



Introducción

- La sintaxis de un lenguaje de programación describe las combinaciones de símbolos que forman un programa sintácticamente correcto.
- Los lenguajes de programación se basan en **lenguajes formales**
- Los lenguajes formales son un conjunto de **palabras**
- Las palabras son **cadena**s de **caracteres** (símbolos) sobre un cierto **alfabeto**
- Alfabeto (o Vocabulario) es un conjunto finito no vacío de caracteres (símbolos)
 - Nota: los caracteres son elementos atómicos, es decir indivisibles, aún si están formados por múltiples pictogramas



Alfabetos

- Los alfabetos se suelen representar con la letra griega Σ (Sigma)
- Los caracteres del alfabeto, en forma genérica se suelen representar con letras minúsculas, en particular con las primeras de nuestro alfabeto: a, b, c ...
 - Nota: Ojo, esto es convención para cuando no se especifica otra cosa
- Ejemplos de alfabetos
 - $\Sigma_1 = \{a, b, c, d, e\}$
 - $\Sigma_2 = \{0, 1\}$
 - $\Sigma_3 = \{*, /, @\}$
 - $\Sigma_4 = \{ab, cdw\}$ OJO: ab y cdw se consideran símbolos únicos



Cadenas

- Cadena: secuencia **finita** de caracteres de un cierto alfabeto que se arma por simple concatenación
 - Convención: es habitual usar letras minúsculas del alfabeto griego para indicar cadenas. También es común usar las últimas letras de nuestro alfabeto: s, t, u, v ...
- Cadena $\omega = a_1a_2...a_n$ donde $a_1, a_2, ..., a_n \in \Sigma$
- Cadena vacía: la representamos con ε
 - En mucha bibliografía se representa con λ
- No confundir la cadena de solo un símbolo, con el símbolo mismo como tal
 - En lenguaje C: “d” es distinto a 'd'



Operaciones con Cadenas

- Longitud de una cadena es la cantidad de caracteres que la componen
 - $|abc| = 3$
 - $|\varepsilon| = 0$
- Reversa
 - Si $s = a_1a_2\dots a_n$ entonces $s^R = a_na_{n-1}\dots a_1$



Operaciones con Cadenas

- Concatenación
 - Es asociativa
 - Por lo tanto puedo definir potenciación
 - $s^3 = sss$
 - No es conmutativa, salvo que:
 - $s_1 = s_2$
 - s_1 y/o s_2 son ε
 - $s_1 = a^n$ y $s_2 = a^m$



Lenguajes Formales

- Definimos un lenguaje formal (conjunto de palabras) por
 - Extensión
 - $L_1 = \{ \text{rojo, negro, blanco} \}$
 - Compresión
 - $L_2 = \{ a^{2^i}b^{i+1} / 0 \leq i \leq 4 \}$
 - Descripción
 - Cadenas que comienzan con a y terminan con j
- Notación: $L(\Sigma)$ (leáse lenguaje L sobre el alfabeto Σ)
- Cardinalidad de un lenguaje
 - Es la cantidad de elementos del conjunto
 - Puede haber lenguajes finitos o infinitos



Lenguaje Universal

- Dado un alfabeto Σ se denomina lenguaje universal a la clausura (de Kleene) sobre dicho alfabeto, notado como Σ^*
- Sea Σ^i todas las cadenas de longitud i sobre el alfabeto Σ
 - Si $\Sigma = \{a, b, c\}$
 - $\Sigma^0 = \{\epsilon\}$
 - $\Sigma^1 = \{a, b, c\}$
 - $\Sigma^2 = \{aa, ab, ac, ba, bb, bc, ca, cb, cc\}$
- Entonces la clausura de Kleene se define como:

$$\Sigma^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} \Sigma^i$$



Operaciones con Lenguajes

- Notar que todo $L(\Sigma) \subseteq \Sigma^*$
- Algunos lenguajes particulares
 - \emptyset es el lenguaje vacío. Actúa como absorbente en la concatenación
 - $\emptyset.L = L.\emptyset = \emptyset$
 - $\{\epsilon\}$ Actúa como identidad en la concatenación
 - $\{\epsilon\}.L = L.\{\epsilon\} = L$
- Otras operaciones
 - Unión. Es distributiva con la concatenación
 - $L_1.(L_2 \cup L_3) = L_1.L_2 \cup L_1.L_3$
 - Intersección. NO es distributiva con la concatenación
 - $L_1.(L_2 \cap L_3) \neq L_1.L_2 \cap L_1.L_3$



Operaciones con Lenguajes

- Otras operaciones
 - Diferencia
 - Complemento (con respecto a Σ^*)
- Notar que Σ^* es cerrado con respecto a la concatenación



Clausura Positiva

- Se define como clausura positiva de un alfabeto Σ a: $\Sigma^+ - \{\varepsilon\}$
- Se lo nota como Σ^+
- También podemos definirlo como:

$$\Sigma^+ = \bigcup_{i=1}^{\infty} \Sigma^i$$

Ojo: comienza en **1**





Licencia

*Esta obra, © de Eduardo Zúñiga, está protegida legalmente bajo una licencia Creative Commons, **Atribución-CompartirDerivadasIgual 4.0 Internacional**.*

<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/>

***Se permite: copiar, distribuir y comunicar públicamente la obra; hacer obras derivadas y hacer un uso comercial de la misma.
Siempre que se cite al autor y se herede la licencia.***

