إجابة أسئلة الدرس 1 الكميات العددية و الكميات المتجهة





الفيزياء

الفصل الدراسي الأول 2022 - 2023



أولاً: الأسسئلة الموضوعية

أكتب المصطلح العلمي الذي تدل عليه العبارات الآتية:

الكميات التي يكفي لتحديدها عدد يحدد مقدارها ووحدة فيزيائية تميز هـذا المقـدار .

(الكميات العددية)

الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تأخذه بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التى تميزها.

(الكميات المتجهة)

المسافة الأقصر بيـن نقطـة بدايـة الحركـة ونقطـة نهايتهـا وباتجـاه مـن نقطـة البدايـة إلـى نقطـة النهايـة.

(الدِزاحـة)

4 متجهات لها المقدار والاتجاه نفسه.

(تساوى المتجهات)

المتجهات التي يمكن نقلها من مكان إلى آخر بدون أن تتغير قيمتها واتجاهها لأنها غير مقيدة أو غير مرتبطة بنقطة تأثير.

(المتجهات الحرة)

المتجهات التي لا يمكن نقلها من مكان إلى آخر لأنها مقيدة أو مرتبطة بنقطة تأثير.

(المتجهات المقيدة)

7 عملية تركيب حيث تتم الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد.

(جمع المتجهات)

مقداره يمثـل مسـاحة متـوازي الأضـلاع الناشــئ عـن المتجهيــن واتجاهــه فهــو رأســـی علــی المســتوی المکــون مــن المتجهيــن.

(الضرب الاتجاهي)

أكمل العجارات الآتية:

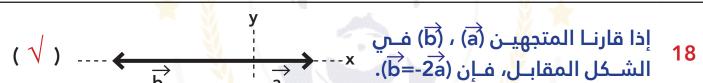
- 1 أكبر قيمة لمحصلة متجهين عندما تكون الزاوية بينهما تساوي <mark>صفر (0</mark>0).
 - 2 كلما زادت الزاوية بين المتجهين فإن مقدار محصلتهما يقل.
- 3 حاصل الضرب القياسي لمتجهين ينعدم عندما تكون الزاوية بينهما °90.
- 4 تصنف الكميات الفيزيائية إلى كميات عددية ومن أمثلتها المسافة والكتلة.
- تنصف الكميات الفيزيائية المتجهة إلى كميات متجهة حرة ومن أمثلتها الإزاحة والسرعة المتجهة وكميات متجهة مقيدة ومن أمثلتها القوة.
- تكون محصلة متجهيـن أكبـر مـا يمكـن عندمـا تكـون الزاويـة المحصـورة بينهمـا 6 (بالدرجات) تسـاوي صفـر وتكـون أصغـر مـا يمكـن عندمـا تكـون الزاويـة (بالدرجـات) تســاوى 180.
 - 7 إذا كان لمتجهين نفس المقدار ونفس الاتجاه فإنهما يكونا متساويان.
- 8 تتوقف محصلة أي متجهيـن علـى مقـدار كل مـن المتجهيـن الزاويـة المحصـورة بيـن المتجهيـن.
- و محصلة متجهيـن متسـاويين مقـداراً تسـاوي مقـدار أي منهمـا إذا كانـت الزاويـة المحصـورة بينهمـا تسـاوي 120.
- الصيغة الرياضية للقانون الثاني لنيوتن هي F=m.a ويكون دائما متجه القوة ومتجه العجلة لهما نفس الاتجاه وذلك لأن الكتلة موجبة.
- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساويين يساوي مربع أي منهما فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي بالدرجات صفر.
- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهـي لمتجهيـن متسـاويين يسـاوي مربـع أي منهمـا فـإن الزاويـة المحصـورة بينهمـا تسـاوي بالدرجـات 90.
- إذا كان حاصـل الضـرب القياسـي لمتجهيـن متسـاويين يسـاوي مقـدار حاصـل 13 الضـرب الاتجاهـي لنفـس المتجهيـن فـإن الزاويـة المحصـورة بينهمـا تسـاوي بالدرجـات 45.

ضع عا	لامة (\sqrt) أو عــلامة (\mathbf{X}) في العبارات الآتية:	
1	محصلة متجهين دائماً أكبر من مجموعهما.	(X)
2	يتساوى مقدار محصلة متجهيـن متساويين مع قيمة كل مـن هذيـن المتجهيـن إلـى كانـت الزاويـة المحصـورة بيـن المتجهين تسـاوي 120 ⁰ .	(√)
3	ضرب المتجه بكمية قياسية سالبة يعكس اتجاه المتجه بالإضافة إلى تغيير مقداره في حين أن ضربه بكمية قياسية موجبة يغير (مقداره فقط بدون أن يغير الاتجاه.	(√)
4	طولك وكتلتلك وعمرك تعتبر من الكميات العددية.	(√)
5	تصنیف القوة ککمیة فیزیائیة کمتجه حر، حیث یمکن نقلها من مکان لآخر.	(X)
6	الإزاحة كمية عددية بينما المسافة كمية متجهة.	(X)
7	يطيـر صقـر أفقيـاً بسـرعة (40m/s) باتجـاه الشـرق، فـإذا هبـت عليـه أثنـاء طيرانـه ريـاح معاكسـة (نحـو الغـرب) سـرعتها (10m/s) فـإن مقدار (سـرعته المحصلـة بالنسـبة لمراقـب علـى الأض تسـاوي (30m/s).	(√)
8	يكـون مقـدار محصلـة متجهيـن متسـاويين مقـداراً مسـاوية مقـداراً لـكل منهمـا إذا كانـت الزاويـة المحصـورة بينهمـا (120°).	(√)
9	عند ضرب كمية عددية موجبة × كمية متجهة يكون حاصل الضرب متجه جديد في نفس اتجاه الكمية المتجهه الأولى.	(√)
10	عند ضرب كمية عددية سالبة × كمية متجهة يكون حاصل الضرب متجه جديد في عكس اتجاه الكمية المتجهه الأولى.	(√)
11	ضرب كمية عددية × كمية متجهة يؤدي لتغيير مقدار المتجه الناتج (بشـرط أن تكـون الكميـة العدديـة لا تسـاوي 1)، كمـا يـؤدي لتغيـر (الاتجـاه إذا كانـت الكميـة العدديـة سـالبة.	(√)
12	حاصـل الضـرب القياسـي لمتجهيـن يتوقـف علـى مقـدار المتجهيـن والزاويـة المحصـورة بينهمـا.	(√)

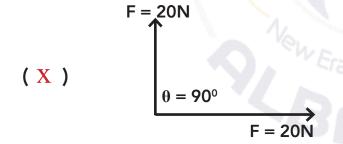
- حاصل الضرب القياسي لمتجهين يساوي صفراً إذا كانت الزاوية ($\sqrt{}$) المحصورة بينهما قائمة (90°).
- ر $\sqrt{}$ الضرب الاتجاهـي لمتجهيـن يتوقـف علـى مقـدار المتجهيـن والزاويـة المحصـورة بينهمـا.
- ($\sqrt{\ }$) عاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متوازيين يساوى صفراً.
- مقدار حاصل الضرب القياسي لمتجهين يمثل بمساحة متوازي (X) الأضلاع الناشيء عن المتجهين.

الشكل المقابـل يمثـل متجهـان

| کر المقابـل يمثـل متجهـان | کر المقابـل يمثـل متجهـان | کر المقامـدان وفـي مسـاوی | کر المقبي واحد فيكون المتجـه الناتج | کر المتحـه (کر ا



الشــكل المقابــل يمثــل متجهيــن متعامديــن ومتســاويين مقــداراً ومقــدار كل منهمــا (20N) فــإن محصلتهمــا تســـاوی (20N).



v = 1.5 cm $\theta = 60^{\circ}$

الشـكل المقابـل يمثـل المتجـه البيانـي المعبـر عـن سـرعة تحـرك سـيارة فـإذا علمـت أن مقيـاس 20 الرسـم (1cm:10m/s) فـإن هــذه السـيارة تتحـرك بسـرعة (30m/s) باتجـاه (60°) مـع المحـور الأفقـي الموجـب.

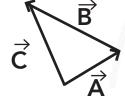
ات الآتية:	العبار	الصحيحة في	الأحانة ا	اخت
• • •	•	•	· • • • ·	غ خ

أي مـن القيـم التاليـة لا يمكـن أن يكـون قيمـة محصلـة المتجهيـن B=9unit و A=3unit هــو.						
7	()	13 ($\sqrt{\ }$)	6 ()	12()
			B= و A=3unit هو.	متجهین 9unit	محصلة الـ	2 مدی
3—→12 ()	6→9()	3—→9 () 6	\longrightarrow 12 ($$)
			0	A يساوي		
AB $tan \theta$	()	AB $\cos\theta$ ()	$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B}$)	$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} ()$
ية وهي :	اس	قی	ز <mark>يائية التالية تصنف ككمية</mark>	ن الكميات الفيز	ة فقط مر	4 واحد
العجلة	()	() القوة	المسافة ($$)	() الإزاحة
ىي :	ρЭ	حر	زيائية التالية تصنف كم <mark>ت</mark> جه	ن الكميات الفيز	:ة فقط مر	5 واحد
العجلة	()	() القوة) المسافة)	الإزاحة ($\sqrt{}$)
وهي:	يد	مة	ريائية التالية تصنف <mark>ك</mark> متجه	ن الكميات الفيز	ة فقط مر	6 واحد
العجلة	()	القوة ($\sqrt{\ }$)) المسافة)	() الإزاحة
متجهـان متسـاويان ومتوازيـان حاصـل ضربهمـا القياســي (25N) فــإن مقــدار محصلتهمـا بوحــدة (N) يســاوي :						
25	()	10 (√)	5 ()	() صفر
25) فـإن مقـدار	5N)	ي (ن حاصـل ضربهمـا القياســ حـدة (N²) يســاوي :		_	O
25	()	10 ()	5 ()	صفر ($\sqrt{\ }$) صفر
واحدة فقط من القيم التالية يستحيل أن تمثل محصلة متجهين (a=10N)، (b=8N) وهي:						
20 ()	18 ()	9 ()	2()

دفع لاعب الكره باتجاه المرمس في إحدى مباريات كرة القدم بسرعة 10 (80km/h) ولكن الكرة وصلت لحارس المرمس بسرعة (90km/h) ومن ذلك نستنتج أن.

- () الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة (10km/h).
 - ($\sqrt{\ }$) الكرة تتحرك في اتجاه الريج بسرعة (10km/h).
- () الكرة تتحرك عمودية على اتجاه الريح بسرعة (10km/h).
 - () الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة (70km/h).

الشكل يمثـل متجهـات والمعادلـة التـي تصـف العلاقـة الصحيحـة بيـن هــذه المتجهـات هــن هــذه المتجهـات هــن .



$$A + B = C ()$$
 $\overrightarrow{A} + \overrightarrow{B} = \overrightarrow{C} (\sqrt{ })$

$$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = \overrightarrow{C}$$
 () $\overrightarrow{A} \cdot \overrightarrow{B} = \overrightarrow{C}$ ()

الشـكل المقابـل يمثـل متجهيـن غيـر متسـاويين فـي اتجاه واحد فإذا تغيـرت الزاويـة بيـن المتجهيـن فإن محصلتهما تصبح أقـل ما يمكـن عندما يصبحا خ كمـا فـي الشـكل

 $\overrightarrow{a} \xrightarrow{\theta = 180} \overrightarrow{b} (\sqrt{)}$

$$0 = 135 \Rightarrow \overrightarrow{b} \quad () \qquad \theta = 90 \Rightarrow \overrightarrow{b} \quad ()$$

F₂ = 3N : محصلة المتجهين الموضحين بالشكل المقابل تساوي F₁ = 4N

- F_1 وتصنع زاوية 36.8 مع F_2 مع 36.8 وتصنع زاوية 36.8 مع (5N) (

ثانياً: الأسئلة القالية

علل لكل من العبارات الأتسية :

1 المسافة كمية عددية وليست كمية متجهة .

لأن المسافة كمية يكفي لتحديدها عدد يحدد مقدارها ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار.

2 الإزاحة كمية متجهة وليست كمية عددية .

لأن الإزاحة كمية تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الـذي تأخذه بالإضافة إلى العـدد الـذي يحـدد مقدارهـا ووحـدة القيـاس التـى تميزهـا .

3 يمكن نقل متجه الإزاحة ولا يمكن نقل متجه القوة .

لأن متجه الإزاحة من المتجهات الحرة التي يمكن نقلها من مكان إلى آخر بدون أن تتغير قيمتها واتجاهها لأنها غير مقيدة أو غير مرتبطة بنقطة تأثير أما متجه القوة من المتجهات المقيدة التي لا يمكن نقلها من مكان إلى آخر لأنها مقيدة أو مرتبطة بنقطة تأثير.

4 المتجهان B ,A متساويان

لأنهما لهما المقدار والاتجاه نفسهما.

المتجه A يمكن نق<mark>له.</mark>

لأنه يحافظ على المقدار والاتجاه وغير مقيد أو غير مرتبط بنقطة تأثير أي من المتجهات الحرة.

6 القوة كمية متجهة.

لأن القوة (F) = الكتلة (m) × العجلة (a) والكتلة (m) كمية عددية بينما العجلة (a) كمية متجهة وحاصل ضرب كمية عددية بكمية متجهة ينتج عنه كمية متجهة وهـي القـوة (F) .

7 الشغل كمية عددية.

لأن الشغل (w) = القوة (F) × الإزاحة (X) وضربهما ضرب عددي لذلك ينتج كمية عددية وهـو الشـغل (w) .

يكون ناتج الضرب العددي أكبر ما يمكن عندما يكون المتجهان متوازيين وفي نفس الاتجاه .

 $\theta = 0^{\circ}$

 $\cos \theta = \cos 0^{\circ} = 1$

 $A.B = AB \cos \theta = AB$

ينعدم ناتج الضرب العددي أي يساوي صفر عندما يكون المتجهان متعامدين.

$$\theta = 90^{\circ}$$

 $\cos \theta = \cos 90^{\circ} = 0$
 $A.B = AB \cos \theta = 0$

10 يكون ناتج الضرب الاتجاهى أكبر ما يمكن عندما يكون المتجهان متعامدين.

```
\theta = 90^{\circ}
\sin \theta = \sin 90^{\circ} = 1
```

 $A \times B = AB \sin \theta = AB$

ينعـدم ناتـج الضـرب الاتجاهـي أي يسـاوي صفـر عندمـا يكـون المتجهـان متوازييـن وفـي نفـس الاتجـاه .

```
\theta = 0^{\circ}

\sin \theta = \sin 0^{\circ} = 0

A \times B = AB \sin \theta = 0
```

يتسـاوى ناتـج الضـرب العـددي مع ناتـج الضـرب الاتجاهـي إذا كانـت الزاويـة المحصـمية بــن المتحمدين تسرامي 45

المحصـورة بيـن المتجهيـن تسـاوي 45 .

```
\sin 45^{\circ} = \cos 45^{\circ} = 0.7

A \times B = AB \cos \theta = A \times B = AB \sin \theta
```

تتغيـر السـرعة التـي تحلـق بهـا طائـرة فـي الجـو علـى الرغـم مـن ثبـات السـرعة التـي يكسـبها المحـرك للطائـرة .

بسبب وجود رياح متغيرة السرعة مقداراً واتجاهاً تؤثر عليها لذلك تتحرك بمحصلة سرعتها وسرعة الرياح

14 يمكن الحصول على عدة قيم لمحصلة نفس المتجهين.

بسبب اختلاف قيمة الزاوية بين المتجهين.

 $oxedsymbol{A} \mathbf{X} \mathbf{A}$ للا يساوي $oxedsymbol{A} \mathbf{X} \mathbf{B}$ لا يساوي 15

لأن تبديـل ترتيـب المتجهيـن يعكـس اتجـاه المتجـه الناتـج مـن عمليـة الضـرب أي أن الضـرب الاتجاهـي عمليـة ليسـت إبداليـه. 16 يسمى الضرب القياسي بهذا الاسم بينما الضرب الاتجاهي بهذا الاسم.

لأن ناتج الضرب القياسي كمية عددية بينما ناتج الضرب الاتجاهي كمية متجهة.

17 الضرب العددي عملية ابدالية بينما الضرب الاتجاهي عملية ليست ابدالية.

لأن في الضرب العددي $\overrightarrow{A.B=B.A}$ أي لا يؤثر على ناتج الضرب.

بينما في الضرب الاتجاهي $\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = \overrightarrow{B} \times \overrightarrow{A}$ يتغير اتجاه المتجه الناتج أي يؤثر على اتجاه ناتج الضرب.

18 حسب القانون الثانى لنيوتن F=m×a تعتبر القوة كمية متجهة.

لأنها حاصل ضرب كمية عددية (الكتلة m) في كمية متجهة (العجلة a).

حسـب القانـون الثانـي لنيوتـن F=m×a تكـون القـوة دائمـاً فـي نفـس اتجـاه العجلـة.

لأن الكتلة m كمية عددية موجبة.

20 الإزاحة متجه حر بينما القوة متجه مقيد.

لأن الإزاحة متجه يمكن نقله بينما القوة مقيدة بنقطة تأثيرها.

21 يمكن الحصول على عدة قيم للمحصلة لنفس المتجهين.

بسبب اختلاف الزاوية بين المتجهين.

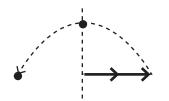
تتغير السرعة التي تحلـق بها طائـرة فـي الجـو علـى الرغـم مـن ثبـات السـرعة التـى يكسـبها المحـرك للطائـرة.

بسبب وجود رياح متغيرة السرعة لذلك تتحرك الطائرة بمحصلة سرعتها وسرعة الرياح.

لأنه يتحرك بتأثير سرعة السباح وسرعة تيار الماء العمودي على اتجاه سرعة السباح. •

أو بسبب وجود التيارات المائية عمودية على حركة السباح لذلك يتحرك بمحصلة سرعته وسرعة التيار المائى.

ما يحدث في الحالات الآتية ؟



لمقدار واتجاه محصلة المتجهيـن الموضحين بالشـكل المقابـل إذا دار المتجه (b) نصـف دورة مـروراً بالنقاط (C, d).

تظل تقل تدريجياً حتى تصبح أقل ما يمكن عندما تصل إلى نقطة (d).

أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من:

حاصل الجمع الاتجاهى لمتجهين (محصلة المتجهين).

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما (θ).

2 حاصل الضرب القياسي لمتجهين.

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما (θ).

3 حاصل الضرب الاتجاهى لمتجهين.

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما (θ).

قارن بين كل مما يلي حسب الأوجه المبينة في الجدول الآتي :

المتجهات المقيدة	المتجهات الحرة	وجه المقارنة
نقلهًا من مكان إلى آخر لأنها	هــي المتجهـات التــي يمكـن نقلهـا مـن مـكان إلــ آخـر بـدون أن تتغيـر قيمتهـا واتجاههـا لأنهـا غيـر مقيــدة أو غيـر مرتبطــة بنقطــة تأثيـر .	المفهوم
مثل متجه القوة	مثل متجه الإزاحة والسرعة المتجهة	مثال

الكميات المتجهة	الكميات العددية (القياسية)	وجه المقارنة
كميات يلزم لتحديدها معرفة المقدار ووحدة القياس والاتجاه	كميات يلزم لتحديدها معرفة المقدار ووحدة القياس	التعريف
الإزاحة - السرعة المتجهة	المسافة - السرعة العددية	أمثلة
جبر المتجهات	الجبر الحسابي	العمليات الحسابية المستخدمة

الضرب الاتجاهي لمتجهين	الضرب القياسي لمتجهين	وجه المقارنة
$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = AB \sin \theta$	$\overrightarrow{A}.\overrightarrow{B} = AB \cos \theta$	العلاقة الرياضية
متجهة	عددية	نوع الكمية الناتجة

الضرب الاتجاهي (التقاطعي) أو (الخارجي)	الضرب العــددي (القياسي) أو (النقطى) أو (الداخلي)	ضـــرب المتجهات	
$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = AB \sin \theta$	$\overrightarrow{A}.\overrightarrow{B} = AB \cos \theta$	العلاقة الرياضية	
كمية متجهة	كمية عددية	ناتج الضرب	
المتجهين متوازيين	المتجهين متعامدين		
لأن Sin0 = 0	لأن Cos90 = 0	تنعدم قيمة الناتج	
المتجهين متعامدين	المتجهين متوازيين	أكبر قيمة للناتج	
لأن Sin90 = 1	لأن Cos0 = 1		
عملية ليست أبدالية	عملية أبدالية	صفاته	
مق <mark>دا</mark> ر المتجهين - الزاوية بينهما	مقدار المتجهين - الزاوية بينهما	العوامل	

أجب عن المسائل التحالية :

ركار متجه العجلة لجسم كتلته (2kg) وتؤثر عليه قوة (10N, 60º) . أوجد متجه العجلة لجسم كتلته

$$a = \frac{F}{m} = \frac{10}{2} = 5 \text{ m/s}^2$$

$$\vec{a} = (5 \text{m}/\text{s}^2, 60^0)$$

متجهان متساويان ومتوازيان وفي نفس الاتجاه حاصل ضربهما ِ القياسى (25unit²) أحسب:

مقدار حاصل ضربهما الاتجاهى:

$$\vec{A} \times \vec{B} = AB.Sin0 = 0$$

مقدار محصلتهما :

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cdot Cos\theta$$

$$25 = AB.Cos0$$

$$A = B = 5$$
unit

$$R = A + B = 5 + 5 = 10$$
unit

(A+B) و $(\overrightarrow{B}=30N)$ فأحسب $(\overrightarrow{A}=20N)$ واتجاهه في الحالات الآتية ؟

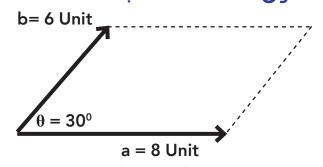
اكبر مقدار لمحصلة المتجهين (المتجهين في اتجاه واحد) :

$$R = A + B = 20 + 30 = 50N$$
 فى نفس اتجاه المتجهين

أصغر مقدار لمحصلة المتجهين (المتجهين متعاكسين):

الشكل المقابل يمثل متجهان (\vec{b}) ، (\vec{b}) في مستوى أفقى واحد هـو مستوى الصفحة. أحسب:

مثال 4



1 محصلة المتجهين (مقداراً واتجاهاً):

$$\vec{R} = \sqrt{a^2 + b^2 + 2ab\cos\theta} = \sqrt{(8)^2 + (6)^2 + 2 \times 8 \times 6 \times \cos(30)}$$

$$\vec{R} = 13.5 Unit$$

$$\alpha = \sin^{-1} \left[\frac{b \sin \theta}{R} \right] = \sin^{-1} \left[\frac{6 \times \sin 30}{13.5} \right] = 12.8^{\circ}$$

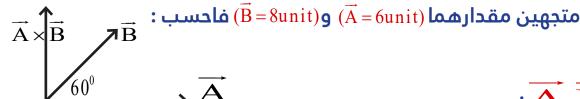
: حاصل الضرب الاتجاهي $(\overrightarrow{\mathbf{a}} imes \overrightarrow{\mathbf{b}})$ للمتجهين (مقداراً واتجاهاً) \mathbf{a}

$$\vec{a} \times \vec{b} = ab \sin \theta = 8 \times 6 \times \sin 30 = 24 \text{Units}^2$$

الاتجاه عمودي على الصفحة لأعلى

 $oxed{a.b}$ للمتجهين : ماصل الضرب الداخلى $oxed{a.b}$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = ab \cos \theta = 8 \times 6 \times \cos 30 = 41.5 \text{Units}^2$$



 $: \overrightarrow{\mathbf{A}}.\overrightarrow{\mathbf{B}}$ مقدار 1

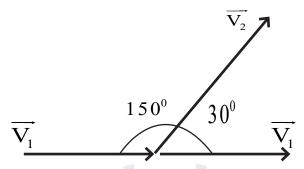
$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cdot Cos\theta = 6 \times 8 \times Cos60 = 41.56 Units^2$$

 $: \overline{A} \times \overline{B}$ مقدار 2

$$\overrightarrow{A} \times \overrightarrow{B} = AB.Sin\theta = 6 \times 8 \times Sin60 = 24Units^2$$

في الشكل متجهين $(\overrightarrow{V_1} = 60 \text{m/s})$ و $(\overrightarrow{V_1} = 60 \text{m/s})$ أحسب المحصلة مقداراً واتجاهاً ؟



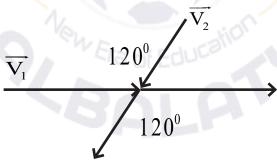


$$V_{R} = \sqrt{V_{1}^{2} + V_{2}^{2} + 2V_{1}V_{2}\cos\theta}$$

$$V_R = \sqrt{(60)^2 + (80)^2 + 2 \times 80 \times 60 \times \cos(30)} = 135.32 \text{m/s}$$

$$\alpha = \sin^{-1} \left[\frac{V_2 \times \sin \theta}{V_R} \right] = \sin^{-1} \left[\frac{80 \times \sin 30}{135.32} \right] = 17^0$$

مثال 7 في الشكل متجهين $(\overrightarrow{V_1} = 60 \text{m/s})$ و $(\overrightarrow{V_2} = 80 \text{m/s})$ أحسب المحصلة مقداراً واتحاهاً ؟



$$V_{R} = \sqrt{V_{1}^{2} + V_{2}^{2} + 2V_{1}V_{2}\cos\theta}$$

$$V_R = \sqrt{(60)^2 + (80)^2 + 2 \times 80 \times 60 \times \cos(120)} = 72.1 \text{ lm/s}$$

$$\alpha = \sin^{-1} \left[\frac{V_2 \times \sin \theta}{V_R} \right] = \sin^{-1} \left[\frac{80 \times \sin 120}{72.11} \right] = 73.9^{\circ}$$



أحرص على اقتناء مذكرات منصة البلاطي

- مذكرة شرح لكل درس.
- مذكرة أسئلة لكل درس.
- مذكرة إجابة أسئلة لكل درس.
 - مذكرة امتحان لكل درس.
- مذكرة إجابة امتحان لكل درس.





الفيزياء

استمتع بتجربة التعلم مع منصة البلاطي





الفصل الدراسي الأول 2022 - 2023