

Correction Examen Atelier Programmation Python MBA

Session Principale 2018

January 2, 2019

1 Module : Atelier de programmation

1.1 Exercice 1 : (sur les suites numériques)

Pour tout $n > 0$, on pose $U_n = \frac{1}{n^2}$

1.1.1 a) Ecrire une fonction qui renvoie le n-ième terme de U_n

```
In [1]: # Version 1
def U(n):
    return 1.0/n**2

# Version 2
def U(n):
    resultat = 1./(n*n)
    return resultat
```

1.1.2 b) Écrire une fonction qui renvoie les premiers termes de la suite U_n

```
In [2]: # Version 1 en appelant la fonction U
def n_premiers_termes(n):
    L = []
    for i in range(1,n+1):
        L.append(U(i))
    return L

# Version 2 en appelant la fonction U
def n_premiers_termes(n):
    L = [None] * n

    for i in range(1,n+1):
        L[i] = U(i)

    return L

# Version 3 sans appel de la fonction U
```

```

def n_premiers_termes(n):
    L = [0]*n

    for i in range(1,n+1):
        L[i] = 1./(i**2)

    return L

# Version 4 en deux lignes
def n_premiers_termes(n):
    return [U(i) for i in range(1,n+1)]

# Version 5 en une seule ligne
def n_premiers_termes(n): return [U(i) for i in range(1,n+1)]

```

1.1.3 c) Ecrire une fonction qui renvoie le n-ième terme de U_n

```

In [3]: # Version 1
def somme(n):
    L = n_premiers_termes(n)

    S = 0 # initialisation de S
    for i in range(n):
        S = S + L[i]

    return S

# Version 2
def somme(n):

    return sum(n_premiers_termes(n))

```

1.1.4 d) Écrire une fonction qui représente graphiquement les n premiers termes. (indication : on pourrait utiliser le module matplotlib)

```

In [5]: import matplotlib.pyplot as plt

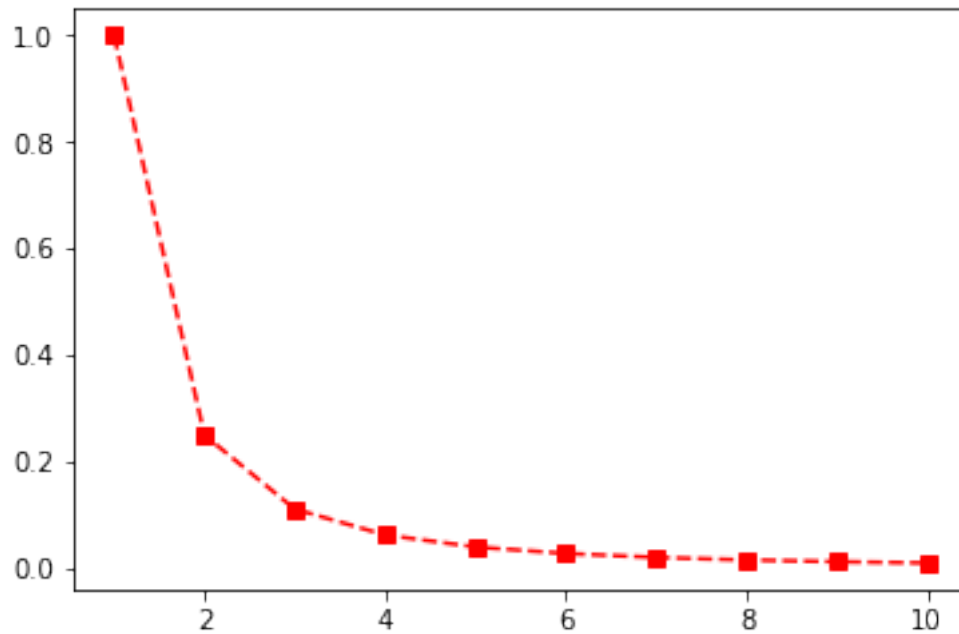
n = 10 # par exemple

indices = [i for i in range(1,n+1)]

L = n_premiers_termes(n)

plt.plot(indices,L,'rs--')
plt.show()

```



1.2 Exercice 2 : (sur les listes)

1.2.1 a) Écrire un programme demandant la saisie de deux nombres, rappelle leurs valeurs puis affiche leur somme.

```
In [6]: a = input("Donner le premier nombre")

a = int(a)

b = int(input("Donner le deuxième nombre"))

print("La somme de a et de b est ",a+b)
```

```
Donner le premier nombre 14
Donner le deuxième nombre 569
```

```
La somme de a et de b est 583
```

1.2.2 b) Écrire un programme qui :

- crée une liste vide a
- demande la saisie d'un nombre de départ, d'un nombre d'arrivée et d'un pas
- ajoute à la liste a les trois nombres
- ajoute à la liste a une autre liste, constituée à partir des nombres saisis (nombre de départ, nombre maximal, pas d'augmentation)

- affiche la liste
- affiche les pas derniers éléments de la liste

```
In [7]: a = []
```

```
In [8]: depart = int(input("Donner un nombre de départ"))
        arrivee = int(input("Donner un nombre d'arrivée"))
        pas = int(input("Donner un pas"))
```

```
Donner un nombre de départ 3
Donner un nombre d'arrivée 26
Donner un pas 1
```

```
In [9]: a.append(depart)
        a.append(arrivee)
        a.append(pas)
```

```
In [10]: b = a.copy()
         a.append(b)
```

```
In [11]: print(a)
```

```
[3, 26, 1, [3, 26, 1]]
```

```
In [12]: a[2]
```

```
Out[12]: 1
```

```
In [13]: a[3][2]
```

```
Out[13]: 1
```

1.2.3 c)

- Initialiser la liste a à la valeur [1,1,1,3,1,4,1,1,3,6,1,2,3,1,4]
- afficher a
- afficher le nombre de 3 présents dans a
- afficher la position du dernier 3
- retirer le dernier 3 de la liste
- afficher a
- afficher le nombre de 3 présents dans a
- afficher la position du dernier 3

```
In [14]: a = [1,1,1,3,1,4,1,1,3,6,1,2,3,1,4]
```

```
In [15]: print(a)
```

```
[1, 1, 1, 3, 1, 4, 1, 1, 3, 6, 1, 2, 3, 1, 4]
```

```
In [16]: # Le nombre de 3 présents dans a
        # on utilise la fonction count
        a.count(3)
```

Out[16]: 3

```
In [17]: # C'est astucieux
        # il suffit d'inverser la liste
        # puis d'appeler la fonction index
        # pour déterminer l'indice du dernier 3
        # dans la liste inversée
        # enfin on applique un calcul mathématique
        # pour trouver l'indice correct

        print("l'indice du dernier 3 est : ")
        len(a) - a[::-1].index(3) - 1
```

l'indice du dernier 3 est :

Out[17]: 12

```
In [18]: # On supprime un élément à partir de son indice avec la fonction pop()
        a.pop(12)
```

Out[18]: 3

```
In [19]: print(a)
```

[1, 1, 1, 3, 1, 4, 1, 1, 3, 6, 1, 2, 1, 4]

```
In [20]: a.count(3)
```

Out[20]: 2

```
In [21]: print("l'indice du dernier 3 est : ")
        len(a) - a[::-1].index(3) - 1
```

l'indice du dernier 3 est :

Out[21]: 8

1.3 Exercice 4 (Un test)

```
In [22]: chaine = input("Veuillez saisir une chaîne de caractères")
```

Veuillez saisir une chaîne de caractères on va à l'école

```
In [23]: if 'e' in chaine:
          print("La chaîne saisie contient la lettre e")
        else:
          print("La chaîne saisie ne contient pas la lettre e")
```

La chaîne saisie contient la lettre e

1.4 Exercice 5 (une boucle for)

1.4.1 crée la liste a de tous les nombres entiers inférieurs à 100

```
In [24]: a = [i for i in range(100)]
```

1.4.2 demande à l'utilisateur de saisir un nombre diviseur

```
In [25]: # Version 1 basique
          diviseur = int(input("Donner un nombre diviseur"))
```

Donner un nombre diviseur 5

```
In [26]: # Version 2 plus élaborée
          diviseur = int(input("Donner un nombre diviseur"))
          while diviseur <= 0:
              diviseur = int(input("Donner un nombre diviseur"))
          print(diviseur)
```

Donner un nombre diviseur 5

5

1.4.3 crée à partir de a la liste de tous les nombres inférieurs à 100 qui sont multiples de diviseur

```
In [27]: L = []
          for nombre in a:
              if nombre % diviseur == 0:
                  L.append(nombre)
```

```
In [28]: print(L)
```

[0, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95]

1.5 Exercice 6 (une boucle while)

- crée une liste des nombres entiers compris entre 3 et 15 inclus
- demande à l'utilisateur des nombres et tant que ces nombres sont présents dans la liste, les en retire
- si le nombre n'est pas dans la liste, le programme s'arrête en affichant la liste initiale, puis la liste finalement obtenue.

```
In [29]: # Création de la liste initiale
a = [i for i in range(3,16)]
```

```
In [30]: # On réalise une copie
b = a[:]
```

```
In [31]: nombre = int(input("Donner un entier"))

while nombre in b:
    b.remove(nombre)
    nombre = int(input("Donner un entier"))

print("La liste initiale est ",a)
print("La liste finale est ",b)
```

```
Donner un entier 3
Donner un entier 15
Donner un entier 10
Donner un entier 19
```

```
La liste initiale est  [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]
La liste finale est  [4, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 12, 13, 14]
```

1.6 Exercice 7: Une fonction!

Définir une fonction prenant comme paramètres l'année puis le numéro de mois (par exemple, 3 pour mars) et qui renvoie le nombre de jours du mois correspondant. Les valeurs par défaut sont 2016 pour l'année et 4 pour le mois.

```
In [32]: def nombre_jours(annee=2016,mois=4):
    mois31 = [1,3,5,7,8,10,12]
    mois30 = [4,6,9,11]
    mois28 = [2]
    if mois in mois31:
        return 31
    elif mois in mois30:
        return 30
    else:
        return 28
```

1.7 Exercice 8: Deux fonctions!!

Définir les fonctions suivantes : - a) $f(x) = x^2$ - b) $g(x,y) = x^4 + y^4$

```
In [33]: def f(x):  
         return x**2
```

```
In [34]: def g(x,y):  
         return x**4 + y**4
```

1.8 Exercice 9: (Un algorithme de tri par sélection)

1.8.1 a) Écrire une fonction `abmax` renvoyant le plus grand de deux nombres `a` et `b`.

```
In [35]: def abmax(a,b):  
         if a > b:  
             return a  
         else:  
             return b
```

1.8.2 b) Écrire une fonction `vmax` de paramètre d'entrée un vecteur `v` renvoyant le plus grand élément de `v`.

```
In [36]: def vmax(v):  
         variable = v[0]  
         for i in range(1,len(v)):  
             if v[i] > variable:  
                 variable = v[i]  
         return variable
```

```
In [37]: # Test  
         a = [2,55,4,66,8,9]  
         print(vmax(a))
```

66

1.8.3 c) Écrire une fonction `permut` de paramètres entrée un vecteur `v` ainsi que deux entiers `i` et `j` permutant les éléments `v[i]` et `v[j]`, le vecteur initial étant ainsi modifié.

```
In [38]: # Version 1  
         # On effectue une permutation avec python  
         def permut(v,i,j):  
             v[i], v[j] = v[j], v[i]  
             return v
```

```
In [39]: # Version 2  
         # On effectue une permutation classique  
         # via une variable auxiliaire  
         def permut(v,i,j):
```



```

    auxiliaire = v[i]
    v[i] = v[j]
    v[j] = auxiliaire
    return v

```

```

In [40]: # Test
a = [2,55,4,66,8,9]
print("la liste initiale",a)
print("la liste permutée",permut(a,0,-1))

```

```

la liste initiale [2, 55, 4, 66, 8, 9]
la liste permutée [9, 55, 4, 66, 8, 2]

```

1.8.4 d) Écrire une fonction `ind_du_max` de paramètres d'entrée un vecteur `v` et un entier `k` renvoyant `i_pg` l'indice du plus grand élément parmi ceux dont l'indice est supérieur ou égal à `k`.

```

In [41]: def ind_du_max(v,k):
    i_pg = k

    for i in range(k,len(v)):
        if v[i] > v[i_pg]:
            i_pg = i

    return i_pg

```

```

In [42]: # Test
b= [22, 5, 10, 1 , 8, 4]
print(ind_du_max(b,0)) # k = 0
print(ind_du_max(b,1)) # k = 1
print(ind_du_max(b,3)) # k = 3

```

```

0
2
4

```

1.8.5 e) Tester la fonction `triselection` à l'aide du vecteur `c= [0, 1, 2, 3, -8 ,-7]....`

```

In [43]: def triselection(v):
    L=len(v)
    for i in range(L-1) :
        i_pg=ind_du_max(v, i)
        permut(v ,i, i_pg)
        print (i, i_pg, v) # enlever si vecteurs trop longs

```

```

In [44]: # Test
c= [0, 1, 2, 3, -8 ,-7]

```

```
In [45]: triselection(c)
```

```
0 3 [3, 1, 2, 0, -8, -7]  
1 2 [3, 2, 1, 0, -8, -7]  
2 2 [3, 2, 1, 0, -8, -7]  
3 3 [3, 2, 1, 0, -8, -7]  
4 5 [3, 2, 1, 0, -7, -8]
```