



Contrôle non destructif dans les milieux ferromagnétiques

Milieux : interaction, interface, homogénéité, rupture

Sommaire :

I.Description du phénomène physique.

II.Modélisation

III.Résolutions du modèle

1)Résolution analytique

2)Numérique

IV.Conclusions

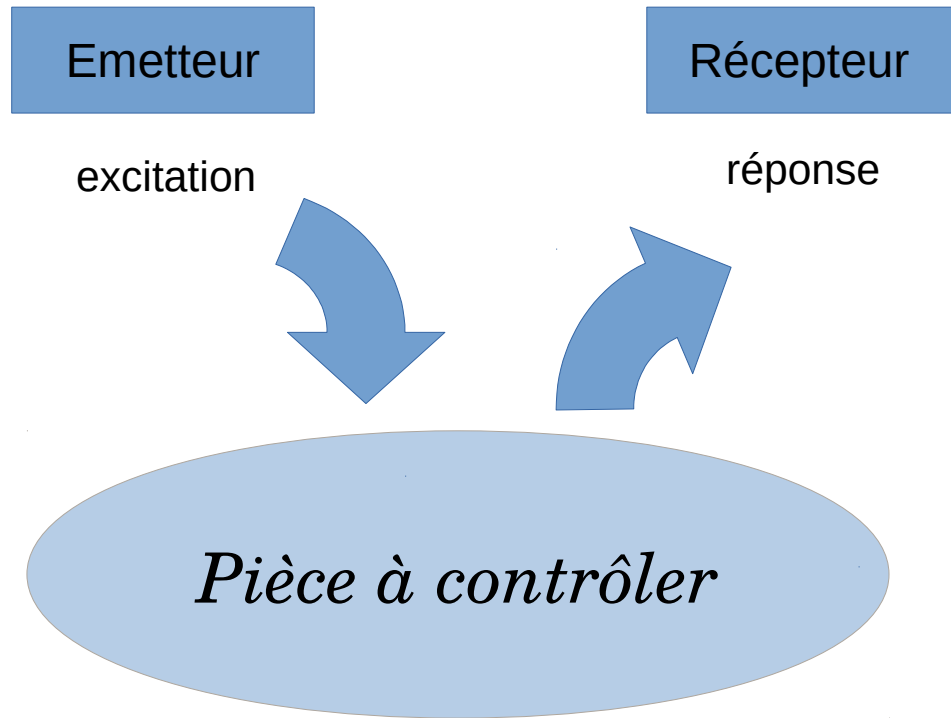
Le contrôle non destructif (CND) :

C'est un ensemble de méthodes qui permet de caractériser l'état d'une pièce ou d'un matériau sans porter atteinte à son intégrité qui permet de détecter et de caractériser des défauts superficiels sur divers matériaux.

→ Le CND est utilisé dans différents domaines tels que la chaudronnerie, la fonderie, l'industrie du pétrole-chimique, la construction navale et aéronautique...



Principe du CND

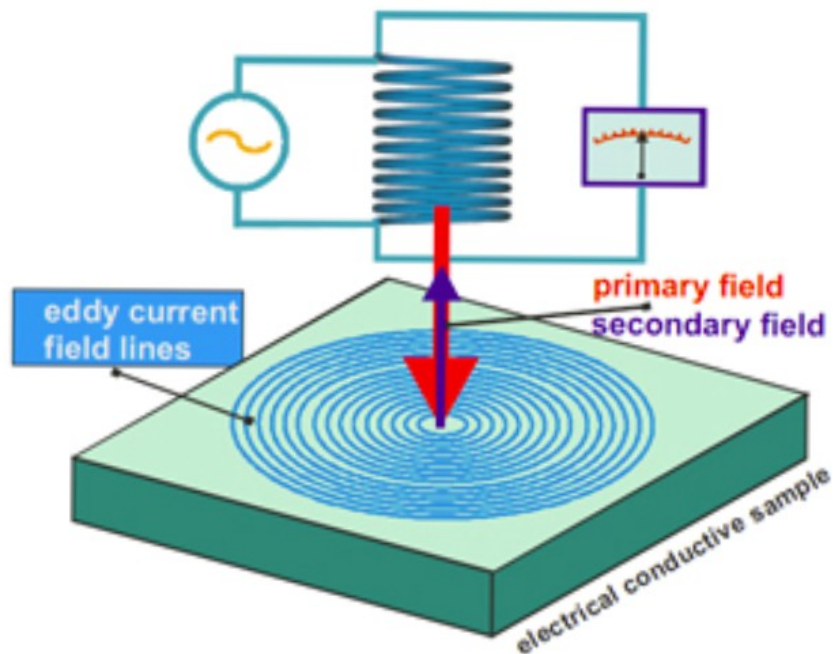


- Génération par un émetteur d'un signal qui sera perturbé par la pièce à contrôler
- Un récepteur permet de recueillir la réponse due à la pièce.

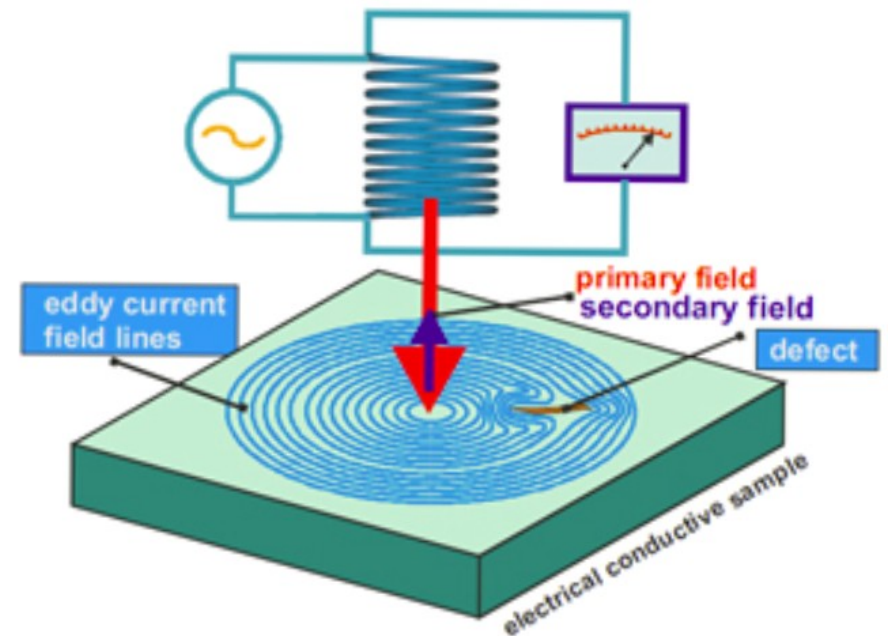
Différentes techniques de CND

METHODE	PRINCIPE	AVANTAGES	INCONVENIENTS
Diffraction par rayons X	L'obtention d'une image de la densité de matière d'un objet traversé par un rayon X grâce à un détecteur	Peut être appliquée aux matériaux non ferritiques	-Pas facile à mettre en œuvre en ligne de production. -Coûteuse
Ultrasons	Basé sur la transmission et la réflexion des ondes de type ultrasons à l'intérieur du matériau	Peu coûteuse	Pas facile à mettre en œuvre Pas de lien entre les paramètres ultrasonores et les paramètres de microstructure

Méthode de contrôle par courants de Foucault



Coil on a defect-free sample



Coil on a sample with a defect

Modélisation

Les équations de Maxwell :

$$\vec{\text{rot}}(\vec{E}) = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\vec{\text{rot}}(\vec{H}) = \vec{j}$$

$$\text{div}(\vec{j}) = 0$$

$$\vec{j} = \vec{j}_0 + \vec{j}_s$$

$$\vec{j}_0 = \gamma \vec{E}$$

$$\vec{B} = \mu \vec{H}$$

$$\operatorname{div}(\vec{B})=0$$

$\exists \vec{A} / \vec{B} = \operatorname{rot}(\vec{A})$ avec $\vec{A} \leq$ potentiel vecteur magnétique

$$\operatorname{rot}(\vec{E}) = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\vec{E}) = -\frac{\partial}{\partial t} \operatorname{rot}(\vec{A})$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\vec{E} + \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}) = \vec{0}$$

$$\Rightarrow \exists V / \vec{E} + \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = -\operatorname{grad}(V)$$

$$\Rightarrow \vec{E} = -\operatorname{grad}(V) - \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

$$\text{et on a } \operatorname{div}(\vec{j}) = 0$$

$$\text{et } \operatorname{rot}(\vec{H}) = \vec{j}$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\vec{H}) = \vec{j}_0 + \vec{j}_i$$

$$\text{avec } \vec{j}_i = \gamma \vec{E}$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\vec{H}) = \vec{j}_0 + \gamma \vec{E}$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\frac{1}{\mu} \operatorname{rot}(\vec{A})) = \vec{j}_0 - \gamma \operatorname{grad}(V) - \gamma \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

$$\Rightarrow \operatorname{rot}(\frac{1}{\mu} \operatorname{rot}(\vec{A})) = \vec{j}_0 - \gamma \operatorname{grad}(V) - \gamma \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\mu} \Delta(\vec{A}) + \gamma \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = \vec{j}_0 - \operatorname{grad}(\frac{1}{\mu} \operatorname{div}(\vec{A}) + \gamma \cdot V)$$

$$\frac{-1}{\mu} \vec{\Delta}(\vec{A}) + \gamma \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = \vec{j}_0 - \text{grad} \left(\frac{1}{\mu} \text{div}(\vec{A}) + \gamma \cdot v \right)$$

On a $\text{div}(\vec{A}) = 0$ d'après la jauge de Coulomb

On projette suivant x :

$$\text{On aura } \frac{-1}{\mu} \Delta(A_x) + \gamma \frac{\partial A_x}{\partial t} = j_0 - \gamma \cdot \frac{\partial v}{\partial x}$$

$$\text{on suppose que } \frac{\partial v}{\partial x} = 0$$

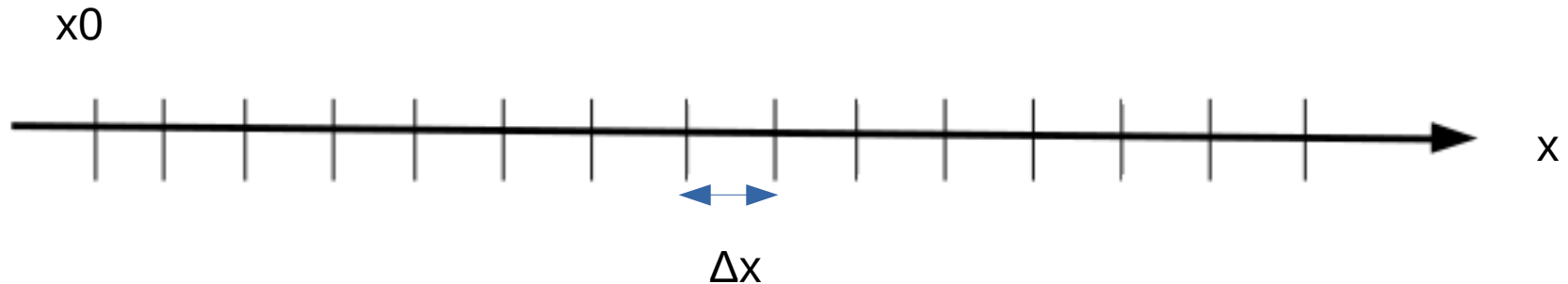
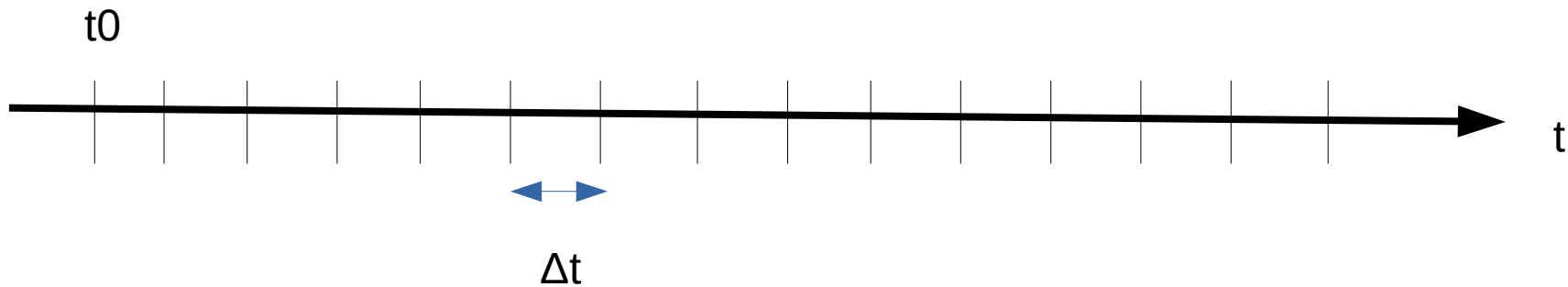
$$\Rightarrow \frac{-1}{\mu} \Delta(A_x) + \gamma \frac{\partial A_x}{\partial t} = j_0$$

$$\text{On a } \Delta A = \frac{\partial^2 A}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 A}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 A}{\partial z^2}$$

$$\text{On suppose que } \Delta A = \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x}$$

$$\frac{-1}{\mu} \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} + \gamma \frac{\partial A_x}{\partial t} = j_0 - \gamma \cdot \frac{\partial v}{\partial x}$$

Réolvons cette équation avec une méthode de différences finies



$$t_i = t_0 + i * \Delta t$$
$$x_j = x_0 + j * \Delta x$$

A est de classe C1 par rapport au temps.

Effectuons un développement de Taylor à l'ordre 1

$$\Delta t \ll 0$$

$$\Delta t \rightarrow 0$$

$$A(x, t + \Delta t) = A(x, t_i) + \Delta t \frac{\partial A}{\partial t} + O(\Delta t^2)$$

$$\Rightarrow \frac{\partial A}{\partial t} = \frac{A(x, t_i + \Delta t) - A(x, t_i)}{\Delta t}$$

On note également : $\frac{\partial A}{\partial t} = \frac{A_{i+1}^j - A_i^j}{\Delta t}$

A est de classe C2 par rapport à x.

Effectuons un développement de Taylor à l'ordre 2.

$$\Delta x \ll 0$$

$$\Delta x \rightarrow 0$$

$$A(x_j + \Delta x, t) = A(x_j, t) + \Delta x \frac{\partial A}{\partial x} + \frac{\Delta x^2}{2!} \cdot \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} + O(\Delta x^3)$$

$$A(x_j - \Delta x, t) = A(x_j, t) - \Delta x \frac{\partial A}{\partial x} + \frac{\Delta x^2}{2!} \cdot \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} + O(\Delta x^3)$$

$$\Rightarrow \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} = \frac{A(x_j + \Delta x, t) + A(x_j - \Delta x, t) - 2A(x_j, t)}{\Delta x^2}$$

On note également : $\frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} = \frac{A_i^{j+1} + A_i^{j-1} - 2 \cdot A_i^j}{\Delta x^2}$

$$\frac{-1}{\mu} \frac{\partial^2 A}{\partial^2 x} + \gamma \frac{\partial A}{\partial t} = \vec{j}_0$$

$$\frac{-1}{\mu} \cdot \frac{A_i^{j+1} + A_i^{j-1} - 2 \cdot A_i^j}{\Delta x^2} + \gamma \cdot \frac{A_{i+1}^j - A_i^j}{\Delta t} = j_0$$

$$\Rightarrow A_{i+1}^j = \left(j_0 + \frac{1}{\mu} \cdot \frac{A_i^{j+1} + A_i^{j-1} - 2 \cdot A_i^j}{\Delta x^2} \right) \cdot \frac{\Delta t}{\gamma} + A_i^j$$

Conclusion

Ce système d'équation permet de retrouver les valeurs de A à différents instants puis de déterminer celles du champs B .

La variation de A signifie une variation de la perméabilité ou de la permittivité Ce qui prouve la présence d'un défaut dans les matériau.