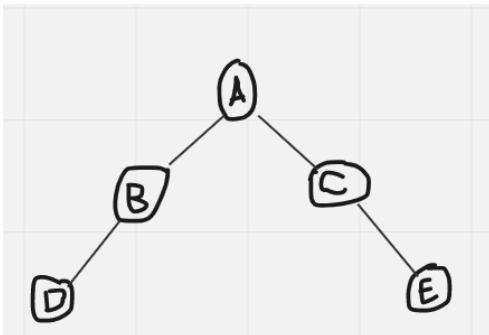
70 def balanceRecursive(node):
71
72     if node is None:
73         return 0
74
75     height_left = balanceRecursive(node.leftnode)
76     height_right = balanceRecursive(node.rightnode)
77
78     bf = height_left - height_right
79     node.bf = bf
80
81     altura = max(height_left , height_right)
82
83     return 1 + altura
84

```

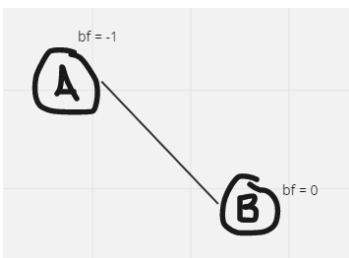
Parte 2

Ej 6:

a) Falso.

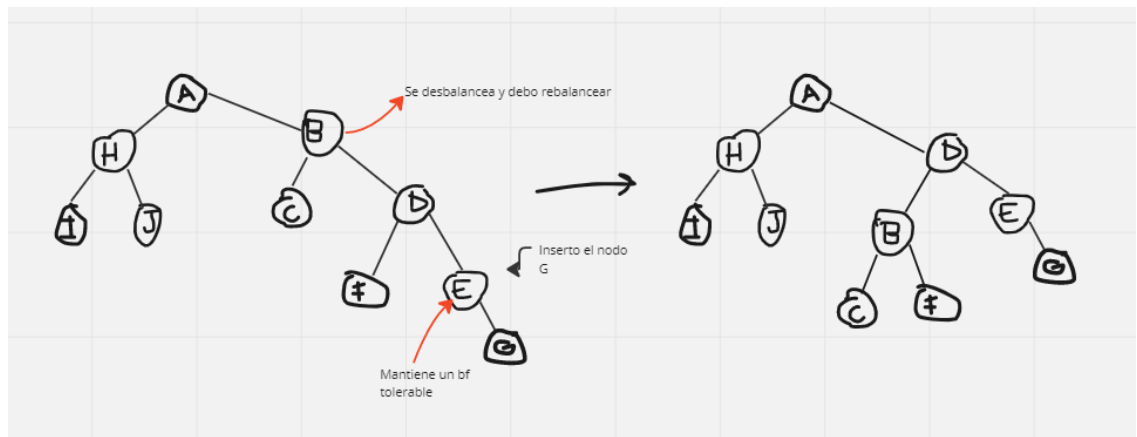


b) Verdadero. Por contraejemplo, vamos a suponer un Árbol AVL que no esté completo cuyos nodos tienen un $bf = 0$. Como no es completo existe al menos un nodo con 1 solo hijo



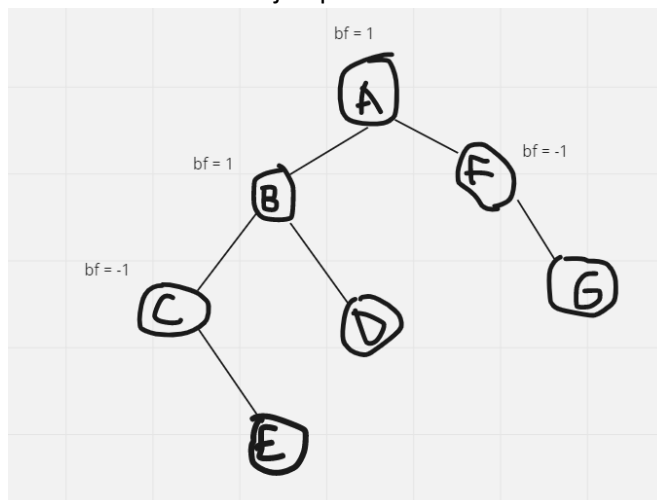
Por lo tanto, para que todos sus nodos tengan $bf = 0$, el árbol debe estar completo.

c) Falso. Planteo contraejemplo



Al insertar un nuevo nodo G, el padre de este no se desbalancea, pero debo seguir verificando hacia arriba ya que B si se ha desbalanceado

d) Falso. Planteo contraejemplo



Si no contamos las hojas, presento un contraejemplo que cumple ser AVL del cual ninguno de sus nodos posee $bf = 0$

Ej 7:

- 1º Calculo y comparo las alturas de los arboles A y B
- 2º inserto "x" en el árbol con mayor altura (B) a la altura del árbol menor (A)
- 3º El subárbol izquierdo de "x" va a ser el árbol con menor altura (A)
- 4º inserto el subárbol izquierdo de B en el lado derecho de "x"

5º El subárbol derecho de B queda igual

6º Se rebalancea desde "x" hacia la raíz verificando que no hayan desbalances

Costo de las operaciones:

Op1. $O(\log n)$ Altura Árbol A

Op2. $O(\log m)$ Altura Árbol B

Op3. $O(\log n)$ Inserción de "x" en Altura de A

Op4. $O(1)$ Insertar subárbol izq. B en lado derecho de "x"

Op5. $O(1)$ Insertar árbol A en lado izq. de "x"

Op6. $O(\log n)$ Rebalancear desde "x" hacia la raíz

$3 \log(n) + \log(m)$

$O(\log(n) + \log(m))$