



---

La condición para aprobar este parcial es tener bien resueltos tres ejercicios.

La condición para promocionar este parcial es tener bien resueltos cuatro ejercicios.

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Calificación Final |
|---|---|---|---|---|--------------------|
|   |   |   |   |   |                    |

---

**IMPORTANTE:** Se debe presentar en las hojas de entrega el desarrollo de los ejercicios para justificar las respuestas. NO USAR LÁPIZ.

---

1. Sea  $T : \mathbb{P}_2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal definida por  $T(a_0 + a_1x + a_2x^2) = (a_1, a_0 - ka_2, a_0 + a_2)$ .

(a) Hallar  $k \in \mathbb{R}$ , si existe, para que  $T$  sea un monomorfismo.

(b) Si  $k = 0$ , hallar  $M_{BB'}(T)$  siendo  $B = \{x, x^2 - 1, 2x + 3\}$  y  $B' = \{(1, 1, 1), (0, 0, 1), (1, 0, 0)\}$ .

---

2. Sea  $S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x = 2z + y\}$ . Definir, si existe, una transformación lineal  $F : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  tal que  $Nu(F) = S$  y  $(1, 0, -1)$  sea un autovector de  $F$  de autovalor 3.

---

3. Sea  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 0 & a & 0 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ . Analizar si  $A$  es diagonalizable para  $a \in \mathbb{R}$ .

---

4. Sea la superficie de ecuación

$$M(x+2)^2 + (y-3)^2 + N(z-2)^2 = L.$$

(a) Hallar todos los valores de  $L, M, N \in \mathbb{R}$  para que la misma sea una superficie cónica.

(b) Para  $L = 1$ , hallar  $M, N \in \mathbb{R}$  para que la traza de la superficie con el plano  $z = 2$  sea la curva  $x^2 + 4y^2 + 4x - 24y + 36 = 0$ ; y la intersección de la misma con el plano  $x + 2 = 0$  sea una hipérbola equilátera. Identificar la superficie para los valores hallados.

---

5. Hallar y representar en el plano complejo todos los puntos  $z$  que satisfacen

$$\begin{cases} z^4 = i - 1, \\ \pi \leq \arg(z) < 2\pi. \end{cases}$$

---