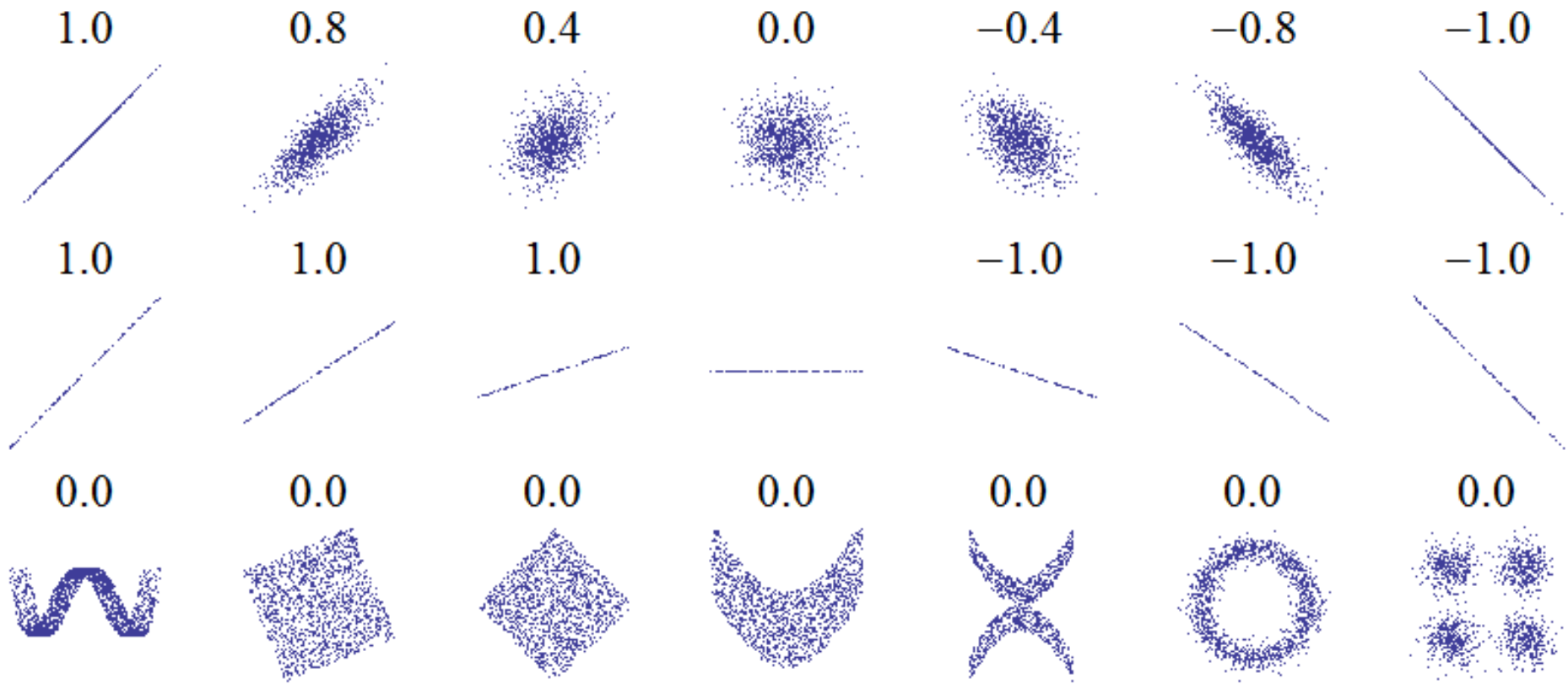


# LA CORRELAZIONE



---

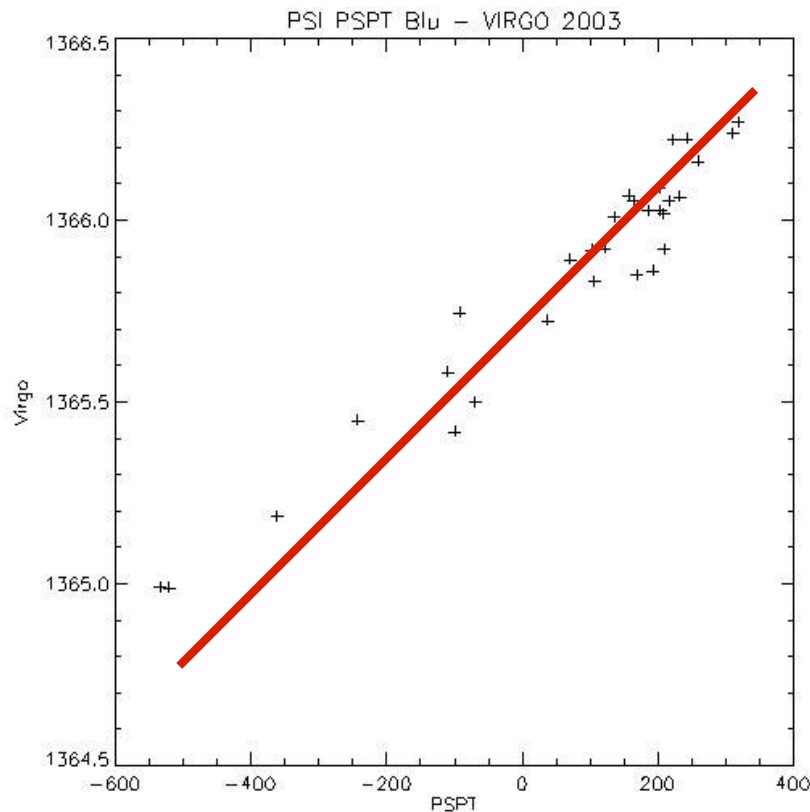
## LA CORRELAZIONE LINEARE

La correlazione indica la tendenza che hanno due variabili (X e Y) a *variare insieme*, ovvero, a *covariare*. Ad esempio, si può supporre che vi sia una relazione tra il nostro salario ed i soldi spesi in viaggi, nel senso che all'aumentare dell'uno aumenta anche l'altro.

Quando si parla di correlazione bisogna prendere in considerazione due aspetti: *il tipo di relazione esistente* tra due variabili e *la forma della relazione*.

Per quanto riguarda il **tipo di relazione**, essa può essere *lineare* o *non lineare*

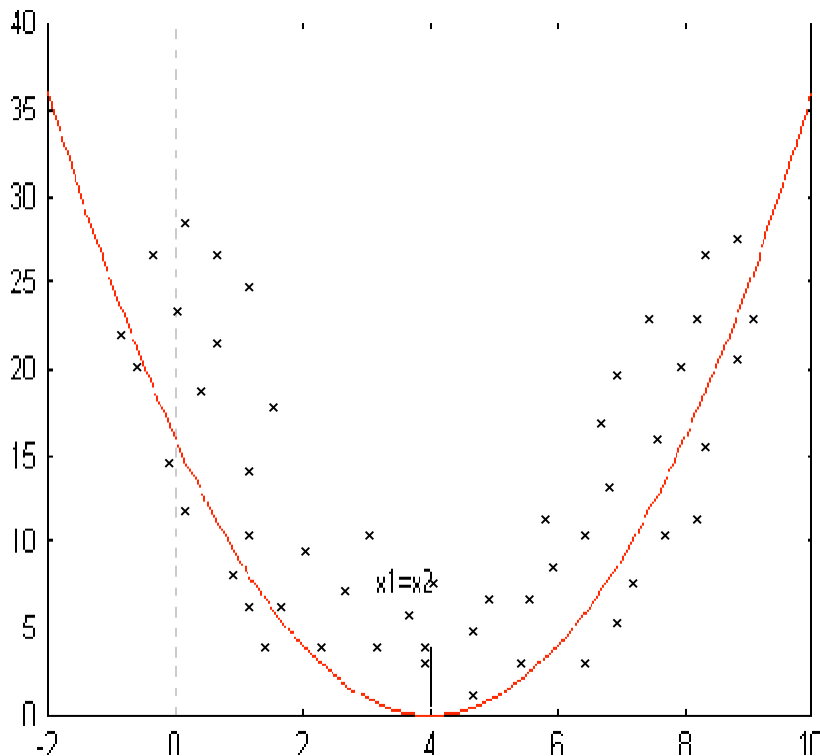
- La relazione è di tipo *lineare* se, rappresentata su assi cartesiane, si avvicina alla forma di una retta.



In questo all'aumentare (o al diminuire) di X aumenta (o diminuisce) Y

Ad esempio, all'aumentare dell'altezza di una persona aumenta anche il suo peso.

- La relazione è di tipo *non lineare*, se rappresentata su assi cartesiane, ha un andamento curvilineo (parabola o iperbole).

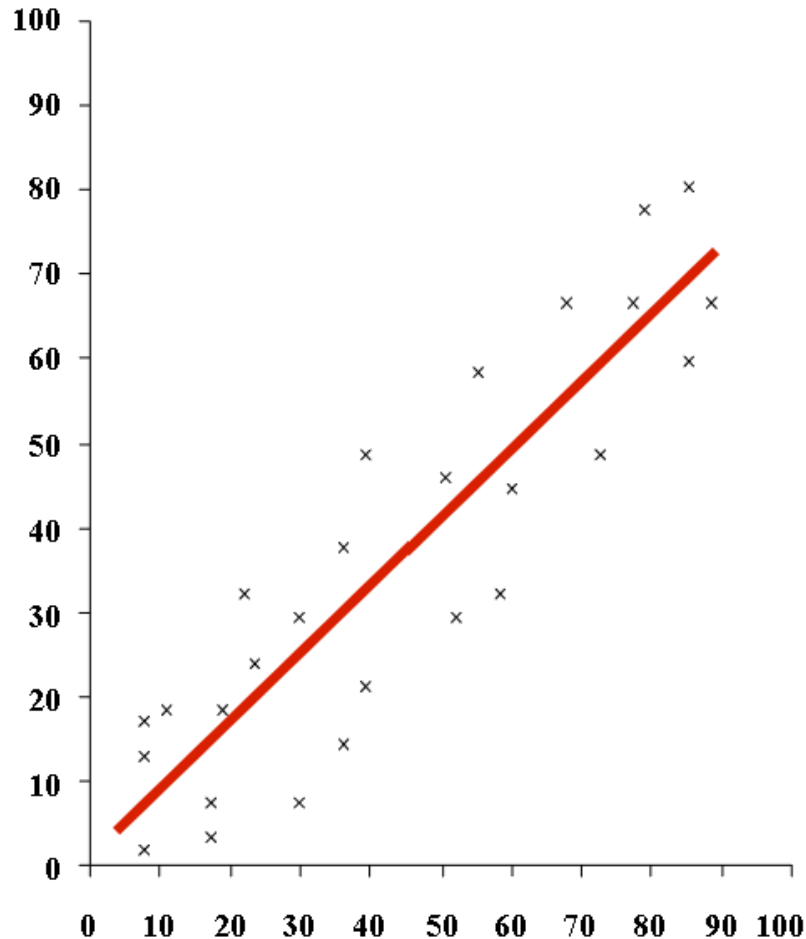


In questo caso a livelli bassi e alti di X corrispondono livelli bassi di Y; mentre a livelli intermedi di X corrispondono livelli alti di Y.

Ad esempio, il tempo impiegato per risolvere un problema è alto quando l'ansia è bassa o alta, è minimo quando l'ansia ha livelli medi

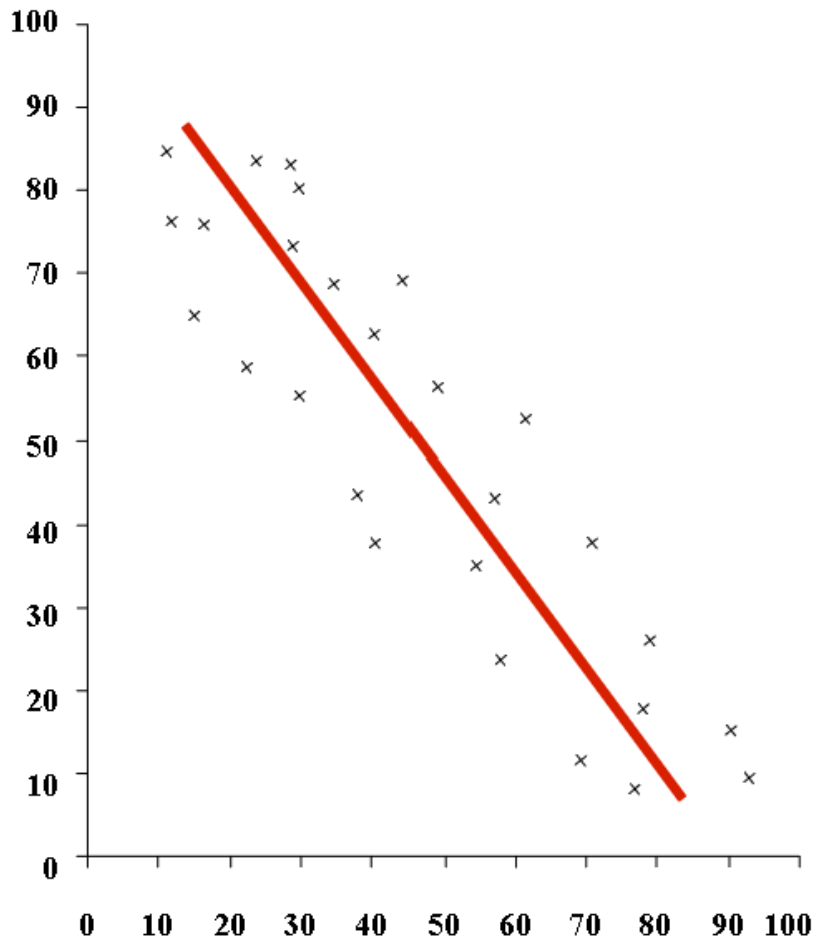
Per quanto riguarda la forma della relazione, si distinguono l'entità e la direzione.

La **direzione** può essere: *positiva*, se all'aumentare di una variabile aumenta anche l'altra.



Ad esempio,  
all'aumentare dei  
matrimoni  
aumentano il numero  
di nascite

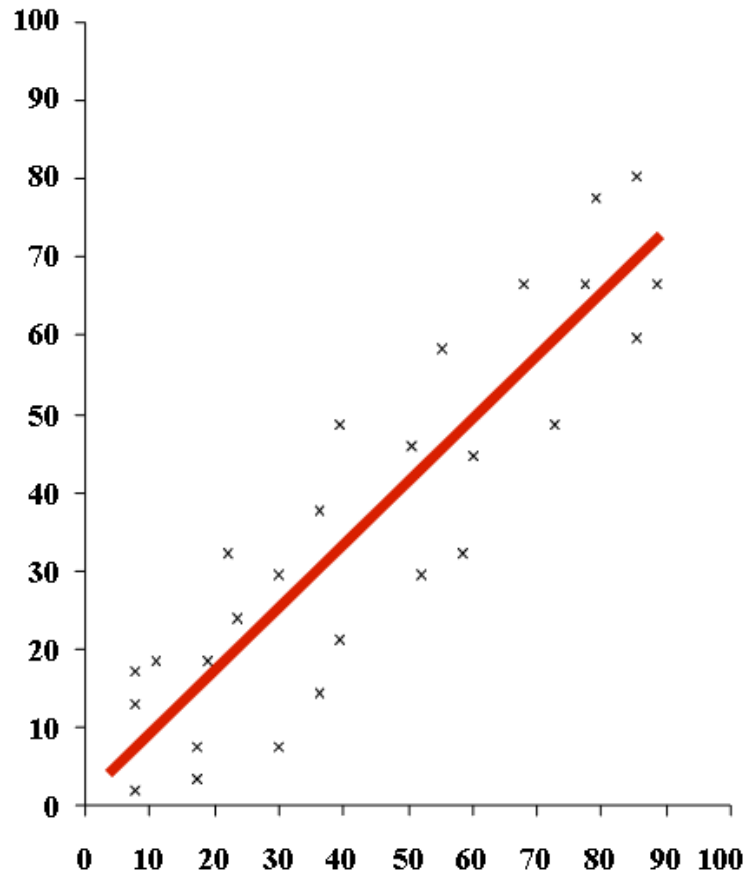
La direzione è negativa se all'aumentare di una variabile diminuisce l'altra.



Ad esempio all'aumentare dei divorzi diminuiscono il numero di nascite

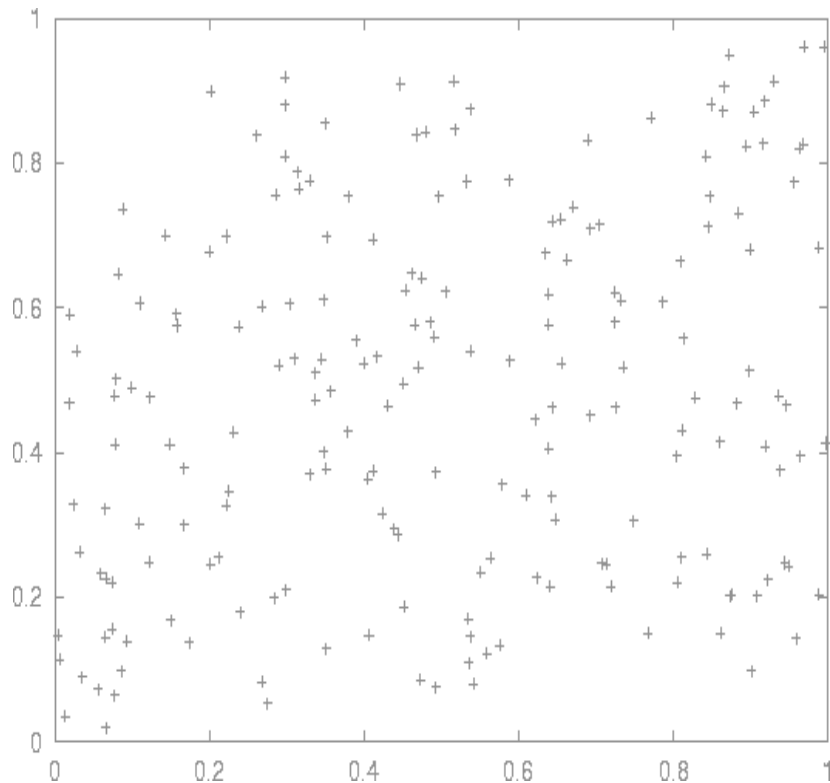
**L'entità** si riferisce alla forza della relazione esistente tra due variabili.

Quanto più i punteggi sono raggruppati attorno ad una retta, tanto *più forte* è la relazione tra due variabili.



Ad esempio, quanto più elevata è la temperatura, tanto più si suda.

Se i punteggi sono dispersi in maniera uniforme, invece, tra le due variabili non esiste alcuna relazione.



Ad esempio, non esiste alcuna relazione tra la temperatura e la nostra età



Per esprimere la relazione esistente tra due variabili, si utilizza il **coefficiente di correlazione**

Tale coefficiente è standardizzato e può assumere valori che vanno da **-1.00** (correlazione perfetta negativa) e **+1.00** (correlazione perfetta positiva). Una correlazione uguale a **0** indica che tra le due variabili non vi è alcuna relazione.

**Nota.** La correlazione non include il concetto di causa-effetto, ma solo quello di rapporto tra variabili. La correlazione ci permette di affermare che tra due variabili c'è una *relazione sistematica*, ma non che una causa l'altra.

Esistono vari tipi di coefficienti di correlazione a seconda del tipo di scala della variabile.

- Per le scale a **intervalli** o **rapporti** equivalenti si usa il coefficiente  **$r$  di Pearson**.
- Per le scale **ordinali** si usano il coefficiente  **$r_s$  di Spearman** o il coefficiente  **$\tau$  di Kendall**.

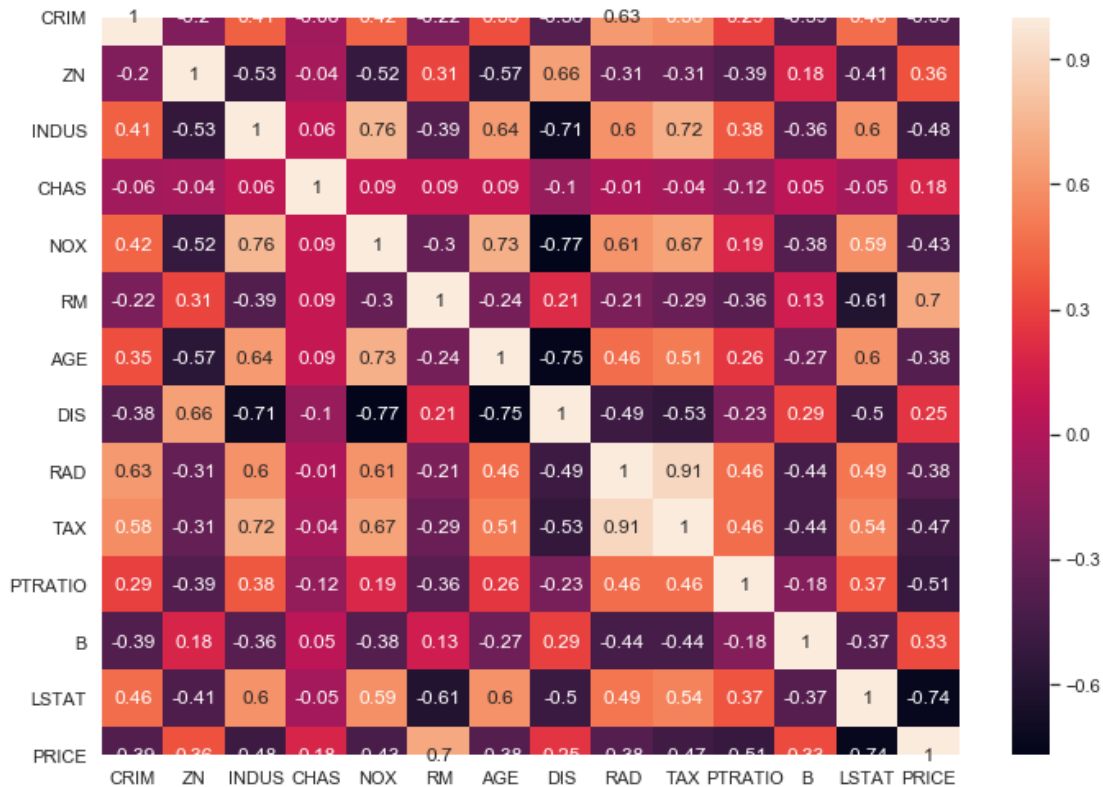
- Per le scale a **intervalli** o **rapporti** equivalenti si usa il coefficiente ***r* di Pearson**.

Tale coefficiente è calcolato come rapporto tra la covarianza delle due variabili e il prodotto delle loro deviazioni standard

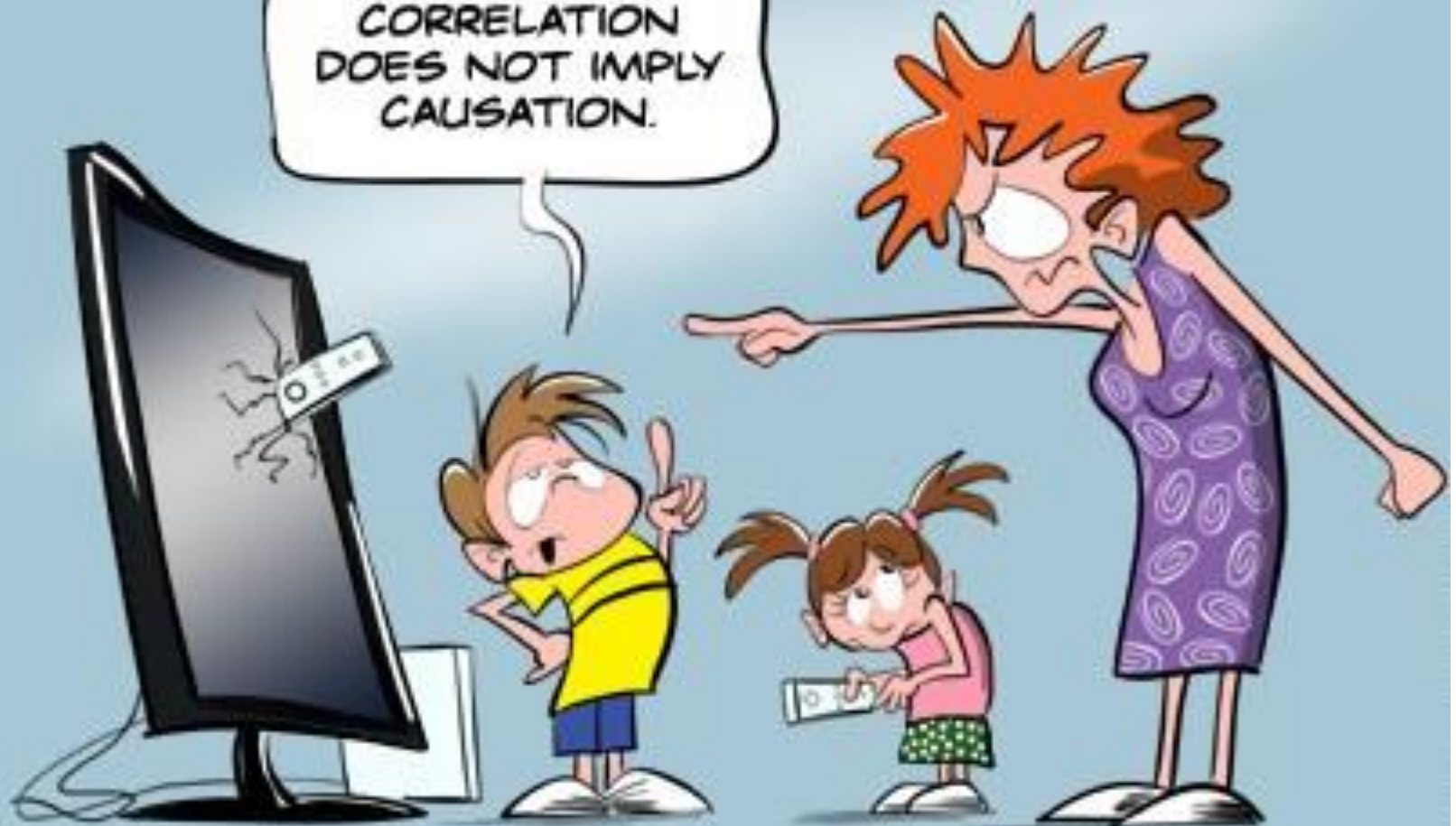
$$-1 \leq \rho_{xy} = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu_x)(y_i - \mu_y)}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu_x)^2} \sqrt{\sum_{i=1}^n (y_i - \mu_y)^2}} \leq +1$$

Può assumere valori che vanno da **-1.00** (tra le due variabili vi è una correlazione perfetta negativa) e **+1.00** (tra le due variabili vi è una correlazione perfetta positiva). Una correlazione uguale a 0 indica che tra le due variabili non vi è alcuna relazione.

	CRIM	ZN	INDUS	CHAS	NOX	RM	AGE	DIS	RAD	TAX	PTRATIO	B	LSTAT	Price
CRIM	1.000000	-0.200469	0.406583	-0.055892	0.420972	-0.219247	0.352734	-0.379670	0.625505	0.582764	0.289946	-0.385064	0.455621	-0.388305
ZN	-0.200469	1.000000	-0.533828	-0.042697	-0.516604	0.311991	-0.569537	0.664408	-0.311948	-0.314563	-0.391679	0.175520	-0.412995	0.360445
INDUS	0.406583	-0.533828	1.000000	0.062938	0.763651	-0.391676	0.644779	-0.708027	0.595129	0.720760	0.383248	-0.356977	0.603800	-0.483725
CHAS	-0.055892	-0.042697	0.062938	1.000000	0.091203	0.091251	0.086518	-0.099176	-0.007368	-0.035587	-0.121515	0.048788	-0.053929	0.175260
NOX	0.420972	-0.516604	0.763651	0.091203	1.000000	-0.302188	0.731470	-0.769230	0.611441	0.668023	0.188933	-0.380051	0.590879	-0.427321
RM	-0.219247	0.311991	-0.391676	0.091251	-0.302188	1.000000	-0.240265	0.205246	-0.209847	-0.292048	-0.355501	0.128069	-0.613808	0.695360
AGE	0.352734	-0.569537	0.644779	0.086518	0.731470	-0.240265	1.000000	-0.747881	0.456022	0.506456	0.261515	-0.273534	0.602339	-0.376955
DIS	-0.379670	0.664408	-0.708027	-0.099176	-0.769230	0.205246	-0.747881	1.000000	-0.494588	-0.534432	-0.232471	0.291512	-0.496996	0.249929
RAD	0.625505	-0.311948	0.595129	-0.007368	0.611441	-0.209847	0.456022	-0.494588	1.000000	0.910228	0.464741	-0.444413	0.488676	-0.381626
TAX	0.582764	-0.314563	0.720760	-0.035587	0.668023	-0.292048	0.506456	-0.534432	0.910228	1.000000	0.460853	-0.441808	0.543993	-0.468536
PTRATIO	0.289946	-0.391679	0.383248	-0.121515	0.188933	-0.355501	0.261515	-0.232471	0.464741	0.460853	1.000000	-0.177383	0.374044	-0.507787
B	-0.385064	0.175520	-0.356977	0.048788	-0.380051	0.128069	-0.273534	0.291512	-0.444413	-0.441808	-0.177383	1.000000	-0.366087	0.333461
LSTAT	0.455621	-0.412995	0.603800	-0.053929	0.590879	-0.613808	0.602339	-0.496996	0.488676	0.543993	0.374044	-0.366087	1.000000	-0.737663
Price	-0.388305	0.360445	-0.483725	0.175260	-0.427321	0.695360	-0.376955	0.249929	-0.381626	-0.468536	-0.507787	0.333461	-0.737663	1.000000



CORRELATION  
DOES NOT IMPLY  
CAUSATION.



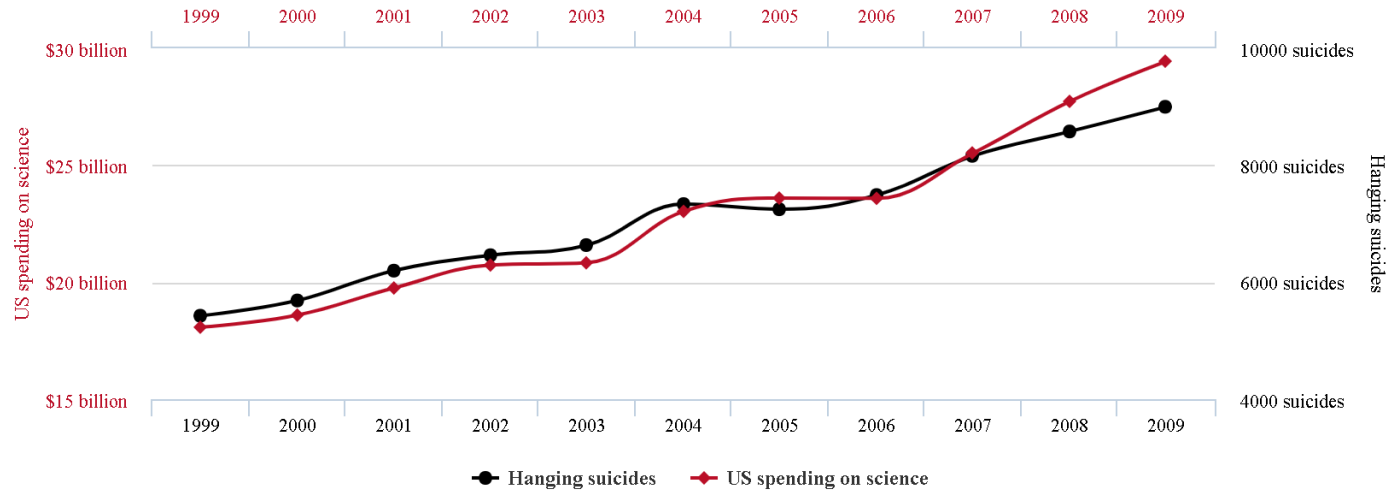
## US spending on science, space, and technology



correlates with

## Suicides by hanging, strangulation and suffocation

Correlation: 99.79% ( $r=0.99789126$ )



tylervigen.com

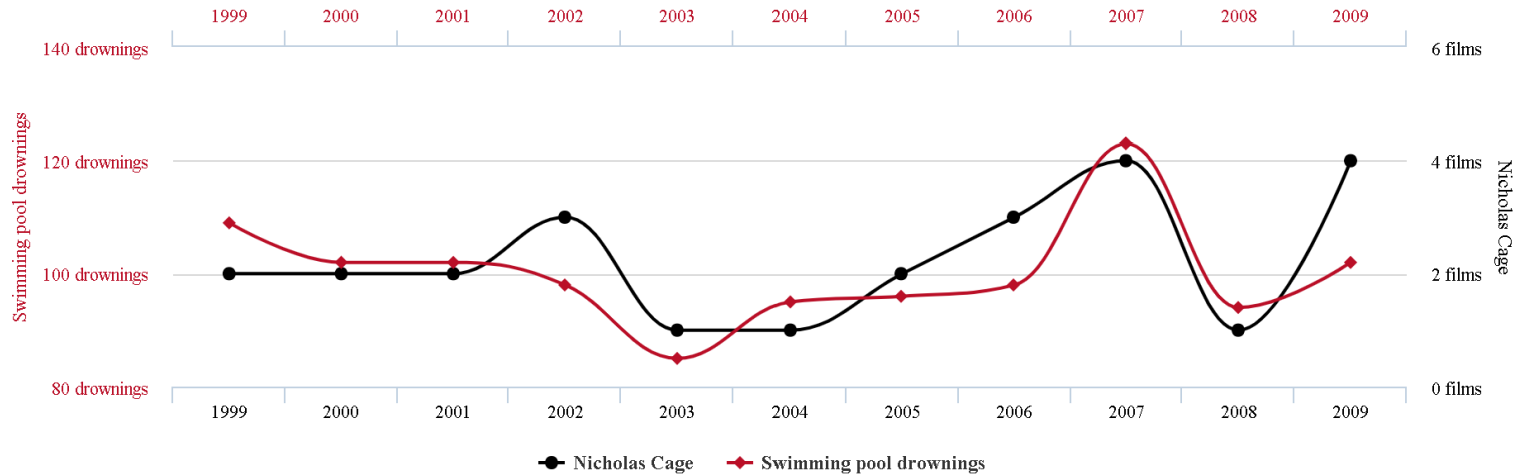
## Number of people who drowned by falling into a pool



correlates with

## Films Nicolas Cage appeared in

Correlation: 66.6% ( $r=0.666004$ )

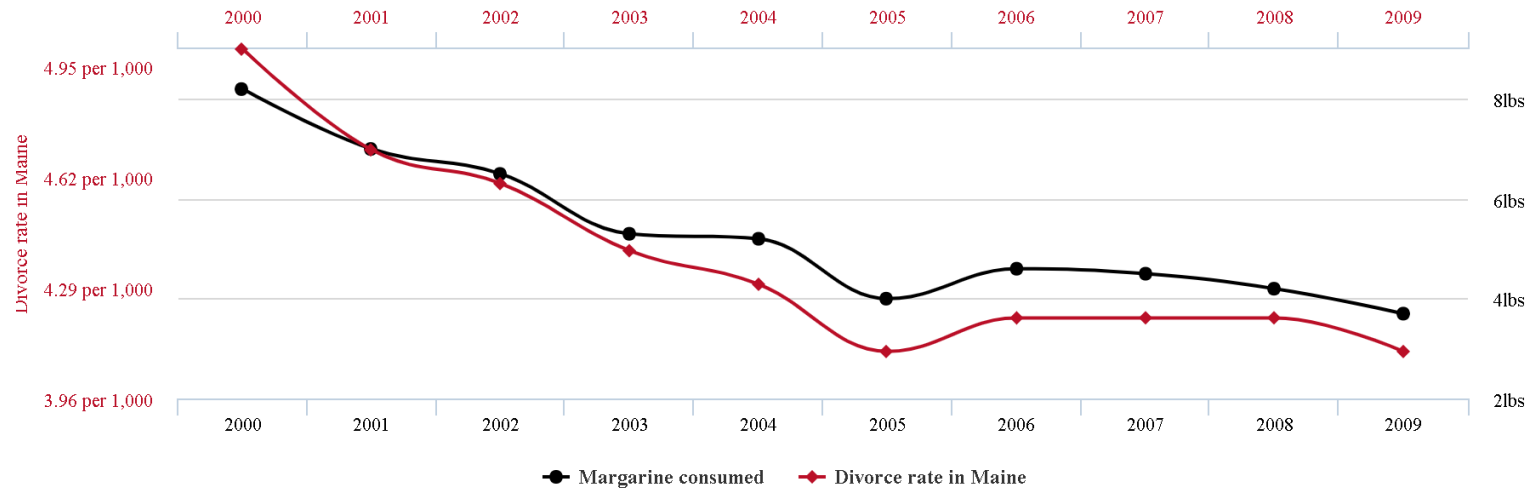


# Divorce rate in Maine

correlates with

## Per capita consumption of margarine

Correlation: 99.26% ( $r=0.992558$ )

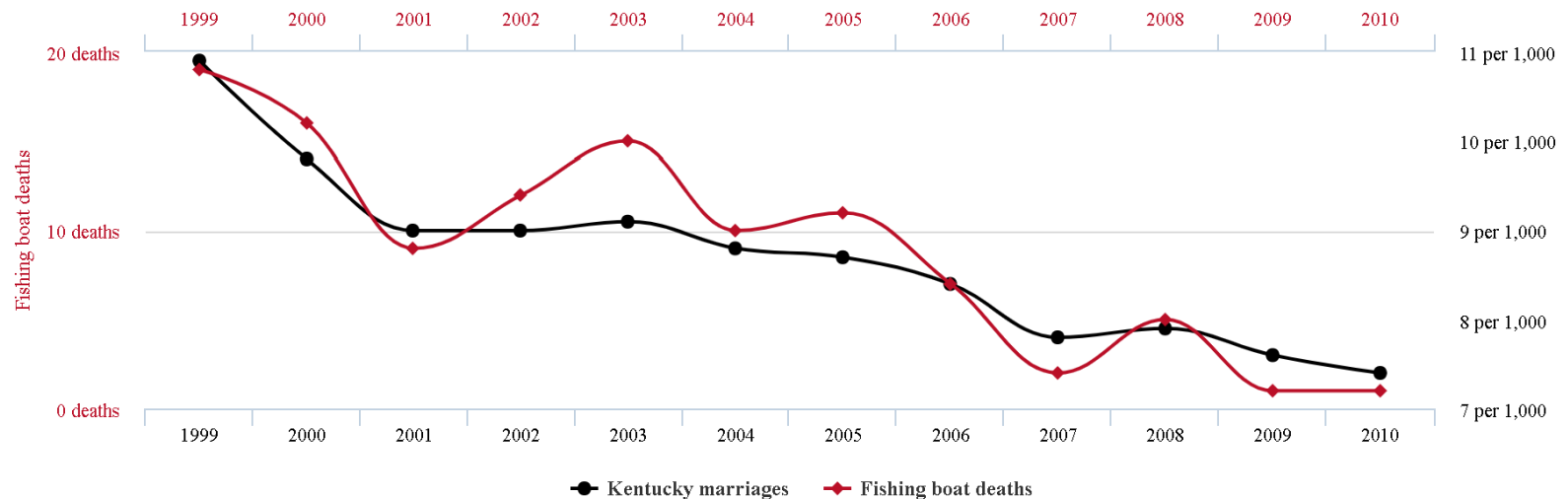


# People who drowned after falling out of a fishing boat

correlates with

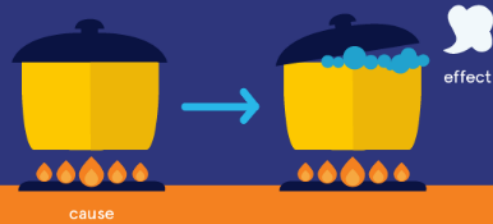
## Marriage rate in Kentucky

Correlation: 95.24% ( $r=0.952407$ )



## CAUSATION

when one thing (a cause) causes another thing to happen (an effect)

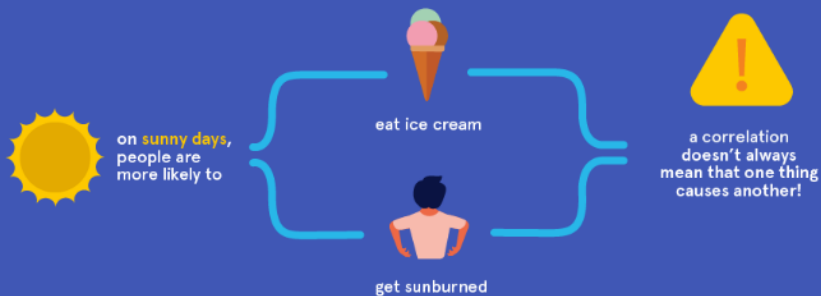


## CORRELATION

when two or more things appear to be related



Correlation doesn't always mean causation!



Incorrect



Correct

