IIA – Ejercicio Redes Bayesianas para entregar

Consideremos el problema de diagnosticar una enfermedad D_1 que puede dar origen a la aparición de un síntoma S_1 y a veces un síntoma S_2 . Cuando se presenta D_1 también en la mayoría de los casos se observa un signo radiológico R. Por otra parte, existe otra enfermedad estudiada D_2 que provoca la aparición del síntoma S_2 y el signo R. Cada una de estas variables pueden tomar 2 valores, presente o ausente. Conocemos los siguientes datos:

El 0.2% de la población presenta la enfermedad D_1 y el 0.1% presenta D_2 . En pacientes con la enfermedad D_1 , en el 70% de los casos se evidencia el signo S1 y este signo sólo se presenta en el 5% de los casos que no tienen la enfermedad. Si un paciente tiene D_1 o D_2 se recaba el signo radiológico R en el 50% de los casos y no se presenta R cuando no se tiene ninguna de estas dos enfermedades.

Se evidencia S_2 : en el 95% si se tiene D_1 y D_2 , en el 80% de los casos de que un paciente presente D_2 y no D_1 , en el 20% si no tiene D_2 y presenta D_1 , mientras que en el 5% cuando no tiene ninguna de estas enfermedades.

Se pide

- a- Diseñar una red bayesiana (nodos y probabilidades asociadas) que modelice los datos del enunciado. Qué tipo de conocimiento se representa mediante esta red, dé un ejemplo.
- b- Calcular la probabilidad de que un paciente tenga la enfermedad D₁ y no la D₂, presente S1 y el signo radiológico R pero no S2.
- c- Si otro paciente presenta presenta el signo radiológico R y la evidencia S2, pero no la S1, cuál es la probabilidad de que presente el D₂ dado esa situación? Y la probabilidad de D1 ante esa misma evidencia?

En base a los resultados obtenidos podría sugerir algún diagnóstico al paciente?