0.1. Introducción

En esta sección se implementó un filtro Band-Pass utilizando una aproximación Chebycheff e implementandola con celdas Rauch, el filtro a diseñar deberá cumplir con la siguiente plantilla.

Pendiente	$-40\frac{dB}{dec}$
f_p	28kHz
B	$\frac{1}{10}$
A_p	3dB
Filtro	BP
$ Z_{in} $	$\geq 50k\Omega$

Aproximación de Chebycheff. 0.2.

Para esta sección se utilizó la aproximación de Chebyfeff, además se propuso una plantilla mas restrictiva, con el fin de asegurar el cumplimiento de la original.

Se despejó el valor de f_p^+ y f_p^-

$$f_0^2 = f_p^+ \cdot f_p^- \tag{1}$$

$$f_0^2 = f_p^+ \cdot f_p^- \tag{1}$$

$$B = \frac{\Delta f_p}{f_0} \tag{2}$$

$$B = \frac{f_p}{f_0}$$

$$f_p^+ = 29.435kHz \quad f_p^- = 26.635kHz$$
(3)

Luego teniendo en cuenta que la pendiente originalmente es de 40dB por decada se tomo la frecuencia de atenuación acorde talque mantenga las condiciones de simetría, siendo estas: $f_a^+ = 294.35kHzyf_a^- = 2.635kHz$.

Siendo esta la plantilla final.

f_s^-	$2.6635~\mathrm{kHz}$
f_p^-	$26.635~\mathrm{kHz}$
f_p^+	$29.435~\mathrm{kHz}$
f_s^+	$294.35~\mathrm{kHz}$
A_s	40dB
A_p	1dB

Obteniendo la siguiente función transferencia:

$$H(s) = \frac{s}{\left(\frac{s}{23728.54}\right)^2 + s \cdot \frac{23728.54}{3.23} + 1} \cdot \frac{s}{\left(\frac{s}{33052.25}\right)^2 + s \cdot \frac{33052.25}{3.23} + 1}$$
(4)

al cual le corresponde la siguiente respues en frecuencia:

Y el siguiente diagrama de polos y ceros:

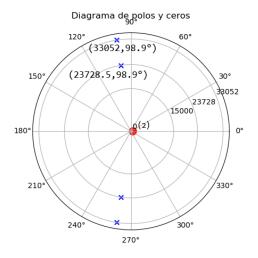


Figura 1: Diagrama Polos y Ceros

Teniendo los pares de polos conjugados un Q de 3.23

0.2.1.Elecciones de diseño

Se decidió armar etapas con celdas segundo orden en cascada dado a que el orden es 4. Para la asociación de polos se tomo criterio agrupar cada par de polos con 1 cero, agrupandolos de las siguiente forma.

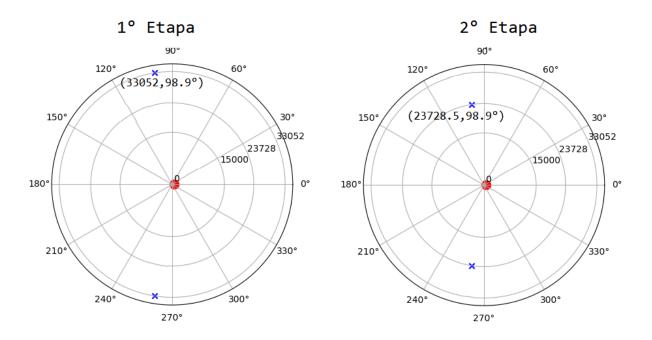


Figura 2: Diagrama Polos y Ceros para cada etapa

0.3. Celda Rauch.

0.3.1. Cálculo Analítico.

El circuito clásico para una celda Rauch pasa-banda (Deliyannis-Friend) es el siguiente:

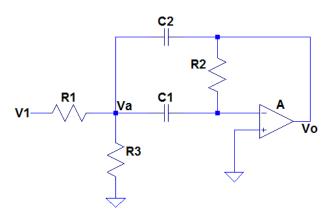


Figura 3: Circuito clásico celda Rauch Band-Pass(Deliyannis-Friend) .

De aquí, planteando los nodos y considerando el amplificador operacional ideal se pueden hallar las siguientes ecuaciones:

$$\frac{V_{out}}{R_2} = -V_a \cdot sC_1 \tag{5}$$

$$\frac{V_{out}}{R_2} = -V_a \cdot sC_1$$

$$\frac{V_{in} - V_a}{R_1} + (V_{out} - V_a) \cdot sC_2 - V_a \cdot sC_1 = \frac{V_a}{R_3}$$
(6)

De aqui se puede despejar la función transferencia como:

$$H(s) = \frac{s \cdot C_1 R_2 R_3}{s^2 \cdot R_1 R_2 C_2 C_1 + s \cdot (C_3 R_1 R_3 + R_1 C_2 R_3) + R_3 + R_1} = \frac{H_0 \cdot \frac{s}{\omega_0 Q}}{\frac{s^2}{\omega_0^2} + \frac{s}{\omega_0 Q} + 1}$$
(7)

De aquí se pueden extraer los parámetros típicos del diseño de filtros siendo los siguientes:

$$H_0 = \frac{R_2 C_2}{R_1 C_2 + C_1 R_1} \tag{8}$$

$$\omega_0^2 = \frac{R_1 + R_3}{R_1^2 R_2 C_2 C_1} \tag{9}$$

$$Q = \frac{\sqrt{1 + \frac{R_3}{R_1}}}{\sqrt{\frac{R_3C_1}{R_2C_2}} + \sqrt{\frac{R_3C_2}{R_2C_1}}} \tag{10}$$

Luego para hacer facil la elección de componentes se suele tomar $C_1 = C_2$, por culpa de esto para obtener un Q relativamente alto se necesitan valore s de resistencia altos, lo cual es un problema. Para solucionar dicho problema se hizo una modificación a la celda, incluyendo una realimentación positiva, permitiendo obtener un Q de mayor valor. La celda Rauch con Q mejorado le corresponde el siguiente circuito.

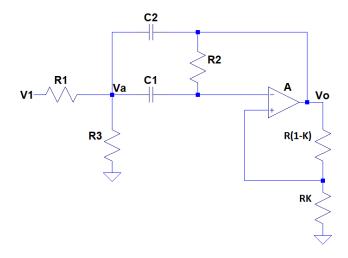


Figura 4: Circuito celda Rauch Band-Pass con Q enhancmente.

para resolver el circuito basta con plantear los siguientes nodos:

$$\frac{V_{out} - K \cdot V_{out}}{R_2} = (K \cdot V_{out} - V_a) \cdot sC_1 \tag{11}$$

$$\frac{V_{in} - V_a}{R_1} + (V_{out} - V_a) \cdot sC_2 + (K \cdot V_{out} - V_a) \cdot sC_1 = \frac{V_a}{R_3}$$
(12)

Resolviendo la transferencia se llega a la siguiente expresión:

$$H(s) = \frac{1}{1 - K} \cdot \frac{H_0 \cdot \frac{s}{\omega_0 Q_0}}{\frac{s^2}{\omega_0^2} + \frac{s}{\omega_0 Q} + 1}$$
 (13)

Donde Q_0 es una constante de valor 1.5^1 , y el K es utilizado para ajustar el valor de Q del circuito, dado que quedarán así definidos los parámetros del filtro:

$$\omega_0^2 = \frac{R_1 + R_3}{R_1 R_3 R_2 C_2 C_1} \tag{14}$$

¹[1]R. Schaumann, H. Xiao, M. Van Valkenburg, M. Van Valkenburg and M. Van Valkenburg, Analog filter design. New York: Oxford University Press, 2011, pp. 170-176.

$$Q = \frac{Q_0}{1 - 2Q_0^2 \cdot \frac{K}{1 - K}} = \frac{\sqrt{R_1 R_3 R_2 C_1 C_2 (R_1 + R_3)}}{R_1 R_3 (C_1 + C_2) - \frac{K}{1 - K} (R_1 + R_3) R_2 C_1}$$
(15)

$$H_0 = \frac{R_3 R_2}{(C_1 + C_2) \cdot (K - 1)R_1 R_3 + K(R_1 + R_3)R_2 C_2}$$
(16)

0.3.2. Elecciones de diseño

Realizando el cálculo de sensibilidades a partir de las expresiones (14) (16) y (15) bajo la siguiente definición:

$$S_x^{f(x)} = \frac{\partial f(x)}{\partial x} \cdot \frac{x}{f(x)} \tag{17}$$

Obteniendo las siguientes tablas.

Componente	S^{ω_0}	S^{H_0}
$S_{R_1} \ S_{R_2} \ S_{R_3} \ S_{C_1}$	$-\frac{R3}{2.0R1+2.0R3} \\ -0.5 \\ -\frac{R1}{2.0R1+2.0R3} \\ -0.5$	$ \frac{ (C1\ KR3 + KR2\ C2 + C2\ KR3 - C1\ R3 - C2\ R3)R1}{C1\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R1 + C2\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R3 - C1\ R1\ R3 - C2\ R1\ R3}{R1\ R3\ (C1\ K + C2\ K - C1 - C2)} $ $ \frac{C1\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R1 + C2\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R3 - C1\ R1\ R3 - C2\ R1\ R3}{KR2\ C2\ R1} $ $ \frac{C1\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R1 + C2\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R3 - C1\ R1\ R3 - C2\ R1\ R3}{R3\ R1\ (-1 + K)\ C1} $ $ \frac{C1\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R1 + C2\ KR1\ R3 + KR2\ C2\ R3 - C1\ R1\ R3 - C2\ R1\ R3}{R3\ R1\ R3 + KR2\ C2\ R3 - C1\ R1\ R3 - C2\ R1\ R3} $
S_{C_2}	-0.5	$-\frac{(KR2R1+R1R3K+KR2R3-R1R3)C2}{C1KR1R3+KR2C2R1+C2KR1R3+KR2C2R3-C1R1R3-C2R1R3}$

Tabla 1: Tabla de sensibilidades ω_0 y Ganancia.

Componente	S^Q
$S_{R_1} \ S_{R_2}$	$1/2 \frac{R3 (KR2 C1 R1 - C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 + C1 R1 R3 + C2 R1 R3)}{(KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 - C2 R1 R3)(R1 + R3)} \\ -1/2 \frac{KR2 C1 R1 - C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3)(R1 + R3)}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 + C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{R1 (KR2 C1 R1 - C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 - C2 R1 R3)}{(KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3)} \\ -1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3)}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 - C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 R3 + C2 R1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 R3 + C2 R1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R1 R3 + C2 R1 R3 + C2 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 \frac{KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3}{KR2 C1 R3 + C2 KR1 R3 - C1 R1 R3 + C2 R1 R3} \\ 1/2 KR2 C1 R1 + C1 KR1 R3 + $
$S_{R_3} \ S_{C_1}$	$\frac{1/2}{(KR2\ C1\ R1+C1\ KR1\ R3+KR2\ C1\ R3+C2\ KR1\ R3+C1\ R1\ R3+C2\ R1\ R3)}{-1/2} \frac{1/2}{(KR2\ C1\ R1+C1\ KR1\ R3+KR2\ C1\ R3-C2\ KR1\ R3-C1\ R1\ R3+C2\ R1\ R3)}{(KR2\ C1\ R1+C1\ KR1\ R3+KR2\ C1\ R3-C2\ KR1\ R3-C1\ R1\ R3+C2\ R1\ R3)}$
S_{C_2}	$1/2 \ KR2 \ C1 \ R1 + C1 \ KR1 \ R3 + KR2 \ C1 \ R3 + C2 \ KR1 \ R3 - C1 \ R1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR2 \ C1 \ R1 + C1 \ KR1 \ R3 + KR2 \ C1 \ R3 - C2 \ KR1 \ R3 - C1 \ R1 \ R3 + C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR2 \ C1 \ R1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C1 \ R1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C1 \ R1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C1 \ R1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C2 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C3 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C3 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ KR1 \ R3 - C3 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ R1 \ R3 - C3 \ R1 \ R3 \ 1/2 \ R1 \ R3 $

Tabla 2: Tabla de sensibilidades Q.

Reemplazando por valores numéricos las expresiones de las tablas anteriores se llega a lo siguiente:

Etapa 1			
Componente	S^{H_0}	S^Q	S^{ω_0}
$\overline{S_{R_1}}$	-1.33	-0.41	-0.08
S_{R_2}	3	2.5	-0.5
S_{R_3}	-1.67	-2.09	-0.45
S_{C_1}	-1.5	-1	-0.5
S_{C_2}	1.5	1	-0.5

Tabla 3: Tabla de sensibilidades Etapa 1 evaluada.

Etapa 1			
Componente	S^{H_0}	S^Q	S^{ω_0}
$\overline{S_{R_1}}$	-1.33	-0.41	-0.08
S_{R_2}	3	2.5	-0.5
S_{R_3}	-1.67	-2.09	-0.42
S_{C_1}	-1.5	-1	-0.5
S_{C_2}	1.5	1	-0.5

Tabla 4: Tabla de sensibilidades Etapa 2 evaluada.

En base a esta tabla se tomo especial cuidado en la elección de componentes y en el matcheo de impedancias. Los componentes utilizados fueron los siguientes:

Componente	1er Etapa	Composición	2da Etapa	Composición
R_1	$7.3k\Omega$	$10k//27k\Omega$	$5.24k\Omega$	$5.6k//82k\Omega$
R_2	$5.56k\Omega$	$5.6k//680k\Omega$	$3.99k\Omega$	$82 + 3.9k\Omega$
R_3	$1.43k\Omega$	$1.5k//33k\Omega$	$1.03k\Omega$	$27 + 1k\Omega$
R_4	$3.49k\Omega$	$3.9k//33k\Omega$	$3.49k\Omega$	$3.9k//33k\Omega$
R_5	$1k\Omega$	$1k\Omega$	$1k\Omega$	$1k\Omega$
C_1	$2.35~\mathrm{nF}$	(4.7+4.7) nF	$2.35~\mathrm{nF}$	(4.7+4.7) nF
C_2	$2.35~\mathrm{nF}$	(4.7+4.7) nF	$2.35~\mathrm{nF}$	(4.7+4.7) nF

Se calculó el error porcentual asociado a la aproximación de la resistencias viendose en la siguiente tabla.

Error Porcentual	1er Etapa	2da Etapa
R_1	0.1 %	0.038%
R_2	0.1 %	0.2 %
R_3	0.4~%	0.1 %
R_4	0.1 %	0.1 %
R_5	$\approx 0\%$	$\approx 0\%$
C_1	$\approx 0\%$	$\approx 0\%$
C_1	$\approx 0\%$	$\approx 0\%$

Cabe destacar que todas las imepdancias que fueron colocadas en el circuito fueron elegidas entre varias de su mismo tipo, con la finalidad de poner impedancias que sean realmente de los valores deseados.

0.3.3. Acoplamiento de Impedancias.

Para que ambas etapas no se carguen entre si la impedancia de entrada de la segunda etapa debe ser mucho mayor a la de salida de la primera, para lo siguiente se obtuvieron las impedancias de entrada de ambas celdas, incluyendo la de salida de la primera.

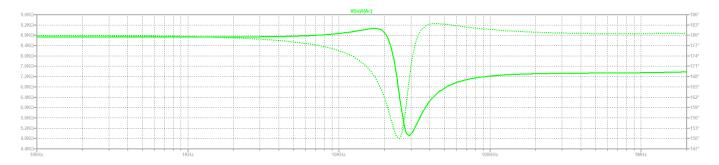


Figura 5: Impedancia de entrada 1er etapa.

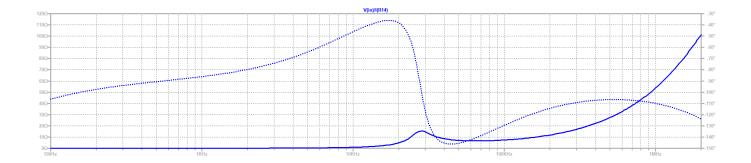


Figura 6: Impedancia de salida 1er etapa.

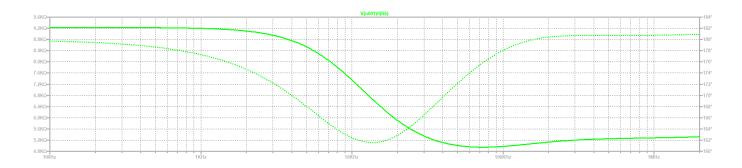


Figura 7: Impedancia de entrada 2da etapa.

0.4. Respuesta en Frecuencia.

Se realizó un análisis de Montecarlo a la respuesta en frecuencia del circuito, utilizando una tolerancia de las resistencias al 1% y capacitores al 10% obteniendo la siguiente disperción.

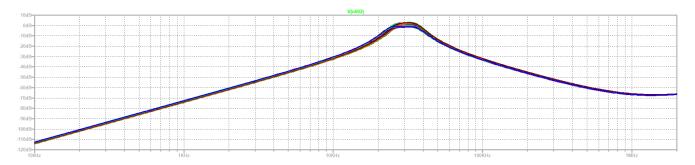


Figura 8: Análisis de Montecarlo del filtro.

Se puede apreciar que la impedancia de salida de la primer etapa es bastante baja en comparación a la de entrad de la segunda etapa, por lo tanto se dará un buen acoplamiento de impedancias y no será necesario el uso de buffers.

0.5. Rango Dinámico.

El rango dinámico se define como la razón de máximo y mínimo valor que puede tomar el observable de interés. Para el caso en cuestión queda definido de la siguiente manera:

$$R_d = 20 \log_{10} \left(\frac{V_{in_{max}}}{V_{in_{min}}} \right) \tag{18}$$

Para definir $V_{in_{min}}$ se tuvo en cuenta la tensión mínima que se pudo distinguir respecto al piso de ruido, la cual fue de $V_{in_{min}} \approx xxmV$. Luego para definir $V_{in_{max}}$ se tuvo en cuenta la máxima tensión previo a la aparición de alinealidades, siendo estos efectos el cross-over, slew-rate y saturación del amplificador operacional, dos de estos problemas son arreglados por la elección del amplificador operacional , siendo el cross-over y el slewrate, dado a que se utilizó un TL081 el cual tiene un slew-rate elevado, y no tiene el problema del cross-over debido a su etapa de salida. Queda el problema de la saturación, es de utilidad saber que la máxima tensión de salida es $V_{sat} = Vcc - 1.5 = 13.5$, para encontrar el valor de tensión máximo de entrada se tomó, dada la ganancia del sistema y teniendo en cuenta la conexión entre etapas finalmente queda definido por la siguiente expresión:

$$V_{in_{max}} = \frac{V_{sat}}{\max(G_{E1} \cdot G_{E2})} = xxV \tag{19}$$

Finalmente $R_d = xxdB$.

0.5.1. Etapas.

Se realizaron 2 etapas, ambas siendo el mismo tipo de celda, pero con distintos parámetros. Para cada etapa fue realizado un análisis de Montecarlo debido a la dispersión de los componentes.

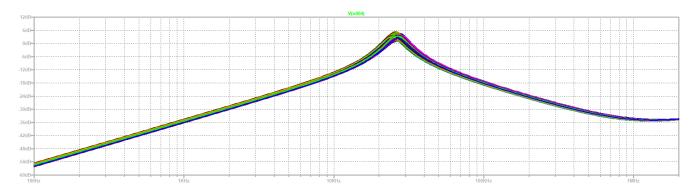


Figura 9: Análisis de Montecarlo primera etapa.

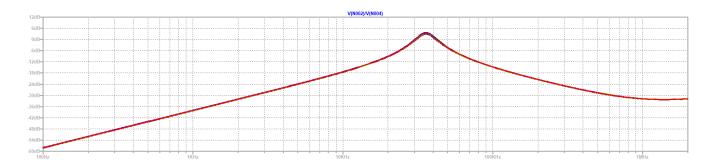
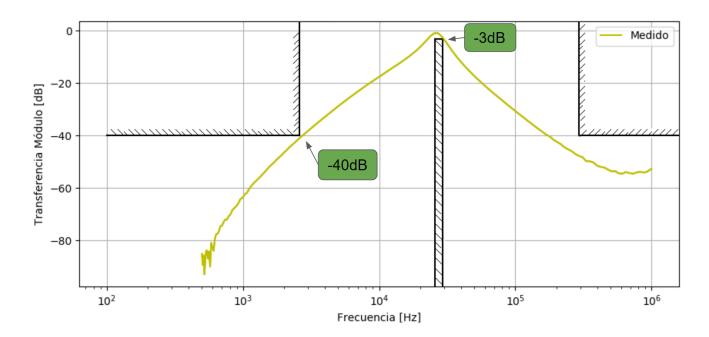


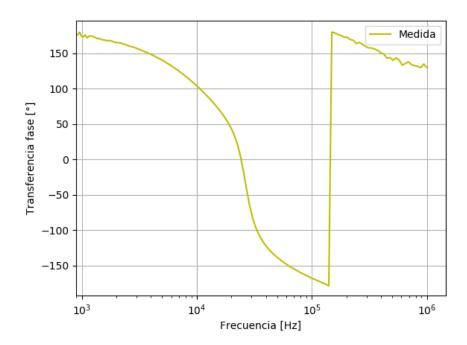
Figura 10: Análisis de Montecarlo segunda etapa.

Es notable que no existe una gran dispersión debido a los componentes en el diagrama de bode, siendo en la primer etapa la única donde se consideraría utilizar un preset.

0.5.2. Filtro definitivo.

También se midió la respuesta en frecuencia del filtro obteniendo los siguientes resultados:





Luego se cotejó con tanto con la simulación como con el cálculo teórico.